## 1. Mathematische Fingerübungen

## 1.1 Integration

Berechnen Sie die nachfolgenden Integrale.

$$\int_{1}^{2} x \cdot \exp\left(2x^{2} + 1\right) dx$$

$$\int \frac{x^3}{x^2 - 1} \mathrm{d}x$$

## 1.2 Differentialgleichungen

Lösen Sie folgende Anfangswertprobleme. Um welchen Typ von Differentialgleichung handelt es sich jeweils?

a.) 
$$(x^2 - 1)y' + 2xy^2 = 0$$
 | mit  $y(\sqrt{2}) = 1$ 

b.) 
$$(x+1)xy' - y = x(x+1)$$
 | mit  $y(1) = 0$ 

c.) 
$$y'' - y' = 0$$
 | mit  $y(0) = 1$  und  $y'(0) = 1$ 

d.) 
$$y'' + y' - 2y = 2x$$
 | mit  $y(0) = \frac{1}{2}$  und  $y'(0) = -4$