

ELE083 Computação Evolucionária

Trabalho Prático - Makespan

Davi Pinheiro Viana - 2013029912

Rafael Carneiro de Castro - 2013030210

Minas Gerais, Brasil

Keywords: Makespan, Computação Evolucionária, Evolução Diferencial

1. Introdução

O trabalho final da disciplina de Computação Evolucionária consiste no emprego de uma das técnicas estudadas em sala de aula no decorrer do semestre para a solução de um problema de Engenharia. Tal problema é *Job Shop Scheduling Problem* (JSSP).

O *Job Shop Scheduling Problem* é um problema clássico de otimização combinatória e possui diversas aplicações nas indústrias e empresas. Seu objetivo é obter uma sequência de tarefas a serem executadas de forma a maximizar a utilização dos recursos disponíveis. Por recursos, entende-se como máquinas, pessoas, ou ambos.

A nível de contexto, imagina-se uma linha de produção com X etapas, que devem ser executadas em ordem. Tem-se como entrada um arquivo texto contendo Y linhas, que representam Y pedidos, com X números inteiros em cada linha. Estes números representam o tempo que o pedido daquela linha vai gastar em cada etapa. O objetivo é retornar uma sequência de produção dos pedidos em tempo ótimo, de forma que o conjunto de pedidos será entregue o mais rápido possível.

Para este trabalho, considera-se que a linha de produção tem três etapas. Sendo assim, os arquivos de entrada contêm três colunas.

2. Desenvolvimento

Nesta seção serão apresentadas as decisões tomadas para a implementação de um algoritmo que soluciona o problema descrito na *Introdução*.

2.1. Representação de Indivíduos

Para a decisão da forma de se representar indivíduos, primeiro é importante levar em consideração a entrada do algoritmo. Conforme especificações, a entrada é dada por arquivos textos no formato que pode ser visto na Figura 1. Conforme descrito na *Introdução*, cada linha

representa um pedido, e cada coluna representa o tempo gasto em uma etapa de produção (máquina). Os arquivos *entrada_3.txt*, *entrada_10.txt* e *entrada_25.txt* foram disponibilizados junto à especificação deste trabalho.

entrada_25.txt		entrada_10.txt		entrada_3.txt	
1	19, 11, 13	1	11, 22, 29	1	10, 14, 13
2	9, 27, 20	2	26, 30, 13	2	15, 13, 15
3	14, 12, 13	3	19, 16, 17	3	10, 30, 6
4	7, 19, 7	4	9, 29, 9		
5	28, 25, 28	5	20, 25, 28		
6	21, 30, 30	6	8, 6, 30		
7	7, 10, 10	7	30, 28, 26		
8	17, 30, 24	8	30, 17, 26		
9	16, 24, 6	9	23, 26, 12		
10	30, 20, 15	10	6, 10, 19		
11	19, 28, 20				
12	12, 6, 26				
13	9, 23, 26				
14	22, 16, 7				
15	19, 14, 26				
16	24, 22, 21				
17	10, 30, 9				
18	10, 21, 13				
19	29, 22, 24				
20	27, 29, 6				
21	26, 14, 11				
22	28, 30, 11				
23	17, 14, 29				
24	9, 30, 13				
25	26, 15, 12				

Figura 1: Exemplos de arquivos de entrada

Em virtude de este ser um problema combinatório cuja saída é uma sequência de produção dos pedidos, os indivíduos podem ser representados por uma sequência de Y números inteiros que vão de 1 até Y , onde Y é a quantidade de pedidos na entrada. Esta sequência é a que otimiza a produção dos pedidos em questão. Sendo assim, as soluções candidatas do problema são representadas por vetores de números inteiros.

2.2. Algoritmo Evolucionários Escolhido

Uma das técnicas e algoritmos estudados em sala de aula foi a chamada *Evolução Diferencial*. Esta é uma técnica amplamente utilizada na solução de problemas através da Computação Evolucionária, possuindo alto desempenho e implementação simples. Sendo assim, esta foi a técnica usada como base para a implementação de um algoritmo que soluciona o problema em questão neste trabalho.

Conforme visto em sala, um pseudo-código para a *Evolução Diferencial* pode ser observado na Figura 2. No código da figura, é importante se destacar a equação:

$$u_{t,i,j} = x_{t,r1,j} + F(x_{t,r2,j} - x_{t,r3,j})$$

onde $u_{t,i,j}$ representa um indivíduo que sofreu mutação baseado na manipulação vetorial de outros três indivíduos selecionados aleatoriamente.

```
Enquanto algum critério de parada não for satisfeito faça
  Para  $i = 1$  até  $N$  faça
    Selecione aleatoriamente  $r1, r2, r3 \in \{1, \dots, N\}$ 
    Selecione aleatoriamente  $\delta_i \in \{1, \dots, n\}$ 
    Para  $j = 1$  até  $n$  faça
      Se  $\mu_{[0,1]} \leq C \vee j == \delta_i$  então
         $u_{t,i,j} = x_{t,r1,j} + F(x_{t,r2,j} - x_{t,r3,j})$ 
      Senão
         $u_{t,i,j} = x_{t,i,j}$ 
      Fim se
    Fim para
    Se  $f(u_{t,i}) \leq f(x_{t,i})$  então
       $x_{t+1,i} \leftarrow u_{t,i}$ 
    Senão
       $x_{t+1,i} \leftarrow x_{t,i}$ 
    Fim se
  Fim para
   $t \leftarrow t + 1$ 
Fim enquanto
```

Figura 2: Pseudo-código para a evolução diferencial

2.3. Operador de Seleção

O operador de seleção do algoritmo de evolução diferencial implementado pode ser visto na condicional **Se** $f(u_{t,i}) \leq f(x_{t,i})$ **então**. Nesta condicional, entende-se por $f(x)$ como a avaliação do *fitness* de um indivíduo. Assim, um indivíduo mutante é selecionado se seu *fitness* é menor que o *fitness* de seu correspondente na população original.