

# Q103: Stacking Boxes

原翻譯者：untitled

在數學或電腦科學裡，有些概念在一維或二維時還蠻簡單的，但到  $N$  維就會顯得非常複雜。試想一個  $n$  維的「盒子」：在二維空間裡，盒子  $(2, 3)$  可代表一個長為 2 個單位，寬為 3 個單位的盒子；在三維空間裡，盒子  $(4, 8, 9)$  則是一個  $4*8*9$ （長、寬、高）的盒子。至於在六維空間裡，也許我們不清楚  $(4, 5, 6, 7, 8, 9)$  長得怎樣，不過我們還是可以分析這些盒子的特性。

在此問題裡，我們要算出一組  $n$  維盒子裡，它們的「最長套入串列」： $b_1, b_2, \dots, b_k$ ，其中每個盒子  $b_i$  都可以「放入」盒子  $b_{i+1}$  中 ( $1 \leq i < k$ )

考慮兩個盒子  $D = (d_1, d_2, \dots, d_n)$ ， $E = (e_1, e_2, \dots, e_n)$ 。如果盒子  $D$  的  $n$  個維，能夠存在一種重排，使得重排後， $D$  每一維的量度都比  $E$  中相對應的維的量度還要小，則我們說盒子  $D$  能「放入」盒子  $E$ 。（用比較不嚴謹的講法，這就好像我們將盒子  $D$  翻來翻去，看看能不能擺到  $E$  裡面去。不過因為我們考慮的是任一重排，所以實際上盒子不只可轉來轉去，甚至還可以扭曲。）（還是看看下面的例子說明好了）。

譬如說，盒子  $D = (2, 6)$  能夠被放入盒子  $E = (7, 3)$  裡，因為  $D$  可以重排變為  $(6, 2)$ ，這樣子  $D$  的每個維的量度都比  $E$  裡對應的維還要小。而盒子  $D = (9, 5, 7, 3)$  就沒辦法放進盒子  $E = (2, 10, 6, 8)$ ，因為就算再怎摸重排  $D$  裡的維，還是沒辦法符合「放入」的條件。不過  $F = (9, 5, 7, 1)$  就可以放入  $E$  了，因為  $F$  可以重排成  $(1, 9, 5, 7)$ ，這樣就符合了放入的條件。

我們今定義「放入」如下：對於任兩個盒子  $D = (d_1, d_2, \dots, d_n)$  和  $E = (e_1, e_2, \dots, e_n)$ ，如果存在一種  $1..n$  的重排  $\pi$ ，使得對於任何的  $1 \leq i \leq n$ ，皆有  $d_{\pi(i)} < e_i$ ，則我們說盒子  $D$  能「放入」盒子  $E$ 。

## Input

輸入包含多組測試資料。每組測試資料的第一列有兩個數字：第一個是盒子的數量  $k$ ，然後是盒子的維數  $n$ 。

接下來有  $k$  列，每列有  $n$  個整數表示一個盒子的  $n$  個維的量度，量度之間由一個以上的空白做區隔。第一列表示第一個盒子，第二列表示第二個盒子，依此類推。

此問題裡，盒子的維數最小是 1，最大是 10，並且每組測試資料中盒子的個數最多為 30 個。

## Output

對於每一組測試資料，你必須輸出兩列數字：第一列是「最長套入串列」的長度，第二列是按照內外順序，印出「最長套入串列」裡盒子的編號（其中編號是按照在輸入檔案的每組數列裡所出現的順序，例如第一個盒子就是 1 號... 等等。）最裡面的盒子（或是最小的）擺在第一個，再來是次小的，依此類推。

如果對於每一組的盒子，存在兩個以上的「最長套入串列」，輸出任何一個均可。

## Sample Input

```
5 2
3 7
8 10
5 2
9 11
21 18
8 6
5 2 20 1 30 10
```

23 15 7 9 11 3  
40 50 34 24 14 4  
9 10 11 12 13 14  
31 4 18 8 27 17  
44 32 13 19 41 19  
1 2 3 4 5 6  
80 37 47 18 21 9

### Sample Output

5  
3 1 2 4 5  
4  
7 2 5 6