Universidade Federal da Bahia Programa de Pós-Graduação em Ciência de Dados e Big Data Carlos Magno Santos Ribeiro de Brito

Prof Dr. Paulo Canas Rodriques

Respostas da segunda lista de exercício

Questão 01) Por engano misturaram-se quatro pilhas novas com três pilhas usadas. Escolhendo ao acaso, e sem reposição, duas dessas pilhas, determine a probabilidade uma ser nova e outra usada.

Temos que inicialmente total de pilhas é n=7. Quando não há reposição (eventos dependentes), a probabilidade da primeira tentativa ser nova é dada como $P(N)=\frac{4}{7}$, mas a probabilidade da segunda ser usada é $P(U|N)=\frac{3}{6}=0.5$, pois o espaço amostral total diminuiu. A probabilidade de uma ser nova e outra usada pode ser definida como $P(N\cap U)=P(N)\times P(U|N)=\frac{4}{7}\times\frac{3}{6}\approx 28,6\%$.

Questão 02) Sabe-se que 5% das pessoas que começam uma dieta têm disturbio alimentar. Ao selecionar, ao acaso, 50 pessoas em dieta, determine:

a) A probabilidade de que pelo menos uma pessoa sofra de distúrbio alimentar;

Para resolver este problema, podemos tomar a distribuição binomial¹ como modelo a ser utilizado. A probabilidade de disturbio alimentar é dada como $p = \frac{5}{100} = \frac{1}{20}$ e n = 50. Definindo X como o número de pessoas com distúrbio alimentar, $X \sim b(n = 50; p = \frac{1}{20})$.

$$P(X = x) = \binom{n}{x} p^x (1 - p)^{n - x}$$

$$P(X \ge 1) = \binom{50}{x} \left(\frac{1}{20}\right)^x \left(1 - \frac{1}{20}\right)^{50 - x}, \quad x = 1, 2, 3, \dots, 50$$

Isso é o mesmo que $P(X \ge 1) = 1 - P(X = 0)$. Para o valor de P(X = 0), temos:

$$P(X = 0) = {50 \choose 0} \left(\frac{1}{20}\right)^0 \left(1 - \frac{1}{20}\right)^{50} \approx 0,0769$$
$$P(X \ge 1) = 1 - 0,0769 \approx 0,9231$$

 $^{^1 {\}rm Alternativamente},$ esse valor porderia ser encontrado pela distribuição de poisson, para comparações (np < 7)

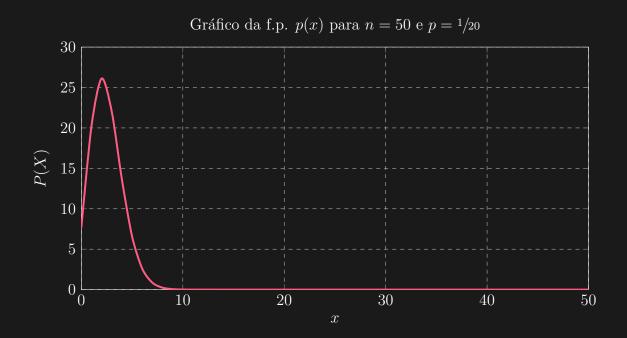
Ou seja, 92,31%.

Obtém-se com Python os valores para a distribuição binomial com o seguinte código e plota-se o gráfico dessa distribuição:

```
from scipy.stats import binom

n = 50
p = 0.05
x = range(0, n + 1)

a = binom.pmf(x, n, p)
for i, o in enumerate(a):
    print("{} {:.4f}".format(i,o*100))
```



b) O número médio e o desvio padrão das pessoas com distúrbio alimentar.

A média e o desvio padrão são calculados como:

$$E(X) = np = 50 \times \frac{1}{20} = 2,5$$

$$\sigma = \sqrt{Var(X)} = \sqrt{npq} = \sqrt{50 \times \frac{1}{20} \times \left(1 - \frac{1}{20}\right)} \approx 1,54$$

Questão 03) Para a população masculina de um determinado país, com idades entre 18 e 74 anos, a pressão sistólica tem distribuição aproximadamente normal com média 129 mmHg e desvio padrão 19.8 mmHg. Considere que os níveis da pressão são normais quando menores que 130 mmHg.

a) Qual a probabilidade de um homem dessa população possuir pressão sistólica normal?