# Evolución de una función de Wigner de un amplificador paramétrico

#### TESIS PROFESIONAL Carlos Eduardo González Anguiano

Departamento de Física ESFM-IPN

1 de junio de 2024

- 1 Introducción
- Cuantización campo EM
- Compresión y desplazamiento
- 4 Función de Wigner
- 6 Amplificador paramétrico

- 1 Introducción
- 2 Cuantización campo EM
- Compresión y desplazamiento
- 4 Función de Wigner
- 6 Amplificador paramétrico

- 1 Introducción
- 2 Cuantización campo EM
- 3 Compresión y desplazamiento
- 4 Función de Wigner
- 6 Amplificador paramétrico

- 1 Introducción
- 2 Cuantización campo EM
- 3 Compresión y desplazamiento
- Función de Wigner
- 6 Amplificador paramétrico

- 1 Introducción
- 2 Cuantización campo EM
- 3 Compresión y desplazamiento
- 4 Función de Wigner
- **5** Amplificador paramétrico

# Introducción: Mecánica Cuántica (MC)

#### Max Planck y la catástrofe ultravioleta

Densidad espectral de energía: Energía por unidad de volumen de ondas electromagnéticas de frecuencia  $\nu$ .

$$u(T) = \int_0^\infty \rho(\nu, T) d\nu. \tag{1}$$

La densidad de *cuerpo negro* dado por termodinámica clásica difiere de datos experimentales. Planck propone estados de energía de osciladores discretos

$$E_n = nh\nu. (2)$$

La cuantización lleva a la distribución de Planck

$$\rho(\nu, T) = \frac{\hbar \nu^3}{\pi^2 c^3} \frac{1}{e^{\hbar \nu/kT} - 1}.$$
 (3)

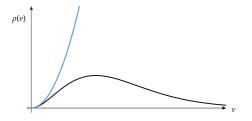


Figura 1: Distribución de Planck (negro) y distribución de Rayleigh-Jeans (azul)

#### Einstein y el efecto fotoeléctrico

Describe el efecto de la luz incidente sobre un metal, y como este emite electrones.

- La energía máxima de los electrones es independiente a la intensidad.
- La energía depende de la frecuencia de la luz incidente
- El número de fotones depende de la intensidad
- Cada material tiene una frecuencia característica para liberar electrones.

Sugiere que la luz puede estar dados por paquetes de energía, llamados después fotones. Con ello resuelve dificultades teóricas del experimento. La energía tiene que ser mayor que la función de trabajo W para liberarlo, es decir  $\hbar \nu \geq W$ .

$$\frac{1}{2}mv^2 = \hbar\nu - W \tag{4}$$

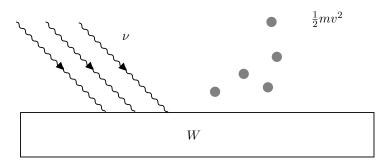


Figura 2: Diagrama del efecto fotoeléctrico. La función de trabajo del material denotada por W, la frecuencia de la luz incidente por  $\nu$  y la energía cinética  $mv^2/2$  de los electrones que se liberan del material.

**Experimento de Stern-Gerlach** Muestra de manera didáctica las características de los sistemas de dos estados y la MC.

- Usando el esquema experimental (Fig. 3) se lanza un rayo de átomos de plata a través de un campo magnético no homogéneo
- El átomo de plata tiene 57 electrones, y el electrón en el nivel 5s no tiene contraparte simétrica, por lo que su espín contribuye y es proporcional al momento angular intrínseco
- Clásica: Predice una distribución Gaussiana para la posición de colisiones en la pantalla.
- Cuántica: Se forman dos conjuntos de puntos correspondientes a espín arriba y abajo exclusivamente, denotados como  $S_z^+$  y  $S_z^-$  respectivamente.

#### Experimento de Stern-Gerlach

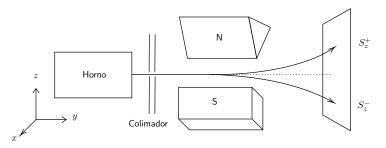


Figura 3: Esquema experimental de Stern-Gerlach. Átomos de plata son evaporados utilizando un horno y son disparados a través de un colimador a lo largo de un campo magnético no homogéneo, y colisionan en una pantalla

#### Experimentos sucesivos de Stern-Gerlach

Consideremos ahora un **segundo** experimento que direcciona el campo magnético a lo largo del eje x colocado en sucesión al primer experimento en z, bloqueando con una pantalla  $S_z^-$ .

**Hipótesis**: Los electrones están en las configuraciones  $S_z^+$ ,  $S_x^+$  o  $S_z^+$ ,  $S_x^-$ .

**Tercer experimento** sucesivo en la dirección z (como el primero)

- ullet Clásica: Se espera que solo haya electrones  $S_z^-$
- $\bullet$  Resultados: La pantalla muestra los mismos resutados que el experimento individual en z , electrones en estados  $S_z^+$  y  $S_z^-$

**Conclusión**: La medición del segundo experimento destruye la información del primer experimento.

#### Kets y Bras

En notación de **Dirac**, los resultados del experimento anterior se pueden describir por Kets

$$|S_x;\pm\rangle = \pm \frac{1}{\sqrt{2}} |S_z;+\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} |S_z;-\rangle$$
.

Si se orienta el segundo experimento en y se debe usar la misma base, por lo que se necesita de coeficientes complejos:

$$|S_y;\pm\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}|S_z;+\rangle \pm \frac{i}{\sqrt{2}}|S_z;-\rangle$$
.

A un estado cuántico en **estado**  $\psi$  se le denota por  $|\psi\rangle$ , elemento de un espacio vectorial complejo de Hilbert.

#### **Operadores**

Función sobre un espacio de estados con contradominio en otro espacio de estados. Se representan por  $\hat{A}$ .

**Observable:** Operador hermitiano que representa una cantidad medible por experimento, y tiene eigenvalores reales.

Dos observables se dicen compatibles si conmutan, es decir  $[\hat{A},\hat{B}]=0$  y el orden de las mediciones no afecta el resultado. Si el conmutador es distinto de cero se dicen no compatibles.

# Principio de incertidumbre

#### Cambio de base

#### Matriz de densidad

# Ecuación de Schödinger

# Evolución temporal

# Imagenes de la MC

# Oscilador armónico cuántico (OAC)

# Operadores escalera

#### Estados número del OAC

### Operadores cuadratura

# Óptica cuántica

#### Ecuaciones de Maxwell

#### Ecuación de onda

#### Solución a la ecuación de onda

Repasar teoría de EDP's, EDO's, solución particular y homogénea

#### Condiciones de la función de onda

#### Condiciones de la función de onda

# Soluciones a los campos

# Energía electromagnética

### Cuantización del campo

#### Propiedades de los estados número

#### **Fasores**

### Estados coherentes

### Propiedades de los estados coherentes

# Simetrías y grupos

### Grupos de Lie

## Álgebra de Lie

### Operador desplazamiento

## Propiedades del operador desplazamiento

## Operador compresión

# Estado comprimido ideal

# Teoría de función de Wigner

### Función de Wigner para estados coherentes

# Óptica no lineal

#### Parametric down conversion

# Amplificador paramétrico (AP)

## Diagonalización del AP

### Estado inicial

## Función de Wigner del campo

## Expresión paramétrica de la función de Wigner

### Resultados

### Conclusiones

¡Gracias por su atención!