# - PARTE 1

INFORMAÇÕES INICIAIS
INSTALA BIBLIOTECAS
IMPORTA BIBLIOTECAS
DEFINE VARIÁVEIS

import datetime as dt

```
#
  Informações
# Os dados recuperados serão desde 01-dezembro-2016 até 31-março-2022
  Base de treinamento: 01-jan-2017 a 31-dez-2020 (4 anos, 80% dos dados)
  Base de teste: 01-jan-2021 a 31-dez-2021 (1 ano, 20% dos dados)
  Base de validação: 01-jan-2022 a 31-mar-2022 (3 meses)
# Colocar com os dados em percentual de variação diária (normalização dos dados)
# Testar para ver se vai funcionar melhor
#
# Os dados de índices e da base de Dólar serão extraídos do Yahoo Finance
# Os dados de médias móveis, RSL, volatilidade e variação % serão calculados no código.
# Titulo Brasil de 10 anos será extraído do Investing.com
  instalando as bibliotecas
#
!pip install investpy
                              ## Biblioteca para recuperar dados do site Investing.com
!pip install yfinance
                                ## Biblioteca para recuperar dados do site Yahoo Finance
!pip install pandas_datareader ## Biblioteca para coletar dados da web , sites diversos, yaho
!pip install pmdarima
#
#
#
    Importando as bibliotecas
#
#
import pandas as pd
import pandas_datareader.data as web
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline
```

```
# Biblioteca para obter dados do Investing.com
import investpy as inv
# Biblioteca para obter dados do Yahoo Finance
import yfinance as yf
yf.pdr_override()
import math
from sklearn.metrics import mean squared error
# Bibiotecas para mmodelo LSTM
from sklearn.preprocessing import MinMaxScaler
from keras.models import Sequential
from keras.layers import Dense, LSTM, Dropout
from sklearn.feature_selection import SelectKBest
# Bibliotecas para modelo ARIMA
import pmdarima as pm
from statsmodels.tsa.arima.model import ARIMA
from statsmodels.graphics.tsaplots import plot_acf
from statsmodels.graphics.tsaplots import plot_pacf
from statsmodels.tsa.stattools import adfuller
from pmdarima.arima.utils import ndiffs
from pmdarima.metrics import smape
import seaborn as sns
```

#### - PARTE 2

#### COLETA DE DADOS NA WEB

```
#
    Os dados históricos estarão no timeframe diário
#
#
    Os seguintes dados serão recuperados do site Yahoo Finance:
#
        1) Dolar,
#
        2) Ibovespa,
#
        3) Titulo Publico Norteamericano de 10 anos (USBond 10Y),
#
        4) Índice S&P500,
#
        5) Índice de Volatilidade do SP500 (Índice VIX),
#
        6) Dollar Index (paridade entre o dolar e uma cesta de moedas),
#
        7) Futuro do Ouro,
#
        8) Petróleo WTI
#
#
    Os seguintes dados serão recuperados do site Investing.com:
#
        1) Título Público Brasil 10 anos
#
    Os indicadores de Média Móvel, Volatilidade, Variação % e RSL do Dolar
#
#
    serão calculados no código e inseridos como colunas no dataframe relativo ao Dolar
#
#
    A base de treinamento tem início em 01/01/2017, porem o histórico de cotação
    do dólar será recuperado a partir do dia 01/12/2016 para que possamos ter
```

```
pelo menos 17 dias de dados antes do início do treinamento para fazer o cálculo
#
#
    da média móvel de 17 dias a partir do dia 01/01/2017.
#
#
   Os dados da base de validação são de 01/01/2022 até 31/03/2022, a extração busca o dado até
#
#
data_inicio = dt.datetime(2016,12,1)
data fim = dt.datetime(2022,4,1)
#
#
       Recupera os dados do Yahoo Finance
# DOLAR
df_dolar = web.DataReader('BRL=x', data_source='yahoo', start=data_inicio, end=data_fim)
# IBOVESPA
df_ibovespa = web.get_data_yahoo('^BVSP', start=data_inicio, end=data_fim)
# US BOND 10Y (Título Publico norteamericano 10 anos)
df_bondUS = web.get_data_yahoo('^TNX', start=data_inicio, end=data_fim)
# ÍNDICE S&P500
df_sp500 = web.get_data_yahoo('^GSPC', start=data_inicio, end=data_fim)
# ÍNDICE VIX
df_vix = web.get_data_yahoo('^VIX', start=data_inicio, end=data_fim)
# DOLLAR INDEX
df_index = web.get_data_yahoo('DX-Y.NYB', start=data_inicio, end=data_fim)
# OURO FUTURO
df_gold = web.get_data_yahoo('GC=F', start=data_inicio, end=data_fim)
# PETROLEO BRENT
df_brent = web.get_data_yahoo('BZ=F', start=data_inicio, end=data_fim)
# TODOS OS TICKERS MENOS O DOLAR
#tickers = ['^BVSP', '^TNX', '^GSPC', '^VIX', 'DX-Y.NYB', 'GC=F', 'BZ=F']
#df_dados = web.get_data_yahoo(tickers, start=data_inicio, end=data_fim)
#
#
       Recupera os dados do Investing.com
# Título Público Brasil 10 anos
df_bondBR = inv.get_bond_historical_data('Brazil 10Y', from_date='01/12/2016', to_date='01/04/20
```

#### PARTE 3

# TRATAMENTO DOS DADOS RECUPERADOS CRIAÇÃO DO DATASET

- # a) Primeira verificação dos dados retornados e quantidade de linhas, datas inicial e final dataset
   # b) Verificar se o tipo do campo está correto e na formatação correta, como pontos e vigulas para valores decimais, formato de data, e tipo de campo numérico, inteiro, float, string, etc.; dataset.info()
- # c) Verificar se os dados foram obtidos integralmente, ou seja, se todos os dados
  # foram recuperados com valores numéricos e se há campos em branco ou nulos;
  # dataset.isna().any()
- # d) Calcular e incluir as colunas com os indicadores técnicos do Dolar: Média Móvel, Volatili
- # e) Montar o dataset que será utilizado pelos modelos de Machine Learning com os dados dos ou
- # f) Tratamento das celulas com valores nulos ou branco em função das datas em que não houve n # (diferenças de feriados e dias úteis entre Brasil e Estados Unidos, por exemplo)
- # g) Primeira visualização gráfica dos dados do Dolar (preço de fechamento) e indicadores

## Seção 3.1 - Verificação dos dados carregados (itens a, b, c)

Verificação dos dados carregados [ ] Ь, 30 células ocultas

## Seção 3.2 - Montagem do dataset modelo (itens d, e, f, g)

Criação dos parâmetros técnicos MM7, MM17, Volatilidade, Variação % e RSL

Inclusão no dataset da coluna ALVO que é o preço alvo do Dolar a ser previsto para o dia seguinte

Montar o dataset agrupando os dados dos ativos

Trata as celulas com valores branco e/ou nulo

Plota o gráfico de dados históricos do Dolar

[ ] L 22 células ocultas

#### - PARTE 4

## ANÁLISE E EXPLORAÇÃO

#### PRÉ PROCESSAMENTO DOS DADOS

```
Definição do tamanho dos dados de teste, treinamento e validação
#
   Base de treinamento = anos 2017 a 2020 (4 anos = 80%)
    Base de testes = ano 2021 (1 ano = 20%)
    Base de validação = janeiro de 2022 (1 mês)
   Separação dos dados
ds_dados = ds_modelo.loc['2017-01-01':'2021-12-31']
ds_treino = ds_dados.loc['2017-01-01':'2020-12-31']
ds teste = ds dados.loc['2021-01-01':'2021-12-31']
ds_validacao = ds_modelo.loc['2022-01-01':'2022-03-31']
print (len(ds_modelo))
print(len(ds_dados))
print(len(ds_treino))
print(len(ds_teste))
print(len(ds_validacao))
sns.heatmap(ds_dados.drop(['MM7', 'MM17', 'Variação', 'Volatilidade', 'RSL', 'Alvo'], 1).corr(),
#sns.heatmap(ds_dados.drop(['MM7', 'MM17', 'Variação', 'Volatilidade', 'RSL', 'Alvo'], 1).corr()
    Plota o gráfico dos dados de Volatilidade
    dados de treinamento e teste (2017-2021)
plt.figure(figsize=(16,8))
plt.plot(ds_dados['Volatilidade'])
    Plota o gráfico dos dados de Variação %
    dados de treinamento e teste (2017-2021)
plt.figure(figsize=(16,8))
plt.plot(ds_dados['Variação']*100)
    Plota o histograma da volatilidade do Dolar durante o período dos
    dados de treinamento e teste (2017-2021)
plt.figure(figsize=(16,8))
plt.hist(ds_dados['Volatilidade'], bins=100)
    Plota o histograma da variação percentual do Dolar durante o período dos
    dados de treinamento e teste (2017-2021)
plt.figure(figsize=(16,8))
plt.hist(ds_dados['Variação'], bins=100)
    Plota o histograma do valor do Dolar durante o período dos
    dados de treinamento e teste (2017-2021)
```

```
plt.figure(figsize=(16,8))
plt.hist(ds_dados['Dolar'], bins=100)
# Separando as features e labels para escolha das melhores
# Escolhendo as melhores features com Kbest
features = ds_dados
labels = ds_dados.Alvo
features_list = ('Dolar', 'MM7', 'MM17', 'Volatilidade', 'Variação', 'RSL', 'Ibovespa', 'Brent', 'Bond
k_best_features = SelectKBest(k='all')
k_best_features.fit_transform(features, labels)
k_best_features_scores = k_best_features.scores_
raw_pairs = zip(features_list[1:], k_best_features_scores)
ordered_pairs = list(reversed(sorted(raw_pairs, key=lambda x: x[1])))
k_best_features_final = dict(ordered_pairs[:15])
best_features = k_best_features_final.keys()
print ('')
print ("Melhores features:")
print (k_best_features_final)
# Separando as features escolhidas
#features = ds_dados.loc[:,['Volatilidade','Brent','Variação']] ## label=Dolar, Feature com Al
features = ds_dados.loc[:,['MM17','MM7','Volatilidade']] ## label=Alvo, Feature com Dolar fech
features
```

#### **PARTE 5**

#### CRIAÇÃO DOS MODELOS DE MACHINE LEARNING

- a) LSTM
- b) ARIMA

## ▼ 5.a) LSTM

```
sc_treino = sc.fit_transform(ds_treino['Dolar'].values.reshape(-1,1))
sc_teste = sc.fit_transform(ds_teste['Dolar'].values.reshape(-1,1))
print(sc_treino.shape)
print(sc_teste.shape)
        Dados de treinamento
#
       X = valor Dolar no dia
        Y = alvo da previsão
X_treino=[]
Y_treino=[]
for i in range(len(sc_treino)-dias_previsao):
        X_treino.append(sc_treino[i:i+dias_previsao, 0])
        Y_treino.append(sc_treino[i+dias_previsao, 0])
X_treino, Y_treino = np.array(X_treino), np.array(Y_treino)
#
        Dados de teste
X_teste = []
Y_{teste} = []
for i in range(len(sc teste)-dias previsao):
        X_teste.append(sc_teste[i:i+dias_previsao, 0])
        Y_teste.append(sc_teste[i+dias_previsao, 0])
X_teste, Y_teste = np.array(X_teste), np.array(Y_teste)
# Reshape input para ser [dados, time steps, features] que é requerido pelo LSTM
X_treino = X_treino.reshape(X_treino.shape[0],X_treino.shape[1] , 1)
X_teste = X_teste.reshape(X_teste.shape[0],X_teste.shape[1] , 1)
X_treino.shape[1]
    Criação do modelo LSTM
modelo = Sequential()
modelo.add(LSTM(units = 50, return_sequences=True, input_shape=(X_treino.shape[1],1)))
modelo.add(Dropout(0.2))
modelo.add(LSTM(units = 50, return_sequences=True))
modelo.add(Dropout(0.2))
modelo.add(LSTM(units = 50))
modelo.add(Dropout(0.2))
modelo.add(Dense(units=1, activation='relu'))
modelo.summary()
```

Treinar o modelo com otimizador "adam" e a função de perda "mean squared error" modelo.compile(optimizer='adam', loss='mean squared error') modelo.fit(X\_treino, Y\_treino, validation\_data=(X\_teste,Y\_teste), epochs=50, batch\_size=64) perda = modelo.history.history['loss'] plt.plot(perda) plt.xlabel('Epoch') plt.ylabel('Perda') plt.title('Perda do Modelo de Treino') plt.show() Faz a previsão e verifica métricas de performance previsao\_treino=modelo.predict(X\_treino) previsao\_teste=modelo.predict(X\_teste) Transformação de volta ao formato original previsao\_treino = sc.inverse\_transform(previsao\_treino) previsao\_teste = sc.inverse\_transform(previsao\_teste) Calculate a métrica de performance RMSE para dados de treino e de teste print(math.sqrt(mean squared error(Y treino, previsao treino))) print(math.sqrt(mean\_squared\_error(Y\_teste, previsao\_teste)))

#Testes com modelo LSTM:

#units #50,60,80,120	dropout   2,3,4,5	activation   relu	Layers	epoc	hs   bat 100	ch_size	MSE_trei 64	no   MSE_tes 4.88	te
#50,60,80,120	2,3,4,5	relu	4	50		64			
#50,50,50	2,2,2	relu		3	50		64	4.74	
#50,50,50	2,2,2	linear	3		25	32		4.90	
#50,50	2,2	linear		2	25		32	4.73	}
#50,50	2,2	relu	2		25	32		4.76	
#50,50	2,2	relu	2		25	64		4.72	
#50,50,50	2,2,2	relu		3	25		64	4.73	}
#50,50	2,2	relu	2		50	64		4.74	
#50,50	2,2	relu	2		25	128		4.74	4.
#50,50	3,3	relu	2		25	64		4.72	
#50,50,50	2,2,2	relu		3	25		32	4.90	)
#50,50,50	2,2,2	relu		3	100		64	4.73	

```
#optimizer=Adam
#dropout = 0.2
#units = 50
#layers = 3
#activ = relu
#batch = 64
#epoch = 50 (25 e 100 variou pouco)

plt.plot(ds_teste['Dolar'][len(ds_teste)-len(previsao_teste):].values, color='blue')
plt.plot(previsao_teste, color='red')
```

```
plt.title('Previsão Dólar')
plt.xlabel('Dias')
plt.ylabel('Preço')
plt.legend()
plt.show()
    Faz previsão no dataset de validação, dados ainda desconhecidos do modelo
#ds_validacao
dados_validacao = pd.concat((ds_dados['Dolar'].tail(dias_previsao), ds_validacao['Dolar']), axis
dados_validacao
sc validacao = sc.fit transform(dados validacao.values.reshape(-1,1))
X_valida = []
for i in range (dias_previsao, len(sc_validacao)):
    X_valida.append(sc_validacao[i-dias_previsao:i, 0])
X_valida = np.array(X_valida)
X_valida = X_valida.reshape(X_valida.shape[0], X_valida.shape[1] , 1)
previsao_validacao = modelo.predict(X_valida)
previsao validacao = sc.inverse transform(previsao validacao)
dados_validacao
plt.plot(previsao_validacao, color='red', label='Previsão')
plt.plot(np.array(dados_validacao.tail(len(previsao_validacao))), color='blue', label='Valor Dol
plt.title('Previsão Dólar')
plt.xlabel('Dias')
plt.ylabel('Preço')
plt.legend()
plt.show()
    Fazer previsão para ao longo de 60 dias ao invés de 1 dia de cada vez
   Validar na base de validação (01/01/2022 a 31/03/2022)
print(len(ds_validacao))
    Usar os últimos 100 dias da base de testes (timestep=100), pois base de validação começa a p
   Usar 100 desta vez no timesetp para não confundir com os 60 dias de previsão
fut_inp = sc_teste[len(ds_teste)-100:]
fut_inp = fut_inp.reshape(1,-1)
tmp_inp = list(fut_inp)
fut_inp.shape
```

```
Cria lista dos últimos 100 dados -> é o timestep
tmp_inp = tmp_inp[0].tolist()
    Previsão para os próximos 60 dias usando os dados correntes (gerados pela previsão)
lst output=[]
n_steps=100
i=0
                   # este 60 aqui é a qtde de dia para frente que quero prever
while(i<60):
    if(len(tmp_inp)>100):
        fut_inp = np.array(tmp_inp[1:])
        fut_inp=fut_inp.reshape(1,-1)
        fut_inp = fut_inp.reshape((1, n_steps, 1))
        yhat = modelo.predict(fut_inp, verbose=0)
        tmp_inp.extend(yhat[0].tolist())
        tmp_inp = tmp_inp[1:]
        lst_output.extend(yhat.tolist())
        i=i+1
    else:
        fut_inp = fut_inp.reshape((1, n_steps,1))
        yhat = modelo.predict(fut_inp, verbose=0)
        tmp_inp.extend(yhat[0].tolist())
        lst_output.extend(yhat.tolist())
        i=i+1
print(lst_output)
len(sc_teste)
    Plota a previsão ao longo de 60 dias como continuação dos preços
plot real=np.arange(1,60)
plot_pred=np.arange(60,120)
dado_real= sc.inverse_transform(sc_validacao[1:60])
dado_previsto = sc.inverse_transform(lst_output)
plt.plot(plot_real, dado_real, label='Real')
plt.plot(plot_pred, dado_previsto, label='Previsto')
plt.xlabel('Dias')
plt.ylabel('Preço')
plt.legend()
plt.show()
    Plota a previsão com a continuidade do preço real
plot real=np.arange(1,120)
plot_pred=np.arange(60,120)
dado_real= sc.inverse_transform(sc_validacao[:119])
dado_previsto = sc.inverse_transform(lst_output)
plt.plot(plot_real, dado_real, label='Real')
plt.plot(plot_pred, dado_previsto, label='Previsto')
plt.xlabel('Dias')
```

```
plt.ylabel('Preço')
plt.legend()
plt.show()

# Plotar o gráfico um sobre o outro
# Plota somente a previsão ao longo de 60 dias sobre o preço real
# Comparando com a base de validação (jan a mar de 2022)

dado_real= sc.inverse_transform(sc_validacao[60:])
dado_previsto = sc.inverse_transform(lst_output)
plt.plot(dado_real, label='Real')
plt.plot(dado_previsto, label='Previsto')
plt.xlabel('Dias')
plt.ylabel('Preço')
plt.legend()
plt.show()
```

#### **→** 5.b) ARIMA

O modelo ARIMA é caracterizado pelos 3 termos (p, d, q):

p = número de time lags do modelo auto-regressivo (AR)

d = grau de diferenciação, número de diferenciações requeridas para tornar o modelo estacionário;

q = ordem do modelo de média-móvel (MA)

Como podemos ver pelos parâmetros requeridos pelo modelo, qualquer série temporal estacionária pode ser modelada com ARIMA.

#### **Estacionariedade**

Subtrair os valores anteriores do valor atual (diferença). Se apenas diferenciarmos uma vez, podemos não obter uma série estacionária, então fazemos isso várias vezes. E o número mínimo de operações de diferenciação necessárias para tornar a série estacionária será inserida em nosso modelo ARIMA.

#### **ADF** test

Usaremos o Augumented Dickey Fuller (ADF) para testar se a série de preços é estacionária. A hipótese nula do teste ADF diz que a série não é estacionária. Então, se o p-level do teste for menor que o nível de significância (0.05) podemos rejeitar a hipótese nula e inferir que a série é de fato estacionária.

Neste caso, se o p-value > 0.05 precisaremos encontrar seu valor d.

```
x_treino = ds_treino.Dolar
y_treino = ds_treino.Alvo
x_teste = ds_teste.Dolar
y_teste = ds_teste.Alvo
```

```
x_valida = ds_validacao.Dolar
y_valida = ds_validacao.Alvo
      Primeira forma de obter valor de 'd'
    Verifica se a série é estacionária
resultado = adfuller(ds_dados.Dolar.dropna())
print(f"Estatística ADF: {resultado[0]}")
print(f"p-value: {resultado[1]}")
Autocorrelation Function (ACF)
fig, (ax1,ax2) = plt.subplots(1, 2, figsize=(16, 4))
ax1.plot(ds_modelo.Dolar)
ax1.set_title("Dados Originais")
    acrescentar o ; ao final da linha para não plotar duplicado
plot_acf(ds_dados.Dolar, ax=ax2);
    Uma forma de obter o valor de 'd' é fazer as diferenciações
diff = ds_dados.Dolar.diff().dropna()
fig, (ax1, ax2) = plt.subplots(1, 2, figsize=(16, 4))
ax1.plot(diff)
ax1.set_title("Difference once")
plot_acf(diff, ax=ax2);
diff = ds_dados.Dolar.diff().dropna()
fig, (ax1, ax2) = plt.subplots(1, 2, figsize=(16, 4))
ax1.plot(diff)
ax1.set_title("Difference twice")
plot_acf(diff, ax=ax2);
Como praticamente não há diferença entre o "difference once" e o "difference twice", necessitou de
apenas 1 diferenciação.
    confirmação do valor de 'd'
ndiffs(x_treino, test="adf")
diff.values
    Autocorrelação parcial
diff = ds_dados.Dolar.diff().dropna()
fig, (ax1, ax2) = plt.subplots(1, 2, figsize=(16, 4))
```

```
ax1.plot(diff)
ax1.set_title("Difference once")
ax2.set_ylim(0, 1)
plot_pacf(diff, ax=ax2);
# O método auto_arima trabalha com multiplas combinações de p, d e q
# para encontrar os melhores valores
modelo = auto arima(
                     ds_dados.Dolar, start_p=1, start_q=1,
   test="adf", max_p=6, max_q=6, m=1, # frequencia da serie
   d=None, # determina 'd'
   seasonal=False, trace=True, stepwise=True,
)
   ARIMA Model
modelo = ARIMA(diff, order=(1, 1, 0))
result = modelo.fit()
print(result.summary())
result.plot_diagnostics(figsize=(16, 8));
Documentação do site oficial do pacote ARIMA
Estimador do valor de 'd'
kpss_diffs = ndiffs(y_treino, alpha=0.05, test='kpss', max_d=6)
adf_diffs = ndiffs(y_treino, alpha=0.05, test='adf', max_d=6)
n_diffs = max(adf_diffs, kpss_diffs)
print(f"Valor de d estimado: {n_diffs}")
# O método auto_arima trabalha com multiplas combinações de p, d e q
# para encontrar os melhores valores
modelo_arima = pm.auto_arima(y_treino, d=n_diffs, seasonal=False, stepwise=True,
                   suppress_warnings=True, error_action="ignore", max_p=6,
                   max_order=None, trace=True)
print(modelo_arima.order)
def previsao_um_dia():
   fc, conf_int = modelo_arima.predict(n_periods=1, return_conf_int=True)
   return (
       fc.tolist()[0],
       np.asarray(conf_int).tolist()[0])
forecasts = []
intervalo_confianca = []
for nova_obs in y_teste:
```

```
fc, conf = previsao_um_dia()
   forecasts.append(fc)
   intervalo_confianca.append(conf)
   # Atualiza o modelo com um pequena quantidade de 'MLE steps'
   modelo_arima.update(nova_obs)
print(f"Mean squared error: {mean squared error(y teste, forecasts)}")
print(f"SMAPE: {smape(y_teste, forecasts)}")
fig, axes = plt.subplots(2, 1, figsize=(12, 12))
axes[0].plot(x_treino, color='blue', label='Dados de Treino')
axes[0].plot(x_teste.index, forecasts, color='green', marker='o',
            label='Preço Previsto')
axes[0].plot(y_teste.index, y_teste, color='red', label='Preço Atual')
axes[0].set_xlabel('Datas')
axes[0].set_ylabel('Preços')
axes[0].legend()
# ------ Predicted with confidence intervals ------
axes[1].plot(y_treino, color='blue', label='Dados de Treino')
axes[1].plot(x_teste.index, forecasts, color='green',
            label='Preço Previsto')
axes[1].set_title('Preços Previstos & Intervalos de Confiança')
axes[1].set_xlabel('Datas')
axes[1].set_ylabel('Preço')
conf_int = np.asarray(intervalo_confianca)
axes[1].fill_between(x_teste.index,
                   conf_int[:, 0], conf_int[:, 1],
                   alpha=0.9, color='orange',
                   label="Intervalo de Confiança")
axes[1].legend()
fig, axes = plt.subplots(2, 1, figsize=(12, 12))
# ------ # ----- Actual vs. Predicted
#axes[0].plot(x_treino, color='blue', label='Dados de Treino')
axes[0].plot(x_teste.index, forecasts, color='green', marker='o',
            label='Preço Previsto')
axes[0].plot(y_teste.index, y_teste, color='red', label='Preço Atual')
axes[0].set_xlabel('Datas')
axes[0].set_ylabel('Preços')
axes[0].legend()
# ------ Predicted with confidence intervals ----------
#axes[1].plot(y_treino, color='blue', label='Dados de Treino')
```

×