

Algoritmos de optimización - Trabajo Práctico

Nombre y Apellidos: Carlos Javier Bravo Intriago

Url: <https://github.com/carlosbravo1408/03MIAR-Algoritmos-de-Optimizacion-2025/tree/TrabajoPractico/TrabajoPractico>

Google Colab: <https://colab.research.google.com/drive/1sL-JQNLWrSvi7AClDDCCAd8KLOow6wYY?usp=sharing>

Problema:

1. Sesiones de doblaje

Descripción del problema:

Se precisa coordinar el doblaje de una película. Los actores del doblaje deben coincidir en las tomas en las que sus personajes aparecen juntos en las diferentes tomas. Los actores de doblaje cobran todos la misma cantidad por cada día que deben desplazarse hasta el estudio de grabación independientemente del número de tomas que se graben. No es posible grabar más de 6 tomas por día. El objetivo es planificar las sesiones por día de manera que el gasto por los servicios de los actores de doblaje sea el menor posible. Los datos son:

Número de actores: 10
Número de tomas : 30
Actores/Tomas : <https://bit.ly/36D8IuK>

- 1 indica que el actor participa en la toma
- 0 en caso contrario

```
In [1]: import os
import math
import random
from typing import List, Set, Tuple, Union, Optional, Literal, FrozenSet
import pickle
import matplotlib.pyplot as plt
from collections import Counter

import pandas as pd

SolutionType = List[int]
NumericType = Union[float, int]
TakesType = List[Set[int]]
MAX_TOMAS_POR_DIA = 6

MATRIZ = [
    # Actores           Tomas
    #0  1  2  3  4  5  6  7  8  9
    [1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0], # 00
    [0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0], # 01
    [0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0], # 02
    [1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0], # 03
    [0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0], # 04
    [1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0], # 05
    [1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0], # 06
    [1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0], # 07
    [1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0], # 08
    [1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0], # 09
    [1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0], # 10
    [1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0], # 11
    [1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0], # 12
    [1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0], # 13
    [1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0], # 14
    [0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1], # 15
    [1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0], # 16
    [0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0], # 17
    [1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0], # 18
    [1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0], # 19
    [0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0], # 20
    [1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0], # 21
    [1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0], # 22
    [0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0], # 23
    [1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1], # 24
    [1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0], # 25
    [0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0], # 26
    [1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0], # 27
    [1, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0], # 28
    [1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0], # 29
]

TOMAS = [
```

```

{i for i, val in enumerate(MATRIZ[j]) if val == 1}
    for j in range(len(MATRIZ))
]

soluciones_unicas_path = "./soluciones_unicas"
if os.path.exists(soluciones_unicas_path):
    with open(soluciones_unicas_path, "rb") as f:
        soluciones_unicas = pickle.load(f)
else:
    soluciones_unicas = set()

```

Modelo

¿Cómo representó el espacio de soluciones?

Dado que no hay *garantía* de que el número de días requerido para llegar a un mínimo global sea $\lceil 30/6 \rceil = 5$, y en el peor escenario es que se requieran 30 días (un día por toma). El espacio de soluciones se lo representa mediante una estructura tipo Vector de Asignación.

La estructura de datos propuesta:

Se propone un arreglo unidimensional de longitud fija $N = 30$.

$$S = [d_0, d_1, d_2, \dots, d_{29}]$$

Donde:

- El índice i representa a la **Toma** de número i (de 0 a 29, 30 tomas en total).
- El valor $S[i]$ representa el **Día** asignado a esa toma (un entero $k \geq 0$)

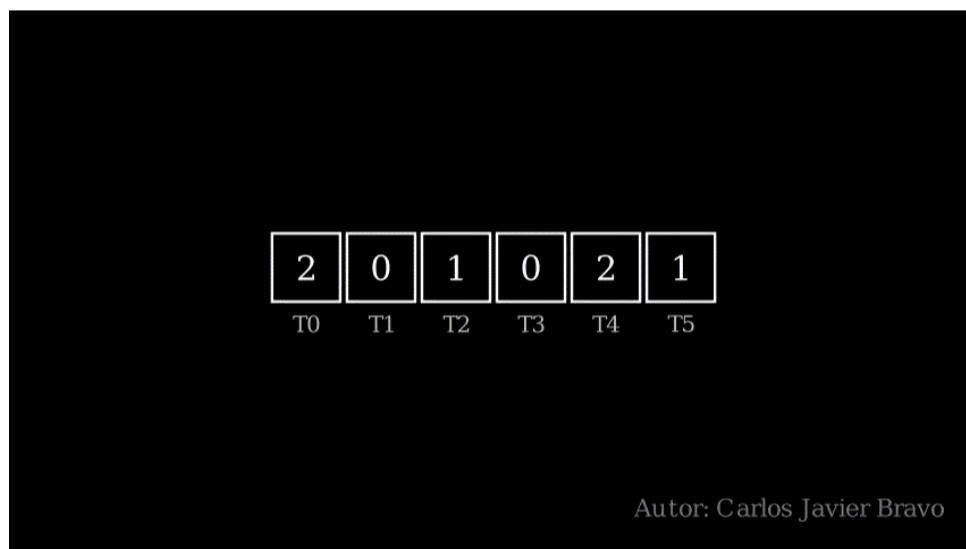


Fig 1. Modelo para el problema de asignación de tomas.

Ventajas de esta estructura propuesta:

- Al definir como *array* a la solución, y al definir que el índice sea la toma, es nula la probabilidad dejar una toma sin asignar, o asignar una toma dos días a la vez.
- El espacio tiene $N = 30$ dimensiones. Cada dimensión es una variable que puede tomar valores discretos entre 0 y d_{max} (donde d_{max} es el máximo número de días requerido para las tomas).

¿Cuál es la función objetivo?

La función objetivo del problema de asignación de doblaje es de **Minimización**. Se busca minimizar el Costo total de Apariciones, o dicho de otra manera, minimizar la suma total de los días de sueldos pagados. Cada sueldo se representará como 1 unidad monetaria.

$$\sum_{n=1}^N (\text{Número de actores únicos presentes en el Día } n)$$

Donde N es el número de días necesarios para cumplir la minimización de sueldos pagados.

¿Cómo implemento las restricciones?

Restricción de coincidencias de actores

El costo no es lineal respecto a las tomas realizadas. Por ejemplo:

- Si el Actor A graba 1 toma hoy \rightarrow Costo = 1.
- Si el Actor A graba 6 tomas hoy \rightarrow Costo = 1.
- El objetivo es explotar esta "tarifa plana" reduciendo al mínimo el costo total.

Restricción de agrupación única:

Cada toma debe grabarse exactamente un día. No puede quedarse sin grabar o grabarse dos veces.

Al definir a la estructura de datos para este problema como un *array* unidimensional, implícitamente se resuelve esta restricción debido al propio diseño.

Restricción al número de tomas por día:

Se procura que el día d_i no se repita más de 6 veces en la solución. Esto se controla en las generaciones de nuevas vecindades.

Análisis

¿Qué complejidad tiene el problema? Orden de complejidad y Contabilizar el espacio de soluciones

Complejidad del problema y Orden de complejidad:

Este problema pertenece a la clase de complejidad **NP-Hard**, lo que significa que **no** hay un algoritmo conocido que pueda resolverlo en tiempo polinomial. Pero si se puede verificar cualquier solución en un tiempo polinómico, en este caso simplemente se suma los actores y se revisa la restricción de 6 tomas máximas por día.

Si se tratase de resolver por *fuerza bruta*, la complejidad para este problema es exponencial.

Sea:

- $N = 30$ numero de tomas
- $D \approx 5$ a 30 el número estimado de días necesarios.

El espacio de búsqueda (asignar cada toma a uno de los D días) tiene un orden de magnitud de:

$$O(D^N)$$

Contabilización del espacio de Soluciones:

Partamos del caso *ideal* donde cada día tiene 6 tomas cada uno, en cuyo caso el espacio de soluciones viene dado por:

$$\text{Escenario 6 tomas por día} = \binom{30}{6} \times \binom{24}{6} \times \binom{18}{6} \times \binom{12}{6} \times \binom{6}{6}$$

Esto contemplaría la opción de que se requieran $\lceil 30/6 \rceil = 5$ días como jornada para el doblaje de distintas escenas.

Resolviendo el producto anterior:

- Día 1: 593775
- Día 2: 134596
- Día 3: 18564
- Día 4: 924
- Día 5: 1
- Total de combinaciones posibles: 1370874167589326400

No obstante, en el número total de combinaciones se han incluido una serie de diferentes soluciones que en realidad son equivalentes o iguales entre sí. Esto se debe a que el orden de las jornadas de grabación tampoco es de importancia. Por lo que al número total de combinaciones se debe dividir por el factorial del número de grupos ($5!$). Por tanto, el tamaño total de espacio de soluciones bajo esta restricción es:

$$\frac{1370874167589326400}{5!} = 11423951396577720$$

El espacio de búsqueda lo más cercano a la realidad:

Se propone que se debe acotar la búsqueda a un número máximo de D días (peor escenario serían 30 días, una toma diaria).

Cada toma puede ir a cualquiera de los D días.

$$\text{Espacio Total} \approx D^{30}$$

Por ejemplo: Si $D = 10$, entonces: $10^{30} = 1 \times 10^{30}$ Sin embargo, dentro de las 10^{30} posibilidades, muchas de estas son soluciones inválidas (porque asignan > 6 tomas a un día). El espacio de soluciones factibles es menor, y un algoritmo *determinista* probablemente navegue por todo ese espacio total. Debido a esto se hará uso de estrategias heurísticas para buscar llegar al mínimo global, sin tener que explorar todo el espacio de solución teórico.

Diseño

¿Qué técnica utilizo? ¿Por qué?

Para este problema se plantea usar por estrategias separadas la **Búsqueda local con entornos Variables (VNS)** y el **Recocido Simulado**.

Motivo por el cual se ha elegido Búsqueda local con entornos variables (VNS)

Se implementa una estrategia combinada entre búsqueda local agregando mecanismos de escape (*shaking* o perturbaciones) para tratar de escapar cuando la misma búsqueda local se queda estancada.

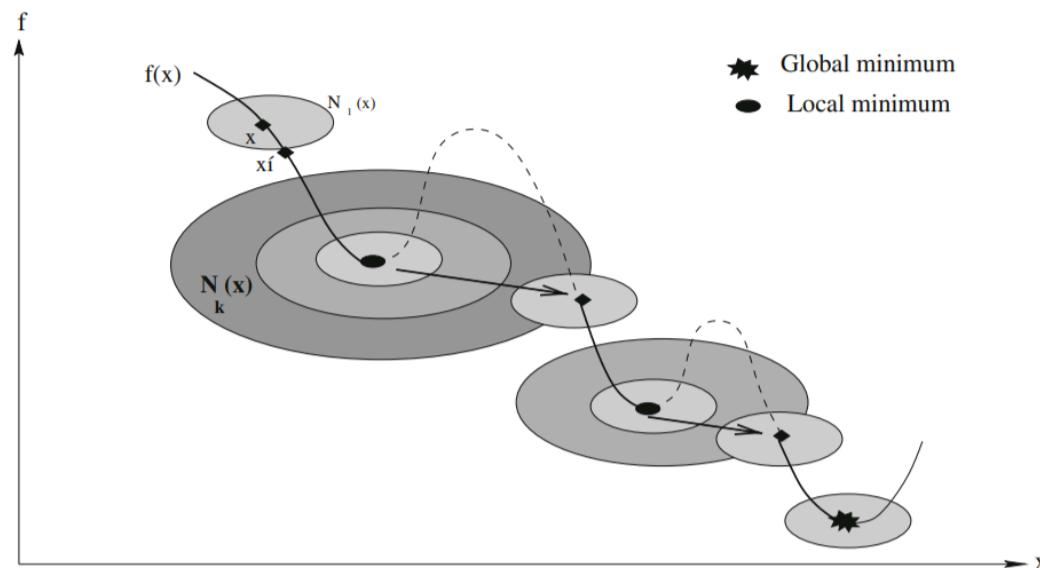


Fig 2. Representación del algoritmo VNS. Tomado de [1, Fig. 1]

Generación de nueva vecindad:

Como se mencionó previamente, en el peor escenario podrían existir como soluciones aquellas que requieran una toma por día, no existe una cota o restricción definida con respecto al número de días requeridos para minimizar los sueldos a pagar.

La generación de vecindad permite *move* una toma existente en algún día que ya tenga asignado previamente tomas y aún no supere el máximo de 6 tomas por día, por otra parte, también permite *move* una toma en un nuevo día, y evalúa si con este aumento de días representa una reducción del coste final.

Estrategias para salir de soluciones locales:

Parte del algoritmo VNS es implementar estrategias de perturbaciones o *shaking* a una solución en concreto. Para tratar de salir de los mínimos locales se propone 3 posibles estrategias o perturbaciones k .

- $k = 0$: Se trata de mover una toma de un día a otro sin violar la restricción de máximo 6 tomas por día (puede crear un día más aleatoriamente).
- $k = 1$: Se intercambian 2 tomas de días distintos (esto no viola la restricción de máximo 6 tomas por día).
- $k \geq 2$: Se ejecuta $k + 1$ la acción de mover tomas con la posibilidad de crear nuevos días aleatoriamente

```
In [2]: def costo_total(solucion: SolutionType, tomas: TakesType) -> int:  
    """  
    Cálculo del costo total a la solución de entrada. Los actores de doblaje  
    cobran todos la misma cantidad por cada día que deben desplazarse hasta  
    el estudio de grabación independientemente del número de tomas que se graben  
    :param solucion:  
    :param tomas:  
    :return:  
    """  
    actores_por_dia = [set() for _ in range(max(solucion) + 1)]  
    for toma, dia in enumerate(solucion):  
        actores_por_dia[dia].update(tomas[toma])  
    return sum(len(s) for s in actores_por_dia)  
  
def generar_solucion_aleatoria(num_tomas: int) -> SolutionType:  
    """  
    Se crea una Solución aleatoria con base en la estructura de datos sugerida  
    :param num_tomas:  
    :return:  
    """  
    return random.sample(list(range(num_tomas)), num_tomas)  
  
def normalizar_solucion(solucion: SolutionType) -> SolutionType:  
    """  
    La solución cruda en las distintas operaciones de expansión o reducción  
    de días con el fin de minimizar el costo total, suele retirar "días",  
    rompiendo la continuidad numérica. Como el orden de las jornadas de  
    grabación tampoco es de importancia, se procede a renombrar los días de  
    la solución de entrada.  
    """
```

```

>>> normalizar_solucion([0, 2, 2, 8, 5, 7, 1, 1, 0])\n
>>> output: [0, 2, 2, 5, 3, 4, 1, 1, 0]
:param solucion:
:return:
"""
dias_usados = sorted(list(set(solucion)))
mapa_dias = {
    dia_viejo: nuevo_indice
    for nuevo_indice, dia_viejo in enumerate(dias_usados)
}
solucion_normalizada = [mapa_dias[dia] for dia in solucion]
return solucion_normalizada

def convertir_solucion_vector_a_isomorfo(
    solucion: SolutionType
) -> FrozenSet[FrozenSet[int]]:
"""
Método que convierte la respuesta en formato Vector de Asignación a un
formato que permita fácilmente comparar soluciones iguales o equivalentes
(isomorfismo). \n
La estructura que retorna es FrozenSet, que tienen la peculiaridad de
ser conjuntos o set de datos y estos a su vez son inmutables o congelados,
pudiendo así tener un hash, útil para comparar si existe o no en un
tiempo amortizado constante.\n
>>> convertir_solucion_vector_a_isomorfo([0, 2, 2, 3, 3, 4, 1, 1, 0, 4])
>>> {{0, 8}, {6, 7}, {1, 2}, {3, 4}, {5, 9}}
:param solucion:
:return:
"""
dias: List[List[int]] = [[] for _ in range(max(solucion) + 1)]
for toma, dia in enumerate(solucion):
    dias[dia].append(toma)
dias_congelados = [frozenset(tomas) for tomas in dias]
return frozenset(dias_congelados)

def convertir_solucion_isomorfo_a_vector(
    solucion: FrozenSet[FrozenSet[int]]
) -> SolutionType:
"""
Método que convierte la respuesta en FrozenSets (Isomórficas) en un
Vector de Asignación.
:param solucion:
:return:
"""
_solucion = [0 for _ in range(max(max(sol) for sol in solucion) + 1)]
for dia, tomas in enumerate(solucion):
    for toma in tomas:
        _solucion[toma] = dia
return _solucion

def visualizar_solucion(solucion: SolutionType, tomas: TakesType) -> None:
"""
Método que visualiza el resultado del formato Vector de asignación en una
tabla de pandas.\n
Código sugerido por Gemini 3.1 Pro con modificaciones hechas por el autor
:param solucion:
:param tomas:
:return:
"""
num_dias = max(solucion) + 1
dias_agrupados = [[] for _ in range(num_dias)]
for toma_id, dia_id in enumerate(solucion):
    dias_agrupados[dia_id].append(toma_id)
max_slots = 6
filas = []
costo_total = 0

for dia_id, tomas_del_dia in enumerate(dias_agrupados):
    tomas_del_dia.sort()
    fila = {"Jornada": f"Día {dia_id}"}
    actores_dia = set()
    for slot in range(max_slots):
        col_name = f"Sesión Toma {slot+1}"
        if slot < len(tomas_del_dia):
            toma_id = tomas_del_dia[slot]
            actores = sorted(list(tomas[toma_id]))
            actores_str = ",".join(map(str, actores))
            fila[col_name] = f"Toma {toma_id}, Actores: {actores_str}"
            actores_dia.update(actores)
        else:
            fila[col_name] = ""
    c_dia = len(actores_dia)
    costo_total += c_dia
    fila["Costo"] = c_dia
    filas.append(fila)

```

```

fila_total = {"Jornada": "Total"}
for slot in range(max_slots):
    fila_total[f"Sesión Toma {slot+1}"] = ""
fila_total["Costo"] = costo_total
filas.append(fila_total)

df = pd.DataFrame(filas)
df.set_index("Jornada", inplace=True)
display(df)

```

Búsqueda Local

```

In [3]: def generar_vecina(
    tomas: TakesType,
    solucion_inicial: SolutionType,
    max_tomas_por_dia: int = MAX_TOMAS POR DIA
) -> Tuple[SolutionType, NumericType]:
    """
    Algoritmo que genera nueva vecindad procurando cumplir estas dos reglas:
    1. Minimizar el coste en unidades salariales.
    2. Verificar si el agregar un día extra a la solución puede llevar a una
       nueva solución con menor coste (no acotando duramente a 5 días).
    :param tomas:
    :param solucion_inicial:
    :param max_tomas_por_dia:
    :return:
    """
    mejor_solucion = list(solucion_inicial)
    mejor_costo = costo_total(mejor_solucion, tomas)
    dias_activos = set(mejor_solucion)
    max_dia_activos = max(dias_activos)

    # vemos si representa una mejora aumentar un día más
    posibles_dias = list(range(min(len(mejor_solucion), max_dia_activos + 2)))
    for toma in range(len(mejor_solucion)):
        dia_origen = mejor_solucion[toma]

        for dia_destino in posibles_dias:
            if dia_origen == dia_destino:
                continue
            tomas_destino = mejor_solucion.count(dia_destino)

            if tomas_destino >= max_tomas_por_dia:
                continue

            vecino = list(mejor_solucion)
            vecino[toma] = dia_destino
            costo_nuevo = costo_total(vecino, tomas)

            if costo_nuevo > mejor_costo:
                continue

            mejor_costo = costo_nuevo
            mejor_solucion = vecino

    # en el caso de reducir días en la solución, esta tiende a romper la
    # continuidad numérica, por lo que requiere una "normalización"
    mejor_solucion = normalizar_solucion(mejor_solucion)
    return mejor_solucion, mejor_costo

solucion, costo = generar_vecina(
    tomas=TOMAS,
    solucion_inicial=generar_solucion_aleatoria(len(TOMAS)),
    max_tomas_por_dia=MAX_TOMAS POR DIA
)
print(solucion, costo)

```

[10, 10, 10, 10, 10, 8, 8, 6, 10, 2, 8, 8, 0, 8, 8, 3, 7, 1, 5, 4, 9, 4, 7, 1, 4, 4, 4, 4, 6, 0] 43

```

In [4]: def busqueda_local(
    tomas: TakesType,
    solucion_inicial: Optional[SolutionType] = None,
    max_tomas_por_dia: int = MAX_TOMAS POR DIA
) -> Tuple[SolutionType, NumericType]:
    """
    Realiza una búsqueda que tiende a converger a un mínimo local.
    :param tomas:
    :param solucion_inicial:
    :param max_tomas_por_dia:
    :return:
    """
    if solucion_inicial is None:
        solucion_referencia = generar_solucion_aleatoria(len(tomas))
    else:
        solucion_referencia = list(solucion_inicial)

```

```

mejor_costo = costo_total(solucion_referencia, tomas)

while True:
    nueva_solucion, costo_vecina = generar_vecina(
        tomas,
        solucion_referencia,
        max_tomas_por_dia
    )

    if costo_vecina < mejor_costo:
        #Guarda la mejor solución encontrada
        solucion_referencia = nueva_solucion
        mejor_costo = costo_vecina
    else:
        return solucion_referencia, mejor_costo

solucion, costo = busqueda_local(
    TOMAS,
    solucion_inicial=solucion,
    max_tomas_por_dia=MAX_TOMAS_POR_DIA
)
print(solucion, costo)

```

[1, 1, 0, 0, 4, 5, 5, 0, 4, 3, 3, 5, 5, 5, 0, 4, 2, 5, 2, 1, 0, 1, 3, 3, 4, 3, 1, 4, 0, 1] 31

Búsqueda con entornos Variables VNS

```

In [5]: def mover_una_toma(
    solucion: SolutionType,
    max_tomas: int = MAX_TOMAS_POR_DIA
) -> Tuple[SolutionType, bool]:
    """
    Perturbación o agitación que trata de mover una toma de un día a otro sin
    violar la restricción de máximo 6 tomas por día (puede crear un día más
    aleatoriamente).
    :param solucion:
    :param max_tomas:
    :return:
    """
    solucion_vecina = list(solucion)
    num_tomas = len(solucion_vecina)
    while True:
        toma_random = random.randint(0, num_tomas - 1)
        dia_actual = solucion_vecina[toma_random]
        max_dia = max(solucion_vecina)
        # vemos si representa una mejora aumentar un día más
        dia_destino = random.randint(0, max_dia + 2)
        if dia_actual != dia_destino and \
            solucion_vecina.count(dia_destino) < max_tomas:
            solucion_vecina[toma_random] = dia_destino
    return solucion_vecina, True

def swap(solucion: SolutionType) -> SolutionType:
    """
    Perturbación o agitación que intercambian 2 tomas aleatorias de días
    distintos (esto no viola la restricción de máximo 6 tomas por día).

    :param solucion:
    :return:
    """
    solucion_vecina = list(solucion)
    num_tomas = len(solucion_vecina)
    while True:
        toma_a = random.randint(0, num_tomas - 1)
        toma_b = random.randint(0, num_tomas - 1)
        dia_a = solucion_vecina[toma_a]
        dia_b = solucion_vecina[toma_b]
        if dia_a != dia_b:
            solucion_vecina[toma_a] = dia_b
            solucion_vecina[toma_b] = dia_a
    return solucion_vecina

def fusionar_dias(
    solucion: SolutionType,
    intensidad: int,
    max_tomas: int = MAX_TOMAS_POR_DIA,
    max_intentos: int = 50
) -> SolutionType:
    """
    Perturbación o agitación que ejecuta k+1 la acción de mover tomas con la
    posibilidad de crear nuevos días aleatoriamente
    :param solucion:
    :param intensidad:
    :param max_tomas:
    :param max_intentos:
    :return:
    """

```

```

solucion_vecina = list(solucion)
num_tomas = len(solucion_vecina)
movimientos_exitosos = 0
intentos = 0
while movimientos_exitosos < intensidad + 1 and intentos < max_intentos:
    toma_random = random.randint(0, num_tomas - 1)
    dia_destino = random.randint(0, max(solucion_vecina) + 2)
    if solucion_vecina[toma_random] != dia_destino \
        and solucion_vecina.count(dia_destino) < max_tomas:
        solucion_vecina[toma_random] = dia_destino
        movimientos_exitosos += 1
    intentos += 1
return solucion_vecina

def perturbar(
    solucion: SolutionType,
    intensidad: Literal[0, 1, 2, 3],
    max_tomas: int = MAX_TOMAS_POR_DIA,
) -> SolutionType:
    if intensidad == 0:
        return mover_una_toma(solucion, max_tomas)[0]
    elif intensidad == 1:
        return swap(solucion)
    return fusionar_dias(solucion, intensidad, max_tomas)

```

In [6]:

```

def busqueda_local_con_entornos_variables(
    tomas: List[Set[int]],
    solucion_inicial: Optional[SolutionType] = None,
    max_tomas: int = MAX_TOMAS_POR_DIA,
    max_iter: int = 1000,
    verbose: bool = False
) -> Tuple[SolutionType, NumericType]:
    """
    Realiza una búsqueda de tal manera que si se "estanca" en un mínimo
    local, agrega una perturbación de nivel **k** para tratar de salir de
    dicho mínimo local, permitiendo así explorar nuevas soluciones con
    menores costes.
    :param tomas:
    :param solucion_inicial:
    :param max_tomas:
    :param max_iter:
    :param verbose:
    :return:
    """
    if solucion_inicial:
        solucion_actual = list(solucion_inicial)
    else:
        solucion_actual = generar_solucion_aleatoria(len(tomas))
    mejor_costo = costo_total(solucion_actual, tomas)
    k_max = 3
    iteracion = 0
    if verbose:
        print(
            "En la iteración ", iteracion,
            ", la solución inicial es:", solucion_actual
        )
    print("Costo: ", mejor_costo)

    while iteracion <= max_iter:
        k = 0
        while k <= k_max and iteracion <= max_iter:
            iteracion += 1
            vecino = perturbar(solucion_actual, k)
            vecino_mejorado, costo_vecino = busqueda_local(tomas, vecino, max_tomas)
            if costo_vecino < mejor_costo:
                solucion_actual = vecino_mejorado
                mejor_costo = costo_vecino
                k_prev = k
                k = 0
            if verbose:
                print(
                    "En la iteración ", iteracion,
                    " con perturbación ", k_prev,
                    ", la mejor solución encontrada es:", solucion_actual
                )
            print("Costo: ", costo_vecino)
        else:
            k += 1
    return solucion_actual, mejor_costo

```

In [7]:

```

sol_vns, dist_vns = busqueda_local_con_entornos_variables(TOMAS, max_iter=2000, verbose=True)
visualizar_solucion(sol_vns, TOMAS)

```

En la iteración 0 , la solución inicial es: [0, 25, 12, 26, 9, 8, 5, 27, 28, 18, 6, 13, 2, 11, 20, 23, 24, 1, 17, 10, 29, 7, 22, 16, 21, 4, 19, 15, 3, 14]
Costo: 94
En la iteración 1 con perturbacion 0 , la mejor solución encontrada es: [0, 0, 4, 1, 2, 0, 0, 4, 2, 4, 1, 0, 0, 3, 4, 2, 1, 3, 3, 1, 4, 1, 3, 3, 2, 4, 1, 2, 3, 2]
Costo: 30
En la iteración 6 con perturbacion 0 , la mejor solución encontrada es: [0, 0, 4, 4, 1, 0, 0, 0, 2, 2, 4, 1, 0, 0, 3, 4, 2, 1, 3, 3, 1, 4, 1, 3, 3, 2, 4, 1, 2, 3, 2]
Costo: 29
En la iteración 55 con perturbacion 0 , la mejor solución encontrada es: [0, 0, 4, 4, 1, 0, 0, 0, 2, 2, 4, 1, 0, 0, 3, 4, 2, 3, 3, 3, 1, 4, 1, 3, 3, 2, 1, 1, 2, 4, 2]
Costo: 28
En la iteración 207 con perturbacion 3 , la mejor solución encontrada es: [4, 0, 3, 3, 4, 4, 4, 3, 1, 0, 4, 0, 4, 2, 3, 1, 2, 2, 2, 0, 3, 0, 2, 2, 1, 0, 1, 1, 3, 1]
Costo: 27

	Sesión Toma 1	Sesión Toma 2	Sesión Toma 3	Sesión Toma 4	Sesión Toma 5	Sesión Toma 6	Costo
Jornada							
Día 1	Toma 1, Actores: 2,3,4	Toma 9, Actores: 0,1,5,8	Toma 11, Actores: 0,1,2,3,5	Toma 19, Actores: 0,2,3,4	Toma 21, Actores: 0,1,2,3	Toma 25, Actores: 0,2,4,8	7
Día 2	Toma 8, Actores: 0,1,3	Toma 15, Actores: 3,9	Toma 24, Actores: 0,1,3,9	Toma 26, Actores: 3,4	Toma 27, Actores: 0,3	Toma 29, Actores: 0,3	5
Día 3	Toma 13, Actores: 0,2,5	Toma 16, Actores: 0,2	Toma 17, Actores: 2,5	Toma 18, Actores: 0,2	Toma 22, Actores: 0,2	Toma 23, Actores: 2,5	3
Día 4	Toma 2, Actores: 1,4,6	Toma 3, Actores: 0,1,6,7	Toma 7, Actores: 0,1,5	Toma 14, Actores: 0,1,6	Toma 20, Actores: 5,7	Toma 28, Actores: 0,4,5	6
Día 5	Toma 0, Actores: 0,1,2,3,4	Toma 4, Actores: 1,3,7	Toma 5, Actores: 0,1,3,4	Toma 6, Actores: 0,1,3,4	Toma 10, Actores: 0,1,2,4,7	Toma 12, Actores: 0,3,4	6
Total							27

Motivo por el cual se ha elegido Recocido Simulado (AS)

Como contraparte a la Búsqueda de entornos Variables (VNS), se ha implementado el algoritmo de Recocido Simulado (SA). Mientras que VNS se basa en perturbaciones *macroscópicas* para escapar de los mínimos locales, el AS aborda este problema mediante una trayectoria de micromovimientos guiados por principios de termodinámica estadística.

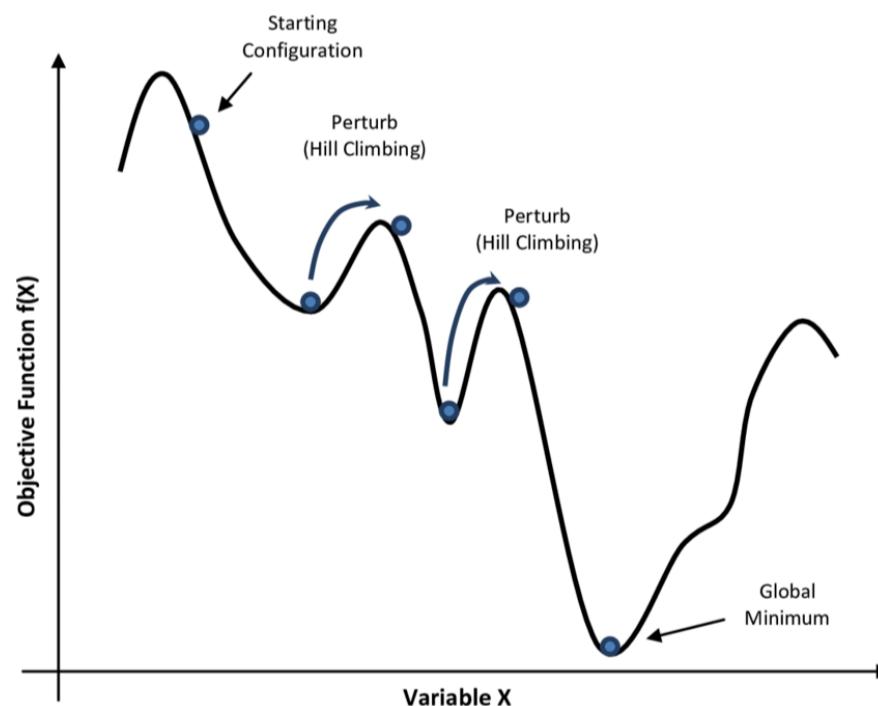


Fig 2. Representación del algoritmo SA. Tomado de [2]

Generación de nueva vecindad:

En cada iteración se genera un único vecino alterando la solución actual mediante dos operadores equiprobables (50% de probabilidad cada uno):

- Swap: selecciona aleatoriamente dos tomas asignadas a días distintos y las intercambia. Este movimiento no viola la restricción de máximo 6 tomas por día.
- Move: Extrae una toma aleatoria y la reubica en un día distinto diferente, procurando no violar la restricción antes mencionada, y permitiendo agregar un día extra de grabación.

Esquema de Enfriamiento:

Para el control de la temperatura (T), se ha descartado el enfriamiento geométrico tradicional, haciendo uso de la ecuación de Lundy-Mees [3] ($T_{k+1} = \frac{T_k}{1+\beta \cdot T_K}$). Esta fórmula provoca un descenso rápido cuando T es alta (evitando el desperdicio de cómputo en búsquedas aleatorias excesivas) y, crucialmente, ralentiza el enfriamiento de forma extrema cuando T se acerca a cero. Esto permite una fase de "recocido lento" o fine-tuning mucho más exhaustiva en las iteraciones finales, aumentando la probabilidad de encontrar el óptimo global en instancias complejas del TSP.

```
In [ ]: def probabilidad(T: float, d: float) -> bool:
    """
    Función de probabilidad para aceptar peores soluciones
    :param T: Temperatura
    :param d:
    :return:
    """
    if d < 0: return True
    if T <= 1e-9: return False
    return random.random() < math.exp(-d / T)

def bajar_temperatura_lundy_mees(T: float, beta: float = 0.0001) -> float:
    """
    Función de descenso de temperatura basado en la ecuación de Lundy-Mess
    :param T: Temperatura
    :param beta: coeficiente
    :return:
    """
    return T / (1 + beta * T)

def generar_vecina_sa(
    solucion: SolutionType,
    max_tomas: int = 6
) -> SolutionType:
    vecino = list(solucion) #copy
    num_tomas = len(vecino)
    # Experimentalmente, se ha observado que tener equiprobabilidad, permite
    # converger a una solución mínima en distintas pruebas aleatorias.
    if random.random() > 0.5: #swap
        while True:
            t1 = random.randint(0, num_tomas-1)
            t2 = random.randint(0, num_tomas-1)
            if vecino[t1] != vecino[t2]:
                vecino[t1], vecino[t2] = vecino[t2], vecino[t1]
                return normalizar_solucion(vecino)
    else: # mover una toma a otro dia valido
        while True:
            toma = random.randint(0, num_tomas-1)
            dia_origen = vecino[toma]
            max_dia = max(vecino)
            dia_destino = random.randint(0, max_dia + 2)
            if dia_origen != dia_destino:
                if vecino.count(dia_destino) < max_tomas:
                    vecino[toma] = dia_destino
                    return normalizar_solucion(vecino)
```

```
In [9]: def recocido_simulado(
    tomas: TakesType,
    TEMPERATURA: float,
    solucion_inicial: Optional[SolutionType] = None,
    min_temp: float = 0.0001,
    verbose: bool = False
) -> Tuple[SolutionType, NumericType]:
    if solucion_inicial:
        solucion_referencia = list(solucion_inicial)
    else:
        solucion_referencia = random.sample(list(range(30)), 30)
    distancia_referencia = costo_total(solucion_referencia, tomas)

    mejor_solucion = list(solucion_referencia) #x* del pseudocódigo
    mejor_distancia = distancia_referencia #F* del pseudocódigo

    N = 0
    last_n = 0

    while TEMPERATURA > min_temp: # no converge
        N += 1
        #Genera una solución vecina
        vecina = generar_vecina_sa(solucion_referencia, 6)
        costo_vecina = costo_total(vecina, tomas)
        delta = costo_vecina - distancia_referencia
        #Si la nueva vecina es mejor se cambia
        #Si es peor se cambia según una probabilidad que depende de T y delta
        # (distancia_referencia - distancia_vecina)
        if delta < 0 or probabilidad(TEMPERATURA, delta):
            solucion_referencia = list(vecina)
            distancia_referencia = costo_vecina

        #Si es la mejor solución de todas se guarda(siempre!!!)
        if distancia_referencia < mejor_distancia:
            last_n = N
            mejor_solucion = list(vecina)
            mejor_distancia = distancia_referencia

    #Bajamos la temperatura
    TEMPERATURA = bajar_temperatura_lundy_mees(TEMPERATURA)
```

```

if verbose:
    print(
        f"La mejor solución encontrada después de {last_n} iteraciones, "
        f"es {mejor_solucion}, end={end}"
    )
    print(mejor_solucion, mejor_distancia)
return mejor_solucion, mejor_distancia

```

```
In [10]: sol_sa, dist_sa = recocido_simulado(
    tomas=TOMAS,
    TEMPERATURA=100,
    min_temp=0.025,
    verbose=True
)
visualizar_solucion(sol_sa, TOMAS)
```

La mejor solución encontrada después de 49484 iteraciones, es [2, 2, 1, 1, 1, 0, 0, 3, 0, 3, 3, 2, 1, 4, 1, 0, 4, 4, 4, 2, 3, 2, 4, 4, 0, 3, 0, 2, 3, 1] 27

Jornada	Sesión Toma 1	Sesión Toma 2	Sesión Toma 3	Sesión Toma 4	Sesión Toma 5	Sesión Toma 6	Costo
Día 1	Toma 5, Actores: 0,1,3,4	Toma 6, Actores: 0,1,3,4	Toma 8, Actores: 0,1,3	Toma 15, Actores: 3,9	Toma 24, Actores: 0,1,3,9	Toma 26, Actores: 3,4	5
Día 2	Toma 2, Actores: 1,4,6	Toma 3, Actores: 0,1,6,7	Toma 4, Actores: 1,3,7	Toma 12, Actores: 0,3,4	Toma 14, Actores: 0,1,6	Toma 29, Actores: 0,3	6
Día 3	Toma 0, Actores: 0,1,2,3,4	Toma 1, Actores: 2,3,4	Toma 11, Actores: 0,1,2,3,5	Toma 19, Actores: 0,2,3,4	Toma 21, Actores: 0,1,2,3	Toma 27, Actores: 0,3	6
Día 4	Toma 7, Actores: 0,1,5	Toma 9, Actores: 0,1,5,8	Toma 10, Actores: 0,1,2,4,7	Toma 20, Actores: 5,7	Toma 25, Actores: 0,2,4,8	Toma 28, Actores: 0,4,5	7
Día 5	Toma 13, Actores: 0,2,5	Toma 16, Actores: 0,2	Toma 17, Actores: 2,5	Toma 18, Actores: 0,2	Toma 22, Actores: 0,2	Toma 23, Actores: 2,5	3
Total							27

Experimento:

Después de ejecutar 100 veces el algoritmo de búsqueda local con entornos variables, se puede inducir que el mínimo al que tiende a converger entre un 80~85% de las veces es a 27 unidades salariales.

A su vez, al ejecutar 100 veces el algoritmo de SA, también tiende a converger a 27 unidades salariales. Sin embargo, la distribución de frecuencia de este valor es de un 98~99%

```
In [11]: def graficar_distribucion(lista_resultados, nombre_algoritmo):
    """
    Genera un histograma/gráfico de barras mostrando el porcentaje
    de veces que el algoritmo encontró cada solución.\n
    Código sugerido por Gemini 3.1 Pro con modificaciones hechas por el autor
    """
    total_ejecuciones = len(lista_resultados)
    conteo = Counter(lista_resultados)
    costos_unicos = sorted(conteo.keys())
    frecuencias = [conteo[costo] for costo in costos_unicos]
    porcentajes = [(freq / total_ejecuciones) * 100 for freq in frecuencias]
    fig, ax = plt.subplots(figsize=(10, 6))
    colores = ['#3498db' for c in costos_unicos]
    barras = ax.bar(
        costos_unicos, porcentajes, color=colores, edgecolor='black', alpha=0.8
    )
    for barra in barras:
        height = barra.get_height()
        ax.annotate(
            f'{height:.1f}%',
            xy=(barra.get_x() + barra.get_width() / 2, height),
            xytext=(0, 3),
            textcoords="offset points",
            ha='center', va='bottom', fontweight='bold'
        )
    ax.set_xlabel('Costo de la Solución (Función Objetivo)', fontsize=12)
    ax.set_ylabel('Frecuencia de Aparición (%)', fontsize=12)
    ax.set_title(
        f'Distribución de Resultados {nombre_algoritmo} '
        f'(N={total_ejecuciones})', fontsize=14, fontweight='bold'
    )
    ax.set_xticks(costos_unicos)
    ax.set_xticklabels(costos_unicos)
    ax.grid(axis='y', linestyle='--', alpha=0.5)
    plt.ylim(0, max(porcentajes) * 1.15)
    plt.tight_layout()
    plt.show()
```

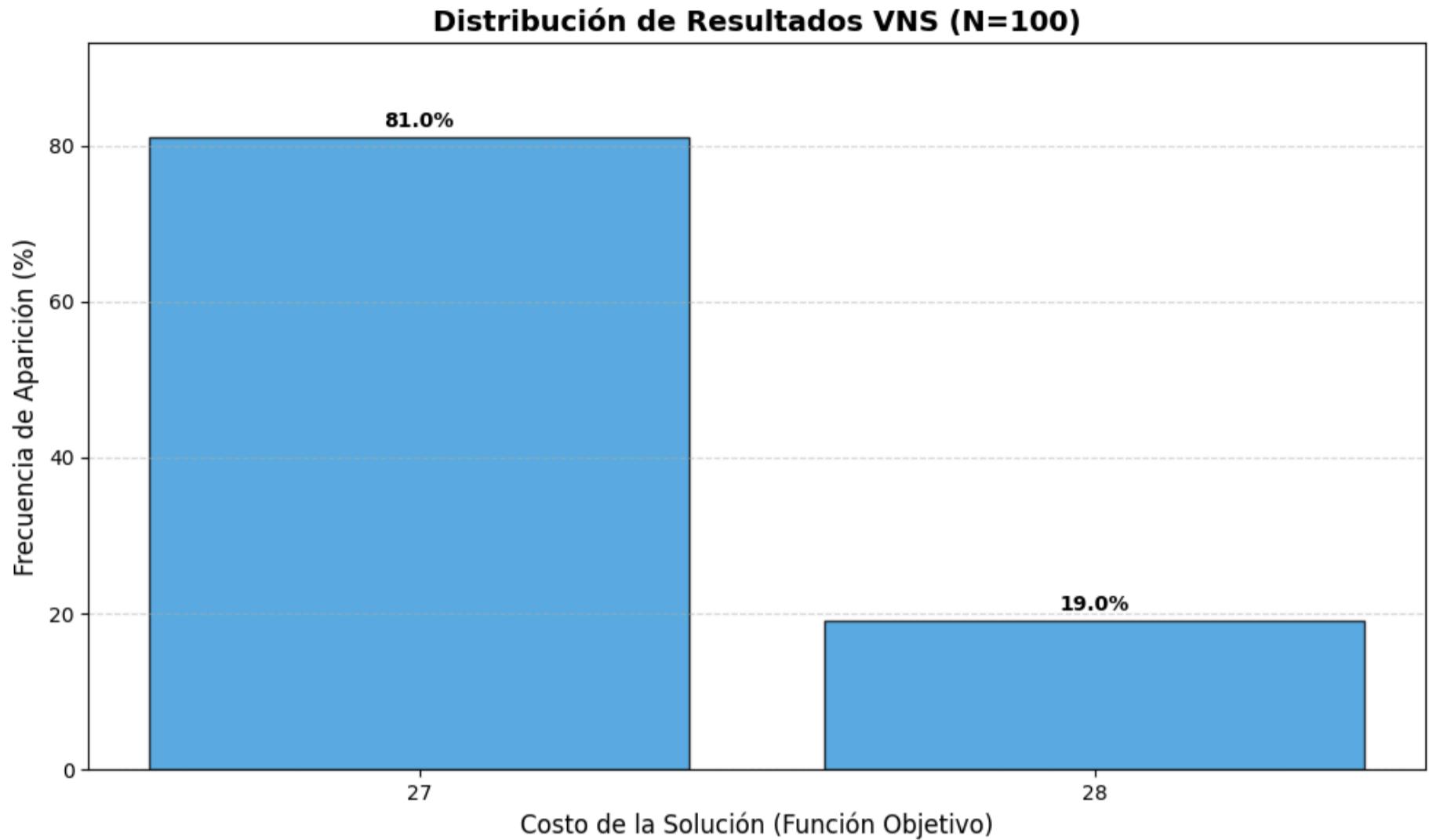
```
In [12]: max_iters = 100
distancias_obtenidas = []
for _ in range(1, max_iters+1):
```

```

solucion, costo = busqueda_local_con_entornos_variables(
    tomas=TOMAS,
    max_iter=2000
)
distancias_obtenidas.append(costo)
if costo <= 27:
    soluciones_unicas.add(convertir_solucion_vector_a_isomorfo(solucion))

```

In [13]: `graficar_distribucion(distancias_obtenidas, "VNS")`



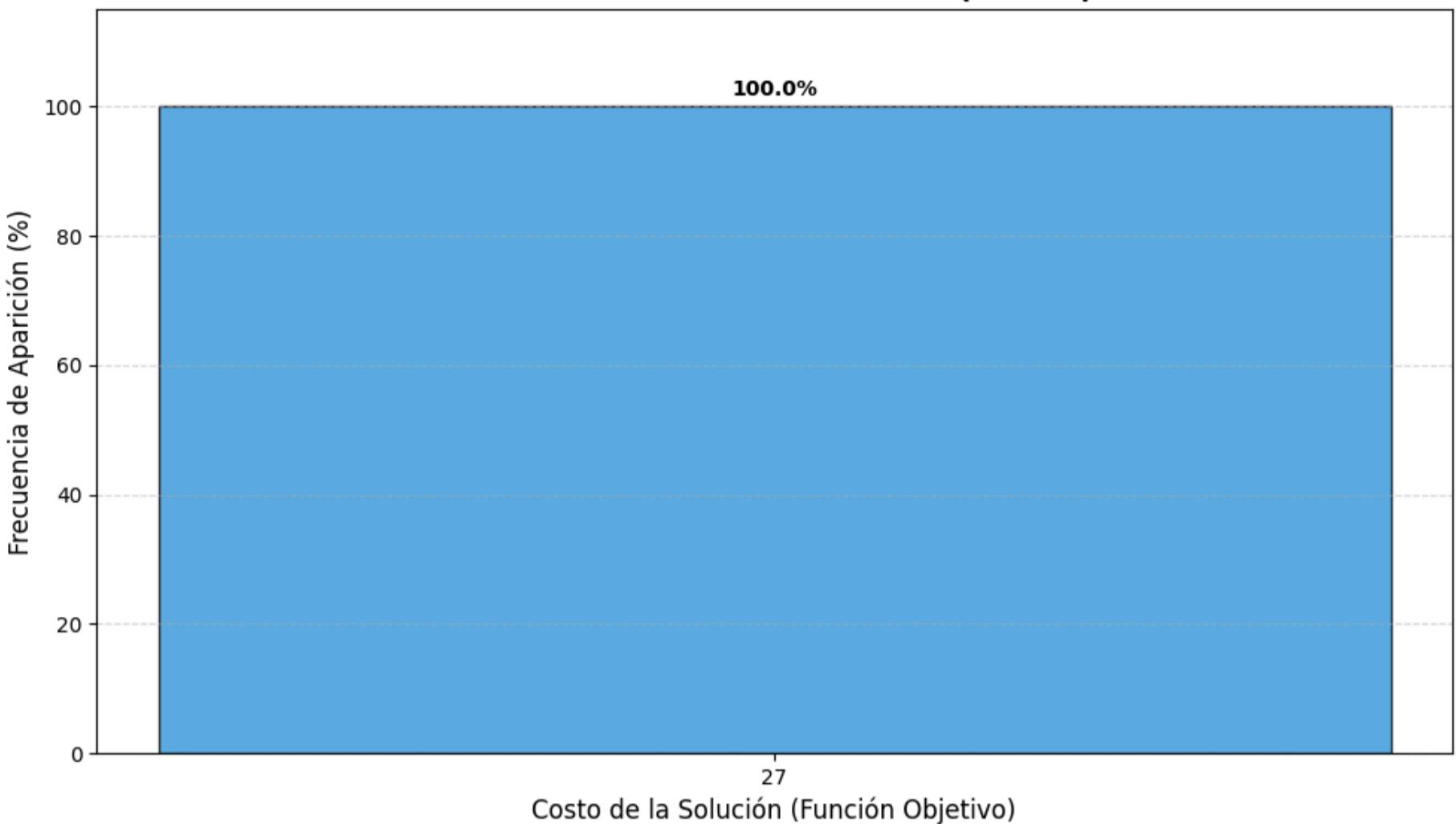
```

max_iters = 100
distancias_obtenidas = []
for _ in range(1, max_iters+1):
    solucion, costo = recocido_simulado(
        tomas=TOMAS,
        TEMPERATURA=100,
        min_temp=0.025
    )
    distancias_obtenidas.append(costo)
    if costo <= 27:
        soluciones_unicas.add(convertir_solucion_vector_a_isomorfo(solucion))

```

In [15]: `graficar_distribucion(distancias_obtenidas, "SA")`

Distribución de Resultados SA (N=100)



```
In [16]: print(len(soluciones_unicas))
```

170

Se imprimirán 10 soluciones aleatorias generadas en las pruebas anteriores

```
In [17]: muestra = random.sample(list(soluciones_unicas), k=10)
```

```
- = [
    visualizar_solucion(convertir_solucion_isomorfo_a_vector(sol), TOMAS)
    for sol in muestra
]
```

	Sesión Toma 1	Sesión Toma 2	Sesión Toma 3	Sesión Toma 4	Sesión Toma 5	Sesión Toma 6	Costo
Jornada							
Día 0	Toma 2, Actores: 1,4,6	Toma 3, Actores: 0,1,6,7	Toma 4, Actores: 1,3,7	Toma 6, Actores: 0,1,3,4	Toma 8, Actores: 0,1,3	Toma 14, Actores: 0,1,6	6
Día 1	Toma 13, Actores: 0,2,5	Toma 16, Actores: 0,2	Toma 17, Actores: 2,5	Toma 18, Actores: 0,2	Toma 22, Actores: 0,2	Toma 23, Actores: 2,5	3
Día 2	Toma 0, Actores: 0,1,2,3,4	Toma 1, Actores: 2,3,4	Toma 5, Actores: 0,1,3,4	Toma 12, Actores: 0,3,4	Toma 19, Actores: 0,2,3,4	Toma 26, Actores: 3,4	5
Día 3	Toma 7, Actores: 0,1,5	Toma 9, Actores: 0,1,5,8	Toma 10, Actores: 0,1,2,4,7	Toma 20, Actores: 5,7	Toma 25, Actores: 0,2,4,8	Toma 28, Actores: 0,4,5	7
Día 4	Toma 11, Actores: 0,1,2,3,5	Toma 15, Actores: 3,9	Toma 21, Actores: 0,1,2,3	Toma 24, Actores: 0,1,3,9	Toma 27, Actores: 0,3	Toma 29, Actores: 0,3	6
Total							27

Jornada	Sesión Toma 1	Sesión Toma 2	Sesión Toma 3	Sesión Toma 4	Sesión Toma 5	Sesión Toma 6	Costo
Jornada							
Día 0	Toma 2, Actores: 1,4,6	Toma 3, Actores: 0,1,6,7	Toma 4, Actores: 1,3,7	Toma 8, Actores: 0,1,3	Toma 14, Actores: 0,1,6	Toma 29, Actores: 0,3	6
Día 1	Toma 13, Actores: 0,2,5	Toma 16, Actores: 0,2	Toma 17, Actores: 2,5	Toma 18, Actores: 0,2	Toma 22, Actores: 0,2	Toma 23, Actores: 2,5	3
Día 2	Toma 5, Actores: 0,1,3,4	Toma 6, Actores: 0,1,3,4	Toma 12, Actores: 0,3,4	Toma 15, Actores: 3,9	Toma 24, Actores: 0,1,3,9	Toma 27, Actores: 0,3	5
Día 3	Toma 0, Actores: 0,1,2,3,4	Toma 1, Actores: 2,3,4	Toma 11, Actores: 0,1,2,3,5	Toma 19, Actores: 0,2,3,4	Toma 21, Actores: 0,1,2,3	Toma 26, Actores: 3,4	6
Día 4	Toma 7, Actores: 0,1,5	Toma 9, Actores: 0,1,5,8	Toma 10, Actores: 0,1,2,4,7	Toma 20, Actores: 5,7	Toma 25, Actores: 0,2,4,8	Toma 28, Actores: 0,4,5	7
Total							27
Jornada	Sesión Toma 1	Sesión Toma 2	Sesión Toma 3	Sesión Toma 4	Sesión Toma 5	Sesión Toma 6	Costo
Jornada							
Día 0	Toma 4, Actores: 1,3,7	Toma 5, Actores: 0,1,3,4	Toma 6, Actores: 0,1,3,4	Toma 8, Actores: 0,1,3	Toma 10, Actores: 0,1,2,4,7	Toma 19, Actores: 0,2,3,4	6
Día 1	Toma 13, Actores: 0,2,5	Toma 16, Actores: 0,2	Toma 17, Actores: 2,5	Toma 18, Actores: 0,2	Toma 22, Actores: 0,2	Toma 23, Actores: 2,5	3
Día 2	Toma 2, Actores: 1,4,6	Toma 3, Actores: 0,1,6,7	Toma 7, Actores: 0,1,5	Toma 14, Actores: 0,1,6	Toma 20, Actores: 5,7	Toma 28, Actores: 0,4,5	6
Día 3	Toma 12, Actores: 0,3,4	Toma 15, Actores: 3,9	Toma 24, Actores: 0,1,3,9	Toma 26, Actores: 3,4	Toma 27, Actores: 0,3	Toma 29, Actores: 0,3	5
Día 4	Toma 0, Actores: 0,1,2,3,4	Toma 1, Actores: 2,3,4	Toma 9, Actores: 0,1,5,8	Toma 11, Actores: 0,1,2,3,5	Toma 21, Actores: 0,1,2,3	Toma 25, Actores: 0,2,4,8	7
Total							27
Jornada	Sesión Toma 1	Sesión Toma 2	Sesión Toma 3	Sesión Toma 4	Sesión Toma 5	Sesión Toma 6	Costo
Jornada							
Día 0	Toma 0, Actores: 0,1,2,3,4	Toma 1, Actores: 2,3,4	Toma 11, Actores: 0,1,2,3,5	Toma 12, Actores: 0,3,4	Toma 19, Actores: 0,2,3,4	Toma 21, Actores: 0,1,2,3	6
Día 1	Toma 13, Actores: 0,2,5	Toma 16, Actores: 0,2	Toma 17, Actores: 2,5	Toma 18, Actores: 0,2	Toma 22, Actores: 0,2	Toma 23, Actores: 2,5	3
Día 2	Toma 5, Actores: 0,1,3,4	Toma 6, Actores: 0,1,3,4	Toma 15, Actores: 3,9	Toma 24, Actores: 0,1,3,9	Toma 26, Actores: 3,4	Toma 29, Actores: 0,3	5
Día 3	Toma 7, Actores: 0,1,5	Toma 9, Actores: 0,1,5,8	Toma 10, Actores: 0,1,2,4,7	Toma 20, Actores: 5,7	Toma 25, Actores: 0,2,4,8	Toma 28, Actores: 0,4,5	7
Día 4	Toma 2, Actores: 1,4,6	Toma 3, Actores: 0,1,6,7	Toma 4, Actores: 1,3,7	Toma 8, Actores: 0,1,3	Toma 14, Actores: 0,1,6	Toma 27, Actores: 0,3	6
Total							27
Jornada	Sesión Toma 1	Sesión Toma 2	Sesión Toma 3	Sesión Toma 4	Sesión Toma 5	Sesión Toma 6	Costo
Jornada							
Día 0	Toma 13, Actores: 0,2,5	Toma 16, Actores: 0,2	Toma 17, Actores: 2,5	Toma 18, Actores: 0,2	Toma 22, Actores: 0,2	Toma 23, Actores: 2,5	3
Día 1	Toma 2, Actores: 1,4,6	Toma 3, Actores: 0,1,6,7	Toma 7, Actores: 0,1,5	Toma 14, Actores: 0,1,6	Toma 20, Actores: 5,7	Toma 28, Actores: 0,4,5	6
Día 2	Toma 1, Actores: 2,3,4	Toma 19, Actores: 0,2,3,4	Toma 25, Actores: 0,2,4,8	Toma 26, Actores: 3,4	Toma 27, Actores: 0,3	Toma 29, Actores: 0,3	5
Día 3	Toma 8, Actores: 0,1,3	Toma 9, Actores: 0,1,5,8	Toma 11, Actores: 0,1,2,3,5	Toma 15, Actores: 3,9	Toma 21, Actores: 0,1,2,3	Toma 24, Actores: 0,1,3,9	7
Día 4	Toma 0, Actores: 0,1,2,3,4	Toma 4, Actores: 1,3,7	Toma 5, Actores: 0,1,3,4	Toma 6, Actores: 0,1,3,4	Toma 10, Actores: 0,1,2,4,7	Toma 12, Actores: 0,3,4	6
Total							27

	Sesión Toma 1	Sesión Toma 2	Sesión Toma 3	Sesión Toma 4	Sesión Toma 5	Sesión Toma 6	Costo	
Jornada	Día 0	Toma 13, Actores: 0,2,5	Toma 16, Actores: 0,2	Toma 17, Actores: 2,5	Toma 18, Actores: 0,2	Toma 22, Actores: 0,2	Toma 23, Actores: 2,5	3
Día 1	Toma 2, Actores: 1,4,6	Toma 3, Actores: 0,1,6,7	Toma 7, Actores: 0,1,5	Toma 14, Actores: 0,1,6	Toma 20, Actores: 5,7	Toma 28, Actores: 0,4,5		6
Día 2	Toma 0, Actores: 0,1,2,3,4	Toma 1, Actores: 2,3,4	Toma 4, Actores: 1,3,7	Toma 10, Actores: 0,1,2,4,7	Toma 19, Actores: 0,2,3,4	Toma 21, Actores: 0,1,2,3		6
Día 3	Toma 12, Actores: 0,3,4	Toma 15, Actores: 3,9	Toma 24, Actores: 0,1,3,9	Toma 26, Actores: 3,4	Toma 27, Actores: 0,3	Toma 29, Actores: 0,3		5
Día 4	Toma 5, Actores: 0,1,3,4	Toma 6, Actores: 0,1,3,4	Toma 8, Actores: 0,1,3	Toma 9, Actores: 0,1,5,8	Toma 11, Actores: 0,1,2,3,5	Toma 25, Actores: 0,2,4,8		7
Total								27
	Sesión Toma 1	Sesión Toma 2	Sesión Toma 3	Sesión Toma 4	Sesión Toma 5	Sesión Toma 6	Costo	
Jornada	Día 0	Toma 0, Actores: 0,1,2,3,4	Toma 1, Actores: 2,3,4	Toma 6, Actores: 0,1,3,4	Toma 19, Actores: 0,2,3,4	Toma 21, Actores: 0,1,2,3	Toma 26, Actores: 3,4	5
Día 1	Toma 13, Actores: 0,2,5	Toma 16, Actores: 0,2	Toma 17, Actores: 2,5	Toma 18, Actores: 0,2	Toma 22, Actores: 0,2	Toma 23, Actores: 2,5		3
Día 2	Toma 5, Actores: 0,1,3,4	Toma 9, Actores: 0,1,5,8	Toma 11, Actores: 0,1,2,3,5	Toma 12, Actores: 0,3,4	Toma 25, Actores: 0,2,4,8	Toma 28, Actores: 0,4,5		7
Día 3	Toma 4, Actores: 1,3,7	Toma 8, Actores: 0,1,3	Toma 15, Actores: 3,9	Toma 24, Actores: 0,1,3,9	Toma 27, Actores: 0,3	Toma 29, Actores: 0,3		5
Día 4	Toma 2, Actores: 1,4,6	Toma 3, Actores: 0,1,6,7	Toma 7, Actores: 0,1,5	Toma 10, Actores: 0,1,2,4,7	Toma 14, Actores: 0,1,6	Toma 20, Actores: 5,7		7
Total								27
	Sesión Toma 1	Sesión Toma 2	Sesión Toma 3	Sesión Toma 4	Sesión Toma 5	Sesión Toma 6	Costo	
Jornada	Día 0	Toma 13, Actores: 0,2,5	Toma 16, Actores: 0,2	Toma 17, Actores: 2,5	Toma 18, Actores: 0,2	Toma 22, Actores: 0,2	Toma 23, Actores: 2,5	3
Día 1	Toma 2, Actores: 1,4,6	Toma 3, Actores: 0,1,6,7	Toma 7, Actores: 0,1,5	Toma 14, Actores: 0,1,6	Toma 20, Actores: 5,7	Toma 28, Actores: 0,4,5		6
Día 2	Toma 5, Actores: 0,1,3,4	Toma 15, Actores: 3,9	Toma 24, Actores: 0,1,3,9	Toma 26, Actores: 3,4	Toma 27, Actores: 0,3	Toma 29, Actores: 0,3		5
Día 3	Toma 0, Actores: 0,1,2,3,4	Toma 1, Actores: 2,3,4	Toma 8, Actores: 0,1,3	Toma 12, Actores: 0,3,4	Toma 19, Actores: 0,2,3,4	Toma 21, Actores: 0,1,2,3		5
Día 4	Toma 4, Actores: 1,3,7	Toma 6, Actores: 0,1,3,4	Toma 9, Actores: 0,1,5,8	Toma 10, Actores: 0,1,2,4,7	Toma 11, Actores: 0,1,2,3,5	Toma 25, Actores: 0,2,4,8		8
Total								27
	Sesión Toma 1	Sesión Toma 2	Sesión Toma 3	Sesión Toma 4	Sesión Toma 5	Sesión Toma 6	Costo	
Jornada	Día 0	Toma 6, Actores: 0,1,3,4	Toma 9, Actores: 0,1,5,8	Toma 11, Actores: 0,1,2,3,5	Toma 12, Actores: 0,3,4	Toma 21, Actores: 0,1,2,3	Toma 25, Actores: 0,2,4,8	7
Día 1	Toma 13, Actores: 0,2,5	Toma 16, Actores: 0,2	Toma 17, Actores: 2,5	Toma 18, Actores: 0,2	Toma 22, Actores: 0,2	Toma 23, Actores: 2,5		3
Día 2	Toma 2, Actores: 1,4,6	Toma 3, Actores: 0,1,6,7	Toma 7, Actores: 0,1,5	Toma 14, Actores: 0,1,6	Toma 20, Actores: 5,7	Toma 28, Actores: 0,4,5		6
Día 3	Toma 0, Actores: 0,1,2,3,4	Toma 1, Actores: 2,3,4	Toma 4, Actores: 1,3,7	Toma 5, Actores: 0,1,3,4	Toma 10, Actores: 0,1,2,4,7	Toma 19, Actores: 0,2,3,4		6
Día 4	Toma 8, Actores: 0,1,3	Toma 15, Actores: 3,9	Toma 24, Actores: 0,1,3,9	Toma 26, Actores: 3,4	Toma 27, Actores: 0,3	Toma 29, Actores: 0,3		5
Total								27

Conclusiones:

Al usarse dos motores estocásticos que se pueden definir de *filosofías* opuestas (VNS explorando geométricamente por vecindades, y SA explorando termodinámicamente por trayectorias probabilísticas), convergen consistentemente a la misma barrera aparentemente imbatible de 27 unidades salariales a través de cientos de caminos distintos. La multiplicidad de estas soluciones refuerzan la hipótesis de que 27 es el óptimo global real.

Otro motivo por el cual se decidió hacer el experimento con 100 iteraciones en cada algoritmo es para *encontrar* cuántas soluciones únicas existen. Matemáticamente hablando, el espacio de búsqueda no tiene una forma de *embudo* como se esperaría, con un único punto profundo en el fondo, sino más bien tiene la forma de un "*campo de golf*".

En las pruebas se encontraron al menos 170 combinaciones estructuralmente distintas (se recuerda que ya se ha limpiado los casos isomorfos con el método `convertir_solucion` haciendo uso de las propiedades de los `frozenset`) que satisfacen las restricciones de máximo 6 tomas por día, y tienen por coste 27 unidades salariales.

```
In [18]: # Guardamos las soluciones únicas, para un siguiente experimento seguir
# expandiendo aquellas nuevas soluciones únicas que no se han explorado todavía.
with open(soluciones_unicas_path, "wb") as f:
    pickle.dump(soluciones_unicas, f)
```

Nota sobre el uso de herramientas de IA generativa

En la elaboración de este notebook se emplearon herramientas de inteligencia artificial generativa de manera puntual y como apoyo en la presentación de resultados, específicamente para:

- Asistencia en la generación de tablas de resultados en formato legible, con el objetivo de mejorar la claridad y facilitar la interpretación de los resultados finales por parte del usuario.
- Apoyo en la generación de código para la visualización gráfica de los distintos experimentos realizados con los algoritmos Variable Neighborhood Search (VNS) y Simulated Annealing (SA).

El código final utilizado, incluyendo las modificaciones, la integración y la adaptación a los objetivos del experimento, es de autoría propia o se basa en material proporcionado en clase y en recursos disponibles públicamente, los cuales han sido reinterpretados, modificados y desarrollados para los fines de este trabajo.

Bibliografía:

- [1] P. Hansen, N. Mladenović, y J. A. Moreno Pérez, "Variable neighbourhood search: methods and applications", 4OR, vol. 6, no. 4, pp. 319-360, 2008, doi: 10.1007/s10288-008-0089-1.
- [2] F. Sancho Caparrini, "Simulated Annealing in NetLogo", Blog de Fernando Sancho Caparrini - Universidad de Sevilla. [En línea]. Disponible en: https://www.cs.us.es/~fsancho/Blog/posts/Simulated_Annealing_in_NetLogo.md. [Accedido: 25-feb-2026].
- [3] M. Lundy y A. Mees, "Convergence of an annealing algorithm," Mathematical Programming, vol. 34, no. 1, pp. 111–124, 1986.