# **PROGRAMMIERUNG**

ÜBUNG 3: BÄUME & FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG

Eric Kunze eric.kunze@mailbox.tu-dresden.de

# Übungsblatt 2

Aufgabe 3

#### **ALGEBRAISCHE DATENTYPEN**

- Ziel: problemspezifische Datenkonstruktoren
- ► z.B. in C: Aufzählungstypen
- ► funktionale Programmierung: algebraische Datentypen

#### **Aufbau:**

```
data Typename

= Con1 t11 ... t1k1

| Con2 t21 ... t2k2

| ...
| Conr tr1 ... trkr
```

- ► Typename ist ein Name (Großbuchstabe)
- ► Con1, ... Conr sind Datenkonstruktoren (Großbuchstabe)
- ▶ tij sind Typnamen (Großbuchstaben)

#### ALGEBRAISCHE DATENTYPEN – BEISPIELE

```
data Season = Spring | Summer | Autumn | Winter
```

```
goSkiing :: Season -> Bool
goSkiing Winter = True
goSkiing _ = False
```

```
data TriBool = TriTrue | TriMaybe | TriFalse
```

#### **AUFGABE 3**

# data BinTree = Branch Int BinTree BinTree | Nil

```
tree1 :: BinTree -- Suchbaum
  tree1 = Branch 5
4
         Branch 3
          (Branch 2 Nil Nil)
           (Branch 4 Nil Nil)
      ) (Branch 8
           ( Branch 7
8
               (Branch 6 Nil Nil)
               (Nil)
           ( Branch 10
               (Nil)
14
               (Branch 13 Nil Nil)
```

# **AUFGABE 3 – TEIL (A)**

# Einfügen von Schlüsseln in einen Binärbaum

```
data BinTree = Branch Int BinTree BinTree | Nil
insert :: BinTree -> [Int] -> BinTree
```

# **AUFGABE 3 – TEIL (B)**

#### **Test auf Baum-Gleichheit**

```
data BinTree = Branch Int BinTree BinTree | Nil
equal :: BinTree -> BinTree -> Bool
```

# Übungsblatt 3

Aufgabe 1

# **AUFGABE 1 – TEIL (A)**

### Anzahl der Blätter

```
data RoseTree = Node Int [RoseTree]
countLeaves :: RoseTree -> Int
```

```
-- (a) Blaetter zaehlen

countLeaves :: RoseTree -> Int

countLeaves (Node _ [] ) = 1

countLeaves (Node _ [t]) = countLeaves t

countLeaves (Node x (t:ts))

= countLeaves t + countLeaves (Node x ts)
```

# **AUFGABE 1 – TEIL (B)**

### gerade Anzahl an Kindern

```
data RoseTree = Node Int [RoseTree]
evenNodes :: RoseTree -> Bool
```

```
-- (b) gerade Anzahl an Kindern testen - Variante 1
evenNodes :: RoseTree -> Bool
evenNodes (Node _ [] ) = True
evenNodes (Node x [t] ) = False
evenNodes (Node x (t1:t2:ts))
= evenNodes (Node x ts) && evenNodes t1 &&
evenNodes t2
```

```
-- (b) gerade Anzahl an Kindern testen - Variante 2
evenNodes':: RoseTree -> Bool
evenNodes' (Node _ []) = True
evenNodes' (Node _ ts)
= mod (length ts) 2 == 0 && evenNodes'' ts
```

**Funktionen advanced** 

#### **FUNKTIONEN**

Wir kennen bereits einige Möglichkeiten Funktionen zu notieren. Hier seien einige weitere erwähnt.

**anonyme Funktionen.** Funktionen ohne konkreten Namen z.B.  $(\x -> x+1)$  ist die Addition mit 1

$$1 \left( \left( x -> x+1 \right) 4 = 5 \right)$$

- **Operator** ↔ **Funktion** Aus Operatoren (wie z.B. +) kann man eine Funktion machen und vice versa.
  - ▶ Operator → Funktion: Klammern drum herum

```
(+) :: Int -> Int -> Int
2 (+) x y = x + y
```

► Funktion → Operator: Backticks '...'

```
5 'mod' 2 = 1
```

### **FUNKTIONSKOMPOSITION**

Analog zur mathematischen Notation  $f = g \circ h$  für f(x) = g(h(x)) versteht auch Haskell das Kompositionsprinzip mit dem Operator . z.B.

```
sqAdd :: Int -> Int
sqAdd = (^2) . (+ 5)
```

statt  $sqAdd x = (x + 5)^2$  für das Quadrat des fünften Nachfolgers

### **PARTIELLE APPLIKATION**

Funktionen müssen nicht immer mit allen Argumenten versorgt werden. Lässt man (hintere) Argumente weg, so spricht man von Unterversorgung. Die Modulo Funktion hat eigentlich zwei Argumente. Lassen wir das zweite Argument weg, so liefert dies uns eine neue Funktion, die noch ein Argument entgegennimmt und sodann die Restberechnung ausführt.

```
mod :: Int -> Int -> Int
mod m n = ...

mod 10 :: Int -> Int
(mod 10) n = mod 10 n

(> 3) :: Int -> Bool
(> 3) x = x > 3
```

# FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG — MAP

Funktionen können als Argumente von Funktionen auftreten. Wir lernen drei Basics kennen:

# **Die Funktion map**

► map ermöglicht es eine Funktion f auf alle Elemente einer Liste anzuwenden

```
map :: (Int -> Int) -> [Int] -> [Int]
map f [] = []
map f (x:xs) = f x : map f xs
```

► Beispiel.

```
map square [1,2,7,12,3,20] = [1,4,49,144,9,400]
```

# FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG — FILTER

#### Die Funktion filter

► filter p xs liefert eine Liste, die genau die Elemente von xs enthält, welche das Prädikat p erfüllen

```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]

filter p xs = [ x | x <- xs, p x]
```

► Beispiel.

```
filter odd [1,2,7,12,3,20] = [1,7,3]
```

# FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG — FOLDR

#### Die Funktion foldr

► foldr f z xs faltet eine Liste xs und verknüpft jeweils durch die Funktion f; gestartet wird mit z und dem rechtesten Element

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b

foldr f z [] = z

foldr f z (x:xs) = f x (foldr f z xs)
```

► Beispiel.

```
foldr (+) 3 [1,2,3,4,5] = 18
2 length xs = foldr (+) 0 (map (\x -> 1) xs)
```

# FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG – ÜBERSICHT

▶ map wendet Funktion auf alle Listenelemente an

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map f [] = []
map f (x:xs) = f x : map f xs
```

▶ filter wählt Listenelemente anhand einer Funktion aus

```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]

filter p xs = [ x | x <- xs, p x]
```

► foldr faltet eine Liste mit Verknüpfungsfunktion (von rechts beginnend)

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b

foldr f z [] = z

foldr f z (x:xs) = f x (foldr f z xs)
```

# Übungsblatt 3

Aufgabe 2

f :: [Int] -> Int

### Produkt der Quadrate aller geraden Zahlen einer Liste

```
f :: [Int] -> Int
f xs
```

```
f' :: [Int] -> Int
f' xs = foldr (*) 1 (map (^2) (filter even xs))
```

3 = foldr (+) 0 (map (^2) (filter ('mod' 2) == 0) xs))

```
f'' :: [Int] -> Int
f'' = foldr (*) 1 . map (^2) . filter even
```

```
f''' :: [Int] -> Int
f''' =
foldr (*) 1 . map (^2) . filter ((== 0) . ('mod' 2))
```

# Übungsblatt 3

Aufgabe 2

#### **AUFGABE 3**

# Faltung einer Liste von *links*

```
foldleft :: (Int -> Int -> Int) -> Int -> [Int] -> Int

foldleft f x [] = x
```

foldleft :: (Int -> Int -> Int) -> Int -> [Int] -> Int

# **ENDE**

Fragen?