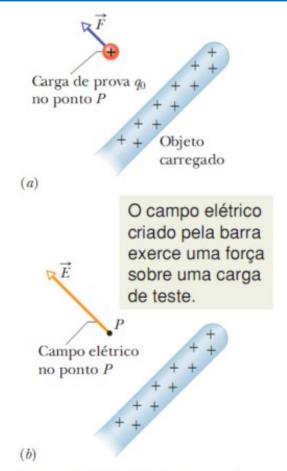
Campos Elétricos

1 - O CAMPO ELÉTRICO



(a) Uma carga de prova positiva q_0 colocada em um ponto P nas proximidades de um objeto carregado. Uma força eletrostática \vec{F} age sobre a carga de prova. (b) O campo elétrico \vec{E} no ponto P produzido por um objeto carregado.

O campo elétrico é um Campo VETORIAL

O campo elétrico **E** consiste em uma distribuição de vetores na região em torno de um objeto eletricamente carregado, como um bastão de vidro.

Podemos definir o campo elétrico em um ponto nas proximidades de um objeto carregado, como o ponto *P* da figura da seguinte forma:

- Uma carga de prova positiva q_0 , colocada no ponto, experimenta uma força eletrostática F.
- O campo elétrico no ponto *P* é dado pela equação

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} \qquad \text{(campo elétrico)}$$

A unidade de campo elétrico do SI é o Newton por Coulomb (N/C).

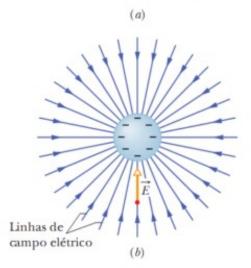
1 - O CAMPO ELÉTRICO

Tabela 1					
Alguns Campos Elétricos					
Local ou Situação	Valor (N/C)				
Superfície de um núcleo de urânio Átomo de hidrogênio, a uma	3×10^{21}				
distância de 5,29 × 10 ⁻¹¹ m do núcleo Ruptura dielétrica do ar	5×10^{11} 3×10^{6}				
Perto da superfície carregada de uma fotocopiadora	10^{5}				
Perto de um pente carregado Atmosfera inferior	$\frac{10^3}{10^2}$				
Interior de um fio de cobre de uma instalação residencial	10^{-2}				

2 - LINHAS DE CAMPO ELÉTRICO



As linhas de campo elétrico se afastam das cargas positivas (onde começam) e se aproximam das cargas negativas (onde terminam).

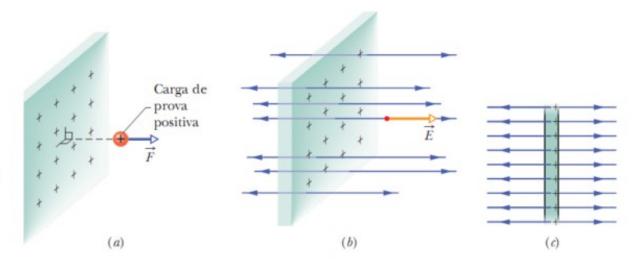


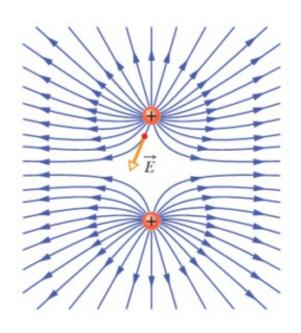
(a) Uma força eletrostática \vec{F} age sobre uma carga de prova positiva colocada nas proximidades de uma esfera que contém uma distribuição uniforme de cargas negativas. (b) O vetor campo elétrico \vec{E} na posição da carga de prova e as linhas de campo no espaço que cerca a esfera. As linhas de campo elétrico terminam na esfera negativamente carregada. (As linhas têm origem em cargas positivas distantes.)

- Em qualquer ponto, a orientação de uma linha de campo retilínea ou a orientação da tangente a uma linha de campo não retilínea é a orientação do campo **E** nesse ponto.
- As linhas de campo são desenhadas de tal forma que o número de linhas por unidade de área, medido em um plano perpendicular às linhas, é proporcional ao módulo de **E**.
 - Assim, E tem valores elevados nas regiões em que as linhas de campo estão próximas e valores pequenos nas regiões em que as linhas de campo estão afastadas.

2 - LINHAS DE CAMPO ELÉTRICO

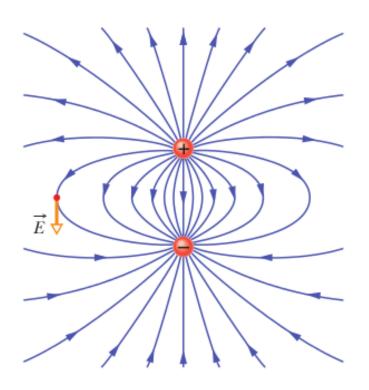
(a) Uma força eletrostática \vec{F} age sobre uma carga de prova positiva colocada nas proximidades de uma placa muito grande, não condutora, com uma distribuição uniforme de cargas positivas em uma das superfícies. (b) O vetor campo elétrico \vec{E} na posição da carga de prova e as linhas de campo nas vizinhanças da placa. As linhas de campo elétrico começam na placa positivamente carregada. (c) Vista lateral de (b).





Linhas de campo para duas cargas pontuais positivas iguais. As cargas se repelem. (As linhas terminam em cargas negativas distantes.) Para visualizar o padrão tridimensional das linhas de campo, gire mentalmente a figura em torno de um eixo passando pelas cargas. O padrão tridimensional das linhas de campo e o campo elétrico que as linhas representam possuem simetria rotacional em relação a esse eixo. A figura mostra também o vetor campo elétrico em um ponto do espaço; o vetor é tangente à linha de campo que passa pelo ponto.

2 - LINHAS DE CAMPO ELÉTRICO



Linhas de campo para uma carga pontual positiva e uma carga pontual negativa de mesmo valor absoluto situada nas proximidades. As cargas se atraem. O padrão tridimensional de linhas de campo e o campo elétrico que as linhas representam possuem simetria rotacional em relação a um eixo passando pelas cargas. A figura mostra também o vetor campo elétrico em um ponto do espaço; o vetor é tangente à linha de campo que passa pelo ponto.

3 - CAMPO ELÉTRICO PRODUZIDO POR UMA CARGA PONTUAL

Para determinar o campo elétrico produzido a uma distância r de uma carga pontual q, colocamos uma carga de prova positiva q0 nesse ponto.

O sentido de F é para longe da carga pontual, se q for positiva, e na direção da carga pontual, se q for negativa. O vetor campo elétrico é dado por

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \hat{\mathbf{r}} \qquad \text{(carga pontual)}$$

O campo elétrico total produzido por várias cargas pontuais pode ser determinado usando o princípio da superposição. Se uma carga de teste positiva q_0 é colocada nas proximidades de n cargas pontuais q_1 , q_2 , . . . , q_n , a carga de prova é submetida a uma força resultante F dada por

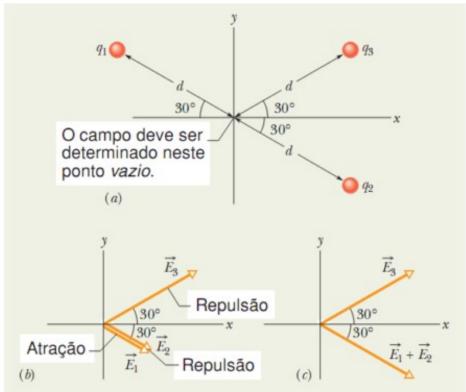
$$\vec{F}_0 = \vec{F}_{01} + \vec{F}_{02} + \cdots + \vec{F}_{0n}$$

O campo elétrico na posição da carga é

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}_0}{q_0} = \frac{\vec{F}_{01}}{q_0} + \frac{\vec{F}_{02}}{q_0} + \dots + \frac{\vec{F}_i}{q_0} + \dots + \frac{\vec{F}_n}{q_0}$$
$$= \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \dots + \vec{E}_i + \dots + \vec{E}_n$$

EXEMPLO 1: CAMPO ELÉTRICO PRODUZIDO POR TRÊS CARGAS

A Fig. (a) mostra três partículas de cargas $q_1 = +2Q$, $q_2 = -2Q$ e $q_3 = -4Q$, todas situadas a uma distância d da origem. Determine o campo elétrico total \vec{E} produzido na origem pelas três partículas.



(a) Três partículas com cargas q_1 , q_2 e q_3 , situadas à mesma distância d da origem. (b) Os vetores campo elétrico \vec{E}_1 , \vec{E}_2 e \vec{E}_3 produzidos na origem pelas três partículas. (c) O vetor campo elétrico \vec{E}_3 e a soma vetorial $\vec{E}_1 + \vec{E}_2$ na origem.

$$E_1 = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{2Q}{d^2}$$

$$E_{1} + E_{2} = \frac{1}{4\pi\varepsilon_{0}} \frac{2Q}{d^{2}} + \frac{1}{4\pi\varepsilon_{0}} \frac{2Q}{d^{2}}$$
$$= \frac{1}{4\pi\varepsilon_{0}} \frac{4Q}{d^{2}}$$

Observando a Fig. (c), vemos que as componentes *y* dos dois vetores se cancelam e as componentes *x* são iguais e se somam. Assim, o campo elétrico total na origem está orientado no sentido do semieixo *x* positivo e o módulo do vetor é

$$E = 2E_{3x} = 2E_3 \cos 30^{\circ}$$
$$= (2) \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{4Q}{d^2} (0,866) = \frac{6,93Q}{4\pi\epsilon_0 d^2}$$

4 - CAMPO ELÉTRICO PRODUZIDO POR UMA LINHA DE CARGAS

Quando lidamos com distribuições contínuas de cargas, é conveniente expressar a carga de um objeto em termos de uma densidade de cargas em vez da carga total. No caso de uma linha de cargas, por exemplo, usamos a densidade linear de cargas (ou carga por unidade de comprimento) λ, cuja unidade no SI é o coulomb por metro. A Tabela (2) mostra outras densidades de cargas que também são usadas.

Tabela	2	
Algumas Medidas d	e Carga E	létrica
Nome	Símbolo	Unidade do SI
Carga	q	С
Densidade linear de		
cargas	λ	C/m
Densidade superficial		
de cargas	σ	C/m^2
Densidade volumétric	a	
de cargas	ho	C/m ³

6 - UMA CARGA PONTUAL NUM CAMPO ELÉTRICO

Na presença de um campo elétrico **E**, uma partícula de carga **q** é submetida a uma força dada por:

$$\vec{F} = q\vec{E}$$
 Equação 1

Isso significa que:

A força eletrostática \vec{F} que age sobre uma partícula carregada submetida a um campo elétrico \vec{E} tem o mesmo sentido que \vec{E} se a carga q da partícula for positiva e o sentido oposto se a carga q for negativa.

TESTES DE MÚLTIPLA ESCOLHA

- 1. O campo elétrico está diretamente relacionado:
- A) ao momento de uma carga de prova;
- B) à energia cinética de uma carga de prova;
- C) à energia potencial de uma carga de prova;
- D) à força que age sobre uma carga de prova;
- E) à carga de uma carga de prova.
- 2. Na definição de campo elétrico, a carga de prova:
- A) tem carga zero;
- B) tem um valor absoluto de 1C;
- C) tem um valor absoluto de 1.6×10^{-19} C;
- D) deve ser um elétron;
- E) Nenhuma das respostas acima.
- 3. O experimentador A usa uma carga de prova q_0 e o experimentador B usa uma carga de prova $2q_0$ para medir o campo elétrico produzido por uma carga estacionária. O valor do campo medido por A:
- A) é igual ao valor do campo medido por B;
- B) é maior que o valor do campo medido por B;
- C) é menor que o valor do campo medido por B;
- D) pode ser maior ou menor que o valor do campo medido por B, dependendo da massa das cargas de prova;
- E) pode ser maior ou menor que o valor do campo medido por B, dependendo da aceleração das cargas de prova.

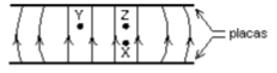
A) N×C ² ; B) C/N; C) N; D) N/C; E) C/m ² .
5. O campo elétrico pode ser medido em:
A) J/(C·m); B) J/C; C) J·C; D) J/m; E) Nenhuma das respostas acima.
6. As linhas de campo elétrico
A) são trajetórias de uma carga de prova; B) são vetores na direção do campo elétrico; C) são curvas fechadas; D) se cruzam na região entre duas cargas pontuais. E) Nenhuma das respostas acima.

4. A unidade de campo elétrico do SI é:

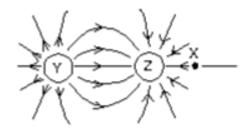
7. Duas cascas esféricas finas, uma de raio R e a outra de raio 2R, envolvem uma partícula carregada pontual. A razão entre o número de linhas de campo que atravessam a casca maior e o número de linhas que atravessam a casca menor é:

- A) 1;
- B) 2;
- C) 4;
- D) ½; E) ¼.
- 8. Um livro de física mostra uma região do espaço. Nessa região, duas linhas de campo elétrico se cruzam. Concluímos que:
- A) pelo menos duas cargas pontuais estão presentes;
- B) um condutor elétrico está presente;C) um isolante está presente;
- D) o campo aponta em duas direções no mesmo lugar;
- E) o autor cometeu um erro.
- 9. Indique a afirmação correta em relação às linhas de campo elétrico:
- A) As linhas de campo elétrico podem se cruzar;
- B) A concentração de linhas de campo elétrico é maior nas regiões em que o campo é mais intenso;
- C) As linhas de campo apontam para longe de cargas negativas;
- D) Uma carga pontual liberada a partir do repouso se move ao longo de uma linha de campo;
- E) Nenhuma das afirmações acima está correta.

10. A figura mostra as linhas de campo elétrico que existem entre duas placas metálicas carregadas. Concluímos que:

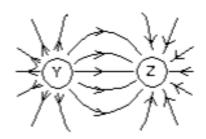


- A) a placa de cima está positiva em relação à placa de baixo;
- B) um próton colocado no ponto X é submetido à mesma força que se estivesse no ponto Y;
- C) um próton colocado no ponto X é submetido a uma força maior que se estivesse no ponto Z;
- D) um próton colocado no ponto X é submetido a uma força menor que se estivesse no ponto Z;
- E) um elétron colocado no ponto X pode ter seu peso equilibrado pela força elétrica.
- 11. A figura mostra as linhas de campo elétrico numa região do espaço que contém duas pequenas esferas carregadas, Y e Z. Podemos afirmar que:



- A) Y é uma carga negativa e Z é uma carga positiva;
- B) o módulo do campo elétrico é o mesmo em todos os pontos da região;
- C) o campo elétrico é mais intenso a meio caminho entre as esferas;
- D) o campo elétrico é diferente de zero em todo o espaço (a não ser a uma distância infinita das duas esferas);
- E) Y e Z são cargas de mesmo sinal.

12. A figura mostra as linhas de campo elétrico em uma região do espaço que contém duas pequenas esferas carregadas, Y e Z. Podemos afirmar que:



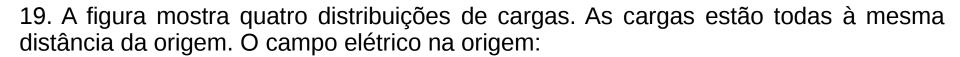
- A) Y é uma carga negativa e Z é uma carga positiva;
- B) o módulo do campo elétrico é o mesmo em todos os pontos da região;
- C) o campo elétrico é mais intenso a meio caminho entre as esferas;
- D) Y é uma carga positiva e Z é uma carga negativa;
- E) Y e Z são cargas de mesmo sinal.
- 13. Se $k = 1/(4\pi\epsilon_0)$, o módulo do campo elétrico a uma distância r de uma carga pontual q é:
- A) kq/r;
- B) kr/q;
- C) kq/r^3 ;
- D) kq/r^2 ;
- E) kq^2/r^2 .

14. O campo elétrico a uma distância de 10cm de uma carga pontual de 2×10 ⁻⁹ C é:
A) 1,8N/C; B) 180N/C; C) 18N/C; D) 1800N/C; E) Nenhuma das respostas acima.
15. Uma carga pontual produz um campo elétrico de módulo E em um ponto situado a 2m de distância. Um ponto no qual o módulo do campo é E/4 está:
 A) a 1m de distância da carga; B) a 0,5m de distância da carga; C) a 2m de distância da carga; D) a 4m de distância da carga; E) a 8m de distância da carga.
16. Uma partícula pontual produz um campo elétrico de módulo E em um ponto situado a 2m de distância. Em um ponto situado a 1m de distância da partícula, o módulo do campo elétrico é:
A) E; B) 2E; C) 4E; D) E/2; E) E/4.

17. Dois prótons, p_1 e p_2 , estão no eixo x, como mostra a figura. A orientação do campo elétrico nos pontos 1, 2 e 3, nessa ordem, é:



- 18. Duas cargas pontuais, q_1 e q_2 , estão a uma distância r uma da outra. O campo elétrico é nulo em um ponto P do segmento de reta que liga as cargas. Podemos concluir que:
- A) q_1 e q_2 têm o mesmo valor absoluto e o mesmo sinal;
- B) P é o ponto médio do segmento de reta que liga as cargas;
- C) q_1 e q_2 têm o mesmo sinal, mas não necessariamente o mesmo valor absoluto;
- D) q₁ e q₂ têm o mesmo valor absoluto e sinais opostos;
- E) q_1 e q_2 têm sinais opostos e podem ter valores absolutos diferentes.



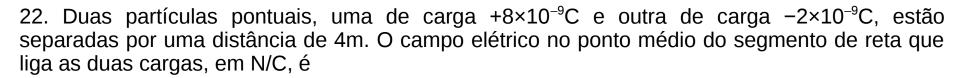


- C) é nulo na distribuição 3;
- D) aponta verticalmente para baixo na distribuição 1;
- E) aponta verticalmente para baixo na distribuição 3.
- 20. A figura mostra uma carga pontual positiva Q e uma carga pontual negativa -Q. A orientação do campo elétrico no ponto P, situado na mediatriz do segmento de reta que liga as duas cargas, é:



- B) ↓;
- C) \rightarrow
- **D)** ←;
- E) O campo elétrico é nulo no ponto P.





- A) 9×10^9 ;
- B) 13.500;
- C) 135.000;
- D) 36×10⁹C;
- E) 22,5.
- 23. Duas cargas pontuais estão situadas em dois dos vértices de um triângulo equilátero, e o campo elétrico no terceiro vértice é nulo. Podemos concluir que:
- A) as cargas têm sinais opostos e o mesmo valor absoluto;
- B) as cargas têm sinais opostos e valores absolutos diferentes;
- C) as cargas são iguais;
- D) as cargas têm o mesmo sinal e valores absolutos diferentes;
- E) existe pelo menos mais uma carga envolvida.
- 24. Duas cargas iguais estão situadas em dois dos vértices de um triângulo equilátero. Uma terceira carga é colocada em uma posição tal que o campo elétrico no terceiro vértice do triângulo é nulo. Para que isso aconteça, é preciso que a terceira carga . . .
- A) esteja na mediatriz do segmento de reta que liga as outras duas cargas;
- B) esteja no segmento de reta que liga as outras duas cargas;
- C) seja igual às outras duas cargas;
- D) tenha o mesmo valor absoluto que as outras duas cargas e o sinal oposto;
- E) esteja no centro do triângulo.

26. Uma carga total de 6,3×10⁻⁸C está distribuída uniformemente em uma esfera com 2,7cm de raio. A densidade volumétrica de carga é:

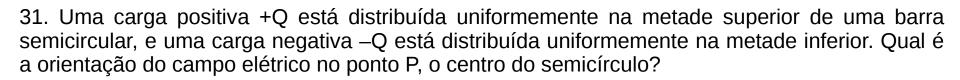
- A) 3.7×10^{-7} C/m³;
- B) 6.9×10^{-6} C/m³;
- C) 6.9×10^{-6} C/m²;
- D) 2.5×10^{-4} C/m³;
- E) 7.6×10^{-4} C/m³.

27. A superfície de uma esfera condutora com 2,7cm de raio é carregada com uma densidade superficial de carga uniforme de 6,9×10⁻⁶C/m². A carga total da esfera é:

- A) $5,6\times10^{-10}$ C;
- B) $2,1\times10^{-8}$ C;
- C) 4.7×10^{-8} C;
- D) 6,3×10⁻⁸C;
- E) 9.5×10^{-3} C.

28. Uma casca esférica possui um raio interno de 3,7cm e um raio externo de 4,5cm. Se uma carga elétrica está distribuída uniformemente na casca com uma densidade volumétrica de $6,1\times10^{-4}$ C/m³, a carga total é:

- A) $1,0\times10^{-7}$ C;
- B) 1,3×10⁻⁷C;
- C) $2,0\times10^{-7}$ C;
- D) $2,3\times10^{-7}$ C;
- E) $4,0\times10^{-7}$ C.
- 29. Se uma carga de 6,1×10⁻⁷C está distribuída uniformemente em um cilindro com 2,1cm de raio e 8,8cm de altura, a densidade volumétrica de carga é:
- A) 5.3×10^{-5} C/m³;
- B) 5.3×10^{-5} C/m³;
- C) 8.5×10^{-4} C/m³;
- D) 5.0×10^{-3} C/m³;
- E) 6.3×10^{-2} C/m³.
- 30. Uma carga positiva Q está distribuída uniformemente em uma barra semicircular. Qual é a orientação do campo elétrico no ponto P, o centro do semicírculo?
- **A)** ↑;
- B) ↓;
- **C**) ←
- **D)** →;
- E) 🖋 .



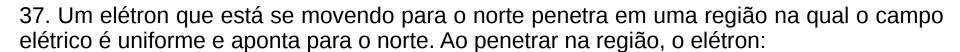


32. Uma carga positiva +Q está distribuída uniformemente na metade superior de uma barra, e uma carga negativa –Q está distribuída uniformemente na metade inferior. Qual é a orientação do campo elétrico no ponto P, situado na mediatriz da barra?



- 33. O campo elétrico produzido por uma casca esférica com uma distribuição uniforme de carga é 0 (zero):
- A) em todos os pontos do espaço;
- B) em nenhum ponto do espaço;
- C) apenas no centro da casca;
- D) apenas no interior da casca;
- E) apenas do lado de fora da casca.

- 34. Uma partícula carregada é colocada em uma região onde existe um campo elétrico não uniforme. A força exercida sobre a partícula é zero:
- A) nos pontos em que o campo elétrico é zero;
- B) nos pontos em que o módulo do campo elétrico é $1/(1.6 \times 10^{-19})$ N/C;
- C) se a partícula estiver se movendo ao longo de uma linha de campo elétrico;
- D) se a partícula estiver se movendo perpendicularmente às linhas de campo elétrico;
- E) se o campo for produzido por cargas de mesmo valor absoluto e sinais opostos.
- 35. O módulo da força exercida por um campo elétrico de 400N/C em uma carga pontual de 0,02C é:
- A) 8,0N;
- B) 8×10⁻⁵N;
- C) 8×10^{-3} N;
- D) 0,08N;
- E) 2×10¹¹N;
- 36. Um campo elétrico de 200 N/C aponta no sentido positivo do eixo x. A força que o campo exerce sobre um elétron é:
- A) 200N, no sentido positivo do eixo x;
- B) 200N, no sentido negativo do eixo x;
- C) 3.2×10^{-17} m/s², no sentido positivo do eixo x;
- D) 3.2×10^{-17} m/s², no sentido negativo do eixo x;
- E) 0.



- A) é acelerado;
- B) é freado;
- C) é desviado para leste;
- D) é desviado para oeste;
- E) continua a se mover com a mesma velocidade e na mesma direção.
- 39. Duas cargas pontuais estão dispostas como mostra a figura. Em que região uma terceira carga de +1 C deve ser colocada para que a força eletrostática a que é submetida seja nula?
- A) a região I;
- B) Na região I ou na região II;
- C) Na região III;
- D) Na região I ou na região III;
- E) Na região II.



- 41. Uma gota de óleo eletricamente carregada, com uma massa de 2×10⁻⁴Kg, é mantida suspensa por um campo elétrico, para baixo, de 300N/C. A carga da gota é:
- A) $+1,5\times10^{-6}$ C;
- B) -1.5×10^{-6} C;
- C) $+6.5\times10^{-6}$ C;
- D) -6.5×10^{-6} C;
- E) 0.

