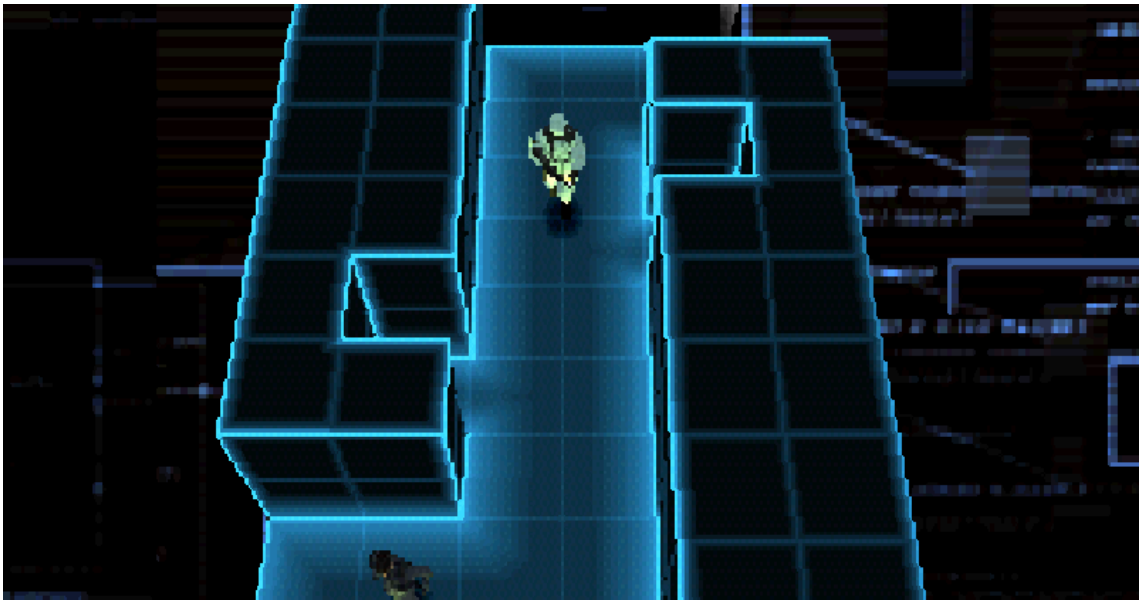


PLANEAMIENTO DE MECANICAS Y DINAMICAS DE JUEGOS



Trabajo Practico N°1

Estudiante: Vilca Carlos Norberto Salvador

LU:646

Año: 2024

Ejercicio 1: Dados $\vec{p} = (2, 2, 1)$ y $\vec{q} = (1, -2, 0)$, calcule:

	\vec{p}	\vec{q}
x	2	1
y	2	-2
z	1	0

a) Para calcular el producto punto o producto escalar primero se multiplican las componentes (x, y, z) de \vec{p} y \vec{q} , finalmente se suman los resultados. Esto nos dará un resultado que será un valor escalar.

$$a) \vec{p} \cdot \vec{q} = (2 \cdot 1) + (2 \cdot -2) + (1 \cdot 0)$$

$$\vec{p} \cdot \vec{q} = 2 - 4 + 0$$

$$\vec{p} \cdot \vec{q} = -2$$

b) Para calcular el producto cruz de los vectores \vec{p} y \vec{q} , use el método Bombberman que consiste en armar una matriz con los componentes x, y, z de los vectores de la siguiente manera.

Para calcular x

x	y	z
2	2	1
1	-2	0

$$= (2 \cdot 0) - (1 \cdot -2) = 2$$

Para calcular y

x	y	z
2	2	1
1	-2	0

$$= (1 \cdot 1) - (2 \cdot 0) = 1$$

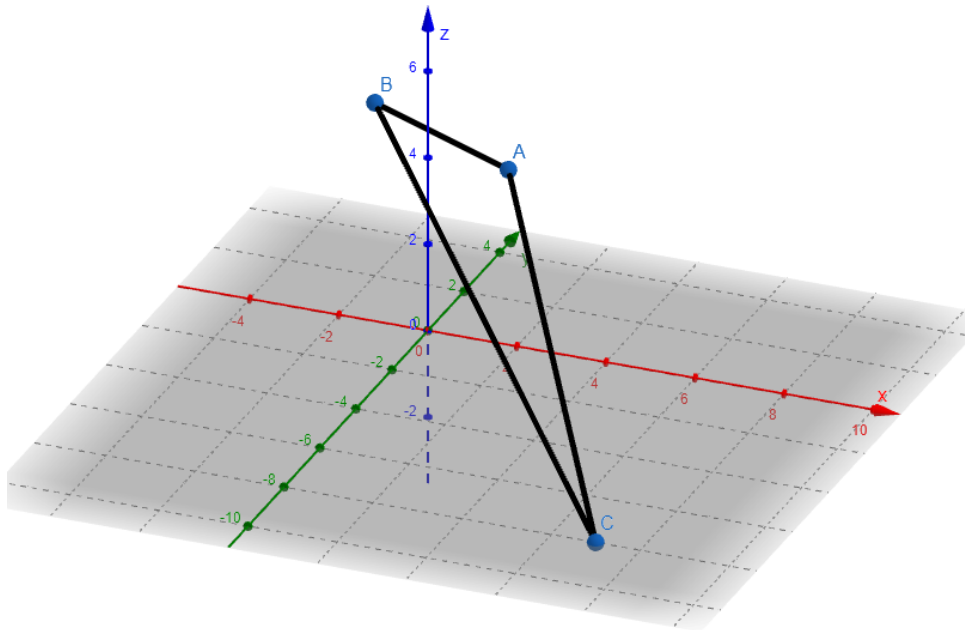
Para calcular z

x	y	z
2	2	1
1	-2	0

$$= (2 \cdot -2) - (2 \cdot 1) = -6$$

$$\vec{p} \times \vec{q} = (2)(0) - (1)(-2), (1)(1) - (2)(0), (2)(-2) - (2)(1) = \{2, 1, -6\}$$

Ejercicio 2: Dados los siguientes puntos: $A = (1, 2, 3)$, $B = (-2, 2, 4)$ y $C = (7, -8, 0)$, represente los vectores que unen \overline{AB} , \overline{BC} y \overline{CA} . Luego calcule el área del triángulo que conforman estos vectores.



$$\overline{AB} = \vec{B} - \vec{A} = (-2-1, 2-2, 4-3) = (-3, 0, 1)$$

$$\overline{BC} = \vec{C} - \vec{B} = (7-(-2), -8-2, 0-4) = (9, -10, 4)$$

$$\overline{CA} = \vec{A} - \vec{C} = (1-7, 2-(-8), 3-0) = (-6, 10, 3)$$

Área del triángulo

Para calcular el área del triángulo usare la fórmula del producto cruz y dividirla por 2

$$\text{Área} = \frac{1}{2} |\overline{AB} \times \overline{AC}|$$

Primero calculo $\overline{AB} \times \overline{AC}$

$$\overline{AC} = \vec{C} - \vec{A} = (7-1, -8-2, 0-3) = (6, -10, -3)$$

x	y	z
-3	0	1
6	-10	-3

$$\overline{AB} \times \overline{AC} = (0 \cdot -3) - (1 \cdot -10), (-3 \cdot -3) - (6 \cdot 1), (-3 \cdot -10) - (0 \cdot 6)$$

$$\overline{AB} \times \overline{AC} = -10, 3, 30$$

Después calculo $|\overline{AB} \times \overline{AC}|$

$$|\overline{AB} \times \overline{AC}| = \sqrt{(-10)^2 + (3)^2 + (30)^2}$$

$$|\overline{AB} \times \overline{AC}| = \sqrt{100 + 9 + 900}$$

$$|\overline{AB} \times \overline{AC}| = 31.764$$

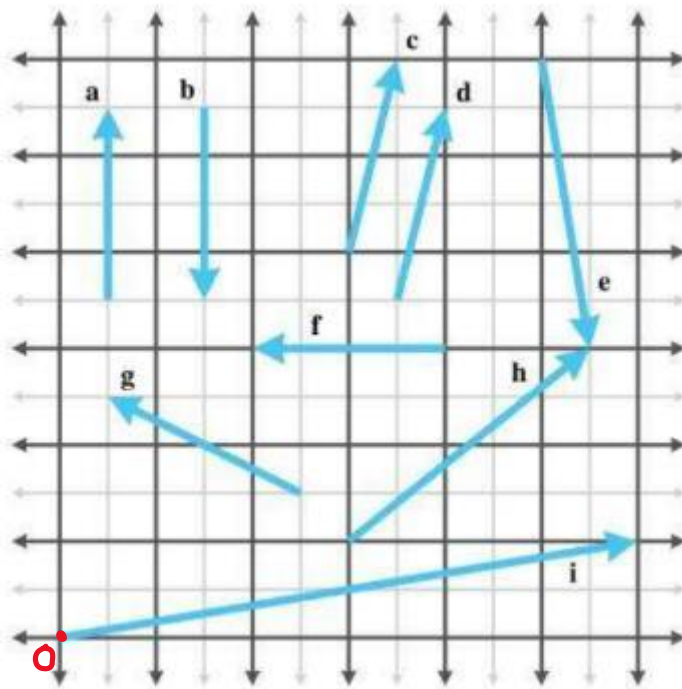
Finalmente calculo el área

$$\text{Área} = \frac{1}{2} |\overline{AB} \times \overline{AC}|$$

$$\text{Área} = \frac{1}{2}(31.764)$$

$$\text{Área} = 15.882$$

Ejercicio 3: Dado el siguiente gráfico, indique los valores de los elementos de cada uno de los vectores. Considere que cada línea oscura de la cuadrícula representa una unidad.



a	O=(0.5, 3.5) F=(0.5, 5.5)	$\Delta x=(0.5 - 0.5) \Delta y=(5.5 - 3.5)$	=(0, 2)
b	O=(1.5, 5.5) F=(1.5, 3.5)	$\Delta x=(1.5 - 1.5) \Delta y=(3.5 - 5.5)$	=(0, -2)
c	O=(3, 4) F=(3.5, 6)	$\Delta x=(3.5 - 3) \Delta y=(6 - 4)$	=(0.5, 2)
d	O=(3.5, 3.5) F=(4, 5.5)	$\Delta x=(4 - 3.5) \Delta y=(5.5 - 3.5)$	=(0.5, 2)
e	O=(5, 6) F=(5.5, 3)	$\Delta x=(5.5 - 5) \Delta y=(3 - 6)$	=(0.5, -3)
f	O=(4, 3) F=(2, 3)	$\Delta x=(2 - 4) \Delta y=(3 - 3)$	=(-2, 0)
g	O=(2.5, 1.5) F=(0.5, 2.5)	$\Delta x=(0.5 - 2.5) \Delta y=(2.5 - 1.5)$	=(-2, 1)
h	O=(3, 1) F=(5.5, 3)	$\Delta x=(5.5 - 3) \Delta y=(3 - 1)$	=(2.5, 2)
i	O=(0, 0) F=(6, 1)	$\Delta x=(6 - 0) \Delta y=(1 - 0)$	=(6, 1)

Ejercicio 4: Evalúe las siguientes expresiones

a) $(7, -2, .3) + (6,6, -4)$

b) $\begin{bmatrix} 2 & 9 & -1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -2 & -9 & 1 \end{bmatrix}$

c) $\begin{bmatrix} 3 \\ 10 \\ 7 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 8 \\ -7 \\ 4 \end{bmatrix}$

d) $\begin{bmatrix} 4 \\ 5 \\ -11 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -4 \\ -5 \\ 11 \end{bmatrix}$

e) $3 \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} - 4 \begin{bmatrix} 2 \\ 10 \\ -6 \end{bmatrix}$

a) $(7, -2, 3) + (6, 6, -4) = (7+6, -2+6, 0.3+(-4)) = (13,4,-3.7)$

b) $\begin{bmatrix} 2,9,-1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -2,-9,1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2+(-2), 9+(-9), -1+1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0,0,0 \end{bmatrix}$

c) $\begin{bmatrix} 3,10,7 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 8,-7,4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3-8, 10-(-7), 7-4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5, 17, 3 \end{bmatrix}$

d) $\begin{bmatrix} 4,5,-11 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -4,-5,11 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4-(-4), 5-(-5), 11-11 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8,10,-22 \end{bmatrix}$

e) $3\begin{bmatrix} a & b & c \end{bmatrix} - 4\begin{bmatrix} 2 & 10 & -6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3a, 3b, 3c \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 8,40,24 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3a-8, 3b-40, 3c-(-24) \end{bmatrix}$

Ejercicio 5: Obtenga la distancia entre los siguientes pares de puntos

a) $(10,6), (-14,30)$

$$d = \sqrt{(-14 - 10)^2 + (30 - 6)^2}$$

$$d = \sqrt{(-24)^2 + (24)^2}$$

$$d = \sqrt{(-24)^2 + (24)^2}$$

$$d = \sqrt{576 + 576}$$

$$d = \sqrt{1152}$$

b) $(0,0), (-12,5)$

$$d = \sqrt{(-12 - 0)^2 + (5 - 0)^2}$$

$$d = \sqrt{(-12)^2 + (5)^2}$$

$$d = \sqrt{144 + 25}$$

$$d = \sqrt{169}$$

$$d = 13$$

c) $(3,10,7), (8, -7,4)$

$$d = \sqrt{(8 - 3)^2 + (-7 - 10)^2 + (4 - 7)^2}$$

$$d = \sqrt{(5)^2 + (-17)^2 + (-3)^2}$$

$$d = \sqrt{25 + 289 + 9}$$

$$d = \sqrt{323}$$

$$d = 17.97$$

d) $(-2, -4, 9), (6, -7, 9.5)$

$$d = \sqrt{(6 - (-2))^2 + (-7 - (-4))^2 + (9.5 - 9)^2}$$

$$d = \sqrt{(6 + 2)^2 + (-7 + 4)^2 + (0.5)^2}$$

$$d = \sqrt{(8)^2 + (-3)^2 + (0.5)^2}$$

$$d = \sqrt{64 + 9 + 0.25}$$

$$d = \sqrt{73.25}$$

$$d = 8.56$$

e) $(4, -4, -4, 4), (-6, 6, 6, -6)$

$$d = \sqrt{(-6 - 4)^2 + (6 - (-4))^2 + (6 - (-4))^2 + (-6 - 4)^2}$$

$$d = \sqrt{(-10)^2 + (10)^2 + (10)^2 + (-10)^2}$$

$$d = \sqrt{100 + 100 + 100 + 100}$$

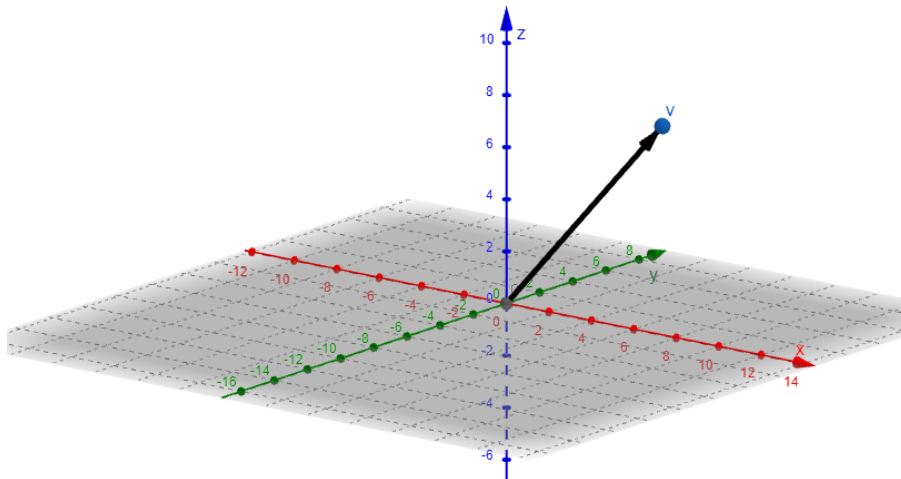
$$d = \sqrt{400}$$

$$d = 20$$

Ejercicio 6: Supongamos que queremos mover un personaje desde la posición inicial $(0,0,0)$ hacia la posición objetivo $(5,3,7)$. Obtenga el vector que permite este movimiento. Dibújelo en un sistema de ejes cartesianos. Obtenga su magnitud y normalice el vector.

Vector que permite el movimiento

$$\vec{v} = (5-0, 3-0, 7-0) = (5, 3, 7)$$



Magnitud

$$\|\vec{v}\| = \sqrt{5^2 + 3^2 + 7^2}$$

$$\|\vec{v}\| = \sqrt{25 + 9 + 49}$$

$$\|\vec{v}\| = \sqrt{83}$$

Normalizado

$$\hat{v} = \left(\frac{5}{\sqrt{83}} + \frac{3}{\sqrt{83}} + \frac{7}{\sqrt{83}} \right)$$

$$\hat{v} = \sqrt{\frac{5^2}{(\sqrt{83})^2} + \frac{3^2}{(\sqrt{83})^2} + \frac{7^2}{(\sqrt{83})^2}}$$

$$\hat{v} = \sqrt{\frac{25}{83} + \frac{9}{83} + \frac{49}{83}}$$

$$\hat{v} = \sqrt{\frac{83}{83}} = 1$$

Ejercicio 7: Suponga que la velocidad del personaje es ($v=2$) unidades por segundo. En cada iteración del juego (por ejemplo, en cada fotograma), el personaje se moverá multiplicando el vector normalizado por la velocidad y sumando este resultado a la posición del personaje. Si el juego se ejecuta ($t=3$) segundos, entonces utilice el vector normalizado del punto anterior y calcule cuál será su posición luego de tres segundos.

$$\text{Posición final} = (0,0,0) + \left(\left(\frac{5}{\sqrt{83}} + \frac{3}{\sqrt{83}} + \frac{7}{\sqrt{83}} \right) \times 2 \times 3 \right)$$

$$\text{Posición final} = \left(\frac{5}{\sqrt{83}} \times 2 \times 3, \frac{3}{\sqrt{83}} \times 2 \times 3, \frac{7}{\sqrt{83}} \times 2 \times 3 \right)$$

$$\text{Posición final} = \left(\frac{30}{\sqrt{83}}, \frac{18}{\sqrt{83}}, \frac{42}{\sqrt{83}} \right)$$

$$\text{Posición final} = (3.29, 1.97, 4.58)$$

Ejercicio 8: Un vector \vec{v} tiene componentes (5,-2). Si ese vector tiene como puntos de referencias A y B, halle las coordenadas de A si se conoce el extremo B = (12, -3).

La posición de B se puede obtener sumando el vector \hat{v} al punto A

$$B = A + \hat{v}$$

Como ya se conoce B se puede despejar A

$$A = B + \hat{v}$$

$$A = (12, -3) - (5, -2)$$

$$A = (12-5, -3-(-2))$$

$$A = (7, -1)$$

Ejercicio 9: Sean los vectores $\vec{a} = (3, -1)$, $\vec{b} = (-2, -2)$ y $\vec{c} = (-3, -1)$. Calcule geoméricamente las siguientes operaciones

a) $\vec{a} - \vec{b} = (3, -1) - (-2, -2) = (3+2, -1+2) = (5, 1)$

b) $\vec{b} - \vec{a} = (-2, -2) - (3, -1) = (-2-3, -2-(-1)) = (-5, -1)$

c) $\vec{a} + \vec{c} = (3, -1) + (-3, -1) = (3-3, -1-1) = (0, -2)$