

## Programare Funcțională

Prof. Gheorghe GRIGORAŞ
www.info.uaic.ro/~grigoras/pf



#### Cursul 1 - Plan

- Informații generale despre curs
  - Cerințe, Logistica, Bibliografia
- Limbaje de programare
  - Functional vs. Imperativ
  - Pur vs. Impur
  - Lazy vs. Eager
  - Typed vs. Untyped
- Istoric al limbajelor funcționale
- Introducere în Haskell
  - GHC, sesiuni, scripturi
- Tipurile de bază în Haskell
- Tipuri polimorfe, tipuri supraîncărcate

# λ

## Cerințe

- Curs opțional, anul II, sem II
  - Număr de credite: 5
  - Total ore: 5 x 30 = 150

•	Curs	28
•	Laborator	28
•	Activitate individuală:	
	<ul> <li>Antrenament programare Haskell:</li> </ul>	28
	<ul> <li>Pregătire teme laborator:</li> </ul>	28
	<ul> <li>Parcurgere bibliografie suplimentară</li> </ul>	14
	<ul> <li>Pregătire examen scris:</li> </ul>	24

- Prezența la toate laboratoarele
  - Evaluare săptămâna 8
  - 1 proiect(1 2 persoane) săpt.9-15
  - 50% din nota finală (nota minimă pentru promovare 5)
- Examen scris la sfârşit 50%



## Bibliografie

- https://www.haskell.org
- https://www.haskell.org/documentation
- Graham Hutton, Programming in Haskell, Cambridge 2007, (web)
- Richard Bird, Introduction to Functional Programming using Haskell, Prentice Hall Europe, 1998
- https://www.haskell.org/downloads



## Limbaje de programare

- Functional vs. Imperativ
- Pur vs. Impur
- Lazy vs. Eager
- Typed vs. Untyped



## Functional vs. Imperativ

- Caracteristici ale stilului funcțional:
  - Structuri de date persistente: odată încărcate nu se mai schimbă
  - Metoda primară de calcul: aplicarea funcțiilor
  - Structura de control de bază: recursia
  - Utilizarea "din greu" a funcțiilor de ordin înalt: funcții ce au ca argument alte funcții şi/sau ca rezultat funcții



### Functional vs. Imperativ

- Caracteristici ale stilului imperativ:
  - Structuri de date mutabile
  - Metoda primară de calcul: atribuirea
  - Structura de control de bază: iterația
  - Utilizarea funcțiilor de ordinul întâi
- Imperativ (C de exemplu):

```
suma = 0;
for(i=1; i<=10; ++i)
  suma = suma + i;</pre>
```

Funcțional:

```
sum[1..10]
```



#### Quicksort in Haskell

```
quicksort :: Ord a => [a] -> [a]
quicksort [] = []
quicksort (p:xs) = (quicksort lesser)
++ [p] ++ (quicksort greater)
  where
  lesser = filter (< p) xs
  greater = filter (>= p) xs
```



#### Quicksort in C

```
// To sort array a[] of size n: qsort(a,0,n-1)
void gsort(int a[], int lo, int hi){
int h, l, p, t;
 if (lo < hi) {
  l = lo; h = hi; p = a[hi];
  do {
      while ((1 < h) \&\& (a[1] <= p))
             1 = 1+1;
      while ((h > 1) \&\& (a[h] >= p))
            h = h-1:
      if (1 < h) {
             t = a[1]; a[1] = a[h]; a[h] = t;
  } while (1 < h);
  a[hi] = a[l]; a[l] = p;
  gsort( a, lo, l-1 );
  gsort( a, l+1, hi );
```



## Avantaje/Dezavantaje

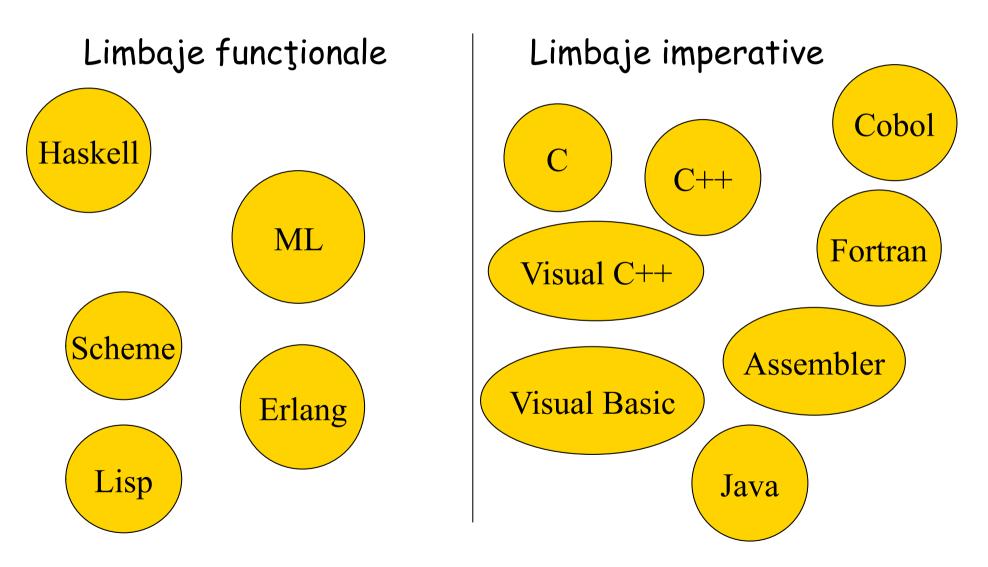
- Functional programs are often easier to understand.
- Functional programs tend to be much more concise, shorter by a factor of two to ten usually, than their imperative counterparts.
- Polymorphism enhances re-usability: qsort program in Haskell will not only sort lists of integers (*C version*), but also lists of *anything for which it is meaningful to have "less-than" and "greater-than" operations.*
- Store is allocated and initialized implicitly, and recovered automatically by the garbage collector.



## Avantaje/Dezavantaje

- The C quicksort uses an extremely ingenious technique, invented by Hoare, whereby it sorts the array in place; that is, without using any extra storage.
- As a result, it runs quickly, and in a small amount of memory.
- In contrast, the Haskell program allocates quite a lot of extra memory behind the scenes, and runs rather slower than the C program.
- In applications where performance is required at any cost, or when the goal is detailed tuning of a low-level algorithm, an imperative language like C would probably be a better choice than Haskell







#### Aplicații industriale implementate funcțional

http://homepages.inf.ed.ac.uk/wadler/realworld/index.html

Intel (microprocessor verification)

Hewlett Packard (telecom event correlation)

Ericsson (telecommunications)

Carlstedt Research & Technology (air-crew scheduling)

Legasys (Y2K tool)

Hafnium (Y2K tool)

Shop.com (e-commerce)

Motorola (test generation)

Thompson (radar tracking)

https://wiki.haskell.org/Haskell



### Pur vs. Impur

 Un limbaj funcțional ce are doar caracteristicile stilului funcțional (şi nimic din stilul imperativ) este limbaj funcțional pur. Haskell este limbaj funcțional pur.

 Limbaje ca: Standard ML, Scheme, Lisp combină stilul funcțional cu o serie de caracteristici imperative; acestea sunt limbaje impure.



### Lazy vs. Eager

- Limbajele funcționale se împart în două categorii:
  - Cele care evaluează funcțiile (expresiile) în mod lazy, adică argumentele unei funcții sunt evaluate numai dacă este necesar
  - Cele care evaluează funcțiile(expresiile) în mod eager, adică argumentele unei funcții sunt tratate ca şi calcule precedente funcției şi sunt evaluate înainte ca funcția să poată fi evaluată

# λ. μ

## Haskell este un limbaj lazy:

```
Prelude> let f x = 10
Prelude> f(1/0)
10
Prelude> 1/0
Infinity
Prelude> let poz ints = [1..]
Prelude> let one to ten = take 10 poz ints
Prelude> one to ten
[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]
```



## Typed vs. Untyped

- Limbajele pot fi categorisite astfel:
  - Puternic tipizate (strongly typed): împiedică programele să acceseze date private, să corupă memoria, să blocheze sistemul de calcul etc.
  - Slab tipizate (weakly typed)
  - Static tipizate (staticaly typed): consistența tipurilor este verificată la compilare
  - Dinamic tipizate (dynamicaly typed): verificarea consistenței se face la execuție



## Typed vs. Untyped

- Limbajul Haskell este puternic tipizat
- Orice expresie ce apare într-un program Haskell are un tip ce este cunoscut la compilare (staticaly typed).
- Nu există mecanisme care să "distrugă sistemul de tipuri".
- Ori de câte ori se evaluează o expresie, de tip întreg de exemplu, rezultatul va fi de acelaşi tip, întreg.

# λ

## Declarative, statically typed code.

```
primes = filterPrime [2..]
  where filterPrime (p:xs) =
    p : filterPrime [x | x <- xs, x `mod` p /= 0]

primes = filterPrime [2..400]
  where filterPrime (p:xs) =
    p : filterPrime [x | x <- xs, x `mod` p /= 0]</pre>
```



#### Haskell este liber de "side effects"!

- Nu are asignări
- Nu are variabile mutabile
- Nu are tablouri mutabile
- Nu are înregistrări mutabile
- Nu are stări ce pot fi actualizate



#### Avantajele alegerii limbajului Haskell

- Haskell este un limbaj de nivel foarte înalt (multe detalii sunt gestionate automat).
- Haskell este expresiv şi concis (se pot obţine o sumedenie de lucruri cu un efort mic).
- Haskell este adecvat în a manipula date complexe şi a combina componente.
- Cu Haskell programatorul câştigă timp: "programmer-time" este prioritar lui "computer-time"

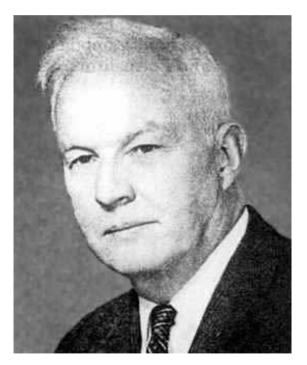


# Istoric al limbajelor funcționale

 1920 – 1940, Alonzo Church(1903 – 1995) şi Haskell Curry(1900 – 1982) dezvoltă "Lambda Calculul", o teorie matematică a funcțiilor

http://www-groups.dcs.st-and.ac.uk/~history/Mathematicians/Church.html







## Istoric al limbajelor funcționale

- 1970-80, David Turner
  - Limbaje funcționale lazy
  - Limbajul Miranda
- 1987: începe dezvoltarea limbajului Haskell de către un comitet internațional (numele vine de la Haskell Curry) – limbaj funcțional lazy standard
- 2003: este publicat raportul cu definiția limbajului Haskell 98 ("the culmination of fifteen years of revision and extensions")
- The Haskell 2010 report was published in July 2010, and is the current definition of the Haskell language.



## Implementări Haskell

- https://www.haskell.org/downloads#platform
- https://www.haskell.org/platform/
- Platforma Haskell:
  - Current release: <u>2014.2.0.0</u>
  - The Haskell Platform is the easiest way to get started with programming Haskell.
  - The Haskell Platform contains only stable and widely-used tools and libraries, drawn from a pool of thousands of <u>Haskell packages</u>, ensuring you get the best from what is on offer.
  - The Haskell Platform ships with advanced features such as multicore parallelism, thread sparks and transactional memory



## Introducere în Haskell; GHC

GHC, <a href="http://hackage.haskell.org/platform/">http://hackage.haskell.org/platform/</a>

```
GHCi, version 7.0.4: http://www.haskell.org/ghc/ :? for help Loading package ghc-prim ... linking ... done.
Loading package integer-gmp ... linking ... done.
Loading package base ... linking ... done.
Loading package ffi-1.0 ... linking ... done.
Prelude>

GHCi, version 8.0.1: http://www.haskell.org/ghc/ :? for help Prelude>
```



#### Sesiuni

- La lansarea sistemului se încarcă o bibliotecă Prelude.hs în care sunt definite funcțiile uzuale:
- Sesiune: secvenţa de interacţiuni utilizator sistem

```
Prelude> 56-3*(24+4/2)/(4-2)
17.0
Prelude> 3^21
10460353203
Prelude> 22^33
199502557355935975909450298726667414302359552
Prelude> let x = 24 in (x + 14)*(x - 14)
380
Prelude> :{
Prelude| let y = 33
Prelude| in 12 + y*3
Prelude| :}
111
```



#### Sesiuni

```
Prelude> [1,2,3] ++ [5,6]
[1,2,3,5,6]
Prelude > head [1,2,3,4]
1
Prelude> tail [1,2,3,4]
[2,3,4]
Prelude> take 2 [1,2,3,4]
[1,2]
Prelude> drop 2 [1,2,3,4]
[3,4]
Prelude> [1,2,3,4,5] !! 2
3
Prelude> [1,2,3,4,5] !! 9
*** Exception: Prelude.(!!): index too large
Prelude> sum [1..10]
55
```

# λ

## Scripturi (fișiere sursă)

- O listă de definiții constituie un script:
  - Se editează un fişier cu definiții

```
main = print (fac 20)

fac 0 = 1

fac n = n * fac (n-1)
```

- Se salvează (de exemplu Main.hs)
- Interpretare:
  - Se încarcă acest fişier:

```
:load Main.hs sau :l Main.h
```

Se invocă oricare din numele definite în fișier



## Scripturi

```
main = print (fac 20)
   fac 0 = 1
   fac n = n * fac (n-1)
Prelude> :1 Main.hs
[1 of 1] Compiling Main
                                ( Main.hs, interpreted )
Ok, modules loaded: Main.
*Main> main
2432902008176640000
*Main> fac(5)
120
*Main> fac(20)
2432902008176640000
```



## Scripturi

```
main = print (fac 20)
fac 0 = 1
fac n = n * fac (n-1)
```

#### Compilare:

```
Prelude> :!ghc -o main Main.hs
```

Prelude> :! main

2432902008176640000

# X

# Scripturi – modificare + reîncărcare

• Se adaugă la fișierul existent (Main.hs) alte definiții:

• • •

```
smaller x y = if x < y then x else y
biger x y = if x > y then x else y
```

- Se salvează
- Se reîncarcă acest fișier:

```
*Main> :r
Ok, modules loaded: Main.
*Main> biger 55 66
66
*Main> smaller 5 6
5
```



### Reguli sintactice

- În Haskell funcțiile au prioritatea cea mai mare:
   f 2 + 3 înseamnă f(2) + 3
- Apelul funcțiilor se poate face fără a pune argumentele în paranteză:

```
f(a) f a
f(x, y) f x y
f(g(x)) f(gx)
f(x, g(y)) f x (g y)
f(x)g(y) f x * g y
```



## Reguli sintactice

- Numele funcțiilor şi a argumentelor trebuie să înceapă cu literă mică sau cu \_: myF, gMare, x, uu, \_x, \_y
- Se recomandă ca numele argumentelor de tip listă să aibă sufixul s: xs, ns, us, ps, a13s
- Într-o secvență de definiții toate definițiile trebuie să înceapă pe aceeași coloană:

$$a = 30$$
  $a = 30$   $a = 30$   
 $b = 21$   $b = 21$   
 $c = 111$   $c = 111$   $c = 111$ 

# X

## Cuvinte cheie (21)

Erlang - 28, OCaml - 48, Java - 50, C++ - 63, Miranda - 10

case
default
else
in
infixr
module
then

class
deriving
if
infix
instance
newtype
type

data
do
import
infixl
let
of
where



## Expresii, Valori

- Expresiile denotă valori
- O expresie poate conţine:
  - Numere
  - Valori de adevăr
  - Caractere
  - Tuple(n-uple)
  - Funcții
  - Liste
- O valoare are mai multe reprezentări
- reprezentări ale lui 12:

12

2+10

3\*3+3



## Evaluare (reducere, simplificare)

- O expresie este evaluată prin reducerea sa la forme mai simple echivalente
- Evaluatorul limbajului funcțional scrie forma canonică a expresiei care denotă o valoare
- Obţinerea formei canonice se face printr-un proces de reducere a expresiilor
- Reducerea se poate face în mai multe moduri: rezultatul trebuie să fie acelaşi



## Evaluare (reducere, simplificare)

```
square (2+7)
                              square (2+7)
  def +
                                def square
square (9)
                              (2+7)*(2+7)
  def square
                                def+
9*9
                              9*(2+7)
  def *
                                def+
                              9*9
81
                                def *
                              81
```



## Evaluare (reducere, simplificare)

Considerăm scriptul:

```
trei x = 3
  infinit = infinit + 1

trei infinit
  def infinit
  trei infinit
  def trei

trei(infinit + 1)
  def infinit

trei((infinit + 1)+1)
```

 Strategia lazy evaluation asigură terminarea procesului atunci când acest lucru este posibil



### **Tipuri**

- Tip : colecție de valori împreună cu operațiile ce se pot aplica acestora
  - Bool conține False și True
  - Bool —> Bool conține toate funcțiile cu argumente din Bool şi valori în Bool
- Se utilizează notația v :: T pentru a exprima că v are tipul T
- Orice expresie are un tip ce se determină, după reguli precise, înainte de a evalua expresia
- Procesul de determinare a tipului este numit "type inference"



### Tipuri

Tipul unei expresii se poate afla în Haskell:

```
Prelude> :type 4
4 :: (Num t) => t
Prelude> :type 4.54
4.54 :: (Fractional t) => t
Prelude> :type False
False :: Bool
Prelude> :t "alpha" ++ "beta"
"alpha" ++ "beta" :: [Char]
Prelude> :t [1,2,3]
[1,2,3] :: (Num t) => [t]
Prelude> :t ['a', 'b', 'c']
['a', 'b', 'c'] :: [Char]
```

# Tipurile de bază în Haskell

- Bool
  - -Valori: False True
  - -Operații: && || not
- Char
  - -Valori: caractere
  - —Informații despre tipul char:

Prelude> :i Char



## Tipurile de bază în Haskell

Operații ale tipului Char

```
Prelude> 'a' == 'b'
False
Prelude> 'a' /= 'b'
True
Prelude> 'a' < 'b'
True
Prelude> 'a' >= 'b'
False
Prelude> succ 'a'
'b'
Prelude> pred 'a'
1 2 1
Prelude> pred 'b'
'a'
Prelude> toEnum 57 :: Char
191
Prelude> fromEnum 'b'
98
```



### Tipurile de bază în Haskell

- String
  - Valori: liste de caractere
  - Operații: (vezi liste)

```
Prelude> "99" ++ "a"
"99a"

Prelude> head "alpha"
'a'

Prelude> take 4 "abcdef"
"abcd"

Prelude> drop 4 "abcdef"
"ef"
```

### Tipurile de bază în Haskell

- Int: 2<sup>31</sup>..2<sup>31</sup>-1 (sau 2<sup>63</sup>..2<sup>63</sup>-1 (întregi precizie fixă)
- Integer (întregi precizie arbitrară)

Prelude>2^63::Int

-9223372036854775808

Prelude> 2^63::Integer

9223372036854775808

Prelude> 2^200

1606938044258990275541962092341162602522202993 782792835301376

Operații: + - \*...



## Tipurile de bază în Haskell

#### Float, Double

- Numere reale în simplă(dubla) precizie: 2.2331, +1.0, 3.141
- Numărul de cifre semnificative:
  - Virgula fixa: 7 Float, 16 Double
  - Virgula mobilă: 1+7, 1+16

```
Prelude> sqrt 4565
67.56478372643548
Prelude> sqrt 4565::Float
67.56478
Prelude> sqrt 456554545454::Float
675688.2
Prelude> sqrt 456554545454
675688.2013576973
Prelude> sqrt 45655454545456667777
2.1367137043938683e10
Prelude> sqrt 45655454545456667777::Float
2.1367138e10
```



### Tipul Listă în Haskell

- Lista: o secvență de elemente de acelaşi tip
- Sintaxa pentru acest tip: [T], unde T este tipul elementelor

```
Prelude> :t [1,2,3]
[1,2,3] :: (Num t) => [t]
Prelude> :t [True, True, False]
[True, True, False] :: [Bool]
Prelude> :t ["True", "True", "False"]
["True", "True", "False"] :: [[Char]]
Prelude> :t [[1], [1,2,3],[]]
[[1], [1,2,3],[]] :: (Num t) => [[t]]
Prelude> :t [[[]]]
[[[]]] :: [[[a]]]
```

• [] lista vidă, [1], ["unu"], [[]] liste singleton



### Tipul n - uplă în Haskell

- O secvență finită de componente de diferite tipuri; componentele, despărțite prin virgulă, sunt incluse în paranteze rotunde
- Reprezentare:  $(T_1, T_2, ..., T_n)$
- Numărul componentelor = aritatea tuplei
  - Tupla () tupla vidă, (T) = T
  - Perechi, triplete
  - Nu există restricții asupra tipului componentelor



## Tipul funcție în Haskell

- Funcție în sens matematic, de la tipul T<sub>1</sub> la tipul T<sub>2</sub>
- $T_1 \rightarrow T_2$  notează tipul funcțiilor de la  $T_1$  la  $T_2$
- Convenție Haskell: definiția unei funcții este precedată de tipul său:

```
pi :: Float
pi = 3.14159
square :: Integer -> Integer
square x = x*x
plus :: (Int, Int) -> Int
plus(x, y) = x + y
Suma :: Int -> Int -> Int
Suma x y = x + y
```

#### Funcții curry

 O funcție cu n > 1 argumente este definită ca funcție cu un argument ce are ca valori o funcție cu n-1 argumente

```
plusc :: Int -> (Int -> Int)
plusc x y = x + y
mult :: Int -> (Int -> (Int -> Int))
mult x y z = x*y*z
twise :: (Int -> Int) -> (Int -> Int)
twise f x = f(fx)
twise f = f.f
```



#### Funcții curry

- Convenţii pentru funcţii curry
  - "Operatorul" -> în tipuri are asociativitatea dreapta

```
Int -> Int -> Int -> Int
înseamnă
```

```
Int -> (Int -> (Int -> Int)))
```

```
mult x y z înseamnă ((mult x)y)z
```



### Tipuri polimorfe

- Funcții ce sunt definite pentru mai multe tipuri: lungimea unei liste se calculează indiferent de tipul elementelor listei
- Variabile tip: a, b, c, ...

```
Prelude> :t length
length :: [a] -> Int
Prelude> length "abcdef"
6
Prelude> length [1,2,3,4,5,6,7,8,9]
9
Prelude> :t fst
fst :: (a, b) -> a
Prelude> :t snd
snd :: (a, b) -> b
Prelude> :t head
head :: [a] -> a
```

Un tip ce conține una sau mai multe variabile tip se numeşte tip polimorf

### Tipuri supraîncărcate

- Operatori ce se aplică la mai multe tipuri (+, \*, /,
   <, >, ...)
- Tipul acestora conține variabile tip supuse unor constrângeri
- Astfel de tipuri se numesc tipuri supraîncărcate

```
Prelude> :t (+)
(+) :: (Num a) => a -> a -> a
Prelude> :t (++)
(++) :: [a] -> [a] -> [a]
Prelude> :t (<)
(<) :: (Ord a) => a -> a -> Bool
Prelude> :t (/=)
(/=) :: (Eq a) => a -> a -> Bool
```



#### Cursul 2 - Plan

- Clase(de tipuri) în limbajul Haskell
- Definirea funcțiilor
  - Prin folosirea unor funcții existente
  - Expresii condiționale
  - Ecuații cu gardă
  - Potrivire şabloane
    - Şabloane tuple
    - Şabloane listă
    - Şabloane întregi

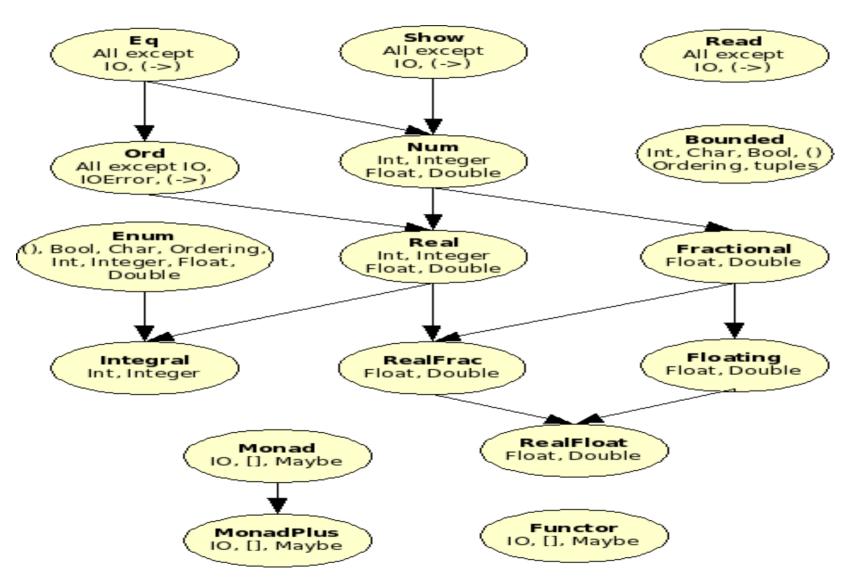


#### Clasele de bază

- Tip colecție de date împreună cu operații
  - Bool, Char, String, Int, Integer, Float
  - Tipul listă
  - Tipul tuplă
  - Tipul funcție
- Clasă colecție de tipuri care suportă operații supraîncărcate numite metode
  - Eq, Ord, Show, Read, Num, Integral, Fractional



#### Clase în Haskell





# Eq – clasa tipurilor cu egalitate

- Tipuri ce au valori care pot fi comparate pentru egalitate şi neegalitate
- Metodele:

```
- (==) :: Eq a => a -> a -> Bool
- (/=) :: Eq a => a -> a -> Bool
```

- Tipuri componente:
  - Tipuri de bază: Bool, Char, String, Int, Integer, Float, Double
  - Tipuri listă şi tuple cu elemente (componente) tipuri din clasa **Eq**

## Ord – clasa tipurilor ordonate

- Tipuri ce sunt instanțe ale clasei Eq şi care au valorile total ordonate
- Metodele:

```
- (<) :: Ord a => a -> a -> Bool
- (<=) :: Ord a => a -> a -> Bool
- (>) :: Ord a => a -> a -> Bool
- (>=) :: Ord a => a -> a -> Bool
- min :: Ord a => a -> a -> a
- max :: Ord a => a -> a -> a
```

- Tipuri componente:
  - Tipuri de bază: Bool, Char, String, Int, Integer, Float, Double
  - Tipuri listă şi tuple cu elemente (componente) tipuri din clasa Ord

```
Prelude> True > False
True
Prelude> "babababab" < "ababababa"
False
Prelude> ['a', 'b', 'c'] >= ['x']
False
Prelude (1,2,3) < (1,2,4)
True
Prelude> min [1,2,-4,5] [1,2,3]
[1,2,-4,5]
Prelude> max (True, False) (False, False)
(True, False)
Prelude> sqrt 777 >= 44
False
```

#### Show

- Tipuri ce conțin valori exprimabile prin şiruri de caractere
- Metodele:
  - -show :: Show a => a -> String
- Tipuri componente:
  - Tipuri de bază: Bool, Char, String,
    Int, Integer, Float, Double
  - Tipuri listă şi tuple cu elemente (componente) tipuri din clasa Show



```
Prelude> show 76890
"76890"
Prelude> show [[12,33],[1],[1,2,3]]
"[[12,33],[1],[1,2,3]]"
Prelude> show ("True", True)
"(\"True\",True)"
Prelude> show (True, True)
"(True, True)"
Prelude> show ('a',777)
"('a',777)"
Prelude> show (44+99)
"143"
```

# Nead – clasa tipurilor ce pot fi "citite"

- Tipuri ce conțin valori care pot fi convertite din şiruri de caractere
- Metodele:
  - -read :: Read a => String -> a
- Tipuri componente:
  - -Tipuri de bază: Bool, Char, String, Int, Integer, Float, Double
  - Tipuri listă şi tuple cu elemente
     (componente) tipuri din clasa Read



```
Prelude> read "123"::Int
123
Prelude> read "123"+ read "123"
246
Prelude> read "123.65" ::Float
123.65
Prelude> read "123.65" ::Int
*** Exception: Prelude.read: no parse
Prelude> read "123.65" :: Double
123 65
Prelude> read "[1, 2]" :: [Int]
[1,2]
Prelude> read "[True, False, True, True]"::[Bool]
[True, False, True, True]
Prelude> read "abcd"::String
"*** Exception: Prelude.read: no parse
Prelude> read "\"abcd\""::String
"abcd"
```

### Num – clasa tipurilor numerice

- Tipuri ce sunt instanțe ale claselor Eq și Show și au valori numerice (Int, Integer, Float, Double)
- Metodele:

```
(+) :: Num a => a -> a -> a
(-) :: Num a => a -> a -> a
(*) :: Num a => a -> a -> a
negate :: Num a => a -> a
abs :: Num a => a -> a
signum :: Num a => a -> a
fromInteger :: Integer -> a
```

```
Prelude> fromInteger 33 :: Integer
33
Prelude> fromInteger 33 :: Double
33.0
Prelude> let x = fromInteger 22::Double
Prelude> x
22 0
Prelude> :t x
x :: Double
553997653
3.3333333333333e19
```

# X

### Real – clasa tipurilor numerice

- Tipurile Int, Integer, Float, Double
- Cum se definește:

```
Prelude> :i Real
class (Num a, Ord a) => Real a where
 toRational :: a -> Rational
        -- Defined in GHC.Real
instance Real Integer -- Defined in
 GHC.Real
instance Real Int -- Defined in GHC.Real
instance Real Double -- Defined in
 GHC.Float
instance Real Float -- Defined in
 GHC.Float
```

# $\lambda$

```
Prelude> toRational 12
12 % 1
Prelude> toRational 12.4
6980579422424269 % 562949953421312
Prelude> toRational 1.5
3 % 2
Prelude> toRational 3
3 % 1
Prelude> toRational 3.5
7 % 2
Prelude> toRational (12.4::Float)
6501171 % 524288
Prelude> (12.4::Float)
12.4
Prelude> toRational (12.4::Double)
6980579422424269 % 562949953421312
```

# \( \bar{\tegral} - \text{clasa tipurilor întregi} \)

- Tipuri Int, Integer
- Metodele:

```
div :: Integral a => a -> a -> a
```

mod :: Integral a => a -> a -> a

 Metodele pot fi utilizate şi ca operatori infix dacă se scriu `div`, `mod` (atenţie: `şi nu')

```
Hugs.Base> 22 `mod` 5
Hugs.Base> 22 `mod` 3
Hugs.Base> 22 `div` 3
Hugs.Base> div 22 3
Hugs.Base> mod 22 3
1
```

#### Fractional – clasa tipurilor reale

 Tipuri ce sunt instanțe ale clasei Num şi au valori neîntregi (Float, Double)

Metodele:

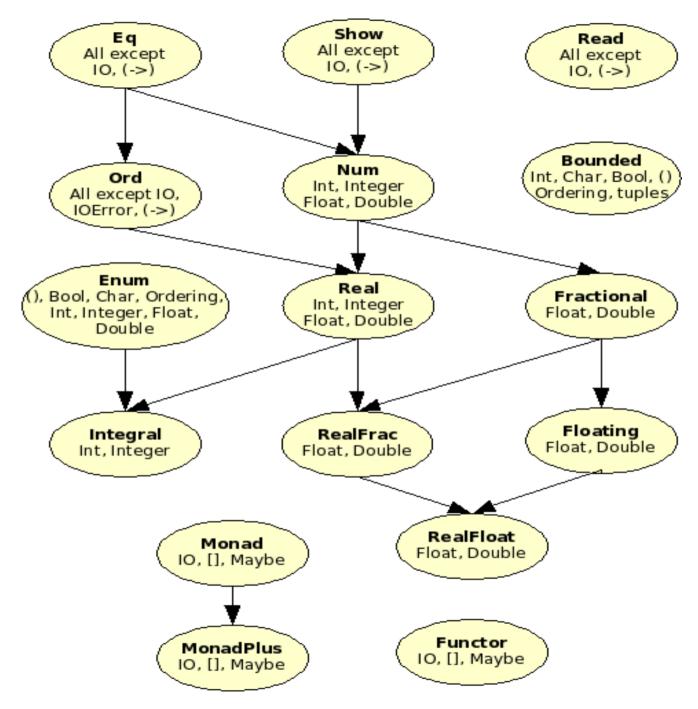
```
(/) :: Fractional a => a -> a -> a
```

recip :: Fractional a => a -> a



```
Hugs.Base> 7/2
3.5
Hugs.Base> 7./2
ERROR - Undefined variable "./"
Hugs.Base> 7.0/2
3.5
Hugs.Base> 7.3/2
3.65
Hugs.Base> recip 2
0.5
Hugs.Base> recip 1
1.0
Hugs.Base> recip 1.5
0.66666666666667
```







### Definirea funcțiilor

Prin folosirea unor funcții existente:

```
isDigit :: Char -> Bool
isDigit c = c >= '0' \&\& c <= '9'
estePar :: Integral a => a -> Bool
estePar n = n \mod 2 == 0
rupeLa :: Int -> [a] -> ([a], [a])
rupeLa n xs = (take n xs, drop n xs)
```

```
Prelude> :1 c2test
[1 of 1] Compiling Main
Ok, modules loaded: Main.
*Main> isDigit 'q'
False
*Main> isDigit '8'
True
*Main> even 44
*Main> estePar 56
True
*Main> rupeLa 3 [1,2,3,4,5,6]
([1,2,3],[4,5,6])
```



### Exemple

• Pot fi definite funcții și "on-line":

```
Prelude> let semiP a b c = (a+b+c)/2
Prelude> let ariaT p a b c = sqrt (p*(p-a)*(p-b)*(p-c))
Prelude> ariaT (semiP 3 4 5) 3 4 5
6.0
Prelude> let x1 a b c = (-b+sqrt(b*b-4*a*c))/(2*a)
Prelude> let x2 a b c = (-b-sqrt(b*b-4*a*c))/(2*a)
Prelude> x1 1 5 6
-2.0
Prelude > \times 2 1 5 6
-3.0
Prelude> let radacini a b c = let {disc = sqrt(b*b-4*a*c);doia =
  2*a} in ((-b+disc)/doia, (-b-disc)/doia)
Prelude> radacini 1 2 1
(-1.0, -1.0)
Prelude> radacini 1 12 35
(-5.0, -7.0)
```

## Y

## Definirea funcțiilor

• Expresii condiționale:

if condiție then res1 else res2

- res1 şi res2 sunt expresii de acelaşi tip
- Nu există if fără else în Haskell

```
semn::Int -> Int
semn n = if n < 0 then -1 else
    if n == 0 then 0 else 1</pre>
```



• Expresii case:

```
f1 x =
    case x of
         0 -> 1
         1 \rightarrow x + 2
         2 \rightarrow x * 3
          -> -1
f2 x = case x of
   \{0 \rightarrow 10; 1 \rightarrow 2*x; 2 \rightarrow x*x+2; \rightarrow 0\}
Case> f1 1
3
Case> f2 2
6
```



```
Prelude> :{
Prelude | take m ys = case (m,ys) of
Prelude|
                           (0, ) \rightarrow []
                           ( ,[])-> []
Prelude|
                           (n,x:xs) \rightarrow x:
Prelude|
                                       take (n-1) xs
Prelude | : }
Prelude> take 3 [1,2,3,4,5,6]
[1,2,3]
Prelude> take 8 [1,2,3,4,5,6]
[1,2,3,4,5,6]
Prelude> take 0 [1,2,3,4,5,6][]Prelude>
```



```
Prelude> let mySign x = if x < 0 then -1 else if x == 0 then 0
  else 1
Prelude> mySign 9
1
Prelude> mySign (-99)
-1
Prelude> mySign 0
0
Prelude> let f x = case x of { 1 -> 1;2 -> x * x;3 -> x+x;4 -> 0;
   -> 10}
Prelude> f 5
10
Prelude> f 3
6
Prelude> f 2
4
Prelude> f 0
10
```



- Ecuații gardate (cu gărzi)
  - Alternativă la condiții cu if
  - Secvență de expresii logice: gărzi
  - Secvență de expresii (rezultate) de acelaşi tip
  - Sintaxa:

```
nume_func parametri | garda1 = exp1 | garda2 = exp2 | ... | gardan = expn
```

 Ultima gardă poate fi otherwiswe (definită în bibliotecă cu valoarea True)



```
| n < 0 = -1
| n == 0 = 0
| otherwise = 1
semng n
*Main> semng 7
<interactive>:1:0: Not in scope: `semng'
*Main> :r
[1 of 1] Compiling Main (c2test.hs, interpreted)
Ok, modules loaded: Main.
*Main> semng 7
*Main> semng -97
<interactive>:1:0:
    No instance for (Num (a -> a1))
      arising from a use of `-' at <interactive>:1:0-8
    Possible fix: add an instance declaration for (Num
  (a -> a1))
    In the expression: semng - 97
    In the definition of `it': it = semng - 97
*Main> semng (-97)
-1
```



### Definiții locale

- O funcție care are în expresia sa o frază de forma "where ..." spunem că are o definiție locală; definiția din fraza where este valabilă doar local
- Exemplu: f(x,y) = (a+1)(a+2), unde a = (x+2)/3



### Definiții locale

Clauza where califică ambele ecuații gardate

```
*Main> g 3 4
28
*Main> f (5,6)
35.0
*Main> g 11 2
2
```



```
Prelude> let aria_triunghi a b c =
  sqrt(p*(p-a)*(p-b)*(p-c)) where p =
  (a+b+c)/2
```

Prelude> aria\_triunghi 3 4 5 6.0

Prelude> aria\_triunghi 35 35 35 530.4405598179686



- Tehnica şabloanelor ("pattern matching")
  - Secvență de şabloane rezultate
  - Sintaxa:

```
numefunc :: tipul_funcției
Şablon1 = exp1
Şablon2 = exp2
...
Şablonn = expn
```

- Dacă se potriveşte primul şablon, se alege ca rezultat exp1, dacă nu se încearcă al doilea şablon, etc.
- Şablonul \_ ("wildcard") poate fi folosit pentru a exprima potrivirea cu orice valoare

```
non :: Bool -> Bool
non False = True
non True = False
conj :: Bool -> Bool -> Bool
conj True True = True
conj True False = False
conj False True = False
conj False False
(&) :: Bool -> Bool -> Bool
True & True = True
& = False
```

```
*Main> : type non
non :: Bool -> Bool
*Main> : type conj
conj :: Bool -> Bool -> Bool
*Main> conj (1<2) (2<11)
True
*Main> (1<2) `conj` (2<11)
True
*Main> (7-2>5) & (2<9)
False
*Main> (7-2>=5) & (2<9)
True
```



### Şabloane vs Gărzi

$$f p_{11} \dots p_{1k} = e_1$$

. . .

$$f p_{n1} ... p_{nk} = e_n$$

este echivalent cu:

f x1 x2 ... 
$$xk = case(x1, ..., xk)$$
 of  $(p_{11}, ..., p_{1k}) \rightarrow e_1$ 

• • •

$$(p_{n1}, ..., p_{nk}) \rightarrow e_n$$



#### Exemple

 O altă modalitate de utilizare a şabloanelor (utilă în evaluarea lazy): dacă primul argument este True (la conjuncţie) rezultatul este valoarea celui de-al doilea

```
(&&) :: Bool -> Bool -> Bool
True && b = b
False && _ = False

(||) :: Bool -> Bool -> Bool
False || b = b
True || _ = True
```

## $\lambda$

#### Exemple

 Nu se poate folosi numele unui argument de două ori:

```
(&&) :: Bool -> Bool
b && b = b
False && _ = False
```

Soluţia: folosirea gărzilor:

# $\lambda$

- Tehnica şabloanelor ("pattern matching"):
  - Şabloane de tip tuple: o tuplă de şabloane este un şablon

```
fst :: (a, b) -> a
fst (x, _) = x
snd :: (a, b) -> b
snd (_, y) = y
```

- Tehnica şabloanelor ("pattern matching"):
  - Şabloane de tip listă: o listă de şabloane este un şablon

```
test3a :: [Char] -> Bool
test3a ['a', _, _] = True
test3a _ = False

*Main> test3a [ 'a', 'c', 'r']
True
*Main> test3a [ 'a', 'c', 'r', 'a']
False
```



## Utilizarea operatorului ":" la liste (cons)

- Orice listă este construită prin repetarea operatorului cons(":") care înseamnă adăugarea unui element la o listă
  - Lista [1,2,3,4] înseamnă 1:(2:(3:(4:[])))

```
test :: [Char] -> Bool
test ('a': _) = True
test _ = False
```

• Şabloanele listă trebuiesc puse în paranteză

```
*Main> : type test
test :: [Char] -> Bool
*Main> test ['q', 'w', 'e']
False
*Main> test ['a', 'q', 'w', 'e']
True
null :: [a] -> Bool
nul[] = True
nul( : ) = False
head :: [a] -> a
head(x:) = x
tail :: [a] -> [a]
tail (:xs) = xs
```



- Tehnica şabloanelor ("pattern matching"):
  - Şabloane "întregi": expresii de forma n+k unde n este o variabilă întreagă iar k este o constantă întreagă pozitivă

```
pred :: Int -> Int
pred 0 = 0
pred(n+1) = n
```

- Şabloanele întregi se potrivesc doar cu expresii pozitive
- Şabloanele întregi trebuiesc puse în paranteză