Tarea 5 Mecánica Analítica

Cerritos Lira Carlos

18 de Marzo del 2020

Problemas

1.-

3.4)

Un niño monta un "caballito" que sube y baja sinusoidalemtne $h = h_0 sin(wt)$ con relación a un tiovivo que gira alrededor de la vertical con una velocidad(tangencial) constante Ω . si el niño está a una distancia c del eje de rotación, hallése una expresión de su aceleración relativa al suelo en funcion de Ω , c, h_0 , w y t.

Sea r la función que regresa la posición para un tiempo t, se tiene:

$$\mathbf{r} = c\mathbf{e_r} + h_0 sin(wt)\mathbf{k}$$

$$\mathbf{v} = -c\Omega \mathbf{e_\theta} + h_0 wcos(wt)\mathbf{k}$$

$$\mathbf{a} = -c\Omega^2 \mathbf{e_r} - h_0 w^2 sin(wt)\mathbf{k}$$

2.-

4.2)

Encontrar la posición en un tiempo t de una partícula de masa m, cuando la fuerza aplicada es F = 2mcos(wt) y x = 8 a t = 0 y x = -b a $t = \frac{\pi}{2w}$.

Tenemos la siguiente información:

$$egin{aligned} oldsymbol{a} &= 2cos(wt)oldsymbol{i} \ oldsymbol{v} &= \left(rac{2}{w}sin(wt) + v_0
ight)oldsymbol{i} \ oldsymbol{r} &= \left(-rac{2}{w^2}cos(wt) + v_0t + rac{2}{w^2} + x_0
ight)oldsymbol{i} \end{aligned}$$

podemos encontrar el valor de v_0 mediante la relación $\boldsymbol{x}(\frac{\pi}{2w}) = -b$ de donde tenemos:

$$v_0 = \frac{\frac{2}{w^2} \cos \frac{\pi}{2} - \frac{2}{w^2} - x_0 - b}{\frac{\pi}{2}}$$

3.-

4.4)

a) Si la velocidad límite de caída de un hombre de 80kg, con paracaídas, es la misma que tendría al caer libremente 0.75m; hallar el valor de esta velocidad límite y la constante de amortiguamiento k (supóngase $F_{amort}=-mkv$)

b) Supongamos ahora que el hombre cae libremente (partiendo del reposo) durante 5 segundos y que después abre su paracaídas. Luego de otros 5 segundos, ¿cual será su velocidad?

4.-

4.7)

Una partícula de masa m tiene aplicada una fuerza $F = -kx^2$. Si $\dot{x} = v_0$ cuando x = 0, hállese:

- a) la ecuación de la energía
- b) el punto de retorno
- c) la velocidad en cualquier posición

a)

Encontramos una energía potencial que satisface $U_0 = 0$ usando la relación:

$$U(x) = -\int_0^x F(x')dx'$$
$$= \frac{k}{3}x^3$$

por el teorema del trabajo y la energía se tiene la relación:

$$U + K = U_0 + K_0$$
$$\frac{k}{3}x^3 + \frac{1}{2}m\dot{x}^2 = \frac{1}{2}mv_0^2 = E$$

b)

En el punto de retorno se satisface $U=E \implies \dot{x}=0,$ despejando obtenemos:

$$x = \left(\frac{3m}{2k}v_0^2\right)^{\frac{1}{3}}$$

c)

Despejando \dot{x} obtenemos:

$$\dot{x} = \sqrt{v_0^2 - \frac{2k}{3m}x^3}$$

5.-

3.3)

Un semicilindro se balance sinusoidalmente sin deslizamiento, como se muestra en la figura 3-11, de tal forma que $\theta=sin2t$.

- a) Cuando pasa por la posición neutra $\theta=0$, ¿cuál es la aceleración del punto de contacto con la superfice fija?.
- b) Cuando el semicilindro está al ángulo máximo de 1 radían ¿cuál es la aceleración del punto de contacto con la superficie fija?

~	
٠,	
o	
_	