

# Esame di Fondamenti di Cybersecurity

05-02-2025

Leggere attentamente ogni punto del regolamento prima di svolgere l'esame, non rispettare queste regole comporterà l'annullamento (anche in corso) dell'esame:

1. Non è ammesso nessun tipo di materiale, cartaceo o elettronico, questo va da materiale "ufficiale" del corso come slide o registrazioni a materiale autoprodotta o semi prodotta (e.g. appunti o soluzioni di esercitazioni). Chat GPT rientra in questa categoria.
2. Non è ammesso parlare con altre persone via qualsiasi canale, l'esame è individuale.
3. Scrivete **Nome, Cognome e matricola** su **TUTTI** i fogli.
4. È necessario presentare il badge universitario.
5. I punteggi di ogni domanda sono riportati a fianco della domanda stessa, il massimo punteggio ottenibile tramite questo esame scritto è 24. L'esame si considera superato se la somma del punteggio di questo esame con il punteggio delle esercitazioni risulta essere maggiore o uguale a 18.
6. **La durata della prova è di un'ora e 30 minuti.**
7. Potete usare il retro del foglio come brutta copia o considerazioni aggiuntive sulla vostra risposta.
8. L'esame va scritto tramite PENNA NERA o PENNA BLU. Non è possibile usare penne rosse o matite o bianchetto.
9. Rispondete alle domande in maniera esaustiva ma concisa.
10. La consegna dell'esame scritto invalida i precedenti voti. Per ritirarsi all'esame bisogna scrivere **"NON VALUTARE"** su TUTTI i fogli.

Nome:

Cognome:

Matricola:

1. Alice usa il crittosistema **RSA** per ricevere messaggi da Bob. Alice sceglie:

-  $p=11$ ,  $q=13$

- il suo esponente pubblico è  $e=7$

Alice pubblica il prodotto  $n=pq=143$  e l'esponente  $e=7$

- a) Verificare che  $e=7$  è un esponente valido per l'algoritmo RSA

- b) Calcolare  $d$ , la chiave privata di Alice

Bob vuole inviare ad Alice il testo  $P1=14$  ed il testo  $P2=15$ , cifrandoli

- c) Che valori Bob invia ad Alice?

- d) Verificare che Alice riesce a decifrare tali messaggi.

**[Scrivere tutti i passaggi per ottenere il risultato per tutte le domande a) b) c) e d) ]**

**(8 punti / 24)**

### SOLUZIONE:

**a)**

Allora:  $\Phi(n) = (p-1)(q-1) = (11-1)(13-1)=120$

$120 = (2^3) \cdot 3 \cdot 5$

**$\gcd(7,120)=1$** , la scelta di  $e=7$  è valida

L'esponente privato  $d=e^{-1} \bmod(\Phi(n))=7^{-1} \bmod(120)=$  **103**

Infatti  **$103 \cdot 7 = 721 = 6 \cdot 120 + 1 = 1 \pmod{120}$**

**b)**

Extended\_EuclideanAlgorithm/Multiplicative\_Inverse(120,7):

$a_0 = 120$ ,  $b_0 = 7$ ,  $t_0 = 0$  e  $t=1$

$q = \text{integer part of } (a_0/b_0) = 17$

$r = 120 - 17 \cdot 7 = 120 - 119 = 1$

$\text{temp} = (0 - 17 \cdot 1) \bmod 120 = 103$

$t_0 = t = 1$

$t = \text{temp} = 103$

$a_0 = b_0 = 7$

$b_0 = r = 1$

$q = \text{integer part of } (a_0/b_0) = \text{integer part of } (7/1) = 7$

$r = 7 - 7 \cdot 1 = 0$

$b_0 = 1 \Rightarrow \text{return } (103)$

**private key  $d = 103$**

**c) e d)**

Ciphertext1 inviato da Bob ad Alice  $C1 = 14^7 \bmod(143) =$  **53**

Alice decifra il plaintext  $P1 = 53^{103} \bmod(143) =$  **14**

*Esponente  $b = 111$*

*$b[0] = 1$ , risultato = 14*

Nome:

Cognome:

Matricola:

 $b[1] = 1, \text{ risultato} = 27$  $b[2] = 1, \text{ risultato} = 53$ **Ciphertext c: 53**

-----

*Esponente b = 1100111* $b[0] = 1, \text{ risultato} = 53$  $b[1] = 1, \text{ risultato} = 14$  $b[2] = 0, \text{ risultato} = 53$  $b[3] = 0, \text{ risultato} = 92$  $b[4] = 1, \text{ risultato} = 1$  $b[5] = 1, \text{ risultato} = 53$  $b[6] = 1, \text{ risultato} = 14$ **Ciphertext c: 14**Ciphertext2 inviato da Bob ad Alice  $C2 = 15^7 \bmod(143) = 115$ Alice decifra il plaintext  $P2 = 115^{103} \bmod(143) = 15$ *Esponente b = 111* $b[0] = 1, \text{ risultato} = 15$  $b[1] = 1, \text{ risultato} = 86$  $b[2] = 1, \text{ risultato} = 115$ **Ciphertext c: 115***Esponente b = 1100111* $b[0] = 1, \text{ risultato} = 115$  $b[1] = 1, \text{ risultato} = 70$  $b[2] = 0, \text{ risultato} = 38$  $b[3] = 0, \text{ risultato} = 14$  $b[4] = 1, \text{ risultato} = 89$  $b[5] = 1, \text{ risultato} = 5$  $b[6] = 1, \text{ risultato} = 15$ **Ciphertext c: 15**

2. Fornire in modo chiaro e preciso:

(a) la definizione di **One Time Pad (OTP)**,(b) la definizione di **Sicurezza Perfetta di Shannon**,(c) provare che **OTP** è sicuro.

(d) Specificare la condizione sotto la quale la sicurezza perfetta è garantita (in termine di lunghezza della chiave/plaintext)

(e) Cosa sarebbe lo svantaggio principale di **OTP**?**(6 punti / 24)****Consultare le slide #5->slide#16 della lezione "OTP and Stream Ciphers"**

3. Descrivere in modo chiaro e esaustivo:

(a) il concetto di **anonimizzazione**,

Nome:

Cognome:

Matricola:

(b) il **Routing a Cipolla (Onion Routing)**.

(c) Quest'ultimo meccanismo (**Onion Routing**) come garantisce l'anonimizzazione del traffico sulla rete? (illustrare la risposta con una Figura)

(5 punti / 24)

a) **Anonimato: una proprietà che garantisce che un utente possa utilizzare una risorsa o un servizio senza rivelare la propria identità (slide#18 della lezione "Network security: Definitions, Internet security and Anonymity").**

b) e c) **Consultare le slide#39 -> slide#45 della lezione "Network security: Definitions, Internet security and Anonymity".**

4. Unix utilizza un sistema di sicurezza composto da **ACL** (Access Control List) e **Capabilities**.

(a) Descrivere questi 2 meccanismi (evidenziandone le somiglianze e le differenze).

(b) Quali sono i vantaggi di implementare **ACL** e **Capabilities** insieme su un sistema informatico?

(5 punti / 24)

a) **Consultare le slide#17 e slide#18 e le slide #21 e slide#22 della lezione "System security: authentication - access control".**

b) **Consultare le slide#23 e slide#24 della lezione "System security: authentication - access control".**