INSTITUTO TECNOLÓGICO DE AERONÁUTICA



Cássio dos Santos Sousa

Resolução otimizada de problemas com uso de algoritmos evolutivos

Trabalho de Graduação 2016

Computação

Cássio dos Santos Sousa

Resolução Otimizada de Problemas com uso de Algoritmos Evolutivos

Orientador Prof. Dr. Carlos Henrique Quartucci Forster (ITA)

Engenharia de Computação

SÃO JOSÉ DOS CAMPOS INSTITUTO TECNOLÓGICO DE AERONÁUTICA

Dados Internacionais de Catalogação-na-Publicação (CIP) Divisão de Informação e Documentação

Sousa, Cássio dos Santos

Resolução Otimizada de Problemas com uso de Algoritmos Evolutivos / Cássio dos Santos Sousa. São José dos Campos, 2016.

15f

Trabalho de Graduação – Divisão de Ciência da Computação – Instituto Tecnológico de Aeronáutica, 2016. Orientador: Prof. Dr. Carlos Henrique Quartucci Forster.

1. Algoritmo Evolutivo. 2. Inteligência Artificial. I. Instituto Tecnológico de Aeronáutica. II. Resolução Otimizada de Problemas com uso de Algoritmos Evolutivos.

REFERÊNCIA BIBLIOGRÁFICA

SOUSA, Cássio dos Santos. **Resolução Otimizada de Problemas com uso de Algoritmos Evolutivos**. 2016. 15f. Trabalho de Conclusão de Curso. (Graduação) — Instituto Tecnológico de Aeronáutica, São José dos Campos.

CESSÃO DE DIREITOS

NOME DO AUTOR: Cássio dos Santos Sousa

TÍTULO DO TRABALHO: Resolução Otimizada de Problemas com uso de Algoritmos

Evolutivos

TIPO DO TRABALHO/ANO: Graduação / 2016

É concedida ao Instituto Tecnológico de Aeronáutica permissão para reproduzir cópias deste trabalho de graduação e para emprestar ou vender cópias somente para propósitos acadêmicos e científicos. O autor reserva outros direitos de publicação e nenhuma parte desta monografia de graduação pode ser reproduzida sem a autorização do autor.

Cássio dos Santos Sousa

Pça Mal-do-Ar Eduardo Gomes, 50

Carrie des Santes Sousa

12228-900 – São José dos Campos – SP

RESOLUÇÃO OTIMIZADA DE PROBLEMAS COM USO DE ALGORITMOS EVOLUTIVOS

Essa publicação foi aceita como Relatório Final de Trabalho de Graduação.

	Cássio dos Santos Sousa Autor
	Autoi
Prof. Dr	Carlos Henrique Quartucci Forster (ITA) Orientador
	Prof. Dr. Juliana de Melo Bezerra dora do Curso de Engenharia de Computação

São José dos Campos, _____ de _____ de 2016.

Dedico este trabalho à minha mãe Lucinez, que me trouxe suporte durante todo meu tempo no ITA, e ao Instituto Ismart, oportunidade que muda a minha vida desde 2006.

A grade cimentos

À minha família, que se esforçou tanto para que eu ficasse até o fim no ITA.

Ao meu professor orientador Carlos Forster, que me guiou por caminhos tortuosos até a conclusão deste trabalho de graduação.

Aos meus colegas de turma, que foram uma família a mais enquanto estive no ITA, e que despertaram em mim o desejo de sempre voar mais alto.

Aos demais professores da COMP, que nos acompanham desde antes do Curso Profissional, e que podem nos ver hoje como verdadeiros engenheiros.

E ao Instituto Ismart, que investe em minha formação acadêmica, profissional e pessoal desde 2006 com muito amor e carinho.

When you are inspired by some great purpose, some extraordinary project, all your thoughts break their bounds. Your mind transcends limitations, your consciousness expands in every direction and you find yourself in a new, great and wonderful world. Dormant forces, faculties and talents become alive, and you discover yourself to be a greater person by far than you ever dreamed yourself to be. Patañjali, criador das práticas do Ioga.

Resumo

Este trabalho focou no uso de Algoritmos Evolutivos (AE), mais especificamente de um Algoritmo Genético (AG), para a resolução de diferentes problemas. Tais algoritmos trabalham com populações onde a menor parte de um indivíduo dela é o gene, o qual contém informação suficiente para que o indivíduo tente resolver o problema. O AG desenvolvido foi utilizado para três problemas: OneMax Booleano, com genes expressados por 0 ou 1; OneMax Real, com genes expressados no intervalo [0, 1); e uma variação do Problema do Caixeiro Viajante que permite utilizar atalhos entre as cidades. De modo a otimizar o AG, utilizou-se duas implementações extras. A primeira delas foi a de elitismo entre as gerações, mantendo o melhor indivíduo imune a variações. A segunda foi o uso não só da versão estática do AG, na qual os parâmetros de entrada são fixos durante a execução, mas também de um módulo extra chamado Algoritmo Genético Adaptativo (AGA), o qual foi adicionado ao código do AG e permite que parâmetros de variação (recombinação e mutação) mudem durante a execução. A conclusão deste trabalho foi a de que, por se utilizar a mesma implementação do AG para diferentes problemas (com exceção das entradas específicas de cada problema), o tratamento que facilitaria a convergência de um problema para a(s) melhore(s) resposta(s) acabou não sendo o melhor para outros problemas. Em termos de otimização, o uso do AGA se mostrou eficaz no encontro de boas soluções, e deve ser dado mais atenção a ele. Para trabalhos futuros, sugere-se, quando o foco for trabalhar em um problema específico, moldar o AG para se beneficiar desta escolha ao máximo, e utilizar também alguma versão de AGA em sua implementação.

Abstract

This work focused on using Evolutionary Algorithms (EA), more specifically Genetic Algorithms (GA), to solve different problems. Such algorithms work with populations where the smallest portion of an individual is the gene, which contains enough information for the individual to try to solve the problem. The GA developed was used for three problems: Boolean OneMax, with genes expressed by 0 or 1; Real OneMax, with genes expressed in the interval [0, 1); and a variation of the Traveling Salesman Problem, in which it's possible to go through shortcuts between the cities. In order to optimize the GA, two extra implementations were used. The first one was the elitism between generations, keeping the best individual immune to variations. The second one was using not only a static version of the GA, in which the input parameters are fixed during the execution, but also an extra module called Adaptive Genetic Algorithm (AGA), which was added to the GA's code and allows variation parameters (recombination and mutation) to change during the execution. The conclusion of this work was that, since the same GA was used to different problems (with the exception of problem-specific inputs), the treatment that would ease convergence for one problem towards the best solution(s) is not the same for other problems. In terms of optimizations, using an AGA turned out to be effective for finding good solutions. For future works, we suggest, when the focus is to solve a specific problem, to mold the GA to benefit from this choice to the fullest, and use some version of AGA in its implementation, too.

Sum'ario

\mathbf{A}_{i}	grade	ecimentos	p. 6
\mathbf{R}	esum	o	p. 8
\mathbf{A}	bstra	ct	p. 9
Li	sta d	le Figuras	p. 13
Li	sta d	le Tabelas	p. 14
Li	sta d	le Algoritmos	p. 15
Li	sta d	le Abreviaturas	p. 17
1	Intr	rodução	p. 18
	1.1	Objetivo	p. 19
	1.2	Abordagem	p. 19
	1.3	Plano de Trabalho	p. 20
	1.4	Organização do Trabalho	p. 20
2	Pro	blemas Escolhidos	p. 21
	2.1	OneMax Booleano	p. 21
		Gene	p. 21
		Indivíduo	p. 22
		Função de fitness	p. 22
	2.2	OneMax Real	р. 22

		Gene	p. 22
		Indivíduo	p. 22
		Função de fitness	p. 22
	2.3	Caixeiro Viajante Adaptado	p. 23
		Gene	p. 23
		Indivíduo	p. 23
		Função de fitness	p. 24
		Algoritmo de Dijkstra	p. 25
3	Alga	oritmo Genético	р. 27
J	3.1	Parâmetros de entrada	p. 27
	3.2	Seleção dos pais	p. 27 p. 28
	3.3	Recombinação / Crossover	p. 28
	3.4	Mutação	p. 29
	3.5	Sobrevivência	p. 29
	3.9	Sobievivencia	p. 29
4	Oti	mização do Algoritmo	p. 30
	4.1	Elitismo	p. 30
	4.2	Algoritmo Genético Adaptativo (AGA)	p. 31
5	Aná	dises e Resultados	p. 34
	5.1	Parâmetros analisados	p. 34
	5.2	OneMax Booleano	р. 34
	5.3	OneMax Real	p. 34
	5.4	Caixeiro Viajante Adaptado	p. 34
e	Con	iclusões e Trabalhos Futuros	n 90
6	Con	iciusoes e Traballios Futuros	p. 38
\mathbf{R}	Referências		

Apêndice A – Genes Utilizados (genes.py)	p. 40
Apêndice B – Indivíduos para os Problemas (individuals.py)	p. 43
Apêndice C - Algoritmo Genético (geneflow.py)	p. 46
Apêndice D – Funções de fitness (fitness.py)	p. 53
Apêndice E – Arquivo com mapa das cidades - Caixeiro Viajante (dijkstra 17.py)	p. 54
Apêndice F - Arquivo com algoritmo de Dijkstra (dijkstra.py)	p. 57
Apêndice G - Funções de utilidade (utils.py)	p. 61

Lista de Figuras

1	Framework de um algoritmo evolutivo	p. 18
2	Ação de crossover em dois pontos	p. 29
3	Evolução do fitness para o problema do OneMax Booleano com mínimo, máximo e valor médio, com $p_c=0.9$ e $p_m=0.01.$	p. 36
4	Desvio padrão ao longo das gerações para o problema do OneMax Booleano, com $p_c=0.9$ e $p_m=0.01.\ldots$	p. 36
5	Evolução do fitness para o problema do OneMax Real com mínimo, máximo e valor médio, com $p_c=0.9$ e $p_m=0.01.$	p. 37
6	Desvio padrão ao longo das gerações para o problema do OneMax Real, com $n_2 = 0.9$ e $n_m = 0.01$.	р. 37

Lista de Tabelas

$Lista\ de\ Algoritmos$

1	Pseudocódigo do Algoritmo de Dijkstra	p. 25
2	Pseudocódigo de um Algoritmo Evolutivo	p. 27
3	Pseudocódigo do Algoritmo Genético Adaptativo (AGA)	p. 33

Lista de Listagens

5.1 Mapa de cidades para o problema do Caixeiro Viajante Adaptado p. 3	35
src/experiments/genes.py	4(
src/experiments/individuals.py	43
src/experiments/geneflow.py	46
src/experiments/fitness.py	53
src/experiments/dijkstra17.py	54
src/experiments/dijkstra.py	57
src/experiments/utils.py	61

Lista de Abreviaturas

AE Algoritmo Evolutivo

AG Algoritmo Genético

1 Introdução

A resolução de diversos problemas se dá na forma de algoritmos, de instruções bem definidas. No entanto, alguns algoritmos podem pedir inúmeras instruções até concluírem, o que pode até mesmo inviabilizar a solução encontrada. A Inteligência Artificial pode atuar sobre tais problemas de modo a interagir com o problema e aprender com ele a encontrar uma solução. Ótimos candidatos para esta tarefa são os chamados Algoritmos Evolutivos (AE).

Algoritmos evolutivos são aqueles que se baseiam nos princípios de evolução natural da Biologia, e são aplicados em um modo particular de solução de problemas: o da tentativae-erro [6]. Tais algoritmos seguem um framework mais ou menos comum, atuante sobre diferente gerações de um problema, por meio de mudanças e combinações de indivíduos existentes numa população. Tal framework, conjuntamente com as ações evolutivas, pode ser visto na figura 1.

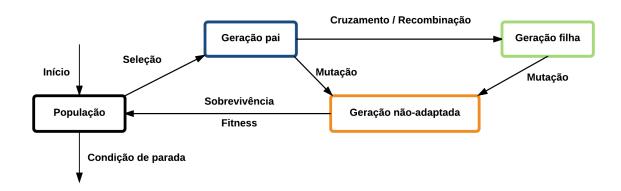


Figura 1: Framework de um algoritmo evolutivo.

Cada indivíduo está tentando resolver o problema durante a execução do algoritmo evolutivo. A população contém estes indivíduos e é o alvo de interesse do processo evolutivo, e uma geração é a população que sobrevive após um ciclo de processos evolutivos do Algoritmo Evolutivo (AE) sobre o problema. Similar ao processo evolutivo, seus com-

ponentes principais são as operações de variação (mutação e recombinação) e de seleção (seleção da geração pai e sobrevivência), chamadas aqui simplesmente de operações de evolução [5].

Este trabalho se utilizou de um grupo específico de Algoritmo Evolutivo, chamado de **Algoritmo Genético (AG)**. Um AG possui, como a menor estrutura de seus indivíduos, o *gene*. Um gene costuma ter apenas duas propriedades: uma expressividade, normalmente associada a um valor numérico, e uma forma de mudá-la aleatoriamente.

Para um AG, a mutação é uma mudança não controlada de um indivíduo feita a partir da mudança na expressividade de um ou mais genes. A recombinação envolve a mistura de genes vindos de dois indivíduos que são cruzados. A seleção envolve uma escolha a dedo dos melhores exemplares para cruzamento (a geração pai). A sobrevivência envolve a rejeição de indivíduos que não estejam aptos o suficiente para resolver o problema. Tal aptidão é normalmente associada a uma função definida conjuntamente com o problema, chamada de função de fitness.

1.1 Objetivo

Este trabalho propôs implementar um algoritmo genético capaz de resolver problemas determinados de diferentes complexidades e encontrar boas soluções após uma quantidade razoável de gerações.

1.2 Abordagem

Em termos de implementação, o AG deve ser tal que, uma vez aplicado sobre um problema e uma população, as gerações se desenvolvam automaticamente. O trabalho foi então dividido em 4 etapas:

- [1] Escolha e implementação de problemas compatíveis com a aplicação do AE;
- [2] Implementação do AG e de suas operações de evolução;
- [3] Otimização do AG;
- [4] Análise de performance e coleta de dados.

As primeiras duas etapas são interdependentes, e precisaram ser completadas primeiro e conjuntamente. As demais etapas foram feitas sequencialmente, e foi encima da última etapa que as conclusões foram feitas.

De modo a permitir a reutilização deste código em outros problemas, o AG foi feito de modo a ser compatível com mais de um problema. As ferramentas de análise e coleta de dados consideraram tanto métricas comuns da literatura quanto parâmetros específicos dos problemas abordados.

Optou-se por utilizar Python como linguagem principal do código feito para este trabalho.

1.3 Plano de Trabalho

Este trabalho foi planejado de forma que as etapas de otimização e análise do AE demorassem mais tempo. A validação dos resultados foi feita com base na literatura encontrada e nos resultados obtidos por algoritmos de código aberto (*open source*) aplicados aos mesmos problemas.

1.4 Organização do Trabalho

- Capítulo 1: Introdução
- Capítulo 2: Problemas Escolhidos
- Capítulo 3: Algoritmo Genético
- Capítulo 4: Otimização do Algoritmo
- Capítulo 5: Análises e Resultados
- Capítulo 6: Conclusões e Trabalhos Futuros

2 Problemas Escolhidos

Por mais que a estrutura básica de um algoritmo evolutivo seja capaz de resolver múltiplos problemas, é importante que ele seja validado por problemas de diferentes naturezas. Para isso, este trabalho focou sua atenção na resolução de três problemas com implementações diferentes para a construção do algoritmo genético.

Como o AG atua diretamente com populações, um problema deve defini-las de antemão, tanto em termos de indivíduo quanto em termos de gene. Conjuntamente, é necessário definir quão apto um indivíduo está frente à solução que ele propõe. Isso é feito por meio da função de fitness. Para o número de indivíduos na população (ao menos inicialmente), utilizou-se um valor padrão de 100 indivíduos.

Três problemas foram escolhidos: OneMax Booleano [7], OneMax Real e uma adaptação do problema do Caixeiro Viajante [1]. Os dois primeiros foram escolhidos pela facilidade de implementação e de encontro de soluções ótimas, como será detalhado a seguir, o que permite testar hipóteses e heurísticas de modo bem mais simples. O terceiro problema foi escolhido por não só ter uma literatura rica, mas também por ser um problema complexo, cujos resultados podem ser analisados e comparados de modo mais rico.

2.1 OneMax Booleano

Dado um conjunto de 100 bits iniciados em 0, o AG deve ser capaz de tornar todos os bits iguais a 1.

Gene

Utilizou-se aqui o *BooleanGene*, um gene com expressividade booleana (0 ou 1). Sua operação de mutação consiste numa operação semelhante a jogar cara-e-coroa, trocando o valor expresso para 0 ou 1 aleatoriamente, com igual probabilidade.

Indivíduo

Cada indivíduo tentará resolver o problema, o que faz com que cada indivíduo tenha 100 genes do tipo BooleanGene.

Função de fitness

Conta-se o número de genes de um indivíduo que sejam iguais a 1. Quanto maior a contagem, melhor.

2.2 OneMax Real

Dado um conjunto de 100 variáveis reais iniciadas em 0, o AG deve ser capaz de tornar todas elas o mais próximo de 1. Este OneMax possui uma caminhada bem mais lenta que o anterior, pois um gene booleano possui apenas dois estados, o que faz com que as ações de mutação permitam uma evolução muito mais rápida, enquanto um gene real muda sua expressividade num espectro bem maior.

Gene

Utilizou-se aqui o *RealGene*, um gene com expressividade real entre 0.0 e 1.0. Sua operação de mutação consiste numa escolha aleatória de um número real no intervalo [0.0, 1).

Indivíduo

Cada indivíduo tentará resolver o problema, o que faz com que cada indivíduo tenha 100 genes do tipo RealGene.

Função de fitness

Soma-se a expressividade de todos os genes de um indivíduo. Quanto maior a contagem, melhor. Feita de maneira apropriada, esta função pode ser a mesma utilizada para o OneMax Booleano.

2.3 Caixeiro Viajante Adaptado

Dado um conjunto de cidades e as distâncias entre elas, o AG deve ser capaz de descobrir qual o menor caminho que possibilita a um caixeiro visitar todas as cidades e retornar à cidade original. Tal problema é NP-Hard, e avaliar se uma solução candidata é algo tão complexo quanto a resolução do problema em si.

Este problema é uma adaptação do original por não obrigar ao problema que as cidades sejam visitadas uma única vez. Isso permite que um indivíduo possa atravessar duas cidades através de um atalho que passe por outras cidades (com isso, o grafo não precisa ser completo).

Gene

Utilizou-se o *IntegerGene*, um gene com expressividade inteira entre 0 e K-1, com uma operação de mutação capaz de escolher aleatoriamente um valor inteiro neste intervalo. A inicialização deste gene possui K como parâmetro.

Indivíduo

No caso de um indivíduo do problema do Caixeiro Viajante, foi pensado que o mesmo deveria ser capaz de gerar, a partir da expressividade de seus genes, um percurso que passasse uma única vez por todas as cidades. Para isso, os genes aqui foram organizados de modo um pouco diferente dos problemas OneMax.

Digamos, por exemplo, que um caixeiro na cidade A precise passar pelas cidades [B, C, D, E, F] e voltar à cidade A. O indivíduo de tal problema teria então quatro genes (o número total de cidades, menos dois) criados da seguinte forma:

- O primeiro gene possui expressividade de 0 a 4;
- O segundo gene possui expressividade de 0 a 3;
- O terceiro gene possui expressividade de 0 a 2;
- O quarto gene possui expressividade de 0 a 1.

Digamos que um dos indivíduos do AG tenha, pela expressividade de seus genes, os valores [3, 0, 1, 0]. Para se calcular o percurso feito por tal indivíduo, escolhe-se a cidade

da lista naquela posição, a qual é removida antes de se escolher a próxima cidade. Ou seja:

- Gene 1: [3] mapeia a cidade E na lista [B, C, D, E, F]. Sem ela, a lista se torna [B, C, D, F];
- Gene 2: [0] mapeia a cidade B na lista [B, C, D, F]. Sem ela, a lista se torna [C, D, F];
- Gene 3: [1] mapeia a cidade D na lista [C, D, F]. Sem ela, a lista se torna [C, F];
- Gene 4: [0] mapeia a cidade C na lista [C, F]. Sem ela, a lista se torna [F].

Como [F] foi a única cidade que tais genes não escolheram, ela será visitada por último. Com isso, o indivíduo com genes [3, 0, 1, 0] traz o percurso $A \to E \to B \to D \to C \to F \to A$.

O percurso inicial terá sempre genes com expressividade zero. No exemplo fornecido, o caminho inicial (trazido por [0, 0, 0, 0]) de todos os indivíduos seria $A \to B \to C \to D \to E \to F \to A$.

Função de fitness

A função de fitness aqui calcula a distância percorrida pelo caixeiro no trajeto completo trazido pelo indivíduo, considerando sempre o menor caminho a ser percorrido entre quaisquer duas cidades. Isso é trazido pelo uso do algoritmo de Dijkstra [4] no grafo constituído pelas cidades. Seu uso será detalhado melhor a seguir, mas quanto menor a distância que um indivíduo encontrar, melhor.

Como parte do problema do Caixeiro Viajante é o de encontrar um trajeto de menor custo, não é dito à função de fitness qual é a menor distância que o grafo possui.

Algoritmo de Dijkstra

O algoritmo de Dijkstra possui o seguinte pseudocódigo [2]:

Algoritmo 1: Pseudocódigo do Algoritmo de Dijkstra.

```
Dijkstra(Grafo, cidade) begin
    Inicializar(Q);
    Inicializar(dist);
    Inicializar(prev);
    foreach cidade v no Grafo do
        dist[v] \leftarrow \infty;
        prev[v] \leftarrow desconhecido;
        Q.adicionar(v);
    end
    dist[cidade] \leftarrow 0;
    while Q não estiver vazio do
        u \leftarrow VerticeEmQComMenorDist(Q, dist);
        Q.remover(u);
        foreach vizinho w de u do
            atalho \leftarrow dist[u] + DistanciaEntre(u, w);
            if atalho < dist/w/ then
                \begin{aligned} dist[w] \leftarrow atalho; \\ prev[w] \leftarrow u; \end{aligned}
        end
    end
    return dist, prev;
end
```

A complexidade de tal algoritmo, por possuir um loop dentro de outro, é, para o pior caso, $O(N^2)$, sendo N o número de cidades. No entanto, ele só descobre a menor distância tendo como referência a cidade utilizada como parâmetro. Por conta disso, o algoritmo precisa ser rodado uma vez para cada cidade, trazendo uma complexidade total $O(N^3)$ para o seu uso.

O requerimento para este algoritmo convergir é o de que a distância entre quaisquer duas cidades seja maior que zero, e que a distância de uma cidade para ela mesma (se existir) seja zero. Para ser utilizada com o AG, considerou-se também um grafo inicial conexo, de tal forma que qualquer percurso sugerido por um indivíduo fosse sempre possível.

O algoritmo de Dijkstra buscará atalhos entre as cidades. Um indivíduo que propuser um trajeto, a princípio, não saberá dizer se há atalhos. Se houver um, ele será apresentado na tela, mas a função de fitness não irá considerar as cidades do atalho como visitadas. Esperou-se que, ao longo das gerações, tais cidades fossem escolhidas naturalmente pela população.

3 Algoritmo Genético

O pseudocódigo tradicional de um algoritmo evolutivo pode ser dado por [8]:

Algoritmo 2: Pseudocódigo de um Algoritmo Evolutivo.

```
 \begin{array}{c|c} \mathbf{AG}(fitness) \ \mathbf{begin} \\ \hline P \leftarrow Inicializar Populacao(fitness); \\ P.fitness(); \\ t = 0; \\ \mathbf{while} \ t < n\'{u}mero \ de \ gera\~{c}\~{o}es \ \mathbf{do} \\ \hline Pais \leftarrow Selecao(P); \\ Filhos \leftarrow Crossover(Pais); \\ P \leftarrow P \cup Filhos; \\ Mutacao(P); \\ P.fitness(); \\ P \leftarrow Sobrevivem(P); \\ \mathbf{end} \\ \hline \\ \mathbf{end} \end{array}
```

Cada uma destas funções principais pode ser feita de diferentes maneiras. No entanto, tais implementações independem do problema a ser resolvido, o que torna sua confecção e manutenção bem mais simples.

Para que este trabalho não fugisse muito de seu escopo, que é o de resolver problemas, as decisões feitas para o AG tentaram ser as mais simples possíveis frente à literatura existente.

3.1 Parâmetros de entrada

O AG possui uma série de algoritmos de entrada. No entanto, excetuando-se os parâmetros específicos de cada problema (como os associados à função de fitness ou ao

tipo de indivíduo que comporá a população), restam um total de 4 parâmetros:

- O número de indivíduos na população (μ) ;
- O número de gerações (NGEN);
- A probabilidade de crossover (p_c) ;
- A probabilidade de mutação (p_m) .

As variáveis p_c e p_m serão discutidas a seguir. O valor de NGEN variou de acordo com o problema e com sua complexidade, mas foi padronizado um valor de 200 gerações para cada execução do AG. O tamanho da população μ ficou padronizado como 100.

3.2 Seleção dos pais

A escolha dos pais foi feita ordenando a geração em função de seu valor de fitness, com os pais sendo pareados sequencialmente, dois a dois.

3.3 Recombinação / Crossover

Escolhidos os pais, avalia-se, com probabilidade p_c , se eles serão cruzados. Se sim, seus materiais genéticos serão misturados por uma ação chamada *crossover*.

O crossover envolve a quebra da sequência de genes de dois indivíduos em uma mesma secção, com a subsequente troca de material na região delimitada por esta secção. Este trabalho se utilizou do crossover em dois pontos, o qual divide as sequências em duas partes distintas, ocorrendo troca do material genético entre estas partes. Tal ação é mostrada na figura 1.

Toda ação bem sucedida de crossover gera duas sequências de genes (filhas) a partir das sequências originais (pais), as quais são transformadas em indivíduos e adicionadas à população.

O valor normalmente associado à variável p_c na literatura costuma ficar entre 0.6 e 0.95 [3,5,12]. Padronizou-se o valor de 0.9 neste trabalho. Ele precisa ser alto para que os filhos tenham maiores chances de variar seus genes e sugerir melhores respostas ao longo das gerações.

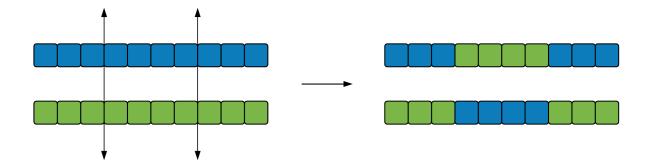


Figura 2: Ação de crossover em dois pontos.

3.4 Mutação

A ação de mutação atua sobre todos os genes da população (pais e filhos), a qual avalia, com probabilidade p_m , se a expressividade destes genes será alterada. Se sim, o valor deste gene é alterado de acordo com a assinatura de mutação do gene, tal como foi explicado no capítulo anterior. Normalmente, esta mudança de valor é aleatória.

O valor associado à variável p_m deve ser baixo, pois um valor muito alto não seria capaz de permitir a convergência das soluções [3,5,12]. O valor padronizado neste trabalho foi de 0.01.

3.5 Sobrevivência

A ação de sobrevivência aqui também tentou ser relativamente simples. Os indivíduos (pais e filhos) após a mutação são ordenados de acordo com a função de fitness, e apenas os μ melhores indivíduos são mantidos. Ou seja, a população não aumenta de tamanho ao longo das gerações.

4 Otimização do Algoritmo

Como proposta deste trabalho, pensou-se em como seria possível otimizar um AG de modo a encontrar boas soluções em poucas gerações. Dado o pseudocódigo de um AE, é possível propor uma série de otimizações, desde aquelas voltadas à melhoria de processamento, como o processamento paralelo de indivíduos em uma dada geração, àquelas que otimizam cada uma das quatro operações evolutivas principais (seleção, recombinação, mutação e sobrevivência).

De modo geral, o que traz novas soluções ao problema são as operações de variação (recombinação e mutação), e por conta disso, foram as mais analisadas neste capítulo. Otimizações mais simples discutidas em outros trabalhos, mas que se mostraram eficazes no encontro ou manutenção de boas soluções, também foram discutidas neste capítulo.

A manutenção de boas soluções foi obtida pelo uso de *elitismo*. A otimização nas operações de variação foi obtida pelo uso dos chamados Algoritmos Genéticos Adaptativos (AGA).

4.1 Elitismo

O elitismo é a manutenção do indivíduo mais adaptado de uma geração, deixandoo imune a mutações para que a melhor solução não seja perdida [11]. Um indivíduo
elitista ainda pode ser considerado para recombinação e geração de filhos, uma vez que
as operações de mutação e recombinação são independentes. É possível também criar um
grupo elitista, mantendo-se uma certa quantidade ou porcentagem de indivíduos imune a
mutações.

Este trabalho utilizou elitismo para o melhor indivíduo em todas as execuções do AG. Tal propriedade pode ser desativada no código.

4.2 Algoritmo Genético Adaptativo (AGA)

A forma mais tradicional de implementação de um AG atribui valores estáticos aos parâmetros de entrada, incluindo os parâmetros de crossover e mutação. No entanto, os indivíduos buscarão soluções de acordo com estes dois parâmetros, e deixá-los estáticos pode limitar o alcance do AG e impedi-lo de encontrar soluções melhores.

Se fosse possível modificar tais parâmetros enquanto o AG é executado, de modo a se adaptar às mudanças de fitness dos próprios indivíduos, teríamos uma solução. Um bom candidato para isso são os chamados Algoritmos Genéticos Adaptivos (AGAs) [13].

O conceito por trás de um AGA envolve implementar em cima de um AG de modo a modificar os parâmetros de crossover e/ou mutação ao longo do tempo. Não obstante, é possível moldar um AGA de modo a tratar crossover e mutação com probabilidades diferentes para cada indivíduo, de acordo com seus valores de fitness.

Para este trabalho, optou-se por trabalhar com versões adaptadas de outros AGAs [9,14] e implementar uma versão única, explicada a seguir:

- Apenas o parâmetro de mutação é modificado ao longo das gerações, uma vez que o crossover seja sempre um valor alto (como 0.7 ou 0.9);
- A adaptação de p_m acontece apenas depois que um ciclo de operações de evolução acontecer;
- O que decidirá se p_m mudará será o desvio do melhor valor de fitness f_{best} em comparação com o fitness médio \bar{f} , como na equação a seguir:

$$\left| \frac{f_{best} - \bar{f}}{\bar{f}} \right| \tag{4.1}$$

- Se este desvio for maior que um valor p_{m0} , isso significa que os indivíduos estão se aproximando de uma mesma solução. Uma possível interpretação seria a de que a mutação está fraca e o AG pode ter travado em uma solução. Por conta disso, p_m irá aumentar;
- Caso contrário, as soluções estão se desviando muito, o que pode ser resultado de uma mutação intensa. Para resolver isso, p_m irá diminuir;
- O valor de p_{m0} é, a princípio, arbitrário, mas este trabalho utilizou o valor inicial de p_m para o valor inicial de p_{m0} (o que é razoável, uma vez que uma taxa de mutação

muito alta acabará gerando um desvio mais alto, e vice-versa);

- No entanto, p_m não pode ser igual a zero nem maior que 1, dado que representa uma probabilidade. Seguindo a linha de outros trabalhos [10], p_m será limitado ao intervalo [0.001, 0.5] (se p_m tentar extrapolar estes limites, ele retornará ao valor extremo mais próximo);
- Mesmo assim, pode acontecer de p_m ficar travado em um dos extremos e o AG não entender o que fazer. Para resolver isto, se p_m ficar travado em um destes limites, p_{m0} começará a variar na direção oposta. Isto é, se p_m atingir o valor de 0.5, p_{m0} começará a diminuir em direção ao valor 0.001, e vice-versa.
- O incremento/decremento para p_m e p_{m0} será linear e igual a 0.001;
- ullet Como há uma divisão por \bar{f} , se este valor for zero ou muito próximo de zero para alguma geração, este AGA não será executado.

Traduzindo-se a explicação para um algoritmo, chegamos ao código mostrado a seguir. Este trabalho avaliará o desempenho deste AGA comparando a evolução da população com e sem o uso do AGA para um mesmo valor inicial de p_m . O intuito não é o de encontrar um AGA ideal, mas sim o de avaliar se o uso dele ajuda ou não no encontro de soluções melhores.

Algoritmo 3: Pseudocódigo do Algoritmo Genético Adaptativo (AGA).

```
begin
```

```
p_{m0} \leftarrow \text{(valor inicial de } p_m \text{ na inicialização do AG)};
     \epsilon \leftarrow 0.0001;
     foreach ciclo de operações de evolução do
          \bar{f} \leftarrow \text{(m\'edia dos valores de fitness)};
         if \bar{f} < \epsilon then
          return
          end
         f_{best} \leftarrow \text{(melhor valor de fitness na população)};
         desvio \leftarrow \left| \frac{f_{best} - \bar{f}}{\bar{f}} \right|;
         if desvio < p_{m0} then
              p_m \leftarrow min(0.5, p_m + 0.001);
              if p_m == 0.5 then
               p_{m0} \leftarrow max(0.001, p_{m0} - 0.001);
          \quad \text{end} \quad
          else
              p_m \leftarrow max(0.001, p_m - 0.001);
              if p_m == 0.001 then
               p_{m0} \leftarrow min(0.5, p_{m0} + 0.001);
               end
          end
    end
end
```

5 Análises e Resultados

5.1 Parâmetros analisados

Foram escolhidos parâmetros simples para analisar a evolução feita ao longo das gerações:

- Valor mínimo de fitness em um indivíduo;
- Valor máximo de fitness em um indivíduo;
- Valor médio de fitness entre todos os indivíduos;
- Desvio padrão dos valores de fitness.

O desvio padrão aqui foi calculado por:

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^{N} (x_i - \overline{x})^2}$$
 (5.1)

5.2 OneMax Booleano

Texto.

5.3 OneMax Real

Texto.

5.4 Caixeiro Viajante Adaptado

Texto.

Listagem 5.1: Mapa de cidades para o problema do Caixeiro Viajante Adaptado.

```
[0, 633, 257, 91, 412, 150, 80, 134, 259, 505, 353, 324, 70, 211,
   268, 246, 121],
[633, 0, 390, 661, 227, 488, 572, 530, 555, 289, 282, 638, 567, 466,
   420, 745, 518],
[257, 390, 0, 228, 169, 112, 196, 154, 372, 262, 110, 437, 191, 74,
   53, 472, 142,
[91, 661, 228, 0, 383, 120, 77, 105, 175, 476, 324, 240, 27, 182,
   239, 237, 84],
[412\,,\ 227\,,\ 169\,,\ 383\,,\ 0\,,\ 267\,,\ 351\,,\ 309\,,\ 338\,,\ 196\,,\ 61\,,\ 421\,,\ 346\,,\ 243\,,
   199, 528, 297
[150, 488, 112, 120, 267, 0, 63, 34, 264, 360, 208, 329, 83, 105,
   123, 364, 35
[80, 572, 196, 77, 351, 63, 0, 29, 232, 444, 292, 297, 47, 150, 207,
   332, 29,
[134, 530, 154, 105, 309, 34, 29, 0, 249, 402, 250, 314, 68, 108,
   165, 349, 36],
[259, 555, 372, 175, 338, 264, 232, 249, 0, 495, 352, 95, 189, 326,
   383, 202, 236,
[505, 289, 262, 476, 196, 360, 444, 402, 495, 0, 154, 578, 439, 336,
   240, 685, 390,
[353, 282, 110, 324, 61, 208, 292, 250, 352, 154, 0, 435, 287, 184,
   140, 542, 238
[324, 638, 437, 240, 421, 329, 297, 314, 95, 578, 435, 0, 254, 391,
   448, 157, 301,
[70, 567, 191, 27, 346, 83, 47, 68, 189, 439, 287, 254, 0, 145, 202,
   289, 55,
[211, 466, 74, 182, 243, 105, 150, 108, 326, 336, 184, 391, 145, 0,
   57, 426, 96],
[268, 420, 53, 239, 199, 123, 207, 165, 383, 240, 140, 448, 202, 57,
   0, 483, 153,
[246, 745, 472, 237, 528, 364, 332, 349, 202, 685, 542, 157, 289,
   426, 483, 0, 336],
[121, 518, 142, 84, 297, 35, 29, 36, 236, 390, 238, 301, 55, 96, 153,
    336, 0
```

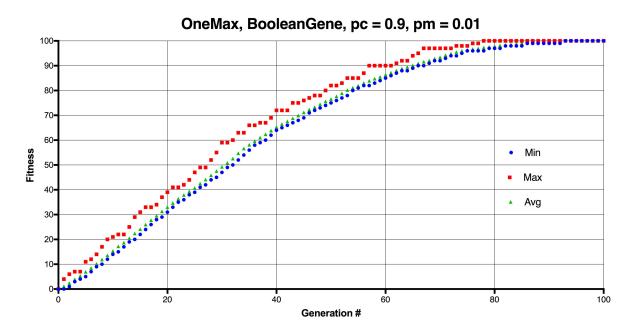


Figura 3: Evolução do fitness para o problema do OneMax Booleano com mínimo, máximo e valor médio, com $p_c=0.9$ e $p_m=0.01$.

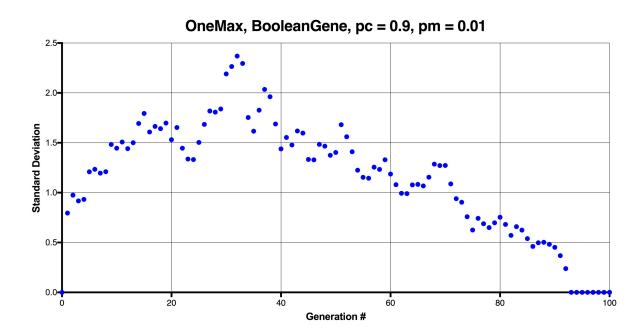


Figura 4: Desvio padrão ao longo das gerações para o problema do OneMax Booleano, com $p_c=0.9$ e $p_m=0.01.$

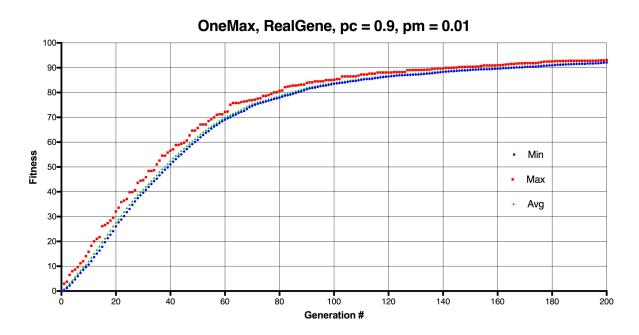


Figura 5: Evolução do fitness para o problema do OneMax Real com mínimo, máximo e valor médio, com $p_c=0.9$ e $p_m=0.01$.

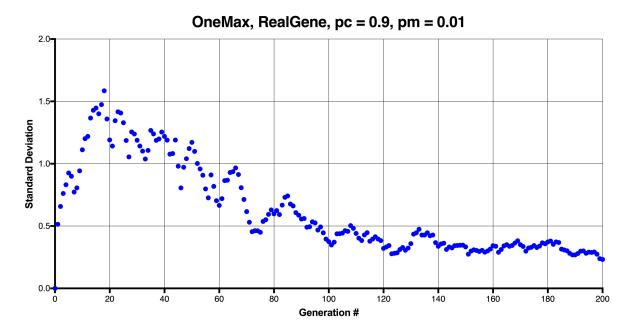


Figura 6: Desvio padrão ao longo das gerações para o problema do OneMax Real, com $p_c=0.9$ e $p_m=0.01.$

6 Conclusões e Trabalhos Futuros

Texto aqui.

Referências

- 1 D. L. Applegate, R. E. Bixby, V. Chvatal, and W. J. Cook. *The Traveling Salesman Problem: a computational study*. Princeton university press, 2011.
- 2 T. H. Cormen, C. E. Leiserson, R. L. Rivest, et al. Section 24.3: Dijkstra's algorithm. MIT Press and McGraw-Hill, 2001.
- 3 K. DeJong. An analysis of the behavior of a class of genetic adaptive systems. *Ph. D. Thesis, University of Michigan*, 1975.
- 4 E. W. Dijkstra. A note on two problems in connexion with graphs. *Numerische mathematik*, 1(1):269–271, 1959.
- 5 A. E. Eiben and S. K. Smit. Parameter tuning for configuring and analyzing evolutionary algorithms. Swarm and Evolutionary Computation, 1(1):19–31, 2011.
- 6 A. E. Eiben and J. E. Smith. *Introduction To Evolutionary Computing*, volume 53. Springer-Verlag, 2003.
- 7 P. Giguere and D. E. Goldberg. Population sizing for optimum sampling with genetic algorithms: A case study of the onemax problem. *Genetic Programming*, 98:496–503, 1998.
- 8 ICMC-USP. Algoritmos genéticos. http://conteudo.icmc.usp.br/pessoas/andre/research/genetic/. [Online; acessado em 17 de novembro de 2016].
- 9 D. Jakobović and M. Golub. Adaptive genetic algorithm. CIT. Journal of computing and information technology, 7(3):229–235, 1999.
- 10 K. Matthias, T. Severin, and H. Salzwedel. Variable mutation rate at genetic algorithms: introduction of chromosome fitness in connection with multi-chromosome representation. *International Journal of Computer Applications*, 72(17), 2013.
- 11 M. Mitchell. An introduction to genetic algorithms. MIT press, 1998.
- 12 M. Obitko. Introduction to genetic algorithms xiii. recommendations. http://www.obitko.com/tutorials/genetic-algorithms/recommendations.php/. [Online; acessado em 17 de novembro de 2016].
- 13 M. Srinivas and L. M. Patnaik. Adaptive probabilities of crossover and mutation in genetic algorithms. *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics*, 24(4):656–667, 1994.
- 14 L. Wang and T. Shen. Improved adaptive genetic algorithm and its application to image segmentation. In *Multispectral Image Processing and Pattern Recognition*, pages 115–120. International Society for Optics and Photonics, 2001.

APÊNDICE A - Genes Utilizados (genes.py)

```
import numpy.random as random
from utils import coin_toss
def new gene (gene name, args=None):
    constructor = globals() [gene_name]
    return constructor() if args is None else constructor(args)
class Gene:
    def __init__(self):
        self.val = None
    def __repr__( self):
        return 'Gene {value: %s}' % (self.val)
    def value (self):
        return self.val
    def mutate(self):
        pass
class BooleanGene (Gene):
    def __init__(self , val=False):
        Gene.__init__(self)
        self.val = val
    def __repr__( self):
```

```
return 'BooleanGene {value: %s}' % (self.value())
    def value (self):
         return 1 if self.val else 0
    def mutate(self):
         self.val = coin toss()
class RealGene (Gene):
    \mathbf{def} __init__(self , val=0.0):
         Gene. init (self)
         self.val = val
    \mathbf{def} \ \_\underline{repr}\underline{\ } (\ \mathrm{self}):
         return 'RealGene {value: %s}' % (self.val)
    def mutate(self):
         self.val = random.random()
class IntegerGene (Gene):
    \mathbf{def} __init__(self, k=2):
         if k \ll 1:
             raise ValueError ('IntegerGene should have a range greater
                  than 1.')
         Gene.__init__(self)
         self.val = 0
         self.k = k
    \mathbf{def} __repr__( self):
         return 'IntegerGene {value: %s, k: %s}' % (self.val, self.k)
    def mutate(self):
         current val = self.val
         self.val = random.randint(self.k)
         while self.val == current_val:
```

 $s\,elf\,.\,val\,=\,random\,.\,randint\,(\,s\,elf\,.\,k\,)$

$AP\hat{E}NDICE~B$ - Indivíduos para os Problemas (individuals.py)

```
from genes import new gene
from utils import arrow_list_str
from dijkstra import tsp dist, tsp path, tsp full path,
   dijkstra_gsize
import numpy.random as random
def new individual (ind name, gene type=None, gsize=None):
    constructor = globals()[ind name]
    if gene_type is None:
        return constructor()
    elif gsize is None:
        return constructor (gene type)
    else:
        return constructor (gene type, gsize)
def from genes (ind name, genes, gene type=None):
        ind = new_individual(ind_name, gene_type)
        ind.genes = genes
        return ind
class Individual:
        def __init__(self , gene_type , gsize):
                self.gene type = gene type
                self.genes = [new_gene(gene_type) for x in range(
                    gsize)]
```

```
self.fitness = 0.0
        def len (self):
                 return len (self.genes)
        def repr (self):
                 return 'Individual {Gene: %s, Count: %d}' % (self.
                    gene type, len(self))
class OneMaxIndividual(Individual):
    def init (self, gene type='BooleanGene', gsize=100):
        Individual.__init__(self , gene_type , gsize)
        self.gene type = gene type
        self.fitness = 0.0
        def __repr__( self ):
                 return 'OneMaxIndividual {Gene: %s, Count: %d}' % (
                    self.gene type, len(self))
        def __str__(self):
                 return str([x.value() for x in self.genes])
class TSPIndividual (Individual):
        def _init__(self , gene_type='IntegerGene', gsize=
            dijkstra gsize):
                 Individual.__init__(self , gene_type , gsize)
                 self.gene_type = gene_type
                 self.genes = [new gene(gene type, csize) for csize in
                     reversed (range (2, gsize))]
                 self.fitness = 0.0
        def __repr__( self ):
                 return 'TSPIndividual {Gene: %s, Count: %d}' % (self.
                    gene_type , len(self))
        \mathbf{def} \ \_\_\mathrm{str}\_\_(\ \mathrm{self}\ ):
```

$AP\hat{E}NDICE\ C\ -\ Algoritmo\ Gen\'etico$ (geneflow.py)

```
import numpy.random as random
import fitness
import copy
import os
from utils import *
from individuals import new individual, from genes
from individuals import Individual
class GeneFlow:
    def __init__(self, ind_type, gene_type, ffit=None, pc=0.9, pm
       =0.01, mu=100, ngen=800,
                print stats=True, maximum=True, elitism=True,
                   adaptive=False):
        self.fitness = ffit
        self.population = [new_individual(ind_type, gene_type) for x
           in range (mu)
        self.pm = pm
        self.pm0 = pm
        self.pc = pc
        self.mu = mu
        self.ngen = ngen
        self.print\_stats = print\_stats
        self.maximum = maximum
        self.elitism = elitism
        self.adaptive = adaptive
        self.start_writing(ind_type, gene_type)
```

```
def start_writing(self, ind_type, gene_type):
    file\_name = `../out/' + ind\_type + `._' + gene\_type + (',') if
       not self.adaptive else 'adaptive')
    new_path = os.path.relpath(file_name + '.csv', os.path.
       dirname(__file__))
    self.file = open(new path, 'w')
    self. file. write ('Generation, Min, Max, Avg, Std\n')
    if self.adaptive:
        new_path = os.path.relpath(file_name + '_pm.csv', os.path
           . dirname ( _ _ file _ _ ) )
        self.adapt_file = open(new_path, 'w')
        self.adapt_file.write('Generation,pm\n')
def calculate_all_fitness(self):
    self.parent fitness()
    self.offspring fitness()
def parent fitness (self):
    for individual in self.population:
        individual.fitness = self.fitness(individual)
def offspring fitness (self):
    for individual in self.offspring:
        individual. fitness = self. fitness (individual)
def min_fitness(self):
    return min([x.fitness for x in self.population])
def max_fitness(self):
    return max([x.fitness for x in self.population])
def best_fitness(self):
    return self.max fitness() if self.maximum else self.
       min fitness()
def avg_fitness(self):
```

```
return mean([x.fitness for x in self.population])
def std fitness (self):
    return std([x.fitness for x in self.population])
def stats (self):
    if self.print stats is False:
        return
    print('Min
                 : %.6f' % self.min fitness())
                 : %.6f' % self.max fitness())
    print ('Max
    print('Average: %.6f' % self.avg fitness())
                  : %.6f', % self.std_fitness())
    print('Std
    print('Best individual is: ' + str(self.population[0]))
def generate(self):
    if self.print stats:
        print('Generation 0:')
    self.parent fitness()
    self.stats()
    self.write to file (0)
    for i in range(self.ngen):
        if self.print_stats:
            print ('\nGeneration %s:' % (i+1))
        self.update()
        self.stats()
        self.write\_to\_file(i+1)
def update(self):
    self.selection()
    self.crossover()
    self.mutation()
    self.survival()
    pass
# The offspring is selected based on the best fitness values
```

```
def selection (self):
    self.population.sort(key=lambda ind:ind.fitness, reverse=self
       . maximum)
    self.offspring = []
\# Offspring is paired and crossed over with probability pc-two
   parents generate two children
def crossover (self):
    for parent1, parent2 in zip(self.population[::2], self.
       population [1::2]):
        if random.random() < self.pc:</pre>
             child1, child2 = self.cross(parent1, parent2)
             self.offspring.append(child1)
             self.offspring.append(child2)
\# Two-point crossover - two children mix their genes, based in a
   two-point section switch of their genes
def cross (self, ind1, ind2):
    length = len(ind1)
    ind\_type = ind1.\__class\_\_.\__name\_\_
    gene type = ind1.gene type
    genes1 = copy.deepcopy(ind1.genes)
    genes2 = copy.deepcopy(ind2.genes)
    # Two distinct points are chosen
    rand1 = random.randint(length + 1)
    rand2 = random.randint(length + 1)
    while (rand1 = rand2) or (rand1 = 0 \text{ and } rand2 = length) or
        (rand2 = 0 \text{ and } rand1 = length):
        rand2 = random.randint(length + 1)
    rand1, rand2 = (rand1, rand2) if rand1 < rand2 else (rand2, rand2)
       rand1)
    genes1 [rand1:rand2], genes2 [rand1:rand2] = genes2 [rand1:rand2
       ], genes1[rand1:rand2]
```

```
return from_genes(ind_type, genes1, gene_type), from_genes(
       ind_type, genes2, gene_type)
# Mutation acts over all genes (except the elite), with
   probability pm
def mutation(self):
    if self.elitism:
        self.population.sort(key=lambda ind:ind.fitness, reverse=
            self.maximum)
        self.elite = copy.deepcopy(self.population[0])
        self.population = self.population[1:]
    for ind in self.population:
        for gene in ind.genes:
            if random.random() < self.pm:</pre>
                 gene.mutate()
    for ind in self.offspring:
        for gene in ind.genes:
            if random.random() < self.pm:</pre>
                 gene.mutate()
# Only the best mu individuals survive
def survival(self):
    if self.elitism:
        self.population.append(self.elite)
    self.calculate_all_fitness()
    self.population = self.population + self.offspring
    self.population.sort(key=lambda ind:ind.fitness, reverse=self
       . maximum)
    self.population = self.population[:self.mu]
    if self.adaptive:
        self.adapt()
def adapt (self):
    if abs(self.avg_fitness()) < 0.0000001:
```

```
return
        deviation = abs(self.best fitness() - self.avg fitness()) / (
           self.avg_fitness())
        self.going down = False
        if deviation <= self.pm0:</pre>
            self.pm = min(0.5, self.pm + 0.001)
            if self.pm is 0.5:
                 self.pm0 = max(0.001, self.pm0 - 0.001)
        else:
            self.pm = max(0.001, self.pm - 0.001)
            if self.pm is 0.001:
                 self.pm0 = min(0.5, self.pm0 + 0.001)
        print deviation , self.pm, self.pm0, self.best fitness()
    def write_to_file(self, n):
        self. file. write (str(n))
        self. file.write(',')
        self.file.write(str(self.min_fitness()))
        self.file.write(',')
        self.file.write(str(self.max fitness()))
        self.file.write(',')
        self.file.write(str(self.avg_fitness()))
        self.file.write(',')
        self.file.write(str(self.std_fitness()))
        self. file.write('\n')
        if self.adaptive:
            self.adapt file.write(str(n))
            self.adapt file.write(',')
            self.adapt_file.write(str(self.pm))
            self.adapt file.write('\n')
\# Uncomment one of the next three lines to simulate the algorithm
```

```
\#GeneFlow('OneMaxIndividual', 'BooleanGene', fitness.onemax, adaptive = True, print_stats=True).generate()\\ \#GeneFlow('OneMaxIndividual', 'RealGene', fitness.onemax, adaptive=True, print_stats=True, pm=0.01).generate()\\ GeneFlow('TSPIndividual', 'IntegerGene', fitness.tsp, maximum=False, adaptive=False, print_stats=True, pm=0.2).generate()
```

$AP\hat{E}NDICE~D$ – Funções~de~fitness~(fitness.py)

```
from dijkstra import tsp_dist, all_cities
import copy

# Fitness function for OneMax
def onemax(individual):
    return sum(gene.value() for gene in individual.genes)

# Fitness function for TSP
def tsp(individual):
    return tsp_dist([gene.value() for gene in individual.genes])
```

APÊNDICE E - Arquivo com mapa das cidades - Caixeiro Viajante (dijkstra17.py)

```
\# Standard Dijkstra with 17 cities
dijkstra17 = [
    [0, 633, 257, 91, 412, 150, 80, 134, 259, 505, 353, 324, 70, 211,
        268, 246, 121,
    [633, 0, 390, 661, 227, 488, 572, 530, 555, 289, 282, 638, 567,
       466, 420, 745, 518,
    [257, 390, 0, 228, 169, 112, 196, 154, 372, 262, 110, 437, 191,
       74, 53, 472, 142,
    [91, 661, 228, 0, 383, 120, 77, 105, 175, 476, 324, 240, 27, 182,
        239, 237, 84],
    [412, 227, 169, 383, 0, 267, 351, 309, 338, 196, 61, 421, 346,
       243, 199, 528, 297],
    [150, 488, 112, 120, 267, 0, 63, 34, 264, 360, 208, 329, 83, 105,
        123, 364, 35,
    [80, 572, 196, 77, 351, 63, 0, 29, 232, 444, 292, 297, 47, 150,
       207, 332, 29,
    [134, 530, 154, 105, 309, 34, 29, 0, 249, 402, 250, 314, 68, 108,
        165, 349, 36,
    [259, 555, 372, 175, 338, 264, 232, 249, 0, 495, 352, 95, 189,
       326, 383, 202, 236
    [505, 289, 262, 476, 196, 360, 444, 402, 495, 0, 154, 578, 439,
       336, 240, 685, 390],
    [353, 282, 110, 324, 61, 208, 292, 250, 352, 154, 0, 435, 287,
       184, 140, 542, 238],
```

```
[324, 638, 437, 240, 421, 329, 297, 314, 95, 578, 435, 0, 254,
       391, 448, 157, 301],
    [70, 567, 191, 27, 346, 83, 47, 68, 189, 439, 287, 254, 0, 145,
       202, 289, 55,
    [211, 466, 74, 182, 243, 105, 150, 108, 326, 336, 184, 391, 145,
       0, 57, 426, 96,
    [268, 420, 53, 239, 199, 123, 207, 165, 383, 240, 140, 448, 202,
       57, 0, 483, 153],
    [246, 745, 472, 237, 528, 364, 332, 349, 202, 685, 542, 157, 289,
        426, 483, 0, 336],
    [121, 518, 142, 84, 297, 35, 29, 36, 236, 390, 238, 301, 55, 96,
       153, 336, 0]
]
def create graph (dijk map):
        if dijk_map is None or len(dijk_map) is 0:
                return None
        graph = \{\}
        length = len(dijk map)
        for i in range (length):
                first\_city = chr(i + ord('A'))
                for j in range(length):
                        second\_city = chr(j + ord('A'))
                        distance = dijk map[i][j]
                        if graph.get(first_city) is None:
                                 graph[first\_city] = \{\}
                        if graph.get(second_city) is None:
                                 graph[second city] = \{\}
                        graph[first_city][second_city] = distance
        return graph
dijkstra17_graph = create_graph(dijkstra17)
```

$AP\hat{E}NDICE\ F$ - $Arquivo\ com\ algoritmo\ de$ $Dijkstra\ (dijkstra.py)$

```
import copy
from dijkstra17 import dijkstra17_graph
\# Functions that apply Dijkstra's algorithm
def dijkstra_all(graph):
        full_map = \{\}
        for source in graph:
                 dist, prev = dijkstra(graph, source)
                full_map[source] = {}
                full_map[source]['dist'] = dist
                full_map[source]['prev'] = prev
        return full_map
def dijkstra (graph, source):
        Q = set()
        dist = \{\}
        prev = \{\}
        for vertex in graph:
                 dist[vertex] = float("inf")
                prev[vertex] = None
                Q. add (vertex)
        dist[source] = 0
        while len(Q) is not 0:
```

```
u = min_value(Q, dist)
                 Q. remove (u)
                 for v in graph[u]:
                          alt = dist[u] + graph[u][v]
                          if alt < dist[v]:
                                   dist[v] = alt
                                   prev[v] = u
        return dist, prev
def min_value(Q, dist):
        u = next(iter(Q))
        for v in Q:
                 if \operatorname{dist}[v] < \operatorname{dist}[u]:
                         u = v
        return u
\# Global \ variables
complete_graph = dijkstra_all(dijkstra17_graph)
all_cities = [node for node in complete_graph]
all cities.sort()
# Functions to calculate distance
def dist_between(a, b, dijkstra_graph=complete_graph):
        return dijkstra_graph[a]['dist'][b]
def tsp dist(sequence):
        copy_cities = copy.copy(all_cities)
        init = copy\_cities.pop(0)
        prev = init
        next = None
        tsp\_sum = 0
        for i in sequence:
```

```
prev = prev if next is None else next
                next = copy cities.pop(i)
                tsp sum += dist between (prev, next)
        tsp_sum += dist_between(next, copy_cities[0])
        tsp_sum += dist_between(copy_cities[0], init)
        return tsp sum
# Functions to find path
def path_between(a, b, dijkstra_graph=complete_graph):
        path = [b]
        prev = dijkstra graph[a]['prev'][b]
        while prev is not None:
                path.insert(0, prev)
                prev = dijkstra graph[a]['prev'][prev]
        return path
def tsp_path(sequence):
        copy sequence = copy.copy(sequence)
        copy sequence.append(0)
        copy_cities = copy.copy(all_cities)
        init = copy \ cities.pop(0)
        tsp_path = [init]
        for i in copy sequence:
                tsp_path.append(copy_cities.pop(i))
        tsp path.append(init)
        return tsp_path
def tsp_full_path(sequence):
        path = tsp_path(sequence)
        full_path = []
        for first, second in zip(path, path[1:]):
```

$AP\hat{E}NDICE~G~-~Funções~de~utilidade \ (utils.py)$

```
import numpy.random as random
# Boolean variable on 50% chance
def coin toss():
         return random ( ) >= 0.5
# Mean value between numbers
def mean(numbers):
    return float (sum(numbers)) / max(len(numbers), 1)
# Sum of squares
def sum2(numbers):
    return sum(x*x for x in numbers)
\# Standard deviation
def std (numbers):
    n = len(numbers)
    sum_sum = sum_2(numbers)
    avg = mean(numbers)
    return abs ((sum sum - n*avg*avg) / (n - 1.0)) ** 0.5
\# Adds arrows between values of a list
def arrow list str(some list):
         \mathbf{return} \ \mathbf{str} ( \mathtt{some\_list} ) . \, \mathbf{replace} ( \ ', \ ', \ ' -\!\!\!> \ ') . \, \mathbf{replace} ( \ '[ \ ', \ '') . \,
             replace(']', '').replace("'", '')
```

FO	OLHA DE REG	GISTRO DO DOC	CUMENTO	
I. CLASSIFICAÇÃO/TIPO	^{2.} DATA	3. REGISTRO	O N°	· N° DE PÁGINAS
TC				15
^{5.} TÍTULO E SUBTÍTULO:		<u>'</u>		
Resolução Otimizada de Pro	oblemas com uso	de Algoritmos Evoluti	vos	
O. AUTOR(ES):				
Cássio dos Santos Sousa	O(C) DIFFEDMO(C)/DI	Ma v O v O Eav		
7. INSTITUIÇÃO(ÕES)/ÓRGÃO	D(S) INTERNO(S)/DI	VISAO(OES):		
Instituto Tecnológico de Ae	ronáutica - ITA			
^{8.} PALAVRAS-CHAVE SUGERII	DAS PELO AUTOR:			
Algoritmo Evolutivo, Intelig		GÃO:		
9.PALAVRAS-CHAVE RESULTA			more dos =+(2):-1	
Solicite preenchimento dos	campos 2, 3 e 9 –	envie este formulario		
^{10.} APRESENTAÇÃO:			X Nacional	Internacional
ITA, São José dos Campos. Henrique Quartucci Forster. 11. RESUMO:			Computação. Ori	entador: Carlos
Insira algum texto interessar	nte aqui.			
^{12.} GRAU DE SIGILO:				