INTRODUCCION

¿Qué es un sistema?:
Ideas de estudiantes:
G2:
Son un conjunto de propiedades o incógnitas que interactúan entre si que a su vez tienen una entrada para brindar un fin/respuesta especifico.
Conjunto de componentes que funcionan para lograr algo.
Es un conjunto de procesos que permiten lograr una transformación para cumplir algo.
G54:
Un conjunto de señales.
Un conjunto de elementos, que trabajan en un conjunto para realizar una tarea.
Definición:
Un sistema son un conjunto de elementos que interactúan entre sí, y que teniendo en cuenta propiedades y leyes físicas, a partir de estímulos (señales de entrada) generan respuestas (señales de salida) para cumplir una o varias tareas específicas.
Señales de entrada: reciben el nombre de estímulos o señales de excitación.
Señales de salida: reciben el nombre de respuestas o variables de interés.
Parámetros: los parámetros son los coeficientes que acompañan a nuestras variables dependientes (señales de entrada y salida, y todas sus derivaciones)
¿Qué es una señal?
Ideas de estudiantes:
G2
Una variación de una magnitud física.
Algo que permite transmitir información.
Un dato que puede ser caracterizado y medido.
Contiene información de un fenómeno y/o comportamiento físico.
Una variable que depende del tiempo y/o el espacio.
G54
Algo que se puede medir.
Respuesta de un proceso físico.

Parámetro que nos permite obtener información de alguna magnitud

Definición:

Es una función que permite describir el comportamiento de algún fenómeno físico. Por ejemplo, desplazamiento es una señal de naturaleza mecánica, corriente y la tensión eléctrica son señales de naturaleza eléctrica, el calor y la temperatura son señales de naturaleza térmica, el caudal es una señal de naturaleza hidráulica.

Clasificación de los sistemas

Características de memoria:

• Estáticos: es básicamente un sistema que no tiene memoria. Eso quiere decir que la evolución en el tiempo de la salida/salidas solamente depende de lo que ocurra en la entrada/entradas en el momento actual. Se modelan usando ecuaciones algebraicas.

$$v(t) = Ri(t)$$
$$y(t) = 3x(t) + \cos(x(t))$$

• **Dinámicos:** es un sistema que tiene memoria. Es un sistema cuya salida/salidas depende de lo que ocurre en el momento actual, pasado y/o futuro de la entrada y/o salida. Estos sistemas son modelados usando ecuaciones integro/diferenciales. La característica de memoria se asocia a los elementos que almacenan energía.

$$m\ddot{x}(t) + b\dot{x}(t) + kx(t) = F(t)$$
$$5\ddot{x}(t) + 3x(t) = F(t)$$

Características espaciales:

 Parámetros concentrados (EDO): el modelo matemático de estos sistemas se hace a partir de ecuaciones diferenciales ordinarias. Es decir que la variable independiente es una sola, generalmente es el tiempo.

$$m\ddot{x}(t) + b\dot{x}(t) + kx(t) = F(t)$$

• Parámetros distribuidos (EDP): el modelo matemático de estos sistemas se hace a partir de ecuaciones diferenciales parciales. Es decir que la variable independiente no es una sola, además del tiempo tenemos variables espaciales (altura, profundidad, ancho..., x, y, z).

$$\frac{\partial T}{\partial t} - \alpha \left(\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} \right) = 0 \quad \text{(Ec. de calor)}$$

Continuidad de la variable independiente (tiempo)

• **Continuos:** la variable independiente es continua (en un intervalo podemos obtener infinitos valores).

- Discretos: la variable independiente es discreta (en un intervalo tenemos finitos valores).
- Híbridos: combinación de los anteriores.

Dependiendo de su naturaleza:

- **Determinístico:** que el modelo que describe el comportamiento del sistema es determinista. El modelo matemático, a partir de unas condiciones iniciales se puede predecir su comportamiento y es único.
- **Estocástico:** son sistemas cuyo modelado se enfatiza en usar funciones probabilísticas. El modelo matemático, a partir de unas condiciones iniciales no se puede predecir y su comportamiento no es único.

Dependiendo de la cantidad de entradas y salidas:

• SISO: Single Input- Single Output



La variable x(t) es la señal de entrada. La variable y(t) es la señal de salida.

$$3\ddot{y}(t) + 5y(t) = 5x(t)$$

• SIMO: Single Input- Multiple Output



La variable x(t) es la señal de entrada.

La variable y(t) es la señal de salida, es un vector de salida. Estos vectores son vectores tipo columna. Es decir:

$$y(t) = \begin{bmatrix} y_1(t) \\ \vdots \\ y_m(t) \end{bmatrix}$$

$$3\ddot{y}_1(t) + 5y_1(t) = 5x(t)$$

$$3\dot{y}_2(t) + 7y_2(t) = y_1(t)$$

• MISO: Multiple Input- Single Output



La variable x(t) es la señal de entrada y es un vector de entradas. Estos vectores son vectores tipo columna. Es decir:

$$x(t) = \begin{bmatrix} x_1(t) \\ \vdots \\ x_n(t) \end{bmatrix}$$

La variable y(t) es la señal de salida.

$$3\ddot{y}(t) + 5y(t) = 5x_1(t) + 4x_2(t)$$

• MIMO: Multiple Input- Multiple Output



La variable x(t) es la señal de entrada y es un vector de entradas. Estos vectores son vectores tipo columna. Es decir:

$$x(t) = \begin{bmatrix} x_1(t) \\ \vdots \\ x_n(t) \end{bmatrix}$$

La variable y(t) es la señal de salida y es un vector de salida. Estos vectores son vectores tipo columna. Es decir:

$$y(t) = \begin{bmatrix} y_1(t) \\ \vdots \\ y_m(t) \end{bmatrix}$$

$$3\ddot{y}_1(t) + 5y_1(t) = 5x_1(t) + x_3(t)$$

$$3\dot{y}_2(t) + 7y_2(t) = y_1(t) + 6x_1(t) - 5x_{2(t)}$$

Estabilidad:

- Estable: es un sistema que cuando se le ingresa una entrada acotada (que después de un tiempo su valor tiende a un número o a un rango de números, tiende a un valor finito) la salida es acotada (que después de un tiempo su valor tiende a un número o a un rango de números, tiende a un valor finito).
- Inestable: es un sistema que cuando se le ingresa una entrada acotada (que después de un tiempo su valor tiende a un número o a un rango de números, tiende a un valor finito) la salida no es acotada (tiende a un valor infinito).

Variación de los parámetros o Invarianza Temporal:

• Variantes en el tiempo: son sistemas cuyos parámetros varían con respecto al tiempo.

$$3\ddot{y}(t) + 5e^t y(t) = 5\cos(t)x_1(t) + 4x_2(t)$$

• Invariantes en el tiempo (parámetros fijos): son sistemas cuyos parámetros son fijos en el tiempo.

$$3\ddot{y}(t) + 5y(t) = 5x_1(t) + 4x_2(t)$$

Si
$$T[x(n)] = y(n)$$
 entonces $T[x(n-k)] = y(n-k)$ $\forall x(n), k$

Principio de superposición(Linealidad):

$$T[a_{1}x_{1}(n) + a_{2}x_{2}(n)] = a_{1}T[x_{1}(n)] + a_{2}T[x_{2}(n)] \qquad \forall a_{1}, a_{2}, x_{1}(n), x_{2}(n)$$

$$x_{1}(n) \xrightarrow{a_{1}} y(n) = x_{2}(n) \xrightarrow{T} a_{1} y(n)$$

$$x_{2}(n) \xrightarrow{a_{1}} T \xrightarrow{a_{2}} y(n)$$

• Lineales: cumplen el principio de superposición.

$$3\ddot{y}(t) + 5y(t) = 5x(t)$$
, $CI = 0$

La variable x(t) es la señal de entrada. La variable y(t) es la señal de salida.

Transformación (nos vamos a Laplace):

$$3s^2Y(s) + 5Y(s) = 5X(s)$$

1) Vamos a ingresar al sistema la entrada $a_1x_1(t) \rightarrow a_1X_1(s)$ y vemos cual es la salida $(y(t) \rightarrow Y(s))$

$$3s^2Y(s) + 5Y(s) = 5a_1X_1(s)$$

$$Y(s) = \frac{5a_1X_1(s)}{3s^2 + 5} = Y_1(s)$$

Vamos a ingresar al sistema la entrada $a_2x_2(t) \rightarrow a_2X_2(s)$ y vemos cual es la salida $(y(t) \rightarrow Y(s))$

$$3s^2Y(s) + 5Y(s) = 5a_2X_2(s)$$

$$Y(s) = \frac{5a_2X_2(s)}{3s^2 + 5} = Y_2(s)$$

Sumo las salidas obtenidas:

$$Y_R(s) = Y_1(s) + Y_2(s) = \frac{5a_1X_1(s)}{3s^2 + 5} + \frac{5a_2X_2(s)}{3s^2 + 5}$$

$$Y_R(s) = \frac{5(a_1X_1(s) + a_2X_2(s))}{3s^2 + 5}$$

2) Vamos a ingresar al sistema las entradas que ingresamos anteriormente, pero sumadas $a_1x_1(t) + a_2x_2(t) \rightarrow a_1X_1(s) + a_2X_2(s)$.

$$3s^{2}Y(s) + 5Y(s) = 5(a_{1}X_{1}(s) + a_{2}X_{2}(s))$$
$$Y(s) = \frac{5(a_{1}X_{1}(s) + a_{2}X_{2}(s))}{3s^{2} + 5}$$

Finalmente comparamos las salidas de 2) y 1)

$$Y(s) = \frac{5(a_1X_1(s) + a_2X_2(s))}{3s^2 + 5}$$
$$Y_R(s) = \frac{5(a_1X_1(s) + a_2X_2(s))}{3s^2 + 5}$$

$$Y(s) = Y_R(s)$$

-----Grupo 54-----

• No lineales: no cumplen el principio de superposición.

------Vamos aguí G2-----

Representación de los sistemas

Función de transferencia (FT):

Diagrama de bloques (DB):

Representación en Variables de Estado (VE):