

Cấu trúc dữ liệu

CÁC KIỂU DỮ LIỆU TRỪU TƯỢNG CƠ BẢN (BASIC ABSTRACT DATA TYPES)

Bộ môn Công Nghệ Phần Mềm



MỤC TIÊU

- **Nắm vững** các kiểu dữ liệu trừu tượng như: danh sách, ngăn xếp, hàng đợi.
- **Cài đặt** các kiểu dữ liệu trừu tượng bằng ngôn ngữ lập trình cụ thể.
- **Ứng dụng** được các kiểu dữ liệu trừu tượng trong bài toán thực tế.



NỘI DUNG

- Kiểu dữ liệu trừu tượng danh sách (LIST)
- Kiểu dữ liệu trừu tượng ngăn xếp (STACK)
- Kiểu dữ liệu trừu tượng hàng đợi (QUEUE)
- *Danh sách liên kết kép (Doubly-Linked Lists)*



KHÁI NIỆM VỀ DANH SÁCH

- Là tập hợp ***hữu hạn*** các phần tử có ***cùng kiểu***. Kiểu chung được gọi là kiểu phần tử (element type).
- Ta thường biểu diễn dạng: $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$.
- Nếu
 - $n=0$: danh sách rỗng.
 - $n>0$: phần tử đầu tiên là a_1 , phần tử cuối cùng là a_n .
- ***Độ dài của danh sách***: số phần tử của danh sách.
- Các phần tử trong danh sách có ***thứ tự tuyến tính*** theo ***vị trí*** xuất hiện. Ta nói a_i đứng trước a_{i+1} ($i=1..n-1$).



CÁC PHÉP TOÁN TRÊN DANH SÁCH

Tên phép toán	Công dụng
<code>makenullList(L)</code>	Khởi tạo một danh sách L rỗng
<code>emptyList(L)</code>	Kiểm tra xem danh sách L có rỗng hay không
<code>fullList(L)</code>	Kiểm tra xem danh sách L có đầy hay không
<code>first(L)</code>	Trả về kết quả là vị trí của phần tử đầu danh sách, <code>endList(L)</code> nếu danh sách rỗng
<code>endList(L)</code>	Trả về vị trí <i>sau phần tử cuối</i> trong ds L
<code>insertList(x,P,L)</code>	Xen phần tử có nội dung x vào danh sách L tại vị trí P, phép toán không được xác định (thông báo lỗi) nếu vị trí P không tồn tại trong danh sách
<code>deleteList(P,L)</code>	Xóa phần tử tại vị trí P trong danh sách L, phép toán không được xác định (thông báo lỗi) nếu vị trí P không tồn tại trong danh sách



CÁC PHÉP TOÁN TRÊN DANH SÁCH

Tên phép toán	Công dụng
retrieve(P,L)	Trả về nội dung phần tử tại vị trí P trong danh sách L, kết quả không xác định (có thể thông báo lỗi) nếu vị trí P không có trong danh sách
locate(x,L)	Trả về kết quả là vị trí của phần tử có nội dung x đầu tiên trong danh sách L, endList(L) nếu không tìm thấy
next(P,L)	Trả về kết quả là vị trí của phần tử đi sau phần tử tại vị trí P trong danh sách L, endList(L) nếu phần tử tại vị trí P là phần tử cuối cùng, kết quả không xác định nếu vị trí P không có trong danh sách
previous(P,L)	Trả về kết quả là vị trí của phần tử đứng trước phần tử tại vị trí P trong danh sách L, kết quả không xác định nếu vị trí P là vị trí đầu tiên hoặc không có trong danh sách L
printList(L)	Hiển thị các phần tử trong danh sách L theo thứ tự xuất hiện



DANH SÁCH

- Khái niệm danh sách
- Các phép toán trên danh sách
- Cài đặt danh sách
 - Dùng mảng (Danh sách ĐẶC)
 - Dùng con trỏ (Danh sách LIÊN KẾT)



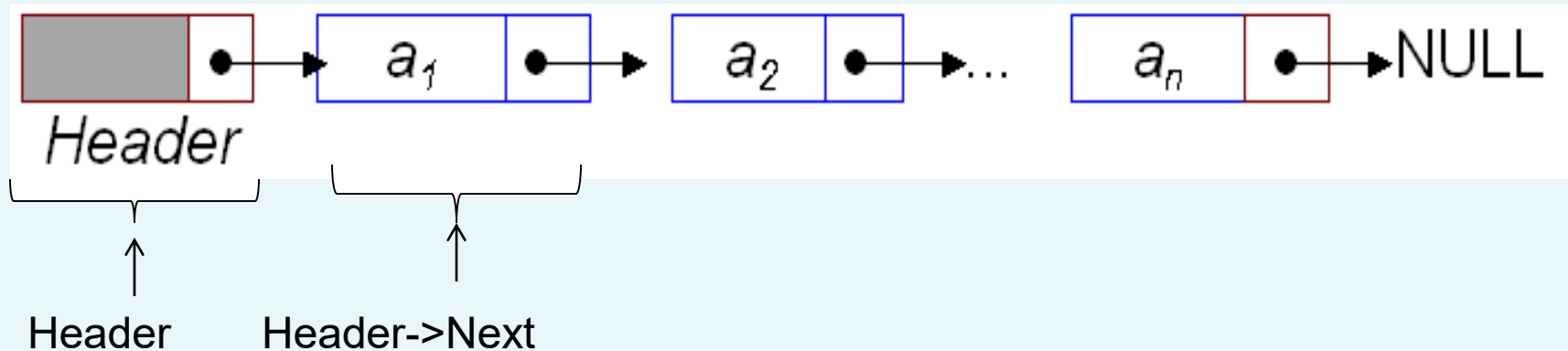
Kiểu dữ liệu trừu tượng - Lưu ý

- **Cài đặt** kiểu dữ liệu trừu tượng:
 - Tổ chức lưu trữ: **cấu trúc dữ liệu** (*khai báo dữ liệu*).
 - Viết **chương trình con** thực hiện các phép toán (*khai báo phép toán*).



CÀI ĐẶT DANH SÁCH BẰNG CON TRỎ

- Mô hình

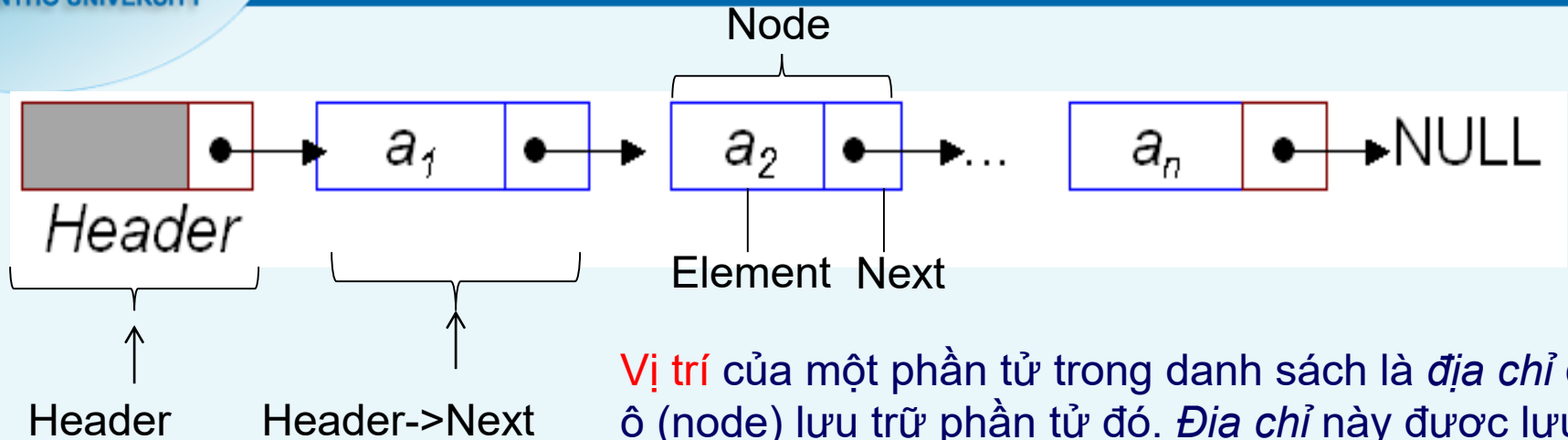


- Nối kết các phần tử liên tiếp nhau bằng con trỏ
 - Phần tử a_i trỏ tới phần tử a_{i+1} .
 - Phần tử a_n trỏ tới phần tử đặc biệt NULL.
 - Phần tử **Header** trỏ tới phần tử đầu tiên a_1 .



CANTHO UNIVERSITY

CÀI ĐẶT DANH SÁCH BẰNG CON TRỎ



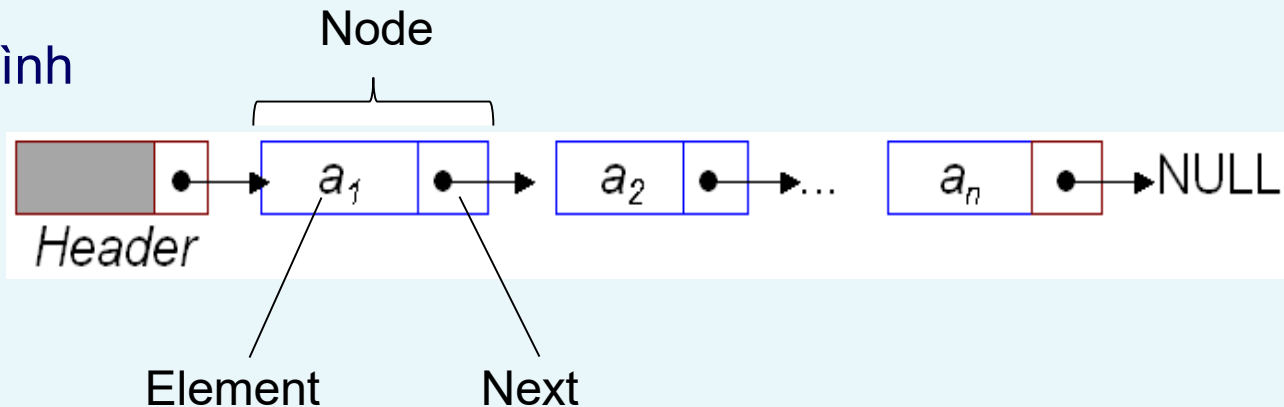
Vị trí của một phần tử trong danh sách là *địa chỉ* của ô (node) lưu trữ phần tử đó. *Địa chỉ* này được lưu trong **trường Next** của ô đứng trước.

Phần tử	Giá trị	Địa chỉ
1	a_1	Chứa trong trường Next của ô Header
2	a_2	Chứa trong trường Next của phần tử 1 (ô lưu a_1)
...
n	a_n	Chứa trong trường Next của phần tử n-1 (ô lưu a_{n-1})
Sau phần tử cuối cùng	Không xác định	Chứa trong trường Next của phần tử n (ô lưu a_n) và có giá trị NULL



CÀI ĐẶT DANH SÁCH BẰNG CON TRỎ

- Mô hình



- Khai báo

```
typedef <DataType> ElementType; //kiểu của phần tử trong danh sách
struct Node{
    ElementType Element; //Chứa nội dung của phần tử
    struct Node *Next;    //Con trỏ chỉ đến phần tử kế tiếp
};
typedef struct Node* Position; //Kiểu vị trí
typedef Position List;        //Kiểu danh sách
```



KHỞI TẠO DANH SÁCH RỖNG

Element Next



Header

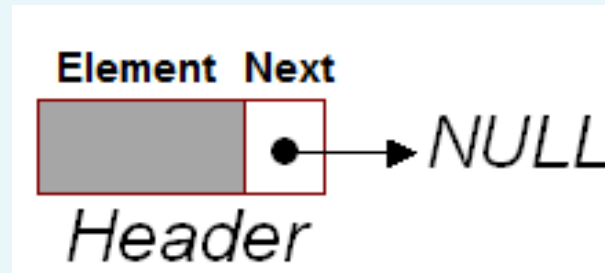
```
<kiểu kết quả> Tên hàm ( Tham số hình thức
    [<kiểu t số> <tham số>]
    [, <kiểu t số> <tham số>] [...])
{
    [Khai báo biến cục bộ]
    [Các câu lệnh thực hiện hàm]
    [return [<Biểu thức>];]
}
```

- Cấp phát vùng nhớ cho Header
- Cho trường Next của Header trở về NULL

```
void makenullList(List *pL) {
    (*pL) = (struct Node*) malloc(sizeof(struct Node));
    (*pL) -> Next = NULL;
}
```



KHỞI TẠO DANH SÁCH RỖNG



- Hàm khởi tạo danh sách rỗng:

```
void makenullList(List *pL) {  
    (*pL)=(struct Node*)malloc(sizeof(struct Node));  
    (*pL)->Next= NULL;  
}
```

- Giả sử ta có khai báo biến:

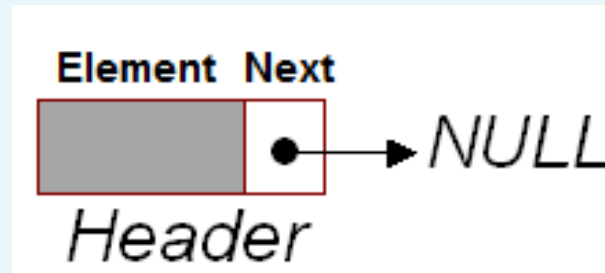
```
List    L;
```

```
makenullList(&L);
```

Hãy viết lời gọi hàm makenullList() khởi tạo L rỗng?



KHỞI TẠO DANH SÁCH RỖNG



- Hàm khởi tạo danh sách rỗng:

```
void makenullList(List *pL) {  
    (*pL)=(struct Node*)malloc(sizeof(struct Node));  
    (*pL)->Next= NULL;  
}
```

- Giả sử ta có khai báo biến:

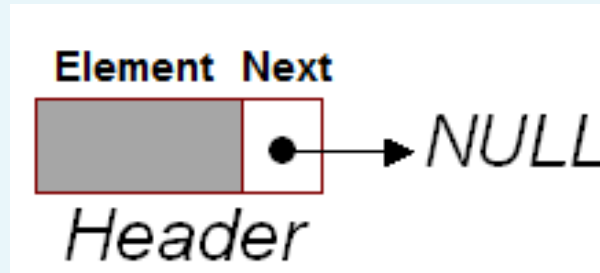
List *pL; ...

makenullList(pL);

Hãy viết lời gọi hàm makenullList() khởi tạo danh sách được trỏ bởi pL rỗng?



KHỞI TẠO DANH SÁCH RỖNG

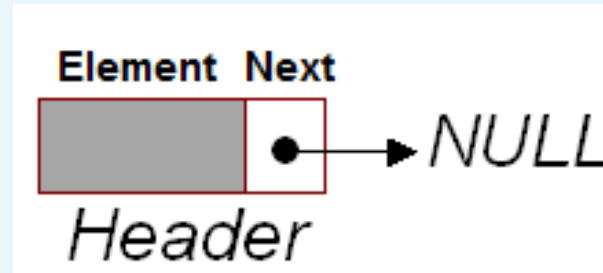


- Hãy viết hàm `makenullList` không có tham số vào và trả về một danh sách rỗng?

```
List makenullList() {  
    List L;  
    L=(struct Node*)malloc(sizeof(struct Node));  
    L->Next= NULL;  
    return L;  
}
```



KHỞI TẠO DANH SÁCH RỖNG



- Hàm khởi tạo danh sách rỗng:

```
List makenullList() {  
    List L;  
    L=(struct Node*)malloc(sizeof(struct Node));  
    L->Next= NULL;  
    return L;  
}
```

- Giả sử ta có khai báo biến:

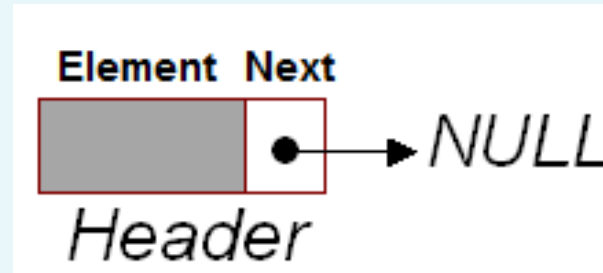
```
List    L;
```

```
L=makenullList();
```

Hãy viết lời gọi hàm makenullList() khởi tạo L rỗng?



KHỞI TẠO DANH SÁCH RỖNG



- Hàm khởi tạo danh sách rỗng:

```
List makenullList() {  
    List L;  
    L=(struct Node*)malloc(sizeof(struct Node));  
    L->Next= NULL;  
    return L;  
}
```

- Giả sử ta có khai báo biến:

List **pL*;...

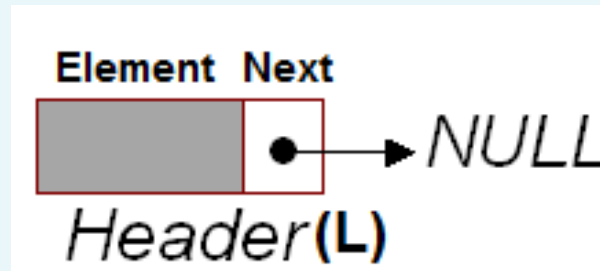
(**pL*)=makenullList();

Hãy viết lời gọi hàm makenullList() khởi tạo danh sách được trỏ bởi pL rỗng?



KIỂM TRA DANH SÁCH RỖNG

- Xem trường Next của ô Header có trỏ đến NULL hay không?

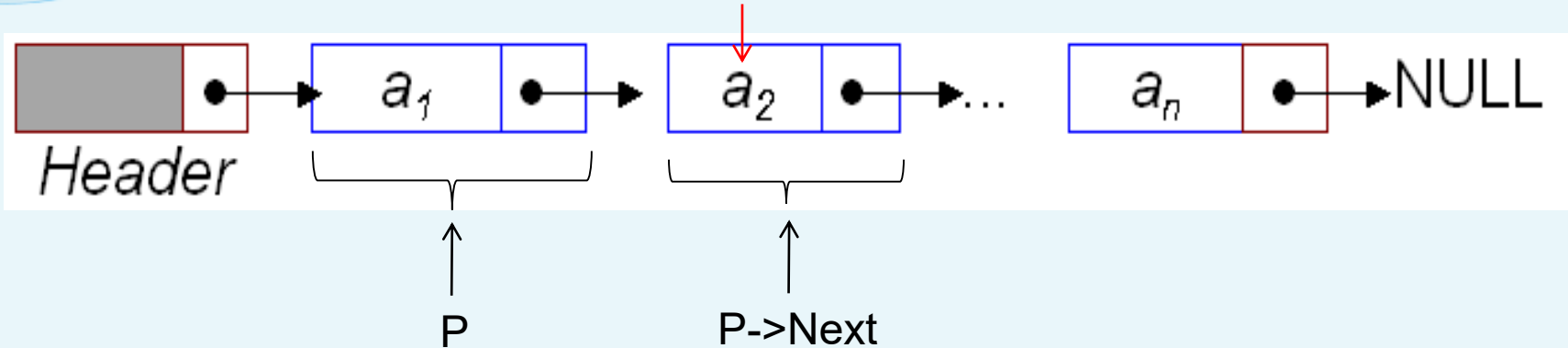


```
int emptyList(List L) {  
    return (L->Next==NULL) ;  
}
```



XÁC ĐỊNH NỘI DUNG PHẦN TỬ TẠI VỊ TRÍ P

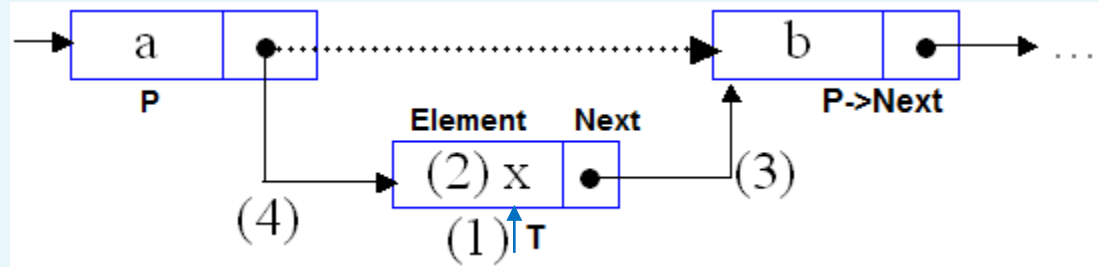
$P \rightarrow \text{Next} \rightarrow \text{Element}$ (nội dung của phần tử tại vị trí P)



```
ElementType retrieve(Position P, List L) {  
    if (P->Next != NULL)  
        return P->Next->Element;  
}
```



XEN MỘT PHẦN TỬ VÀO DANH SÁCH



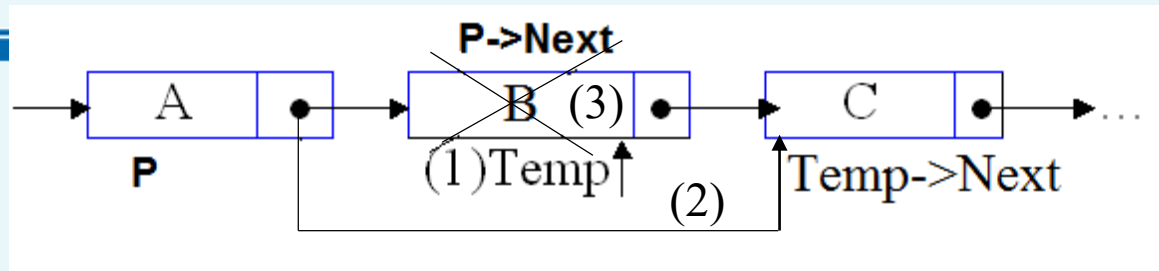
- Để xen phần tử x vào vị trí P của L , ta làm như sau:
 - Cấp phát 1 ô mới để lưu trữ phần tử x .
 - Nối kết lại các con trỏ để đưa ô mới này vào vị trí P .

```
void insertList(ElementType x, Position P, List *pL) {  
    Position T;  
    T = (struct Node*) malloc(sizeof(struct Node));  
    T->Element = x;  
    T->Next = P->Next;  
    P->Next = T;  
}
```

Cho nhận xét đánh giá độ phức tạp so với cách dùng mảng



XÓA MỘT PHẦN TỬ KHỎI DANH SÁCH



=> Muốn xóa phần tử ở vị trí P trong danh sách ta cần nối kết lại các con trỏ bằng cách cho P trỏ tới phần tử đứng sau phần tử thứ P.

```
void deleteList(Position P, List *pL) {
```

```
    Position Temp;
```

```
    if (P->Next != NULL) {
```

```
        //Giữ ô chứa phần tử bị xóa để thu hồi vùng nhớ
```

```
        Temp = P->Next;
```

```
        //Nối kết con trỏ trỏ tới phần tử kế tiếp
```

```
        P->Next = Temp->Next;
```

```
        //Thu hồi vùng nhớ
```

```
        free(Temp);
```

```
    }
```

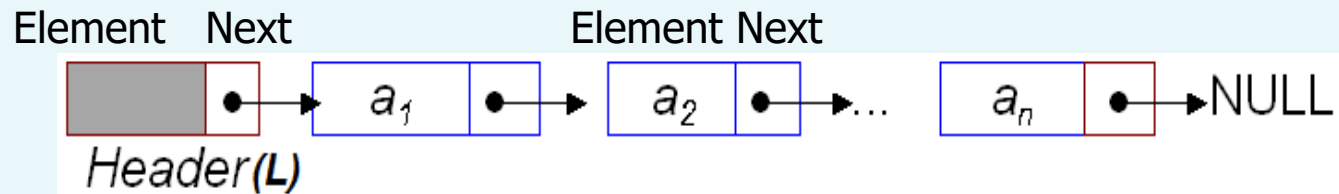
```
}
```

Cho nhận xét đánh giá độ phức tạp so với cách dùng mảng



XÁC ĐỊNH VỊ TRÍ PHẦN TỬ

- Vị trí phần tử đầu tiên

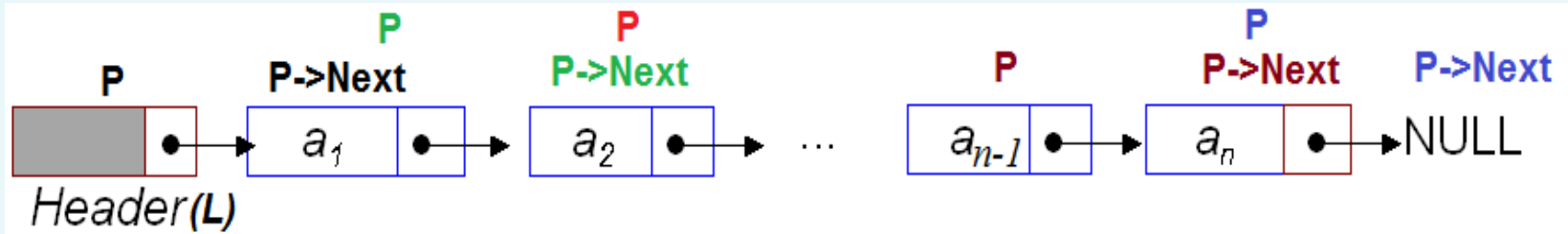
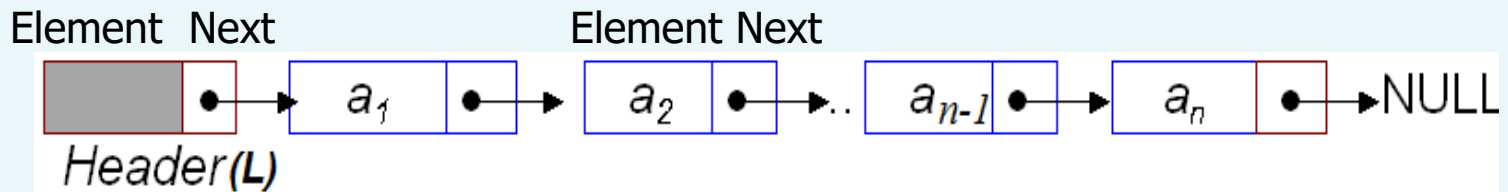


```
Position first(List L) {  
    return L;  
}
```



XÁC ĐỊNH VỊ TRÍ PHẦN TỬ

- Vị trí sau phần tử cuối cùng



Cho nhận xét đánh giá độ phức tạp so với cách dùng mảng

```

Position endList(List L) {
    Position P;
    P=L; // P=first(L);
    while (P->Next!=NULL)
        P=P->Next;
    return P;
}

```

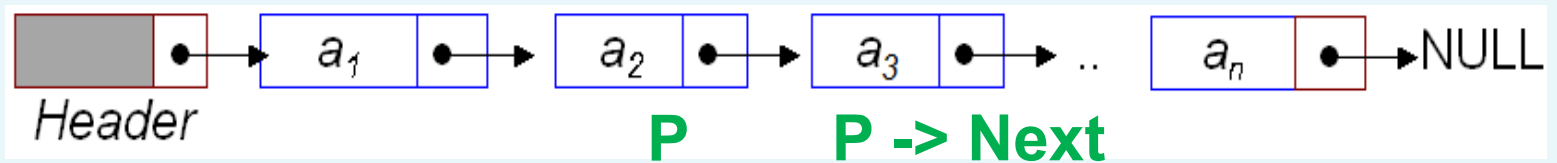


XÁC ĐỊNH VỊ TRÍ PHẦN TỬ

- Vị trí phần tử kế tiếp

Element Next

Element Next



```
Position next(Position P, List L) {  
    return P->Next;  
}
```

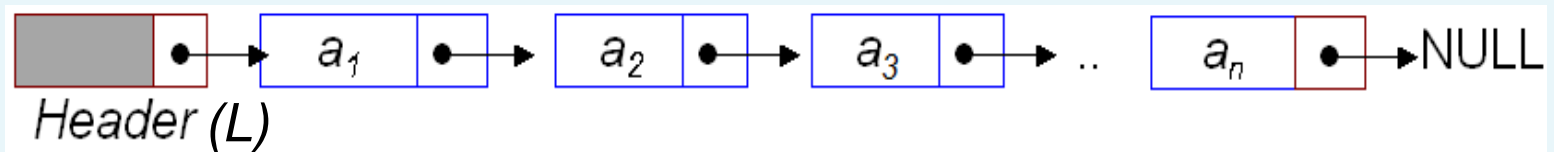



XÁC ĐỊNH VỊ TRÍ PHẦN TỬ

- Vị trí phần tử trước đó

Element Next

Element Next



Q

Q->Next

P

Q

Q->Next

Q

Q->Next

Position previous (Position P, List L) {

Position Q=L;

while (Q->Next != P)

Q=Q->Next;

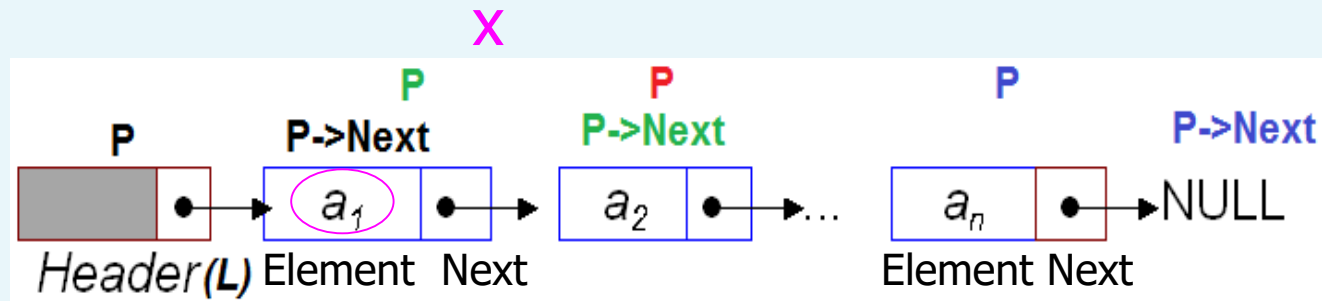
return Q;

}

Cho nhận xét đánh giá độ phức tạp so với cách dùng mảng



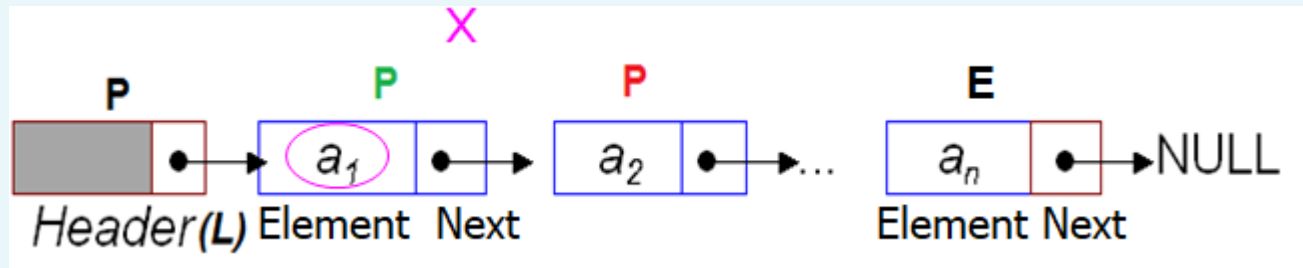
TÌM KIẾM MỘT PHẦN TỬ TRONG DANH SÁCH



- Bắt đầu từ phần tử đầu tiên trong danh sách, ta tiến hành tìm từ *đầu danh sách* cho đến khi tìm *thấy hoặc cuối danh sách*
 - Nếu giá trị tại vị trí P bằng x
 $\text{retrieve}(P, L) == x$ hay $P \rightarrow \text{Next} \rightarrow \text{Element} == x$
thì dừng tìm kiếm
 - Ngược lại (giá trị tại vị trí P khác x) thì đến vị trí kế tiếp
 $P = \text{next}(P, L)$ hay $P = P \rightarrow \text{Next}$



TÌM KIẾM MỘT PHẦN TỬ TRONG DANH SÁCH

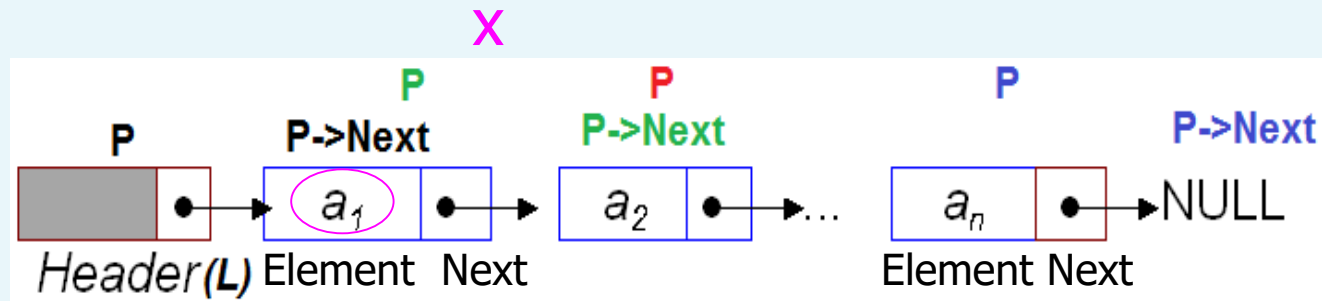


```
Position locate(ElementType x, List L) {
    Position P, E;    int Found=0;
    P = first(L);
    E = endList(L);
    while ((P!=E) && (Found == 0))
        if (retrieve(P, L) == x)
            Found = 1;
        else P = next(P, L);
    return P;    // endList(L)
}
```

Tái sử dụng, tổng quát, **không phụ thuộc vào chi tiết cài đặt bên trong (mảng/con trỏ)**



TÌM KIẾM MỘT PHẦN TỬ TRONG DANH SÁCH

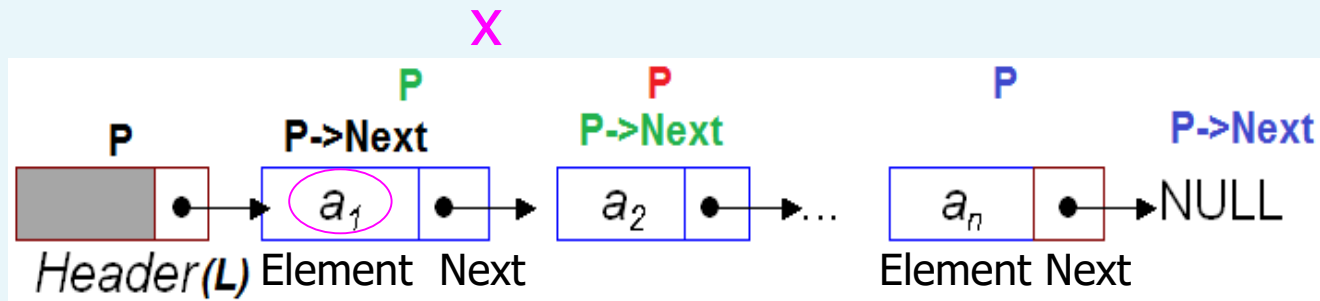


```
Position locate(ElementType x, List L) {
    Position P;
    int Found = 0;
    P = L;
    while ((P->Next != NULL) && (Found == 0))
        if (P->Next->Element == X) Found = 1;
        else P = P->Next;
    return P;
}
```

Gắn với cách tổ chức lưu trữ danh sách bằng
con trỏ, phụ thuộc chi tiết bên trong



TÌM KIẾM MỘT PHẦN TỬ TRONG DANH SÁCH

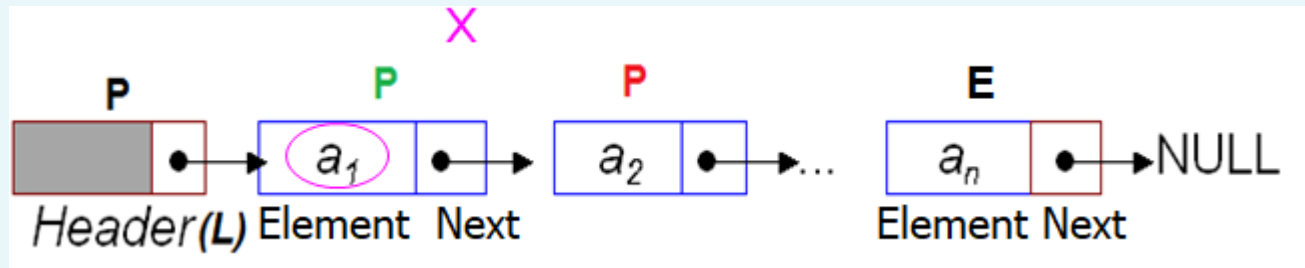


```
Position locate(ElementType x, List L) {  
    Position P;  
    P = L;  
    while (P->Next != NULL)  
        if (P->Next->Element == x) return P;  
        else P = P->Next;  
    return P;  
}
```

Cài đặt lại hàm Locate bằng cách loại bỏ biết Found.



TÌM KIẾM MỘT PHẦN TỬ TRONG DANH SÁCH



```
Position locate(ElementType x, List L){
    Position P, E;
    P = first(L);      E=endList(L);
    while (P!=E)
        if (retrieve(P,L) == x)
            return P;
        else P = next(P,L);
    return P;  // endList(L)
}
```

Cài đặt lại hàm Locate bằng cách loại bỏ biến Found.



TÌM KIẾM MỘT PHẦN TỬ TRONG DANH SÁCH

```
Position locate1(ElementType X, List L){
    Position P, E;
    P = first(L);      E=endList(L);
    while (P != E)
        if (retrieve(P,L) == X)
            return P;
        else P = next(P,L);
    return P;  // endList(L)
}
```



```
Position locate2(ElementType X, List L){
    Position P;
    P = first(L);
    while (P!= endList(L))
        if (retrieve(P,L) == X) return P;
        else P = next(P,L);
    return P;
}
```



TÌM KIẾM MỘT PHẦN TỬ TRONG DANH SÁCH

Bài tập: cài đặt hàm

```
Position myLocate (ElementType X, int i,  
                  List L)
```

Trả về vị trí của lần xuất hiện thứ i của x trong L. Nếu không tìm thấy thì trả về vị trí sau phần tử cuối cùng.

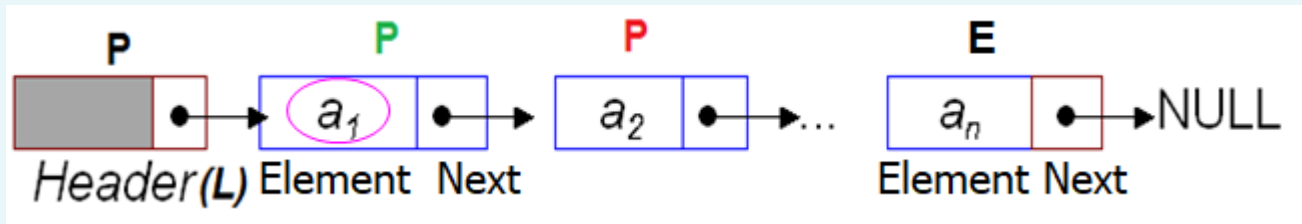


TÌM KIẾM MỘT PHẦN TỬ TRONG DANH SÁCH

```
Position myLocate (ElementType x, int i, List L) {  
    Position P, E;  
    P=first(L);  
    E=endList(L);  
    int count =0;  
    while (P != E && count < i) {  
        if (retrieve(P,L)== x)  
            count++;  
        if (count<i)  
            P=next(P,L);  
    }  
    return P;  
}
```



IN DANH SÁCH RA MÀN HÌNH

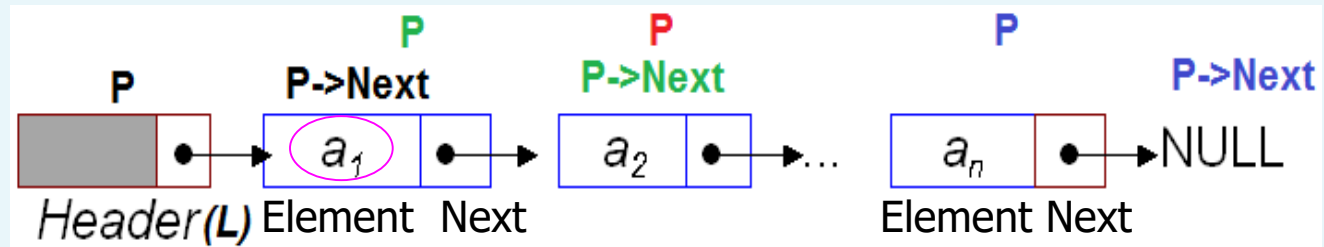


```
void printList(List L) {  
    Position P, E;  
    P = first(L);      E=endList(L);  
    while (P != E) {  
        printf("%d ", retrieve(P,L));  
        P = next(P,L);  
    }  
    printf("\n");  
}
```

Tái sử dụng, tổng quát, **không phụ thuộc vào chi tiết cài đặt bên trong**



IN DANH SÁCH RA MÀN HÌNH



```
void printList(List L) {  
    Position P;  
    P = L;  
    while (P->Next != NULL) {  
        printf("%d ", P->Next->Element);  
        P = P->Next;  
    }  
    printf("\n");  
}
```

Gắn với cách tổ chức lưu trữ danh sách bằng con trỏ, phụ thuộc chi tiết bên trong



SO SÁNH 2 PHƯƠNG PHÁP CÀI ĐẶT DS

- Bạn hãy phân tích ưu và khuyết điểm của
 - Danh sách đặc
 - Danh sách liên kết
- Bạn nên chọn phương pháp cài đặt nào cho ứng dụng của mình?



BÀI TẬP

Vận dụng các phép toán trên danh sách liên kết để viết chương trình:

- Nhập vào một danh sách các số nguyên
- Hiển thị danh sách vừa nhập ra màn hình
- Thêm phần tử có nội dung x vào danh sách tại vị trí P (trong đó x và P được nhập từ bàn phím)
- Xóa phần tử đầu tiên có nội dung x (nhập từ bàn phím) ra khỏi danh sách
- **Viết hàm**

`Position myLocate(ElementType x, int i, List L)`



NHẬP DANH SÁCH TỪ BÀN PHÍM

```
void readList(List *pL) {  
    int i,n;  
    ElementType x;  
    makenullList(pL);  
    printf("So phan tu danh sach n= ");  
    scanf("%d",&n);  
    for (i=1;i<=n;i++) {  
        printf("Phan tu thu %d: ",i);  
        scanf("%d",&x);  
        //insertList(x,endList(*pL),pL);  
        insertList(x,first(*pL),pL);  
    }  
}
```



HIỂN THỊ DANH SÁCH RA MÀN HÌNH

```
void printList(List L) {  
    Position P, E;  
    P = first(L);  
    E = endList(L);  
    while (P != E) {  
        printf("%d ", retrieve(P,L));  
        P = next(P, L);  
    }  
    printf("\n");  
}
```

```
int main() {
```

```
    List L;
```

```
    ElementType x;
```

```
    Position P;
```

```
    readList(&L); // Nhap danh sach
```

```
    printList(L); //In danh sach len man hinh
```

```
    // Nhap noi dung phan tu can them
```

```
    scanf("%d",&x);
```

```
    // Xen phan tu x vao cuoi danh sach
```

```
    insertList(x,endList(L),&L);
```

```
    // In danh sach sau khi them phan tu
```

```
    printList(L);
```

```
    // Nhap noi dung phan tu can xoa
```

```
    scanf("%d",&x);
```

```
    P=locate(x,L);
```

```
    deleteList(P,&L);
```

```
    // In danh sach sau khi xoa
```

```
    printList(L);
```

```
    return 0;
```

```
}
```

CHƯƠNG TRÌNH CHÍNH

Q&A?



ĐỌC THÊM

- Bài tập
- Cài đặt danh sách bằng con nháy
- Danh sách liên kết kép (Doubly-Linked Lists)



BÀI TẬP

Vận dụng các phép toán trên danh sách liên kết để viết chương trình:

- Nhập vào một danh sách các số nguyên
- Hiển thị danh sách vừa nhập ra màn hình
- Thêm phần tử có nội dung x vào danh sách tại vị trí P (trong đó x và P được nhập từ bàn phím)
- Xóa phần tử đầu tiên có nội dung x (nhập từ bàn phím) ra khỏi danh sách
- **Viết hàm**

`Position myLocate(ElementType x, int i, List L)`



NHẬP DANH SÁCH TỪ BÀN PHÍM

```
List readList() {  
    List L;  
    int i,n;  
    ElementType x;  
    makenullList(&L);  
    printf("So phan tu danh sach n= ");  
    scanf("%d",&n);  
    for(i=1;i<=n;i++) {  
        printf("Phan tu thu %d: ",i);  
        scanf("%d",&x);  
        //insertList(x,endList(L), &L);  
        insertList(x,first(L), &L);  
    }  
    return L;  
}
```

CHƯƠNG TRÌNH CHÍNH

```
int main() {  
    List L;  
    ElementType x;  
    Position P;  
    L=readList(); // Nhap danh sach  
    printList(L); //In danh sach len man hinh  
  
    // Nhap noi dung phan tu can them  
    scanf("%d",&x);  
    // Xen phan tu x vao cuoi danh sach  
    insertList(x,endList(L),&L);  
    // In danh sach sau khi them phan tu  
    printList(L);  
  
    // Nhap noi dung phan tu can xoa  
    scanf("%d",&x);  
    P=locate(x,L);  
    deleteList(P,&L);  
    // In danh sach sau khi xoa  
    printList(L);  
    return 0;  
}
```

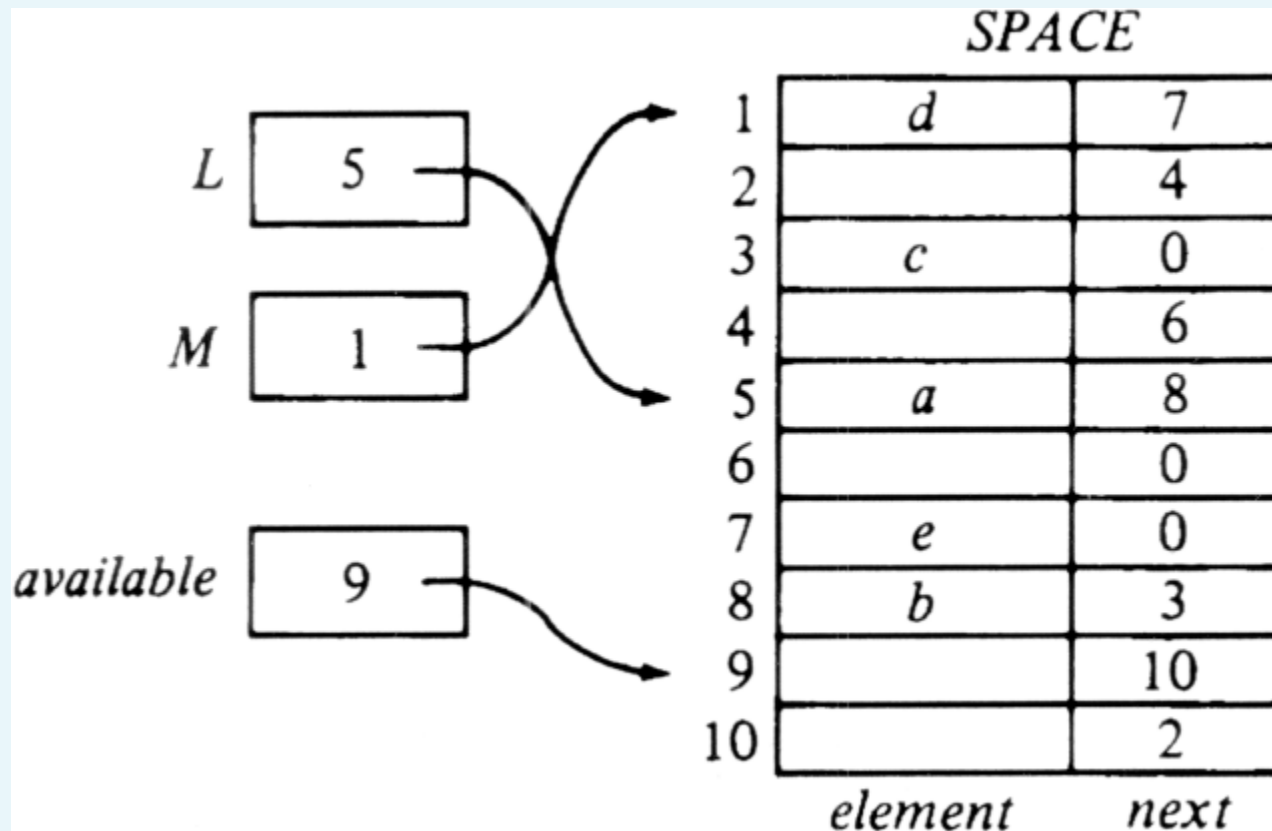


CÀI ĐẶT DANH SÁCH BẰNG CON NHÁY

- Một số ngôn ngữ lập trình không có cung cấp kiểu con trỏ.
- “Giả” con trỏ để cài đặt danh sách liên kết
 - Dùng mảng để chứa các phần tử của danh sách.
 - Các "con nháy" (cursor) sẽ là các biến số nguyên (**int**) để giữ chỉ số của phần tử kế tiếp trong mảng.
 - Như vậy để cài đặt danh sách bằng con nháy ta cần một mảng mà mỗi phần tử xem như là một ô gồm có hai trường:
 - **Element**: lưu trữ giá trị của phần tử trong danh sách;
 - **Next**: là con nháy để chỉ tới vị trí trong mảng của phần tử kế tiếp.

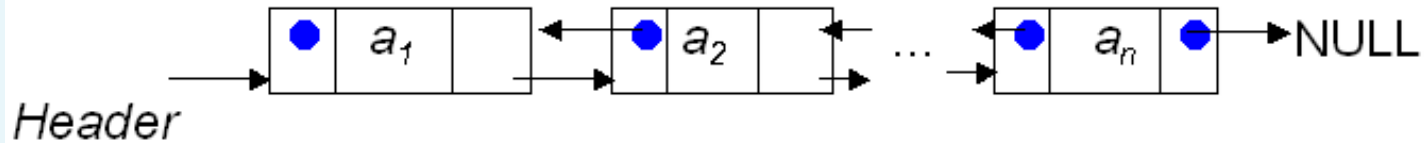


CÀI ĐẶT DANH SÁCH BẰNG CON NHÁY





DANH SÁCH LIÊN KẾT KÉP

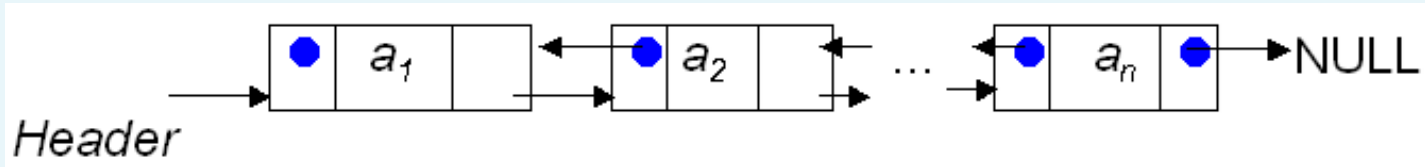


- Một phần tử của danh sách gồm 3 phần:
 - Element để lưu giữ nội dung phần tử
 - Next để chỉ đến phần tử đứng sau phần tử đang xét
 - Previous để chỉ đến phần tử đứng trước phần tử đang xét
- Để quản lý danh sách liên kết kép ta dùng một con trỏ được gọi là Header
 - Header có cùng kiểu với kiểu phần tử trong danh sách
 - Header có thể được cấp phát bộ nhớ hay không cấp phát bộ nhớ





DANH SÁCH LIÊN KẾT KÉP



- Khai báo

```
typedef ... ElementType; //kiểu nội dung của phần tử
struct Node{
    ElementType Element; //lưu trữ nội dung phần tử
    struct Node* Prev; //Con trỏ trỏ tới phần tử trước
    struct Node* Next; //Con trỏ trỏ tới phần tử sau
};
typedef struct Node* Position;
typedef Position DoubleList;
```



ƯU ĐIỂM CỦA DSLK KÉP

- Theo bạn, thuận lợi và bất lợi của việc sử dụng danh sách liên kết kép là gì?