## Teorema de Euler

Origem: Wikipédia, a enciclopédia livre.

Devido à numerosa produção teórica de Leonhard Euler, a expressão **Teorema de Euler** pode ser aplicada a um grande número de teoremas matemáticos e físicos:

- O Teorema do Deslocamento de Euler, ou Teorema da Rotação de Euler, em Mecânica dos Corpos Rígidos
- O Teorema da Distribuição de Euler, em Geometria
- O Teorema do Tociente, ou Teorema de Fermat-Euler, em Teoria dos Números
- O Teorema de Euler em Trigonometria
- O Teorema de Euler sobre as Diferenciais Exatas, em Cálculo

## Teorema de Euler na Teoria dos Números (Teorema do Tociente)

Em teoria dos números, o **Teorema de Euler** (também conhecido como **Teorema de Fermat-Euler**) estabelece que se *n* é um inteiro positivo e *a* é um inteiro positivo co-primo de *n* então:

$$a^{\phi(n)} \equiv 1 (mod \ n)$$

A expressão

$$a \equiv b \pmod{n}$$

significa que a e b se encontram na mesma "classe de congruência" módulo n, ou seja, que ambos deixam o mesmo resto se os dividirmos por n, ou, o que é equivalente, a - b é um múltiplo de n.

Um facto importante sobre módulos de números primos é o pequeno teorema de Fermat: se p é um número primo e a é um qualquer inteiro, então

$$a^p \equiv a \pmod{p}$$

Isto foi generalizado por Euler:

Para qualquer inteiro positivo n e qualquer inteiro a relativamente primo a n, tem-se:  $a^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod{n}$ , onde  $\phi(n)$  denota a função totiente de Euler

1 de 2 23/03/2017 00:20

que conta o número de inteiros entre 1 e n que sejam coprimos em relação a n.

É necessário assinalar que o teorema de Euler é uma consequência do teorema de Lagrange, aplicado ao caso do grupo das unidades de um anel  $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ .

## O Teorema de Euler sobre as Diferenciais Exatas

Em cálculo, uma diferencial, expressa na forma canônica df = P(x,y)dx + Q(x,y)dy, é dita exata se existe uma função f(x,y) tal que:

$$P(x,y) = rac{\partial f}{\partial x} \ Q(x,y) = rac{\partial f}{\partial y}$$

Mas

$$rac{\partial P}{\partial y} = rac{\partial^2 f}{\partial y \; \partial x} \ rac{\partial Q}{\partial x} = rac{\partial^2 f}{\partial x \; \partial y}$$

então

$$rac{\partial P}{\partial y} \, = \, rac{\partial Q}{\partial x}$$

Obtida de "https://pt.wikipedia.org/w/index.php?title=Teorema de Euler&oldid=45729194"

Categorias: Leonhard Euler | Aritmética modular | Teoremas na teoria dos números

- Esta página foi modificada pela última vez à(s) 20h53min de 27 de maio de 2016.
- Este texto é disponibilizado nos termos da licença Creative Commons Atribuição Compartilha Igual 3.0 Não Adaptada (CC BY-SA 3.0); pode estar sujeito a condições adicionais. Para mais detalhes, consulte as condições de uso.