

Tema 6: Introducción al Aprendizaje Automático

- Distintos tipos de aprendizaje
- Algunos modelos



Objetivos

- Conocer el concepto de aprendizaje automático.
- Conocer los fundamentos, necesidad y utilidad de agentes capaces de aprender.
- Entender las técnicas básicas de aprendizaje automático.

Estudia este tema en ...

- S. Russell, P. Norvig, *“Inteligencia Artificial: Un enfoque moderno”*, Ed. Prentice Hall, 2ª edición, 2004, pp.649-789
- T. Mitchell, *Machine Learning*, Ed. Mac Graw-Hill, 1998, pp. 1-390.
- Nils J. Nilsson, *“Inteligencia Artificial: Una nueva síntesis”*, Ed. Mc Graw Hill, 2000. pp. 255-268

Que es aprender

Al concepto aprender le ocurre lo mismo que al concepto Inteligencia pues cubre un amplio conjunto de procesos de difícil caracterización.

El ser humano emplea muy diversos mecanismos de aprendizaje:

- memorístico,
- inductivo vs. deductivo,
- con maestro vs. sin maestro,
- Etc.

Aprendizaje

El Aprendizaje es necesario tanto para los seres humanos como para los animales pues permite:

- Adaptación a cambios en el entorno.
- Desarrollar una gran variedad de habilidades.
- Adquirir experiencia en nuevos dominios.

El aprendizaje es una capacidad esencial de la Inteligencia Humana

El Aprendizaje en las máquinas:

- **MACHINE LEARNING (Aprendizaje Automático)**

¿POR QUÉ APRENDIZAJE AUTOMATICO?

1.- Razones de tipo teórico o científico:

- La capacidad de aprendizaje es una manifestación de Inteligencia.

2.- Razones de eficacia técnica:

- Se facilitan los procesos de creación de modelos,
- Algunos sistemas solo se conocen determinados mediante ejemplos,
- Existencia de patrones ocultos (DATA MINING)
- Mejora y/o adaptación de funcionamiento,
- Conocimiento demasiado complejo o incapacidad para conocerlo / explicarlo.

ETAPAS: TAREAS

- 1.- Definición del problema y su dominio,
 - 2.- Proceso de adquisición,
 - 3.- Refinamiento del conocimiento obtenido.
- Fuentes conocimiento: Realidad, Expertos, Bases de datos,....
 - Procesos de adquisición: En cierta medida desconocidos.

¿Donde y para que?

Does Machine Learning Really Work?

Tom Mitchell. AI Magazine 1997

- Tareas difíciles de programar (reconocimiento de caras, voz, ...)
- Aplicaciones auto adaptables (interfaces inteligentes, spam killers, sistemas recomendadores, ...)
- Minería de datos (análisis de datos inteligente)

CAMPOS DONDE APARECE APRENDIZAJE AUTOMATICO

- Estadística
- Modelos de cerebro:
 - Redes neuronales
 - Modelos conexionistas
 - Brain style computation
- Control Adaptativo
- Ciencia Cognitiva (modelos psicológicos)
- Biocomputación y modelos bioinspirados
- Inteligencia Artificial

¿QUÉ SE PUEDE APRENDER?

Desde el punto de vista informático el objetivo es siempre determinar (identificar /modelar) una estructura computacional:

- Una o varias funciones,
- Conjuntos de reglas (relaciones entrada-salida),
- Programas Lógicos ,
- Máquinas de estado finito,
- Gramáticas formales
- Sistemas para la resolución de problemas.

Definición de AA

Existen 2 definiciones muy concretas en cuanto a lo que es el aprendizaje automático.

La primera surge a finales de los 50's. Es debida a Arthur L. Samuel (un pionero en el campo de la IA y el creador de uno de los primeros juegos didácticos como demostración muy temprana del concepto de la inteligencia artificial) y dice:

“Aprendizaje Automático: es el campo de estudio que da a las computadoras la capacidad de aprender sin ser explícitamente programado.”

Definición de AA

La segunda definición, año 1998, es de Tom Mitchell, (uno de los grandes del AA) y afirma lo siguiente.

“Un programa de computadora aprende de la experiencia E con respecto a alguna tarea T y alguna medida el rendimiento P , si su desempeño en T , medida por P , mejora con la experiencia E .”

Esta segunda, por ser “algorítmica” puede ser implementada y chequeada.

Aprendizaje automático: programas que mejoran su comportamiento con la experiencia.

Ejemplos

- Aprendizaje de damas:
 - T: jugar a las damas.
 - P: % de juegos ganados.
 - E: partidas jugadas contra una copia de si mismo.

Ejemplos

- Aprendizaje de reconocimiento de caracteres de escritos a mano:
 - T: reconocer y clasificar palabras escritas a mano a través de imágenes.
 - P: % de palabras correctamente clasificadas.
 - E: una base de datos de palabras escritas a mano con su correspondiente clasificación.

Ejemplos

- Aprendizaje de un sistema para conducir:
 - T: conducir por una carretera usando sensores de visión.
 - P: distancia promedio antes de que se produzca un error (juzgado por un humano).
 - E: secuencia de imágenes y comandos de conducción registrados en la observación de un conductor humano.

Ejemplos del sector financiero y seguros

<http://www.daedalus.es/mineria-de-datos/>

- Estimación de Riesgos en la Concesión de Seguros de Crédito
- Detección y Control de Fraude en el Uso de Tarjetas de Crédito
- Segmentación de Clientes de Entidades Financieras

Ejemplos del sector sanitario y farmacéutico

- Predicción de Ventas de Productos Farmacéuticos
- Diagnóstico de Accidentes Cerebro-Vasculares Agudos
- Supervisión de Calidad del precultivo en el Cultivo Industrial de Antibióticos
- Supervisión de la Evolución de Cultivos en la Fabricación de Antibióticos

Ejemplos del sector industria

- Optimización de Centrales Eléctricas
- Control de Trenes de Laminado en la Industria del Acero
- Optimización de Altos Hornos
- Optimización de la Producción de Cartón en la Industria Papelera
- Gestión de Alarmas en Plantas Petroquímicas
- Control de Calidad en la Fabricación de Electrodomésticos
- Optimización del Proceso de Producción de Cemento
- Control de Calidad de Materiales Fabricados Industrialmente
- Control Adaptativo para Optimización de Trayectorias de Robots Industriales
- Control de Calidad en la Fabricación de Cajas de Cambio en la Industria del Automóvil
- Diagnóstico Automático de Componentes de Sistemas hi-fi para Automóviles

Paradigmas de aprendizaje

- Aprendizaje memorístico.
 - Aprendizaje deductivo.
 - Inferencia y deducción empleando modelos Lógicos
 - Razonamiento Artificial
 - Aprendizaje analítico, Basado en explicaciones
- Construir una explicación para cada ejemplo en relación con un concepto dado y generalizar la explicación de modo que pueda emplearse en el futuro.

Paradigmas de aprendizaje

- Aprendizaje analógico
 - Entender y resolver una situación por su parecido con otras anteriormente resueltas.
- Aprendizaje inductivo
 - Es el paradigma más ampliamente estudiado dentro del aprendizaje.
 - Hablando en términos muy generales se trata de aprender un concepto o una clasificación a partir de ejemplos y contraejemplos.

Tipos de aprendizaje según el conocimiento utilizado

Uno de los puntos clave para el aprendizaje es el tipo de realimentación disponible en el proceso:

1.- Aprendizaje Supervisado: Para cada entrada, se dispone de un profesor/supervisor que proporciona una salida deseada, ya sea una clase o un valor a aproximar(clasificación vs regresión).

2.- Aprendizaje no supervisado: No se dispone de una salida deseada cada entrada, sino que se busca agrupar/clasificar los datos en función de ciertas características(medida de distancia)

3.- Aprendizaje por refuerzo:

Se aprende a partir de la información obtenida al realizar procesos de ensayo-error en los que se obtienen “señales” de beneficio/coste.

HERRAMIENTAS NOTABLES EN APRENDIZAJE

- Técnicas estadísticas
- Técnicas de árboles
- Análisis cluster
- Modelos bioinspirados:
 - Algoritmos genéticos
 - Programación evolutiva
 - Modelos conexionistas (Redes Neuronales)

Ejemplo

- Supermercado: se desea clasificar los clientes entre buenos y malos clientes
- Base de datos: información acerca de los clientes y forma de pago de los mismos.

| Id | Casado | N-hijos | Sexo | Pago | Buen-cliente |
|----|--------|---------|------|----------|--------------|
| 1 | si | 3 | m | Tarjeta | sí |
| 2 | no | 0 | h | Tarjeta | sí |
| 3 | no | 1 | m | Efectivo | no |
| 4 | si | 4 | m | Crédito | sí |
| 5 | si | 2 | h | Efectivo | no |
| 6 | no | 1 | m | Tarjeta | no |
| 7 | no | 0 | h | Efectivo | sí |
| 8 | no | 0 | h | Crédito | sí |
| 9 | no | 1 | h | Tarjeta | no |
| 10 | si | 4 | m | Crédito | sí |

Si N-hijos > 2 ENTONCES Buen-cliente=si

Si Casado=no Y sexo=h Y N-hijos=0 ENTONCES Buen-cliente=sí

Ejemplo

- Ejemplo: modelado de la probabilidad de fallo de una máquina.
- Clase: la máquina fallará / la máquina no fallará.
- Atributos: conjunto de medidas:
 - Temperatura.
 - Nivel de vibraciones.
 - Horas de funcionamiento.
 - Meses desde la última revisión.
- Instancias: ejemplos pasados (situaciones conocidas).
- Hipótesis: relación entre las medidas y la probabilidad de fallo:

Si nivel_vibraciones = alto Y temperatura = alta ENTONCES fallará.

Aprendizaje inductivo

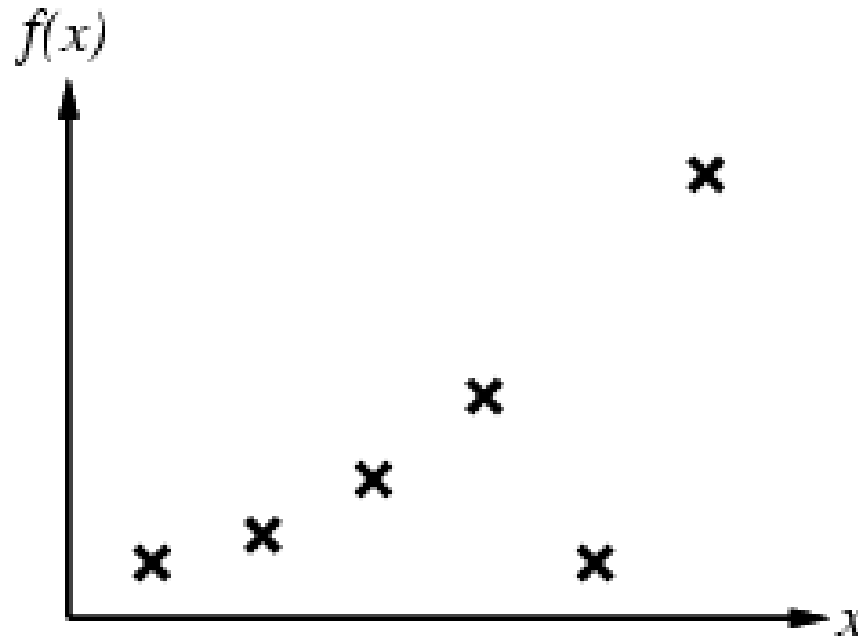
Aprende a partir de ejemplos

- El objetivo es aprender la función f .
- Un ejemplo es un par $(x, f(x))$.

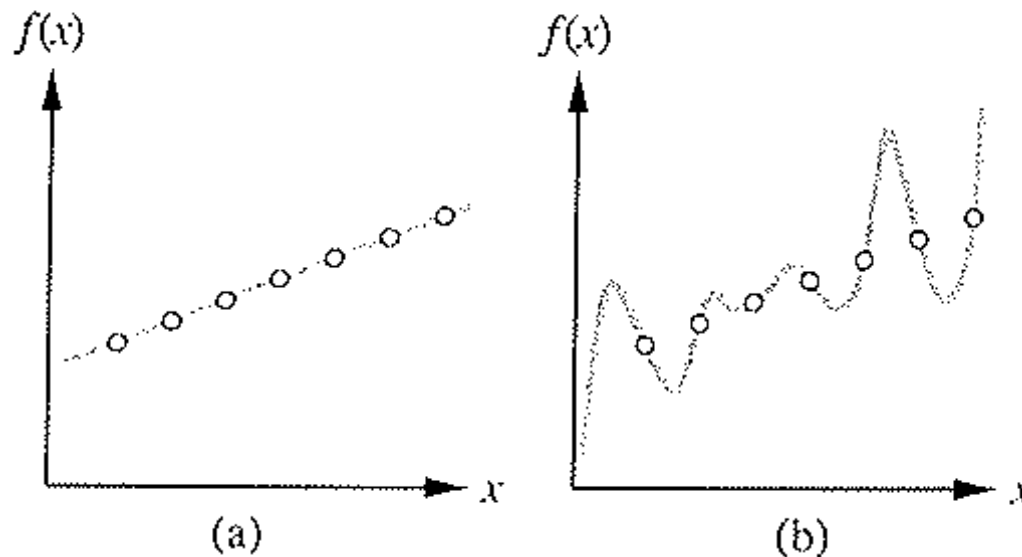
Problema: encontrar una hipótesis h
tal que $h=f$
sobre los conjuntos de ejemplos de entrenamiento.

Aprendizaje inductivo

- Una hipótesis estará bien generalizada si puede predecir ejemplos que no se conocen.



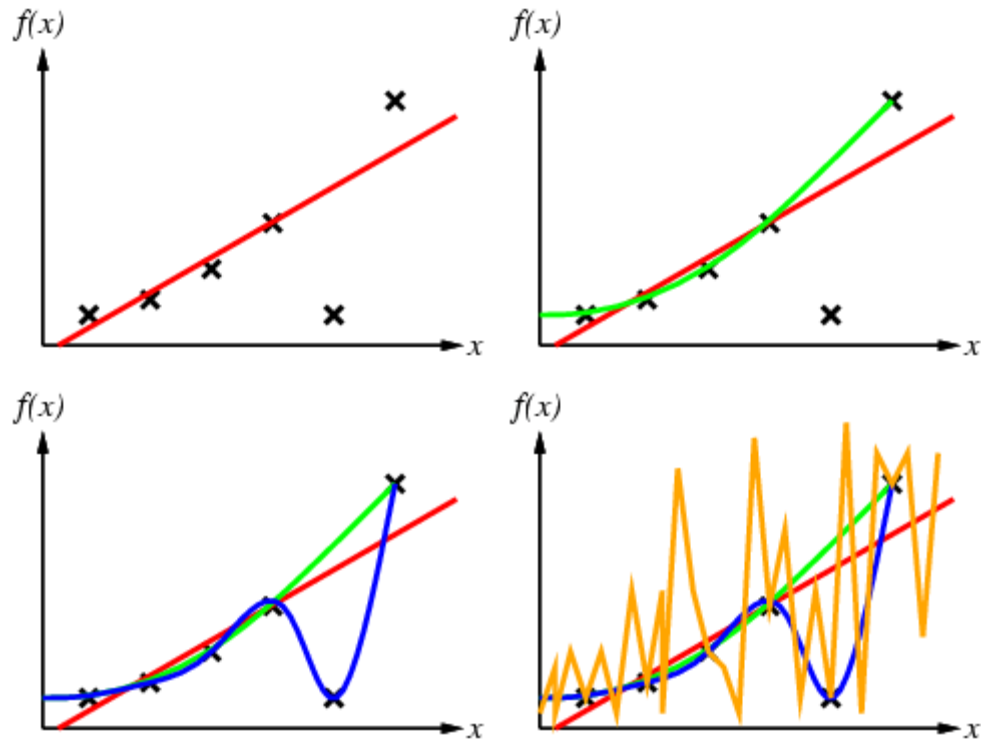
¿Cómo elegir entre múltiples hipótesis consistentes?



La hipótesis se dice **consistente** ya que satisface a todos los datos

Navaja de Ockham: elegir la hipótesis más simple consistente con los datos

¿Cómo elegir entre múltiples hipótesis consistentes?



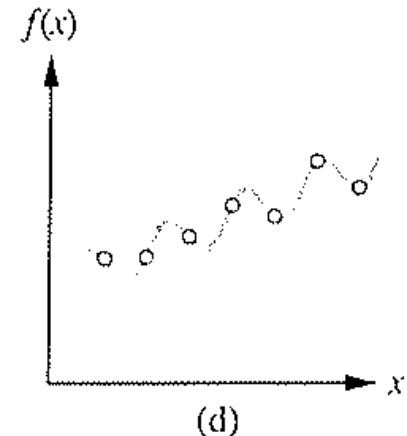
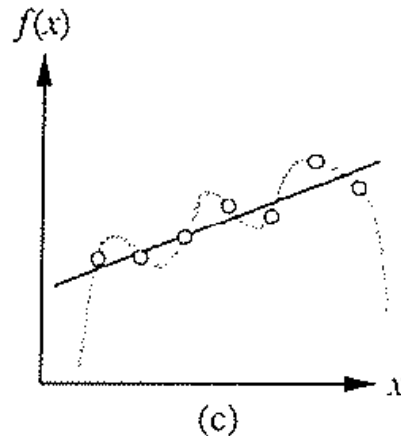
Espacio de hipótesis

- Las hipótesis se pueden expresar de diversas formas:
 - Árboles de decisión.
 - Reglas.
 - Redes neuronales.
 - Modelos bayesianos o probabilísticos.
 - etc.
- Los árboles de decisión y las reglas son algunos de los modelos más usados en aprendizaje automático.

Problema de aprendizaje realizable

- Se dice que un problema de aprendizaje es realizable si el espacio de hipótesis contiene a la función verdadera

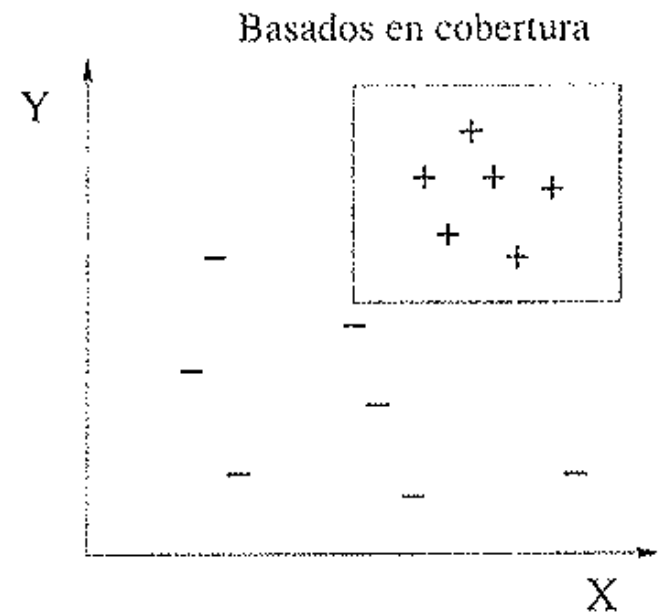
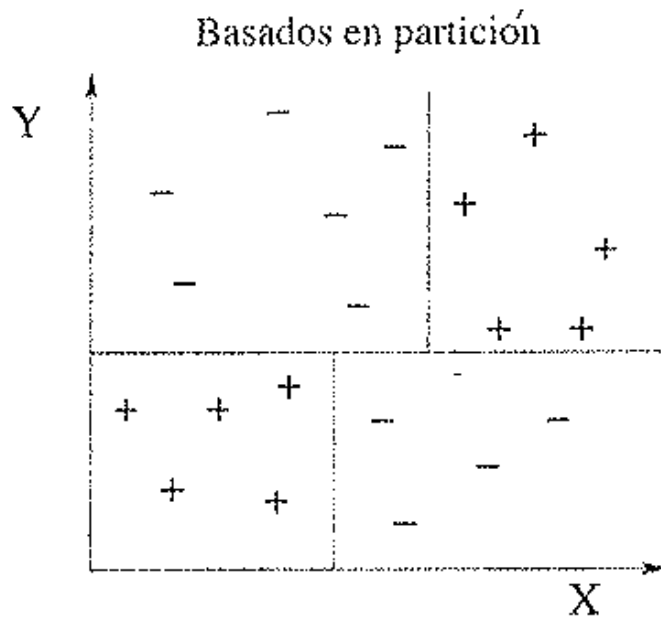
$$f(x)=ax+b+c\sin(x)$$



Algoritmos más ampliamente utilizados

- Algoritmos basados en el “divide y vencerás” (splitting): consisten en ir partiendo sucesivamente los datos en función del valor de un atributo seleccionado cada vez (aprendizaje de árboles de decisión).
- Algoritmos basados en el “separa y vencerás” (covering): consisten en encontrar condiciones de las reglas que cubran la mayor cantidad de ejemplos de una clase y la menor en el resto de la clase (aprendizaje de reglas).

Clasificación basada en partición versus cobertura



Aprender árboles de decisión

La inducción de árboles de decisión es uno de los métodos más sencillos y con más éxito para construir algoritmos de aprendizaje

- Árboles de decisión como herramienta de desarrollo.
- Expresividad de los árboles de decisión.
- Inducción de árboles de decisión.

Árboles de decisión como herramienta de desarrollo

- Un árbol de decisión toma como entrada un objeto o una situación descrita a través de un conjunto de atributos y devuelve una “decisión”, el valor previsto de la salida dada la entrada.
- Atributos: discreto o continuos.
- Salida:
 - Discreta: clasificación.
 - Continua: regresión.

Ejemplo

Problema: decidir si se debe de esperar por una mesa en un restaurante utilizando los siguientes atributos:

1. Alternate: is there an alternative restaurant nearby?
2. Bar: is there a comfortable bar area to wait in?
3. Fri/Sat: is today Friday or Saturday?
4. Hungry: are we hungry?
5. Patrons: number of people in the restaurant (None, Some, Full)
6. Price: price range (\$, \$\$, \$\$\$)
7. Raining: is it raining outside?
8. Reservation: have we made a reservation?
9. Type: kind of restaurant (French, Italian, Thai, Burger)
10. WaitEstimate: estimated waiting time (0-10, 10-30, 30-60, >60)

Ejemplo

- Los ejemplos se describen mediante los valores de los atributos (Booleanos, discretos, continuos)

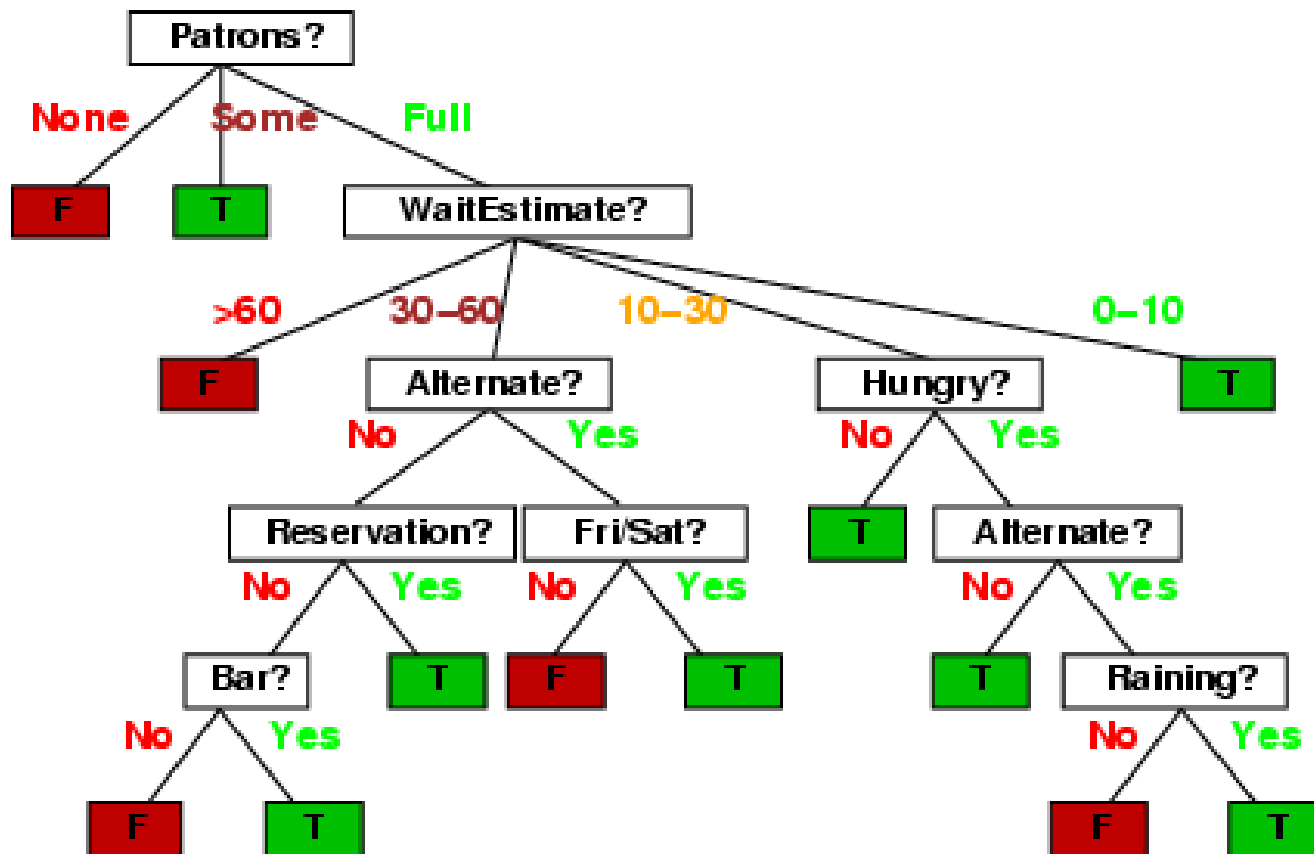
| Example | Attributes | | | | | | | | | | Target <i>Wait</i> |
|----------|------------|------------|------------|------------|------------|--------------|-------------|------------|-------------|------------|-----------------------|
| | <i>Alt</i> | <i>Bar</i> | <i>Fri</i> | <i>Hun</i> | <i>Pat</i> | <i>Price</i> | <i>Rain</i> | <i>Res</i> | <i>Type</i> | <i>Est</i> | |
| X_1 | T | F | F | T | Some | \$\$\$ | F | T | French | 0–10 | T |
| X_2 | T | F | F | T | Full | \$ | F | F | Thai | 30–60 | F |
| X_3 | F | T | F | F | Some | \$ | F | F | Burger | 0–10 | T |
| X_4 | T | F | T | T | Full | \$ | F | F | Thai | 10–30 | T |
| X_5 | T | F | T | F | Full | \$\$\$ | F | T | French | >60 | F |
| X_6 | F | T | F | T | Some | \$\$ | T | T | Italian | 0–10 | T |
| X_7 | F | T | F | F | None | \$ | T | F | Burger | 0–10 | F |
| X_8 | F | F | F | T | Some | \$\$ | T | T | Thai | 0–10 | T |
| X_9 | F | T | T | F | Full | \$ | T | F | Burger | >60 | F |
| X_{10} | T | T | T | T | Full | \$\$\$ | F | T | Italian | 10–30 | F |
| X_{11} | F | F | F | F | None | \$ | F | F | Thai | 0–10 | F |
| X_{12} | T | T | T | T | Full | \$ | F | F | Burger | 30–60 | T |

- La clasificación de los ejemplos es positiva (T) o negativa (F).

Ejemplos positivos y negativos

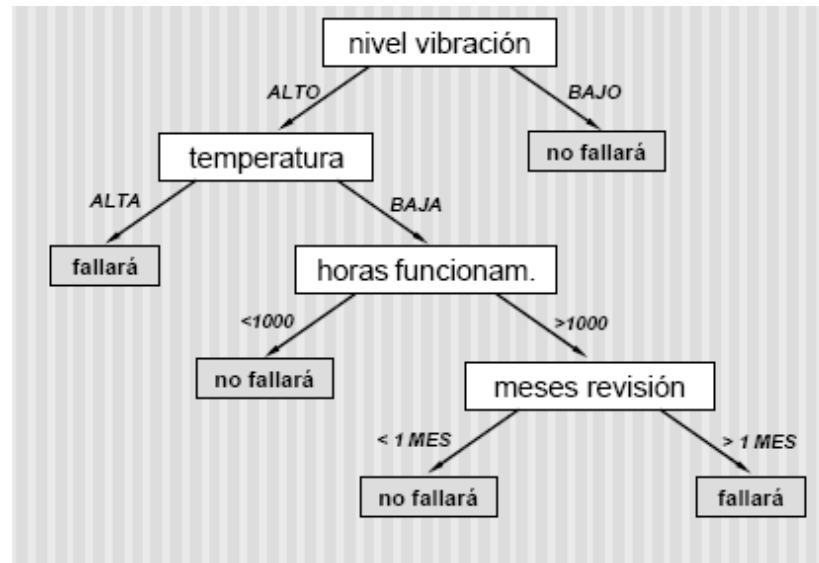
- Los ejemplos positivos son aquellos en los que la meta esperar es verdadera (X_1, X_3, \dots).
- Los ejemplos negativos son aquellos en los que es falsa (X_2, X_5, \dots).
- El conjunto de ejemplos completo se denomina **conjunto de entrenamiento**.

Una posible representación para la hipótesis



Ejemplo

Modelado de la probabilidad de fallo de una máquina



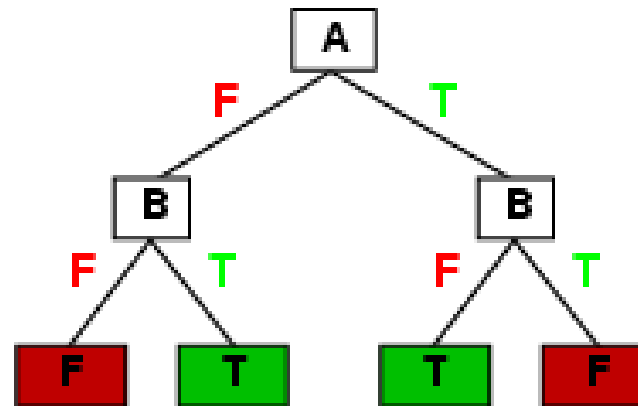
Ejemplo

| Temperatura | Nivel de vibraciones | Horas de funcionamiento | Meses desde revisión | Probabilidad de fallo |
|-------------|----------------------|-------------------------|----------------------|-----------------------|
| ALTA | ALTO | < 1000 | > 1 MES | fallará |
| BAJA | BAJO | < 1000 | < 1 MES | no fallará |
| ALTA | BAJO | >1000 | > 1 MES | no fallará |
| ALTA | BAJO | < 1000 | > 1 MES | no fallará |
| BAJA | ALTO | < 1000 | > 1 MES | no fallará |
| BAJA | ALTO | >1000 | > 1 MES | fallará |
| ALTA | ALTO | < 1000 | < 1 MES | fallará |

Expresividad de los árboles de decisión

- Los árboles de decisión pueden expresar cualquier función a partir de los atributos de entrada.
- Por ejemplo, para funciones Booleanas, cada fila de la tabla de verdad se traslada a un camino del árbol:

| A | B | A xor B |
|---|---|---------|
| F | F | F |
| F | T | T |
| T | F | T |
| T | T | F |



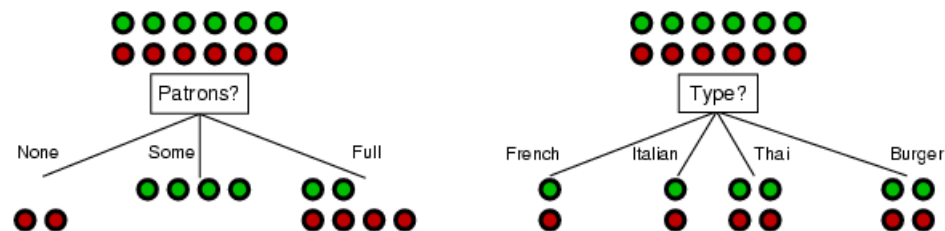
- De forma trivial, hay un árbol de decisión consistente para cualquier conjunto de entrenamiento con un camino asociado a cada ejemplo, pero seguramente no será bueno para generalizar nuevos ejemplos.
- Es preferible encontrar árboles de decisión más compactos.

Inducción de árboles de decisión

- Múltiples formas de inferir el árbol:
 - Trivial: se crea una ruta del árbol por cada instancia de entrenamiento.
 - Árboles excesivamente grandes.
 - No funcionan bien con instancias nuevas.
 - Optimo: el árbol más pequeño posible compatible con todas las instancias (navaja de Ockham).
 - Inviabile computacionalmente.
 - Pseudo-optimo (heurístico): selección del atributo en cada nivel del árbol en función de la calidad de la división que produce.
 - Los principales programas de generación de árboles utilizan procedimientos similares (ID3, C4.5, CART, etc).

Elección de atributos

Idea: un buen atributo debería dividir el conjunto de ejemplos en subconjuntos que sean o “todos positivos” o “todos negativos”.



Patrons=Clientes es una buena elección

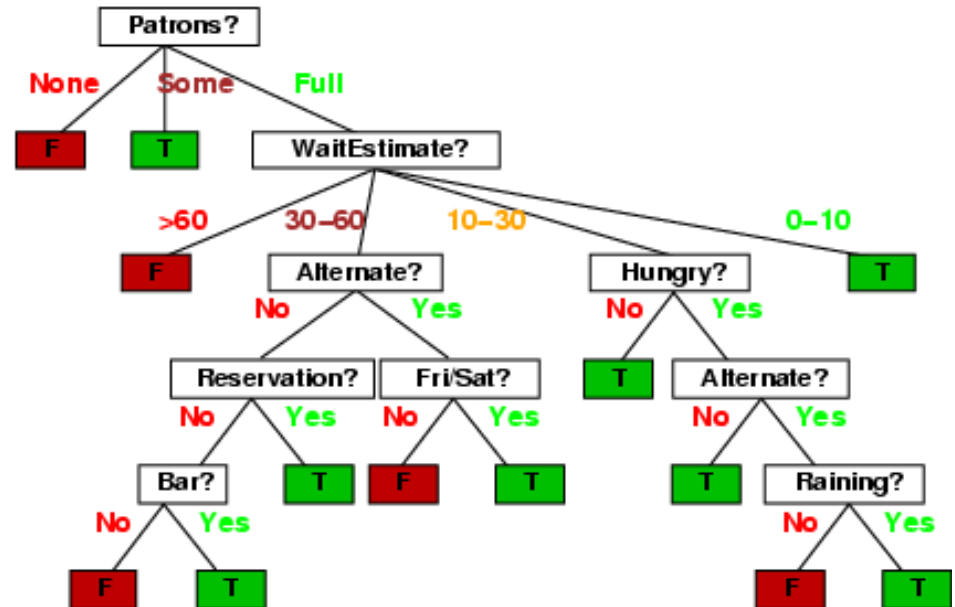
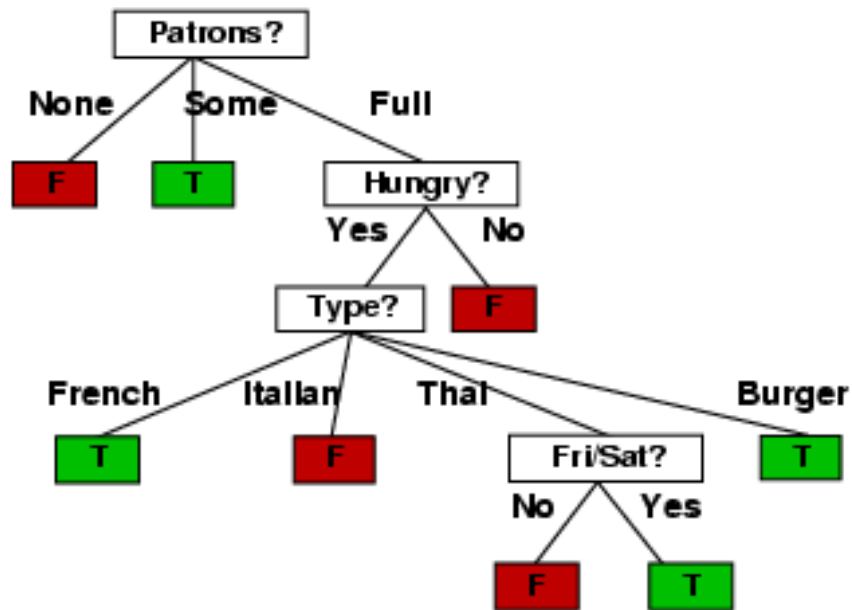
DTL

```
function DTL(examples, attributes, default) returns a decision tree
  if examples is empty then return default
  else if all examples have the same classification then return the classification
  else if attributes is empty then return MODE(examples)
  else
    best  $\leftarrow$  CHOOSE-ATTRIBUTE(attributes, examples)
    tree  $\leftarrow$  a new decision tree with root test best
    for each value  $v_i$  of best do
      examplesi  $\leftarrow$  {elements of examples with best =  $v_i$ }
      subtree  $\leftarrow$  DTL(examplesi, attributes - best, MODE(examples))
      add a branch to tree with label  $v_i$  and subtree subtree
    return tree
```

1. No quedan ejemplos: valor por defecto calculado a partir de la mayoría en el nodo padre.
2. Todos los ejemplos son positivos o negativos.
3. No quedan atributos: voto de la mayoría de los ejemplos que quedan.
4. Quedan ejemplos positivos y negativos.

Árbol de decisión obtenido

Árbol de decisión obtenido utilizando los 12 ejemplos



Es más simple que el árbol “verdadero”.

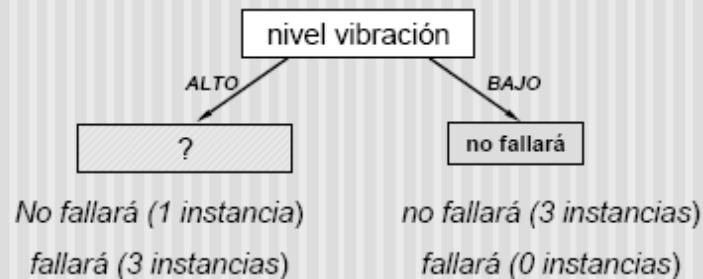
Ejemplo detallado

- ¿Qué atributo elegir para el primer nodo?

| ATRIBUTO | VALORES | CLASE | |
|------------------------|---------|----------------|-------------------|
| | | <i>fallará</i> | <i>no fallará</i> |
| Temperatura | Alto | 2 | 2 |
| | Bajo | 1 | 2 |
| Nivel de vibraciones | Alto | 3 | 1 |
| | Bajo | 0 | 3 |
| Horas defuncionamiento | < 1000 | 2 | 3 |
| | >1000 | 1 | 1 |
| Meses desde revisión | > 1 mes | 2 | 3 |
| | < 1 mes | 1 | 1 |

Ejemplo detallado

- Árbol construido hasta el momento:



- ¿Qué atributo se debe usar en el siguiente nivel del árbol (rama izquierda)?

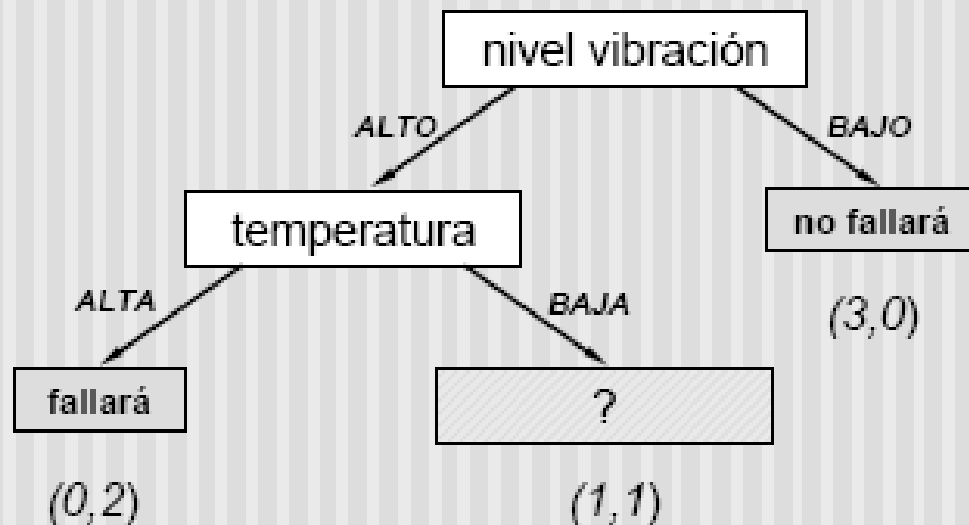
Ejemplo detallado

Sólo aquellos ejemplos de entrenamiento que llegan al nodo se utilizan para elegir el nuevo atributo:

| ATRIBUTO | VALORES | CLASE | |
|-------------------------|---------|----------------|-------------------|
| | | <i>fallará</i> | <i>No fallará</i> |
| Temperatura | Alta | 2 | 0 |
| | BAja | 1 | 1 |
| Horas de funcionamiento | < 1000 | 2 | 1 |
| | >1000 | 1 | 0 |
| Meses desde revisión | > 1 mes | 2 | 1 |
| | < 1 mes | 1 | 0 |

Ejemplo detallado

- Árbol construido hasta el momento:



- ¿Qué atributo se debe usar en el siguiente nivel del árbol (rama derecha)?

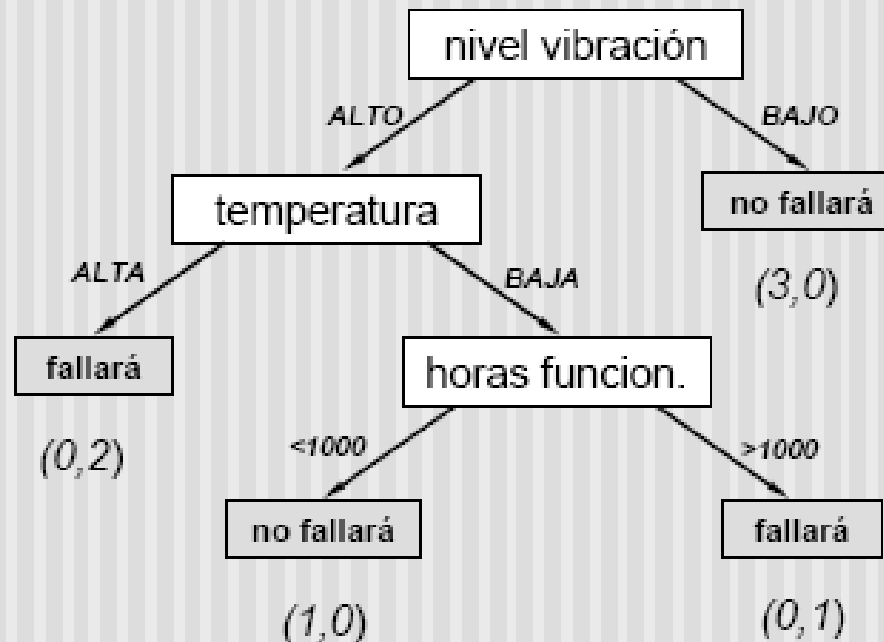
Ejemplo detallado

De nuevo, sólo aquellos ejemplos de entrenamiento que llegan al nodo se utilizan para elegir el nuevo atributo:

| ATRIBUTO | VALORES | CLASE | |
|-------------------------|---------|--------------|--------------|
| | | <i>fails</i> | <i>works</i> |
| Horas de funcionamiento | < 1000 | 0 | 1 |
| | > 1000 | 1 | 0 |
| Meses desde revisión | > 1 mes | 1 | 1 |
| | < 1 mes | 0 | 0 |

Ejemplo detallado

■ Árbol obtenido finalmente:



... muy similar al árbol original, utilizando sólo 7 ejemplos de entrenamiento!

Elección de los atributos de test

- Un atributo perfecto divide los ejemplos en conjuntos que contienen solo ejemplos positivos o negativos.
- Definir una medida de atributo “bastante adecuado” o “inadecuado”.

$$I(P(v_1), \dots, P(v_n)) = \sum_{i=1}^n -P(v_i) \log_2 P(v_i)$$

- Para un conjunto de entrenamiento que contenga p ejemplos positivos y n ejemplos negativos

$$I\left(\frac{p}{p+n}, \frac{n}{p+n}\right) = -\frac{p}{p+n} \log_2 \frac{p}{p+n} - \frac{n}{p+n} \log_2 \frac{n}{p+n}$$

Elección de los atributos de test

- Intuición: Mide la ausencia de “homogeneidad” de la clasificación.
- Teoría de la Información: cantidad media de información (en bits) necesaria para codificar la clasificación de un ejemplo.
- Ejemplos:
 - $I([9+, 5-]) = -9/14 \times \log_2 9/14 - 5/14 \times \log_2 5/14 = 0,94$
 - $I([k+, k-]) = 1$ (ausencia total de homogeneidad)
 - $I([p+, 0]) = I([0, n-]) = 0$ (homogeneidad total)

Ganancia de información

- Entropía esperada después de usar un atributo A en el árbol:

$$\text{resto}(A) = \sum_{i=1}^v \frac{p_i + n_i}{p + n} I\left(\frac{p_i}{p_i + n_i}, \frac{n_i}{p_i + n_i}\right)$$

- Ganancia de información esperada después de usar un atributo:

$$\text{Ganancia}(A) = I\left(\frac{p}{p + n}, \frac{n}{p + n}\right) - \text{resto}(A)$$

- Se elige el atributo con mayor valor de G (ID3).

Ejemplo

Para el conjunto de entrenamiento, $p = n = 6$, $I(6/12, 6/12) = 1$ bit

Considerando los atributos Clientes y Tipo:

$$Ganancia(Clientes) = 1 - \left[\frac{2}{12} I(0,1) + \frac{4}{12} I(1,0) + \frac{6}{12} I\left(\frac{2}{6}, \frac{4}{6}\right) \right] = .0541 \text{ bits}$$

$$Ganancia(Tipo) = 1 - \left[\frac{2}{12} I\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right) + \frac{2}{12} I\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right) + \frac{4}{12} I\left(\frac{2}{4}, \frac{2}{4}\right) + \frac{4}{12} I\left(\frac{2}{4}, \frac{2}{4}\right) \right] = 0 \text{ bits}$$

Otras medidas

El criterio de ganancia tiene un fuerte sesgo a favor de test con muchas salidas:

Ratio de Ganancia:

$$RGanancia(A) = \frac{Ganancia(A)}{dINFO(A)}$$

con

$$dINFO(A) = -\sum_{i=1}^v \frac{p_i + n_i}{p + n} \log_2 \left(\frac{p_i + n_i}{p + n} \right)$$

Heurística Gini

- Otro criterio es la heurística Gini que es similar a la ganancia de información pero reemplazando la entropía por:

$$g(A) = 1 - \sum_{i=1}^v p_i^2$$

- La calidad de las particiones quedan entonces:

$$Gini(A) = g(A) - \sum_{i=1}^v p_i \cdot g(A_i)$$

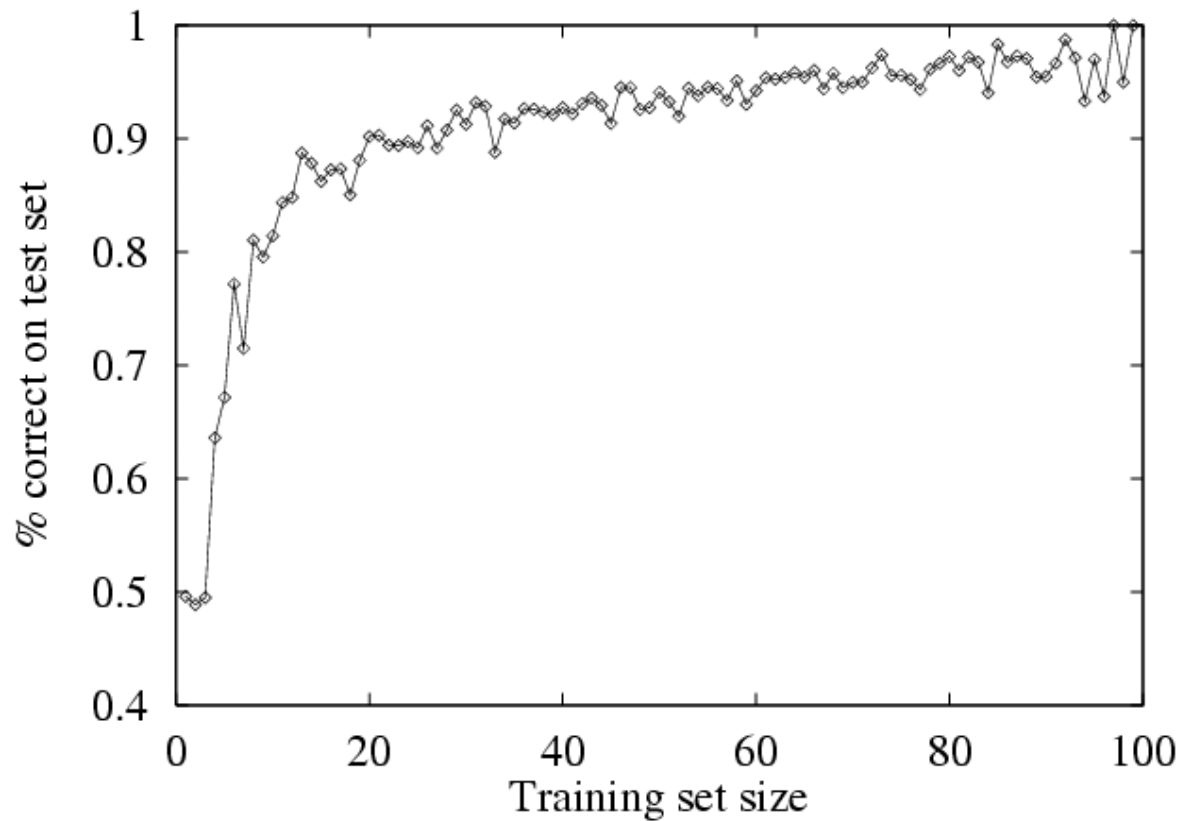
Valoración de la calidad del algoritmo de aprendizaje

Un algoritmo de aprendizaje es bueno si produce hipótesis que hacen un buen trabajo al predecir clasificaciones de ejemplos que no ha sido observados.

Metodología

- Recolectar un conjunto de ejemplos grande.
- Dividir el conjunto de ejemplos en dos conjuntos: el conjunto de entrenamiento y el conjunto de test.
- Aplicar el algoritmo de aprendizaje al conjunto de entrenamiento, generando la hipótesis h .
- Medir el porcentaje de ejemplos del conjunto de test que h clasifica correctamente.
- Repetir los pasos del 1 al 4 para conjuntos de entrenamiento seleccionados aleatoriamente para cada tamaño.

Curva de aprendizaje



Validación cruzada

- La validación cruzada en k pasadas (k-fold cross validation) consiste en realizar k experimentos, dejando a un lado cada vez $1/k$ de los datos para test y promediando los resultados.
- Valores típicos $k=5$ ó 10 .
- Validación cruzada omitiendo uno (leave-one-out cross validation) $k=n$.

Ruido y sobreajuste

- Ruido: dos o más ejemplos con la misma descripción (en términos de atributos) pero diferentes clasificaciones.
- Sobreajuste: encontrar “regularidades” poco significativas en los datos.

Se dice que una hipótesis h se sobreajusta al conjunto de entrenamiento si existe alguna otra hipótesis h' tal que el error de h es menor que el de h' sobre el conjunto de entrenamiento, pero es mayor sobre la distribución completa de ejemplos del problema (entrenamiento + test).

Poda de árboles de decisión

- La poda funciona impidiendo divisiones recursivas sobre atributos que no son claramente relevantes, incluso cuando en ese nodo del árbol los ejemplos sean de distintas clases.
- Pre-poda: Uso de la ganancia junto con un test estadístico.
- Post-poda: generar el árbol y analizar recursivamente y desde las hojas qué preguntas se pueden eliminar sin que afecten al error de clasificación con el conjunto de test.

Test estadístico

- La hipótesis nula es que el atributo es irrelevante, y por lo tanto, que la ganancia de información para un conjunto de ejemplos infinitamente grande sería cero.

$$\hat{n}_i = n \times \frac{p_i + n_i}{p + n} \quad \hat{p}_i = p \times \frac{p_i + n_i}{p + n}$$

$$D = \sum_{i=1}^v \left(\frac{(p_i - \hat{p}_i)^2}{\hat{p}_i} + \frac{(n_i - \hat{n}_i)^2}{\hat{n}_i} \right)$$

Bajo la hipótesis nula
D sigue una chi-
cuadrado con $v - 1$
grados de libertad.

Valores perdidos

- Asignar el valor más común entre todos los ejemplos de entrenamiento pertenecientes al nodo.
- Asignar una probabilidad a cada uno de los posibles valores del atributo basada en la frecuencia observada en los ejemplos pertenecientes al nodo. Finalmente, distribuir de acuerdo a dicha probabilidad.

Atributos de entrada continuos

- Se ordenan los valores del atributo, y se especifica la clase a la que pertenecen

| | | | | | |
|----|----|----|----|----|----|
| 30 | 36 | 44 | 60 | 72 | 78 |
| no | no | sí | sí | sí | no |

- Hay dos puntos de corte, (36-44) y (72-78), en los que se pueden calcular los valores medios: 40 y 75
- Se crean los siguientes nodos de decisión

$\text{peso} < 40$, $40 < \text{peso}$, $\text{peso} < 75$, $75 < \text{peso}$

Atributos de salida continuos

- Árbol de regresión: en cada hoja se dispone de una función lineal de algún subconjunto de atributos numéricos.
- El algoritmo de aprendizaje debe decidir cuándo dejar de dividir para comenzar a aplicar regresión lineal utilizando los atributos restantes (o un subconjunto).

WEKA



- Algoritmos clásicos como CART, ID3, C4.5 o CN2.
- También existen sistemas de inducción de reglas o árboles de inducción integrados en paquetes de minería de datos o aplicaciones estadísticas.
- WEKA es un conjunto de librerías JAVA para la extracción del conocimiento desde bases de datos.
- Fue desarrollado por la Universidad de Waikato bajo licencia GPL.
- WEKA contiene una gran cantidad de métodos y un entorno de experimentación para comparar el rendimiento de los algoritmos utilizando técnicas estadísticas.
- <http://www.cs.waikato.ac.nz/ml/weka/>