



ALMA MATER STUDIORUM
UNIVERSITÀ DI BOLOGNA

Microeconomia

AA 23-24 InfMan

Emanuele Bacchiega

Preferenze Rivelate

Varian, Cap. 7



Preferenze Rvelate

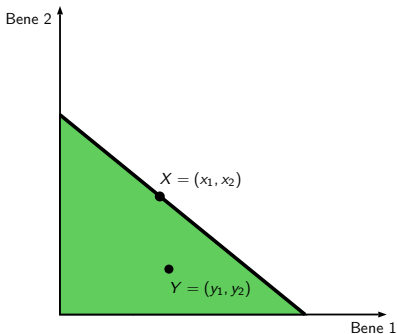
Lezioni scorse: Preferenze \rightarrow Domanda.

Oggi Domanda \rightarrow Preferenze

- Preferenze *stabili* nel tempo.
- Preferenze *strettamente* convesse (paniere ottimo unico *dato* V.B.).



Preferenze Rivelate



X è scelto quando Y è disponibile.



Preferenze Rivelate

$\forall X \neq Y,$

$$p_1 y_1 + p_2 y_2 \leq m$$

Inoltre

$$p_1 x_1 + p_2 x_2 = m$$

Quindi

$$p_1 x_1 + p_2 x_2 \geq p_1 y_1 + p_2 y_2$$

X si rivela direttamente preferito a Y



Preferenze Rivelate

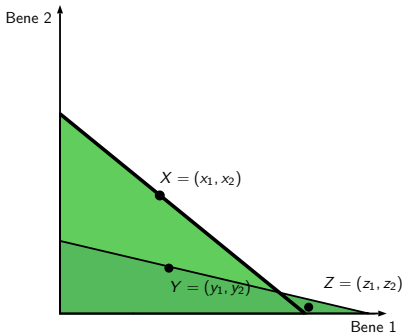
Principio delle preferenze rivelate

Sia X scelto in corrispondenza dei prezzi (p_1, p_2) e sia Y t.c. $p_1x_1 + p_2x_2 \geq p_1y_1 + p_2y_2$. Se il consumatore sceglie il paniere preferito tra quelli possibili, dev'essere che

$$X \succ Y$$



Preferenze Rivelate



$$q_1 y_1 + q_2 y_2 \geq q_1 z_1 + q_2 z_2 \rightarrow Y \succ Z.$$



Preferenze Rivelate

Y si rivela direttamente preferito a Z .

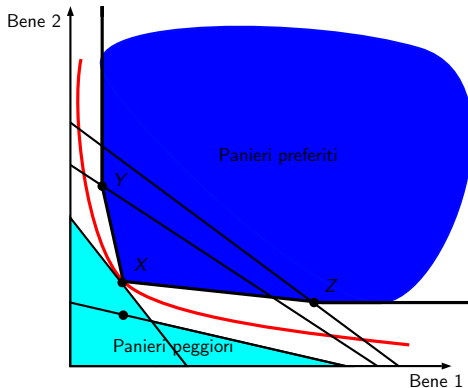
Transitività $\rightarrow X \succ Z$

X si rivela **indirettamente preferito** a Z .



Preferenze Rivelate

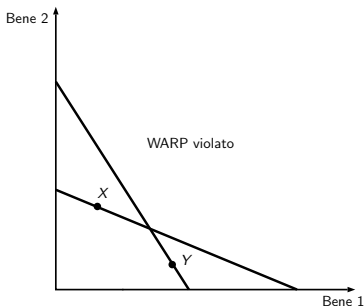
Costruzione curve indifferenza



Preferenze Rivelate

Assioma debole delle preferenze rivelate (WARP)

Se X è **direttamente** r.p. a Y e $X \neq Y$, allora Y non può essere **direttamente** r.p. a X .



Preferenze Rivelate

WARP: se X è acquistato a (p_1, p_2) e Y a (q_1, q_2) , allora se

$$p_1x_1 + p_2x_2 \geq p_1y_1 + p_2y_2$$

non può essere che

$$q_1x_1 + q_2x_2 \leq q_1y_1 + q_2y_2$$



Preferenze Rivelate

Verifica del WARP

Osservazione	p_1	p_2	x_1	x_2
1	1	2	1	2
2	2	1	2	1
3	1	1	2	2

		Panieri		
		1	2	3
Prezzi	1	5	4*	6
	2	4*	5	6
	3	3*	3*	4



Preferenze Rivelate

Assioma forte delle preferenze rivelate (SARP)

Se X è **direttamente o indirettamente** r.p. a Y e $X \neq Y$, allora Y non può essere **direttamente o indirettamente** r.p. a X .

SARP è condizione *necessaria e sufficiente* di comportamento ottimizzante.



Preferenze Rilevate

Verifica del SARP

Prezzi

	Panieri		
	1	2	3
1	20	10*	22 ^(*)
2	21	20	15*
3	12	15	10



Esempio: preferenze rivelate tra gli Atenei ▶ QJE



Preferenze Rivelate

Numeri indici Due periodi: b e t , panieri di consumo (x_1^b, x_2^b) , (x_1^t, x_2^t) .

$$I_q = \frac{w_1 x_1^t + w_2 x_2^t}{w_1 x_1^b + w_2 x_2^b}$$

Indice di consumo per dati pesi w_1, w_2



Preferenze Rivelate

Prezzi (p_1^b, p_2^b) , (p_1^t, p_2^t) : pesi "naturali".

- Prezzi a t : **indice delle quantità di Paasche**:

$$P_q = \frac{p_1^t x_1^t + p_2^t x_2^t}{p_1^t x_1^b + p_2^t x_2^b}$$

- Prezzi a b : **indice delle quantità di di Laspeyres**:

$$L_q = \frac{p_1^b x_1^t + p_2^b x_2^t}{p_1^b x_1^b + p_2^b x_2^b}$$



Preferenze Rivelate

Indice quantità di Paasche

- $P_q > 1 \rightarrow$ paniere in t preferito a b
- $P_q < 1 \rightarrow ?$

Indice quantità di Laspeyres

- $L_q < 1 \rightarrow$ paniere in b preferito a t
- $L_q > 1 \rightarrow ?$

► AER



Preferenze Rivelate

Indici dei prezzi In generale

$$I_p = \frac{p_1^t w_1 + p_2^t w_2}{p_1^b w_1 + p_2^b w_2}$$

- $w_i = x_i^t \rightarrow$ indice dei prezzi di **Paasche** P_p
- $w_i = x_i^b \rightarrow$ indice dei prezzi di **Laspeyres** L_p



Preferenze Rivelate

$P_p < 1 \rightarrow ?$ Indice variazione spesa:

$$M = \frac{p_1^t x_1^t + p_2^t x_2^t}{p_1^b x_1^b + p_2^b x_2^b}$$

- $P_p > M \Leftrightarrow p_1^b x_1^b + p_2^b x_2^b > p_1^t x_1^t + p_2^t x_2^t \rightarrow$ Soddisfazione consumatore maggiore in b .
- $L_p < M \Leftrightarrow p_1^t x_1^t + p_2^t x_2^t > p_1^b x_1^b + p_2^b x_2^b \rightarrow$ Soddisfazione consumatore maggiore in t .



Preferenze Rivelate

Esempio: Indicizzazione

