#### **PROGRAMMIERUNG**

ÜBUNG 11: C₁ UND ABSTRAKTE MASCHINE AM₁

Eric Kunze
eric.kunze@mailbox.tu-dresden.de

#### INHALT

- 1. Funktionale Programmierung
  - 1.1 Einführung in Haskell: Listen
  - 1.2 Algebraische Datentypen
  - 1.3 Funktionen höherer Ordnung
  - 1.4 Typpolymorphie & Unifikation
  - 1.5 Beweis von Programmeigenschaften
  - 1.6 λ-Kalkül
- 2. Logikprogrammierung
- 3. Implementierung einer imperativen Programmiersprache
  - 3.1 Implementierung von C<sub>0</sub>
  - 3.2 Implementierung von C<sub>1</sub>
- 4. Verifikation von Programmeigenschaften
- 5. H<sub>0</sub> ein einfacher Kern von Haskell

Implementierung von C<sub>1</sub> und

abstrakte Maschine AM<sub>1</sub>

#### $C_1$ UND $AM_1$

- **bisher:** Implementierung von  $C_0$  mit  $AM_0$
- **jetzt:** Erweiterung auf  $C_1$  mit  $AM_1$ 
  - ► Erweiterung um Funktionen ohne Rückgabewert
  - ightharpoonup Einschränkungen von  $C_0$  bleiben erhalten
- ► Implementierung durch
  - ▶ Syntax von  $C_1$
  - ▶ Befehle und Semantik einer abstrakten Maschine AM₁
  - ▶ Übersetzer  $C_1 \leftrightarrow AM_1$

#### **ABSTRAKTE MASCHINE** AM<sub>1</sub>

#### Die $AM_1$ besteht aus

- einem Ein- und Ausgabeband,
- einem Datenkeller,
- einem Laufzeitkeller,
- einem Befehlszähler und
- ▶ einem Referenzzeiger (REF).

Im Vergleich zur  $AM_0$  ist also aus dem Hauptspeicher ein Laufzeitkeller geworden und der Referenzzeiger ist hinzugekommen.

Den Zustand der  $AM_1$  beschreiben wir daher nun mit einem 6-Tupel

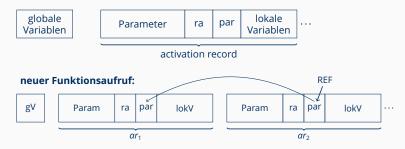
$$(m, d, h, r, inp, out) = (BZ, DK, LZK, REF, Input, Output)$$

#### FUNKTIONSAUFRUFE & DER LAUFZEITKELLER

Wofür brauchen wir den REF?

→ Funktionsaufrufe & Rücksprünge

#### Struktur des Laufzeitkellers:



#### Funktionsaufrufe übersetzen:

- ► Parameter LOAD & PUSH
- ► Funktion CALL

#### **BEFEHLSSEMANTIK DER** AM<sub>1</sub>

$$b \in \{ ext{global}, ext{lokal} \}$$
 $r \dots ext{aktueller REF}$ 
 $adr(r, b, o) = \begin{cases} r + o & \text{wenn } b = ext{lokal} \\ o & \text{wenn } b = ext{global} \end{cases}$ 

Befehl	Auswirkungen									
LOAD(b,o)	Lädt den Inhalt von Adresse $adr(r,b,o)$ auf den Da-									
	tenkeller, inkrementiere Befehlszähler									
STORE(b,o)	Speichere oberstes Datenkellerelement an									
	adr(r,b,o), inkrementiere Befehlszähler									
WRITE(b,o)	Schreibe Inhalt an Adresse $adr(r, b, o)$ auf das Ausga-									
	beband, inkrementiere Befehlszähler									
READ(b,o)	Lies oberstes Element vom Eingabeband, speichere									
	an Adresse $adr(r,b,o)$ , inkrementiere Befehlszähler									

# **BEFEHLSSEMANTIK DER** AM<sub>1</sub>

Befehl	Auswirkungen
LOADI(o)	Ermittle Wert (= $b$ ) an Adresse $r + o$ , Lade Inhalt von Adresse $b$ auf Datenkeller, inkrementiere Befehlszähler
STOREI(o)	Ermittle Wert (= $b$ ) an Adresse $r+o$ , nimm oberstes Datenkellerelement, speichere dieses an Adresse $b$ , inkrementiere Befehlszähler
WRITEI(o)	Ermittle Wert (= $b$ ) an Adresse $r+o$ , schreibe den Inhalt an Adresse $b$ auf Ausgabeband, inkrementiere Befehlszähler
READI(o)	Ermittle Wert (= $b$ ) an Adresse $r + o$ , lies das oberste Element vom Eingabeband, speichere es an Adresse $b$ , inkrementiere Befehlszähler
LOADA(b,o)	Lege $adr(r,b,o)$ auf Datenkeller, inkrementiere Befehlszähler
PUSH	oberstes Element vom Datenkeller auf Laufzeitkeller, Befehlszähler inkrementieren
CALL adr	Befehlszählerwert inkrementieren und auf LZK legen, Befehlszähler auf <i>adr</i> setzen, REF auf LZK legen, REF auf Länge des LZK ändern
INIT n	n-mal 0 auf den Laufzeitkeller legen
RET n	im LZK alles nach REF-Zeiger löschen, oberstes Element des LZK als REF setzen, oberstes Element des LZK als Befehlszähler setzen, <i>n</i> Elemente von LZK löschen
	6

#### **MERKHILFEN**

#### Übersetzen:

- \*x wird mit I-Befehlen übersetzt (außer in Funktionsköpfen)
- &x wird mit A-Befehlen übersetzt
- ▶ BEFEHL(global, o) verhält sich wie in der AM<sub>0</sub>
- ▶ BEFEHL(lokal, o) verhält sich ähnlich wie in der  $AM_0$  mit Adressberechnung (r + o) vorher

# Ablaufprotokolle:

- ▶ I-Befehle: Wert-an-Adresse-Prozess zweimal machen
- ► A-Befehle: Adresse direkt verarbeiten (nicht erst Wert auslesen)

# Übungsblatt 11

# **AUFGABE 1 – TEIL (A)**

# Aufgabe.

```
1 while (*p > i) \{ f(p); i = i + 1; \}
2 p = \ki;
 tab_{g+|Dec|} = \{f/(proc, 1), g/(proc, 2), i/(var, lokal, 1), p/(var-ref, -2)\}
 Lösung.
  2.2.1 LOADI(-2); LOAD(lokal,1); GT; JMC 2.2.2;
          LOAD(lokal,-2); PUSH; CALL 1;
          LOAD(lokal,1); LIT 1; ADD; STORE(lokal,1);
          JMP 2.2.1 ;
  2.2.2 LOADA(lokal,1); STORE(lokal,-2);
```

#### **AUFGABE 1 – TEIL (B)**

# **Aufgabe.** Gegeben ist folgender $AM_1$ -Code:

```
1 INIT 1; 10 MUL;
                             19 READ (global, 1);
2 CALL 18; 11 STOREI (-3);
                             20 LOADA(global,1);
21 PUSH;
4 LOAD(lokal,-2); 13 LIT 1;
                           22 LOAD(global,1);
5 LIT 0; 14 SUB;
    15 STORE(lokal,-2); 23 PUSH; 24 CALL 3;
6 GT;
7 JMC 17; 16 JMP 4;
                           25 WRITE(global,1);
8 LIT 2; 17 RET 2;
                             26 JMP 0;
9 LOADI(-3); 18 INIT 0;
```

Führen Sie 12 Schritte der  $AM_1$  auf der Konfiguration  $\sigma = (22, \varepsilon, 1:3:0:1,3,\varepsilon,\varepsilon)$  aus.

# **AUFGABE 1 – TEIL (B)**

# Lösung.

	ΒZ		DK		LZK		REF		Inp		Out	
(	22	,	ε	,	1:3:0:1	,	3	,	ε	,	ε	)
(	23	,	1	,	1:3:0:1	,	3	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	24	,	$\varepsilon$	,	1:3:0:1:1	,	3	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	3	,	$\varepsilon$	,	1:3:0:1:1:25:3	,	7	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	4	,	$\varepsilon$	,	1:3:0:1:1:25:3	,	7	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	5	,	1	,	1:3:0:1:1:25:3	,	7	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	6	,	0:1	,	1:3:0:1:1:25:3	,	7	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	7	,	1	,	1:3:0:1:1:25:3	,	7	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	8	,	$\varepsilon$	,	1:3:0:1:1:25:3	,	7	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	9	,	2	,	1:3:0:1:1:25:3	,	7	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	10	,	1:2	,	1:3:0:1:1:25:3	,	7	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	11	,	2	,	1:3:0:1:1:25:3	,	7	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	12	,	$\varepsilon$	,	2:3:0:1:1:25:3	,	7	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	13	,	1	,	2:3:0:1:1:25:3	,	7	,	ε	,	$\varepsilon$	)
(	14	,	1:1	,	2:3:0:1:1:25:3	,	7	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)

# **AUFGABE 2 – TEIL (A)**

# Aufgabe.

```
1 #include <stdio.h>
2 int x, y;
3 void f(...) {...}
4 void g(int a, int *b) {
5    int c;
6    c = 3;
7    if (c == *b) while (a > 0) f(&a, b);
8 }
9 void main () {...}
```

Übersetzen Sie die Sequenz der Statements im Rumpf von g in entsprechenden  $AM_1$ -Code mit baumstrukturierten Adressen (mittels stseqtrans). Sie brauchen keine Zwischenschritte anzugeben. Geben Sie zunächst die benötigte Symboltabelle  $tab_g$  an.

# **AUFGABE 2 – TEIL (A)**

# Lösung.

```
tab_g = [f/(proc, 1), g/(proc, 2),
        x/(var, global, 1), y/(var, global, 2),
        a/(var, lokal, -3), b(var - ref, -2), c/(var, lokal, 1)
           LIT 3; STORE(lokal,1);
           LOAD(lokal,1); LOADI (-2); EQ; JMC 2.2.1;
2.2.2.1: LOAD(lokal,-3); LIT 0; GT; JMC 2.2.2.2;
           LOADA(lokal,-3); PUSH;
           LOAD(lokal,-2); PUSH; CALL 1;
           JMP 2.2.2.1:
2.2.2.2: 2.2.1:
```

#### **AUFGABE 2 – TEIL (B)**

#### Aufgabe.

Erstellen Sie ein Ablaufprotokoll der  $AM_1$ , indem Sie sie schrittweise ablaufen lassen, bis die Maschine terminiert. Die Anfangskonfiguration sei  $(14,\varepsilon,0:0:1,3,4,\varepsilon)$ . Sie müssen nur Zellen ausfüllen, deren Wert sich im Vergleich zur letzten Zeile geändert hat.

# **AUFGABE 2 - TEIL (B)**

# Lösung.

	BZ		DK		LZK		REF		Inp		Out	
(	14	,	$\varepsilon$	,	0:0:1	,	3	,	4	,	ε	)
(	15	,	$\varepsilon$	,	4:0:1	,	3	,	ε	,	$\varepsilon$	)
(	16	,	1	,	4:0:1	,	3	,	ε	,	$\varepsilon$	)
(	17	,	$\varepsilon$	,	4:0:1:1	,	3	,	ε	,	$\varepsilon$	)
(	3	,	$\varepsilon$	,	4:0:1:1:18:3	,	6	,	ε	,	$\varepsilon$	)
(	4	,	$\varepsilon$	,	4:0:1:1:18:3	,	6	,	ε	,	$\varepsilon$	)
(	5	,	4	,	4:0:1:1:18:3	,	6	,	ε	,	$\varepsilon$	)
(	6	,	2:4	,	4:0:1:1:18:3	,	6	,	ε	,	$\varepsilon$	)
(	7	,	1	,	4:0:1:1:18:3	,	6	,	ε	,	$\varepsilon$	)
(	8	,	$\varepsilon$	,	4:0:1:1:18:3	,	6	,	ε	,	$\varepsilon$	)
(	9	,	4	,	4:0:1:1:18:3	,	6	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	10	,	2:4	,	4:0:1:1:18:3	,	6	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	11	,	2	,	4:0:1:1:18:3	,	6	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	12	,	$\varepsilon$	,	2:0:1:1:18:3	,	6	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	18	,	$\varepsilon$	,	2:0:1	,	3	,	$\varepsilon$	,	$\varepsilon$	)
(	19	,	$\varepsilon$	,	2:0:1	,	3	,	$\varepsilon$	,	2	)
(	0	,	$\varepsilon$	,	2:0:1	,	3	,	$\varepsilon$	,	2	)