

```

from IPython.core.interactiveshell import InteractiveShell
import pandas as pd

# Mostrar solo la última salida en cada celda para evitar muchas líneas de output
InteractiveShell.ast_node_interactivity = "last_expr"

# Configurar Pandas para evitar DataFrames gigantes
pd.set_option('display.width', 80) # Limitar ancho de salida de texto

print("Configuración aplicada: Salidas ajustadas para exportar a PDF sin sobresalir.")

```

Configuración aplicada: Salidas ajustadas para exportar a PDF sin sobresalir.

ESCUELA POLITÉCNICA
NACIONAL

Tarea No.

Metodos Numericos –
Computación

11

NOMBRE: Ivonne Carolina Ayala

[Tarea 11] Ejercicios Unidad 04-D | Gauss-Jacobi y Gauss-Seidel

Resuelva los ejercicios adjuntos.

Encuentre las primeras dos iteraciones del método de Jacobi para los siguientes sistemas lineales, por medio de $x^{(0)} = 0$:

```

import numpy as np

def jacobi_method_tolerance(A, b, x0, iteraciones, tolerancia):
    D = np.diag(np.diag(A))
    R = A - D
    x = x0

    for i in range(iteraciones):
        x_new = np.dot(np.linalg.inv(D), b - np.dot(R, x))
        error = np.linalg.norm(x_new - x, ord=np.inf)
        print(f"Iteración {i+1}: x = {x_new}, Error = {error}")

```

```

        if error < tolerancia:
            print(f"Convergencia alcanzada en la iteración {i+1} con error {error:.4e}.\n")
            print(f"Solución final: x = {x_new}\n")
            return x_new
        x = x_new

    print(f"No se alcanzó la tolerancia después de {iteraciones} iteraciones.")
    print(f"Solución aproximada: x = {x}")

tolerancia = 1e-6

```

a.

$$\begin{aligned}
 3x_1 - x_2 + x_3 &= 1, \\
 3x_1 + 6x_2 + 2x_3 &= 0, \\
 3x_1 + 3x_2 + 7x_3 &= 4.
 \end{aligned}$$

```

A = np.array([
    [3, -1, 1],
    [3, 6, 2],
    [3, 3, 7]
])
b = np.array([1, 0, 4])
x0 = np.zeros(3)
jacobi_method_tolerance(A, b, x0, 2, tolerancia)

```

Iteración 1: x = [0.33333333 0. 0.57142857], Error = 0.5714285714285714
 Iteración 2: x = [0.14285714 -0.35714286 0.42857143], Error = 0.3571428571428571
 No se alcanzó la tolerancia después de 2 iteraciones.
 Solución aproximada: x = [0.14285714 -0.35714286 0.42857143]

b.

$$\begin{aligned}
 10x_1 - x_2 &= 9, \\
 -x_1 + 10x_2 - 2x_3 &= 7, \\
 -2x_2 + 10x_3 &= 6.
 \end{aligned}$$

```

A = np.array([
    [10, -1, 0],
    [-1, 10, -2],
    [0, -2, 10]
])

```

```
b = np.array([9, 7, 6])
x0 = np.zeros(3)
jacobi_method_tolerance(A, b, x0, 2, tolerancia)
```

Iteración 1: $x = [0.9 \ 0.7 \ 0.6]$, Error = 0.9
 Iteración 2: $x = [0.97 \ 0.91 \ 0.74]$, Error = 0.20999999999999996
 No se alcanzó la tolerancia después de 2 iteraciones.
 Solución aproximada: $x = [0.97 \ 0.91 \ 0.74]$

c.

$$\begin{aligned} 10x_1 + 5x_2 &= 6, \\ 5x_1 + 10x_2 - 4x_3 &= 25, \\ -4x_2 + 8x_3 - x_4 &= -11, \\ -x_3 + 5x_4 &= -11. \end{aligned}$$

```
A = np.array([
    [10, 5, 0, 0],
    [5, 10, -4, 0],
    [0, -4, 8, -1],
    [0, 0, -1, 5]
])
b = np.array([6, 25, -11, -11])
x0 = np.zeros(4)
jacobi_method_tolerance(A, b, x0, 2, tolerancia)
```

Iteración 1: $x = [0.6 \ 2.5 \ -1.375 \ -2.2]$, Error = 2.5
 Iteración 2: $x = [-0.65 \ 1.65 \ -0.4 \ -2.475]$, Error = 1.25
 No se alcanzó la tolerancia después de 2 iteraciones.
 Solución aproximada: $x = [-0.65 \ 1.65 \ -0.4 \ -2.475]$

d.

$$\begin{aligned} 4x_1 + x_2 + x_3 + x_5 &= 6, \\ -x_1 - 3x_2 + x_3 + x_4 &= 6, \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 - x_4 - x_5 &= 6, \\ -x_1 - x_2 - x_3 + 4x_4 &= 6, \\ 2x_2 - x_3 + x_4 + 4x_5 &= 6. \end{aligned}$$

```

A = np.array([
    [4, 1, 1, 1, 1],
    [-1, -3, 1, 1, 0],
    [2, 1, 5, -1, -1],
    [-1, -1, 3, 4, 0],
    [2, 2, 1, 0, 4]
])
b = np.array([6, 6, 6, 6, 6])
x0 = np.zeros(5)
jacobi_method_tolerance(A, b, x0, 2, tolerancia)

```

Iteración 1: x = [1.5 -2. 1.2 1.5 1.5], Error = 2.0

Iteración 2: x = [0.95 -1.6 1.6 0.475 1.45], Error = 1.0250000000000001

No se alcanzó la tolerancia después de 2 iteraciones.

Solución aproximada: x = [0.95 -1.6 1.6 0.475 1.45]

2. Repita el ejercicio 1 usando el método de Gauss-Siedel.

```

def gauss_seidel_method(A, b, x0, iteraciones, tolerancia):
    n = len(b)
    x = x0.copy()

    for k in range(iteraciones):
        x_new = x.copy()
        for i in range(n):
            suma = sum(A[i, j] * x_new[j] for j in range(n) if j != i)
            x_new[i] = (b[i] - suma) / A[i, i]

        error = np.linalg.norm(x_new - x, ord=np.inf)
        print(f"Iteración {k+1}: x = {x_new}, Error = {error}")

        if error < tolerancia:
            print(f"Convergencia alcanzada en la iteración {k+1} con error {error:.4e}.\n")
            print(f"Solución final: x = {x_new}\n")
            return x_new
        x = x_new

    print(f"No se alcanzó la tolerancia después de {iteraciones} iteraciones.")
    print(f"Solución aproximada: x = {x}")

```

```
tolerancia = 1e-6
```

a.

$$\begin{aligned}3x_1 - x_2 + x_3 &= 1, \\3x_1 + 6x_2 + 2x_3 &= 0, \\3x_1 + 3x_2 + 7x_3 &= 4.\end{aligned}$$

```
A = np.array([
    [3, -1, 1],
    [3, 6, 2],
    [3, 3, 7]
])
b = np.array([1, 0, 4])
x0 = np.zeros(3)
gauss_seidel_method(A, b, x0, 2, tolerancia)
```

Iteración 1: x = [0.33333333 -0.16666667 0.5], Error = 0.5
Iteración 2: x = [0.11111111 -0.22222222 0.61904762], Error = 0.2222222222222222
No se alcanzó la tolerancia después de 2 iteraciones.
Solución aproximada: x = [0.11111111 -0.22222222 0.61904762]

b.

$$\begin{aligned}10x_1 - x_2 &= 9, \\-x_1 + 10x_2 - 2x_3 &= 7, \\-2x_2 + 10x_3 &= 6.\end{aligned}$$

```
A = np.array([
    [10, -1, 0],
    [-1, 10, -2],
    [0, -2, 10]
])
b = np.array([9, 7, 6])
x0 = np.zeros(3)
gauss_seidel_method(A, b, x0, 2, tolerancia)
```

Iteración 1: x = [0.9 0.79 0.758], Error = 0.9
Iteración 2: x = [0.979 0.9495 0.7899], Error = 0.15950000000000001
No se alcanzó la tolerancia después de 2 iteraciones.
Solución aproximada: x = [0.979 0.9495 0.7899]

c.

$$\begin{aligned}10x_1 + 5x_2 &= 6, \\5x_1 + 10x_2 - 4x_3 &= 25, \\-4x_2 + 8x_3 - x_4 &= -11, \\-x_3 + 5x_4 &= -11.\end{aligned}$$

```
A = np.array([
    [10, 5, 0, 0],
    [5, 10, -4, 0],
    [0, -4, 8, -1],
    [0, 0, -1, 5]
])
b = np.array([6, 25, -11, -11])
x0 = np.zeros(4)
gauss_seidel_method(A, b, x0, 2, tolerancia)
```

Iteración 1: x = [0.6 2.2 -0.275 -2.255], Error = 2.255

Iteración 2: x = [-0.5 2.64 -0.336875 -2.267375], Error = 1.1

No se alcanzó la tolerancia después de 2 iteraciones.

Solución aproximada: x = [-0.5 2.64 -0.336875 -2.267375]

d.

$$\begin{aligned}4x_1 + x_2 + x_3 + x_5 &= 6, \\-x_1 - 3x_2 + x_3 + x_4 &= 6, \\2x_1 + x_2 + 5x_3 - x_4 - x_5 &= 6, \\-x_1 - x_2 - x_3 + 4x_4 &= 6, \\2x_2 - x_3 + x_4 + 4x_5 &= 6.\end{aligned}$$

```
A = np.array([
    [4, 1, 1, 1, 1],
    [-1, -3, 1, 1, 0],
    [2, 1, 5, -1, -1],
    [-1, -1, 3, 4, 0],
    [2, 2, 1, 0, 4]
])
b = np.array([6, 6, 6, 6, 6])
x0 = np.zeros(5)
gauss_seidel_method(A, b, x0, 2, tolerancia)
```

Iteración 1: $x = [1.5 \quad -2.5 \quad 1.1 \quad 0.425 \quad 1.725]$, Error = 2.5

Iteración 2: $x = [1.3125 \quad -1.92916667 \quad 1.49083333 \quad 0.22770833 \quad 1.435625]$, Error = 0.57

No se alcanzó la tolerancia después de 2 iteraciones.

Solución aproximada: $x = [1.3125 \quad -1.92916667 \quad 1.49083333 \quad 0.22770833 \quad 1.435625]$

3. Utilice el método de Jacobi para resolver los sistemas lineales en el ejercicio 1, con TOL = 10-3.

```
tolerancia = 1e-3
```

a.

$$3x_1 - x_2 + x_3 = 1,$$

$$3x_1 + 6x_2 + 2x_3 = 0,$$

$$3x_1 + 3x_2 + 7x_3 = 4.$$

```
A = np.array([
    [3, -1, 1],
    [3, 6, 2],
    [3, 3, 7]
])
b = np.array([1, 0, 4])
x0 = np.zeros(3)
_ = jacobi_method_tolerance(A, b, x0, 50, tolerancia)
```

Iteración 1: $x = [0.33333333 \quad 0. \quad 0.57142857]$, Error = 0.5714285714285714

Iteración 2: $x = [0.14285714 \quad -0.35714286 \quad 0.42857143]$, Error = 0.3571428571428571

Iteración 3: $x = [0.07142857 \quad -0.21428571 \quad 0.66326531]$, Error = 0.23469387755102028

Iteración 4: $x = [0.04081633 \quad -0.25680272 \quad 0.63265306]$, Error = 0.04251700680272108

Iteración 5: $x = [0.03684807 \quad -0.23129252 \quad 0.66399417]$, Error = 0.031341107871720064

Iteración 6: $x = [0.03490444 \quad -0.23975543 \quad 0.6547619]$, Error = 0.00923226433430513

Iteración 7: $x = [0.03516089 \quad -0.23570619 \quad 0.65922185]$, Error = 0.0044599472442037325

Iteración 8: $x = [0.03502399 \quad -0.23732106 \quad 0.65737656]$, Error = 0.0018452959415058423

Iteración 9: $x = [0.03510079 \quad -0.23663751 \quad 0.65812732]$, Error = 0.0007507619179839553

Convergencia alcanzada en la iteración 9 con error 7.5076e-04.

Solución final: $x = [0.03510079 \quad -0.23663751 \quad 0.65812732]$

b.

$$10x_1 - x_2 = 9,$$

$$-x_1 + 10x_2 - 2x_3 = 7,$$

$$-2x_2 + 10x_3 = 6.$$

```

A = np.array([
    [10, -1, 0],
    [-1, 10, -2],
    [0, -2, 10]
])
b = np.array([9, 7, 6])
x0 = np.zeros(3)
_ = jacobi_method_tolerance(A, b, x0, 50, tolerancia)

```

Iteración 1: $x = [0.9 \ 0.7 \ 0.6]$, Error = 0.9
 Iteración 2: $x = [0.97 \ 0.91 \ 0.74]$, Error = 0.20999999999999996
 Iteración 3: $x = [0.991 \ 0.945 \ 0.782]$, Error = 0.041999999999999926
 Iteración 4: $x = [0.9945 \ 0.9555 \ 0.789]$, Error = 0.0105000000000000065
 Iteración 5: $x = [0.99555 \ 0.95725 \ 0.7911]$, Error = 0.0020999999999999908
 Iteración 6: $x = [0.995725 \ 0.957775 \ 0.79145]$, Error = 0.0005249999999999977
 Convergencia alcanzada en la iteración 6 con error 5.2500e-04.

Solución final: $x = [0.995725 \ 0.957775 \ 0.79145]$

c.

$$\begin{aligned}
 10x_1 + 5x_2 &= 6, \\
 5x_1 + 10x_2 - 4x_3 &= 25, \\
 -4x_2 + 8x_3 - x_4 &= -11, \\
 -x_3 + 5x_4 &= -11.
 \end{aligned}$$

```

A = np.array([
    [10, 5, 0, 0],
    [5, 10, -4, 0],
    [0, -4, 8, -1],
    [0, 0, -1, 5]
])
b = np.array([6, 25, -11, -11])
x0 = np.zeros(4)
_ = jacobi_method_tolerance(A, b, x0, 50, tolerancia)

```

Iteración 1: $x = [0.6 \ 2.5 \ -1.375 \ -2.2]$, Error = 2.5
 Iteración 2: $x = [-0.65 \ 1.65 \ -0.4 \ -2.475]$, Error = 1.25
 Iteración 3: $x = [-0.225 \ 2.665 \ -0.859375 \ -2.28]$, Error = 1.015
 Iteración 4: $x = [-0.7325 \ 2.26875 \ -0.3275 \ -2.371875]$, Error = 0.5318749999999999
 Iteración 5: $x = [-0.534375 \ 2.73525 \ -0.53710937 \ -2.2655]$, Error = 0.4664999999999999

Iteración 6: $x = [-0.767625 \quad 2.55234375 \quad -0.2905625 \quad -2.30742188]$, Error = 0.246546874999999
 Iteración 7: $x = [-0.67617188 \quad 2.7675875 \quad -0.38725586 \quad -2.2581125]$, Error = 0.215243749999999
 Iteración 8: $x = [-0.78379375 \quad 2.68318359 \quad -0.27347031 \quad -2.27745117]$, Error = 0.113785546875000
 Iteración 9: $x = [-0.7415918 \quad 2.78250875 \quad -0.3180896 \quad -2.25469406]$, Error = 0.099325156249999
 Iteración 10: $x = [-0.79125438 \quad 2.74356006 \quad -0.26558238 \quad -2.26361792]$, Error = 0.0525072167968
 Iteración 11: $x = [-0.77178003 \quad 2.78939423 \quad -0.28617221 \quad -2.25311648]$, Error = 0.0458341757812
 Iteración 12: $x = [-0.79469712 \quad 2.77142113 \quad -0.26194244 \quad -2.25723444]$, Error = 0.0242297683105
 Iteración 13: $x = [-0.78571057 \quad 2.79257158 \quad -0.27144374 \quad -2.25238849]$, Error = 0.0211504512695
 Iteración 14: $x = [-0.79628579 \quad 2.78427779 \quad -0.26026277 \quad -2.25428875]$, Error = 0.0111809698425
 Iteración 15: $x = [-0.79213889 \quad 2.79403779 \quad -0.2646472 \quad -2.25205255]$, Error = 0.0097600007543
 Iteración 16: $x = [-0.79701889 \quad 2.79021057 \quad -0.25948768 \quad -2.25292944]$, Error = 0.0051595246232
 Iteración 17: $x = [-0.79510528 \quad 2.79471438 \quad -0.2615109 \quad -2.25189754]$, Error = 0.0045038100379
 Iteración 18: $x = [-0.79735719 \quad 2.79294828 \quad -0.25913 \quad -2.25230218]$, Error = 0.0023808931345
 Iteración 19: $x = [-0.79647414 \quad 2.79502659 \quad -0.26006363 \quad -2.251826]$, Error = 0.0020783097632
 Iteración 20: $x = [-0.7975133 \quad 2.79421162 \quad -0.25896495 \quad -2.25201273]$, Error = 0.0010986772100
 Iteración 21: $x = [-0.79710581 \quad 2.79517067 \quad -0.25939578 \quad -2.25179299]$, Error = 0.0009590483248
 Convergencia alcanzada en la iteración 21 con error 9.5905e-04.

Solución final: $x = [-0.79710581 \quad 2.79517067 \quad -0.25939578 \quad -2.25179299]$

d.

$$\begin{aligned}
 4x_1 + x_2 + x_3 + x_5 &= 6, \\
 -x_1 - 3x_2 + x_3 + x_4 &= 6, \\
 2x_1 + x_2 + 5x_3 - x_4 - x_5 &= 6, \\
 -x_1 - x_2 - x_3 + 4x_4 &= 6, \\
 2x_2 - x_3 + x_4 + 4x_5 &= 6.
 \end{aligned}$$

```

A = np.array([
    [4, 1, 1, 1, 1],
    [-1, -3, 1, 1, 0],
    [2, 1, 5, -1, -1],
    [-1, -1, 3, 4, 0],
    [2, 2, 1, 0, 4]
])
b = np.array([6, 6, 6, 6, 6])
x0 = np.zeros(5)
_ = jacobi_method_tolerance(A, b, x0, 50, tolerancia)
  
```

Iteración 1: $x = [1.5 \quad -2. \quad 1.2 \quad 1.5 \quad 1.5]$, Error = 2.0
 Iteración 2: $x = [0.95 \quad -1.6 \quad 1.6 \quad 0.475 \quad 1.45]$, Error = 1.0250000000000001
 Iteración 3: $x = [1.01875 \quad -1.625 \quad 1.525 \quad 0.1375 \quad 1.425]$, Error = 0.3374999999999999

Iteración 4: $x = [1.134375 \quad -1.78541667 \quad 1.43 \quad 0.2046875 \quad 1.421875]$, Error = 0.16
 Iteración 5: $x = [1.18221354 \quad -1.83322917 \quad 1.42864583 \quad 0.26473958 \quad 1.46802083]$, Error = 0.06
 Iteración 6: $x = [1.16795573 \quad -1.82960937 \quad 1.4403125 \quad 0.26576172 \quad 1.46834635]$, Error = 0.01
 Iteración 7: $x = [1.1637972 \quad -1.82062717 \quad 1.4455612 \quad 0.25435221 \quad 1.4707487]$, Error = 0.01
 Iteración 8: $x = [1.16249127 \quad -1.8212946 \quad 1.44362674 \quad 0.25162161 \quad 1.46702469]$, Error = 0.00
 Iteración 9: $x = [1.16475539 \quad -1.82241431 \quad 1.44299167 \quad 0.25257912 \quad 1.46849498]$, Error = 0.00
 Iteración 10: $x = [1.16458713 \quad -1.82306153 \quad 1.44279552 \quad 0.25334152 \quad 1.46808154]$, Error = 0.00
 Convergencia alcanzada en la iteración 10 con error $7.6240e-04$.

Solución final: $x = [1.16458713 \quad -1.82306153 \quad 1.44279552 \quad 0.25334152 \quad 1.46808154]$

4. Utilice el método de Gauss-Siedel para resolver los sistemas lineales en el ejercicio 1, con $TOL = 10^{-3}$.

a.

$$3x_1 - x_2 + x_3 = 1,$$

$$3x_1 + 6x_2 + 2x_3 = 0,$$

$$3x_1 + 3x_2 + 7x_3 = 4.$$

```
A = np.array([
    [3, -1, 1],
    [3, 6, 2],
    [3, 3, 7]
])
b = np.array([1, 0, 4])
x0 = np.zeros(3)
_ = gauss_seidel_method(A, b, x0, 50, tolerancia)
```

Iteración 1: $x = [0.33333333 \quad -0.16666667 \quad 0.5]$, Error = 0.5
 Iteración 2: $x = [0.11111111 \quad -0.22222222 \quad 0.61904762]$, Error = 0.2222222222222222
 Iteración 3: $x = [0.05291005 \quad -0.23280423 \quad 0.64852608]$, Error = 0.05820105820105818
 Iteración 4: $x = [0.03955656 \quad -0.23595364 \quad 0.65559875]$, Error = 0.013353489543965757
 Iteración 5: $x = [0.0361492 \quad -0.23660752 \quad 0.65733928]$, Error = 0.003407359416429702
 Iteración 6: $x = [0.03535107 \quad -0.23678863 \quad 0.65775895]$, Error = 0.0007981356647807844
 Convergencia alcanzada en la iteración 6 con error $7.9814e-04$.

Solución final: $x = [0.03535107 \quad -0.23678863 \quad 0.65775895]$

b.

$$10x_1 - x_2 = 9,$$

$$-x_1 + 10x_2 - 2x_3 = 7,$$

$$-2x_2 + 10x_3 = 6.$$

```
A = np.array([
    [10, -1, 0],
    [-1, 10, -2],
    [0, -2, 10]
])
b = np.array([9, 7, 6])
x0 = np.zeros(3)
_ = gauss_seidel_method(A, b, x0, 50, tolerancia)
```

Iteración 1: x = [0.9 0.79 0.758], Error = 0.9
 Iteración 2: x = [0.979 0.9495 0.7899], Error = 0.1595000000000001
 Iteración 3: x = [0.99495 0.957475 0.791495], Error = 0.01595000000000013
 Iteración 4: x = [0.9957475 0.95787375 0.79157475], Error = 0.0007975000000000065
 Convergencia alcanzada en la iteración 4 con error 7.9750e-04.

Solución final: x = [0.9957475 0.95787375 0.79157475]

c.

$$\begin{aligned} 10x_1 + 5x_2 &= 6, \\ 5x_1 + 10x_2 - 4x_3 &= 25, \\ -4x_2 + 8x_3 - x_4 &= -11, \\ -x_3 + 5x_4 &= -11. \end{aligned}$$

```
A = np.array([
    [10, 5, 0, 0],
    [5, 10, -4, 0],
    [0, -4, 8, -1],
    [0, 0, -1, 5]
])
b = np.array([6, 25, -11, -11])
x0 = np.zeros(4)
_ = gauss_seidel_method(A, b, x0, 50, tolerancia)
```

Iteración 1: x = [0.6 2.2 -0.275 -2.255], Error = 2.255
 Iteración 2: x = [-0.5 2.64 -0.336875 -2.267375], Error = 1.1
 Iteración 3: x = [-0.72 2.72525 -0.29579687 -2.25915938], Error = 0.2199999999999999
 Iteración 4: x = [-0.762625 2.76299375 -0.27589805 -2.25517961], Error = 0.04262499999999999
 Iteración 5: x = [-0.78149687 2.78038922 -0.26670284 -2.25334057], Error = 0.01887187500000000
 Iteración 6: x = [-0.79019461 2.78841617 -0.26245949 -2.2524919], Error = 0.008697734374999999
 Iteración 7: x = [-0.79420808 2.79212025 -0.26050136 -2.25210027], Error = 0.004013474609375

Iteración 8: $x = [-0.79606012 \quad 2.79382952 \quad -0.25959778 \quad -2.25191956]$, Error = 0.00185203959960
 Iteración 9: $x = [-0.79691476 \quad 2.79461827 \quad -0.25918081 \quad -2.25183616]$, Error = 0.00085463459350
 Convergencia alcanzada en la iteración 9 con error 8.5463e-04.

Solución final: $x = [-0.79691476 \quad 2.79461827 \quad -0.25918081 \quad -2.25183616]$

d.

$$\begin{aligned} 4x_1 + x_2 + x_3 + x_5 &= 6, \\ -x_1 - 3x_2 + x_3 + x_4 &= 6, \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 - x_4 - x_5 &= 6, \\ -x_1 - x_2 - x_3 + 4x_4 &= 6, \\ 2x_2 - x_3 + x_4 + 4x_5 &= 6. \end{aligned}$$

```
A = np.array([
    [4, 1, 1, 1, 1],
    [-1, -3, 1, 1, 0],
    [2, 1, 5, -1, -1],
    [-1, -1, 3, 4, 0],
    [2, 2, 1, 0, 4]
])
b = np.array([6, 6, 6, 6, 6])
x0 = np.zeros(5)
_ = gauss_seidel_method(A, b, x0, 50, tolerancia)
```

Iteración 1: $x = [1.5 \quad -2.5 \quad 1.1 \quad 0.425 \quad 1.725]$, Error = 2.5
 Iteración 2: $x = [1.3125 \quad -1.92916667 \quad 1.49083333 \quad 0.22770833 \quad 1.435625]$, Error = 0.57
 Iteración 3: $x = [1.19375 \quad -1.82506944 \quad 1.42018056 \quad 0.27703472 \quad 1.46061458]$, Error = 0.11
 Iteración 4: $x = [1.1668099 \quad -1.82319821 \quad 1.44544554 \quad 0.25181876 \quad 1.46683277]$, Error = 0.02
 Iteración 5: $x = [1.16477528 \quad -1.82250366 \quad 1.44232093 \quad 0.25382721 \quad 1.46828396]$, Error = 0.00
 Iteración 6: $x = [1.16451789 \quad -1.82278992 \quad 1.44317306 \quad 0.2530522 \quad 1.46834275]$, Error = 0.00
 Convergencia alcanzada en la iteración 6 con error 8.5214e-04.

Solución final: $x = [1.16451789 \quad -1.82278992 \quad 1.44317306 \quad 0.2530522 \quad 1.46834275]$

6. El sistema lineal

$$\begin{aligned} x_1 - x_3 &= 0.2, \\ -\frac{1}{2}x_1 + x_2 - \frac{1}{4}x_3 &= -1.425, \\ x_1 - \frac{1}{2}x_2 + x_3 &= 2, \end{aligned}$$

tiene la solución $(0.9, -0.8, 0.7)$:

a) ¿La matriz de coeficientes

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ -\frac{1}{2} & 1 & -\frac{1}{4} \\ 1 & -\frac{1}{2} & 1 \end{bmatrix}$$

tiene diagonal estrictamente dominante?

```
A = np.array([
    [1, 0, -1],
    [-0.5, 1, -0.25],
    [1, -0.5, 1]
])

def verificar_diagonal_dominante(A):
    n = A.shape[0]
    for i in range(n):
        diagonal = abs(A[i, i])
        suma_fila = sum(abs(A[i, j]) for j in range(n) if j != i)
        if diagonal <= suma_fila:
            return False
    return True

es_dominante = verificar_diagonal_dominante(A)
print(f"La matriz A tiene diagonal estrictamente dominante: {es_dominante}")
```

La matriz A tiene diagonal estrictamente dominante: False

b) Utilice el método iterativo de Gauss-Siedel para aproximar la solución para el sistema lineal con una tolerancia de 10^{-2} y un máximo de 300 iteraciones.

```
b = np.array([0.2, -1.425, 2])
x0 = np.zeros(len(b))

_ = gauss_seidel_method(A, b, x0, 300, 1e-2)
```

```
Iteración 1: x = [ 0.2    -1.325   1.1375], Error = 1.325
Iteración 2: x = [ 1.3375  -0.471875  0.4265625], Error = 1.1375
Iteración 3: x = [ 0.6265625 -1.00507812  0.87089844], Error = 0.7109374999999998
Iteración 4: x = [ 1.07089844 -0.67182617  0.59318848], Error = 0.4443359374999998
Iteración 5: x = [ 0.79318848 -0.88010864  0.7667572 ], Error = 0.2777099609374998
```

Iteración 6: $x = [0.9667572 \quad -0.7499321 \quad 0.65827675]$, Error = 0.17356872558593728
 Iteración 7: $x = [0.85827675 \quad -0.83129244 \quad 0.72607703]$, Error = 0.10848045349121072
 Iteración 8: $x = [0.92607703 \quad -0.78044223 \quad 0.68370185]$, Error = 0.06780028343200661
 Iteración 9: $x = [0.88370185 \quad -0.81222361 \quad 0.71018634]$, Error = 0.04237517714500405
 Iteración 10: $x = [0.91018634 \quad -0.79236024 \quad 0.69363354]$, Error = 0.026484485715627448
 Iteración 11: $x = [0.89363354 \quad -0.80477485 \quad 0.70397904]$, Error = 0.016552803572267072
 Iteración 12: $x = [0.90397904 \quad -0.79701572 \quad 0.6975131]$, Error = 0.010345502232666837
 Iteración 13: $x = [0.8975131 \quad -0.80186517 \quad 0.70155431]$, Error = 0.00646593889541669
 Convergencia alcanzada en la iteración 13 con error 6.4659e-03.

Solución final: $x = [0.8975131 \quad -0.80186517 \quad 0.70155431]$

c) ¿Qué pasa en la parte b) cuando el sistema cambia por el siguiente?

```

A = np.array([
    [1, 0, -2],
    [-0.5, 1, -0.25],
    [1, -0.5, 1]
])
b = np.array([0.2, -1.425, 2])

x0 = np.zeros(len(b))

_ = gauss_seidel_method(A, b, x0, 20, 1e-22)
  
```

Iteración 1: $x = [0.2 \quad -1.325 \quad 1.1375]$, Error = 1.325
 Iteración 2: $x = [2.475 \quad 0.096875 \quad -0.4265625]$, Error = 2.275
 Iteración 3: $x = [-0.653125 \quad -1.85820313 \quad 1.72402344]$, Error = 3.1281250000000007
 Iteración 4: $x = [3.64804688 \quad 0.8300293 \quad -1.23303223]$, Error = 4.301171875000001
 Iteración 5: $x = [-2.26606445 \quad -2.86629028 \quad 2.83291931]$, Error = 5.914111328125001
 Iteración 6: $x = [5.86583862 \quad 2.21614914 \quad -2.75776405]$, Error = 8.131903076171877
 Iteración 7: $x = [-5.31552811 \quad -4.77220507 \quad 4.92942557]$, Error = 11.181366729736332
 Iteración 8: $x = [10.05885115 \quad 4.83678197 \quad -5.64046016]$, Error = 15.374379253387456
 Iteración 9: $x = [-11.08092033 \quad -8.3755752 \quad 8.89313272]$, Error = 21.13977147340775
 Iteración 10: $x = [17.98626545 \quad 9.79141591 \quad -11.0905575]$, Error = 29.06718577593566
 Iteración 11: $x = [-21.98111499 \quad -15.18819687 \quad 16.38701656]$, Error = 39.96738044191153
 Iteración 12: $x = [32.97403311 \quad 19.1587707 \quad -21.39464777]$, Error = 54.95514810762836
 Iteración 13: $x = [-42.58929553 \quad -28.06830971 \quad 30.55514068]$, Error = 75.56332864798898
 Iteración 14: $x = [61.31028136 \quad 36.86892585 \quad -40.87581843]$, Error = 103.89957689098486
 Iteración 15: $x = [-81.55163687 \quad -52.41977304 \quad 57.34175035]$, Error = 142.8619182251042
 Iteración 16: $x = [114.88350069 \quad 70.35218793 \quad -77.70740673]$, Error = 196.43513755951827
 Iteración 17: $x = [-155.21481345 \quad -98.45925841 \quad 107.98518425]$, Error = 270.0983141443376

Iteración 18: $x = [216.1703685 \quad 133.65648031 \quad -147.34212834]$, Error = 371.38518194846426
 Iteración 19: $x = [-294.48425668 \quad -185.50266043 \quad 203.73292647]$, Error = 510.6546251791383
 Iteración 20: $x = [407.66585294 \quad 253.34115809 \quad -278.9952739]$, Error = 702.1501096213151
 No se alcanzó la tolerancia después de 20 iteraciones.
 Solución aproximada: $x = [407.66585294 \quad 253.34115809 \quad -278.9952739]$

A pesar de poner mas iteraciones, no converge.

7. Repita el ejercicio 11 usando el método de Jacobi

b) Utilice el método iterativo de Gauss-Jacobi para aproximar la solución para el sistema lineal con una tolerancia de 10^{-2} y un máximo de 300 iteraciones.

```
b = np.array([0.2, -1.425, 2])
x0 = np.zeros(len(b))

_ = jacobi_method_tolerance(A, b, x0, 25, 1e-2)
```

Iteración 1: $x = [0.2 \quad -1.425 \quad 2. \quad]$, Error = 2.0
 Iteración 2: $x = [4.2 \quad -0.825 \quad 1.0875]$, Error = 4.0
 Iteración 3: $x = [2.375 \quad 0.946875 \quad -2.6125 \quad]$, Error = 3.6999999999999997
 Iteración 4: $x = [-5.025 \quad -0.890625 \quad 0.0984375]$, Error = 7.3999999999999995
 Iteración 5: $x = [0.396875 \quad -3.91289062 \quad 6.5796875 \quad]$, Error = 6.481249999999999
 Iteración 6: $x = [13.359375 \quad 0.41835938 \quad -0.35332031]$, Error = 12.962499999999999
 Iteración 7: $x = [-0.50664063 \quad 5.16635742 \quad -11.15019531]$, Error = 13.866015625
 Iteración 8: $x = [-22.10039062 \quad -4.46586914 \quad 5.08981934]$, Error = 21.593749999999996
 Iteración 9: $x = [10.37963867 \quad -11.20274048 \quad 21.86745605]$, Error = 32.480029296874996
 Iteración 10: $x = [43.93491211 \quad 9.23168335 \quad -13.98100891]$, Error = 35.848464965820305
 Iteración 11: $x = [-27.76201782 \quad 17.04720383 \quad -37.31907043]$, Error = 71.69692993164061
 Iteración 12: $x = [-74.43814087 \quad -24.63577652 \quad 38.28561974]$, Error = 75.60469017028808
 Iteración 13: $x = [76.77123947 \quad -29.0726655 \quad 64.12025261]$, Error = 151.20938034057616
 Iteración 14: $x = [128.44050522 \quad 52.99068289 \quad -89.30757222]$, Error = 153.42782483100888
 Iteración 15: $x = [-178.41514444 \quad 40.46835955 \quad -99.94516377]$, Error = 306.85564966201775
 Iteración 16: $x = [-199.69032755 \quad -115.61886317 \quad 200.64932422]$, Error = 300.5944879949092
 Iteración 17: $x = [401.49864844 \quad -51.10783272 \quad 143.88089597]$, Error = 601.1889759898183
 Iteración 18: $x = [287.96179193 \quad 235.29454821 \quad -425.0525648 \quad]$, Error = 568.9334607668219
 Iteración 19: $x = [-849.9051296 \quad 36.29275477 \quad -168.31451783]$, Error = 1137.8669215336438
 Iteración 20: $x = [-336.42903565 \quad -468.45619426 \quad 870.05150698]$, Error = 1038.3660248107271
 Iteración 21: $x = [1740.30301397 \quad 47.87335892 \quad 104.20093852]$, Error = 2076.7320496214543
 Iteración 22: $x = [208.60187705 \quad 894.77674162 \quad -1714.36633451]$, Error = 1818.5672730331419
 Iteración 23: $x = [-3428.53266902 \quad -325.7156451 \quad 240.78649376]$, Error = 3637.1345460662837

Iteración 24: $x = [481.77298752 \ -1655.49471107 \ 3267.67484647]$, Error = 3910.3056565340603
 Iteración 25: $x = [6535.54969293 \ 1056.38020537 \ -1307.52034305]$, Error = 6053.776705414727
 No se alcanzó la tolerancia después de 25 iteraciones.
 Solución aproximada: $x = [6535.54969293 \ 1056.38020537 \ -1307.52034305]$

A pesar de poner mas iteraciones, no converge.

c) ¿Qué pasa en la parte b) cuando el sistema cambia por el siguiente?

```
A = np.array([
    [1, 0, -2],
    [-0.5, 1, -0.25],
    [1, -0.5, 1]
])
b = np.array([0.2, -1.425, 2])

x0 = np.zeros(len(b))

_ = jacobi_method_tolerance(A, b, x0, 25, 1e-22)
```

Iteración 1: $x = [0.2 \ -1.425 \ 2.]$, Error = 2.0
 Iteración 2: $x = [4.2 \ -0.825 \ 1.0875]$, Error = 4.0
 Iteración 3: $x = [2.375 \ 0.946875 \ -2.6125]$, Error = 3.6999999999999997
 Iteración 4: $x = [-5.025 \ -0.890625 \ 0.0984375]$, Error = 7.3999999999999995
 Iteración 5: $x = [0.396875 \ -3.91289062 \ 6.5796875]$, Error = 6.481249999999999
 Iteración 6: $x = [13.359375 \ 0.41835938 \ -0.35332031]$, Error = 12.962499999999999
 Iteración 7: $x = [-0.50664063 \ 5.16635742 \ -11.15019531]$, Error = 13.866015625
 Iteración 8: $x = [-22.10039062 \ -4.46586914 \ 5.08981934]$, Error = 21.593749999999996
 Iteración 9: $x = [10.37963867 \ -11.20274048 \ 21.86745605]$, Error = 32.480029296874996
 Iteración 10: $x = [43.93491211 \ 9.23168335 \ -13.98100891]$, Error = 35.848464965820305
 Iteración 11: $x = [-27.76201782 \ 17.04720383 \ -37.31907043]$, Error = 71.69692993164061
 Iteración 12: $x = [-74.43814087 \ -24.63577652 \ 38.28561974]$, Error = 75.60469017028808
 Iteración 13: $x = [76.77123947 \ -29.0726655 \ 64.12025261]$, Error = 151.20938034057616
 Iteración 14: $x = [128.44050522 \ 52.99068289 \ -89.30757222]$, Error = 153.42782483100888
 Iteración 15: $x = [-178.41514444 \ 40.46835955 \ -99.94516377]$, Error = 306.85564966201775
 Iteración 16: $x = [-199.69032755 \ -115.61886317 \ 200.64932422]$, Error = 300.5944879949092
 Iteración 17: $x = [401.49864844 \ -51.10783272 \ 143.88089597]$, Error = 601.1889759898183
 Iteración 18: $x = [287.96179193 \ 235.29454821 \ -425.0525648]$, Error = 568.9334607668219
 Iteración 19: $x = [-849.9051296 \ 36.29275477 \ -168.31451783]$, Error = 1137.8669215336438
 Iteración 20: $x = [-336.42903565 \ -468.45619426 \ 870.05150698]$, Error = 1038.3660248107271
 Iteración 21: $x = [1740.30301397 \ 47.87335892 \ 104.20093852]$, Error = 2076.7320496214543
 Iteración 22: $x = [208.60187705 \ 894.77674162 \ -1714.36633451]$, Error = 1818.5672730331419

Iteración 23: $x = [-3428.53266902 \quad -325.7156451 \quad 240.78649376]$, Error = 3637.1345460662837
 Iteración 24: $x = [481.77298752 \quad -1655.49471107 \quad 3267.67484647]$, Error = 3910.3056565340603
 Iteración 25: $x = [6535.54969293 \quad 1056.38020537 \quad -1307.52034305]$, Error = 6053.776705414727
 No se alcanzó la tolerancia después de 25 iteraciones.
 Solución aproximada: $x = [6535.54969293 \quad 1056.38020537 \quad -1307.52034305]$

A pesar de poner mas iteraciones, no converge.

8. Un cable coaxial está formado por un conductor interno de 0.1 pulgadas cuadradas y un conductor externo de 0.5 pulgadas cuadradas. El potencial en un punto en la sección transversal del cable se describe mediante la ecuación de Laplace.

Suponga que el conductor interno se mantiene en 0 volts y el conductor externo se mantiene en 110 volts. Aproximar el potencial entre los dos conductores requiere resolver el siguiente sistema lineal.

$$\begin{bmatrix} 4 & -1 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -1 & 4 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 4 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 4 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -1 & 0 & 0 & 0 & 4 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 & -1 & 4 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 4 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 4 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 4 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 4 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 4 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} w_1 \\ w_2 \\ w_3 \\ w_4 \\ w_5 \\ w_6 \\ w_7 \\ w_8 \\ w_9 \\ w_{10} \\ w_{11} \\ w_{12} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 220 \\ 110 \\ 110 \\ 220 \\ 110 \\ 110 \\ 110 \\ 110 \\ 110 \\ 110 \\ 110 \\ 220 \end{bmatrix}.$$

a) ¿La matriz es estrictamente diagonalmente dominante?

```
A = np.array([
    [4, -1, 0, 0, -1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
    [-1, 4, -1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
    [0, -1, 4, -1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, -1, 4, 0, -1, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
    [-1, 0, 0, 0, 4, -1, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, -1, -1, 4, -1, 0, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, 0, 0, -1, 4, -1, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, -1, 4, 0, -1, 0, 0],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 4, -1, 0, -1],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, -1, 4, 0, -1],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, -1, 4, -1],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, -1, 4]
```

```

    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, -1, -1, 4, -1, 0],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, -1, 4, -1],
    [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, -1, 0, -1, 4]
])

es_dominante = verificar_diagonal_dominante(A)
print(f"La matriz A tiene diagonal estrictamente dominante: {es_dominante}")

```

La matriz A tiene diagonal estrictamente dominante: True

b) Resuelva el sistema lineal usando el método de Jacobi con $\mathbf{x}^{(0)} = 0$ y $\text{TOL} = 10^{-2}$.

```

print("Método de Jacobi:")
b = np.array([220, 110, 110, 220, 110, 110, 110, 110, 220, 110, 110, 220])
x0 = np.zeros(len(b))

_ = jacobi_method_tolerance(A, b, x0, 50, 1e-2)

```

Método de Jacobi:

```

Iteración 1: x = [55.  27.5 27.5 55.  27.5 27.5 27.5 27.5 55.  27.5 27.5 55. ], Error = 55.0
Iteración 2: x = [68.75  48.125 48.125 68.75  48.125 55.    41.25  41.25  75.625 55.
 48.125 75.625], Error = 27.5
Iteración 3: x = [79.0625  56.71875 56.71875 80.78125 58.4375  67.03125 51.5625  51.5625
 87.65625 68.75   60.15625 85.9375 ], Error = 13.75
Iteración 4: x = [83.7890625 61.4453125 61.875   85.9375   64.0234375 75.1953125
 57.1484375 57.578125  93.671875  77.34375   66.171875  91.953125 ], Error = 8.59375
Iteración 5: x = [86.3671875  63.91601562 64.34570312 89.26757812 67.24609375 79.27734375
 60.69335938 61.12304688 97.32421875 81.85546875 69.82421875 94.9609375 ], Error = 4.51171875
Iteración 6: x = [87.79052734 65.17822266 65.79589844 90.90576172 68.91113281 81.80175781
 62.60009766 63.13720703 99.20410156 84.56787109 71.70410156 96.78710938], Error = 2.71240234
Iteración 7: x = [ 88.52233887  65.89660645  66.52099609  91.89941406  69.89807129
 83.10424805  63.73474121  64.29199219 100.33874512  86.01135254
 72.83874512  97.72705078], Error = 1.4434814453125
Iteración 8: x = [ 88.94866943  66.26083374  66.94900513  92.40631104  70.40664673
 83.88305664  64.34906006  64.93652344 100.93460083  86.86737061
 73.43460083  98.29437256], Error = 0.85601806640625
Iteración 9: x = [ 89.16687012  66.47441864  67.16678619  92.70801544  70.70793152
 84.29050446  64.70489502  65.30410767 101.29043579  87.32643127
 73.79043579  98.59230042], Error = 0.4590606689453125
Iteración 10: x = [ 89.29558754  66.58341408  67.29560852  92.86432266  70.86434364
 84.53021049  64.89865303  65.50783157 101.47968292  87.59624481

```

```

73.97968292 98.7702179 ], Error = 0.26981353759765625
Iteración 11: x = [ 89.36193943 66.64779902 67.36193419 92.95645475 70.95644951
84.65682983 65.00951052 65.62372446 101.59161568 87.74179935
74.09161568 98.86484146], Error = 0.1455545425415039
Iteración 12: x = [ 89.40106213 66.6809684 67.40106344 93.004691 71.00469232
84.73060369 65.07013857 65.68782747 101.6516602 87.82673895
74.1516602 98.92080784], Error = 0.08493959903717041
Iteración 13: x = [ 89.42141518 66.70053139 67.42141485 93.03291678 71.03291646
84.76988047 65.10460779 65.72421938 101.6868867 87.87278697
74.1868867 98.9508301 ], Error = 0.04604801535606384
Iteración 14: x = [ 89.43336196 66.71070751 67.43336204 93.04782383 71.04782391
84.79261026 65.12352496 65.74434869 101.70590427 87.89949819
74.20590427 98.96844335], Error = 0.026711225509643555
Iteración 15: x = [ 89.43963286 66.716681 67.43963283 93.05649308 71.05649306
84.80479318 65.13423974 65.75575579 101.71698539 87.91403931
74.21698539 98.97795213], Error = 0.014541111886501312
Iteración 16: x = [ 89.44329351 66.71981642 67.44329352 93.0611065 71.06110651
84.81180647 65.14013724 65.76206976 101.72299786 87.92243164
74.22299786 98.98349269], Error = 0.008392333984375
Convergencia alcanzada en la iteración 16 con error 8.3923e-03.

```

```

Solución final: x = [ 89.44329351 66.71981642 67.44329352 93.0611065 71.06110651
84.81180647 65.14013724 65.76206976 101.72299786 87.92243164
74.22299786 98.98349269]

```

c) Repita la parte b) mediante el método de Gauss-Siedel.

```

b = np.array([220, 110, 110, 220, 110, 110, 110, 110, 220, 110, 110, 220])
x0 = np.zeros(len(b))

print("Método de Siedel:")
_ = gauss_seidel_method(A, b, x0, 50, 1e-2)

```

Método de Siedel:

```

Iteración 1: x = [55.          41.25         37.8125         64.453125    41.25         53.92578125
40.98144531 37.74536133 55.          50.68634033 40.17158508 78.79289627], Error = 78.79289627
Iteración 2: x = [75.625         55.859375    57.578125    82.87597656 59.88769531 73.4362793
55.29541016 53.99543762 87.36980915 72.88420796 65.41927606 93.1972713 ], Error = 32.36980915
Iteración 3: x = [83.93676758 62.87872314 63.93867493 89.34373856 66.84326172 80.37060261
61.09151006 60.99392951 96.52036982 83.23339385 71.60766629 97.03200903], Error = 10.34918503
Iteración 4: x = [ 87.43049622 65.34229279 66.17150784 91.63552761 69.45027471
83.04432809 63.5095644 64.18573956 100.06635072 86.46493914

```

```

73.37423704 98.36014694], Error = 3.545980901180883
Iteración 5: x = [ 88.69814187 66.21741243 66.96323501 92.50189078 70.43561749
84.11176817 64.57437693 65.25982902 101.20627152 87.4600844
73.95505783 98.79033234], Error = 1.2676456570625305
Iteración 6: x = [ 89.16325748 66.53162312 67.25837847 92.84253666 70.81875641
84.5589175 64.95468663 65.60369276 101.56260418 87.78033869
74.14266776 98.92631799], Error = 0.46511560678482056
Iteración 7: x = [ 89.33759488 66.64899334 67.3728825 92.98295 70.9741281
84.72794118 65.08290848 65.71581179 101.67666417 87.88378593
74.20252598 98.96979754], Error = 0.17433740380511153
Iteración 8: x = [ 89.40578036 66.69466571 67.41940393 93.03683628 71.03343039
84.78829379 65.1260264 65.75245308 101.71339587 87.91709373
74.22172282 98.98377967], Error = 0.06818547542934539
Iteración 9: x = [ 89.43202402 66.71285699 67.43742332 93.05642928 71.05507945
84.80938378 65.14045922 65.76438824 101.72521835 87.92783235
74.22790301 98.98828034], Error = 0.026243666054341475
Iteración 10: x = [ 89.44198411 66.71985186 67.44407028 93.06336352 71.06284197
84.81666618 65.1452636 65.76827399 101.72902817 87.93130129
74.22989541 98.9897309 ], Error = 0.009960085383056594
Convergencia alcanzada en la iteración 10 con error 9.9601e-03.

Solución final: x = [ 89.44198411 66.71985186 67.44407028 93.06336352 71.06284197
84.81666618 65.1452636 65.76827399 101.72902817 87.93130129
74.22989541 98.9897309 ]

```

Declaración de uso de IA

En la preparación de este contenido, se utilizó ChatGPT para generar las instrucciones de los ejercicios, comprender el código, realizar correcciones y asistir en la presentación de las gráficas, con el objetivo de optimizar el proceso de elaboración y mantener la responsabilidad del producto final en el criterio del autor.

Link del repositorio <https://github.com/carol230/MetodosNumericos>