# Fundamentos de la Ciencia de Datos. Prueba de Laboratorio 1

Ana Cortés Cercadillo<sup>1</sup>, Carlos Javier Hellín Asensio<sup>2</sup>, Daniel Ferreiro Rodríguez<sup>3</sup>, and Francisco Calles Esteban<sup>4</sup>

University of Alcalá, Ctra. Madrid-Barcelona km 33 28805 Alcalá de Henares, Madrid, Spain

 $^{1} a. cortesc@edu.uah.es, \, ^{2} carlos.hellin@edu.uah.es, \, ^{3} daniel.ferreiror@edu.uah.es, \, ^{4} francisco.calles@edu.uah.es$ 

# November 9, 2021

#### Abstract

En este documento se encontrará un análisis de descripción de datos y un análisis de asociación, aplicando todos los conceptos teóricos vistos en cada lección. Primero se realizan estos análisis de forma guiada y finalmente, con los conceptos teóricos adquiridos, se plantean diferentes formas de afrontar los análisis.

**Keywords:** Ciencia de datos, Análisis, R, Estadística descriptiva, Paquetes en R, Algoritmo Apriori

# Contents

| 1 | Intr          | oducc  | ión   | 2  |  |  |  |  |  |
|---|---------------|--------|---|----|--|--|--|--|--|
| 2 | Primera parte |        |   |    |  |  |  |  |  |
|   | 2.1           | Anális | sis de descripción de datos                     | 2  |  |  |  |  |  |
|   |               | 2.1.1  | Directorio de trabajo                           | 2  |  |  |  |  |  |
|   |               | 2.1.2  | Formato del fichero de datos                    | 3  |  |  |  |  |  |
|   |               | 2.1.3  | Lectura de un fichero de datos en formato tabla | 3  |  |  |  |  |  |
|   |               | 2.1.4  | Cálculos con matrices                           | 5  |  |  |  |  |  |
|   |               | 2.1.5  | Funciones en R                                  | 7  |  |  |  |  |  |
|   |               | 2.1.6  | Primer análisis de los datos                    | 8  |  |  |  |  |  |
|   |               | 2.1.7  | Segundo análisis de los datos                   | 10 |  |  |  |  |  |
|   |               | 2.1.8  | Tercer análisis de los datos                    | 10 |  |  |  |  |  |
|   |               | 2.1.9  | Cuarto análisis de los datos                    | 12 |  |  |  |  |  |
|   | 2.2           | Anális | sis de asociación                               | 13 |  |  |  |  |  |
|   |               | 2.2.1  | Instalación de paquetes                         | 13 |  |  |  |  |  |
|   |               | 2.2.2  | Aplicación del algoritmo Apriori                | 23 |  |  |  |  |  |

| 3 | Segunda parte |         |   |   |  |  |  |
|---|---------------|---------|---|---|--|--|--|
|   | 3.1           | Anális  | sis de descripción de datos                   | 2 |  |  |  |
|   |               | 3.1.1   | Formato del fichero de datos en CSV           | 2 |  |  |  |
|   |               | 3.1.2   | Lectura de un fichero de datos en formato CSV | 2 |  |  |  |
|   |               | 3.1.3   | Cálculos con matrices                         | 2 |  |  |  |
|   |               | 3.1.4   | Funciones en R                                | 3 |  |  |  |
|   |               | 3.1.5   | Primer análisis de los datos                  | 3 |  |  |  |
|   |               | 3.1.6   | Segundo análisis de los datos                 | 3 |  |  |  |
|   |               | 3.1.7   | Tercer análisis de los datos                  | 3 |  |  |  |
|   |               | 3.1.8   | Cuarto análisis de los datos                  | 4 |  |  |  |
|   | 3.2           | Anális  | sis de asociación                             | 4 |  |  |  |
|   |               | 3.2.1   | Instalación de paquetes                       | 4 |  |  |  |
|   |               | 3.2.2   | Creación de paquetes                          | 4 |  |  |  |
|   |               | 3.2.3   | Aplicación del algoritmo Apriori              | 5 |  |  |  |
| 4 | Cor           | nclusio | nes   | 5 |  |  |  |

# 1 Introducción

La Ciencia de los Datos es una nueva disciplina que permite obtener conocimiento a partir de los datos mediante métodos estadísticos y matemáticos. Permite descubrir correlaciones y causas entre los datos muy útiles en toma de decisiones en investigación científica u actividad de negocios.

En este documento se va a abordar uno de los grupos de áreas de conocimiento o  $Knowledge\ Area\ Groups\ (KAG)$  que pertenecen a la ciencia de datos, el análisis de datos o  $Data\ Science\ Analytics\ (DSA)$ .

Se centrará el estudio en grupos de datos pequeños aplicando el uso de la estadística para obtener información de ellos, aunque, en primer lugar, se plantearán problemas estadísticos simples para familiarizarse con el entorno de trabajo, R. En segundo lugar se usarán algoritmos para encontrar patrones de aparición conjunta en estos conjuntos de datos.

# 2 Primera parte

# 2.1 Análisis de descripción de datos

### 2.1.1 Directorio de trabajo

Para poder cargar un fichero .txt en un *script* o en el área de trabajo de la consola de R es imprescindible saber en qué directorio se encuentra el archivo que se quiere cargar, para ello primero habrá que averiguar cuál es el directorio de trabajo actual del proceso R.

El directorio de trabajo de un proceso R es el directorio o localización en el sistema donde se trabajará con los archivos del proceso (el historial de comandos y el espacio de trabajo), los archivos de funciones creadas y los archivos externos que se cargarán en el proceso (en este caso el archivo de texto "satélites.txt"). Para poder localizar el directorio de trabajo actual se utilizará el comando getwd(). Este comando devolverá la ruta absoluta del directorio de trabajo.

En caso de que se quiera cambiar la ruta del directorio de trabajo se utilizará el comando setwd(dir), donde dir será la ruta absoluta del directorio que se querrá utilizar en el área de trabajo. Una vez que se ha configurado el nuevo directorio de trabajo se podrá comprobar que es así con el comando anterior getwd() y se podrá visualizar el contenido de dicho directorio con list.files() que sin ningún argumento devolverá

un vector con los nombres de los archivos y directorios contenidos en el directorio de trabajo. También se podrá utilizar dir() [7]. Ambos comandos cuentan con los siguientes argumentos: path que es la ruta del directorio del que se quiere listar los archivos (getwd()) por defecto); pattern, una expresión regular opcional; all.files que es un valor lógico que indica si se quiere ver también los archivos no visibles; full.names que es un valor lógico que indica si los archivos que se van a listar se muestran con su ruta en el directorio; recursive que indica si el listado recurre a directorios; ignore.case indica si los patrones son case include.dirs indica si los nombres de los subdirectorios estan incluidos en el listado recursivo; include.dirs indica si ".." y "." son excluidos del listado no recursivo.

Un ejemplo del listado del directorio de trabajo sería el siguiente:

### 2.1.2 Formato del fichero de datos

El fichero de texto que se leerá será satélites.txt y se creará de la siguiente manera:

El archivo contiene una primera fila en la que se establecen los tipos de datos que se van a mostrar en cada columna, en este caso la primera columna no tendrá nombre pues solo se indicará el número de fila del satélite indicado; la segunda columna será "Nombre" (el nombre del satélite) es decir un dato cualitativo; y la tercera y última columna será "Radio" (el radio del satélite) es decir un dato cuantitativo continuo. Las demás filas representarán a cada uno de los satélites con los datos que se han descrito anteriormente. La separación de las columnas se hace mediante las tabulaciones. También es importante que el archivo sea guardado en codificación ANSI para que a la hora de ser cargado por R se puedan mostrar los caracteres con tilde.

Para una mejor visualización, en la Figura 1 se puede observar el uso de las tabulaciones, que se marcan con una flecha, y los saltos de línea, que aparecen en forma de etiqueta con los caracteres "CRLF".

## 2.1.3 Lectura de un fichero de datos en formato tabla

Para poder leer un fichero txt R ofrece la función read.table [7] cuyos argumentos más importantes son file que es el nombre del archivo en formato string o su ruta absoluta; header que se establecerá al booleano TRUE o FALSE dependiendo de si se quiere mostrar el encabezado del archivo; sep para indicar el carácter que separe las columnas del archivo; o dec para indicar el carácter utilizado para los puntos decimales, entre otros argumentos más que permite utilizar la función. Esta función leerá el archivo en formato de tabla y creará un data frame de los datos del archivo. Estos data frames son una clase de objetos R que representan estructuras de datos de dos dimensiones cuyos datos pueden ser de diferentes tipos.

Para poder guardar el data frame creado se puede utilizar una variable, para ello se asociará la variable nueva con el comando de read.table mediante el uso de "=" o de " $\leftarrow$ ". Si se utiliza el comando con solo el nombre del archivo como argumento, el contenido de la variable será el siguiente.

```
> s<-read.table("satelites.txt")
> s
         Nombre Radio
       Cordelia
1
                    13
2
         Ofelia
                    16
3
         Bianca
                    22
4
        Crésida
                    33
5
      Desdémona
        Julieta
                    42
```



Figure 1: Formato del fichero satélites.txt.

```
7
      Rosalinda
                     27
8
        Belinda
                    34
9
  Luna-1986U10
                     20
10
       Calíbano
                     30
     Luna-999U1
11
   Luna-1999U2
                     15
```

Se puede observar que el data frame creado muestra el contenido del txt lo más parecido al formato del archivo de texto ya que al pasar solo como argumento el nombre del archivo se han dejado por defecto los demás como el header que al ser TRUE por defecto se muestra la primera fila con los nombres de los datos de cada columna y que actuarán como variables para poder trabajar con los datos de forma separada. El argumento sep al ser por defecto "" es decir el espacio en blanco pues se establece que el separador de las columnas es más de un espacio en blanco por lo que en caso de que por ejemplo un nombre de un satélite contenga dos palabras pues se hubieran separado en dos columnas lo que resultaría en una fila con cuatro columnas y no se cumpliría el formato establecido.

Se pueden realizar unos ejemplos con los argumentos de *read.table* para ver que cambios o errores se producen en la carga del fichero.

Si el header se establece a FALSE se produce un error en el escaneado pues la primera fila al no tener tres elementos como las demás ya se establece como el encabezado del archivo por lo que indicar que no hay encabezado se quiere dejar a entender que todas las filas tienen el mismo número de elementos, afirmación que es falsa.

```
> s<-read.table("satelites.txt",header = FALSE)
Error in scan(file = file, what = what, sep = sep, quote = quote,
    dec = dec,: line 1 did not have 3 elements</pre>
```

Si el separador de columnas se establece al tabulador el formato del *data frame* cambia y se muestra una nueva columna "X" cuyos valores son también el número de fila

```
> s<-read.table("satelites.txt",header = TRUE,sep="\t")
> s
    X
             Nombre Radio
           Cordelia
2
             Ofelia
    2
3
    3
             Bianca
                        22
4
    4
            Crésida
                        33
5
    5
          Desdémona
                        29
6
    6
            Julieta
                        42
          Rosalinda
                        27
8
    8
            Belinda
                        34
    9 Luna-1986U10
                        20
10 10
          Calibano
                        30
        Luna-999U1
11 11
                        20
12 12
       Luna-1999U2
                        15
```

### 2.1.4 Cálculos con matrices

El  $data\ frame$  creado anteriormente con la función read.table() y guardado en la variable s se organiza en una matriz de datos con la que se podrá trabajar utilizando diferentes funciones que nos ofrece R.

Como ejemplo se han utilizado cuatro funciones que influyen en todos los datos de la matriz, estas son dim(), order(), rev() y length() [7].

La función dim() devuelve las dimensiones de un objeto R como una matriz, un array o un data frame. Recibe como argumento el objeto R y el valor que devuelve puede ser guardado en una variable. Dicho valor puede ser un objeto NULL, un entero o un vector de enteros, dependiendo del tipo y contenido del objeto R del argumento. En caso de los data frame y matrices se mostrará el número de filas y columnas de estos.

Aplicando la función en la variable s se mostrará lo que se puede ver a continuación:

```
> dim(s)
[1] 12 2
```

Como se puede observar los datos del *data frame* se distribuyen en doce filas y dos columnas.

La función order() ordena un vector de datos de manera ascendente o descendente mediante un método de ordenación. Sus argumentos son el objeto R que se quiere ordenar; na.last que controla el orden de los datos perdidos o NAs, TRUE si se quieren colocar últimos y FALSE si se quieren colocar los primeros; decreasing si el orden va a ser descendente estableciéndolo a TRUE; y method que indica el método de ordenación que se va a utilizar (auto, shell, quick y radix). Si sólo se le pasa como argumento el vector lo ordena de manera ascendente y con el método automático por defecto (radix en caso de valores enteros). La función devuelve un vector con los índices del vector pasado como argumento ordenados.

Con los datos de los satélites se puede utilizar el radio de estos para ordenarlos de menor a mayor y guardarlo en un nuevo  $data\ frame.$ 

Para ello primero se guardará en una variable los radios de los satélites de la siguiente manera:

```
> radio = s$Radio
> radio
[1] 13 16 22 33 29 42 27 34 20 30 20 15
```

Si se quiere ver los índices de los datos ordenados de forma ascendente se utilizará la función tal cual pero para crear el nuevo *data frame* de los satélites ordenados por el radio se realizará de la siguiente manera:

```
> order(radio)
     1 12 2 9 11 3 7 5 10 4 8 6
Г17
> so = s[order(radio),]
> so
         Nombre Radio
1
       Cordelia
                    13
12 Luna-1999U2
2
         Ofelia
  Luna-1986U10
     Luna-999U1
11
                    20
3
         Bianca
                    22
7
      Rosalinda
                    27
5
      Desdémona
                    29
10
       Calibano
                    30
4
        Crésida
                    33
8
        Belinda
                    34
        Julieta
```

Tal como se puede ver los satélites ya están ordenados por su radio

La función rev() devuelve una versión invertida del argumento que se le pase. Dicho argumento puede ser un vector u otro objeto que permita su versión invertida.

Para el caso de los satélites se puede crear un *data frame* con éstos ordenados por sus radios de forma inversa, es decir, ordenados de mayor a menor radio. Para ello se puede realizar lo siguiente:

```
> sor = s[rev(order(radio)),]
> sor
         Nombre Radio
6
        Julieta
8
        Belinda
                    34
4
        Crésida
                    33
10
       Calibano
                    30
5
      Desdémona
                    29
      Rosalinda
                    27
3
         Bianca
                    22
     Luna-999U1
                    20
11
  Luna-1986U10
                    20
         Ofelia
12
   Luna-1999U2
                    15
       Cordelia
```

La función rev() recibe como argumento el vector con los índices ordenados de menor a mayor. La función devuelve los índices ordenados de mayor a menor que pasado a la variable del *data frame* de los satélites devuelve el nuevo *data frame* que se muestra anteriormente.

La función length() devuelve un entero de la longitud de un vector de elementos u objeto R pasado como argumento. A diferencia de la función dim(), length() sirve para obtener la dimensión de objetos unidimensionales, en caso de que se utilice la función en un objeto de dos dimensiones (array o matriz) solo se mostrará la longitud de una de las dimensiones (en el  $data\ frame$  de los satélites se muestra el número de columnas).

Por ejemplo la longitud del vector de radios sería la siguiente:

```
> length(radio)
[1] 12
```

#### 2.1.5 Funciones en R

En el anterior apartado vimos las matrices, a continuación, explicaremos tres funciones de R: function(), dump(), source() [7]. Se verá que relación hay entre ellas.

La función function() define nuevas funciones en el lenguaje R. La creación de una nueva función tiene la siguiente pinta:

```
variable = function(parámetro/s){código de la función}
    Ejemplo:
> rango = function(x){max(x) - min(x)}
```

La función range() en R muestra el valor mínimo y máximo del vector pasado por parámetro, pero no calcula su rango. Con este código se consigue crear una función llamada rango() que calcula el rango (máximo - mínimo) para un vector dado.

```
> rango(radio)
[1] 29
```

Nota: Si no se guarda la función, solo se podrá usar durante la sesión de creación. La función dump() permite salvar una función o script en un archivo que se crea en el directorio de trabajo si no se especifica una ruta. Algunos de sus argumentos son los siguientes: list: vector de caracteres. Los nombres de uno o más R objetos que

se van a volcar; *file*: cadena de caracteres que nombra un archivo o una conexión. "" indica una salida a la consola; *append*: lógico. Si es *TRUE* y *file* es una cadena de caracteres, la salida se agregará a file, de lo contrario, sobrescribirá los contenidos de file; *control*: vector de caracteres que indica las opciones de análisis; *envir*: el entorno para buscar objetos.

El próximo código añade la función rango() en el fichero rango.R:

```
> dump("rango", file = "rango.R")
```

En R hay 3 tipos de extensiones de fichero:

- .R (programas)
- .RDATA (variables)
- .RHISTORY (instrucciones)

La función source() permite abrir y ejecutar scripts en R pasándole como argumento la ruta, entre comillas, del archivo en el dispositivo. R lee todo el archivo y se analiza las expresiones que se evalúan secuencialmente en el entorno elegido. Algunos argumentos de la función source(): file: una conexión o una cadena de caracteres que proporciona el nombre de la ruta del archivo o URL para leer. "" indica la conexión stdin(); local: TRUE, FALSE o entorno, determinando dónde están las expresiones evaluadas. La opción FALSE (el valor predeterminado) corresponde al espacio de trabajo del usuario y TRUE al entorno desde el que se llama al source; echo: lógico. Si es TRUE, cada expresión se imprime después del análisis, antes de la evaluación; verbose: Si es TRUE, se imprimen más diagnósticos (además de echo = TRUE) durante el análisis y evaluación de la entrada, incluida información adicional para cada expresión; chdir: lógico. Si es TRUE y el archivo es un nombre de ruta, el directorio de trabajo de R está temporalmente cambiado al directorio que contiene el archivo para evaluar; encoding: vector de caracteres. Las codificaciones que se deben asumir cuando el archivo es una cadena de caracteres.

El código siguiente permite recuperar la función rango() antes creada, en la sesión que se requiera:

```
> source("rango.R")
```

### 2.1.6 Primer análisis de los datos

En este apartado se empieza con el primer análisis. Primero se explicará los conceptos teóricos para luego entrar en profundidad en las funciones vistas en R, de tal forma que se pueda comprobar que los resultados dados son los mismos que se han visto en clase de teoría.

Empezando con el cálculo de la frecuencia absoluta  $f_i$  de los datos, que es el número de apariciones de un dato.

```
f_i = n\'umero de apariciones de un dato
```

Para hacerlo en R se calcula con una función llamada table() y se le indica qué variable se quiere calcular la frecuencia absoluta. En este caso se hace con el radio del fichero satelites.txt que ya ha sido cargado en secciones anteriores.

Se guarda en la variable fabsr y se muestra los resultados como se puede ver a continuación:

```
> fabsr = table(s$Radio)
> fabsr
radio
13 15 16 20 22 27 29 30 33 34 42
1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1
```

Todos los valores tienen uno como frecuencia, excepto el 20 que son dos. Como argumento para table() se le puede pasar uno o más objetos o una lista.

Lo siguiente es calcular la frecuencia acumulada absoluta  $f_{ai}$ , que es la suma de las frecuencias absolutas de todos los datos inferiores al dato más la del dato.

$$f_{ai} = \sum_{i=1}^{m} f_i$$

En R se usa la función cumsum() y se va a aplicar a la frecuencia absoluta de radio cuya variable se ha definido anteriormente como fabsr. El único argumento que se le puede pasar es un objeto numérico o complejo, o también un objeto que pueda ser convertido a uno de estos.

> faacumr = cumsum(fabsr)
> faacumr
13 15 16 20 22 27 29 30 33 34 42
1 2 3 5 6 7 8 9 10 11 12

Como se ve en los resultados, la primera sale uno, el segundo dos, etc... pero si se observa con el 20, al tener dos valores, aparece un cinco. También importante que el último valor indica el número total de valores, que en este caso es doce.

Para la frecuencia relativa  $f_{ri}$  es la frecuencia absoluta de un dato divida entre el número de datos.

$$f_{ri} = rac{f_i}{n\'amero\,total\,de\,elementos}$$

En R no hay una función para realizar el cálculo, pero con lo visto en los apartados anteriores, es fácil definir una propia función usando table() y length() para que calcule la frecuencia relativa.

```
> frel = function(x){table(x) / length(x)}
> dump("frel", file = "frecrel.R")
```

La función frel() tiene como entrada el argumento x que es pasado a table() siendo el numerador para obtener la frecuencia absoluta y en el denominador también es pasado el argumento a length() que es el número total de datos de x. Por último, se guarda en un fichero llamando a la función dump() que ha sido ya explicada en la sección  $Funciones\ en\ R$ .

Para probar la nueva función, se le pasa a x como el radio de satélites y se aplica la función.

Si se comprueba los resultados, se ve que cada uno da 0.083, excepto el 20 que es el doble y da 0.16.

Para el calculo de la frecuencia acumulada relativa  $f_{rai}$  hacemos la suma de las frecuencias relativas.

$$f_{rai} = \sum_{i=1}^{m} f_{ri}$$

Esto en R es tan sencillo como volver a usar cumsum() pero le pasamos como parámetro la variable frelr de haber calculado antes la frecuencia relativa del radio de satélites.

> fracumr = cumsum(frelr)

> fracumr

0.66666667 0.75000000 0.83333333 0.91666667 1.00000000

Como se puede observar, la acumulada relativa va subiendo y al igual que ocurre en la absoluta, que el último número más alto debería darnos el número total de valores, aquí en la relativa debe dar uno.

# 2.1.7 Segundo análisis de los datos

El segundo análisis de los datos consiste en el cálculo de la media aritmética.

Como en el primer análisis, primero se explicará el concepto teórico para verificar que los resultados coinciden con los que ofrecen las funciones en R a utilizar.

La media aritmética consiste en el valor numérico que se obtiene el sumar los valores de todos los datos de una muestra y dividirlo entre el número total de datos.

$$\overline{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n}$$

Existe una segunda fórmula en la que se hace referencia a la frecuencia de clase  $f_i$ , es decir, el número de veces que aparece un dato en la muestra.

$$\overline{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} f_i \cdot x_i}{n}$$

En R se utiliza la función mean() que realiza una media aritmética ajustada. Los argumentos de esta función son un objeto R que suele ser un vector de datos numéricos; el trim o valor de ajuste que está comprendido entre 0 y 0.5; na.rm que indica en un valor lógico si se van a eliminar los datos desaparecidos; y otros argumentos pasados de otros métodos.

Por ejemplo, si utilizamos la función con un solo argumento, el radio de los satélites, se realizará una media aritmética sin ajuste de estos datos.

> mean(radio)
[1] 25.08333

Al realizar el cálculo manualmente con una de las fórmulas descritas anteriormente se puede comprobar que el resultado coincide con el que muestra la función R.

### 2.1.8 Tercer análisis de los datos

El tercer análisis de los datos consiste en el cálculo de las medidas de dispersión. En este caso, se explicará el uso de la desviación típica, la varianza y el rango. Todas ellas se usan para el cálculo de la dispersión absoluta, la desviación y la varianza para la media y el rango para las medidas de ordenación.

En primer lugar, la desviación más utilizada es la típica. Para obtener su valor, se usa la siguiente formula matemática:

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2}{n}} = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{m} f_j (x_j - \bar{x})^2}{\sum_{j=1}^{m} f_j}}$$

En R, la desviación típica se calcula con la función sd() ( $Standard\ Deviation$ ). Esta función calcula la desviación estándar de los valores que se le pasa por parámetro. Puede ser un vector numérico o un objeto R.

Un ejemplo aplicado a los datos obtenidos del fichero anterior es este:

```
> sdr = sd(radio)
> sdr
[1] 8.857029
```

Por otro lado, la varianza es la media de las desviaciones cuadráticas de una variable aleatoria, referidas al valor medio de estas. Se calcula mediante la siguiente fórmula:

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \bar{x})^{2}}{n} = \frac{\sum_{j=1}^{m} f_{j} (x_{j} - \bar{x})^{2}}{\sum_{j=1}^{m} f_{j}}$$

La función var() es la que se usa en R para calcular la varianza. Los argumentos pueden ser un vector o matriz compleja. Su ejecución es la siguiente:

```
> varr = var(radio)
> varr
[1] 78.44697
```

Si se aplica la fórmula teórica descrita anteriormente en ambos casos, ya sea la desviación típica o la varianza, el resultado no saldrá el mismo valor que el obtenido a través de las funciones de R. Esto se debe a que R en vez de dividir la fracción entre n, la divide entre n-1. Quiere decir que se está tomando la definición de la desviación típica y de la varianza para poder ser empleadas con la población y hacer inferencia estadística. Las formulas que se usan en inferencia son estas:

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2}{n-1}}$$

Figure 2: Desviación típica para inferencia

$$s^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_{i} - \bar{x})^{2}}{n-1}$$

Figure 3: Varianza para inferencia

Cuando se usa en estos casos, las formulas con el denominador n-1 son menos cerradas, dan mejores resultados, que las del denominador n. Como en el ejemplo de este documento se hace estadística descriptiva y no inferencia, es más adecuado hacerlo entre n, que es más correcto. Entonces las ejecuciones de R anteriores se tienen que ajustar de forma que el resultado sea el mismo que usando la formula estadística. Para ello se hacen los siguientes cambios:

```
> sdr = sqrt((sdr^2) * 11 / 12)
> sdr
[1] 8.47996
> varr = varr * 11 / 12
> varr
[1] 71.90972
```

Por último, el rango es otro cálculo para obtener la dispersión absoluta. El rango es la diferencia entre el mayor valor y el menor valor de los que se disponen.

$$v_{sup} - v_{inf}$$

En R no hay ninguna función que lo calcule, entonces se obtiene haciendo operaciones.

```
> rangor = max(radio) - min(radio)
> rangor
[1] 29
```

Como no hay una función que calcule el rango, se puede definir una función que lo calcule. Esta función sería la siguiente:

```
> rango = function(x){max(x) - min(x)}
    La llamada a esta función es:
> rango(radio)
[1] 29
```

#### 2.1.9 Cuarto análisis de los datos

Las medidas de ordenación son la mediana y los cuantiles.

El objetivo de este análisis es ordenar los datos por orden de magnitud, esto es aplicable a medidas cuantitativas. La ordenación permite hacer un nuevo análisis de los datos.

La mediana es el elemento central de una serie ordenada de valores crecientes de forma que la divide en dos partes iguales, superiores e inferiores a él.

Hay dos métodos para calcular la mediana: sin agrupar los datos y agrupando los datos en clases. Nos centraremos en el primer método porque fue el que se vio en clase. Este tiene en cuenta si el total de datos es par o impar.

```
• Si n es par: \tilde{x} = \frac{x_{n/2} + x_{(n/2)+1}}{2}
```

• Si n es impar, es el valor central:  $\tilde{x} = x_{(n+1)/2}$ 

En R se utiliza la función median() que realiza la mediana del vector o objeto de R pasado como parámetro. El parámetro x: indica la variable sobre la cual se desea hacer el cálculo; na.rm: lógico. Indica si los valores NA (no disponibles) deben eliminarse antes del cálculo producto.

A continuación, se muestra la mediana del vector radio:

```
> medr = median(radio)
> medr
[1] 24.5
```

La función median() en este caso recibe como argumento el vector numérico radio y determina el elemento central de este.

Los cuantiles son los elementos que permiten dividir un conjunto ordenados de datos en un conjunto de partes de igual tamaño. Pueden ser cuartiles, deciles y percentiles. La observación más pequeña corresponde a una probabilidad de 0 y la más grande a una probabilidad de 1.

Los cuantiles se calculan de la siguiente manera:

```
• Si nc \notin \mathbb{N} : \tilde{x}_{c,d,p} = x_{\lceil nc+1 \rceil} [nc] parte entera de nc
```

• Si 
$$nc \in \mathbb{N} : \tilde{x}_{c,d,p} = \frac{x_{nc} + x_{nc+1}}{2}$$

En R se utiliza la función quantile() [7] que realiza la mediana del vector o objeto de R pasado como parámetro. El parámetro x: vector numérico cuyos cuantiles de muestra se deseen o un objeto de una clase para el que se ha definido un método; na.rm: lógico. Si es verdadero, cualquier NA y NaN se eliminan de x antes de que se calculen los cuantiles; probs: vector numérico de probabilidades con valores entre 0 y 1.

Los cuartiles son los elementos de una serie ordenada de valores crecientes de forma que la dividen en cuatro partes iguales (c =  $\frac{1}{4}$ ,  $\frac{2}{4}$ ,  $\frac{3}{4}$ ). El valor  $\frac{2}{4}$  es igual a la mediana. La función *quantile()* recibe como parámetro el vector radio y el valor cuartil que se desea (0.25, 0.5 o 0.75), devolviendo el número que se encuentra en el cuartil correspondiente.

```
> cuar1r = quantile(radio, 0.25)
> cuar1r
25%
    19
> cuar2r = quantile(radio, 0.5)
> cuar2r
50%
24.5
> cuar3r = quantile(radio, 0.75)
> cuar3r
75%
30.75
```

Los deciles son los elementos de una serie ordenada de valores crecientes de forma que la dividen en diez partes iguales. Un ejemplo de ello sería el cuartil 0.5. Los percentiles son los elementos de una serie ordenada de valores crecientes de forma que la dividen en cien partes iguales.

Se muestra, a continuación, el valor que se encuentra en el percentil 54:

```
> perc54r = quantile(radio, 0.54)
> perc54r
54%
26.7
```

## 2.2 Análisis de asociación

### 2.2.1 Instalación de paquetes

Para saber cómo instalar paquetes, lo primero es tener conocimiento de qué paquetes tiene R ya instalados. Para visualizar esto se usa la instrucción getOption() con el argumento "defaultPackages".

```
> getOption("defaultPackages")
[1] "datasets" "utils" "grDevices" "graphics" "stats" "methods"
```

Además de los seis paquetes que aparecen, hay uno más que es el paquete base. Este es el núcleo de R, el paquete que permite funcionar. Luego se cargan los seis paquetes adicionales para cualquier ejecución de R.

Para saber lo que hay en cada paquete, se puede usar la función library() añadiendo en sus argumentos help seguido del paquete que se quiere saber las funciones que tiene. Se abre una ventana nueva que indica qué funciones tiene ese paquete del que se está pidiendo la información. Un ejemplo de esta ejecución es la siguiente:

# > library(help="base")

El paquete datasets contiene conjuntos de datos que ya están previamente cargados por defecto en R y sobre los que se puede trabajar.

El paquete *utils* contiene una colección de funciones de utilidad. Por ejemplo, la función *help* se encuentra en este paquete.

El paquete grDevices admite funciones con gráficos y cuadrículas.



Figure 4: Funciones del paquete base.

El paquete graphics es el primer paquete que ofrece R sobre gráficos. Cuando se hacen gráficos básicos este paquete es suficiente para trabajar. Si se trabaja más seriamente con gráficos, harán falta otros paquetes como puede ser ggplot2, que es muy utilizado.

El paquete *stats* es el primer paquete un poco más amplio pero que viene en el paquete básico sobre estadística que permite hacer análisis estadísticos aún más complicados. Dentro de este paquete se encuentra la función *median*. La función *mean* no aparece en este paquete y se encuentra en el paquete *base* ya que es más conocida y más utilizada.

El paquete *methods* tiene que ver con la programación orientada a objetos ya que R intenta hacer un entorno de lenguaje de programación orientada a objetos y en este paquete se encuentran las herramientas para poder enfocarlo desde esta perspectiva.

Estos son los siete paquetes que se cargan por defecto, el paquete base y otros seis. Además de estos, existen los paquetes que están en la librería estándar de datos.

La librería estándar es la librería que desde la Fundación R consideran que es el conjunto de paquetes más importante, más utilizado, que más habitualmente se maneja.

La librería estándar se carga por defecto cuando se carga R para poder trabajar más fácilmente con ella. Para consultar los paquetes que se encuentran en la librería estándar se usa *library()* sin ningún argumento. Ello proporciona un listado de los paquetes que hay en la librería estándar como se puede ver en la Figura 5.

### > library()

Entre estos veintitres paquetes, se puede encontrar el paquete base. Dentro de la librería estándar también aparecen los siete paquetes que se cargan por defecto en R.

Se encuentra además el paquete boot que contiene funciones de análisis de datos basadas en resampling, conocidos como "métodos de Bootstrap".

Está el paquete class que contiene funciones de clasificación no supervisada.

El siguiente es *cluster* que ofrece funciones de clasificación no supervisada pero basada en clústeres.

El paquete codetools ofrece funciones de análisis de código en R.

Los siguientes son *compliler* que es el compilador de R, *foreign* que es un paquete muy famoso y muy utilizado que permite importar datos de otras bases de datos que no

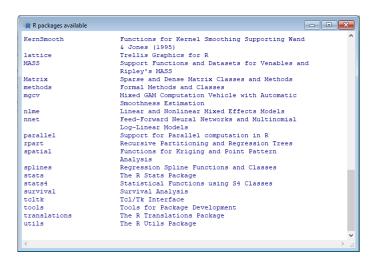


Figure 5: Funciones de la librería estándar.

sean datos básicos, el paquete *grid* tiene funciones para hacer gráficos en cuadrícula y *KernSmooth* que permite funciones de estimadores no paramétricos basados en kernel.

También está lattice usado para hacer gráficos. Es un paso más allá del paquete graphics aunque el paquete ggplot2, que no está en la librería estándar, se usa más que lattice en gráficos.

El siguiente es MASS que contiene funciones y conjuntos de datos de un libro específico que era el libro básico de S y sobre el que se construyó R. Es un paquete histórico.

Los próximos paquetes son Matrix que contiene funciones para controlar matrices, mgcv que tiene funciones para tratar modelización realizada con modelos generalizados aditivos (GAM), nlme que son modelos lineales y no lineales, nnet ofrece funciones para tratar clasificación supervisada y Feed-Forward Neural Networks y parallel incluye funciones para soportar computación paralela en R, muy útil en BigData.

Otros paquetes son rpart que contiene funciones igualmente para hacer clasificación supervisada, spatial que tiene funciones para realizar análisis basado en patrones de puntos, splines que contiene funciones para trabajar con Regression Spline, stats4 con funciones estadísticas utilizando clases de S4 que se usa en estadística pura y survival que contiene funciones y bases de datos para tratar estadística aplicada a la salud, investigación y tratamientos.

El siguiente es muy específico, *tcltk*. Tiene interfaces para poder hacer aplicaciones con R, para interfaz web, etcétera.

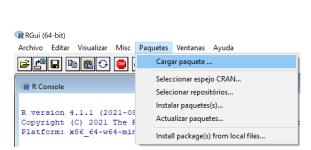
Finalmente, tools para la realización de paquetes, con funciones y herramientas para el desarrollo de paquetes y translations que contiene la traducción de los anteriores.

Después de esta pequeña visión general de la librería estándar, hay que saber cómo cargar un paquete de esta librería. Hay dos caminos:

- Se puede realizar desde el menú Paquetes > Cargar paquete ... y elegir uno de los paquetes que ya está en la librería estándar.
- 2. Desde la ventana de comandos, usar *library()* con el nombre del paquete que se pretende cargar.

### > library(foreign)

Para consultar qué paquetes hay cargados, se utiliza search().





(a) Menú RGui.

(b) Seleccionar paquete.

Figure 6

Antes aparecían los paquetes por defecto pero ahora también se ha añadido el paquete cargado. Esta forma de cargar los paquetes solo sirve para los paquetes que ya se encuentran en la librería.

Obviamente, hay muchos más paquetes que se pueden cargar a parte de los 23 que se encuentran ya en la librería estándar. Para cualquier problema que se pretenda resolver se necesita saber cómo cargar paquetes que no se encuentran en la librería estándar. Estos paquetes se encuentran en el CRAN y hay varias formas de realizar esta carga e instalación.

La primera se realiza desde el menú Paquetes de la R Gui en la opción de Seleccionar repositorios... .

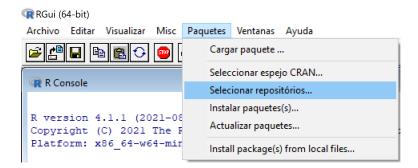


Figure 7

Se elige el repositorio del que se quiere obtener los paquetes. Las opciones que aparecen son CRAN, BioC software, BioC annotation, BioC experiment, CRAN (extras), R-Forge y rforge.net.

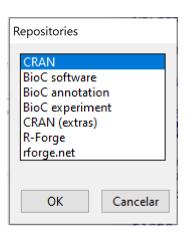


Figure 8

En este caso, para instalar paquetes se usará el repositorio de CRAN. A continuación, en el mismo menú de antes se selecciona la opción Instalar paquete(s)... y se abre una ventana que es un *mirror* donde se elige de dónde se quiere instalar los paquetes. Se elige *Spain (Madrid) [https]* como se muestra en la Figura 9.



Figure 9

Luego, aparece otra ventana donde aparecen los paquetes que están en el CRAN a través del mirror seleccionado. Se elige el paquete deseado. Se puede observar los paquetes que se ofrecen en la Figura 10.

Una vez elegido el paquete, éste no se instala en la librería estándar, por lo tanto, puede aparecer una ventana donde se pregunta si se acepta que el paquete se instale en una librería personal y se muestra el directorio de esa librería. Finalmente, se instala el paquete y sus dependencias, es decir, otros paquetes que necesite para funcionar. Las dependencias se suelen instalar automáticamente con el paquete. Entonces, al entrar

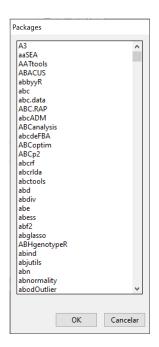


Figure 10

al directorio de instalación, además del paquete que se ha querido instalar aparecerán más paquetes correspondientes a sus dependencias.

Cuando se utilizaban los paquetes de la librería estándar, había que cargarlos antes de usarlos. Hasta ahora solo se ha visto la instalación de un paquete, es decir, descargarlo a un directorio local pero no se encuentra en la sesión de la RGui que se encuentra funcionando. Para cargar el paquete se escribe *library()* con el paquete que se desea cargar. Se comprueba con *search()* que se ha cargado correctamente.

```
> library(LearningRlab)
Loading required package: magick
Linking to ImageMagick 6.9.12.3
Enabled features: cairo, freetype, fftw, ghostscript, heic, lcms, pango,
raw, rsvg, webp
Disabled features: fontconfig, x11
Loading required package: crayon
> search()
 [1] ".GlobalEnv"
                             "package:LearningRlab"
                                                    "package:crayon"
 [4] "package:magick"
                             "package:foreign"
                                                    "package:stats"
 [7] "package:graphics"
                             "package:grDevices"
                                                    "package:utils"
[10] "package:datasets"
                             "package:methods"
                                                    "Autoloads"
[13] "package:base"
```

Otra manera de instalar paquetes, es usando la función install.packages() con el argumento del paquete que se desea instalar entre comillas, como se observa a continuación:

# > install.packages("LearningRlab")

Otra forma de realizar lo mismo que anteriormente, pero con más control sobre lo que ocurre, es ir a la página web del paquete y descargarlo desde ahí.

Se accede a https://cran.r-project.org/, se pulsa Packages en el menú situado a la parte izquierda y se busca el paquete deseado ya sea ordenado por fecha de publicación (Table of available packages, sorted by date of publication) u ordenado por nombre (Table of available packages, sorted by name). Estos pasos se pueden observar en la Figura 11 y 12.



Mirrors What's new? Task Views Search

About R R Homepage The R Journal

Software R Sources R Binaries Packages Other

Documentation <u>Manuals</u> FAQs

Available Packages

Currently, the CRAN package repository features 18369 available packages

Table of available packages, sorted by date of publication

Table of available packages, sorted by name

(a) Menú CRAN.

(b) Opciones Packages.

Figure 11

Available CRAN Packages By Name

ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ

Accurate, Adaptable, and Accessible Error Metrics for Predictive Models <u>aaSEA</u> Amino Acid Substitution Effect Analyser AATtools Reliability and Scoring Routines for the Approach-Avoidance Task ABACUS Apps Based Activities for Communicating and Understanding Statistics <u>abbyyR</u> Access to Abbyy Optical Character Recognition (OCR) API abc abc.data Tools for Approximate Bayesian Computation (ABC) Data Only: Tools for Approximate Bayesian Computation (ABC) ABC.RAP Array Based CpG Region Analysis Pipeline <u>abcADM</u> Fit Accumulated Damage Models and Estimate Reliability using ABC **ABCanalysis** Computed ABC Analysis

ABCDE\_FBA: A-Biologist-Can-Do-Everything of Flux Balance Analysis with this package abcdeFBA

ABCoptim Implementation of Artificial Bee Colony (ABC) Optimization ABCp2 Approximate Bayesian Computational Model for Estimating P2 abcrf Approximate Bayesian Computation via Random Forests

Figure 12: Paquetes ordenados por nombre.

En la página web del paquete debe aparecer toda la información relacionada con él, es decir, la página es el paquete en sí. En esta página está compuesta por la siguiente información (Figura 13):

- Version: la última versión que hay del paquete.
- Depends: versión de R más reciente que necesita para funcionar.
- Imports: otros paquetes que se deben descargar para que el paquete funcione.
- Suggests: paquetes que se sugiere su carga para sacar más potencia del paquete.
- Enhances: otros paquetes que sirven para mejorar el paquete.

- Published: fecha de publicación de la última versión.
- Author: autores, personas que lo hacen o mejoran.
- Maintainer: persona que tiene el control sobre el paquete.
- BugReports: para reforzar en caso de que se encuentren fallos.
- License: licencia, ya que es un software libre.
- URL: página web del paquete.
- Needs Compilation: si necesita compilación.

ggplot2: Create Elegant Data Visualisations Using the Grammar of Graphics

- Citation: como se tiene que citar.
- Materials: documentación que se puede encontrar sobre el paquete.
- In views: más información sobre el paquete, agrupada por temas.
- CRAN checks: pruebas del paquete.

```
A system for 'declaratively' creating graphics, based on "The Grammar of Graphics". You provide the data, tell 'ggplot2' how to map variables to
aesthetics, what graphical primitives to use, and it takes care of the details
Depends:
                      R (\ge 3.3)
                      digest, glue, grDevices, grid, gtable (\geq 0.1.1), isoband, MASS, mgcv, rlang (\geq 0.4.10), scales (\geq 0.5.0), stats, tibble, with (\geq 2.0.0)
Imports:
Suggests
                      covr. ragg. dplyr. ggplot2movies. hexbin. Hmisc, interp. knitr. lattice. mapproj. maps. maptools. multcomp. munsell. nlme, profvis. quantrig, RColorBrewer, rgeos, rmarkdown, rpart, sf \ge 0.7-3), syglite (\ge 1.2.0.9001), testthat (\ge 2.1.0), ydiffr (\ge 1.0.0), xml2
Enhances
Published:
                      Hadley Wickham 🏮 [aut], Winston Chang 🏮 [aut], Lionel Henry [aut], Thomas Lin Pedersen 👵 [aut, cre], Kohske Takahashi
Author:
                      [aut], Claus Wilke [6] [aut], Kara Woo [6] [aut], Hiroaki Yutani [6] [aut], Dewey Dunnington [6] [aut], RStudio [cph, fnd]
                       Thomas Lin Pedersen <thomas.pedersen at rstudio.com>
BugReports:
                       https://github.com/tidyverse/ggplot2/issue
License:
                      MIT + file LICENSE
                      https://ggplot2.tidyverse.org, https://github.com/tidyverse/ggplot2
NeedsCompilation: no
                      ggplot2 citation info
Citation:
Materials
                      README NEWS
In views:
                      Graphics, Phylogenetics, TeachingStatistics
CRAN checks:
```

Figure 13: Ejemplo de paquete de CRAN (ggplot2).

Lo siguiente que aparece en la página web del paquete en CRAN es lo que alguien se puede descargar del paquete. Se divide en la siguiente información (Figura 14):

- $\bullet$   $Reference\ manual:$  manual de referencia donde aparecen todas las funciones.
- Vignettes: viñetas. Son pequeños manuales de cómo funciona el paquete.
- $\bullet$  Package source: código fuente del paquete.
- Windows binaries: paquete para instalar en Windows.
- macOS binaries: paquete para instalar en macOS.
- Old sources: antiguas descargas del paquete.
- Reverse depends: paquetes que tienen a este paquete como dependencia de uso.
- Reverse suggests: paquetes que tienen a este paquete como dependencia de sugerencia.

Para la tercera vía de instalación de un paquete, la vía manual, hay que descargar lo que se necesita para instalar el paquete. Es recomendable descargarse el manual y las viñetas para poder consultar cualquier información de interés sobre ese paquete cuando se necesite. Luego se descarga el programa del apartado *r-release* del sistema operativo correspondiente. Una vez descargado, ya se encuentra el paquete guardado

```
Documentation:
Reference manual: ggplot2.pdf
                      Extending ggplot2
Using ggplot2 in packages
                           thetic specifications
Downloads:
```

Package source: ggplot2\_3.3.5.tar.gz Windows binaries: r-devel: ggplot2\_3.3.5.zip, r-release: ggplot2\_3.3.5.zip, r-oldrel: ggplot2\_3.3.5.zip

macOS binaries: r-release (arm64): ggplot2 3.3.5.tgz, r-release (x86\_64): ggplot2 3.3.5.tgz, r-oldrel: ggplot2 3.3.5.tgz

ggplot2 archive

Figure 14: Ejemplo de paquete de CRAN (ggplot2).

de forma local, pero no instalado. Para instalarlo, se usa, como anteriormente, la función install.packages() pero ahora añadiendo la ruta del archivo comprimido que se ha descargado previamente. También hay que añadir a los argumentos la instrucción de que no busque ese paquete en ningún repositorio; esto se hace añadiendo repos=NULL despues de la ruta.

```
>install.packages("C:/tmp/ggplot2_3.3.5.zip", repos=NULL)
Installing package into 'C:/Users/Alumno/Documents/R/win-library/4.0'
(as 'lib' is unspecified)
package 'ggplot2' successfully unpacked and MD5 sums checked
```

El paquete se instala en la librería personal. Se carga el paquete en la ejecución de RGui que se esté usando con library().

```
> library(ggplot2)
```

```
Error: package or namespace load failed for 'ggplot2' in loadNamespace(i,
 c(lib.loc, .libPaths()), versionCheck = vI[[i]]):
 there is no package called 'gtable'
```

Al intentar cargar el paquete, pueden salir errores debido a que no están cargados los paquetes con los que tiene dependencias. Como ahora se ha elegido la forma manual de instalación de paquetes, no se han instalado por defecto sus dependencias y hay que instalar estos paquetes uno a uno de cualquiera de las 3 formas ya explicadas. Finalmente, una vez instaladas todas las dependencias, se cargará el paquete como en los casos anteriores.

```
> library(ggplot2)
Attaching package: 'ggplot2'
The following object is masked from 'package:crayon':
    %+%
```

Por último, se debe saber que se pueden añadir paquetes para que se carguen por defecto cada vez que se abra una sesión nueva de RGui. Se debe recordar que para ver los paquetes que se cargan por defecto, se usaba el comando getOption() con el argumento defaultPackages. Lo que se pretende conseguir es que, al ejecutar este comando, aparezcan más paquetes cargados por defecto directamente.

```
> getOption("defaultPackages")
[1] "datasets" "utils"
                            "grDevices" "graphics"
                                                    "stats"
                                                                 "methods"
```

Para conseguir esta meta, hay que modificar el profile de R. Este fichero se encuentra en la carpeta de instalación de la versión de R que se esté utilizando. A la hora de la instalación de R puede haberse elegido otra ruta pero, por defecto, en la versión 4.1.1 de R bajo Windows suele encontrarse en la ruta " $C:/Program\ Files/R/R-4.1.1/library/base/R$ ". En la carpeta library es donde está la librería estándar de R con los paquetes que lo hacen funcionar. Ahí aparece un listado de 23 carpetas con los paquetes que se tienen en la biblioteca estándar de R. Se accede a la carpeta correspondiente al paquete base y a la subcarpeta llamada R. Aquí ya se encuentra el fichero Rprofile donde está el perfil de R que se está utilizando y donde están las instrucciones de carga. Este fichero es el que va a ser modificado pero en la carpeta donde se encuentra no se van a poder guardar los cambios porque no se poseen los permisos necesarios para hacerlo, por lo tanto, se copia este fichero y se pega en otra localización donde sí se pueda modificar y guardar. Una vez allí, se abre el fichero con cualquier bloc de notas y ahí se encuentran todas las instrucciones que contiene Rprofile. El siguiente paso es localizar la zona del código donde aparecen los paquetes que se cargan por defecto. El código que se pretende encontrar es el siguiente:

En la tercera línea de esta zona de código, aparece la variable dp, con la sintaxis de R, que es un conjunto de datos correspondiente a los paquetes que se cargan por defecto al principio. Entonces, en esta variable, se añade el paquete deseado que tiene que estar previamente instalado. Por ejemplo, se añadirá el paquete foreign para que se cargue por defecto que, al pertenecer a la librería estándar, ya se encuentra instalado. Se añaden los paquetes deseados entre comillas y separados por comas. Una vez añadido el nuevo paquete, el código queda así:

Se guarda el fichero con la modificación, se cierra y se vuelve a copiar y pegar en el directorio de origen, reemplazando el anterior fichero por este nuevo. Luego, hay que ejecutar una nueva sesión de R para que los cambios se vean reflejados en la RGui. Para comprobar los cambios, se ejecuta otra vez la instrucción getOption() y se observa como aparece el nuevo paquete que se ha cargado por defecto.

```
> getOption("defaultPackages")
[1] "datasets" "utils" "grDevices" "graphics" "stats" "methods"
[7] "foreign"
```

Ahora se ha cargado por defecto el paquete *foreign*. Siempre que se ejecute ahora R, se carga *foreign* además de los que cargaba hasta este momento por defecto. Por lo tanto, modificando el fichero *Rprofile*, se puede definir qué paquetes se desea que se carguen por defecto al inicio de cualquier ejecución, tanto añadir como eliminar.

### 2.2.2 Aplicación del algoritmo Apriori

Una vez visto la instalación de paquetes en R, se explica la teoría del algoritmo Apriori y se aplica usando el paquete arules en R.

El algoritmo Apriori sigue un proceso que se divide en dos pasos:

- Identificación de las asociaciones frecuentes con el cálculo del Soporte. Cuando el algoritmo calcule el soporte se aprovecha que la medida es antimonótona, es decir, que si un suceso es frecuente y su soporte supera el umbral, todos los subconjuntos de dicho conjunto son también frecuentes.
- 2. Identificación de las asociaciones de confianza con el cálculo de la Confianza. El algoritmo usa una función llamada ap-genrules, que se basa en el siguiente teorema: si se tiene dos conjuntos A y B, si la asociación  $A \to B-A$  no supera el umbral de confianza, entonces cualquier asociación  $A' \to B-A'$ , donde A' es cualquier subconjunto de A tampoco supera el umbral de confianza.

A continuación, y ya visto la parte de teoría del algoritmo, se carga el paquete arules usando la función library(), que como argumento se le pasa el nombre de un paquete, ya sea dando el nombre directamente o como cadena de caracteres.

```
> library(arules)
Loading required package: Matrix
Attaching package: 'arules'
The following objects are masked from 'package:base':
    abbreviate, write
```

Si se observa, cuando se carga arules, también se avisa en la primera línea de la salida que se carga el paquete requerido Matrix.

Mediante search() se comprueba si los paquetes arules y Matrix se han instalado de forma correcta.

```
> search()
 [1] ".GlobalEnv"
                             "package:arules"
                                                     "package:Matrix"
                             "package:LearningRlab"
                                                     "package:crayon"
 [4] "package:ggplot2"
 [7] "package:magick"
                             "package:foreign"
                                                     "package:stats"
[10] "package:graphics"
                             "package:grDevices"
                                                     "package:utils"
[13] "package:datasets"
                             "package:methods"
                                                     "Autoloads"
[16] "package:base"
```

Ahora ya se puede empezar a resolver el ejercicio. Primeramente se introduce los valores de los sucesos de la muestra para trabajar con ello en R. Esto se puede hacer usando una matriz con valores binarios. Como se puede ver en la Tabla 1 en cada columna se representa los valores de los diferentes sucesos y en cada filas los valores de un suceso determinado, siendo un 1, si se da el suceso elemental, o en caso contrario, un 0, si no se da.

Se introduce esta matriz en R usando la función Matrix() de la siguiente manera:

|          | Pan | Agua | Café | Leche | Naranjas |
|----------|-----|------|------|-------|----------|
| Suceso 1 | 1   | 1    | 0    | 1     | 1        |
| Suceso 2 | 1   | 1    | 1    | 1     | 0        |
| Suceso 3 | 1   | 1    | 0    | 1     | 0        |
| Suceso 4 | 1   | 0    | 1    | 1     | 0        |
| Suceso 5 | 1   | 1    | 0    | 0     | 0        |
| Suceso 6 | 0   | 0    | 0    | 1     | 0        |

Table 1: Matriz correspondiente a la muestra observada

```
      suceso2
      1
      1
      1
      1
      .

      suceso3
      1
      1
      .
      1
      .
      .

      suceso4
      1
      .
      1
      1
      .
      .
      .
      .

      suceso5
      1
      1
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
      .
```

Se almacena la matriz en la variable muestra y en la función se introduce como valores una matriz multidimensional usando la función c() insertando las filas y dejando un espacio para que visualmente se vea las distintas filas. Después se le indica que la matriz tiene 6 filas y 5 columnas. El byrow=TRUE se indica para rellenar la matriz por filas, en caso contrario, se rellenaría por columnas. A continuación, se inserta el dimnames para ponerle los nombres, siendo una lista que se crea con el uso de list() que esta formada por dos vectores, siendo el primero los sucesos y el segundo son las cosas que se encuentran en la cesta de la compra. Todos estos valores se ponen entre comillas "" al tratarse de valores de tipo carácter. Por último, se inserta sparse=TRUE porque se busca que la matriz sea del tipo sparse, ya que sparse0 trabaja con una matriz dispersa de posiciones no cero, por lo que es necesario este atributo para luego convertir la matriz muestra a una sparse1 como se muestra a continuación usando la función sparse1.

- > muestrangCMatrix<-as (muestra, "nsparseMatrix")</pre>
- > muestrangCMatrix
- 6 x 5 sparse Matrix of class "ngCMatrix"

|         | Pan | Agua | Cafe | Leche | Naranjas |  |
|---------|-----|------|------|-------|----------|--|
| suceso1 | - 1 | - 1  |      | - 1   | 1        |  |
| suceso2 |     |      | - 1  | - 1   |          |  |
| suceso3 | - 1 |      |      | - 1   |          |  |
| suceso4 |     | •    | - 1  | - 1   | •        |  |
| suceso5 |     |      |      |       |          |  |
| suceso6 |     |      |      | - 1   |          |  |
|         |     |      |      |       |          |  |

Como se puede ver en el resultado, se trata de una matriz con rayas y puntos. Para esta función se ha pasado como argumentos el objeto R de muestra y la clase que se quiere convertir.

Ahora se debe transponer la matriz muestrang CMatrix usando la función t() para analizar los conjuntos de forma correcta.

- > transpmuestrangCMatrix<-t(muestrangCMatrix)
- > transpmuestrangCMatrix
- 5 x 6 sparse Matrix of class "ngCMatrix"

|      | suceso1 | suceso2 | suceso3 | suceso4 | suceso5 | suceso6 |
|------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| Pan  | - 1     | 1       | 1       | 1       | 1       |         |
| Agua | 1       | 1       | 1       | •       | - 1     |         |
| Cafe |         | 1       |         | 1       |         |         |

```
Leche
                       1
Naranjas
```

Quedando los sucesos como columnas y las cosas de la cesta en las filas. De tal forma que ya se puede determinar las posibles transacciones usando la función as() con el atributo transactions aplicado a la variable transpmuestrangCMatrix:

```
> transacciones<-as(transpmuestrangCMatrix, "transactions")
> transacciones
transactions in sparse format with
 6 transactions (rows) and
 5 items (columns)
   Lo que devuelve es que tiene 6 transacciones (sucesos) de 5 eventos. Si se quiere,
se puede hacer un resumen de las transacciones usando la función summary().
> summary(transacciones)
transactions as itemMatrix in sparse format with
 6 rows (elements/itemsets/transactions) and
 5 columns (items) and a density of 0.5666667
most frequent items:
     Pan
            Leche
                                Cafe Naranjas
                                               (Other)
                       Agua
       5
                          4
                                   2
                                            1
element (itemset/transaction) length distribution:
sizes
1 2 3 4
1 1 2 2
  Min. 1st Qu. Median
                            Mean 3rd Qu.
                                            Max.
          2.250
                  3.000
                                            4.000
  1.000
                           2.833
                                   3.750
includes extended item information - examples:
```

labels

- Pan
- 2 Agua
- Cafe

includes extended transaction information - examples:

itemsetID

- suceso1 1
- suceso2 2
- suceso3

Se indica que hay 6 filas y 5 columnas, los objetos más frecuentes que es algo necesario cuando se hace el cálculo de Soporte y, a continuación, más información de

Ahora se busca las asociaciones con el algoritmo a priori mediante la función apriori del paquete arules aplicándolo a la variable transacciones y poniendo los parámetros que necesita: una lista con el soporte de 0.5 y la confianza de 0.8.

```
asociaciones<-apriori(transacciones, parameter=list(support=0.5,
    confidence=0.8))
Apriori
```

Parameter specification:

confidence minval smax arem aval originalSupport maxtime support minlen

```
TRUE
                                                                0.5
        0.8
               0.1
                      1 none FALSE
                                                                         1
maxlen target
   10
       rules
 ext
TRUE
Algorithmic control:
filter tree heap memopt load sort verbose
   0.1 TRUE TRUE FALSE TRUE
                                      TRUE
Absolute minimum support count: 3
set item appearances ...[0 item(s)] done [0.00s].
set transactions ...[5 item(s), 6 transaction(s)] done [0.00s].
sorting and recoding items ... [3 item(s)] done [0.00s].
creating transaction tree ... done [0.00s].
checking subsets of size 1 2 3 done [0.00s].
writing ... [7 rule(s)] done [0.00s].
creating S4 object ... done [0.00s].
```

Al realizar el análisis no queda tan claro qué ocurre, para ello se usa otra función, la *inspect()* para obtener un resultado más claro aplicado a la variable *asociaciones*:

### > inspect(asociaciones)

```
1hs
                                      confidence coverage lift count
                    rhs
                            support
[1] {}
                 => {Leche} 0.8333333 0.8333333 1.0000000 1.00 5
[2] {}
                 => {Pan}
                            0.8333333 0.8333333 1.0000000 1.00 5
[3] {Agua}
                 => {Pan}
                            0.6666667 1.0000000 0.6666667 1.20 4
[4] {Pan}
                 => {Agua}
                            0.6666667 0.8000000 0.8333333 1.20 4
[5] {Leche}
                 => {Pan}
                            0.6666667 0.8000000 0.8333333 0.96 4
[6] {Pan}
                 => {Leche} 0.6666667 0.8000000 0.8333333 0.96 4
[7] {Agua,Leche} => {Pan}
                            0.5000000 1.0000000 0.5000000 1.20 3
```

Y ya se obtiene las asociaciones con su soporte y confianza que serían:  $Agua \rightarrow Pan, \ Pan \rightarrow Agua, \ Leche \rightarrow Pan, \ Pan \rightarrow Leche \ y \ \{Agua, Leche\} \rightarrow Pan.$  Revisando la parte vista en clase de teoría se dan los mismos resultados.

# 3 Segunda parte

## 3.1 Análisis de descripción de datos

### 3.1.1 Formato del fichero de datos en CSV

El fichero de texto que se leerá será distancias.csv y se creará de la siguiente manera: El archivo contiene una primera fila, la cabecera, en la que se establecen el nombre de los datos que se van a mostrar en cada columna. En este caso la primera columna será "Distancia", una característica cuantitativa, que designa la distancia desde el domicilio de cada estudiantes hasta la Universidad, es decir, datos cuantitativos continuos. Las demás filas representarán a cada una de las distancias con datos numéricos. En el caso de que se desee añadir más datos desde el mismo archivo csv, se añaden más columnas. La separación de cada una de las columnas se hace mediante las comas [4].

Para una mejor visualización, en la Figura 15b se puede observar el uso de las comas. El fichero que se utilizará a lo largo de la *Segunda Parte* se muestra en la Figura 15a.

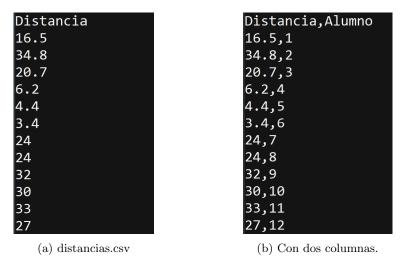


Figure 15

#### 3.1.2 Lectura de un fichero de datos en formato CSV

Para poder leer un fichero en formato CSV y transformarlo en un  $data\ frame\ R$  dispone de dos funciones llamadas  $read.csv\ y\ read.csv\ 2$  [7]. Ambas funciones comparten los argumentos más importantes que utilizaba read.table; éstos eran file que indica el nombre del archivo CSV o de la ruta absoluta a éste entre comillas dobles " " o simples ' ' teniendo en cuenta que las barras de la ruta absoluta pueden ser inclinadas / o dos invertidas \\; header que es un valor lógico que indica si la primera fila del archivo contiene los nombres de las variables; sep que indica el caracter separador de las columnas;  $y\ dec$  que hace referencia al caracter usado para los puntos decimales. Otros argumentos que se pueden destacar de las dos funciones son quote para los caracteres que hagan referencia a citas; fill para indicar si las filas tienen distinta longitud pues rellenarlas con espacios en blanco para que todas tengan la misma longitud;  $y\ comment.char$  para indicar el caracter usado para los comentarios.

La principal diferencia entre  $read.csv\ y\ read.csv2$  son los argumentos por defecto, ya que la primera función utiliza como separador la coma , y decimal el punto .; y la segunda función utiliza como separador el punto y coma ; y decimal la coma ..

A continuación se guardará en la variable d el data frame producto de la lectura del CSV de las distancias con read.csv y con los argumentos de file y header.

```
> d <- read.csv("distancias.csv", header = TRUE)</pre>
>
  d
   Distancia
         16.5
1
2
         34.8
3
         20.7
4
          6.2
5
          4.4
6
          3.4
7
         24.0
```

```
8
        24.0
9
        32.0
        30.0
10
        33.0
11
12
        27.0
13
        15.0
14
         9.4
         2.1
15
        34.0
16
17
        24.0
18
        12.0
19
        4.4
20
        28.0
        31.4
21
22
        21.6
23
         3.1
24
         4.5
25
         5.1
26
         4.0
         3.2
27
        25.0
28
29
         4.5
30
        20.0
31
        34.0
        12.0
32
33
        12.0
34
        12.0
35
        12.0
         5.0
36
37
        19.0
38
        30.0
39
         5.5
40
        38.0
41
        25.0
         3.7
42
         9.0
43
        30.0
44
45
        13.0
        30.0
46
47
        30.0
        26.0
48
        30.0
49
50
        30.0
51
         1.0
52
        26.0
53
        22.0
54
        10.0
         9.7
55
56
        11.0
        24.1
57
58
        33.0
        17.2
59
60
        27.0
61
        24.0
```

```
27.0
62
         21.0
63
64
         28.0
65
         30.0
66
          4.0
67
         46.0
68
         29.0
69
          3.7
70
          2.7
71
          8.1
72
         19.0
73
         16.0
```

Como se puede observar el data frame está bien estructurado con la primera columna que indica el número de fila y la segunda los datos numéricos de las distancias.

#### 3.1.3 Cálculos con matrices

El  $data\ frame$  creado anteriormente con la función read.csv() y guardado en la variable d está listo para poder operar con las distintas funciones que ofrece R para matrices, arrays y  $data\ frames$  pero en este caso se crearán manualmente en scripts independientes.

Como ejemplo se crearán y se trabajará con las mismas funciones que en la primera parte, estas son length(), dim(), order() y rev().

La función length() se creará de la siguiente manera:

```
longitud <- function(v) {
    if(esta_vacio(unname(v))) return(0)
    else return(1 + longitud(v[-c(1)]))
}</pre>
```

La manera más eficiente que se ha visto es mediante una función recursiva que vaya vaciando el vector e incrementado en uno por cada elemento que tenga hasta que se quede completamente vacío y devolver la suma incremental que se ha estado haciendo o 0 en caso de que el vector inicialmente ya estuviera vacío.

Para comprobar si el vector está vacío se crea la función  $esta\_vacio()$  de la siguiente manera:

```
esta_vacio <- function(x) {
    return(identical(x,numeric(0)) ||
        identical(x,integer(0)) ||
        identical(x,character(0)) ||
        identical(x,complex(0)) ||
        identical(x,logical(0)) ||
        is.null(x))
}</pre>
```

En esta función se comprueba si el vector o lista pasado como argumento está vacío comparándolo con todos los tipos de datos vacíos y con el objeto NULL. Un ejemplo de tipo de dato vacío sería el carácter vacío representado por character(0).

Tras cargar dicha función junto con la de longitud() ya se podrá comprobar la longitud de un vector o lista. Para ello se probará con los datos las distancias usando la nueva función y la de R para ver que la salida coincide.

```
> longitud(d$Distancia)
[1] 73
> length(d$Distancia)
[1] 73
```

La función dim() se creará de la siguiente manera:

```
dimension = function(x) {
    return (c(nrow(x),ncol(x)))
}
```

dimension() recibirá como argumento un vector, array o data frame y devolverá un vector con el número de filas y el número de columnas del argumento gracias a las funciones nrow() y ncol().

Se carga en R la función creada y se utiliza con el *data frame* de las distancias. También se utiliza la función de R para ver que los resultados coinciden:

```
> dimension(d)
[1] 73  1
> dim(d)
[1] 73  1
```

Para la función order() se la reduce de tal manera que siga un solo método de ordenación, el algoritmo de ordenación de burbuja, que funcione para vectores unidimensionales y listas, y que el orden sea de menor a mayor.

Para ello la función ordenar() es definida tal como se muestra a continuación:

```
ordenar <- function(x){
          idx <- 1:longitud(x)</pre>
         for(i in 1:(longitud(x)-1))
          {
                    for(j in 1:(longitud(x)-1))
                              if(x[j+1] \le x[j]){
                                        aux \leftarrow x[j+1]
                                        x[j+1] \leftarrow x[j]
                                        x[j] \leftarrow aux
                                        auxIdx <- idx[j+1]</pre>
                                        idx[j+1] \leftarrow idx[j]
                                        idx[j] <- auxIdx</pre>
                              }
                    }
          }
          return(idx)
}
```

La función recibe un solo argumento que es un vector o una lista, implementa el algoritmo de ordenación de burbuja mediante dos bucles *for* y devuelve un nuevo vector con los índices de los elementos ordenados de menor a mayor.

Con los datos de las distancias se puede aplicar la función de tal manera comparándola con la que ya viene por defecto en R:

```
> do <- d[ordenar(d$Distancia),]
> do
  [1] 1.0 2.1 2.7 3.1 3.2 3.4 3.7 3.7 4.0 4.0 4.4 4.4 4.5
4.5 5.0
[16] 5.1 5.5 6.2 8.1 9.0 9.4 9.7 10.0 11.0 12.0 12.0 12.0 12.0
12.0 13.0
[31] 15.0 16.0 16.5 17.2 19.0 19.0 20.0 20.7 21.0 21.6 22.0 24.0 24.0
24.0 24.0
```

```
[46] 24.1 25.0 25.0 26.0 26.0 27.0 27.0 27.0 28.0 28.0 29.0 30.0 30.0
30.0 30.0
[61] 30.0 30.0 30.0 30.0 31.4 32.0 33.0 34.0 34.0 34.8 38.0 46.0
> do <- d[order(d$Distancia),]</pre>
> do
[1] 1.0 2.1 2.7 3.1 3.2 3.4 3.7 3.7 4.0 4.0 4.4 4.4 4.5
4.5 5.0
[16] 5.1 5.5 6.2 8.1 9.0 9.4 9.7 10.0 11.0 12.0 12.0 12.0 12.0
12.0 13.0
[31] 15.0 16.0 16.5 17.2 19.0 19.0 20.0 20.7 21.0 21.6 22.0 24.0 24.0
24.0 24.0
[46] 24.1 25.0 25.0 26.0 26.0 27.0 27.0 27.0 28.0 28.0 29.0 30.0 30.0
30.0 30.0
[61] 30.0 30.0 30.0 30.0 31.4 32.0 33.0 34.0 34.0 34.8 38.0 46.0
   La función rev() se creará de la siguiente manera:
invertir <- function(x) {</pre>
   if(longitud(x) == 0) return(x)
   else return(c(invertir(x[-c(1)]),x[1]))
```

Se realizan llamadas recursivas que van vaciando el vector del argumento de entrada y se van añadiendo a uno nuevo empezando por el último elemento hasta el primero.

Aplicando la función creada y la función disponible en R a un vector de enteros quedaría de tal manera:

```
> v = 1:12
> invertir(v)
[1] 12 11 10  9  8  7  6  5  4  3  2  1
> rev(v)
[1] 12 11 10  9  8  7  6  5  4  3  2  1
```

Aplicando la función sobre los datos ordenados de las distancias el resultado quedaría de la siguiente forma:

```
> dor <- d[invertir(ordenar(d$Distancia)), ]</pre>
> dor
 [1] 46.0 38.0 34.8 34.0 34.0 33.0 33.0 32.0 31.4 30.0 30.0 30.0 30.0
30.0 30.0
[16] 30.0 30.0 29.0 28.0 28.0 27.0 27.0 27.0 26.0 26.0 25.0 25.0 24.1
24.0 24.0
[31] 24.0 24.0 22.0 21.6 21.0 20.7 20.0 19.0 19.0 17.2 16.5 16.0 15.0
13.0 12.0
[46] 12.0 12.0 12.0 12.0 11.0 10.0 9.7 9.4 9.0 8.1 6.2 5.5 5.1
5.0 4.5
[61] 4.5 4.4 4.4 4.0 4.0 3.7 3.7 3.4 3.2 3.1 2.7 2.1 1.0
> dor <- d[rev(order(d$Distancia)), ]</pre>
 [1] 46.0 38.0 34.8 34.0 34.0 33.0 33.0 32.0 31.4 30.0 30.0 30.0 30.0
30.0 30.0
[16] 30.0 30.0 29.0 28.0 28.0 27.0 27.0 27.0 26.0 26.0 25.0 25.0 24.1
24.0 24.0
[31] 24.0 24.0 22.0 21.6 21.0 20.7 20.0 19.0 19.0 17.2 16.5 16.0 15.0
13.0 12.0
[46] 12.0 12.0 12.0 12.0 11.0 10.0 9.7 9.4 9.0 8.1 6.2 5.5 5.1
5.0 4.5
[61] 4.5 4.4 4.4 4.0 4.0 3.7 3.7 3.4 3.2 3.1 2.7 2.1 1.0
```

#### 3.1.4 Funciones en R

En el apartado Funciones de R de la primera parte de la práctica, se explicó tres funciones de R: function(), dump(), source() y la relación que había entre ellas.

Ahora, utilizando otras funciones, se quiere lograr el mismo resultado. Se explicará que hacen esas funciones, sus principales argumentos y un ejemplo de ejecución.

La función rango2 se ha creado utilizando el paquete lambda.r [8] para evitar emplear function(). lambda.r es una extensión de lenguaje que admite una programación funcional en R, ofrece una sintaxis funcional para definir tipos y funciones.

Se ejecuta la función range() para saber el valor máximo y el mínimo de las distancias:

```
> range(d$Distancia)
[1] 1 46
```

Creación de una función lambda: Importar la librería lambda.r, dar nombre a la función acompañado de los argumentos que se necesiten. Las funciones se definen mediante la palabra reservada %as% o %:=% (símbolo en lugar de ¡-). Entre llaves , se especifica el cuerpo de la función que en este caso es la resta de la distancia máxima (devuelta por maximo()) y la mínima (devuelta por minimo()). Por último, para saber el rango, llamar a rango2 pasándole el vector de distancias.

```
> library(lambda.r)
> rango2(x) %as% {maximo(x)-minimo(x)}
> rango2(d$Distancia)
[1] 45
```

La función save() escribe una representación externa de objetos R en el archivo especificado. Esta función tiene un comportamiento simular al dump(). Los argumentos más significativos son los siguientes: list: un vector de caracteres que contiene los nombres de los objetos que se guardarán; file: el nombre del archivo donde se guardarán los datos; ascii: si es TRUE, se escribe una representación ASCII de los datos. El valor predeterminado de ascii es FALSO, lo que conduce a la escritura de un archivo binario; envir: entorno para buscar objetos para guardar; compress: permite comprimir el archivo usando las extensiones gzip, bzip2 o xz.

Ejemplo de ejecución usando save():

```
> save(rango2, file="rango2.R")
```

La función load() carga los datos escritos con la función save(). Esta función tiene un comportamiento similar al source(). Los argumentos más significativos son los siguientes: file: el nombre del archivo a cargar; envir: el entorno donde se deben cargar los datos.

Ejemplo de ejecución load():

```
> library(lambda.r)
> load("rango2.R")
> rango2(d$Distancia)
[1] 45
```

Importante: Se tiene que llamar a la librería lambda.r para poder usar la función rango 2.

Si se desea eliminar el fichero desde R, se le pasa el nombre o la ruta de este a la función unlink() [7]:

```
> unlink("rango2.R")
```

### 3.1.5 Primer análisis de los datos

Para este primer análisis se han programado todas las funciones de frecuencias y, además, se van a explicar uno a uno. En la primera, la frecuencia absoluta, se trata de una función cuyo parámetro de entrada x que recibe debe ser numeric.

```
freq_abs <- function(x)
{
    if (!is.numeric(x))
    {
        stop("x is not a numeric")
    }

    data <- sort(unique(x))
    counter <- vector(mode="numeric", length=0)
    for (value in data)
    {
        total <- longitud(x[x == value])
        counter <- c(counter, total)
    }

    setNames(counter, data)
}</pre>
```

Esto se comprueba al principio de la función usando is.numeric(x), y se da un mensaje de error si ocurre lo contrario con stop(). Después la variable x es aplicada a la funciones unique() [7] de forma que solo existan números sin duplicaciones y, por último, sort() para tener los datos ordenadores de menor a mayor, almacenando el resultado de aplicar estas dos funciones a la variable data. Seguidamente se crea un vector de modo numérico y tamaño cero en la variable counter usando la función vector(). Para finalizar, y siendo la parte más importante, se trata de realizar un bucle for con la variable data (que se recuerda que son datos sin repeticiones) para obtener los valores y saber cuáles pertenecen a x usando x[x == value] cuya longitud es el total que se almacena en el vector counter. Se establece los nombres y se devuelve el resultado.

Si se usa la función con los datos de distancia, se obtiene el siguiente resultado:

```
> freqabs <- freq_abs(d$Distancia)
> freqabs
                                               4.4
                                                                      5.5
                                                                            6.2
                                                                                  8.1
                                                                                          9
   1 2.1
            2.7
                  3.1
                        3.2
                             3.4
                                                    4.5
                                                             5
                                                                5.1
   1
         1
              1
                    1
                          1
                                1
                                      2
                                            2
                                                 2
                                                       2
                                                             1
                                                                   1
                                                                         1
                                                                              1
                                                                                    1
                                                                                          1
 9.4
      9.7
                                          16 16.5 17.2
                                                                  20 20.7
                                                                             21 21.6
                                                                                         22
             10
                   11
                         12
                               13
                                     15
                                                            19
                          5
                                                             2
   1
              1
                    1
                                1
                                           1
                                                                   1
                                                                              1
                                                                                    1
                                                                                          1
        1
                                      1
                                                 1
                                                       1
                                                                        1
  24 24.1
                   26
                         27
                                          30 31.4
                                                                  34 34.8
                                                                                   46
             25
                               28
                                     29
                                                      32
                                                            33
                                                                             38
                          3
                                2
                                      1
```

Y si se hace con table() como en la  $Primera\ parte$  se obtiene los mismos resultados.

### > table(d\$Distancia)

```
3.2
                                                                      5.5
                                                                                           9
     2.1
           2.7
                 3.1
                             3.4
                                               4.4
                                                    4.5
                                                             5
                                                                5.1
                                     2
                                           2
                                                 2
                                                       2
                                                                                           1
  1
       1
             1
                   1
                         1
                               1
                                                             1
                                                                   1
                                                                         1
                                                                               1
                                                                                     1
9.4
     9.7
             10
                  11
                        12
                              13
                                    15
                                          16 16.5 17.2
                                                            19
                                                                  20 20.7
                                                                              21 21.6
                                                                                         22
  1
        1
             1
                   1
                         5
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                             2
                                                                  1
                                                                         1
                                                                               1
                                                                                     1
                                                                                           1
 24 24.1
                                          30 31.4
                                                                  34 34.8
                                                                              38
             25
                  26
                        27
                              28
                                    29
                                                      32
                                                            33
                                                                                    46
                         3
                               2
                                           8
                                                             2
                                                                   2
        1
                   2
                                     1
                                                 1
                                                       1
                                                                         1
                                                                               1
```

Para la frecuencia relativa se trata de una división en la que, ya que ha sido programada anteriormente, se llama a la función absoluta  $freq\_abs()$  en el numerador y dejando la longitud en el denominador. Tiene como único argumento x que debe ser de tipo numeric.

```
freq_rel <- function(x)
{</pre>
```

```
freq_abs(x) / longitud(x)
}
```

> freqrel <- freq\_rel(d\$Distancia)

Se utiliza con las distancias para obtener la frecuencia relativa y, una vez más, se comprueba los resultados con table() y length() para asegurar que los resultados son correctos.

```
> freqrel
                  2.1
                              2.7
                                         3.1
                                                     3.2
                                                                3.4
0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.02739726
                  4.4
                              4.5
                                           5
                                                     5.1
                                                                5.5
                                                                            6.2
0.02739726 0.02739726 0.02739726 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863
                    9
                              9.4
       8.1
                                         9.7
                                                      10
                                                                 11
                                                                             12
0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.06849315
        13
                   15
                               16
                                        16.5
                                                    17.2
                                                                 19
                                                                             20
0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.02739726 0.01369863
                             21.6
                                          22
                                                      24
                                                                             25
      20.7
                   21
                                                               24.1
0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.05479452 0.01369863 0.02739726
        26
                   27
                               28
                                          29
                                                      30
                                                               31.4
0.02739726 0.04109589 0.02739726 0.01369863 0.10958904 0.01369863 0.01369863
                   34
                             34.8
                                          38
0.02739726 0.02739726 0.01369863 0.01369863 0.01369863
> table(s$Distancia) / length(d$Distancia)
                  2.1
                              2.7
                                                                3.4
                                                                            3.7
                                         3.1
                                                     3.2
0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.02739726
         4
                  4.4
                              4.5
                                           5
                                                     5.1
                                                                5.5
0.02739726 0.02739726 0.02739726 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863
                    9
                              9.4
                                         9.7
                                                      10
                                                                 11
                                                                             12
0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.06849315
        13
                   15
                               16
                                        16.5
                                                    17.2
                                                                 19
0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.02739726 0.01369863
      20.7
                   21
                             21.6
                                          22
                                                      24
                                                               24.1
                                                                             25
0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.01369863 0.05479452 0.01369863 0.02739726
        26
                   27
                               28
                                          29
                                                      30
                                                               31.4
                                                                             32
0.02739726 0.04109589 0.02739726 0.01369863 0.10958904 0.01369863 0.01369863
        33
                   34
                             34.8
                                          38
                                                      46
0.02739726 0.02739726 0.01369863 0.01369863 0.01369863
```

Para la frecuencia acumulada se ha creado una única función que dependiendo de lo que reciba el argumento type se realiza la acumulada absoluta o la relativa. Este argumento por defecto tiene el valor "abs" por lo que llamando a la función sin pasarle nada a type, realizará la frecuencia acumulada absoluta. En el caso de querer hacer la acumulada relativa, se le pasará "rel". Como en las anteriores, se tiene otro argumento llamado x que debe ser del tipo numeric.

```
freq_cum <- function(x, type="abs")
{
    f <- list(abs = freq_abs, rel = freq_rel)
    if (type %in% names(f))
    {
        data <- f[[type]](x)
    }
    else</pre>
```

```
{
    stop(paste("Unrecognized type:", type))
}

counter <- vector(mode="numeric", length=0)

acumulator <- 0
for (value in 1:longitud(data))
{
    acumulator <- acumulator + data[value]
    counter <- c(counter, acumulator)
}

setNames(counter, sort(unique(x)))
}</pre>
```

A partir de una lista que se almacena en la variable f se conoce las posibles opciones de type, es decir, si se le pasa "abs" llamará a la función  $freq\_abs$  o  $freq\_rel$  si es pasado "rel". Todo ello se realiza a partir del primer if que comprueba si ese tipo está dentro de la lista para posteriormente realizar la llamada a esa función y, en caso contrario, mandar un error con el mensaje de tipo no reconocido. Por último, se realiza el sumatorio de ir acumulando los valores que hay en data y se almacena en counter que se devuelve estableciendo los nombres.

Al comprobar los resultados, vemos que es correcto, tanto para la absoluta:

```
> freqcumabs <- freq_cum(d$Distancia)</pre>
> freqcumabs
   1 2.1
           2.7
                3.1
                     3.2
                           3.4
                                           4.4
                                                4.5
                                                       5
                                                          5.1
                                                               5.5
                                                                     6.2
                                                                          8.1
                                                                                 9
   1
        2
             3
                  4
                        5
                             6
                                  8
                                      10
                                            12
                                                 14
                                                      15
                                                           16
                                                                17
                                                                      18
                                                                           19
                                                                                20
 9.4
      9.7
            10
                 11
                       12
                            13
                                 15
                                      16 16.5 17.2
                                                      19
                                                           20 20.7
                                                                      21 21.6
                                                                                22
  21
       22
            23
                       29
                            30
                                 31
                                      32
                                            33
                                                      36
                                                                 38
                                                                           40
                                                                                41
  24 24.1
            25
                       27
                            28
                                 29
                                      30 31.4
                                                                           46
  45
       46
            48
                 50
                       53
                            55
                                 56
                                      64
                                            65
                                                 66
                                                      68
                                                           70
                                                                 71
                                                                      72
                                                                           73
  > cumsum(table(d$Distancia))
                                                                                 9
   1
      2.1
           2.7
                3.1
                     3.2
                           3.4
                                3.7
                                       4
                                           4.4
                                                4.5
                                                       5
                                                          5.1
                                                               5.5
                                                                     6.2
                                                                          8.1
        2
             3
                  4
                        5
                             6
                                  8
                                      10
                                            12
                                                      15
                                                                      18
                                                                           19
                                                                                20
   1
                                                 14
                                                           16
                                                                17
 9.4
      9.7
            10
                 11
                       12
                            13
                                 15
                                      16 16.5 17.2
                                                      19
                                                           20 20.7
                                                                      21 21.6
                                                                                22
  21
       22
            23
                 24
                       29
                            30
                                      32
                                            33
                                                      36
                                                           37
                                                                38
                                                                      39
                                                                           40
                                                                                41
                                 31
                                                 34
  24 24.1
            25
                 26
                       27
                            28
                                 29
                                      30 31.4
                                                 32
                                                      33
                                                           34 34.8
                                                                      38
                                                                           46
       46
            48
                 50
                       53
                            55
                                 56
                                                 66
                                                           70
                                                                71
   como para la relativa:
> freqcumrel <- freq_cum(d$Distancia, "rel")</pre>
> freqcumrel
                                         3.1
                                                     3.2
0.01369863\ 0.02739726\ 0.04109589\ 0.05479452\ 0.06849315\ 0.08219178\ 0.10958904
                  4.4
                              4.5
                                            5
                                                     5.1
                                                                5.5
0.13698630 0.16438356 0.19178082 0.20547945 0.21917808 0.23287671 0.24657534
       8.1
                    9
                              9.4
                                         9.7
                                                      10
                                                                 11
                                                                             12
17.2
                    15
                               16
                                        16.5
                                                                 19
                                                                             20
        13
0.41095890 0.42465753 0.43835616 0.45205479 0.46575342 0.49315068 0.50684932
                   21
                             21.6
                                          22
                                                      24
                                                               24.1
                                                                             25
      20.7
```

0.52054795 0.53424658 0.54794521 0.56164384 0.61643836 0.63013699 0.65753425

```
26
                   27
                                                                             32
                               28
                                           29
                                                      30
                                                                31.4
0.68493151 0.72602740 0.75342466 0.76712329 0.87671233 0.89041096 0.90410959
        33
                   34
                             34.8
                                           38
                                                      46
0.93150685 0.95890411 0.97260274 0.98630137 1.00000000
> cumsum(table(d$Distancia) / length(d$Distancia))
                  2.1
                              2.7
                                         3.1
                                                     3.2
                                                                 3.4
                                                                            3.7
0.01369863 0.02739726 0.04109589 0.05479452 0.06849315 0.08219178 0.10958904
         4
                  4.4
                              4.5
                                            5
                                                     5.1
                                                                 5.5
                                                                            6.2
0.13698630 0.16438356 0.19178082 0.20547945 0.21917808 0.23287671 0.24657534
       8.1
                    9
                              9.4
                                         9.7
                                                      10
                                                                  11
                                                                             12
0.26027397 0.27397260 0.28767123 0.30136986 0.31506849 0.32876712 0.39726027
        13
                   15
                               16
                                        16.5
                                                    17.2
                                                                  19
                                                                             20
0.41095890 0.42465753 0.43835616 0.45205479 0.46575342 0.49315068 0.50684932
      20.7
                   21
                             21.6
                                           22
                                                      24
                                                                24.1
                                                                             25
0.52054795 0.53424658 0.54794521 0.56164384 0.61643836 0.63013699 0.65753425
                   27
                               28
                                           29
                                                      30
        26
                                                                31.4
                                                                             32
0.68493151 0.72602740 0.75342466 0.76712329 0.87671233 0.89041096 0.90410959
        33
                   34
                             34.8
                                           38
                                                      46
0.93150685 0.95890411 0.97260274 0.98630137 1.00000000
```

### 3.1.6 Segundo análisis de los datos

El segundo análisis de los datos consiste en el cálculo de la media aritmética, la media geométrica, la media armónica y la moda.

Como en el primer análisis de datos, se crearán funciones que reemplacen a las que ya proporciona R y se compararán los resultados para ver si coinciden. En el caso de la media geométrica, la media armónica y la moda se explicarán también los conceptos teóricos.

Para la media aritmética se creará la siguiente función:

### mediaAritmetica <- function(x) {sumatorio(x)/longitud(x)}</pre>

En ella se utiliza la función sumatorio() que lo que hace es emular el comportamiento de la función en R sum(), dicha función se explicará más tarde. Esta función suma todos los datos del vector pasado como argumento, y luego se divide el resultado de esa función entre la longitud del vector.

Con los datos de las distancias el resultado sería el siguiente:

```
> mean(d$Distancia)
[1] 18.53425
> mediaAritmetica(d$Distancia)
[1] 18.53425
```

La media geométrica consiste en la raíz del producto de un conjunto de datos numéricos enteros. Este tipo de media se utiliza sobre todo para calcular medias sobre porcentajes.

$$\bar{x}_g = (\prod_{i=1}^n x_i)^{1/n}$$

No existe una función en R como tal pero se puede adaptar con exp, mean o mediaAritmetica creada anteriormente y log de la siguiente manera:

```
> exp(mean(log(d$Distancia)))
[1] 13.89035
> exp(mediaAritmetica(log(d$Distancia)))
[1] 13.89035
```

También se podrá adaptar con la formula teórica como se muestra a continuación:

```
> mediaGeometrica <- function(x) {return(prod(x)^(1/longitud(x)))}
> mediaGeometrica(d$Distancia)
[1] 13.89035
```

La media armónica consiste en el número de datos de una muestra entre la suma de los inversos de esos datos. Los datos deben ser numéricos enteros y distintos de cero. Se utiliza sobre todo para las velocidades o los tiempos.

$$1/\bar{x}_h = \frac{\sum_{i=1}^n 1/x_i}{n}$$

Tampoco existe una función en R que la realice por lo que se creará una que se adapte a la fórmula teórica y se aplicará a las distancias.

```
> mediaArmonica <- function(x) {return(1/mediaAritmetica(1/x))}
> mediaArmonica(d$Distancia)
[1] 8.814335
```

La moda consiste en el valor que aparece con más frecuencia en un conjunto de datos.

Para utilizar la moda en R se puede crear una función que utilice la frecuencia absoluta de los datos o mediante el uso de un paquete.

La función que se creará será la siguiente:

```
moda <- function(x) {return(as.integer(names(which.max(freq_abs(x)))))}</pre>
```

Esta función utiliza la función de la frecuencia absoluta de los datos para saber cuantas veces se repiten los valores, después averigua el dato que se repite más con la función *which.max* que en el caso de la tabla de frecuencias absolutas lo que hace es devolver el valor que más se repite junto con el índice de este en la tabla. Luego de esos dos números se extrae el del valor del dato mediante *names* que lo devuelve en formato caracter y por último este se convierte en entero para mostrarlo por pantalla.

La otra opción es mediante la instalación del paquete modeest. Dicho paquete contiene una función, mlv, que sirve para realizar diferentes tipos de modas dados unos datos. Esta función puede recibir como argumento el método con el que se quiere trabajar, en este caso el método mfv sería el adecuado ya que permite devolver el dato más frecuente.

Moda de las distancias con la función creada:

```
> moda(d$Distancia)
[1] 30
```

Moda de las distancias con el paquete modeest [6]:

```
> library("modeest")
> mlv(d$Distancia, method = "mfv")
[1] 30
```

Hay que destacar que en el caso de que haya más de un dato que sea el más frecuente, la función creada solo devolverá uno de los datos mientras que la función del paquete *modeest* devolverá todos los datos.

```
> v = c(1,1,1,2,2,2)
> moda(v)
[1] 1
> mlv(v, method = "mfv")
[1] 1 2
```

#### 3.1.7 Tercer análisis de los datos

El tercer análisis de los datos consiste en el cálculo de la desviación típica, la varianza y el rango.

Se ha conseguido programar en R nuevas funciones que producen el mismo comportamiento que las instrucciones que se usaban anteriormente para realizar el cálculo. A continuación, se compararán las funciones de R y las funciones nuevas.

La función creada para calcular la desviación típica es la siguiente:

```
desTip <- function(v)
{
    sqrt(sumatorio(v, -mediaAritmetica(v), 2)/longitud(v))
}</pre>
```

La función longitud() es la que se ha explicado anteriormente que simula length() y mediaAritmetica() es lo mismo que mean(). Otra nueva función que se puede ver en el código de la función desTip() es sumatorio(). El código de esta función es el siguiente:

```
sumatorio <- function(v, valorSuma = 0, valorPotencia = 1)
{
   if (longitud(v) == 1) return((v[1] + valorSuma)^valorPotencia)
   else return((v[1] + valorSuma)^valorPotencia +
        sumatorio(v[-c(1)], valorSuma, valorPotencia))
}</pre>
```

En ella se utiliza la función sumatorio() que lo que hace es emular el comportamiento de la función en R sum(), dicha función se explicará más tarde. Esta función suma todos los datos del vector pasado como argumento, y luego se divide el resultado de esa función entre la longitud del vector. En ella se realiza la suma de todos los elementos del vector pasado como argumento. También tiene otros dos argumentos opcionales: valorSuma y valorPotencia. Estos tienen por defecto los valores 0 y 1, respectivamente. Si al hacer la llamada a esta función se le pasa como parámetro otros valores en esas posiciones, se usarán los valores pasados como ocurre en la llamada de sumatorio() en la función desTip().

```
sumatorio(v, -mediaAritmetica(v), 2)
```

Lo que se realiza con estos valores es que en cada llamada recursiva, además de sumar el valor de la posición del vector correspondiente al resultado de la siguiente llamada, se puede sumar un número añadido (valorSuma) y este resultado elevarlo a otro número (valorPotencia). En el caso de la llamada anterior, cada valor de la posición correspondiente del vector se le resta la media aritmética y se eleva al cuadrado. Para comprobar el correcto funcionamiento, se compara la ejecución con la de sum():

```
> sum(d$Distancia)
[1] 1353
> sumatorio(d$Distancia)
[1] 1353
```

Volviendo al cálculo de la desviación típica, comprobamos que el resultado es el mismo que sd() con el ajuste explicado en la sección  $Tercer\ análisis\ de\ los\ datos\ de\ la$   $Primera\ parte\ para\ la\ estadística\ descriptiva:$ 

```
> sqrt((sd(d$Distancia)^2) * (length(d$Distancia)-1) / length(d$Distancia))
[1] 11.23204
> desTip(d$Distancia)
[1] 11.23204
```

El siguiente cálculo que se realiza es el de la varianza. La función creada es:

```
varianza <- function(v)
{
    sumatorio(v, -mediaAritmetica(v), 2)/longitud(v)
}</pre>
```

Su equivalente de las funciones de R es var(). También se realiza la comprobación de su correcto funcionamiento con el ajuste de la estadística descriptiva:

```
> var(d$Distancia) * (length(d$Distancia)-1) / length(d$Distancia)
[1] 126.1587
> varianza(d$Distancia)
[1] 126.1587
```

Finalmente, se calcula el rango. Como se explicó anteriormente, el rango no tiene una función concreta en R que lo calcule, sino que se usa el máximo y el mínimo para obtener su valor, por lo tanto, se programarán estas dos funciones. Primero se muestra la función maximo() que es igual que max() de R:

```
maximo <- function(v)
{
    m <- v[1]
    if (longitud(v) == 1) return(m)
    else if (m < v[2]) return(maximo(v[-c(1)]))
    else return(maximo(v[-c(2)]))
}</pre>
```

En este código va recorriendo recursivamente el vector y compara los valores cogiendo el valor máximo en cada caso. Un ejemplo de este código es el siguiente:

```
> max(d$Distancia)
[1] 46
> maximo(d$Distancia)
[1] 46
    Para la función minimo() se tiene este código:
minimo <- function(v)
{
    m <- v[1]
    if (longitud(v) == 1) return(m)
    else if (m > v[2]) return(minimo(v[-c(1)]))
    else return(minimo(v[-c(2)]))
}
```

Su función equivalente en R es min(). En este caso, igual que con maximo(), se recorre de forma recursiva el vector y busca el valor mínimo. La comprobación de su funcionamiento es el siguiente:

```
> min(d$Distancia)
[1] 1
> minimo(d$Distancia)
[1] 1
```

Por último, ya se puede crear la función para el rango con las nuevas funciones auxiliares:

```
rango <- function(x)
{
    maximo(x) - minimo(x)
}</pre>
```

Se realiza la comprobación del código anterior:

```
> max(d$Distancia)-min(d$Distancia)
[1] 45
> rango(d$Distancia)
[1] 45
```

#### 3.1.8 Cuarto análisis de los datos

En el cuarto análisis de los datos consiste en el cálculo de la mediana y los cuantiles (cuartiles, deciles y percentiles).

En este apartado se seguirá la línea de los anteriores, se han creado funciones que simulan el comportamiento de las que brinda R. Se verá también si el resultado de las funciones de R es igual al que retorna las nuevas funciones.

Para la mediana se creará la siguiente función:

```
es_par <- function(num)
{
      if(num %% 2 == 0) return(1)
      else return(0)
}

mediana <- function(x)
{
      xOrdenado <- x[ordenar(x)]
      if(es_par(longitud(xOrdenado)))
      {
            i <- (longitud(xOrdenado)/2)
            return((xOrdenado[i] + xOrdenado[i+1])/2)
      }
      else return(xOrdenado[(longitud(xOrdenado)+1)/2])
}</pre>
```

La función mediana() ordena el vector que recibe como argumento. Se comprueba, con ayuda de  $es\_par()$ , si la longitud de este es par o impar:

- Si es par devuelve la media de los dos elementos centrales del vector.
- Si es impar devuelve el elemento central del vector.

La función  $es\_par()$  recibe un número como argumento, devolviendo 1 si es par y 0 si es impar.

Con los datos de las distancias el resultado sería el siguiente:

```
> median(d$Distancia)
[1] 20
> mediana(d$Distancia)
[1] 20
Como se puede comprobar el resultado es el mismo con ambas funciones.
    Para los cuantiles se creará la siguiente función:
es_entero <- function(num)
{
        if(num %% 1 == 0) return(1)
        else return(0)
}
cuantil <- function(x, valor)
{</pre>
```

xOrdenado <- x[ordenar(x)]</pre>

```
i <- (valor * longitud(xOrdenado))
if(es_entero(i)) return((xOrdenado[i] + xOrdenado[i+1])/2)
else return(xOrdenado[trunc(i)+1])
}</pre>
```

La programación de la función cuantil() se inspira en las fórmulas aprendidas en clases. La función recibe dos argumentos, x: el vector y valor: número entre [0,1] que representa el cuartil, decil o percentil que se desea. Se ordena el vector, se obtiene un i (posición) resultado de multiplicar el valor y la longitud del vector. Se comprueba si i es entero o no:

- Si i es entero devuelve la media de los elementos que se encuentran en la posición i e (i+1), respectivamente.
- $\bullet\,$  Si i no es entero devuelve el elemento que está en la posición superior luego de truncar i.

La función es\_entero() devolverá 1 si el número es entero y 0 si no lo es. El resultado sería el siguiente usando la función quantile():

```
> quantile(d$Distancia,0.25)
8.1
> quantile(d$Distancia,0.5)
50%
 20
> quantile(d$Distancia,0.75)
75%
> quantile(d$Distancia,0.54)
   54%
21.528
   El resultado sería el siguiente usando la función cuantil():
> cuantil(d$Distancia,0.25)
Γ17 8.1
> cuantil(d$Distancia,0.5)
[1] 20
> cuantil(d$Distancia,0.75)
[1] 28
> cuantil(d$Distancia,0.54)
[1] 21.6
```

Los resultados tanto de la fórmula quantile() y cuantil() son iguales excepto el valor del percentil 54. Se usó la fórmula cuantil() con los datos de la primera parte y se observa una mayor disparidad en los resultados esto es porque R calcula los cuantiles de una forma distinta a como lo hacemos en clases de teoría.

#### 3.2 Análisis de asociación

# 3.2.1 Instalación de paquetes

Además de lo explicado anteriormente sobre la instalación de paquetes, es también interesante saber que se puede instalar varios paquetes a la vez sin escribir la misma función varias veces utilizando la función c dentro de la función install.packages(). Hay que tener en cuenta que se necesita comillas para especificar el nombre de los paquetes.

```
> install.packages(c("LearningRlab", "ggplot2"))
```

Los anteriores paquetes se han instalado desde el repositorio de CRAN, pero cada repositorio tiene su forma particular de instalar un paquete. Por ejemplo, en el caso de Bioconductor, el modo estándar de instalar un paquete es ejecutar el siguiente script:

```
source("https://bioconductor.org/biocLite.R")
```

La instrucción anterior instalará de forma local las funciones necesarias para la instalación de paquetes bioconductor. Si se desea instalar los paquetes básicos de Biocondutor, ahora se puede realizar con la función biocLite(). La función biocLite() también admite que se especifique el nombre de los paquetes de la misma forma que install.packages().

Como se ha podido observar, en el caso de que regularmente se necesite utilizar diferentes fuentes en la instalación de paquetes, que cada repositorio instale sus paquetes de forma diferente puede llegar a convertirse en una labor un poco pesada.

El uso del paquete devtools [10] simplificará esta tarea, puesto que contiene funciones especificas para cada repositorio. Para el uso de este paquete es posible que se necesite instalar las Rtools.

Para instalar las *Rtools* se accede a la página web https://cran.r-project.org/bin/windows/Rtools/ en el caso de que el sistema operativo sea *Windows* (Figura 16), se elige el instalador adecuado para cada máquina y se ejecuta siguiendo las instrucciones se instalación. Si es otro sistema operativo, en menú de la derecha de la página de CRAN está la opción *R Binaries* (Figura 11a) y aparecen los diferentes sistemas operativos disponibles (Figura 17).

Figure 16: Página web de instalación de Rtools.

Una vez instaladas las *Rtools*, el paquete *devtools* no debe de dar ningún error. Las funciones que incluye el paquete *devtools* para la instalación de otros paquetes son las siguientes:

- install\_bioc() desde Bioconductor.
- $\bullet \ \ \mbox{install\_bitbucket}()$ desde Bitbucket.
- install\_cran() desde CRAN.
- $\bullet \ \ install\_git() desde un repositorio git.$
- install\_github() desde GitHub.
- install\_local() desde un archivo alojado de forma local.
- install\_svn() desde un repositorio SVN.
- install\_url() desde una URL.
- install\_version() para una versión específica de un paquete de CRAN.

# Index of /bin

| <u>Name</u>      | <b>Last modified</b> | Size Description |
|------------------|----------------------|------------------|
| Parent Directory | <u>/</u>             | -                |
| linux/           | 2020-07-07 11:45     | -                |
| macos/           | 2005-04-19 09:45     | -                |
| macosx/          | 2021-11-02 05:20     | _                |
| windows/         | 2017-09-29 11:35     | -                |

Apache Server at cran.r-project.org Port 443

Figure 17: Opción R Binaries.

De forma usual, los paquetes que se instalan desde algún repositorio como CRAN o Bioconductor son paquetes binarios que ya se encuentran compilados previamente.

En algunas ocasiones se necesitará instalar paquetes que no se encuentran compilados, por ejemplo:

- Paquetes en desarrollo.
- Versiones anteriores de paquetes.
- Paquetes que no se encuentran depositados en CRAN o Bioconductor, sino en repositorios personales como GitHub.
- Paquetes que se están desarrollando de forma local.

Existen algunas funciones que permiten instalar paquetes desde código fuente. Anteriormente, se solían utilizar las funciones nombradas anteriormente del paquete devtools; sin embargo, recientemente se creó el paquete remotes [5] que contiene las mismas funciones pero está específicamente diseñado para ayudar a trabajar con paquetes desde código fuente.

El código fuente de un paquete se encuentra en diferentes lugares dependiendo del repositorio en el que se localice. En CRAN se puede encontrar en las secciones URL y Package source como se puede ver en las Figuras 13 y 14. Si el paquete se encuentra disponible en Bioconductor (Página web https://www.bioconductor.org/packages/release/bioc/ y Figura 18), el link al código fuente se puede encontrar en la sección Package Archives (Figura 19). Si el paquete se encuentra en GitHub o GitLab, hace falta conocer el nombre de usuario del autor y el nombre del paquete que normalmente será también el nombre del repositorio a instalar.

Para instalar la última versión en desarrollo del repositorio CRAN, se usa la función  $install\_dev()$  del paquete remotes. Se puede escribir la instrucción de esta forma:

#### > remotes::install\_dev("ggplot2")

El operador :: permite llamar funciones desde un paquete sin la necesidad de cargarlo, es decir, sin usar previamente la función library().

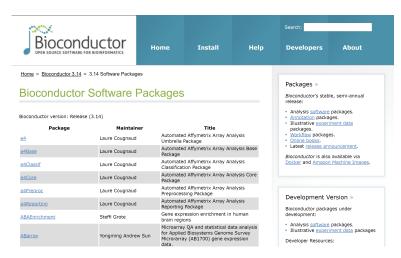


Figure 18: Paquetes de Bioconductor.

# **Package Archives**

Follow <u>Installation</u> instructions to use this package in your R session.

| Source Package                                | bioCancer 1.22.0.tar.gz                                     |
|---|---|
| Windows Binary                                | bioCancer 1.22.0.zip  |
| macOS 10.13 (High Sierra)                     | bioCancer 1.22.0.tgz  |
| Source Repository                             | git clone https://git.bioconductor.org/packages/bioCancer   |
| Source Repository (Developer Access)          | git clone git@git.bioconductor.org:packages/bioCancer       |
|   |   |
| Package Short Url                             | https://bioconductor.org/packages/bioCancer/                |
| Package Short Url<br>Package Downloads Report | https://bioconductor.org/packages/bioCancer/ Download Stats |

Figure 19: Sección Package Archives.

Si el paquete de la última versión en desarrollo se encuentra en Bioconductor, se usa la función <code>install\_bioc()</code> de la misma forma que la anterior.

Independientemente de donde se encuentre el paquete, podemos instalar un paquete depositado en una cuenta de GitHub. Para poder instalar un paquete desde GitHub se necesita conocer el usuario del creador y el nombre del repositorio donde se encuentra depositado el paquete. Esta información se usa en la función <code>install\_github()</code> de la siguiente manera:

```
remotes::install\_github("usuario/repositorio")
```

Para instalar versiones anteriores de los paquetes de CRAN se usa la función  $install\_version()$  como se muestra a continuación:

```
remotes::install_version("pkgname",version = "version")
```

En los paquetes de Bioconductor, se usa el paquete *BiocManager*, que permite acceder al repositorio de paquetes de proyectos de Bioconductor y es una herramienta conveniente para instalar y actualizar estos paquetes. La función que se utiliza es la siguiente con el nombre del paquete y la versión deseada:

```
BiocManager::install(pkgs = "pkgname", version = "version")
```

La función principal para instalar el paquete de manera local, ya sea de un código fuente de un paquete descargado o de un paquete propio en desarrollo, es:

```
remotes::install_local()
```

Ahora se va a realizar un ejemplo con el paquete testthat [9] descargado del repositorio de CRAN. Los pasos a seguir son los siguientes:

1. Se guarda en una variable el directorio donde se desea descargar el código fuente del paquete. En este caso, se usará el mismo que el directorio de trabajo, por lo tanto se usa la función getwd().

```
> dir <- getwd()
```

2. Se usa la función download.packages() para descargar el código fuente del paquete testithat en forma de directorio comprimido. Se pasan como argumentos el nombre del paquete, el directorio donde se desea descargar y el tipo de código que es, en este caso fuente (source). Luego se pide seleccionar el mirror (Figura 9b).

```
> pkg <- download.packages("testthat", dir, type = "source")
--- Please select a CRAN mirror for use in this session ---
probando la URL 'https://cran.rediris.es/src/contrib/
testthat_3.1.0.tar.gz'
Content type 'application/x-gzip' length 695232 bytes (678 KB)
downloaded 678 KB</pre>
```

En la variable donde se guardan los datos de la descarga, pkg, se almacena el nombre del paquete y la ubicación temporal donde se encuentra el archivo comprimido.

```
> pkg
     [,1]
[1,] "testthat"
     [,2]
[1,] "C:/Users/atien/OneDrive - Universidad de Alcala/
Documents/R/testthat_3.1.0.tar.gz"
```

También se puede descargar manualmente como se ha explicado en la Primera parte desde la página web de CRAN y guardarlo en el directorio que se ha asignado a la variable anterior dir.

3. La ruta de la variable *pkg* se usará para instalar el paquete desde su ubicación local con la instrucción *install\_local()* del paquete *remotes*.

```
> remotes::install_local(pkg[, 2])
- checking for file 'C:\Users\atien\AppData\Local\Temp\
Rtmp8cVpyS\remotes403c58535e29\testthat/DESCRIPTION'
- preparing 'testthat': (2.1s)
- checking DESCRIPTION meta-information ...
- cleaning src
- checking vignette meta-information ...
  checking for LF line-endings in source and make files and
shell scripts
- checking for empty or unneeded directories
- building 'testthat_3.1.0.tar.gz'
Installing package into 'C:/Users/atien/OneDrive - Universidad
de Alcala/Documents/R/win-library/4.1'
(as 'lib' is unspecified)
* installing *source* package 'testthat' ...
** using staged installation
** libs
```

Se puede verificar que un paquete se encuentra en la lista de paquetes instalados con el uso de la función *installed.packages()*. Para ello, se debe seguir los siguientes pasos:

1. Se obtiene toda la información de los paquetes instalados.

> a<-installed.packages()

```
> a
             Package
                            LibPath
             "cli"
                            "C:/Users/atien/OneDrive -
cli
Universidad de Alcala/Documents/R/win-library/4.1"
            "ellipsis"
                            "C:/Users/atien/OneDrive -
ellipsis
Universidad de Alcala/Documents/R/win-library/4.1"
evaluate "evaluate" "C:/Users/atien/OneDrive -
Universidad de Alcala/Documents/R/win-library/4.1"
            "fansi"
                            "C:/Users/atien/OneDrive -
Universidad de Alcala/Documents/R/win-library/4.1"
             Version
                          Priority
                                        Depends
             "3.1.0"
                                        "R (>= 2.10)"
cli
                          NA
             "0.3.2"
                                        "R (>= 3.2)"
ellipsis
                          NA
             "0.14"
                                        "R (>= 3.0.2)"
evaluate
                          NΑ
             "0.5.0"
                                        "R (>= 3.1.0)"
                          NΑ
fansi
. . .
             Imports
cli
             "glue, utils"
             "rlang (>= 0.3.0)"
ellipsis
evaluate
             "methods"
fansi
             "grDevices, utils"
. . .
             Enhances
cli
             NA
             NΑ
ellipsis
             NA
evaluate
```

NA fansi . . . License License\_is\_FOSS License\_restricts\_use OS\_type MD5sum cli "MIT + file LICENSE" NANANA"MIT + file LICENSE" ellipsis NANANA NA "MIT + file LICENSE"  ${\tt evaluate}$ NANA NANA"GPL (>= 2)"  ${\tt fansi}$ NA NANA NA . . .  ${\tt NeedsCompilation\ Built}$ "4.1.1" cli "yes" "yes" "4.1.1" ellipsis "no" "4.1.1" evaluate "yes" "4.1.1"  ${\tt fansi}$ 

- 2. A partir de toda la información obtenida anteriormente, se cogen solo los nombres de los paquetes con la siguiente instrucción:
  - > packages<-a[,1]</pre>
  - > packages

| cli         | cli ellipsis     |           | evalu     | ate  | fansi          |  |  |
|-------------|------------------|-----------|-----------|------|----------------|--|--|
| "cli"       | "cli" "ellipsis" |           | "evalua   | te"  | "fansi"        |  |  |
| far         | farver fastm     |           | )         |      | fs             |  |  |
| "farv       | er"              | "fastmap' | '         | "f   | s"             |  |  |
| gert        |                  | ggplot2   |           | gh   | gitcreds       |  |  |
| "gert"      | "g               | gplot2"   | "         | gh"  | "gitcreds"     |  |  |
| glue        |                  | gtable    | hi        | ghr  |                |  |  |
| "glue"      | "                | gtable"   | "hig      | hr"  |                |  |  |
| httr        |                  | ini       | isob      | and  | jsonlite       |  |  |
| "httr"      |                  | "ini"     | "isoba    | nd"  | "jsonlite"     |  |  |
| knit        | r                | labeling  | lifec     | ycle |                |  |  |
| "knitr      | " "1             | abeling"  | "lifecy   | cle" |                |  |  |
| magrittr    |                  | memoise   | m         | ime  | munsell        |  |  |
| "magrittr"  | "n               | nemoise"  | "mi       | me"  | "munsell"      |  |  |
| openssl     |                  | pillar    | pkgbui    | .ld  |                |  |  |
| "openssl"   | "F               | oillar"   | "pkgbuil  | .d"  |                |  |  |
| pkgconfig   |                  | pkgload   | pra       | ise  | prettyunits    |  |  |
| "pkgconfig" | "F               | kgload"   | "prai     | .se" | "prettyunits"  |  |  |
| processx    |                  | ps        | pur       | rr   |                |  |  |
| "processx"  |                  | "ps"      | "purr     | r"   |                |  |  |
| R6          | r                | appdirs   | rcmdch    | eck  | RColorBrewer   |  |  |
| "R6"        | "ra              | appdirs"  | "rcmdche  | ck"  | "RColorBrewer" |  |  |
| re          | match2           | 2 remotes |           |      | rlang          |  |  |
| "rem        | atch2"           | "remot    | ces"      | "r   | lang"          |  |  |
| roxygen2    | rp               | rojroot   | rstudio   | -    | rversions      |  |  |
| "roxygen2"  | "rpr             | ojroot"   | "rstudioa | pi"  | "rversions"    |  |  |
| scales      | sessio           | ninfo     | string    |      |                |  |  |
| "scales"    | "session         | ninfo"    | "stringi  | ."   |                |  |  |
| stringr     |                  | sys       | testt     | hat  | tibble         |  |  |
| "stringr"   |                  | "sys"     | "testth   | at"  | "tibble"       |  |  |

| usethis       | utf8       | vctrs          |            |
|---------------|------------|----------------|------------|
| "usethis"     | "utf8"     | "vctrs"        |            |
| viridisLite   | waldo      | whisker        | withr      |
| "viridisLite" | "waldo"    | "whisker"      | "withr"    |
| xfun          | xml2       | xopen          |            |
| "xfun"        | "xm12"     | "xopen"        |            |
| yaml          | zip        | base           | boot       |
| "yaml"        | "zip"      | "base"         | "boot"     |
| class         | cluster    | codetools      |            |
| "class"       | "cluster'  | codetools"     |            |
| compiler      | datasets   | foreign        | graphics   |
| "compiler"    | "datasets" | "foreign"      | "graphics" |
| grDevices     | grid       | -              | • .        |
| "grDevices"   | "grid'     | "KernSmooth"   |            |
| lattice       | MASS       | Matrix         | methods    |
| "lattice"     | "MASS"     | "Matrix"       | "methods"  |
| mgcv          | nlme       | nnet           |            |
| "mgcv"        | "nlme"     | "nnet"         |            |
| parallel      | rpart      | spatial        | splines    |
| "parallel"    | "rpart"    | "spatial"      | "splines"  |
| stats         | stats4     | survival       | _          |
| "stats"       | "stats4"   | "survival"     |            |
| tcltk         | tools      | translations   | utils      |
| "tcltk"       | "tools"    | "translations" | "utils"    |

3. Finalmente, se busca el paquete deseado entre el listado de paquetes anterior. Esto se realiza de la siguiente forma. En este ejemplo, se busca el paquete boot.

```
> is.element("boot", packages)
[1] TRUE
```

#### 3.2.2 Creación de paquetes

En esta sección se explicará cómo crear paquetes en R en unos sencillos pasos básicos [3].

Primero es necesario tener instalado el paquete devtools y también es recomendable instalar el paquete roxygen2. Se realiza con la instrucción:

- > install.packages("devtools", dependencies=TRUE)
- > install.packages("roxygen2", dependencies=TRUE)

El siguiente paso es crear la estructura de directorios que tiene un paquete en R. El paquete que se va a crear se llama paqueteEstadistica donde se añadirán todas las funciones creadas en la sección Análisis de descripción de datos de la Segunda parte de este documento. Una vez conocido el nombre del paquete, hay que crear una carpeta que se llame igual que este paquete. Dentro de la carpeta se crea un archivo sin extensión con título DESCRIPTION. En su interior hay que añadir, como mínimo, la siguiente información:

Package: paqueteR Version: 0.1 encoding: UTF-8

El próximo paso consiste en crear una carpeta llamada R para añadir el código de las funciones que se desean que estén en el paquete.

El cuarto paso es documentar el código de estas funciones. Un ejemplo de la documentación se puede observar en el código de la función  $freq_-abs()$ :

```
#' Frecuencia absoluta
#'
#' Función para calcular la frecuencia absoluta.
  @param x Un vector
#' @return Frecuencia absoluta de los elementos de x
#' @examples freq_abs(c(1,2,1,3))
freq_abs <- function(x)</pre>
        if (!is.numeric(x))
        {
                 stop("x is not a numeric")
        data <- sort(unique(x))</pre>
        counter <- vector(mode="numeric", length=0)</pre>
        for (value in data)
                 total <- longitud(unname(x[x == value]))</pre>
                 counter <- c(counter, total)</pre>
        }
        setNames(counter, data)
}
```

La documentación en R empieza cada línea con #'. Se hace una breve explicación del nombre de la función y su funcionalidad. Se pueden distinguir los siguientes campos:

- 1. @param donde se explican los argumentos de la función y su tipo.
- 2. @return donde se explica lo que devuelve la función.
- $3.\ @export\ indica si la función la puede usar los usuarios del paquete.$
- 4. @examples para crear ejemplos de la función.

Una vez documentadas las funciones, hay que situar el directorio de trabajo en esa carpeta.

#### > setwd("./paqueteEstadistica")

Luego se procesa la documentación con la función document() del paquete devtools de la siguiente manera:

```
> devtools::document()
```

Esta instrucción genera una nueva carpeta dentro del directorio del paquete llamada man y un archivo llamado NAMESPACE que contiene la siguiente información:

# # Generated by roxygen2: do not edit by hand

Finalmente, ya creada la estructura básica del paquete se puede compilar con la instrucción build() de esta forma:

```
> devtools::build()
```

Esta función crea el archivo comprimido  $paqueteEstadistica\_0.1.tar.gz$  con el paquete listo para ser compartido.

Ya se puede instalar el paquete como se ha explicado anteriormente.

Además del paquete paquete Estadistica se creará también otro paquete con el código del algoritmo Apriori que se llamará paquete Apriori.

#### 3.2.3 Aplicación del algoritmo Apriori

Para la aplicación del algoritmo Apriori en la segunda parte se tiene una nueva muestra que se encuentra en la Tabla 2, siendo la matriz con la que se va a trabajar.

|          | X | A | Т | N | В | С |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| Suceso 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| Suceso 2 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| Suceso 3 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| Suceso 4 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| Suceso 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| Suceso 6 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| Suceso 7 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| Suceso 8 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |

Table 2: Matriz correspondiente a la muestra observada, donde: {X: Faros de Xenon, A: Alarma, T: Techo Solar, N: Navegador, B: Bluetooth, C: Control de Velocidad}

En este caso, la muestra se almacena en el fichero de datos extras.txt siguiendo las mismas pautas vistas en la sección Formato del fichero de datos de la Primera parte.

|         | X A | ATNBC |   |   |   |   |
|---------|-----|-------|---|---|---|---|
| suceso1 | 1   | 0     | 0 | 1 | 1 | 1 |
| suceso2 | 1   | 0     | 1 | 0 | 1 | 1 |
| suceso3 | 1   | 0     | 0 | 1 | 0 | 1 |
| suceso4 | 1   | 0     | 1 | 1 | 1 | 0 |
| suceso5 | 1   | 0     | 0 | 0 | 1 | 1 |
| suceso6 | 0   | 0     | 0 | 1 | 0 | 0 |
| suceso7 | 1   | 0     | 0 | 0 | 1 | 1 |
| suceso8 | 0   | 1     | 1 | 0 | 0 | 0 |

De tal forma que pueda ser leído por una función y realizar todas las transformaciones necesarias a la matriz. Para ello, se ha programado la función read.apriori() que como argumento de entrada es file, es decir, el nombre del fichero que vamos a cargar como matriz. Una vez cargada como matriz, se siguen los mismos pasos que en la  $Primera\ parte$  pero todo ello ha sido comprimido en una misma función.

```
read.apriori <- function(file)
{
    if (!is.character(file))
    {
        stop("file is not a character")
    }

    muestra <- Matrix(as.matrix(read.table(file)), sparse=T)
    muestrangCMatrix <- as(muestra, "nsparseMatrix")
    t(muestrangCMatrix)
}</pre>
```

Así se puede cargar directamente el fichero extras.txt y ya se tiene la matriz preparada para usar en el algoritmo Apriori.

```
> muestraExtras <- read.apriori("extras.txt")
> muestraExtras
6 x 8 sparse Matrix of class "ngCMatrix"
```

|   | suceso1 | suceso2 | suceso3 | suceso4 | suceso5 | suceso6 | suceso7 | suceso8 |
|---|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| X | 1       |         | 1       | 1       | 1       |         | 1       |         |
| A |         |         |         |         |         |         |         | 1       |
| Т |         |         |         | 1       |         |         |         | 1       |
| N | 1       | •       | 1       | 1       |         | 1       |         |         |
| В | - 1     |         | •       | - 1     | 1       |         | - 1     |         |
| С | 1       | 1       | 1       |         | 1       |         | 1       |         |

Como prueba de su funcionamiento, se ha hecho lo mismo para las cestas de la parte anterior, para que se pueda comprobar que se obtiene la misma matriz.

```
> muestraCestas <- read.apriori("cestas.txt")</pre>
> muestraCestas
5 x 6 sparse Matrix of class "ngCMatrix"
         suceso1 suceso2 suceso3 suceso4 suceso5 suceso6
Pan
                       -1
                               Agua
                                Cafe
Leche
                                Naranjas
               1
> transpmuestrangCMatrix
5 x 6 sparse Matrix of class "ngCMatrix"
         suceso1 suceso2 suceso3 suceso4 suceso5 suceso6
Pan
                       -1
                               Agua
                       Т
                                1
Cafe
                       1
Leche
Naranjas
```

Para aplicar el algoritmo Apriori se ha programado antes en R siguiendo el pseudocódigo de Christian Borgelt [2], el paper de Roberto J. Bayardo [1] y lo visto en clase de teoría (sin implementar la optimización del hash tree). Primero se va a explicar las distintas funciones del algoritmo, empezando por la principal y descomponiendo las otras funciones que son llamadas. Para finalizar, se demuestra que los resultados son correctos al compararlos con el uso de la función apriori() del paquete arules.

Se empieza con apriori\_main() que es la llamada principal para que comience el algoritmo. Tiene como argumentos matrix que es la matriz de la muestra (que puede haber sido cargada con read.apriori()), el support que es el umbral del soporte y, por último, el confidence siendo el umbral de la confianza. La función comienza obteniendo los candidatos y sucesos a partir de la matriz que se le pasa, y realiza los siguientes pasos:

#### Paso A:

**Subpaso A.1.** Realiza la primera poda de los sucesos elementales llamando a la función prune().

Subpaso A.2.1 A partir de los sucesos elementales se llama a la función  $apri-ori\_gen()$  empezando por la dimensión dos (k=2) y aumentando en uno hasta que no haya más candidatos.

Subpaso A.2.2 Se realiza la poda de los nuevos candidatos en la dimensión k llamando a la función prune() y que, como optimización, se podría implementar en un  $hash\ tree.$ 

**Paso B:** Se aplica la función  $ap\_genrules()$  para el cálculo de la confianza y conocer las asociaciones siguiendo el teorema visto en teoría.

Paso C: Se muestra los resultados con printResults() al igual que lo hace la función inspect() del paqueta arules.

```
apriori_main <- function(matrix, support, confidence)
{</pre>
```

```
for (c in seq(length(rownames(matrix))))
         {
                 candidates <- c(candidates, c)</pre>
        }
         transactions <- seq(length(colnames(matrix)))</pre>
        frequents = prune(matrix, candidates, transactions, support)
        k <- 2
         repeat
         {
                 candidates <- apriori_gen(frequents, k)</pre>
                 if (length(candidates) == 0)
                 {
                          break
                 }
                 frequents_k <- prune(matrix, candidates, transactions, support)</pre>
                 frequents <- c(frequents, frequents_k)</pre>
                 k <- k + 1
        }
        rules <- c()
        for (n in length(frequents):2)
                 for (i in 1:length(frequents[[n]]))
                 {
                          rules\_n \leftarrow ap\_genrules(matrix, \ c(), \ c(), \ frequents[[n]][[i]], \ n,
                                   transactions, confidence)
                          rules <- c(rules, rules_n)</pre>
                 }
         }
        printResults(matrix, rules, transactions)
}
   La función prune() que es utilizada por el algoritmo en el Subpaso A.1 y Sub-
paso A.2.2 tiene como argumentos de entrada matrix siendo la matriz de la muestra,
candidates que son los candidatos a podar, transactions los sucesos y support el um-
bral de soporte. Básicamente esta función mantiene unos contadores de soportes que
almacena el número de apariciones del candidato en la matriz usando la función coun-
tOccurrences() y seleccionado aquellos que superan el umbral del soporte.
prune <- function(matrix, candidates, transactions, support)</pre>
         supportCounters = c()
        for (c in 1:length(candidates))
                 counter <- countOccurrences(matrix, candidates[[c]], transactions)</pre>
                 supportCounters = c(supportCounters, counter)
         }
```

candidates <- list()</pre>

Para conocer las apariciones de un candidato en la matriz se ha programado esta función llamada countOccurrences() que tiene como argumentos matrix la matriz de la muesta, candidate siendo el candidato y transactions los sucesos. Aquí es cierto que se puede hacer una mejora optimización con el uso de hash tree pero para simplificar la programación del algoritmo, se va recorriendo los sucesos y comprobando si dicho candidato pertenece a la matriz de muestra y se le suma uno al contador.

```
countOccurrences <- function(matrix, candidate, transactions)
{
    counter <- 0

    for (t in transactions)
    {
        contains <- T
        for (i in candidate)
        {
             contains <- matrix[i, t] && contains
        }

        if (contains)
        {
             counter <- counter + 1
        }
    }

    counter
}</pre>
```

La función apriori\_gen es la encargada de identificar los candidatos en cada dimensión k comprobando que se cumplen dos condiciones:

```
1. a_i = b_i para i = 1, 2, ..., k - 2
2. a_{k-1} \neq b_{k-1}
```

Recibe como argumentos frequents que son los candidatos que han pasado por la poda y la dimensión k.

```
apriori_gen <- function(frequents, k)
{
      candidates = list()

      for (f in 1:length(frequents[[k - 1]]))
      {
          for (j in f + 1:length(frequents[[k - 1]]) - 1)</pre>
```

```
{
                         if (j > length(frequents[[k - 1]]))
                                  next
                          a <- frequents[[k - 1]][[f]]
                         b <- frequents[[k - 1]][[j]]</pre>
                          if (k - 2 > 0)
                                  for (i in 1:(k - 2))
                                           if (a[i] != b[i])
                                                   next
                                           }
                                  }
                         }
                          if (a[k-1] != b[k-1])
                                  candidates <- c(candidates, list(union(a, b)))</pre>
                         }
                 }
        }
        candidates
}
```

Usando la función  $ap\_genrules()$  que se basa en el teorema visto en clase de si sean dos conjuntos A y B, si la asociación  $A \to B-A$  no supera el umbral de confianza, entonces cualquier asociación  $A' \to B-A'$ , donde A' es cualquier subconjunto de A tampoco supera el umbral de confianza. Para ello se realizan llamadas de forma recursiva de la función  $ap\_genrules()$  hasta que no haya más subconjuntos posibles. Tiene como argumentos matrix siendo la matriz de muestra, rules las asociaciones que se van almacenando en cada llamada recursiva y luego se devuelve, los dos conjuntos A y B, la dimensión a la que se está aplicando la función con dimensions, los sucesos en transactions y, por último, el umbral de confianza a comprobar con confidence.

```
ap_genrules <- function(matrix, rules, A, B, dimensions, transactions, confidence)
{
    if (length(A) == 0)
    {
        combinations <- combn(B, dimensions - 1)
    }
    else
    {
        combinations <- combn(A, dimensions - 1)
    }

    if (length(combinations) == 0)
    {
        return(rules)
    }
}</pre>
```

```
for (col in 1:ncol(combinations))
                  lhs <- c()
                  for (row in 1:nrow(combinations))
                           lhs <- c(lhs, combinations[row, col])</pre>
                  }
                  rhs <- setdiff(B, lhs)</pre>
                  nB <- countOccurrences(matrix, B, transactions)</pre>
                  nA <- countOccurrences(matrix, lhs, transactions)</pre>
                  if ((nB / nA) >= confidence)
                  {
                           rules <- c(rules, list(c(lhs = list(lhs), rhs = rhs)))</pre>
                           ap_genrules(matrix, rules, lhs, B, dimensions - 1, transactions,
                                    confidence)
                  }
        }
         rules
}
   Y la última función, printResults() que simplemente calcula de cada asociación
obtenida el support, confidence, coverage, lift y count. Para después almacenarlo en
un data.frame y que se muestre como lo haría la función inspect() del paquete arules.
Tiene como argumentos la matrix de muestra, rules que son las asociaciones selec-
cionados y los sucesos en transactions.
printResults <- function(matrix, rules, transactions)</pre>
        rows <- rownames(matrix)</pre>
         n <- length(transactions)</pre>
         lhs <- c()
         rhs <- c()
         support <- c()</pre>
         confidence <- c()</pre>
         coverage <- c()
         lift <- c()
         count <- c()
         for (i in length(rules):1)
         {
                  count_lhs_rhs <- countOccurrences(matrix, c(rules[[i]]$lhs, rules[[i]]$rhs),</pre>
                          transactions)
                  count_lhs <- countOccurrences(matrix, rules[[i]]$lhs, transactions)</pre>
                  count_rhs <- countOccurrences(matrix, rules[[i]]$rhs, transactions)</pre>
                  support_i <- count_lhs_rhs / n</pre>
                  coverage_i <- count_lhs / n</pre>
                  lhs <- c(lhs, paste("{", paste(rows[rules[[i]]$lhs], collapse=","), "}", sep=""))</pre>
                  rhs <- c(rhs, paste("{", paste(rows[rules[[i]]$rhs], collapse=","), "}", sep=""))</pre>
```

Para finalizar, se demuestra que el algoritmo funciona dando los mismos resultados que con el paquete *arules*. En este caso, para las muestras de extras incluidos de coches también se ha elegido como en el ejercicio anterior el umbral de soporte a 0.5 y confianza a 0.8, aunque obviamente esto puede cambiar y obtener otros resultados como por ejemplo con un soporte de 0.4 y una confianza de 0.9.

```
> apriori_main(muestraExtras, 0.5, 0.8)
            rhs support confidence coverage
                                                    lift count
    \{C\} \Rightarrow \{B\}
                   0.500 0.8000000
                                         0.625 1.280000
    \{B\} => \{C\}
                   0.500 0.8000000
                                         0.625 1.280000
3
    \{C\} => \{X\}
                   0.625 1.0000000
                                        0.625 1.333333
                                                              5
    \{X\} \Rightarrow \{C\}
                   0.625  0.8333333  0.750 1.333333
                                                              5
    \{B\} \Rightarrow \{X\}
                   0.625 1.0000000 0.625 1.333333
                                                              5
    \{X\} \Rightarrow \{B\}
                   0.625  0.8333333  0.750  1.333333
                                                              5
7 \{B,C\} => \{X\}
                   0.500 1.0000000 0.500 1.333333
8 \{X,C\} \Rightarrow \{B\}
                   0.500 0.8000000
                                         0.625 1.280000
9 \{X,B\} => \{C\}
                   0.500 0.8000000
                                         0.625 1.280000
> apriori_main(muestra, 0.4, 0.9)
            rhs support confidence coverage
                                                    lift count
    \{C\} \Rightarrow \{X\}
                   0.625
                                   1
                                         0.625 1.333333
                                                              5
    \{B\} => \{X\}
                   0.625
                                   1
                                         0.625 1.333333
                                                               5
3 \{B,C\} => \{X\}
                   0.500
                                   1
                                         0.500 1.333333
                                                               4
```

Si se hace lo mismo con el algoritmo Apriori se puede comprobar que los resultados son iguales:

```
> transacciones <- as(muestraExtras, "transactions")
> inspect(apriori(transacciones, parameter=list(support=0.5, confidence=0.8)))
Apriori
```

#### Parameter specification:

```
confidence minval smax arem aval original
Support maxtime support minlen 0.8 0.1 1 none FALSE TRUE 5 0.5 1 maxlen target ext 10 rules TRUE
```

#### Algorithmic control:

```
filter tree heap memopt load sort verbose
0.1 TRUE TRUE FALSE TRUE 2 TRUE
```

Absolute minimum support count: 4

```
set item appearances ...[0 item(s)] done [0.00s].
set transactions ...[6 item(s), 8 transaction(s)] done [0.00s].
sorting and recoding items ... [4 item(s)] done [0.00s].
creating transaction tree ... done [0.00s].
checking subsets of size 1 2 3 done [0.00s].
writing ... [9 rule(s)] done [0.00s].
creating S4 object ... done [0.00s].
             rhs support confidence coverage lift
[1] {C}
          => {B} 0.500 0.8000000 0.625 1.280000 4
[2] {B}
         => \{C\} 0.500
                         0.8000000 0.625
                                              1.280000 4
         => {X} 0.625
                         1.0000000 0.625
[3] {C}
                                              1.333333 5
[4] \{X\}
          => \{C\} 0.625
                         0.8333333 0.750
                                              1.333333 5
                         1.0000000 0.625
                                              1.333333 5
[5] {B}
          => \{X\} 0.625
[6] \{X\}
         \Rightarrow {B} 0.625
                         0.8333333 0.750
                                              1.333333 5
[7] \{B,C\} \Rightarrow \{X\} \ 0.500
                         1.0000000 0.500
                                              1.333333 4
[8] \{X,C\} \Rightarrow \{B\} \ 0.500
                          0.8000000 0.625
                                              1.280000 4
[9] {X,B} => {C} 0.500
                         0.8000000 0.625
                                              1.280000 4
> inspect(apriori(transacciones, parameter=list(support=0.4, confidence=0.9)))
Apriori
Parameter specification:
 confidence minval smax arem aval originalSupport maxtime support minlen
        0.9
               0.1
                      1 none FALSE
                                               TRUE
                                                           5
                                                                 0.4
maxlen target ext
     10 rules TRUE
Algorithmic control:
 filter tree heap memopt load sort verbose
    0.1 TRUE TRUE FALSE TRUE
                                       TRUE.
Absolute minimum support count: 3
set item appearances ...[0 item(s)] done [0.00s].
set transactions ...[6 item(s), 8 transaction(s)] done [0.00s].
sorting and recoding items ... [4 item(s)] done [0.00s].
creating transaction tree ... done [0.00s].
checking subsets of size 1 2 3 done [0.00s].
writing ... [3 rule(s)] done [0.00s].
creating S4 object ... done [0.00s].
    lhs
            rhs support confidence coverage lift
          \Rightarrow {X} 0.625
[1] {C}
                         1
                                     0.625
                                              1.333333 5
                                              1.333333 5
          \Rightarrow {X} 0.625
[2] {B}
                                     0.625
                          1
[3] \{B,C\} \Rightarrow \{X\} \ 0.500
                                     0.500
                                              1.333333 4
                         1
   Y lo mismo ocurre con las cestas de la compra de la Primera parte:
> apriori_main(muestraCestas, 0.5, 0.8)
                      rhs support confidence coverage lift count
           lhs
1
       \{Leche\} =>
                    {Pan} 0.6666667
                                            0.8 0.8333333 0.96
2
         {Pan} => {Leche} 0.6666667
                                            0.8 0.8333333 0.96
        {Agua} =>
                    {Pan} 0.6666667
                                            1.0 0.6666667 1.20
         {Pan} =>
                   {Agua} 0.6666667
                                            0.8 0.8333333 1.20
5 {Agua, Leche} =>
                    {Pan} 0.5000000
                                            1.0 0.5000000 1.20
```

# 4 Conclusiones

Esta práctica está dividida en dos partes: la segunda parte consistió en investigar como cumplir los objetivos de la primera sin emplear lo enseñado en esta parte. Se ha optado por programar prácticamente todas las funciones, incluido el Algoritmo Apriori, y se ha buscado diferentes funciones con un comportamiento similar al mostrado en las clases de laboratorio.

Se ha completado todos los apartados pedidos. Con ello, se ha podido conocer un poco más en profundidad el lenguaje de R con el estudio de algunas de sus funciones y paquetes. Esta práctica ha sido la antesala para poder sumergirse en el mundo de la Ciencia de datos.

# References

- [1] Roberto J. Bayardo. "Mining the most interesting rules". In: In Proceedings of the Fifth ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining. ACM Press, 1999, pp. 145–154.
- [2] Christian Borgelt. Apriori Finding Association Rules/Hyperedges with the Apriori Algorithm. URL: https://borgelt.net/apriori.html.
- [3] David Callejas and Marcelino de la Cruz. "Cómo crear paquetes en R". In: *Ecosistemas* 29 (Apr. 2020). DOI: 10.7818/ECOS.1948.
- [4] Paulo Carvalho et al. "Information Visualization for CSV Open Data Files Structure Analysis". In: Mar. 2015. DOI: 10.5220/0005265301010108.
- [5] Jim Hester et al. remotes: R Package Installation from Remote Repositories, Including 'GitHub'. R package version 2.4.1. 2021. URL: https://CRAN.R-project.org/package=remotes.
- [6] Paul Poncet. modeest: Mode Estimation. R package version 2.4.0. 2019. URL: https://CRAN.R-project.org/package=modeest.
- [7] R Core Team. R: A Language and Environment for Statistical Computing. R Foundation for Statistical Computing. Vienna, Austria, 2021. URL: https://www.R-project.org/.
- [8] Brian Lee Yung Rowe. lambda.r: Modeling Data with Functional Programming. R package version 1.2.4. 2019. URL: https://CRAN.R-project.org/package=lambda.r.
- [9] Hadley Wickham. "testthat: Get Started with Testing". In: *The R Journal* 3 (2011), pp. 5-10. URL: https://journal.r-project.org/archive/2011-1/RJournal\_2011-1\_Wickham.pdf.
- [10] Hadley Wickham, Jim Hester, and Winston Chang. devtools: Tools to Make Developing R Packages Easier. R package version 2.4.2. 2021. URL: https://CRAN.R-project.org/package=devtools.