ELE083 Computação Evolucionária

Trabalho Prático - Makespan

Davi Pinheiro Viana - 2013029912
Rafael Carneiro de Castro - 2013030210
Minas Gerais, Brasil

Keywords: Makespan, Computação Evolucionária, Evolução Diferencial

1. Introdução

O trabalho final da disciplina de Computação Evolucionária consiste no emprego de uma das técnicas estudadas em sala de aula no decorrer do semestre para a solução de um problema de Engenharia. Tal problema é *Job Shop Scheduling Problem* (JSSP).

O *Job Shop Scheduling Problem* é um problema clássico de otimização combinatória e possui diversas aplicações nas indústrias e empresas. Seu objetivo é obter uma sequência de tarefas a serem executadas de forma a maximizar a utilização dos recursos disponíveis. Por recursos, entende-se como máquinas, pessoas, ou ambos.

A nível de contexto, imagina-se uma linha de produção com X etapas, que devem ser executadas em ordem. Tem-se como entrada um arquivo texto contendo Y linhas, que representam Y pedidos, com X números inteiros em cada linha. Estes números representam o tempo que o pedido daquela linha vai gastar em cada etapa. O objetivo é retornar uma sequência de produção dos pedidos em tempo ótimo, de forma que o conjunto de pedidos será entrega o mais rápido possível.

Para este trabalho, considera-se que a linha de produção tem três etapas. Sendo assim, os arquivos de entrada contêm três colunas.

2. Desenvolvimento

Nesta seção serão apresentadas as decisões tomadas para a implementação de um algoritmo que soluciona o problema descrito na *Introdução*.

2.1. Representação de Indivíduos

Para a decisão da forma de se representar indivíduos, primeiro é importante levar em consideração a entrada do algoritmo. Conforme especificações, a entrada é dada por arquivos textos no formato que pode ser visto na Figura 1. Conforme descrito na *Introdução*, cada linha representa um pedido, e cada coluna representa o tempo gasto em uma etapa de produção (máquina). Os arquivos *entrada_3.txt*, *entrada_10.txt* e *entrada_25.txt* foram disponibilizados junto à especificação deste trabalho.

entrada_25.txt

```
19,11,13
9,27,20
14,12,13
7,19,7
28,25,28
21,30,30
7,10,10
17,30,24
16,24,6
30,20,15
19,28,20
12,6,26
9,23,26
22,16,7
19,14,26
24,22,21
10,30,9
10,21,13
29,22,24
27,29,6
26,14,11
28,30,11
17,14,29
9,30,13
26,15,12
```

entrada_10.txt

```
11,22,29
26,30,13
19,16,17
9,29,9
20,25,28
8,6,30
30,28,26
30,17,26
23,26,12
6,10,19
```

entrada_3.txt

```
10,14,13
15,13,15
10,30,6
```

Figura 1: Exemplos de arquivos de entrada

Em virtude de este ser um problema combinatório cuja saída é uma sequência de produção dos pedidos, os indivíduos podem ser representados por uma sequência de Y números inteiros que vão de 1 até Y, onde Y é a quantidade de pedidos na entrada. Esta sequência é a que otimiza a produção dos pedidos em questão. Sendo assim, as soluções candidatas do problema são representadas por vetores de números inteiros.

2.2. Algoritmo Evolucionário Escolhido

Uma das técnicas e algoritmos estudados em sala de aula foi a chamada *Evolução Diferencial*. Esta é uma técnica amplamente utilizada na solução de problemas através da Computação Evolucionária, possuindo alto desempenho e implementação simples. Sendo assim, esta foi a técnica usada como base para a implementação de uma algoritmo que soluciona o problema em questão neste trabalho.

Conforme visto em sala, um pseudo-código para a *Evolução Diferencial* pode ser observado na Figura 2. No código da figura, é importante se destacar a equação:

$$u_{t,i,j} = x_{t,r1,j} + F(x_{t,r2,j} - x_{t,r3,j})$$

onde $u_{t,i,j}$ representa um indivíduo que sofreu mutação baseado na manipulação vetorial de outros três indivíduos selecionados aleatoriamente. O algoritmo diferencial puro, conforme o representado, é diretamente utilizado para problemas envolvendo otimização contínua. Para problemas combinatórios, como é o caso, adaptações precisam ser feitas, e serão descritas mais a diante.

Enquanto algum critério de parada não for satisfeito **faça**
  Para $i = 1$ até N **faça**
    Selecione aleatoriamente $r1, r2, r3 \in \{1, \ldots, N\}$
    Selecione aleatoriamente $\delta_i \in \{1, \ldots, n\}$
    Para $j = 1$ até n **faça**
      Se $\mu_{[0,1]} \leq C \vee j == \delta_i$ **então**
        $u_{t,i,j} = x_{t,r1,j} + F(x_{t,r2,j} - x_{t,r3,j})$
      Senão
        $u_{t,i,j} = x_{t,i,j}$
      Fim se
    Fim para
    Se $f(u_{t,i}) \leq f(x_{t,i})$ **então**
      $x_{t+1,i} \leftarrow u_{t,i}$
    Senão
      $x_{t+1,i} \leftarrow x_{t,i}$
    Fim se
  Fim para
  $t \leftarrow t + 1$
Fim enquanto

Figura 2: Pseudo-código para a evolução diferencial

2.3. Operador de Seleção

O operador de seleção de sobrevivência do algoritmo de evolução diferencial implementado pode ser visto na condicional **Se** $f(u_{t,i}) <= f(x_{t,i})$ **então**. Nesta condicional, entende-se por $f(x)$ como a avaliação do *fitness* de um indivíduo. Assim, um indivíduo mutante é selecionado se seu *fitness* é menor que o *fitness* de seu correspondente na população original.

2.4. Operadores de Cruzamento e Mutação

No algoritmo da *Evolução Diferencial*, tanto o cruzamento quanto a mutação podem ser representados pela equação:

$$u_{t,i,j} = x_{t,r1,j} + F(x_{t,r2,j} - x_{t,r3,j})$$

já evidenciada na seção *Algoritmo Evolucionário Escolhido*, junto com a condicional que a cerca, a recombinação discreta. Os parâmetros para tal procedimento são o C, representado uma taxa de recombinação, ou seja, uma probabilidade de um indivíduo de uma população mutante ser idêntico a um indivíduo da população original, ou ser um indivíduo mutante de fato; e F, que é um fator de escala aplicado ao vetor de diferenças $x_{t,r2,j} - x_{t,r3,j}$.

É importante salientar que a *Evolução Diferencial* seguindo o algoritmo da Figura 2 é amplamente utilizada em problemas que envolvem variáveis reais, otimização contínua. Para problemas combinatórios, existem em estudo diversas abordagens e adaptações do mecanismo de cruzamento e mutação. Neste trabalho, optou-se pela abordagem da *Lista de Movimentos*, que é derivada diretamente da equação $u_{t,i,j} = x_{t,r1,j} + F(x_{t,r2,j} - x_{t,r3,j})$. As operações da equação são adaptadas de forma a se encaixar em problemas combinatórios, conforme o descrito a seguir:

- Subtração: como no problema em questão os indivíduos são vetores combinatórios, a subtração é dada por uma lista de movimentos que, se aplicada no primeiro vetor, chega-se ao segundo.

- Multiplicação: neste caso, devido ao que foi descrito pela subtração, a multiplicação ocorre entre um escalar e uma lista de movimentos. Assim, defini-se a multiplicação como sendo a seleção de alguns movimentos da lista de movimentos a que se multiplica.

- Adição: neste caso, estamos adicionando a um vetor combinatório uma lista de movimentos; ou seja, está-se aplicando a este vetor uma dada quantidade de movimentos.

Como resultado destas operações, tem-se um indivíduo recombinado. Esta técnica é de fácil implementação e possui boa eficiência. Mais detalhes sobre esta e outras abordagens podem ser vistos na Referência [3].

2.5. Critérios de Parada

Como critérios de parada, primeiro estabeleceu-se um número máximo de de gerações como sendo 500, número este que pareceu razoável pelo ajuste de parâmetros que será descrito a seguir. Outro critério de parada baseia-se no histórico.

2.6. Ajustes de Parâmetros

Como mencionado na seção *Operadores de Cruzamento e Mutação*, um dos parâmetros do algoritmo é o C que é a chance de um indivíduo na população mutante ser um indivíduo realmente mutante. Pode ser que seja adicionada à população mutante um indivíduo idêntico à população original, dependendo do valor de C. Este parâmetro foi ajustado com o valor de 0.8, fazendo com que a população mutante criada a cada geração tenha uma grande quantidade de indivíduos mutantes, aumentando a abrangência de uma iteração, ou seja, de um teste sobre uma geração, envolvendo população original e população mutante.

O parâmetro F, que representa o fator de escala, foi ajustado com o valor 0.9, de forma a gerar um indivíduo com uma boa quantidade de permutações de valores partindo de um indivíduo base.

Para o tamanho da população, achamos razoável utilizar o quadrado da quantidade de linhas da entrada, ou seja, o quadrado da quantidade de pedidos. Este valor foi utilizado por causa da variabilidade combinada com os outros parâmetros ajustados. É importante ressaltar que o tamanho populacional foi definido pensando que a entrada com maior quantidade de linhas que será passada ao algoritmo possui 25 linhas. Definiu-se como tamanho máximo da população 1000 indivíduos, para casos de entrada com muitos pedidos. Também é importante destacar que cada geração do algoritmo de *Evolução Diferencial* não aumenta o tamanho da população, ou seja, este valor se mantém constante durante a execução do algoritmo.

2.7. Avaliação do Fitness

3. Referências

1. Especificação do trabalho
2. Notas de aula: *Algoritmo de Evolução Diferencial* - CASTRO, Cristiano
3. *Uma Nova Abordagem Para A Evolução Diferencial Em Otimização Discreta* - PRADO, Ricardo Sérgio. Disponível em http://www.eletrica.ufpr.br/anais/cba/2010/Artigos/65881_1.pdf