

ES 6

$$s(t) = x(t) \cos(\omega_0 t)$$

$$x(t) \xrightarrow{F} X(\omega)$$

$$S(\omega)?$$

$$S(\omega) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) \cos(\omega_0 t) e^{-j\omega t} dt$$

SPEZZO L'INTEGRALE SCRIVENDO

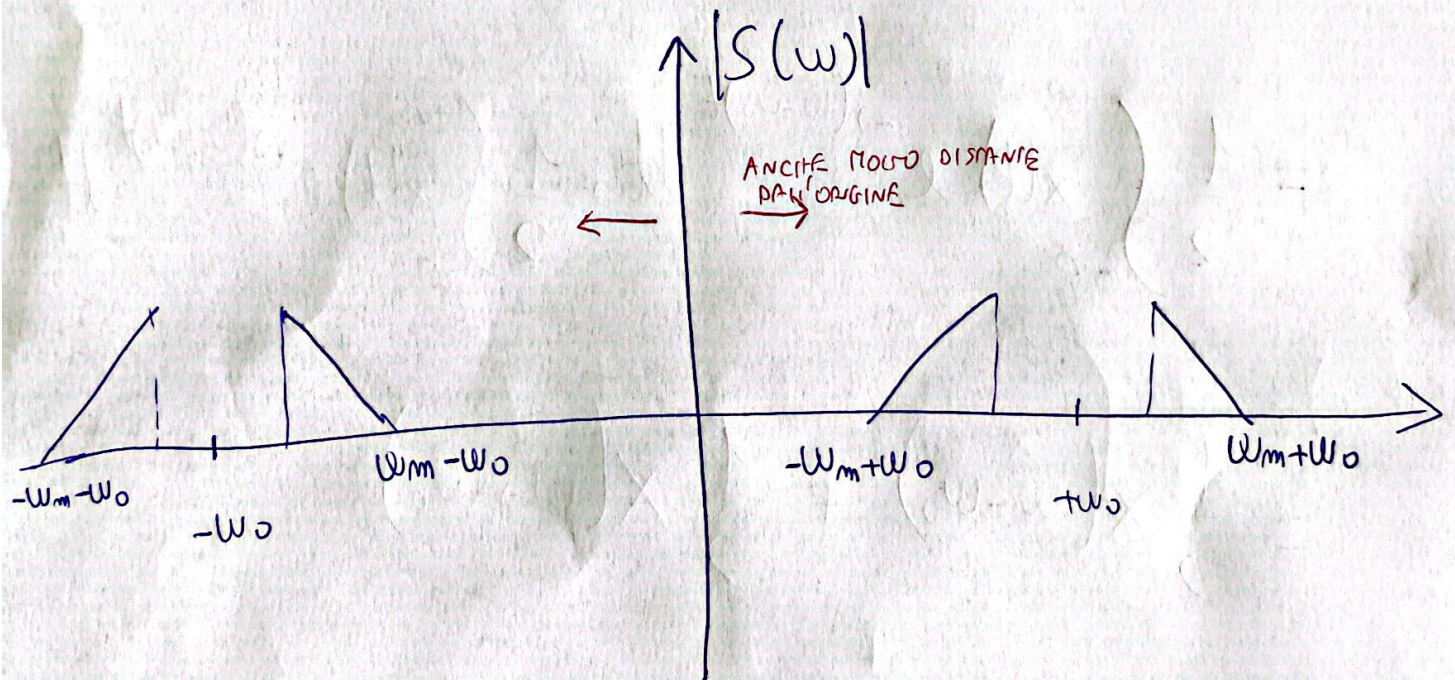
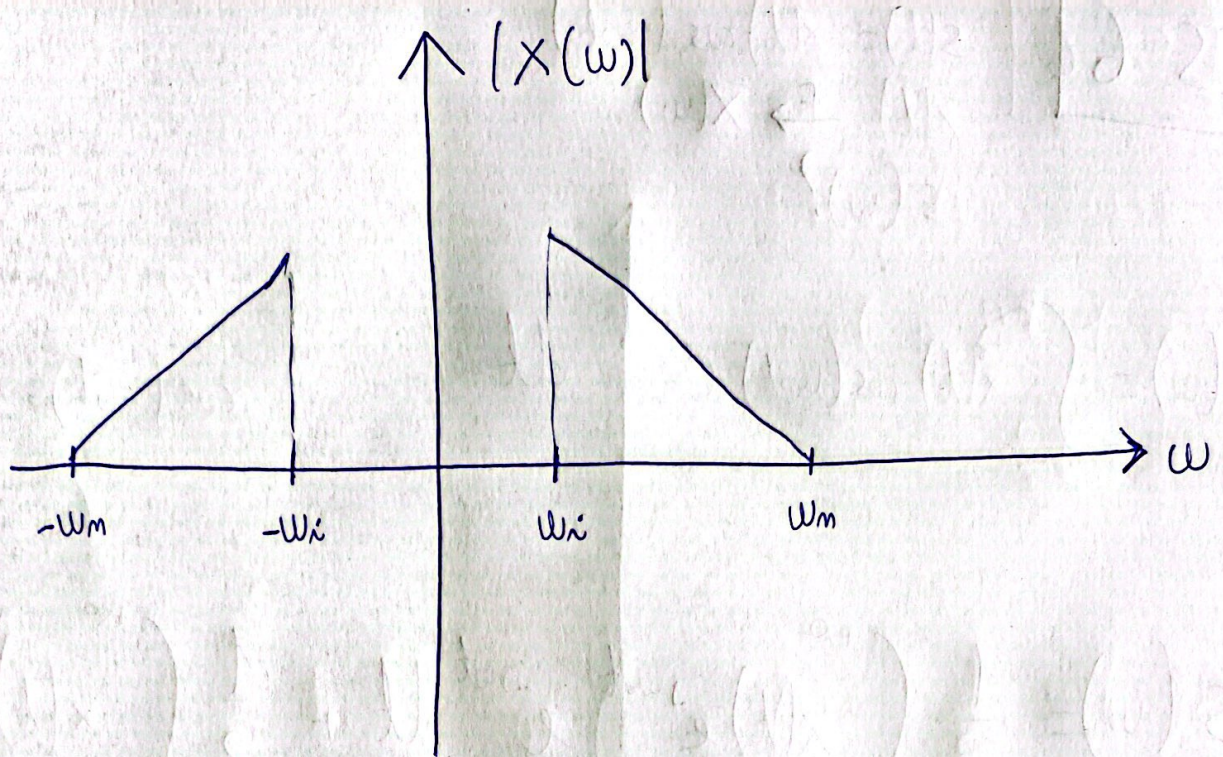
$$\cos(\omega_0 t) = \frac{e^{j\omega_0 t} + e^{-j\omega_0 t}}{2}$$

$$S(\omega) = \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) e^{j\omega_0 t} e^{-j\omega t} dt + \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) e^{-j\omega_0 t} e^{-j\omega t} dt$$

$$= \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) e^{-j(\omega - \omega_0)t} dt + \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) e^{-j(\omega + \omega_0)t} dt$$

$$= \frac{1}{2} X(\omega - \omega_0) + \frac{1}{2} X(\omega + \omega_0)$$

IL RISULTATO PRENDE IL NOME DI TEOREMA FOND. DELLA MODULAZIONE



MODULATA
 MODULANTE
 PORTANTE

NOTA: $s(t) = x(t) \cdot \cos(\omega_0 t)$. Se $x(t)$ PASSA BASSO CON BANDA MOLTO PICCOLA RISPETTO A ω_0 ($\omega_0 \gg \omega_m$) SI MODIFICA LO SPETTRO DEI SEGNALE. ($s(t)$ PASSA BANDA CON BANDA DOPPIA AL SEGNALE INIZIALE)