```
Montecarlo para integrales.
(c) Carlos M. martinez, marzo-abril 2022, abril 2025.
Abril 2025: arreglado un bug en la integración en paralelo
import random
import math
import tabulate
import time
from scipy.stats import norm
import functools
from cm2c.fing.mmc.utils import sortearPuntoRN
from pathos.multiprocessing import ProcessPool as Pool
_VERSION = "Integracion MMC v0.1.4 - Carlos Martinez abril-mayo 2022,
abril 2025."
def version():
   return _VERSION
\#end def
def integracionMonteCarlo(Phi, n, sortearPunto):
   ...
  Integracion por Montecarlo.
   Phi: funcion a integrar
```

11 11 11

n: tamaño de la muestra (cantidad de iteraciones)

sortear Punto: funcion que sortea un punto en un espacio dim-dimensional delta: intervalo de confianza

```
Resultado: (estimacion valor integral, estimacion varianza, cant. puntos
dentro, T)
   " " "
   S = 0
   T = 0
   for j in range(1, n+1):
      \# sortear X(\{j\} con distribución uniforme en R(n)
      Xj = sortearPunto(0)
      # print(Xj, Phi(Xj))
     if j>1:
         T = T + (1-1/j)*(Phi(Xj)-S/(j-1))**2
     S = S + Phi(Xj)
   # end for
   estimZ = S / n
   estimSigma2 = T / (n-1)
   estimVar = estimSigma2 \ / \ n
  return (estimZ, estimVar, S, T)
\#\#end def
def integracion Monte Carlo Stieltjes (Kappa, \, n, \, sortear Punto):
   Integracion por Montecarlo.
   Phi: funcion a integrar
   n: tamaño de la muestra (cantidad de iteraciones)
   dim: dimensionalidad del problema
```

sortear Punto: funcion que sortea un punto en un espacio dim-dimensional con una cierta distribucion ${\bf F}$

delta: intervalo de confianza

```
Resultado: (estimacion valor integral, estimacion varianza)
   S = 0
   T = 0
   for j in range(1, n+1):
     \# sortear Z(\{j\} con distribución dF en R(n)
     Zj = sortearPunto('dummy')
     # print(Xj, Phi(Xj))
     if j>1:
        T = T + (1-1/j)*(Kappa(Zj)-S/(j-1))**2
     S = S + Kappa(Zj)
   # end for
   estimZ = S / n
   estimSigma2 = T / (n-1)
   estimVar = estimSigma2 \ / \ n
  return (estimZ, estimVar, S, T)
\#\# end def
## intervalo de confianza aproximación normal
def intConfianzaAproxNormal(estimZ, estimV, n, delta):
  Intervalo de confianza para la integración de Monte Carlo, según el criterio
```

de la aproximación normal.

```
estimZ : valor estimado de la integraal
   estimV : valor estimado de la varianza
   n : cantidad de iteraciones
   delta: amplitud del intervalo de confianza
  D = norm.ppf(1-delta/2)*math.sqrt(estimV)
  I0 = estimZ - D
  I1 = estimZ + D
  return (I0, I1)
\#end def
# Version paralelizada de Montecarlo
def integracionMonteCarloParalelo(Phi, n, sortearPunto, hilos):
   ...
     Version paralelizada del metodo Monte Carlo
     Phi: funcion que implementa el volumen
     N: numero de muestras
     sortear
Punto : funcion que sortea puntos en RN
```

```
hilos: cantidad de hilos en el pool de tareas
...
args1 = []
args2 = []
args3 = []
for x in range(0,\text{hilos}):
  args3.append( sortearPunto )
   args2.append( math.ceil(n/hilos) )
   args1.append(Phi)
p = Pool(hilos)
resultados = p.map(integracionMonteCarlo, args1, args2, args3)
#print(resultados)
# unir los resultados para producir el resultado final
Stotal = 0
Ntotal = 0
Ttotal = 0
for i in range(0, hilos):
   Stotal = Stotal + resultados[i][2]
   Ttotal = Ttotal + resultados[i][3]
  Ntotal = Ntotal + math.ceil(n/hilos)
#
VolR = Stotal / Ntotal
VarVorR = (Stotal/Ntotal)*(1-Stotal/Ntotal)/(Ntotal-1)
estimZ = Stotal / Ntotal
estimSigma2 = Ttotal / (Ntotal-1)
```

```
estimVar = estimSigma2 / Ntotal

return (estimZ, estimVar, Stotal, Ttotal)

# end def integral montecarlo paralelo

if ___name___ == "___main___":
    print("Es una biblioteca, no es para correr directamente")
```