

Concepte și aplicații în Vederea Artificială

Bogdan Alexe

bogdan.alexe@fmi.unibuc.ro

Cursul 5

anul III, Opțional Informatică, semestrul I, 2018-2019

Studenti ce au trimis tema 1

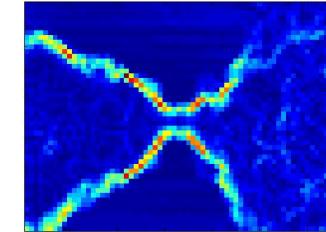
	Nume	Grupa	Observatii
1	Caluian Julian	343	
2	Dranca Constantin		o zi intarziere
3	Octavian Mihai Marcovschi		o zi intarziere
4	Dumitrescu Gabriel Horia	333	o zi intarziere
5	Tomi Andra Cornelia	344	o zi intarziere
6	Botezatu Daniel Andrei		
7	Jitca David	334	
8	Mare Tudor		
9	Isaia Vlad-Lucian	343	
10	Belcineanu Alexandru-Ioan	344	
11	Nedelcu Andreea	344	
12	Alexandru Banu	331	
13	Robert Stancu		
14	Uta Stefana	344	
15	Feraru Andrei Ionut	342	
16	Dragos Giumanca	342	
17	Robu Costin Stefan	332	
18	Teodor Ionescu	331	
19	Banu Robert Emanuel	342	
20	Andrei Zugravu	331	
21	Lupascu Marian	331	
22	Eduard Poesina	334	

Cursul trecut

- Gradienți



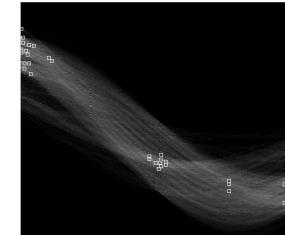
- Tema 2: redimensionarea imaginilor cu păstrarea conținutului



- Cum transformăm gradienții în muchii

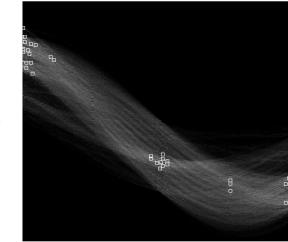


- Aplicație: detectarea liniilor cu transformata Hough

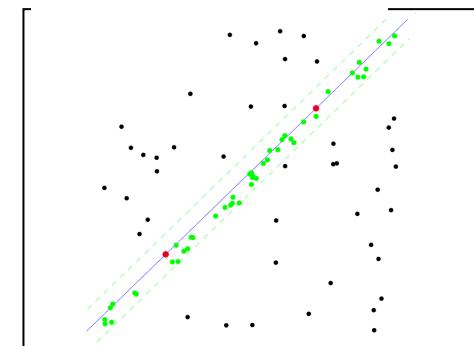


Cursul de azi

- Aplicație: detectarea liniilor cu transformata Hough



- Aplicație: detectarea liniilor cu RANSAC



- Compararea contururilor



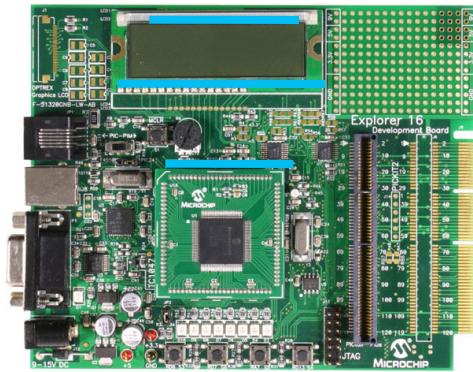
- Textură



Aplicație: detectarea linilor cu
transformata Hough

Aplicație: detectarea liniilor

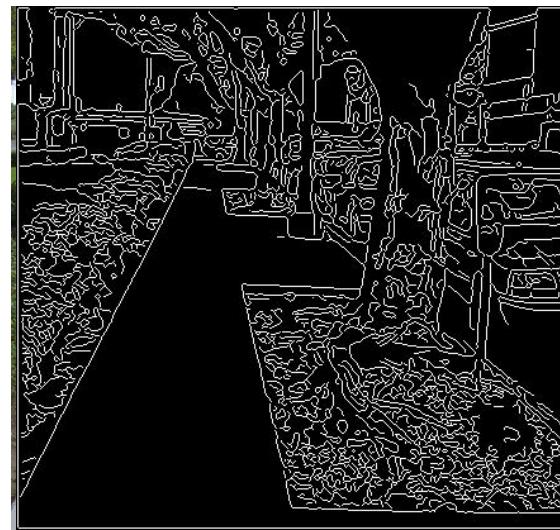
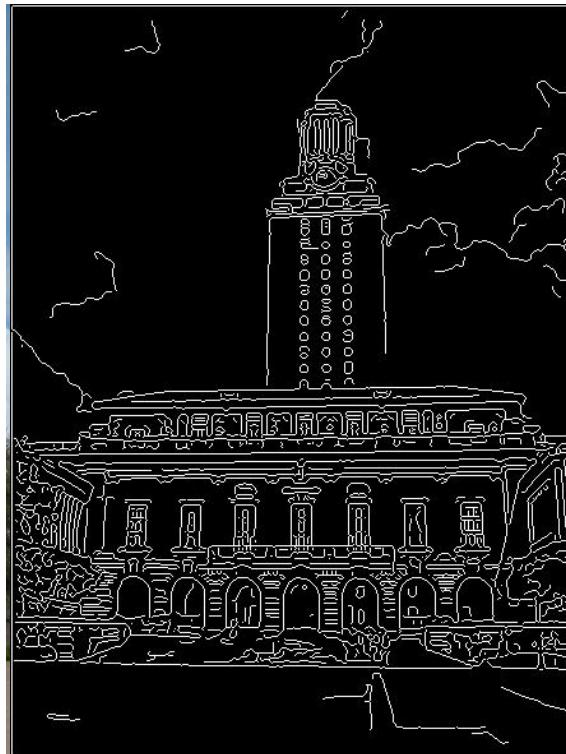
- Multe obiecte/suprafețe sunt caracterizate de prezența unor linii drepte



- De ce nu ne rezumăm la a rula un detector de muchii?

De ce e dificilă detectarea liniilor

- multe puncte din background considerate ca fiind edgels
- zgromot transformat în edgels



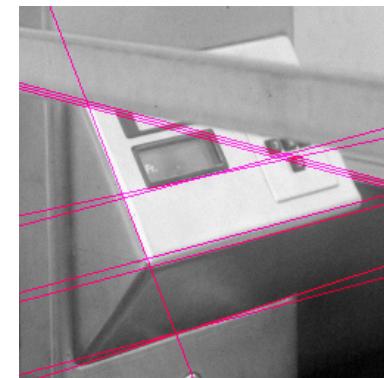
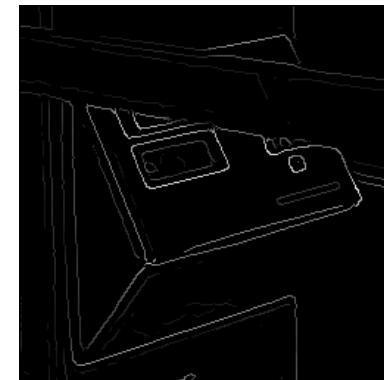
- liniile detectate parțial
- cum grupăm punctele în liniile?

Detectarea liniilor

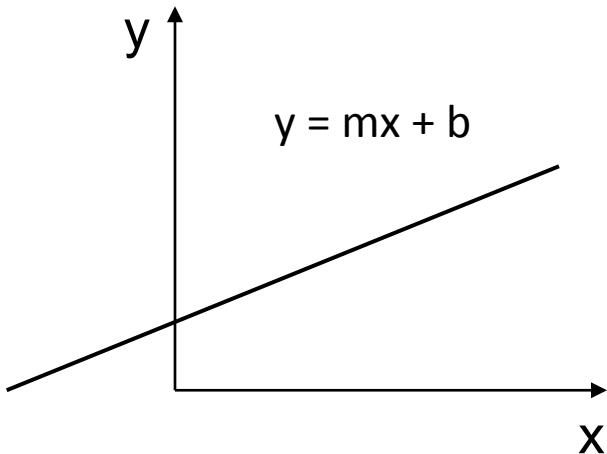
- date fiind câteva puncte care aparțin unei linii, cum găsim linia?
 - câte linii sunt în imagine?
 - fiecare puncte cărei linii aparține?
-
- **Transformata Hough** este o tehnică bazată pe “votare” care răspunde la aceste întrebări.

Ideeua principală:

1. Înregistrează toate liniile posibile care pot conține un punct detectat ca fiind edgel.
2. găsește linia care primește cele mai multe voturi.



Parametrizarea dreptelor



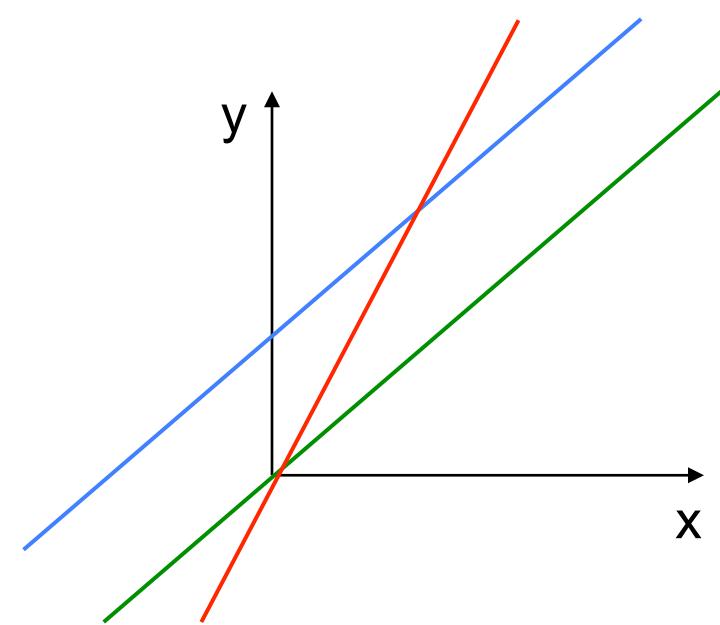
Ecuăția unei drepte în planul imaginii: $y = m * x + b$,

m – panta dreptei (definește încinarea față de axa Ox),

b – deplasarea (definește deplasarea față de originea O(0,0))

(m, b) sunt parametrii dreptei

Parametrizarea dreptelor. Exemple



$d_1: y = x$, adică $m=1, b = 0$

$d_2: y = x + 2$, adică $m=1, b = 2$

$d_3: y = 2x$, adică $m=2, b = 0$

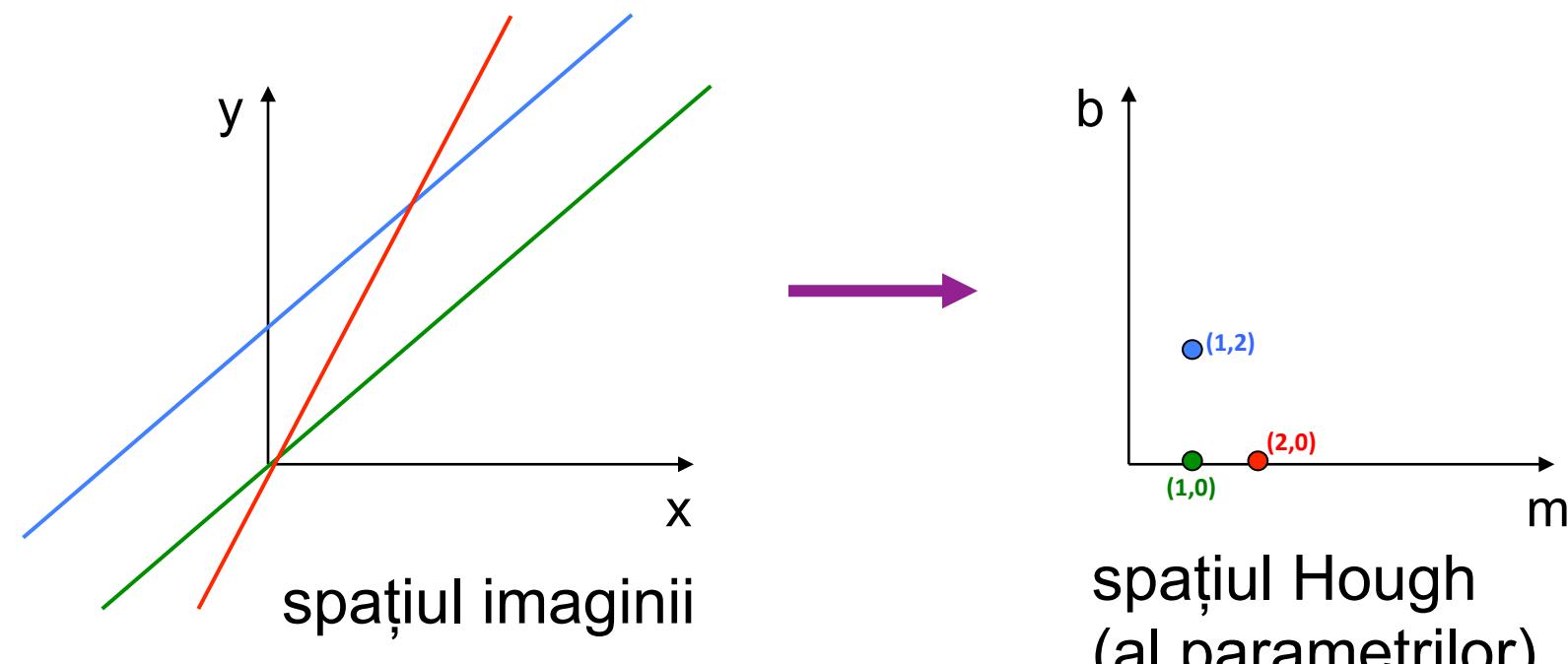
Ecuatia unei drepte in planul imaginii: $y = m * x + b$,

m – panta dreptei (definește înclinarea față de axa Ox),

b – deplasarea (definește deplasarea față de originea O(0,0))

(m, b) sunt parametrii dreptei

Spațiul Hough al parametrilor



$d_1: y = x$, adică $m=1, b = 0$

$d_2: y = x + 2$, adică $m=1, b = 2$

$d_3: y = 2x$, adică $m=2, b = 0$

$d_1: m=1, b = 0 \rightarrow (1,0)$

$d_2: m=1, b = 2 \rightarrow (1,2)$

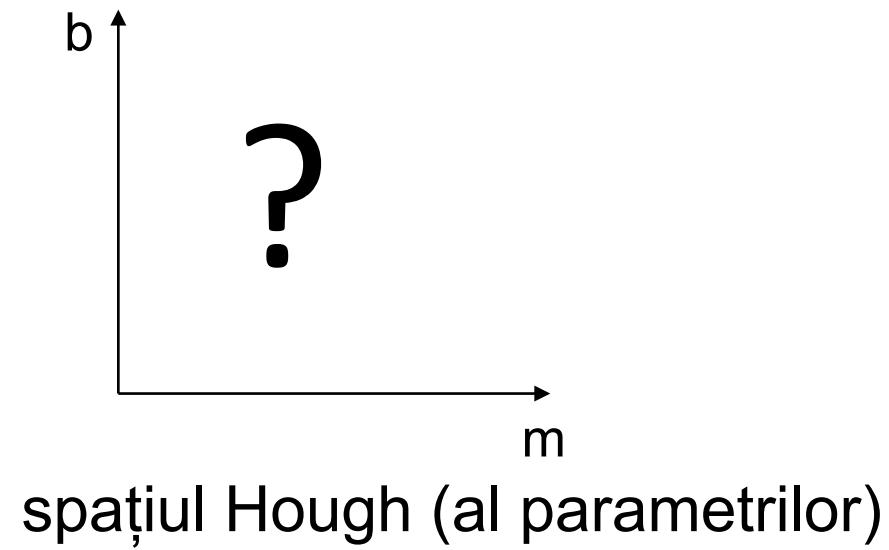
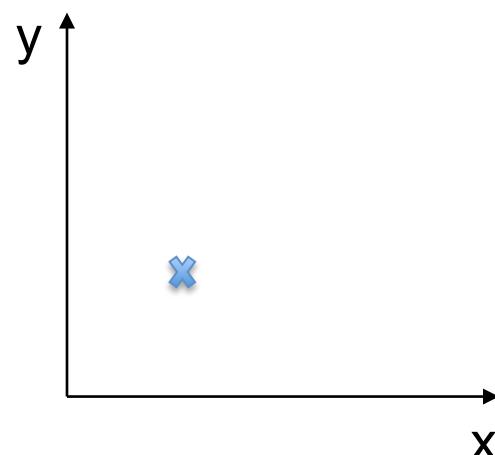
$d_3: m=2, b = 0 \rightarrow (2,0)$

O dreaptă într-o imagine corespunde unui punct în spațiul Hough.

Corespondența dintre cele două spații

O dreaptă într-o imagine corespunde unui punct în spațiul Hough.

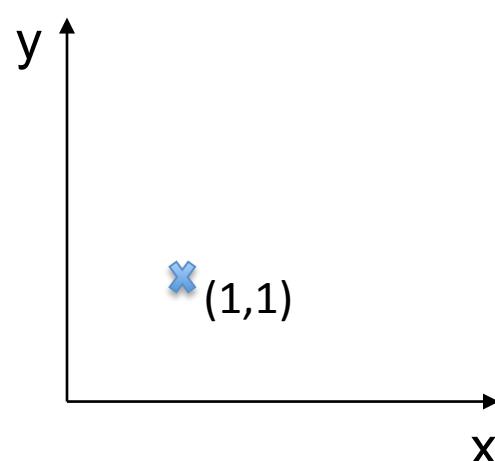
Se dă un punct (x_0, y_0) în spațiul imaginii. Ce îi corespunde în spațiul Hough?



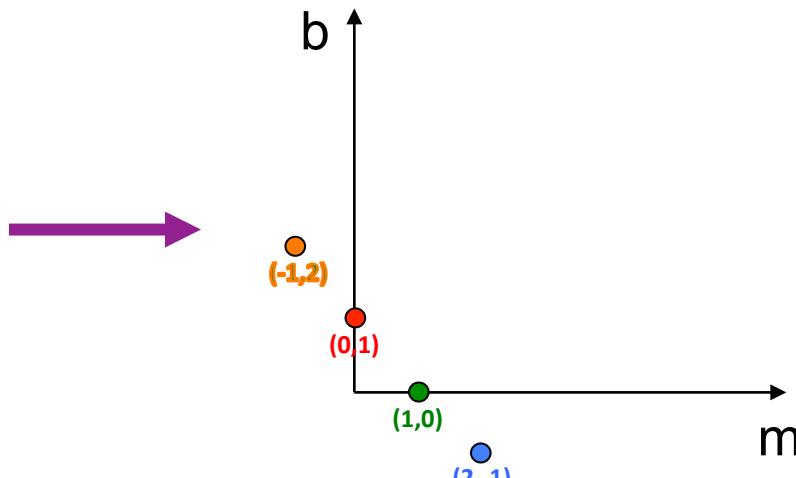
Corespondența dintre cele două spații

O dreaptă într-o imagine corespunde unui punct în spațiul Hough.

Se dă un punct (x_0, y_0) în spațiul imaginii. Ce îi corespunde în spațiul Hough?



spațiul imaginii



spațiul Hough (al parametrilor)

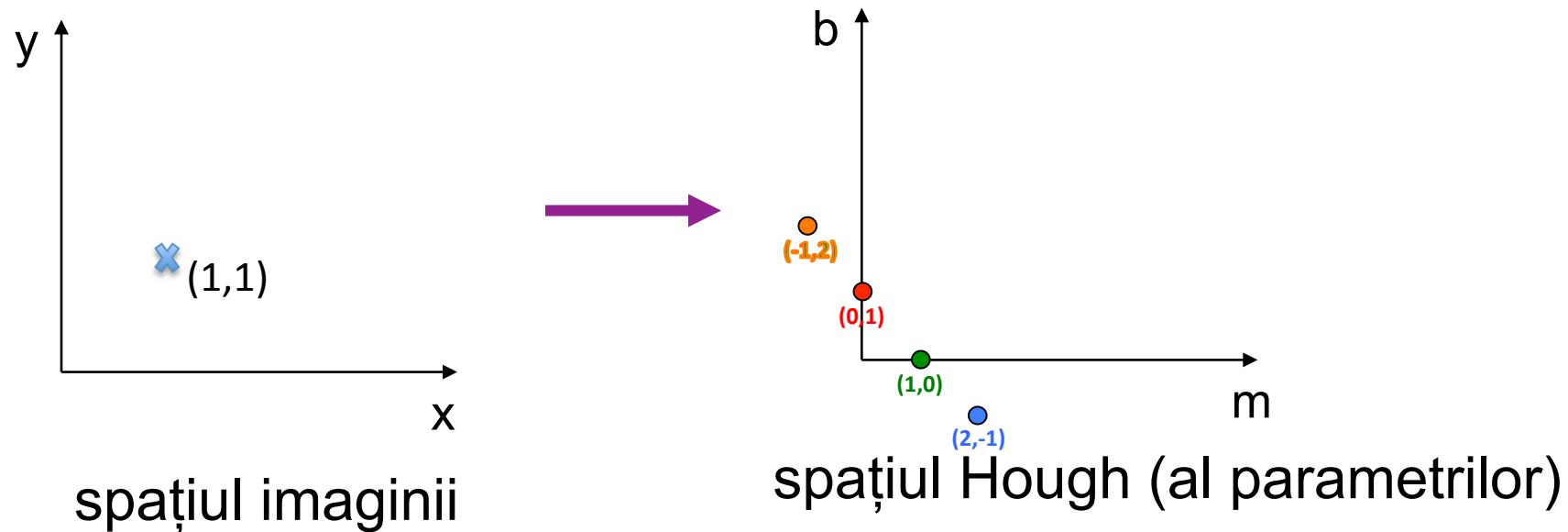
Prin punctul $(1,1)$ trec o infinitate de drepte de forma $y = mx + b$:

$$y = x \quad (m=1, b=0); \quad y = 2x-1 \quad (m=2, b=-1), \quad y = 1 \quad (m=0, b = -1), \quad y = -x + 2 \quad (m=-1, b = 2),$$

Corespondența dintre cele două spații

O dreaptă într-o imagine corespunde unui punct în spațiul Hough.

Un punct (x_0, y_0) în spațiul imaginii corespunde unei drepte în spațiul Hough.



Prin punctul $(1,1)$ trec o infinitate de drepte de forma $y = mx + b$:

$$y = x \quad (m=1, b=0); \quad y = 2x-1 \quad (m=2, b=-1), \quad y = 1 \quad (m=0, b = -1), \quad y = -x + 2 \quad (m=-1, b = 2),$$

Toate cele 4 puncte $(1,0)$, $(2,-1)$, $(0,-1)$, $(-1,2)$ stau pe dreapta $b = -m+1$

Corespondența dintre cele două spații

O dreaptă într-o imagine corespunde unui punct în spațiul Hough.

Un punct (x_0, y_0) în spațiul imaginii corespunde unei drepte în spațiul Hough.

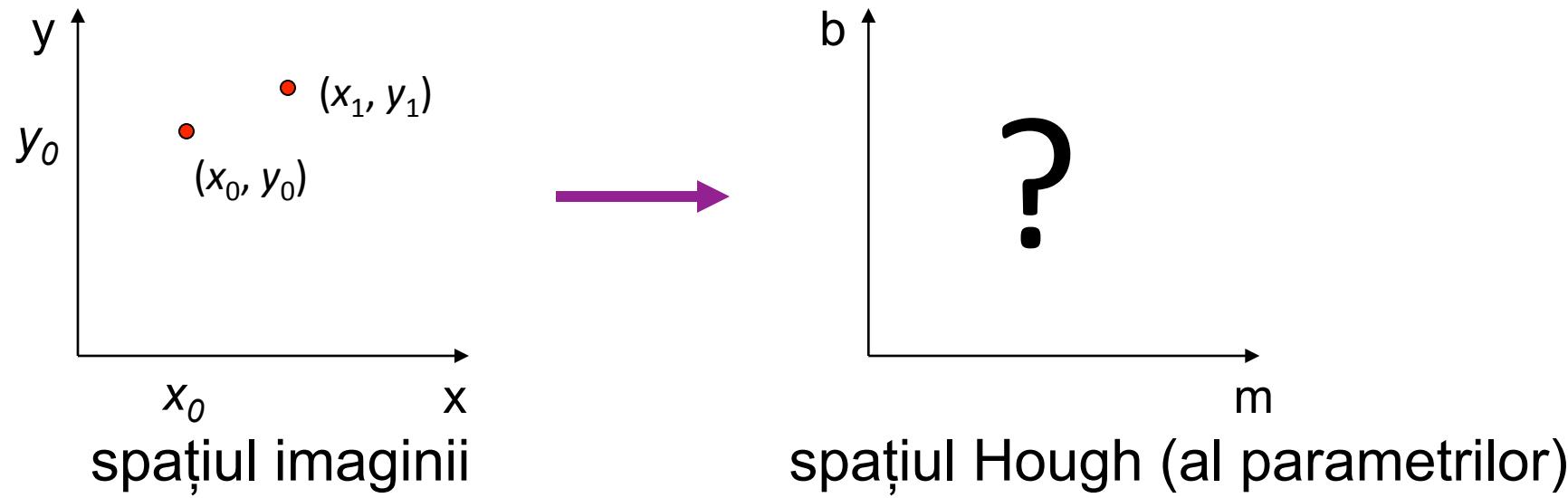
Ecuatia unei drepte în planul imaginii: $y = m * x + b$,

Dreptele care trec prin punctul (x_0, y_0) pot avea orice pantă m și orice deplasare b cu condiția ca $y_0 = m * x_0 + b$.

$y_0 = m * x_0 + b \Leftrightarrow b = -x_0 * m + y_0$ (dreapta cu panta $-x_0$ și deplasare y_0)

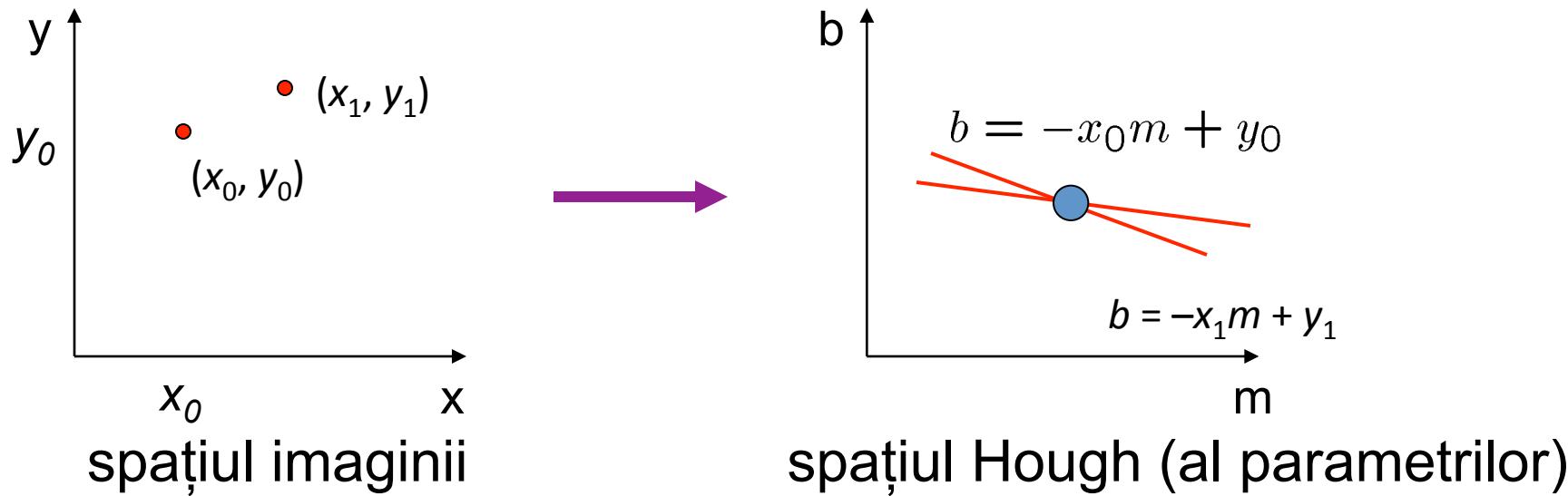
$(x_0, y_0) = (1, 1) \Rightarrow b = -m + 1$

Găsirea liniilor într-o imagine folosind spațiul Hough



Care sunt parametrii liniei care conține punctele (x_0, y_0) și (x_1, y_1) ?

Găsirea liniilor într-o imagine folosind spațiul Hough



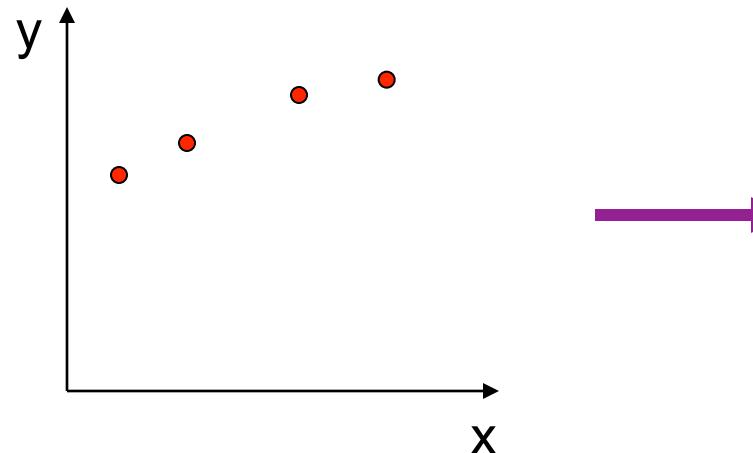
Care sunt parametrii liniei care conține punctele (x_0, y_0) și (x_1, y_1) ?

Punctului (x_0, y_0) îi corespunde dreapta de ecuație $b = -x_0m + y_0$

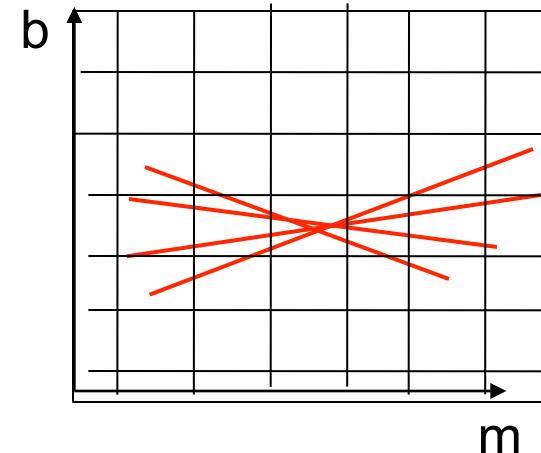
Punctului (x_1, y_1) îi corespunde dreapta de ecuație $b = -x_1m + y_1$

Dreptei care conține punctele (x_0, y_0) , (x_1, y_1) îi corespunde în spațiul Hough un punct. Acest punct se obține ca fiind intersecția dreptelor de ecuație $b = -x_0m + y_0$ și $b = -x_1m + y_1$

Găsirea liniilor într-o imagine: algoritmul Hough



spațiu imaginii



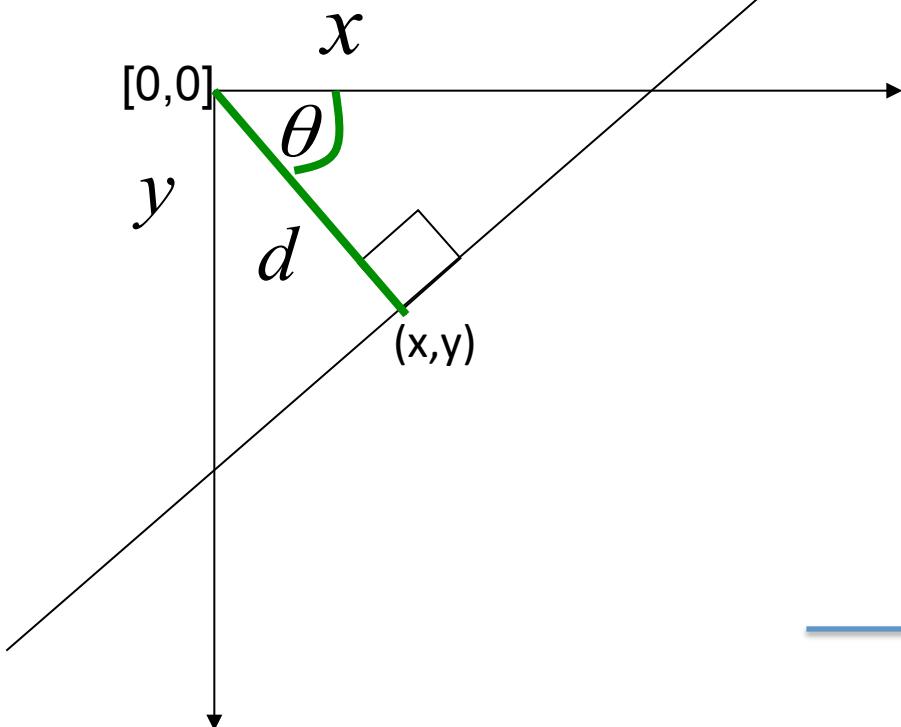
spațiu Hough
(al parametrilor)

Cum putem folosi observația anterioară pentru a găsi parametri (m, b) ce definesc linia cea mai probabilă în spațiu imaginii?

- fiecare punct detectat ca fiind edgel în spațiu imaginii va vota pentru o mulțime de parametri în spațiu Hough
- acumulăm voturi în intervale discrete; parametri cu cel mai mare număr de voturi determină linia din spațiu imaginii

Reprezentarea în coordinate polare pentru detectarea liniilor

Probleme cu spațiul Hough al parametrilor (m, b) : m poate lua o valoare infinită, probleme pentru linii verticale. **Din acest motiv vom folosi o altă parametrizare (coordinate polare):**



d : distanța perpendiculară din origine la linie

θ : unghiul dintre perpendiculară și axa Ox

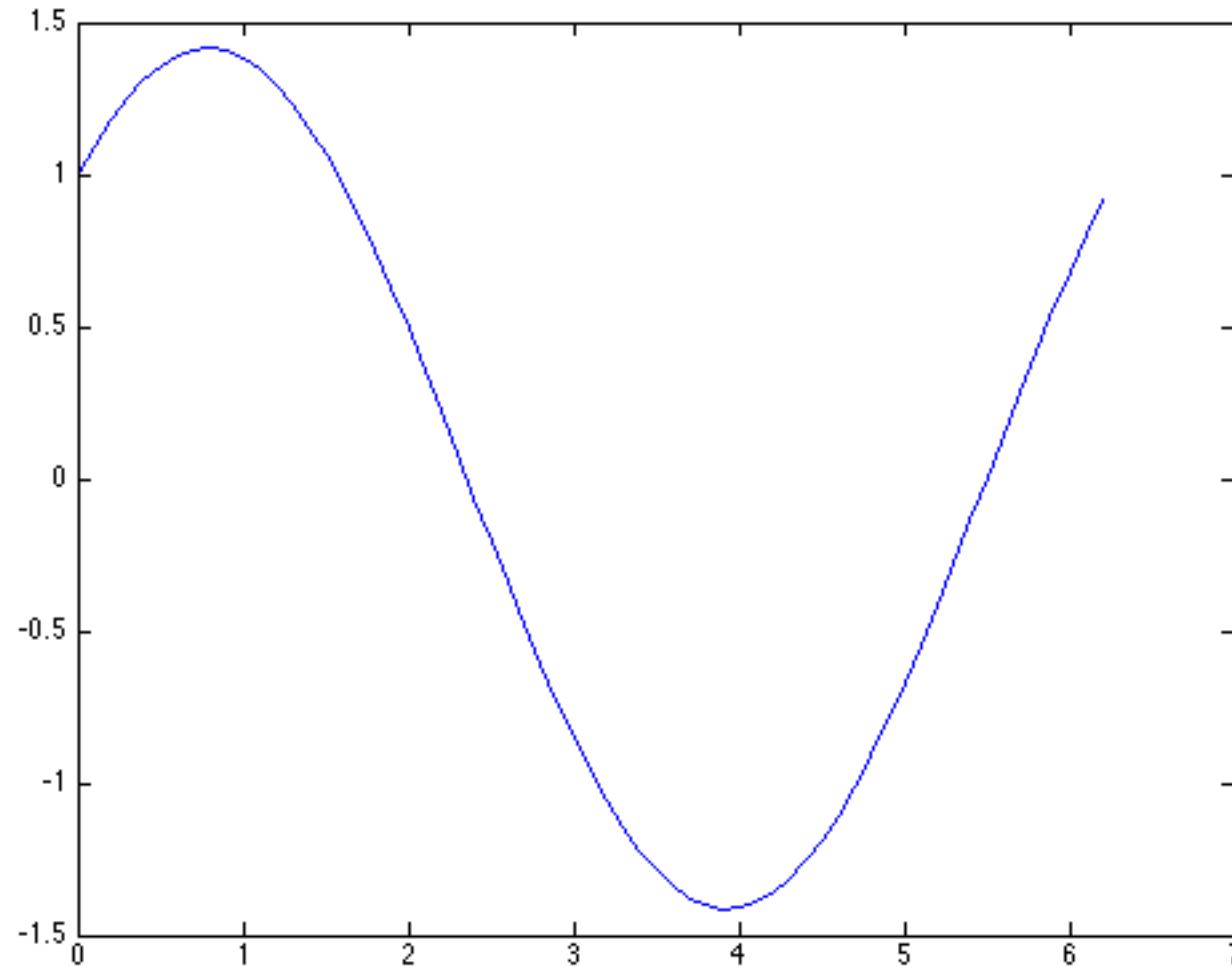
$$d \cos \theta = x$$

$$d \sin \theta = y$$

$$x \cos \theta + y \sin \theta = d$$

Punct în spațiul imaginii \rightarrow curbă sinusoidală în spațiul Hough

```
>> x = 1; y =1;  
theta = 0:0.1:2*pi  
d = x*cos(theta) + y*sin(theta)  
figure, plot(theta,d)
```

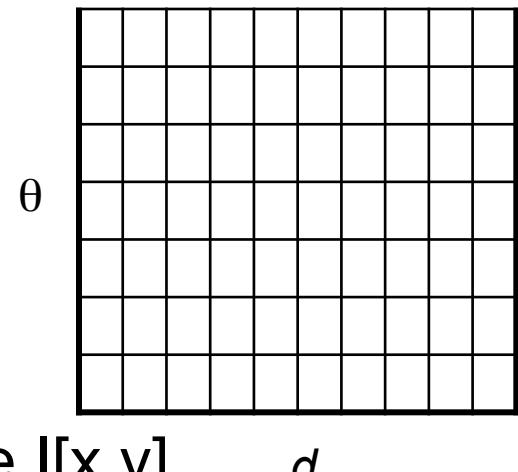


Algoritmul transformatei Hough

- folosește coordonate polare

$$x \cos \theta + y \sin \theta = d$$

H: acumulează voturi



Algoritmul transformatei Hough

1. initializează $H[d, \theta] = 0$

2. pentru fiecare punct edgel din imagine $I[x, y]$

pentru $\theta = 0$ to 180 // $[0, 2\pi]$ e împărțit în intervale

$$d = x \cos \theta + y \sin \theta$$

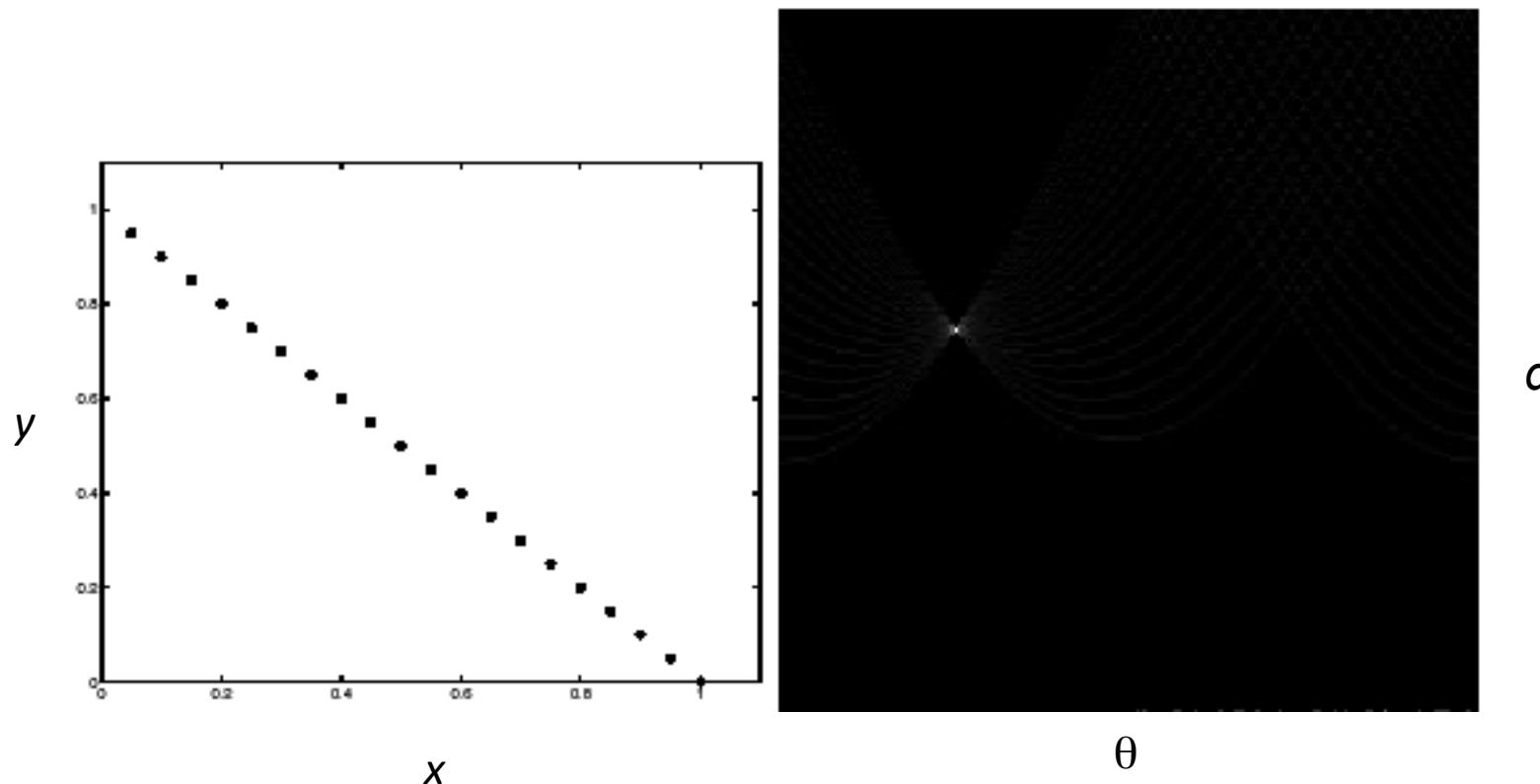
$$H[d, \theta] += 1$$

3. găsește valorile (d, θ) pentru care $H[d, \theta]$ este maxim

4. linia detectată în imagine este dată de: $d = x \cos \theta + y \sin \theta$

DEMO: <http://www.dis.uniroma1.it/~iocchi/slides/icra2001/java/hough.html>

Exemplu: transformata Hough pentru linii



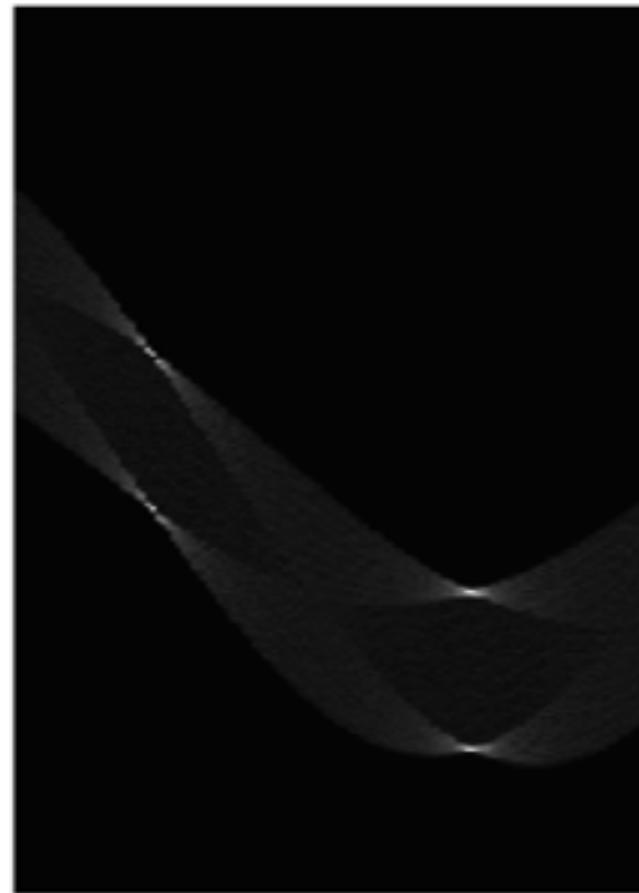
**spațiu imaginii
coordonatele punctelor edgels**

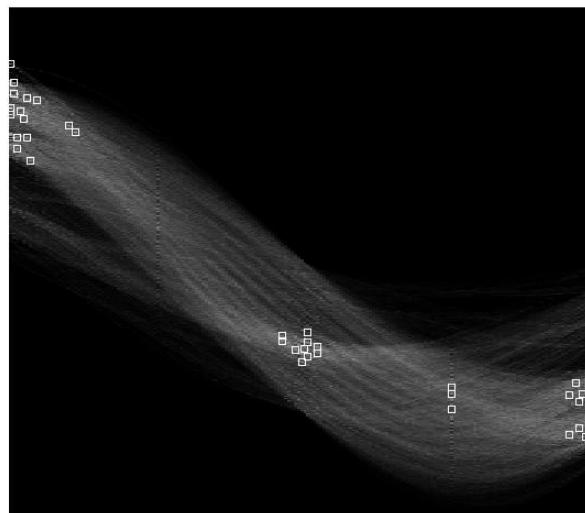
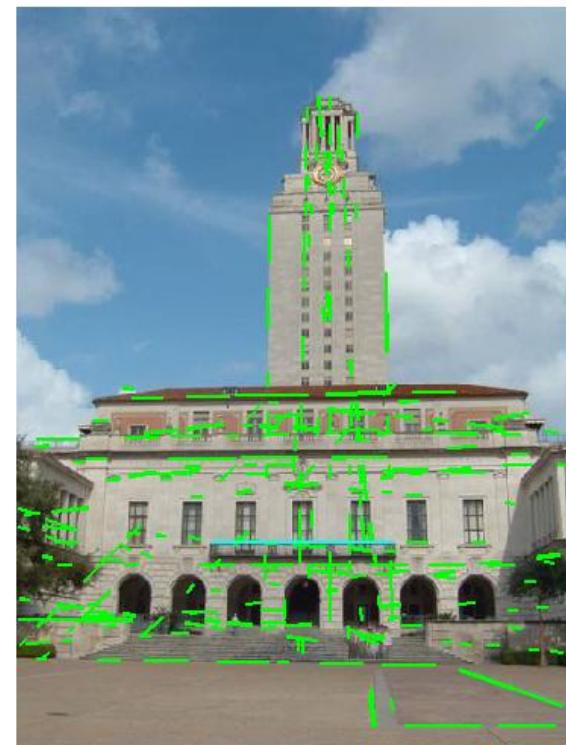
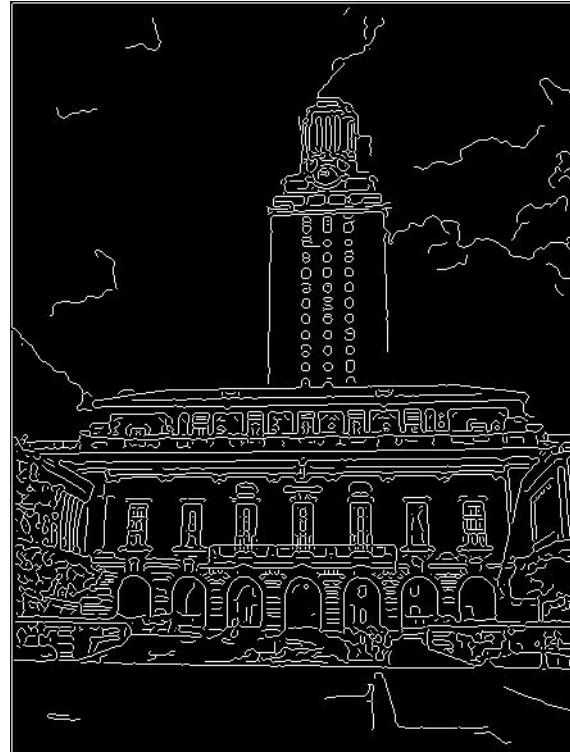
Voturi

culoare deschisă = # mare de voturi
negru = zero voturi

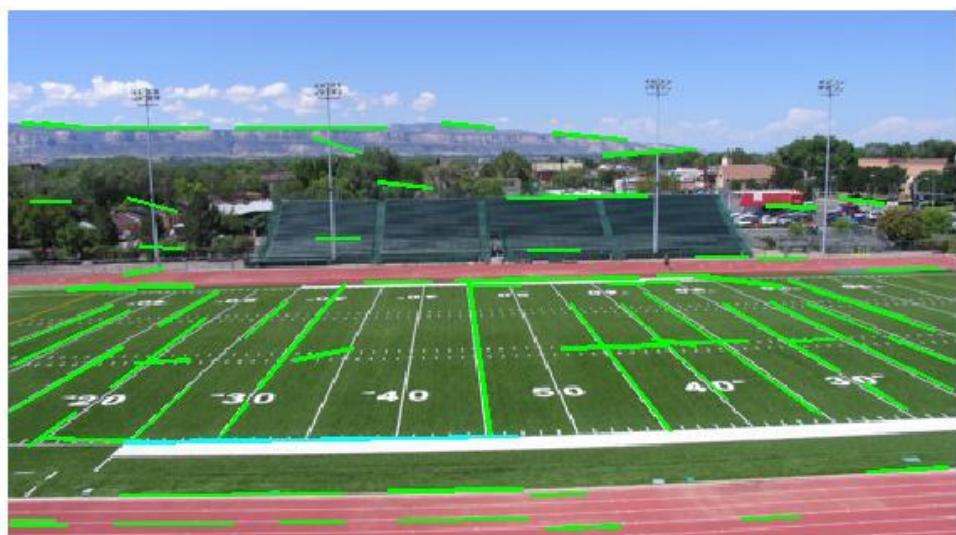
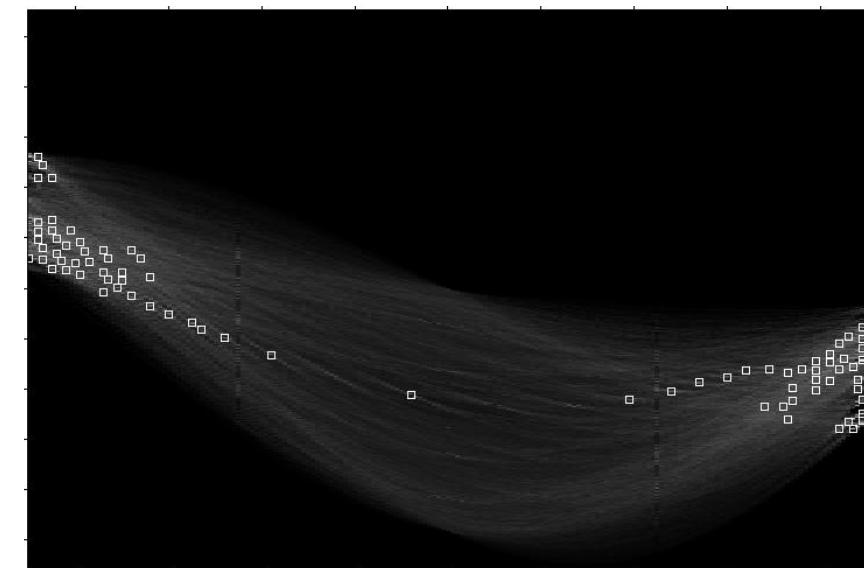
Exemplu: transformata Hough pentru linii

Pătrat:



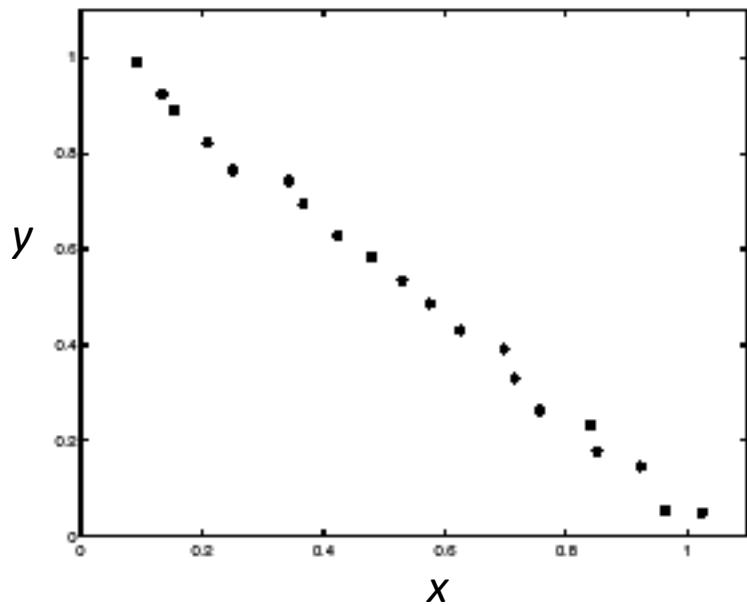


Slide adaptat după S. Lazebnik

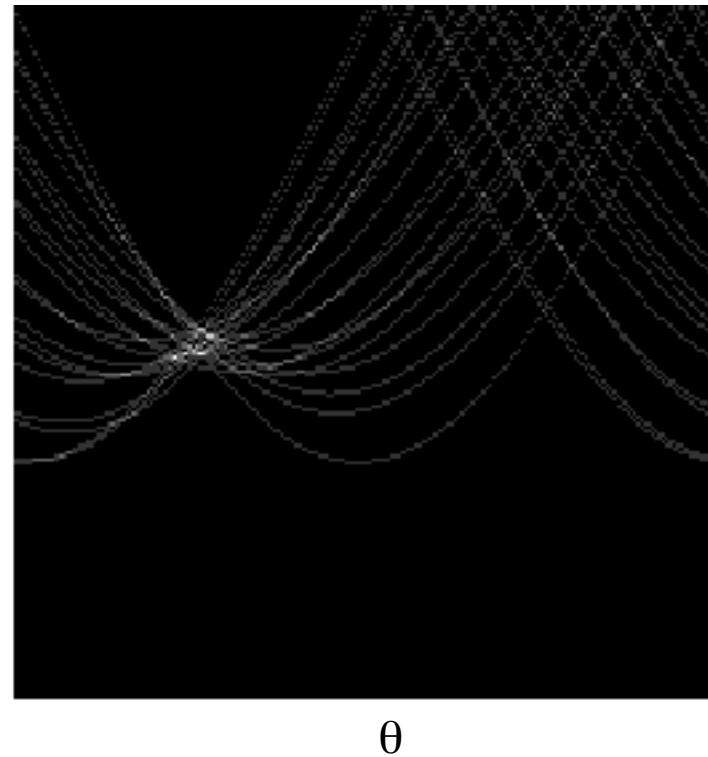


Sunt afișate cele mai lungi segmente

Impactul zgomotului asupra transformatei Hough



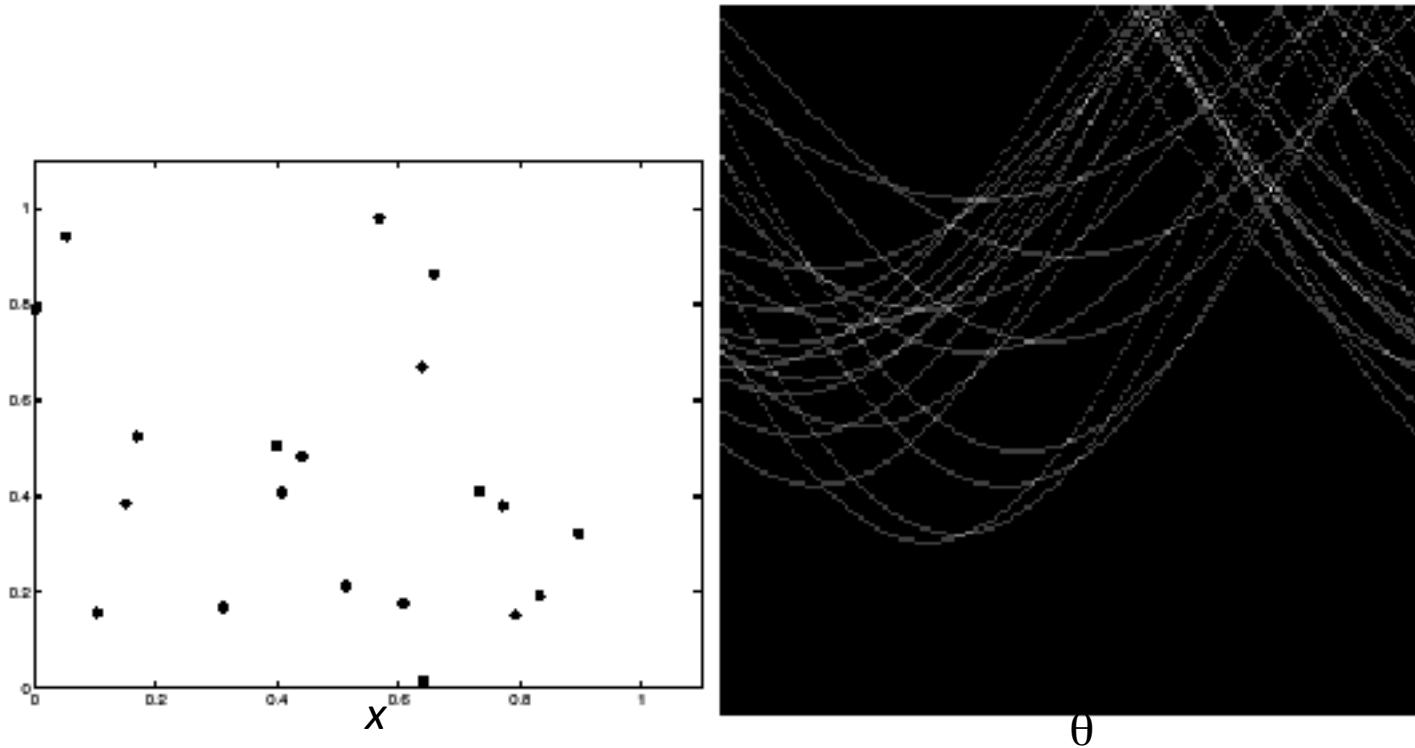
**spațiu imaginii
coordonatele punctelor edgels**



Voturi

culoare deschisă = # mare de voturi
negru = zero voturi

Impactul zgomotului asupra transformatei Hough

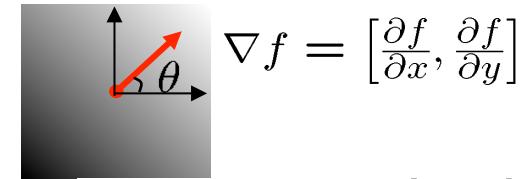


**spațiu imaginii
coordonatele punctelor edgels**

Voturi

Totul pare a fi zgomot sau puncte edgels aleatoare. Se observă niște peak-uri în spațiul parametrilor.

Extensii



$$\nabla f = \left[\frac{\partial f}{\partial x}, \frac{\partial f}{\partial y} \right]$$

Extensia 1: folosește gradientul imaginii $\theta = \tan^{-1} \left(\frac{\partial f}{\partial y} / \frac{\partial f}{\partial x} \right)$

1. inițializează $H[d, \theta] = 0$ (la fel)

2. pentru fiecare punct edgel din imagine $I[x, y]$

θ = gradientul imaginii la (x, y)

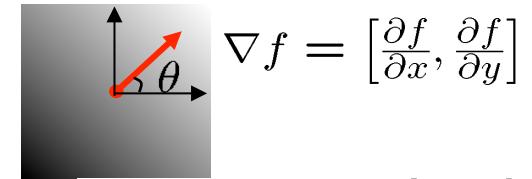
$$d = x \cos \theta + y \sin \theta$$

$$H[d, \theta] += 1$$

3. găsește valorile (d, θ) pentru care $H[d, \theta]$ este maxim (la fel)

4. linia detectată în imagine este dată de: $d = x \cos \theta + y \sin \theta$

Extensii



Extensia 1: folosește gradientul imaginii $\theta = \tan^{-1} \left(\frac{\partial f}{\partial y} / \frac{\partial f}{\partial x} \right)$

1. inițializează $H[d, \theta] = 0$ (la fel)

2. pentru fiecare punct edgel din imagine $I[x,y]$

θ = gradientul imaginii la (x,y)

$$d = x \cos \theta + y \sin \theta$$

$$H[d, \theta] += 1$$

3. găsește valorile (d, θ) pentru care $H[d, \theta]$ este maxim (la fel)

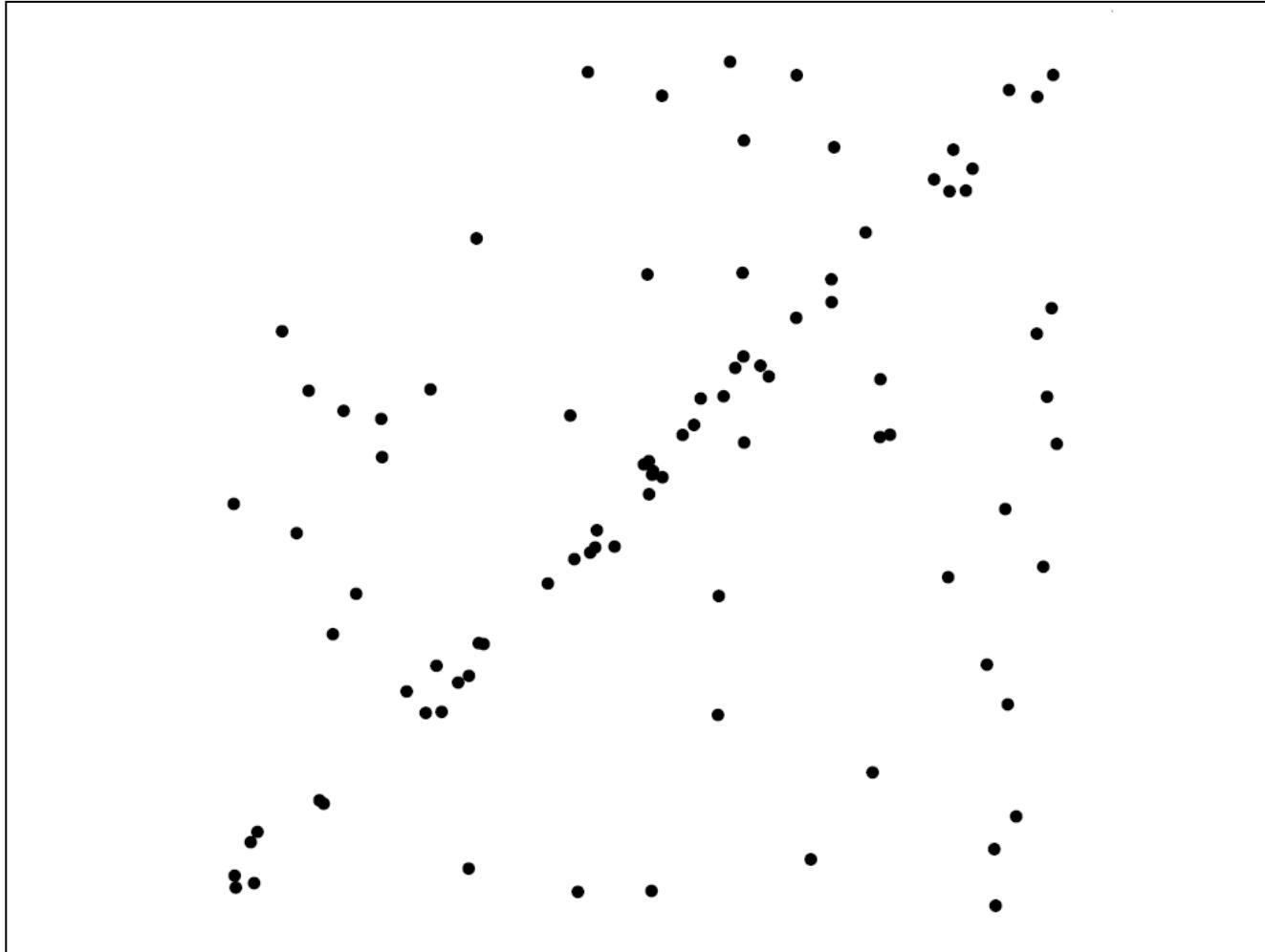
4. linia detectată în imagine este dată de: $d = x \cos \theta + y \sin \theta$

Extensia 2: $H[d, \theta] +=$ magnitudine gradient (x,y)

Aplicație: detectarea linilor cu
algoritmul RANSAC

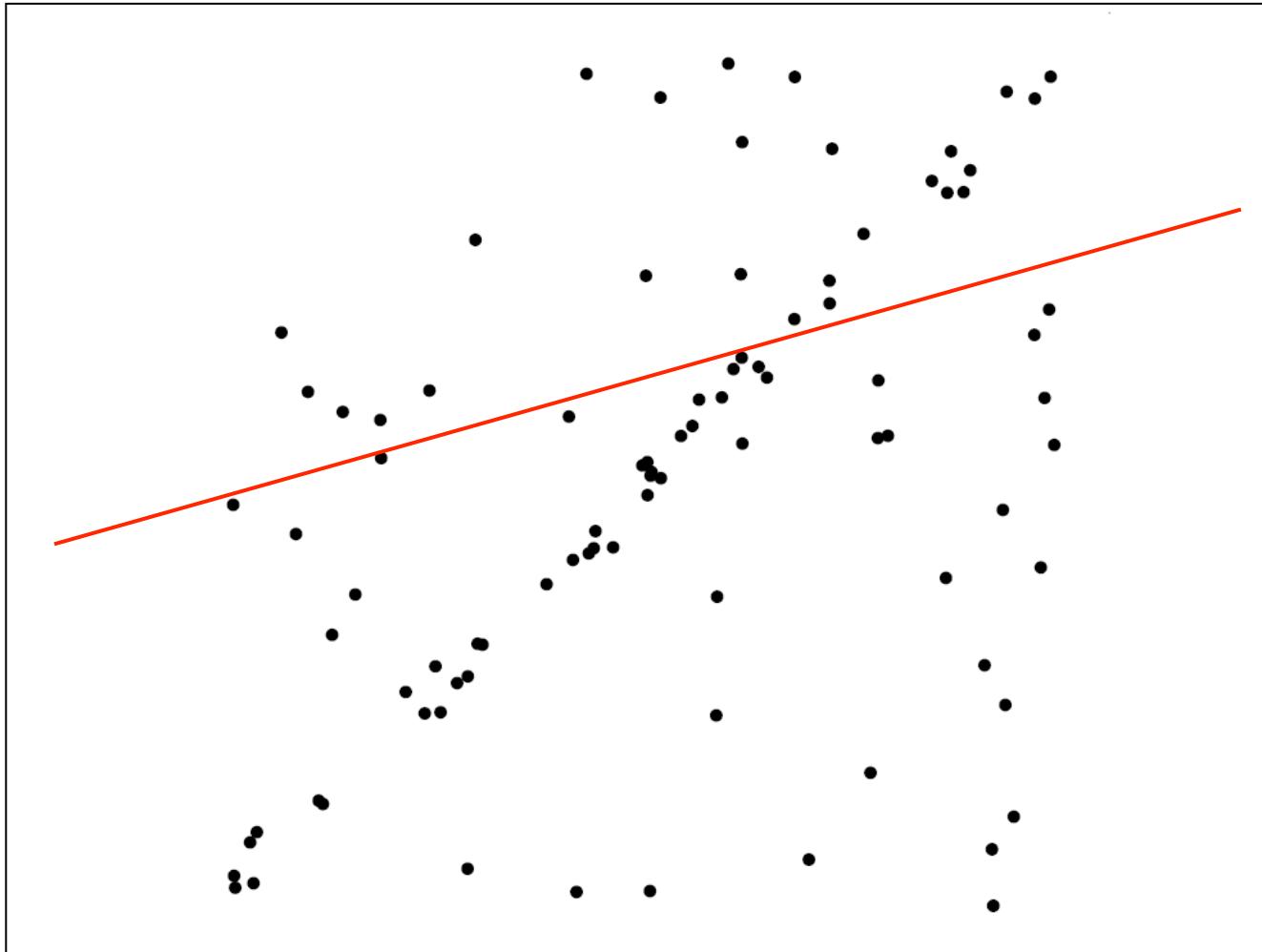
RANSAC pentru detectarea liniilor

Unde se află linia?

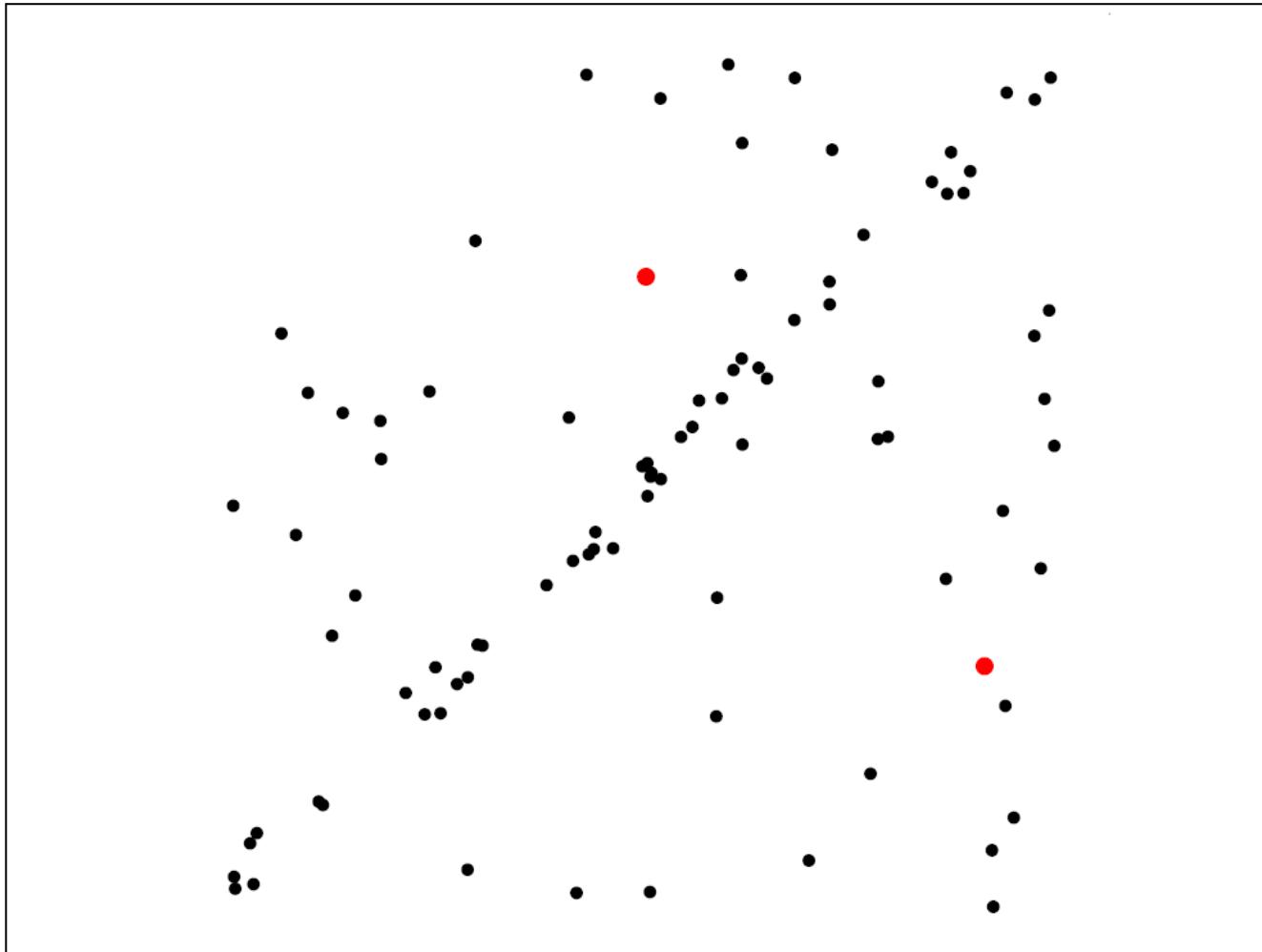


RANSAC pentru detectarea liniilor

Soluția metodei celor mai mici pătrate

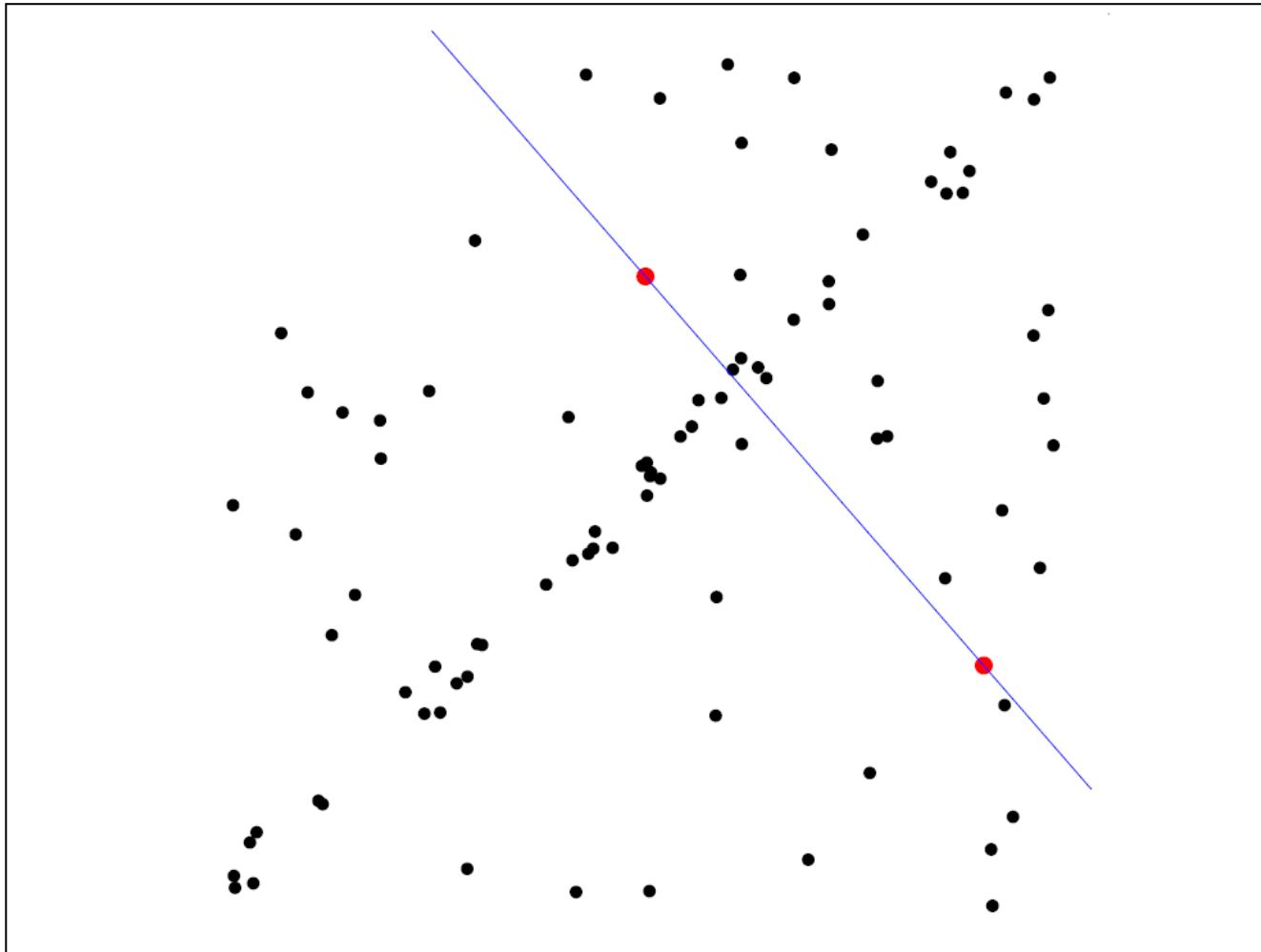


RANSAC pentru detectarea liniilor



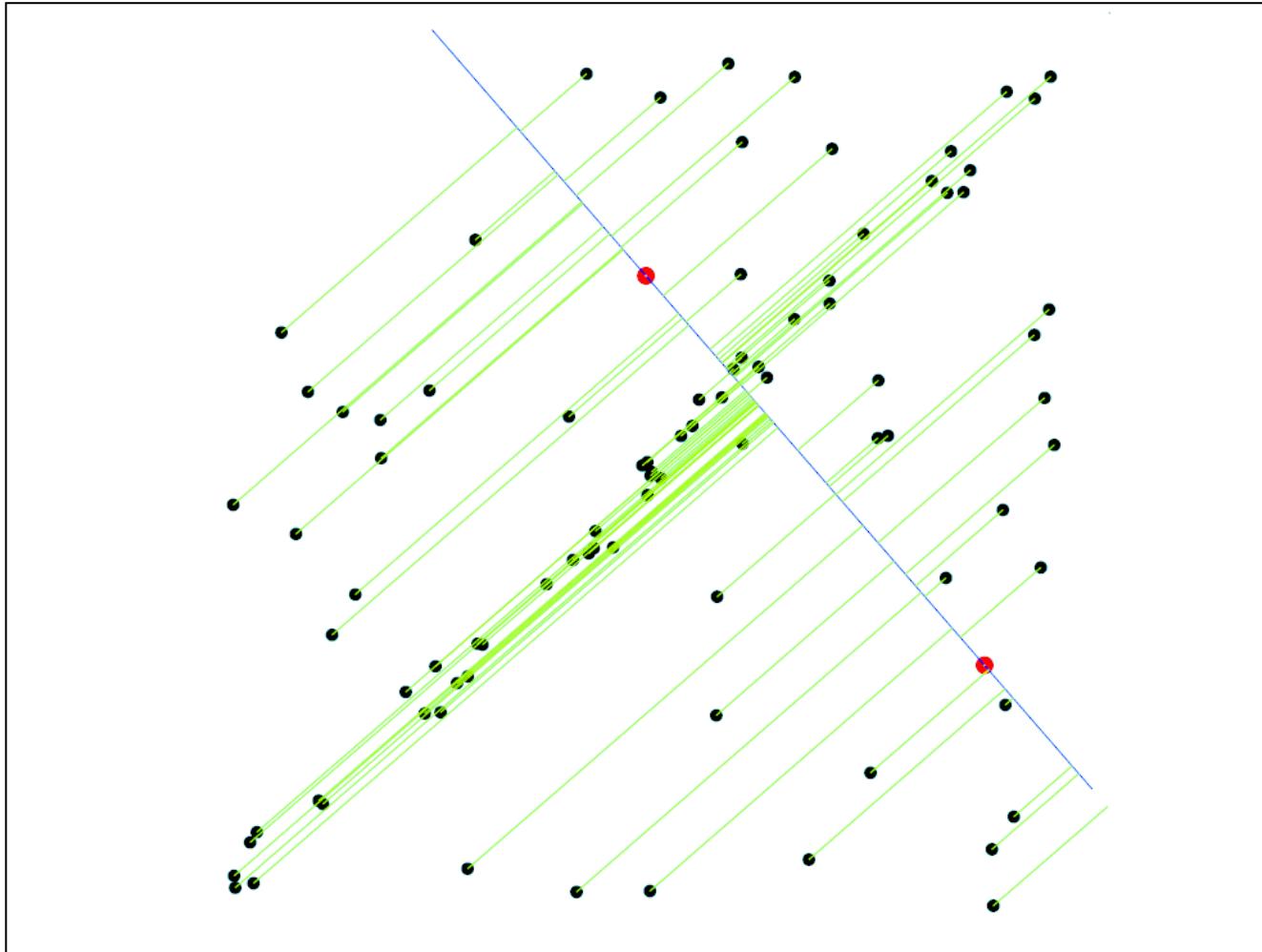
1. Selectăm aleator 2 puncte dintre toate

RANSAC pentru detectarea liniilor



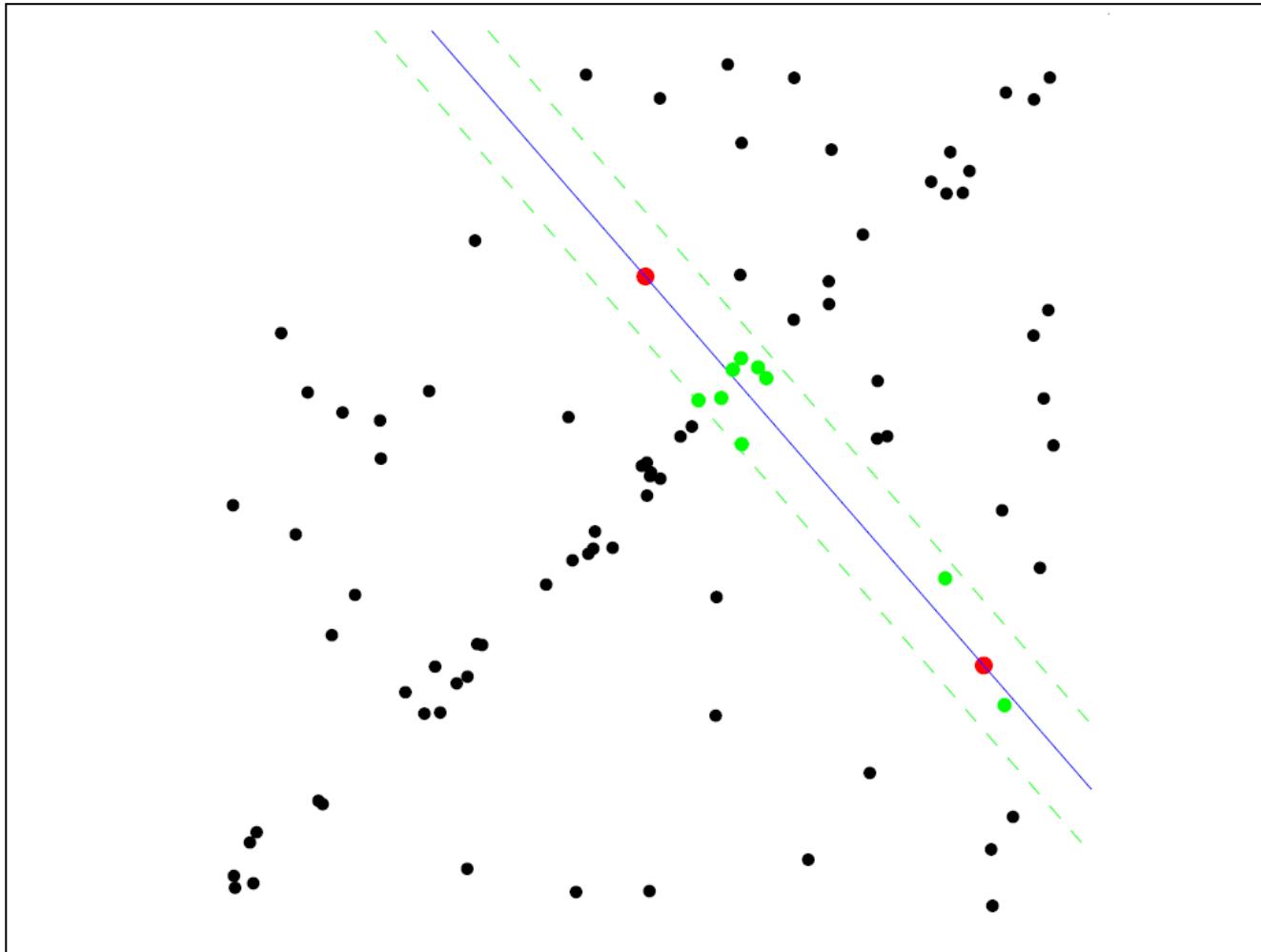
1. Selectăm aleator 2 puncte dintre toate
2. Construim dreapta

RANSAC pentru detectarea liniilor



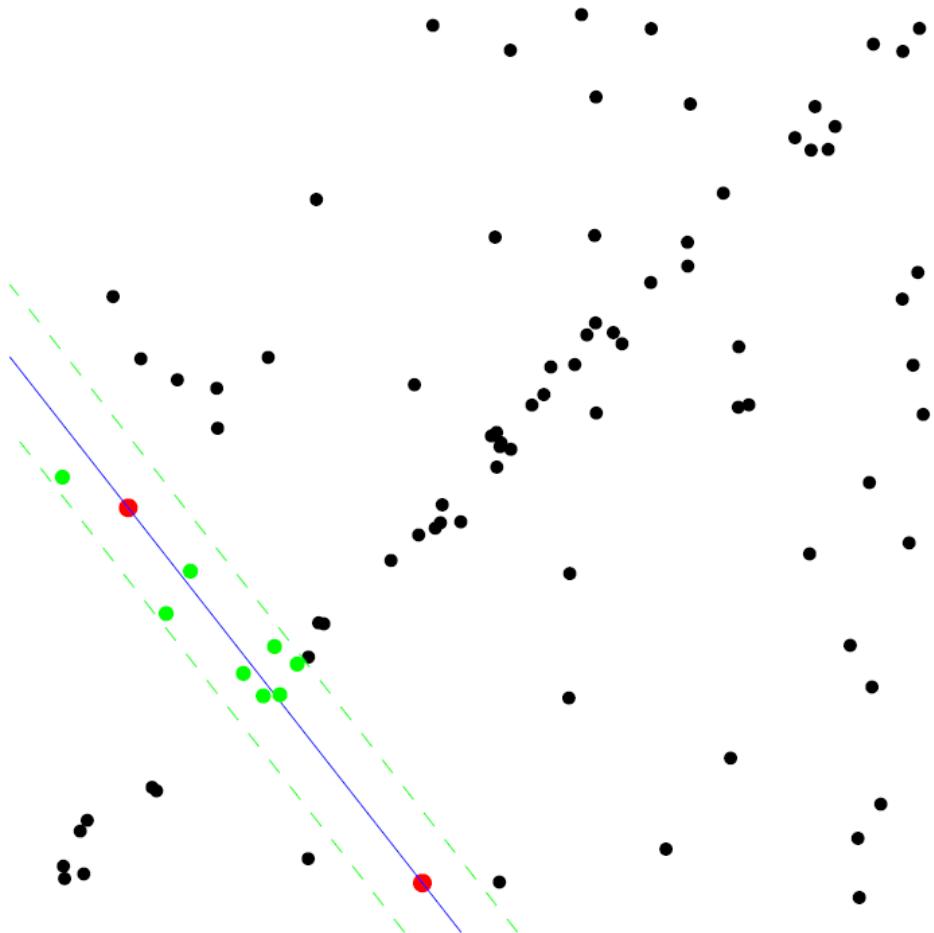
1. Selectăm aleator 2 puncte dintre toate
2. Construim dreapta
3. Calculăm funcția de eroare

RANSAC pentru detectarea liniilor



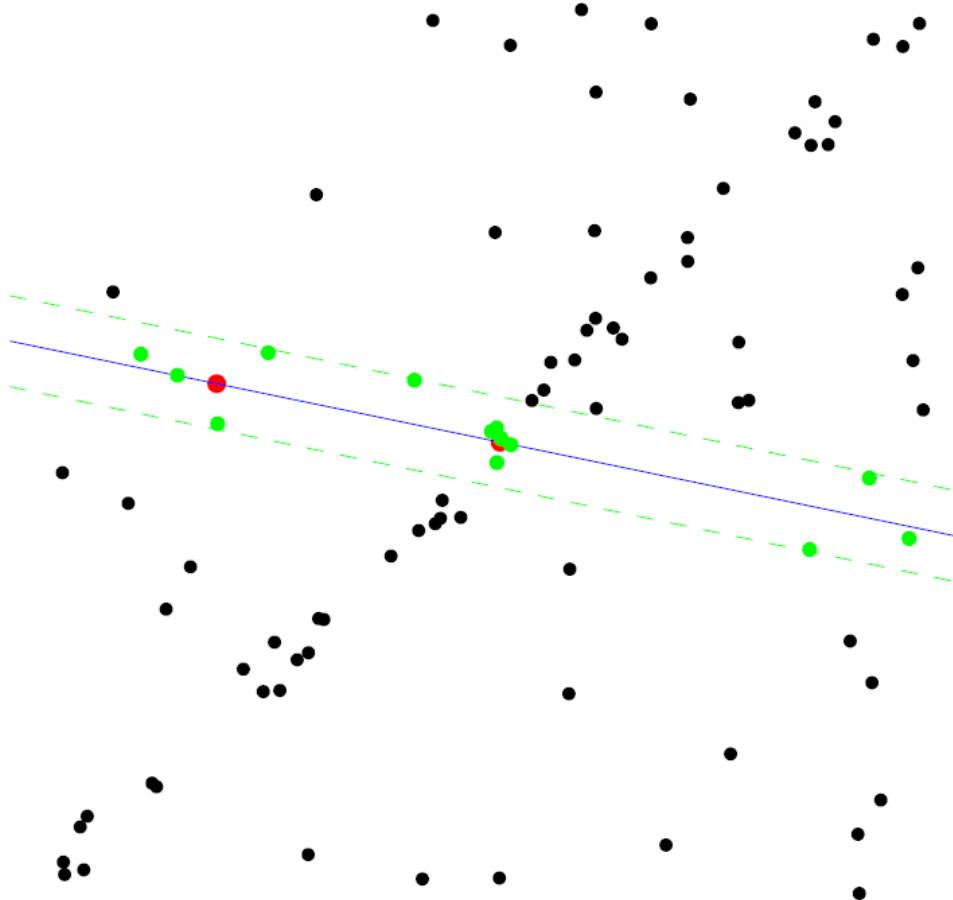
1. Selectăm aleator 2 puncte dintre toate
2. Construim dreapta
3. Calculăm funcția de eroare
4. Numărăm punctele inlier consistente

RANSAC pentru detectarea liniilor



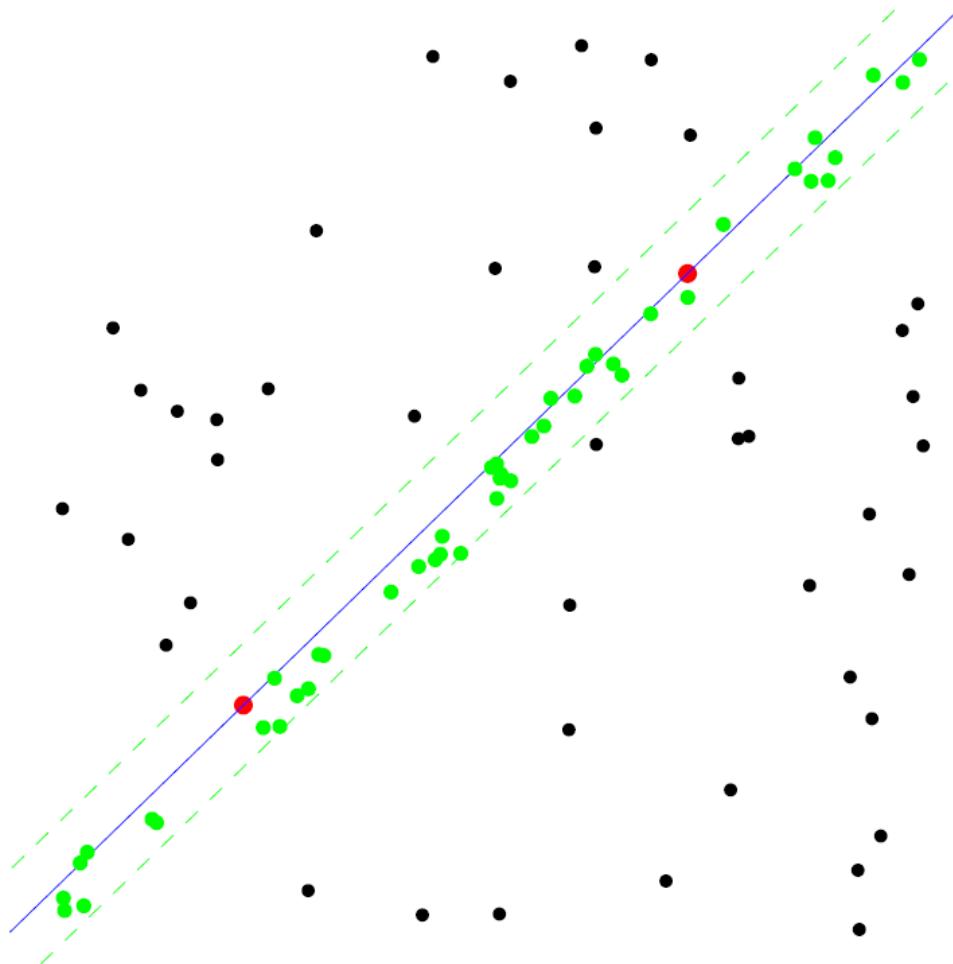
1. Selectăm aleator 2 puncte dintre toate
2. Construim dreapta
3. Calculăm funcția de eroare
4. Numărăm punctele inlier consistente
5. Repetă 1-4 pentru un număr de ori dat

RANSAC pentru detectarea liniilor



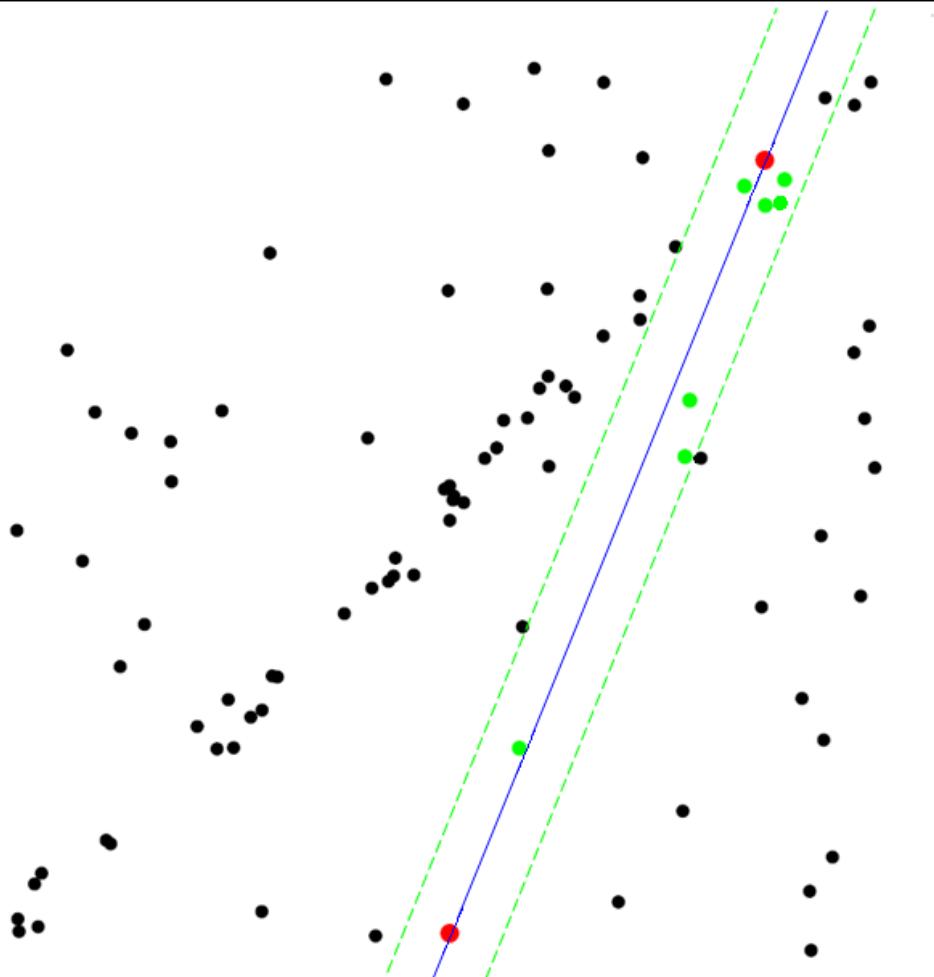
1. Selectăm aleator 2 puncte dintre toate
2. Construim dreapta
3. Calculăm funcția de eroare
4. Numărăm punctele inlier consistentă
5. Repetă 1-4 pentru un număr de ori dat

RANSAC pentru detectarea liniilor



1. Selectăm aleator 2 puncte dintre toate
2. Construim dreapta
3. Calculăm funcția de eroare
4. Numărăm punctele inlier consistentă
5. Repetă 1-4 pentru un număr de ori dat

RANSAC pentru detectarea liniilor



1. Selectăm aleator 2 puncte dintre toate
2. Construim dreapta
3. Calculăm funcția de eroare
4. Numărăm punctele inlier consistentă
5. Repetă 1-4 pentru un număr de ori dat

RANSAC pentru detectarea liniilor

- **RAN**dom **S**ample **C**onsensus
- **idee principală**: vrem să evităm impactul punctelor outlier, ne concentrăm să găsim punctele “inlier”, și le folosim doar pe acestea la găsirea parametrilor modelului
- **intuiție**: dacă un punct outlier este inclus în dreaptă, numărul de puncte inlier va fi foarte mic (ipoteza nu este susținută de date)

RANSAC pentru detectarea liniilor

Repetă de N ori:

1. Selectează **2** puncte la întâmplare
2. Găsește ecuației dreptei care trece prin aceste două puncte
3. Găsește punctele inlier pentru această ipoteză din cele rămase: punctele a căror distanță față de dreaptă este $< t$ (threshold)
4. Dacă există mai mult de **d** puncte inlier, acceptă ipoteza. Rafinează ipoteza pe baza tuturor punctelor inlier.
(Păstrează ipoteza cu cea mai mare număr de puncte inlier)

Algoritmul RANSAC: avantaje și dezavantaje

Avantaje

- simplu și general
- aplicabil în multe probleme (detectarea liniilor, construirea de panorame: găsirea de corespondențe – calculul homografiei - 8 parametri)
- funcționează destul de bine în practică

Dezavantaje

- numărul de parametri ai unui model poate fi foarte mare
- nu merge bine când numărul de puncte inlier este foarte mic (raportul inlier/outlier este mic)
- numărul minim de puncte ce definește un model nu furnizează întotdeaună ipoteze bune

Algoritmul RANSAC: ce N alegem?

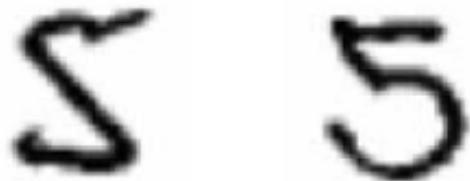
- de câte ori **N** trebuie să repetăm RANSAC pentru a fi siguri (cu o probabilitate mare) că am găsit cea mai bună ipoteză?
- presupunem că procentul de puncte provenite din dreaptă din numărul total de puncte este **r (= #punkte inlier/nr puncte total)**
- o ipoteză este definită de **k** puncte (**k=2** pentru dreaptă)
- probabilitatea ca o selecție aleatoare de n puncte să fie corectă **r^k**
- probabilitatea ca toate selecțiile să fie greșite: **$(1 - r^k)^N$**
- alege **N** astfel încât **$p = 1 - (1 - r^k)^N$** este foarte mare ($1-0.01=0.99$)

RANSAC: Calculul lui N (p=0.99)

k	Proportia de outlieri (1-r)						
	5%	10%	20%	25%	30%	40%	50%
2	2	3	5	6	7	11	17
3	3	4	7	9	11	19	35
4	3	5	9	13	17	34	72
5	4	6	12	17	26	57	146
6	4	7	16	24	37	97	293
7	4	8	20	33	54	163	588
8	5	9	26	44	78	272	1177

Compararea contururilor

Compararea contururilor



Exemple de două imagini cu cifre scrise de mână.

Comparând pixel cu pixel, cele două imagini sunt foarte diferite.

Totuși, în termeni de formă, cele două imagini sunt similare.

Distanța Chamfer

- Distanța medie dintre punctele unui **template T** și o multime de puncte (e.g. **puncte cu intensitate = 0**, puncte cu anumite caracteristici) dintr-o imagine I.

$$d_{chamfer}(\textcolor{red}{T}, I) = \frac{1}{|T|} \sum_{t \in T} d_I(t)$$

I = multime de puncte dintr-o imagine

T = multime de puncte ale unui **template**

$d_I(t)$ = distanța minimă dintre **punctul t** și un punct din I
(Manhattan, Euclidiană)

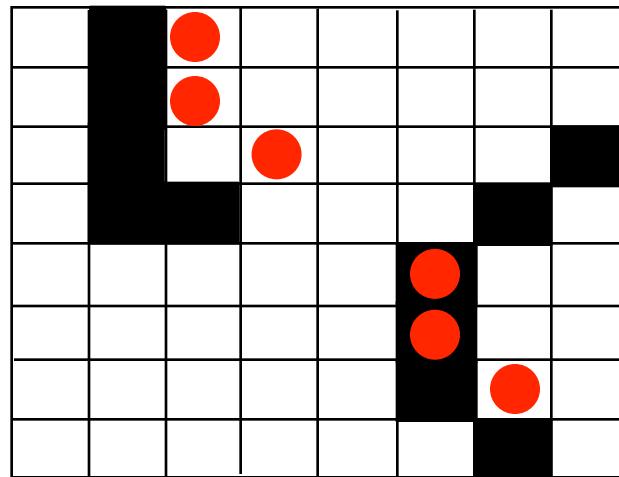


5

template

Distanța Chamfer

Puncte din I (2D)



Distanța Manhattan:

$$\frac{1}{3}(1 + 1 + 2) = 1.33$$

$$\frac{1}{3}(0 + 0 + 1) = 0.33$$

T
⋮
⋮

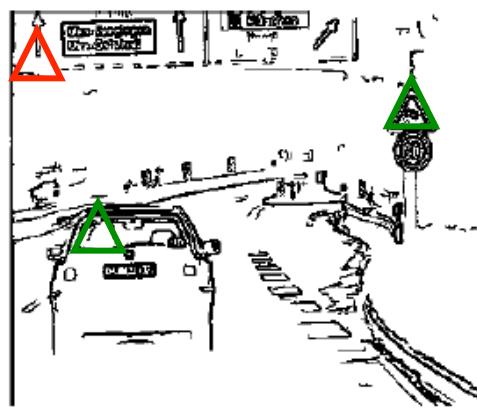
$$d_{chamfer}(T, I) = \frac{1}{|T|} \sum_{t \in T} d_I(t)$$

Distanța Chamfer

- distanța medie până la cel mai apropiat punct din I

$$d_{chamfer}(T, I) = \frac{1}{|T|} \sum_{t \in T} d_I(t)$$

Cum diferă distanța Chamfer de filtrarea cu o mască de forma lui T ?



Imagine cu muchii

Răspunsul variază mult mai puțin abrupt decât în cazul filtrării! (dacă mă mut la stânga/dreapta cu un pixel am valori apropiate)

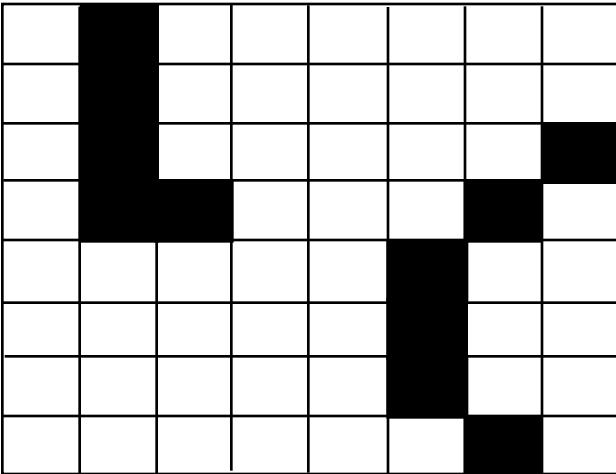
Implementare naivă – complexitate?

$|T| * |I|^2$ operații

Maxime locale ale funcției care calculează distanța Chamfer pentru fiecare fereastră

Transformata Distanță (distance transform)

Puncte din I (2D)



Transformata Distanță

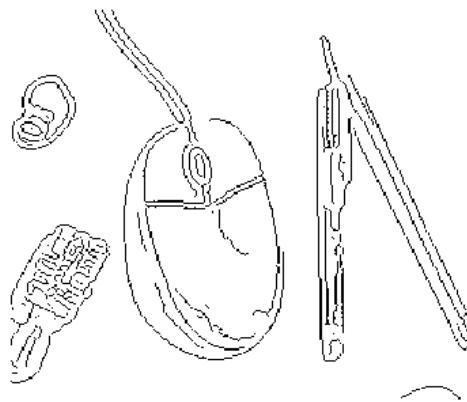
1	0	1	2	3	4	3	2
1	0	1	2	3	3	2	1
1	0	1	2	3	2	1	0
1	0	0	1	2	1	0	1
2	1	1	2	1	0	1	2
3	2	2	2	1	0	1	2
4	3	3	2	1	0	1	2
5	4	4	3	2	1	0	1

Transformata Distanță (TD) este o funcție care pentru fiecare pixel p asignează un număr pozitiv $TD(p)$ corespunzând distanței de la p la cel mai apropiat punct din mulțimea I

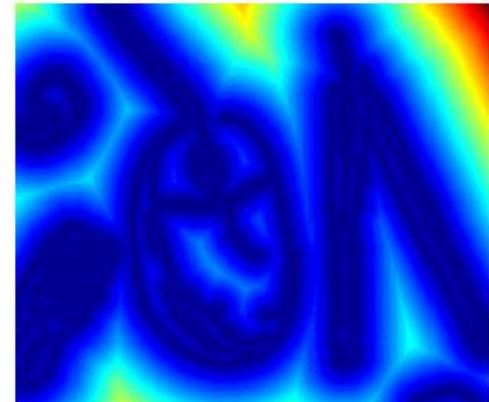
Transformata Distanță



Imagine inițială



muchii



transformata distanță

Calculăm o singură dată TD(), apoi citim din acest tabel distanța la cel mai apropiat punct de pe muchie.

Valoarea la (x,y) indică cât de departe (x,y) este de cel mai apropiat punct de pe muchie
albastru – valori mici, roșu – valori mari

MATLAB: `bwdist`

Transformata Distanță – 1D

Două treceri de complexitate $O(n)$

1. Inițializare

```
for j = 1:n  
    TD(j) = { 0, dacă j este în I  
              ∞, altfel  
end
```

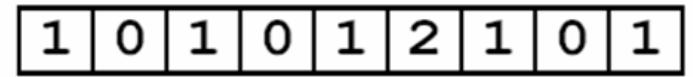
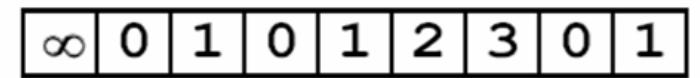
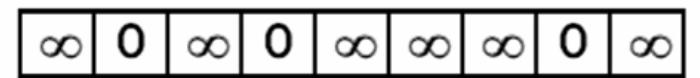
2. Trecere înainte (vecin stânga)

```
for j = 2:n  
    TD(j) = min(TD(j),TD(j-1)+1)  
end
```

3. Trecere înapoi (vecin dreapta)

```
for j = n-1:-1:1  
    TD(j) = min(TD(j),TD(j+1)+1)  
end
```

Exemplu



Transformata Distanță – 2D

Analog cu 1D

1. Inițializare

$$TD(i,j) = \begin{cases} 0, & \text{dacă } (i,j) \text{ este în } I \\ \infty, & \text{altfel} \end{cases}$$

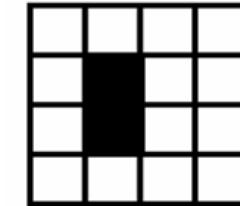
2. Trecere înainte (vecin stânga, sus)

$$TD(i,j) = \min(TD(i,j), TD(i,j-1)+1, TD(i-1,j)+1)$$

3. Trecere înapoi (vecin dreapta, jos)

$$TD(i,j) = \min(TD(i,j), TD(i,j+1)+1, TD(i+1,j)+1)$$

Exemplu



∞	∞	∞	∞
∞	0	∞	∞
∞	0	∞	∞
∞	∞	∞	∞

∞	∞	∞	∞
∞	0	1	∞
∞	0	∞	∞
∞	∞	∞	∞

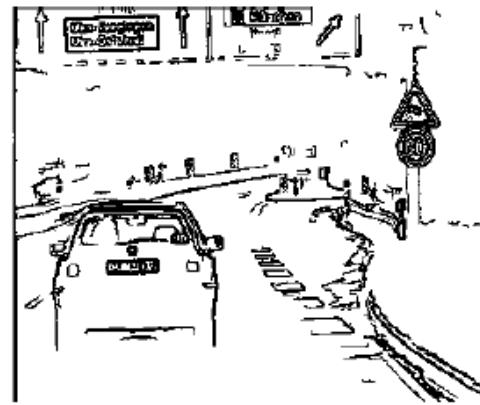
∞	∞	∞	∞
∞	0	1	2
∞	0	1	2
∞	1	2	3

2	1	2	3
1	0	1	2
1	0	1	2
2	1	2	3

Distanța Chamfer

- distanța medie până la cel mai apropiat punct din I

$$D_{chamfer} = (\textcolor{red}{T}, I) = \frac{1}{|\textcolor{red}{T}|} \sum_{t \in \textcolor{red}{T}} d_I(\textcolor{red}{t})$$



Complexitate implementare naivă:

$|T| * |I|^2$ operații

Complexitate transformata distanță:

$|T| * |I|$ operații

Imagine cu muchii

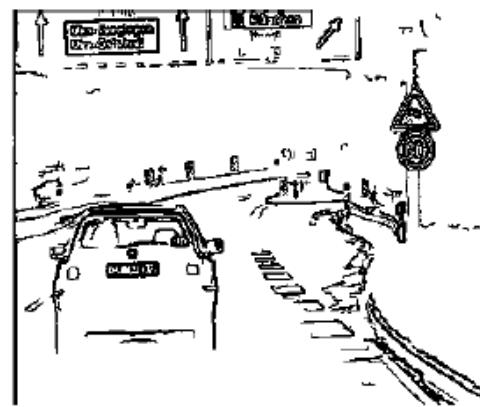
transformata distanță
alb – distanță mare,
negru - distanță mică

Recunoașterea semnelor de circulație

Recunoaștere = detectare + clasificare

Detectare = localizăm conturul în imagine
(pe baza de template: triunghi, cerc)

Clasificare = analizăm pixelii din interiorul
conturului și clasificăm semnul de
circulație într-o clasă (limitare de viteză 60
km, limitare de viteză 80 km, semafor, etc)



Imagine cu muchii

transformata distanță
alb – distanță mare,
negru - distanță mică

Recunoașterea semnelor de circulație



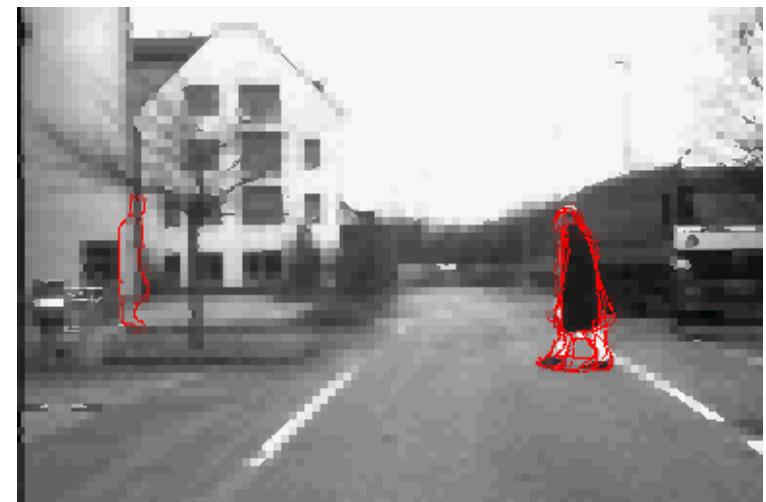
condiții de zi



condiții de noapte

Detectarea pietonilor

Detectare pietonilor = localizăm contururi în imagine asemănătoare cu contururi de pietoni dintr-o mulțime de template-uri



Distanța Chamfer: proprietăți

- Avantaje
 - simplă de implementat
 - foarte rapidă
 - tolerantă la forme care diferă puțin de template
- Dezavantaje
 - sensitivă la mărime (scale) și rotație
 - număr mare de templaturi pentru forme diverse ca mărime și ca rotație
 - detectii false în regiuni cu multe muchii

Textură

Textură

- **Analiza texturii:**

- reprezentăm și comparăm texturile pentru a decide dacă sunt la fel

- **Sinteza texturii :**

- fiind dată o mostră de textură (dimensiuni mici) vrem să generăm o textură similară (dimensiuni mari)

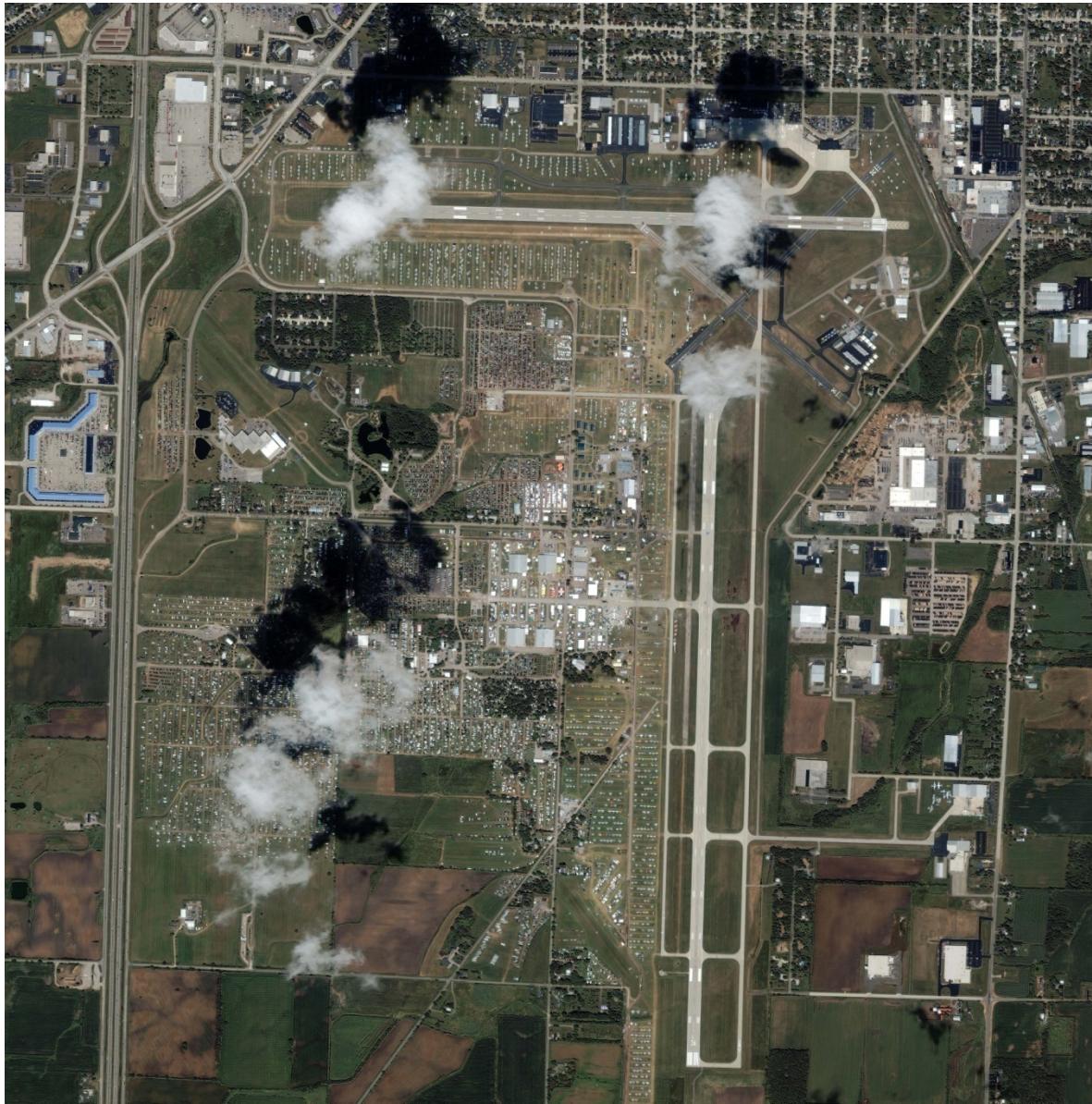


mostră de textură

textură generată



Idei pt licență: segmentarea imaginilor aeriene prin analiza texturii



Sinteza texturii (manuală)



Sinteza texturii (manuală)

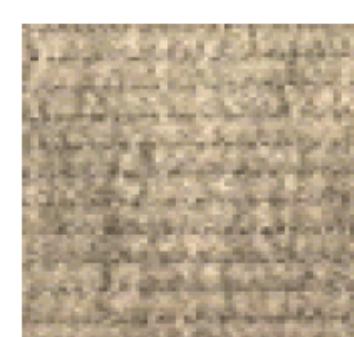
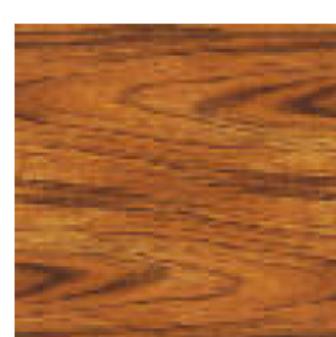
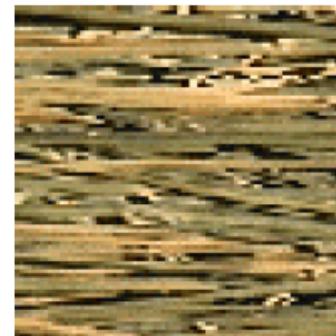


(WHITE HOUSE PHOTO/AP)

WHATEVER IT TAKES



Textură - exemple

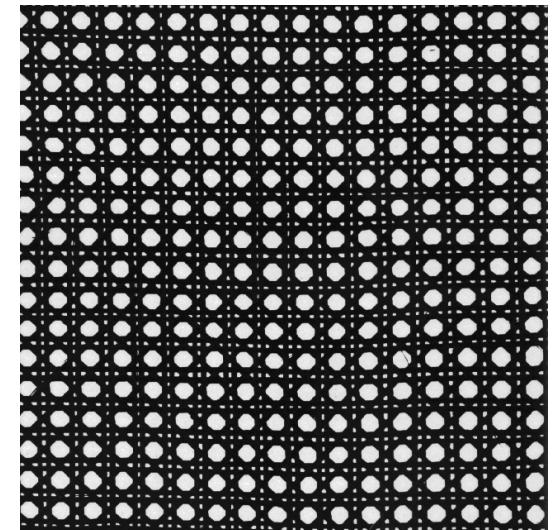
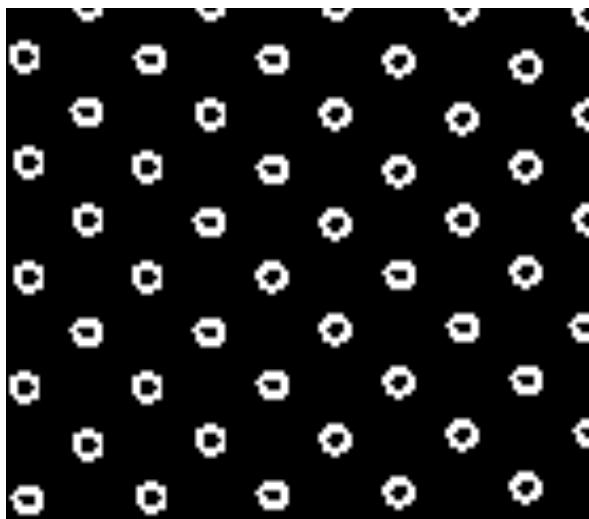
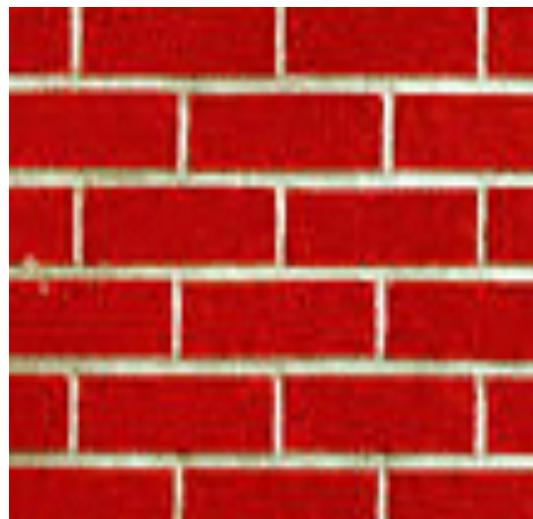


Ce definește o textură?

Structuri similare de pixeli (pattern-uri) care se repetă

Satisfac anumite proprietăți statistice

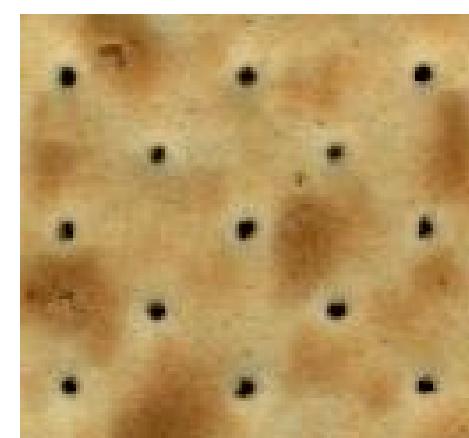
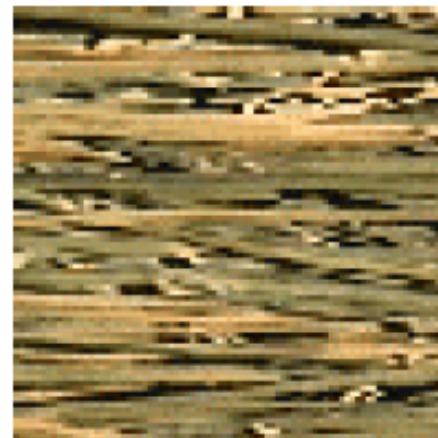
Textură - exemple



Ce diferă față de exemplul anterior?

Pattern-urile acestor texturi sunt mult mai regulate

Textură - exemple



Ce diferă față de exemplul anterior?

Pattern-urile acestor texturi sunt mai puțin regulate
(aleatoare, stocastice)

Mărime: obiect vs. textură



Același lucru în lumea reală poate apărea ca obiect sau ca o textură, în funcție de mărimea pe care o considerăm.

De ce studiem textura?

Importantă pentru percepție:

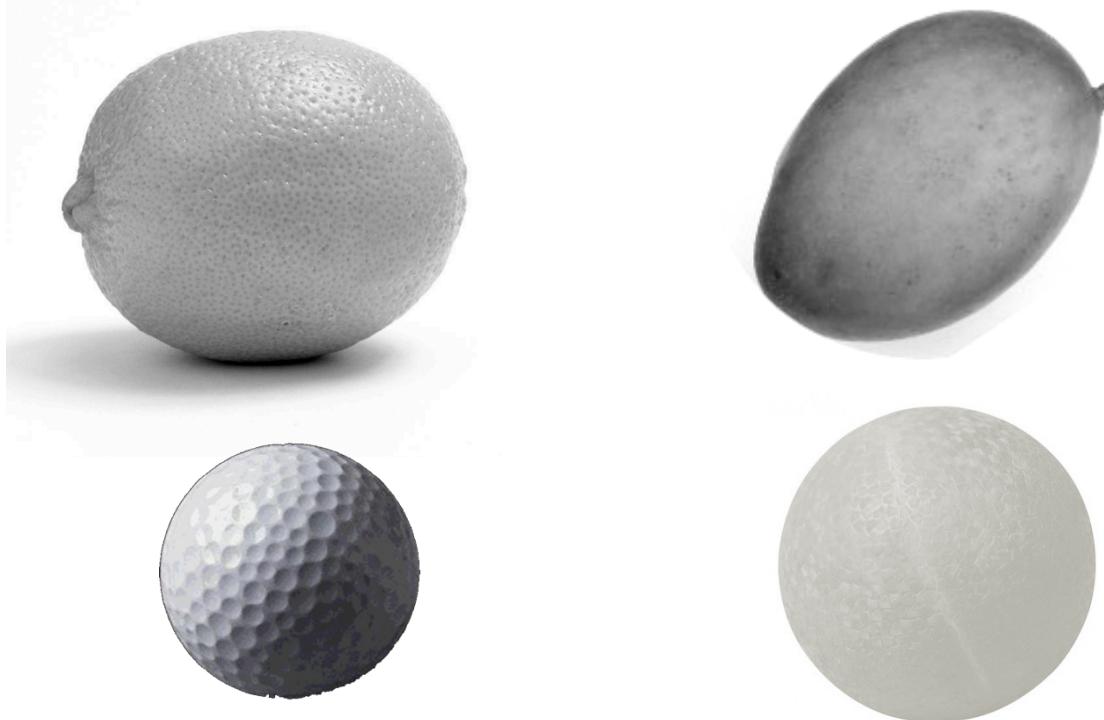
- proprietățile materialelor



De ce studiem textura?

Importantă pentru percepție:

- proprietățile materialelor
- caracteristică discriminativă pentru obiecte cu formă similară



De ce studiem textura?

Importantă pentru percepție:

- proprietățile materialelor
- caracteristică discriminativă pentru obiecte cu formă similară



De ce studiem textura?

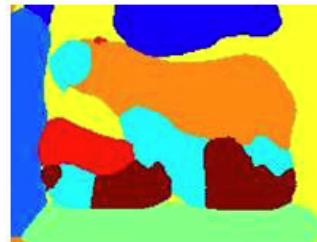
Importantă pentru percepție:

- proprietățile materialelor
- caracteristică discriminativă pentru obiecte cu formă similară
- caracteristică discriminativă pentru obiecte cu aceeași culoare



De ce studiem textura?

- **Segmentare**
 - grupăm (segmentăm) regiunile din imagine cu aceeași textură



- **Clasificare**
 - clasificăm obiecte ca aparținând unei clase de obiecte

Clasa 1



Clasa 2



Clasa ?



De ce studiem textura?

- **Segmentare**
 - grupăm (segmentăm) regiunile din imagine cu aceeași textură
- **Clasificare**
 - clasificăm obiecte ca aparținând unei clase de obiecte
- **Sinteză**
 - dată o mostră de textură (dimensiuni mici) vrem să generăm o textură similară (dimensiuni mari)



mostră de textură

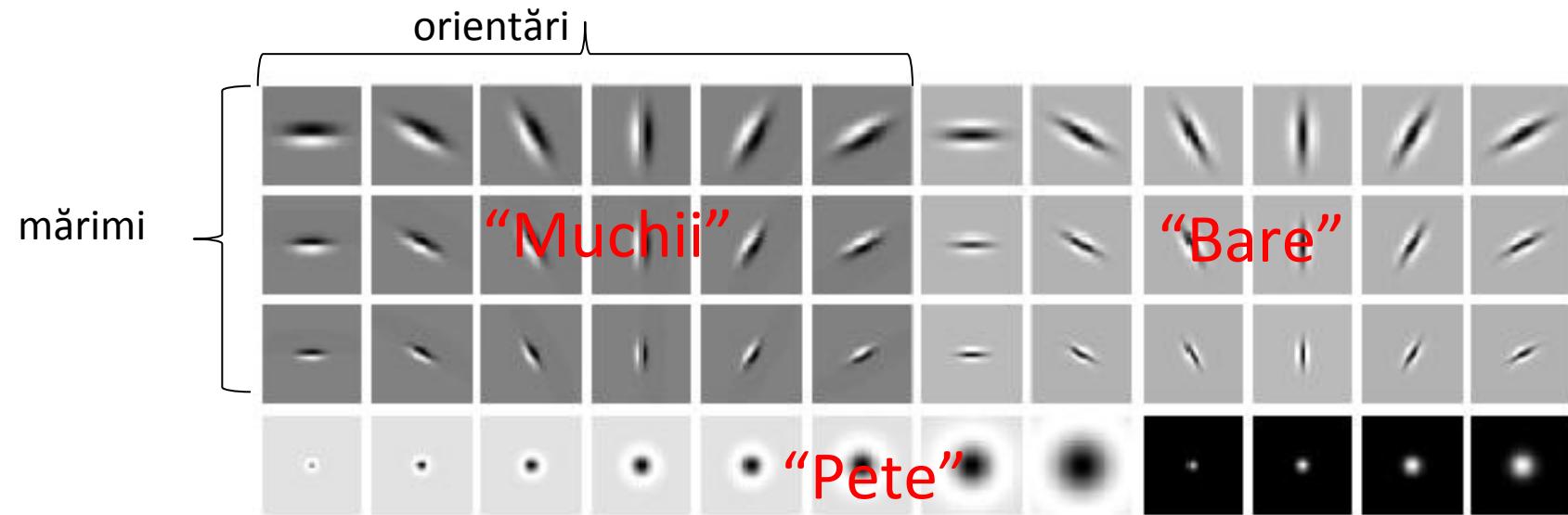
textură generată

Reprezentarea texturii

Texturile sunt formate din pattern-uri locale ce se repetă, aşa încât:

- găseşte aceste pattern-uri (texteli)
 - foloseşte filtre care arată ca pattern-urile
 - reține valoarea răspunsului după filtrare
- descrie datele d.p.d.v. statistic pentru fiecare fereastră locală
 - medie, deviaţie standard
 - histograme

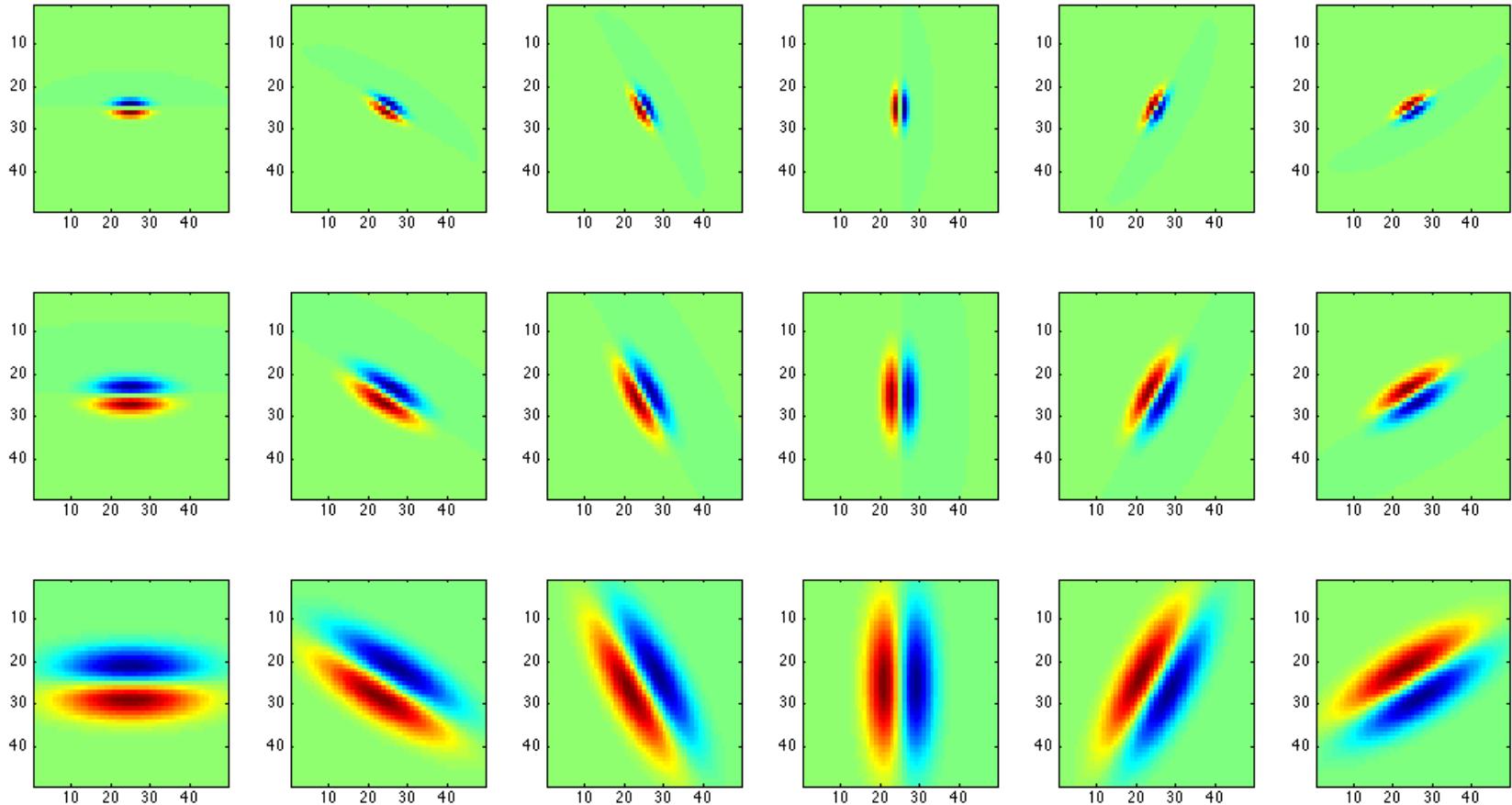
Colecții de filtre



- Ce filtre să conțină colecția?
 - o combinație de mărimi și orientări, diverse tipuri de pattern-uri.

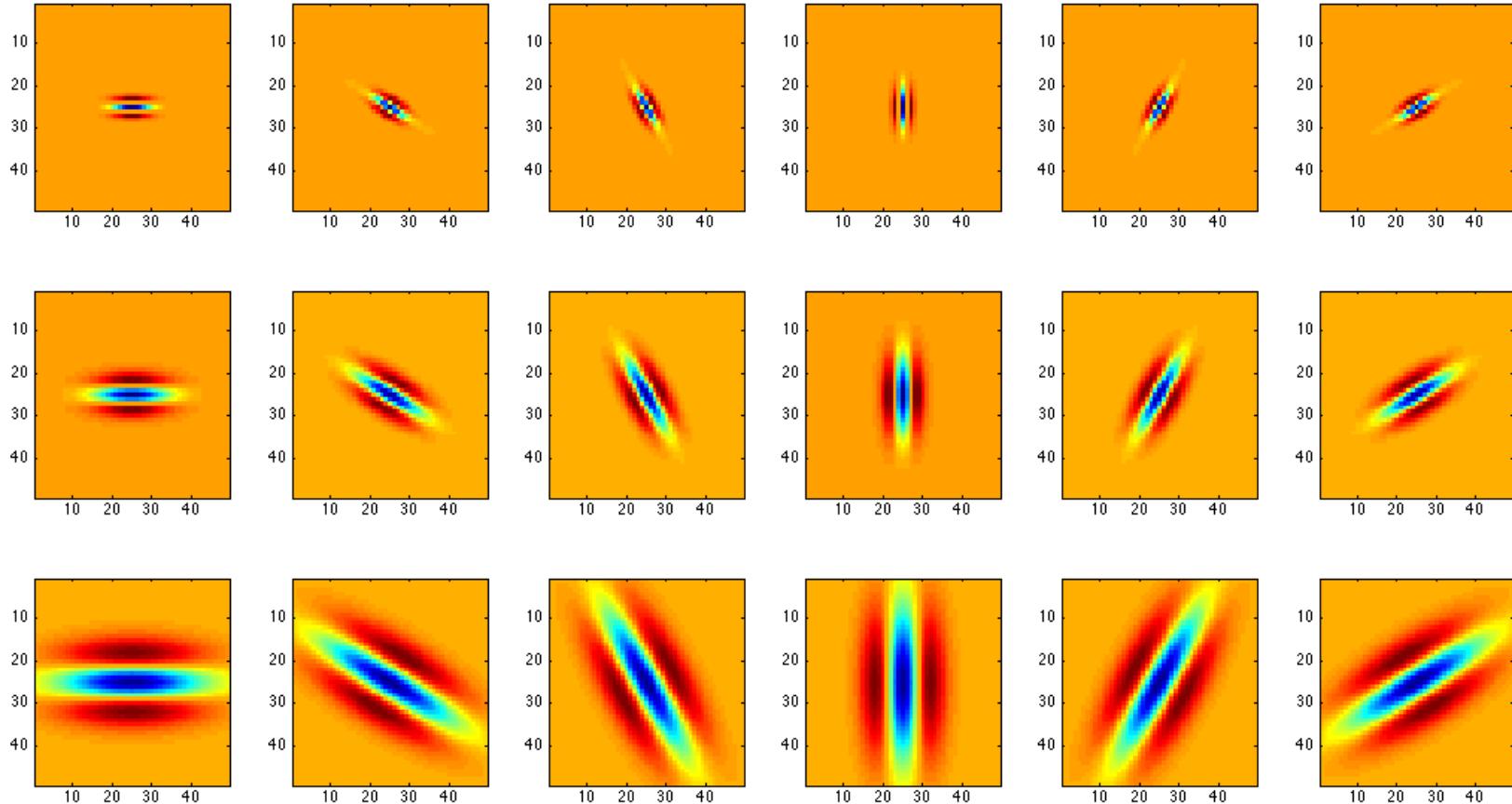
<http://www.robots.ox.ac.uk/~vgg/research/texclass/filters.html>

Filtre pentru detectarea muchiilor



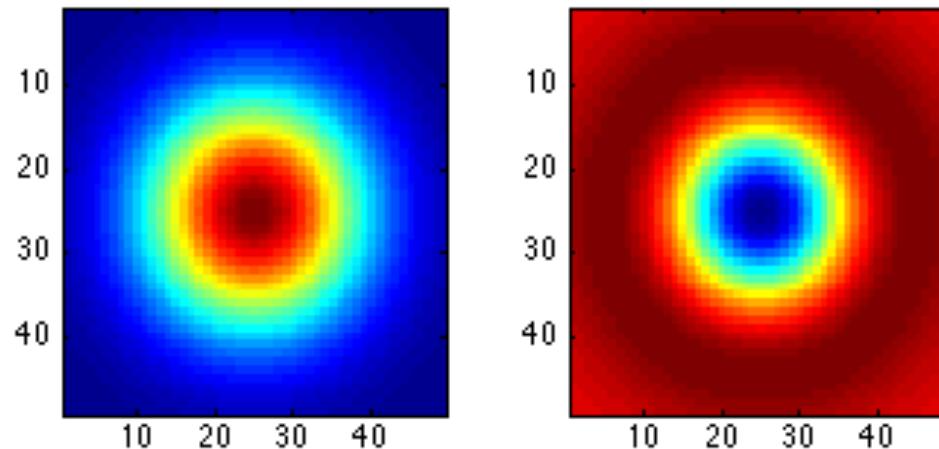
roșu – valori mari, albastru – valori mici

Filtru pentru detectarea barelor



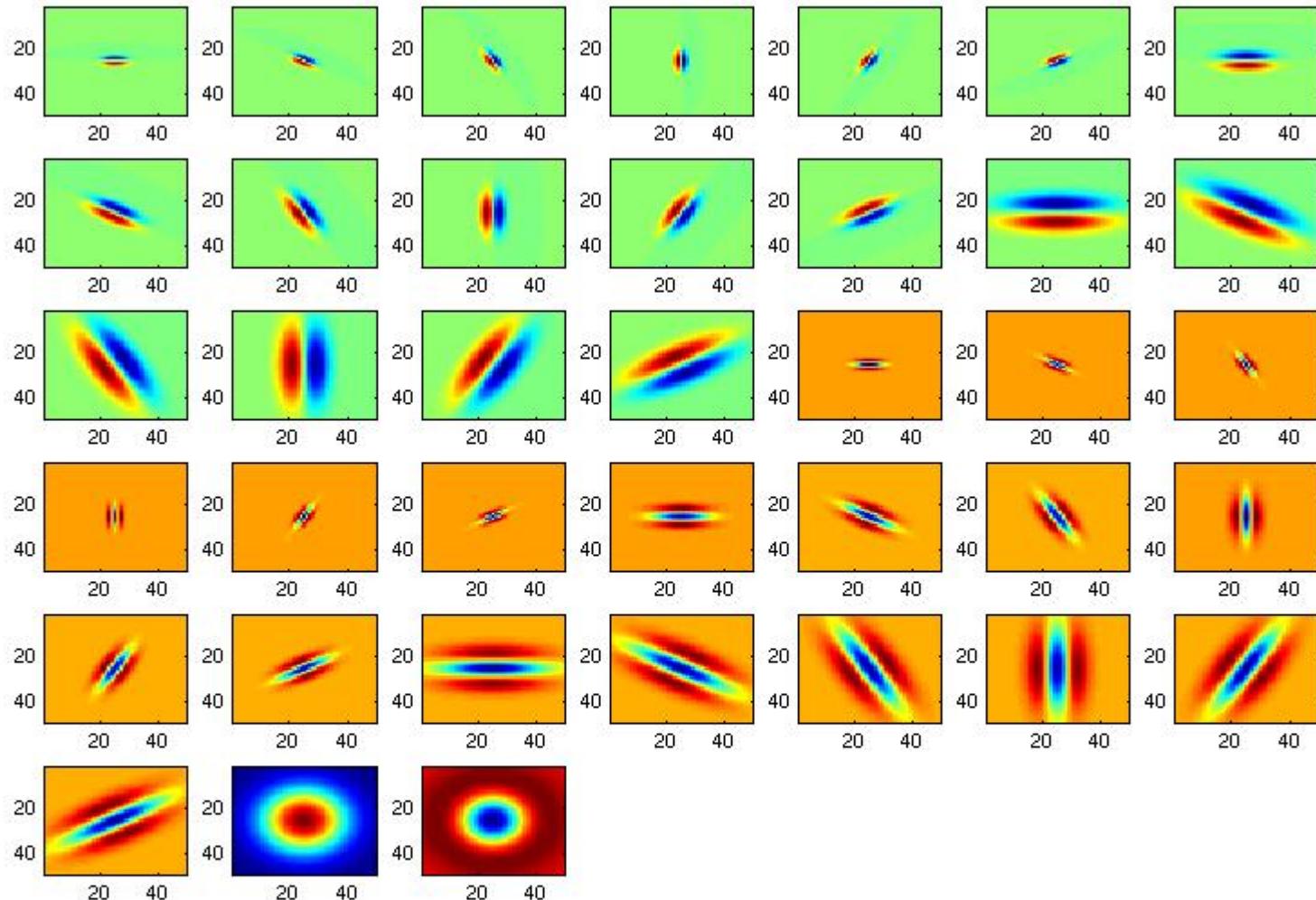
roșu – valori mari, albastru – valori mici

Filtru pentru detectarea petelor



roșu – valori mari, albastru – valori mici

Exemplu – colecția de filtre

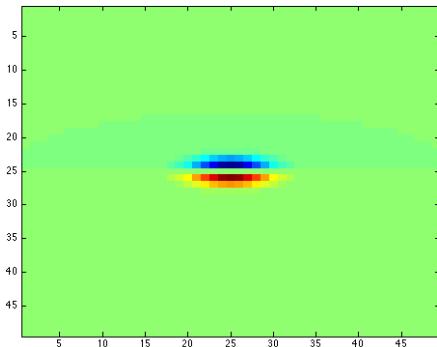


roșu – valori mari, albastru – valori mici

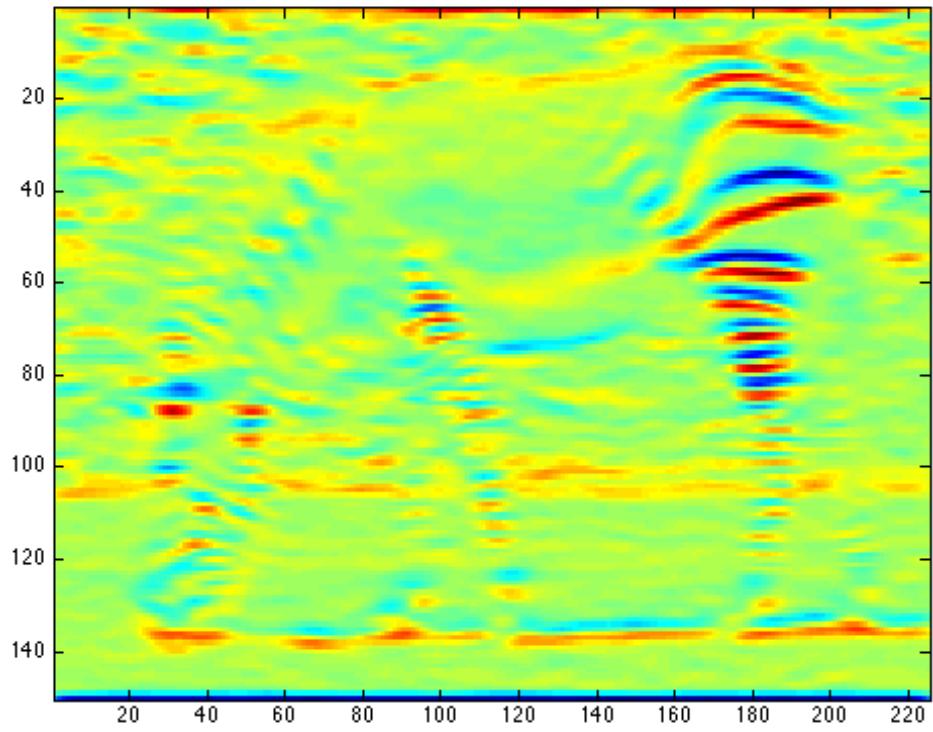
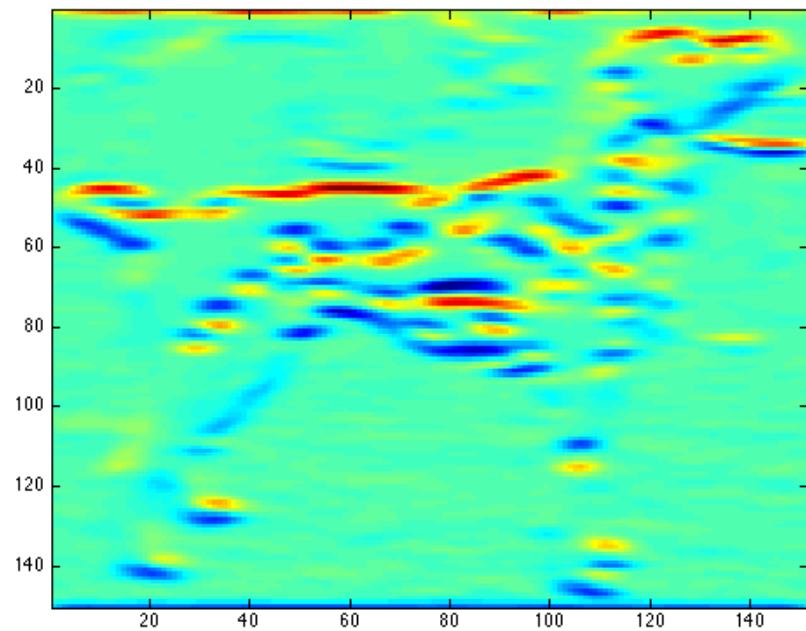
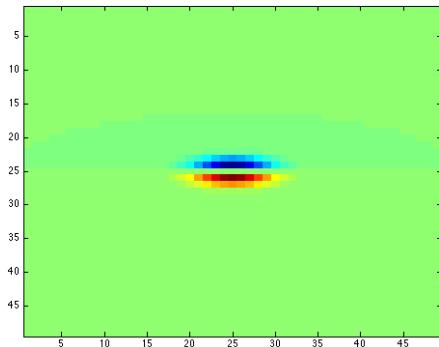
Imagini



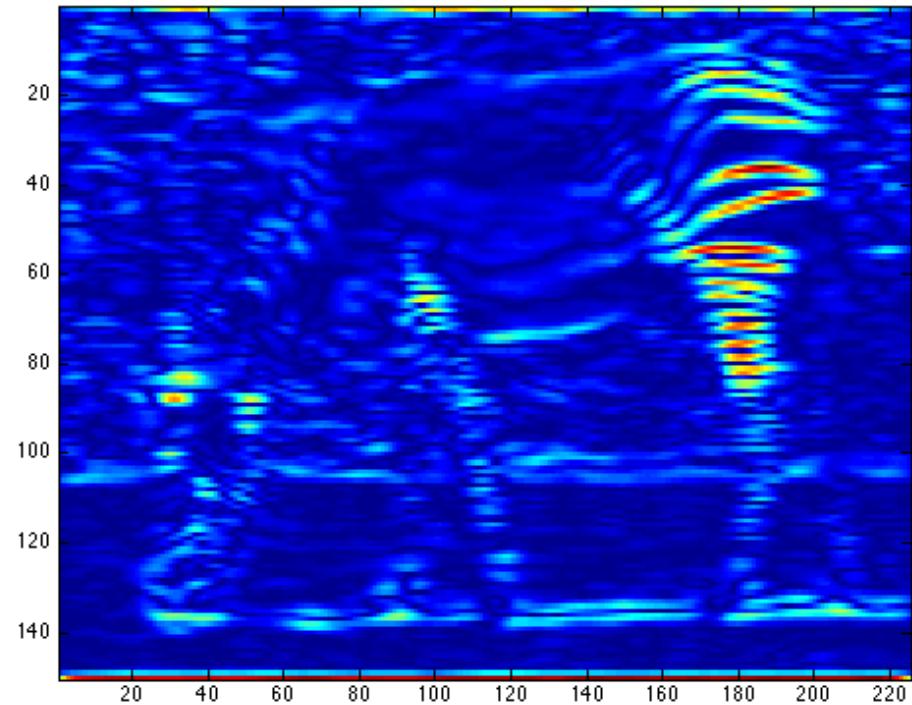
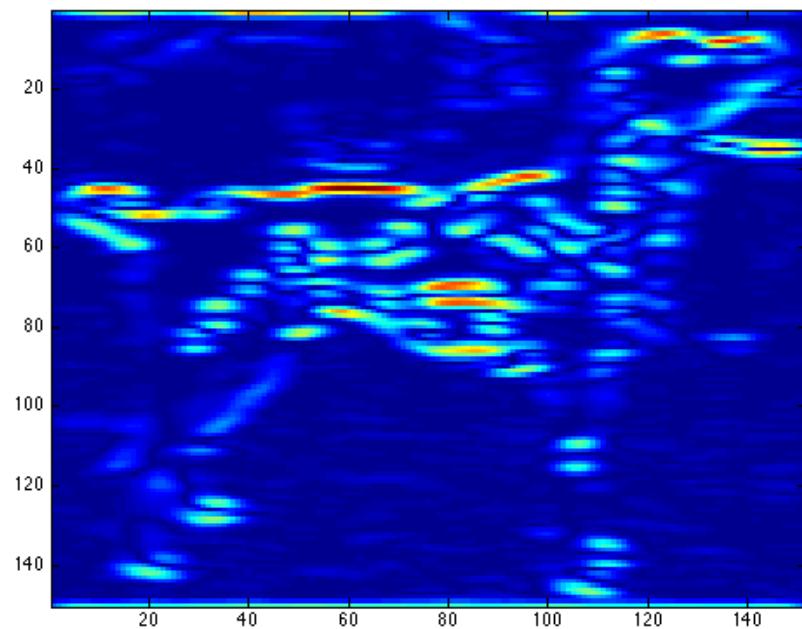
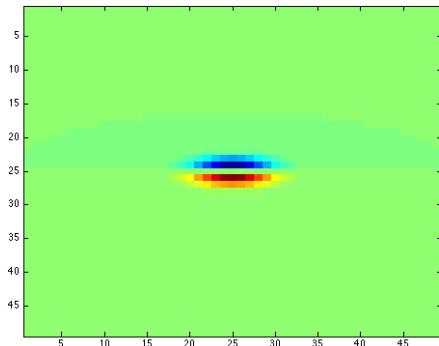
Imagini + filtru



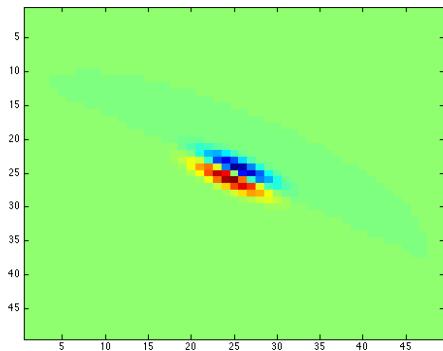
Imagini filtrate



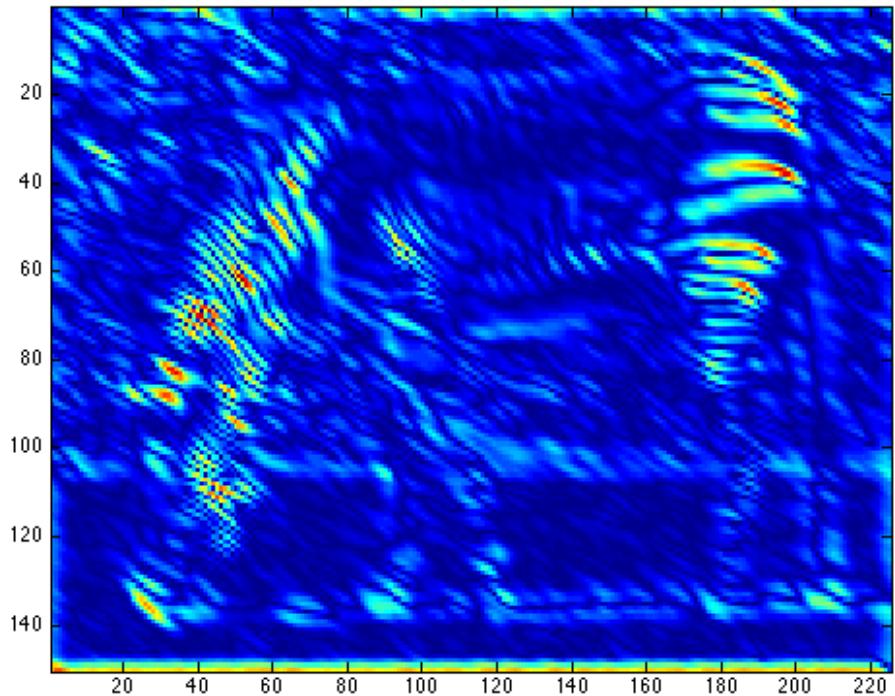
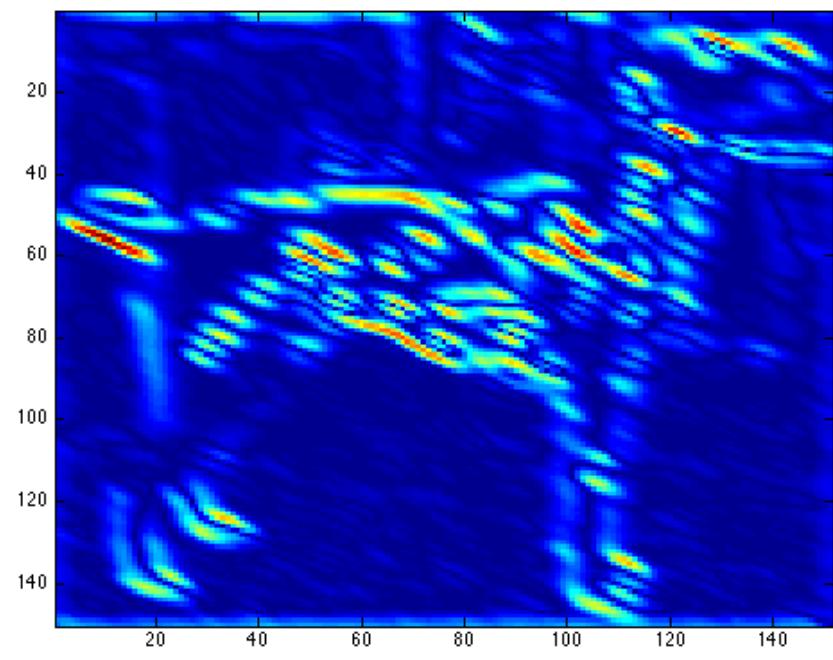
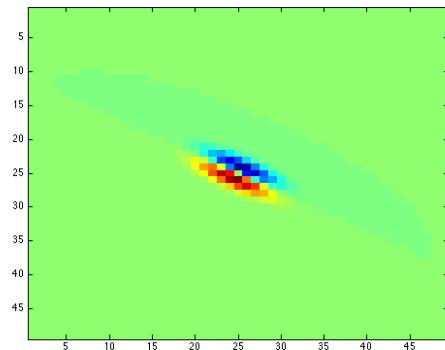
Imagini filtrate cu răspuns absolut



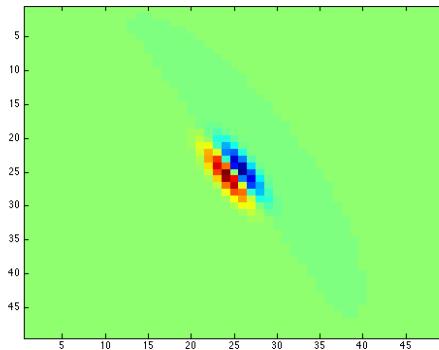
Imagini + filtru



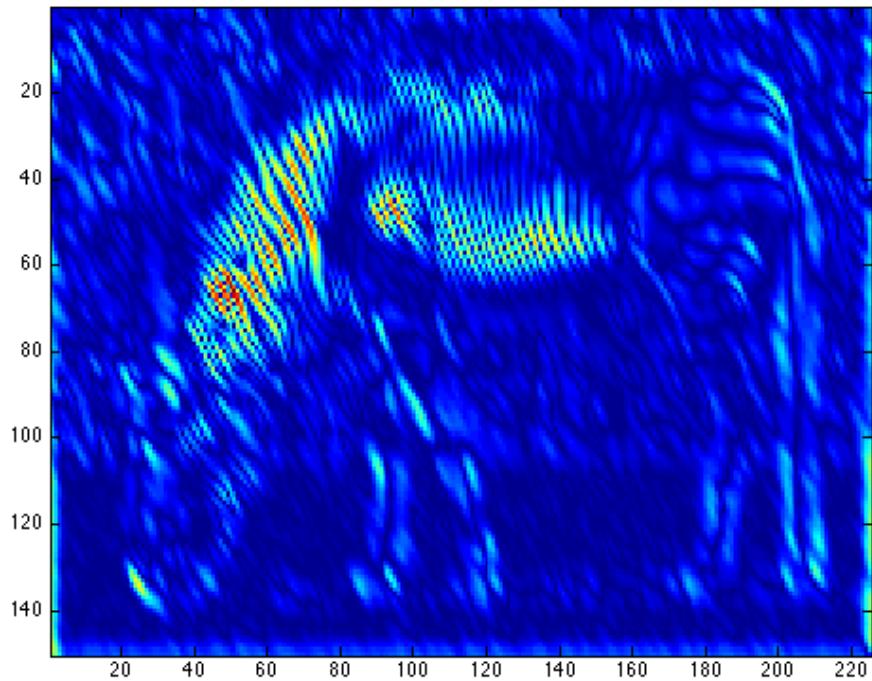
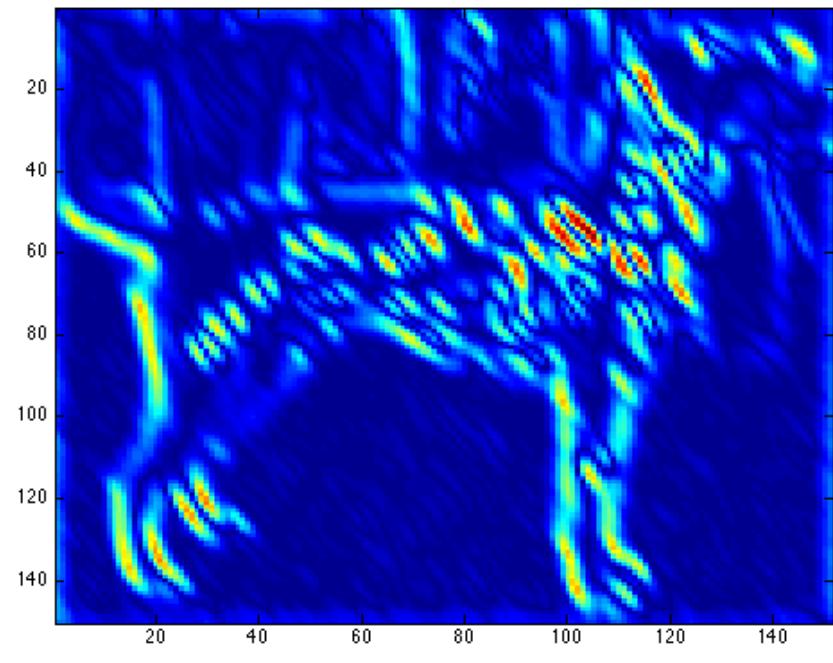
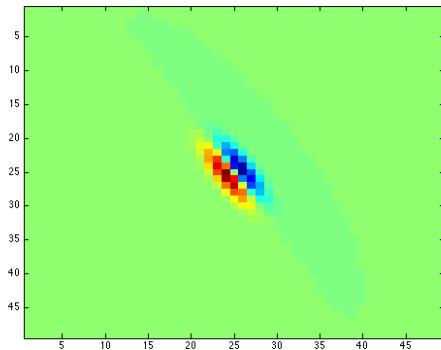
Imagini filtrate cu răspuns absolut



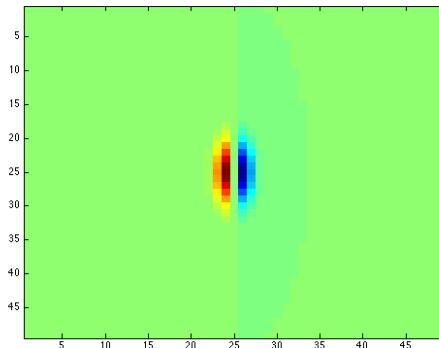
Imagini + filtru



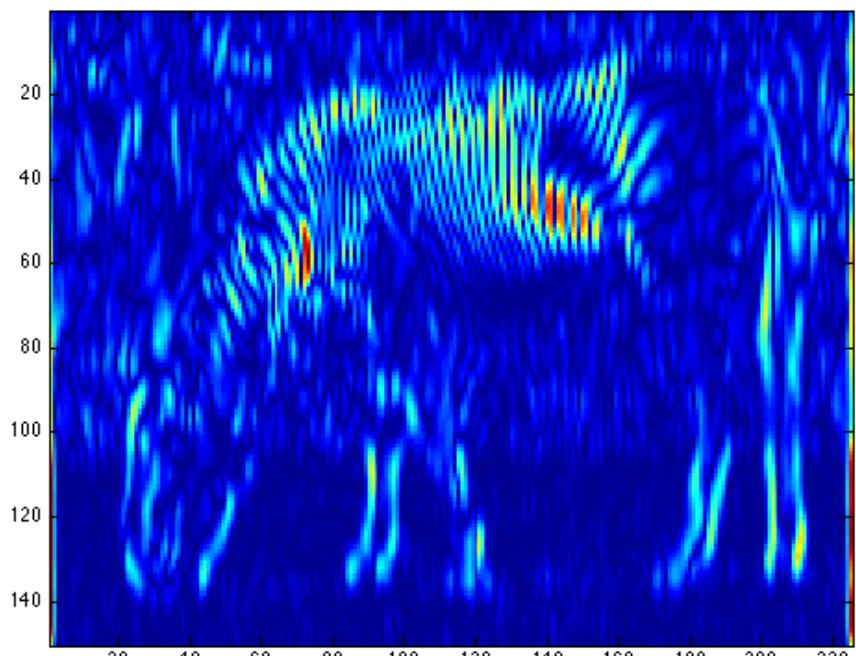
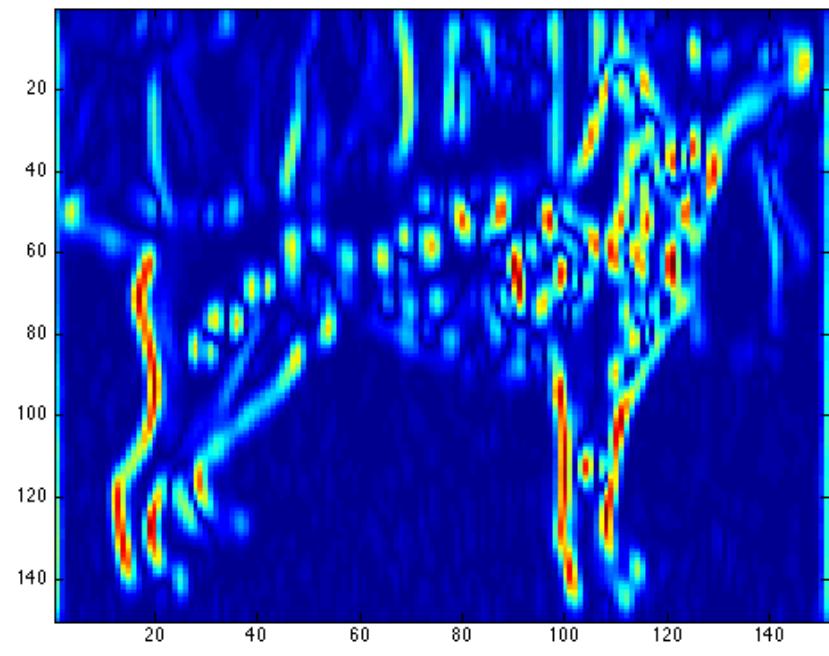
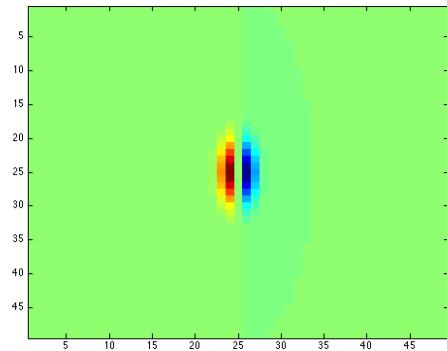
Imagini filtrate cu răspuns absolut



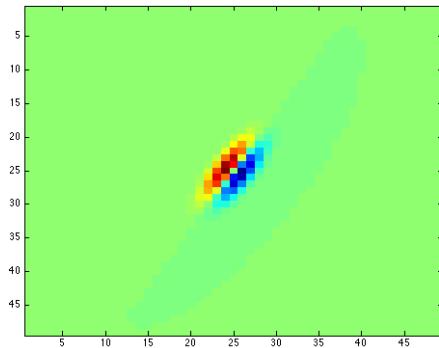
Imagini + filtru



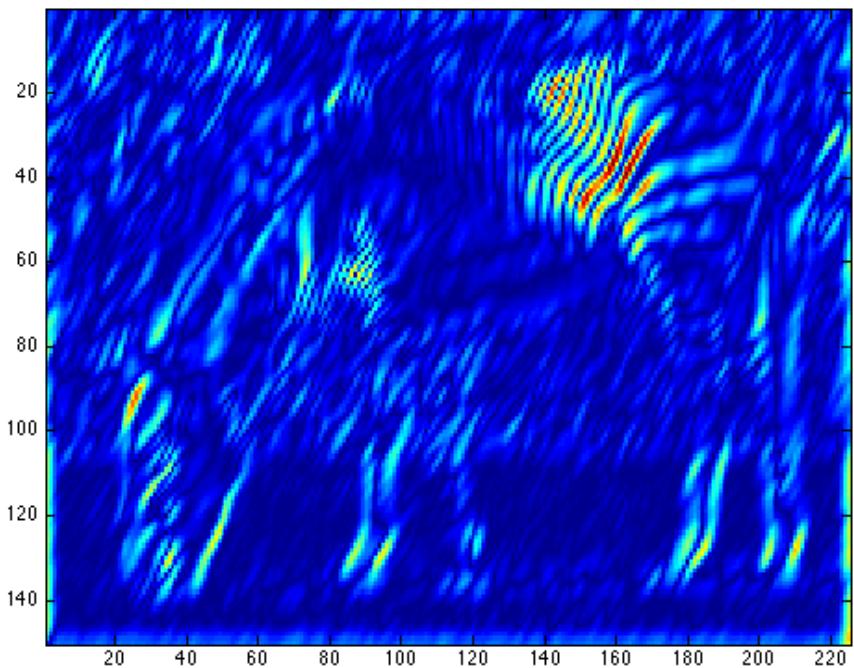
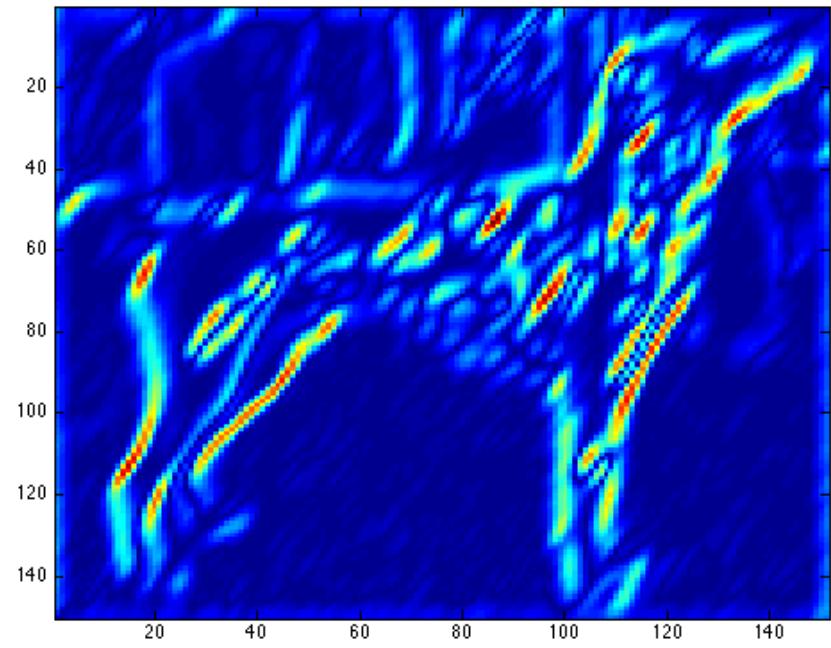
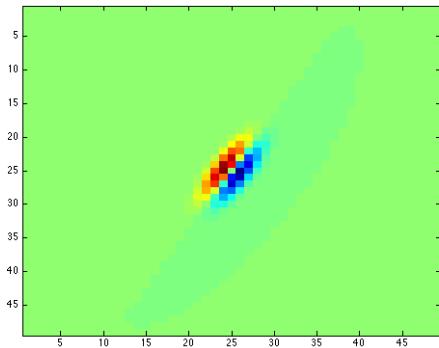
Imagini filtrate cu răspuns absolut



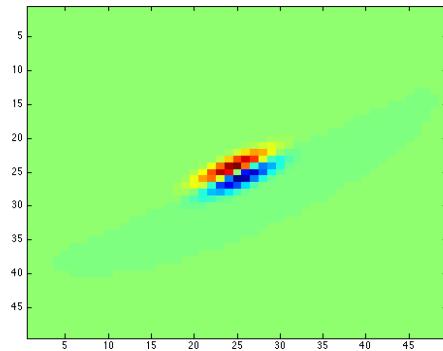
Imagini + filtru



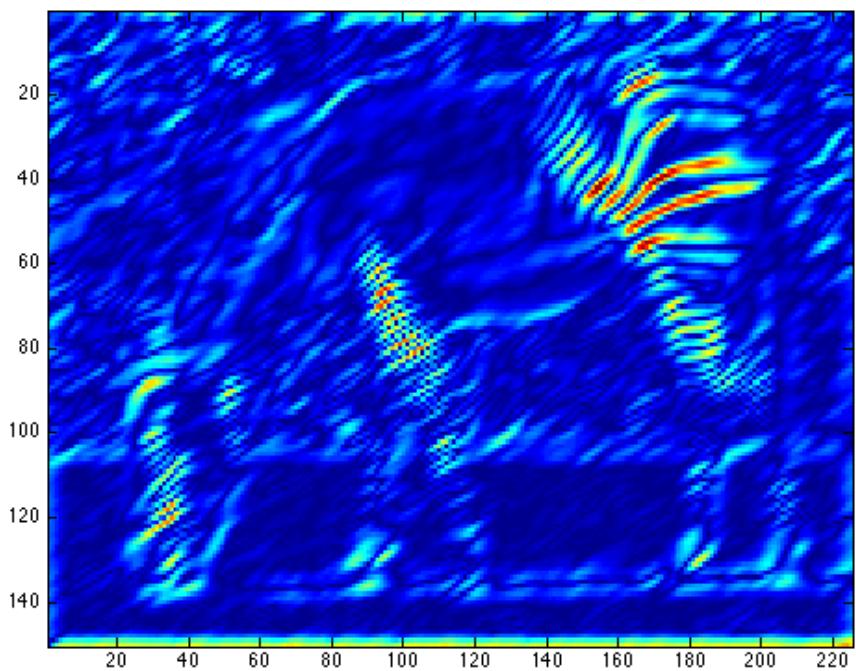
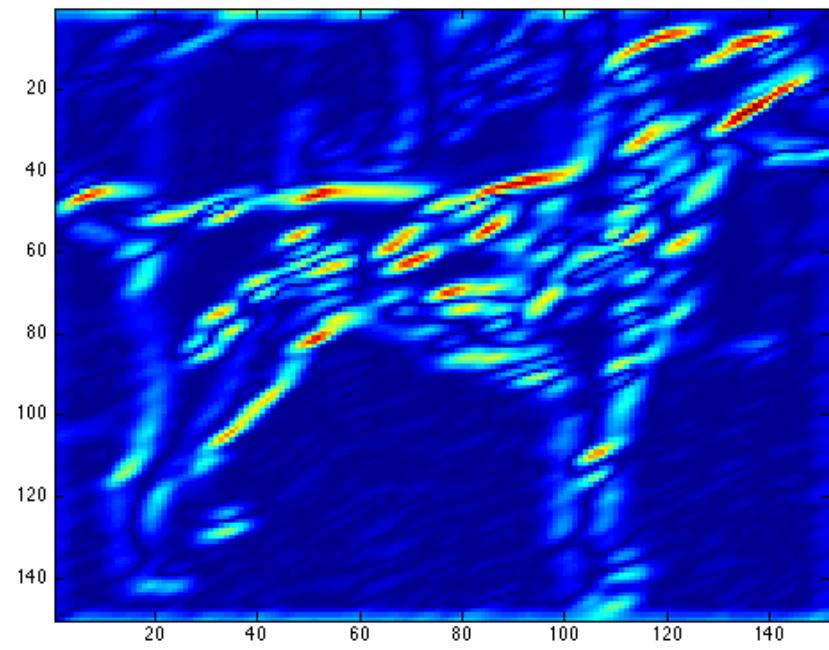
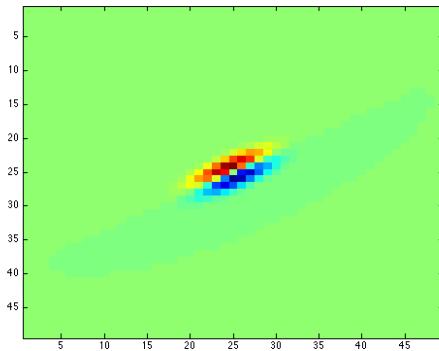
Imagini filtrate cu răspuns absolut



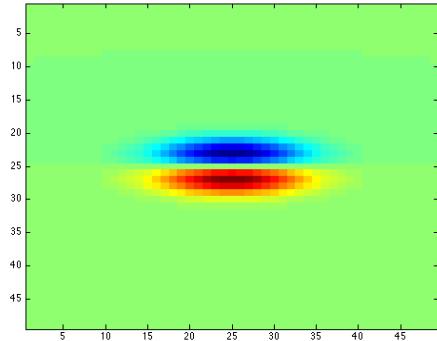
Imagini + filtru



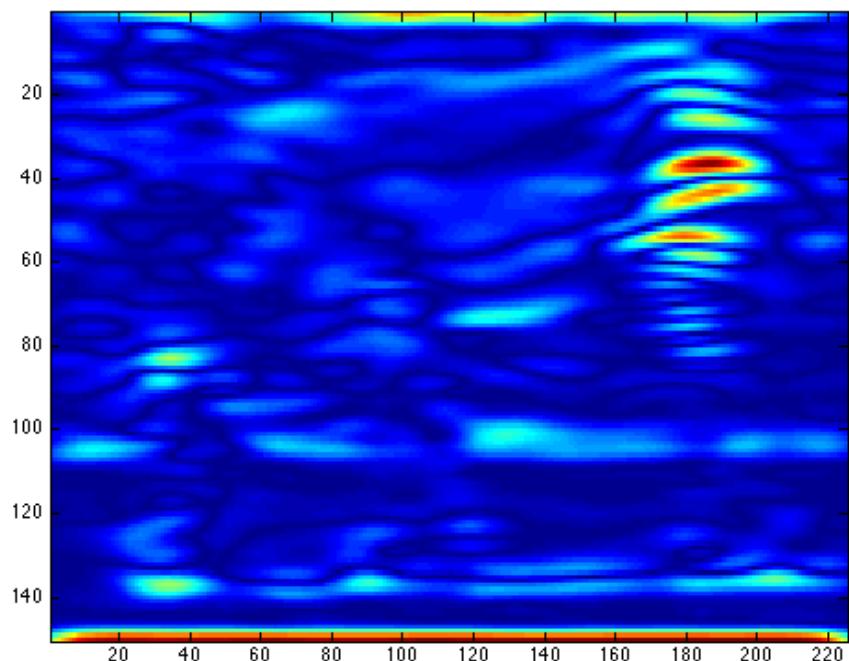
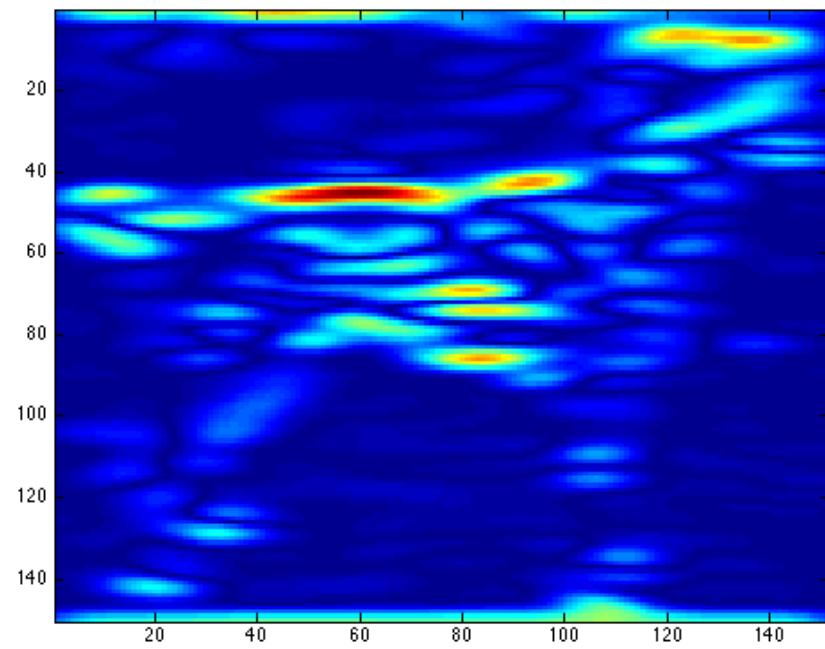
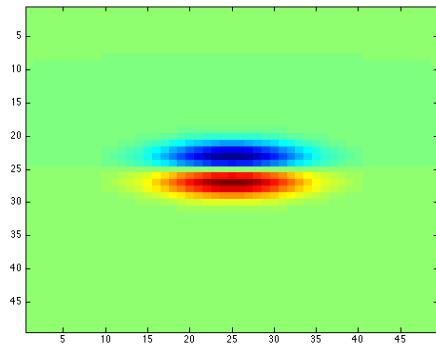
Imagini filtrate cu răspuns absolut



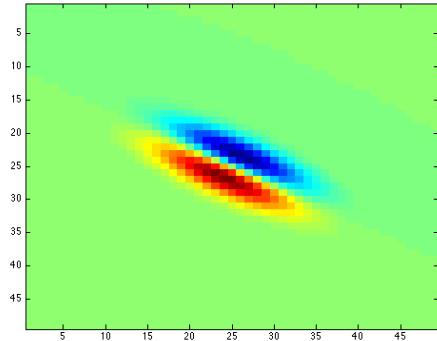
Imagini + filtru



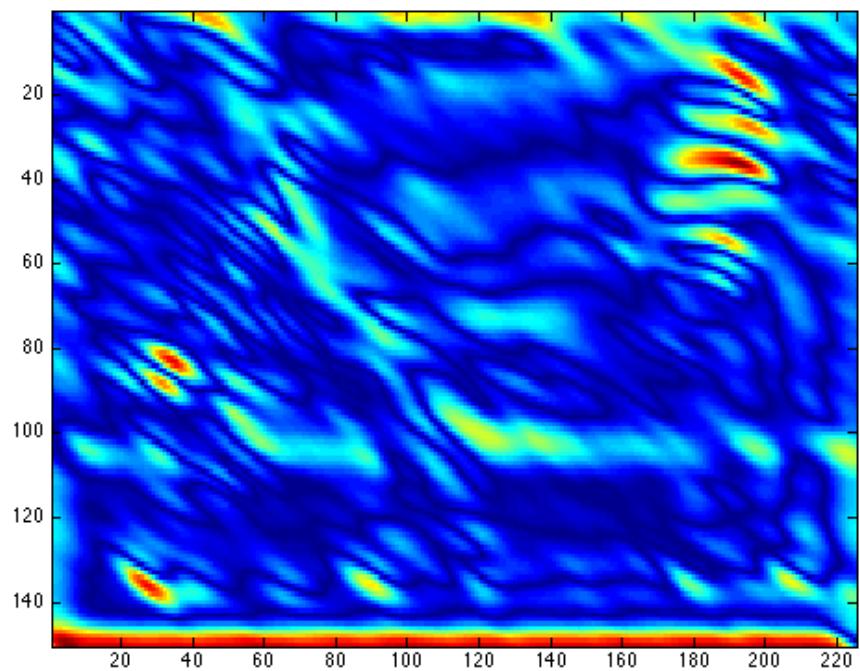
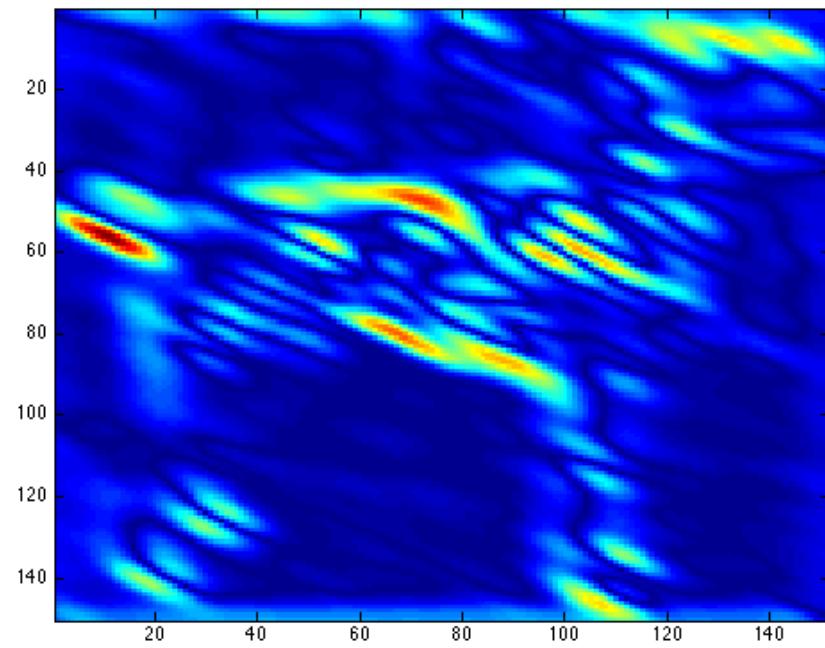
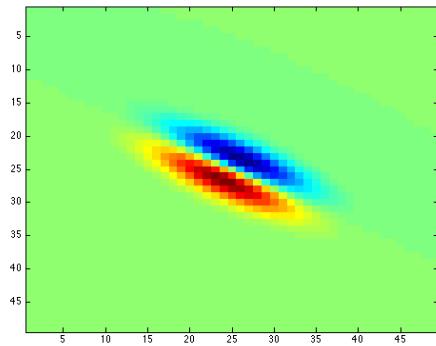
Imagini filtrate cu răspuns absolut



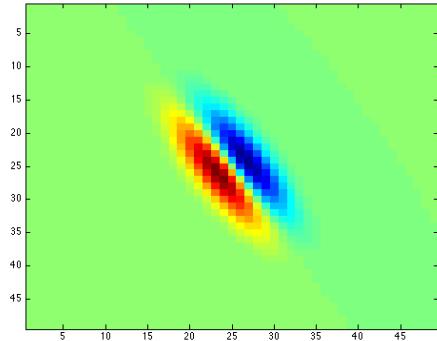
Imagini + filtru



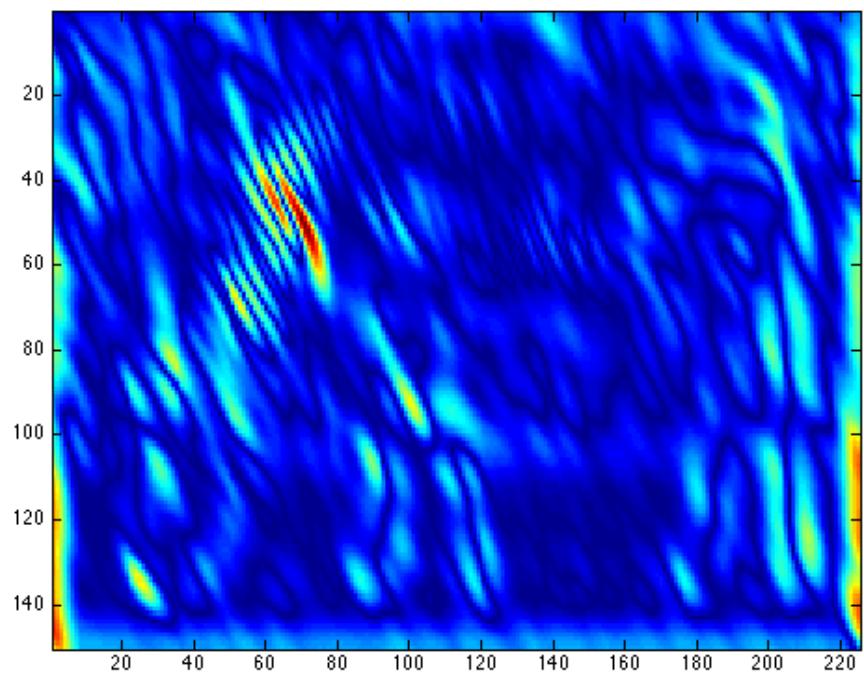
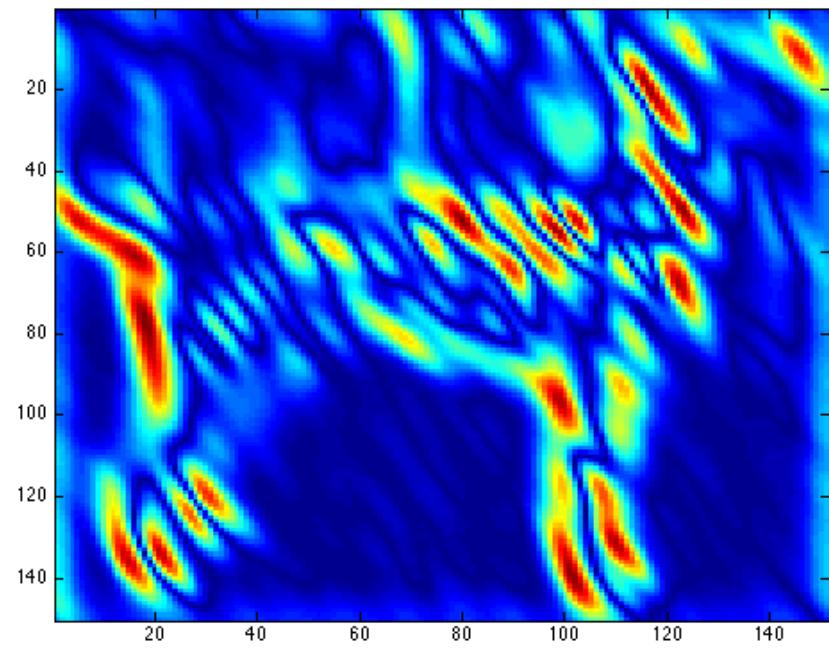
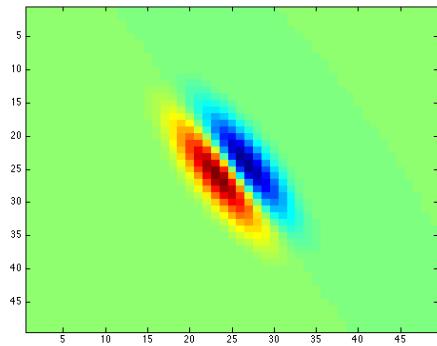
Imagini filtrate cu răspuns absolut



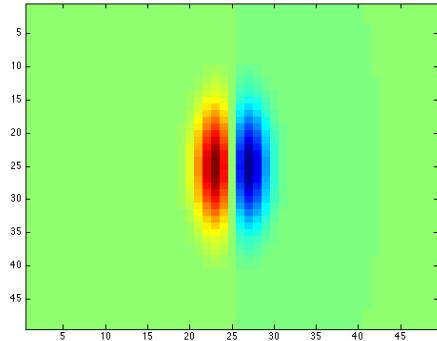
Imagini + filtru



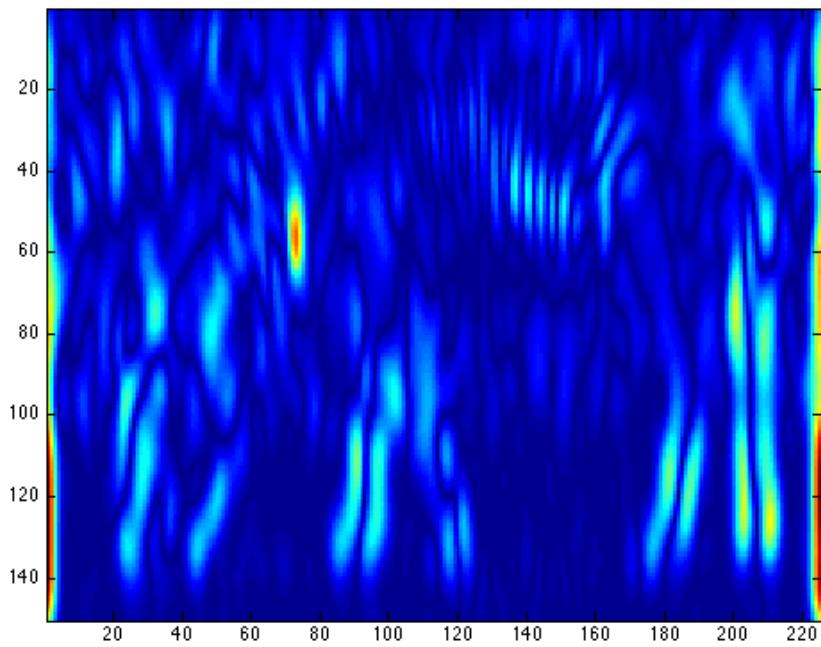
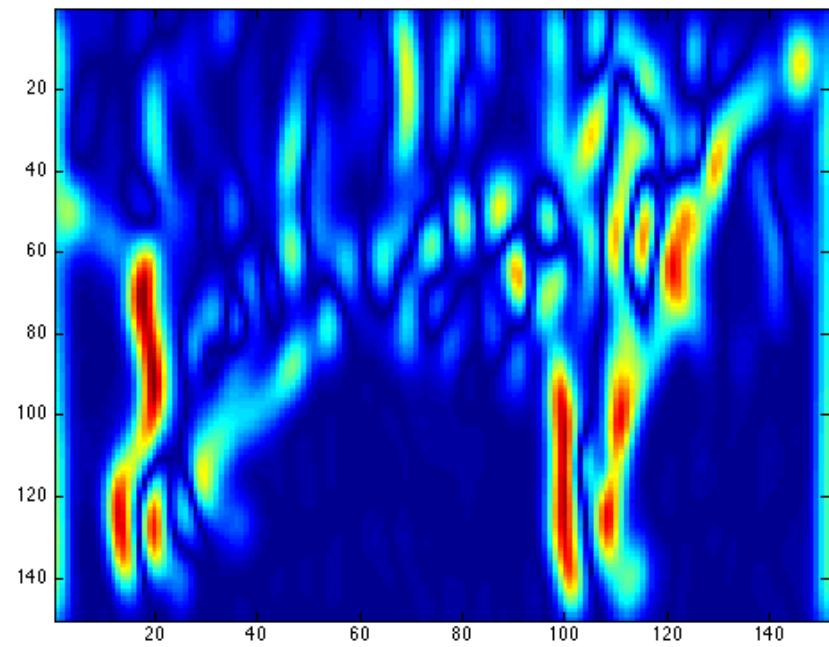
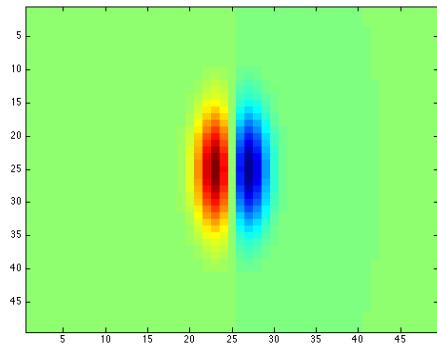
Imagini filtrate cu răspuns absolut



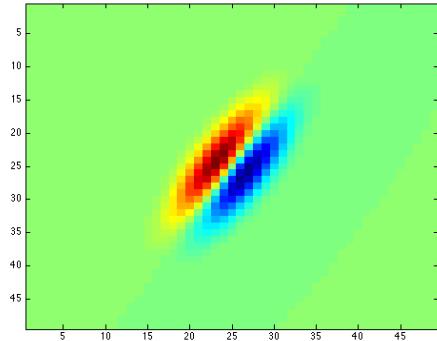
Imagini + filtru



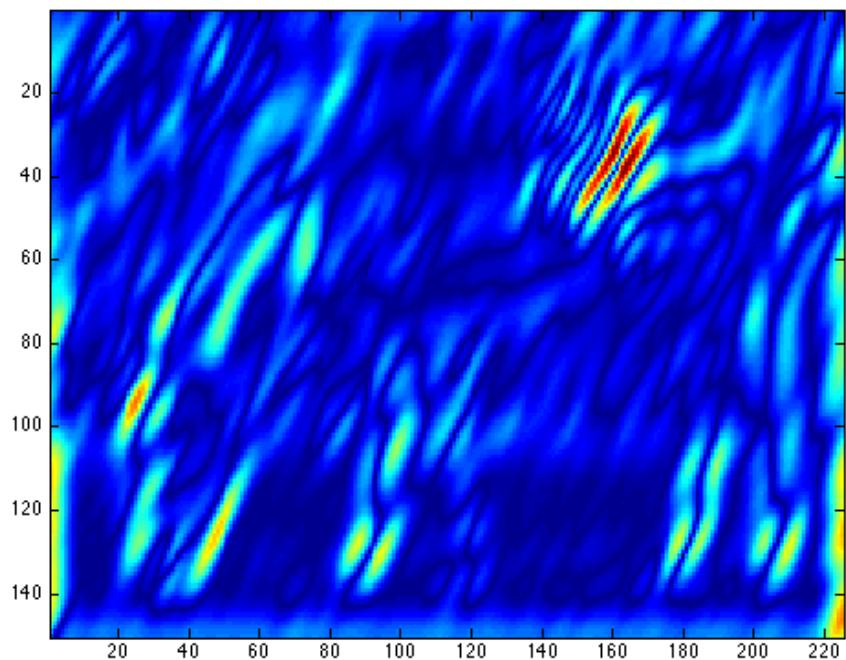
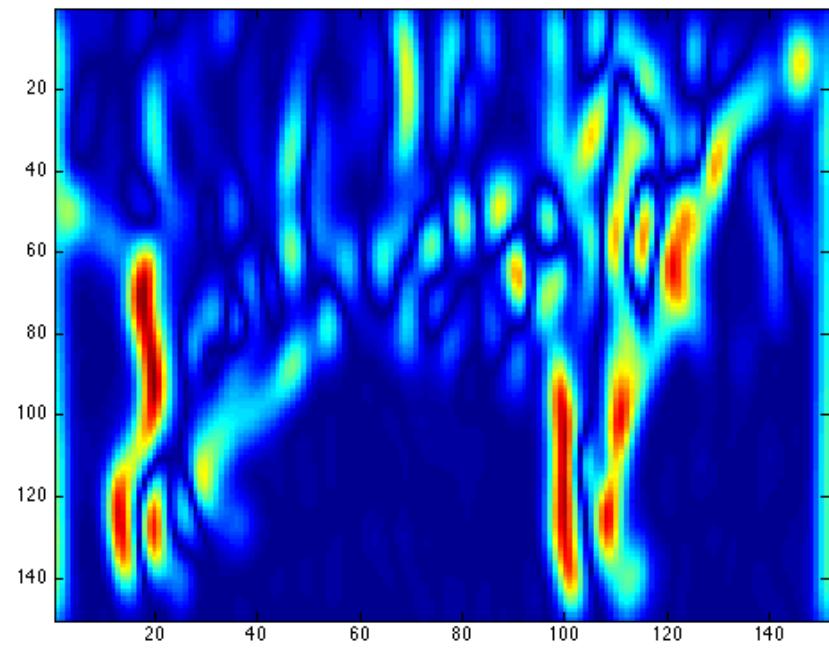
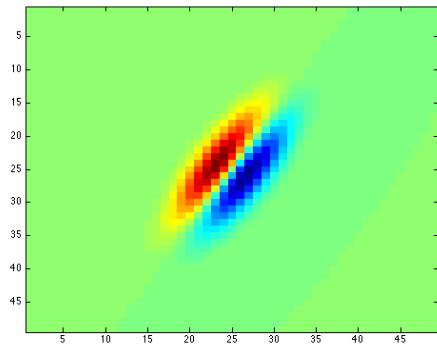
Imagini filtrate cu răspuns absolut



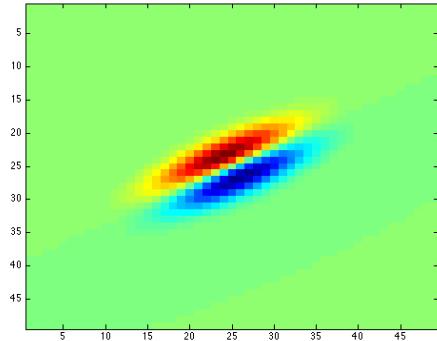
Imagini + filtru



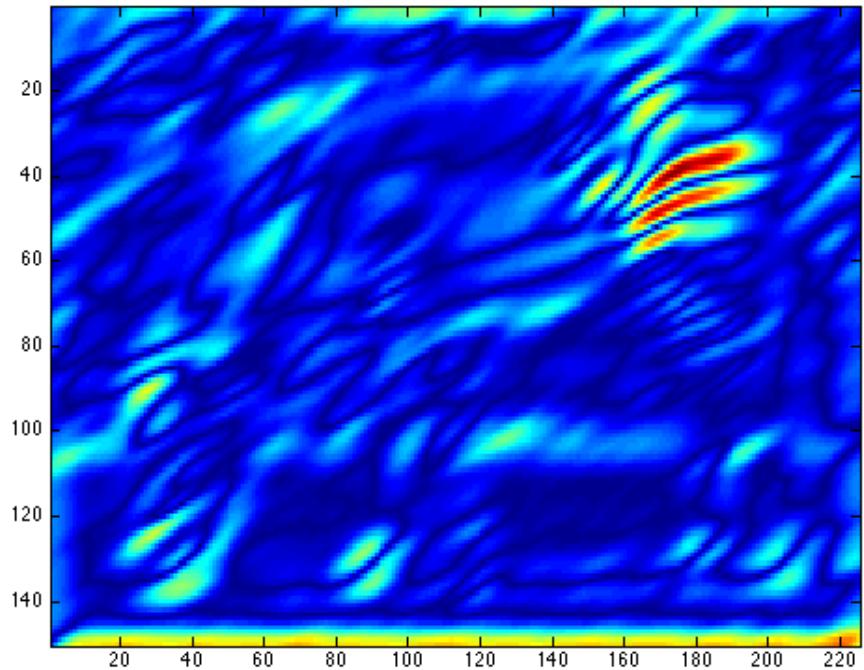
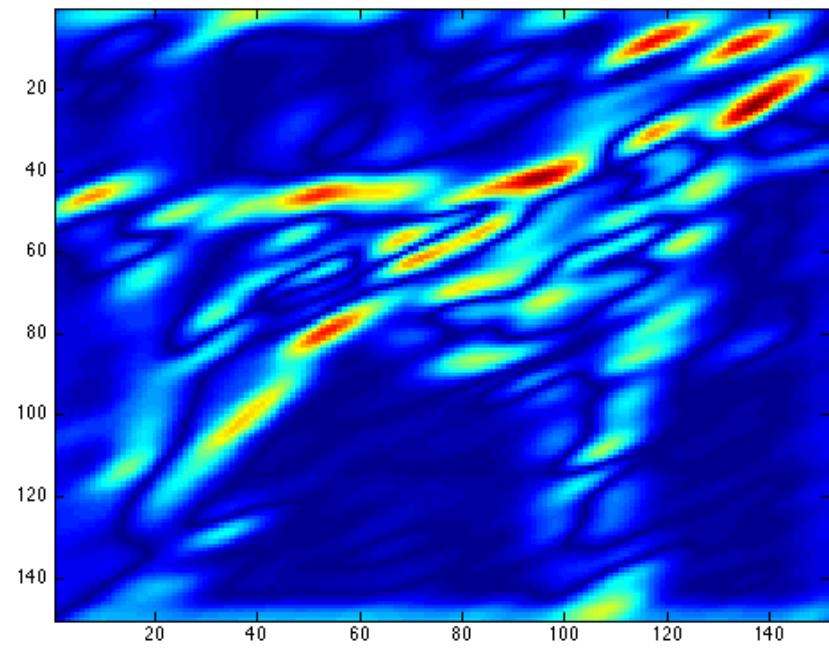
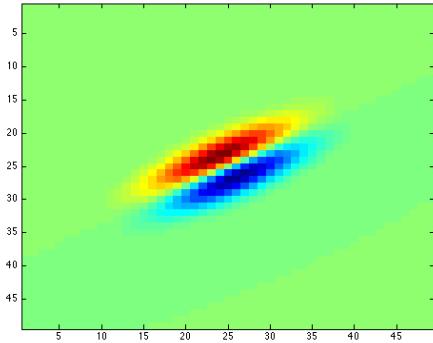
Imagini filtrate cu răspuns absolut



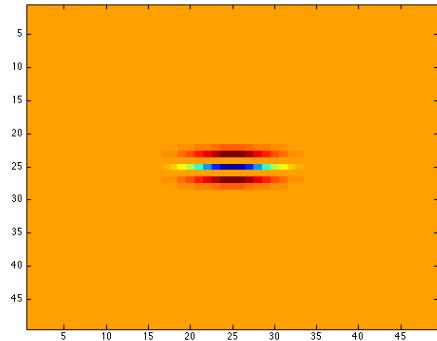
Imagini + filtru



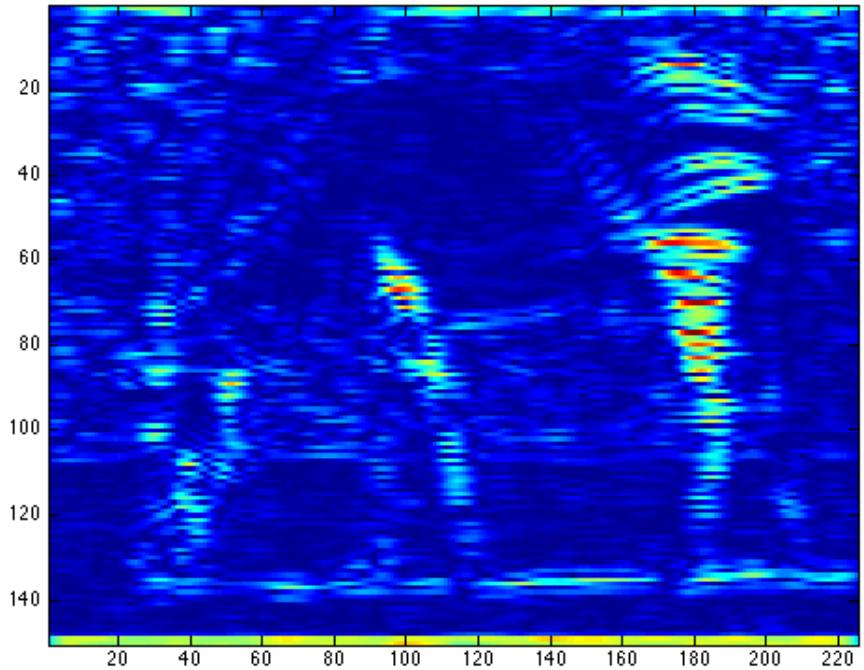
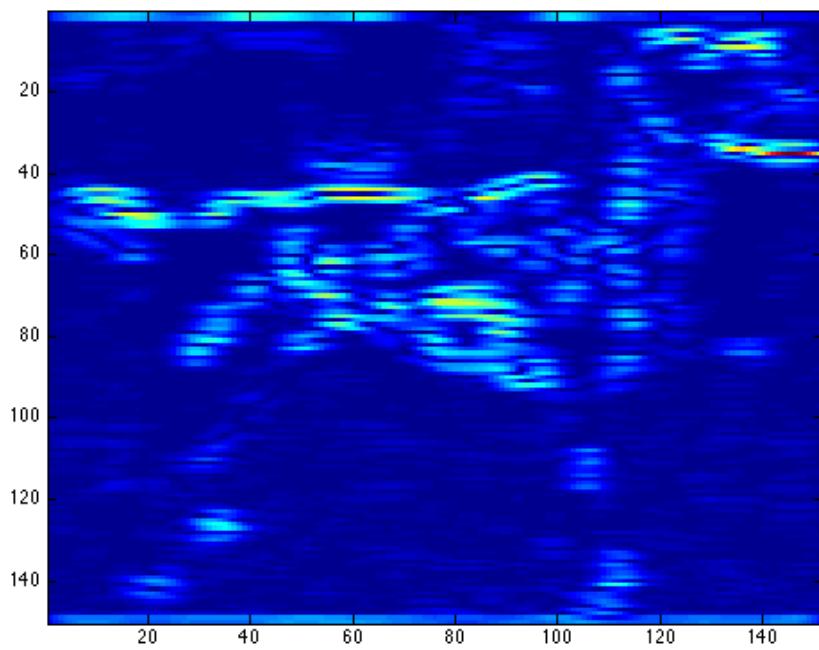
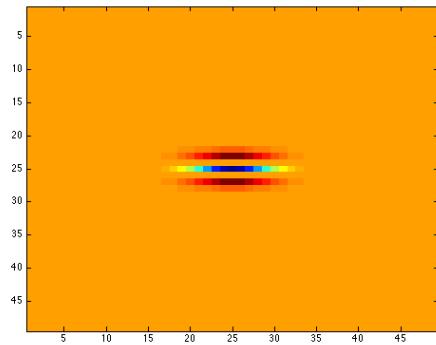
Imagini filtrate cu răspuns absolut



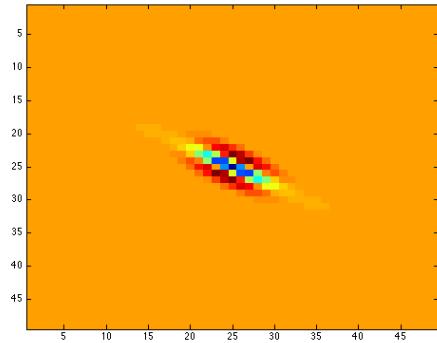
Imagini + filtru



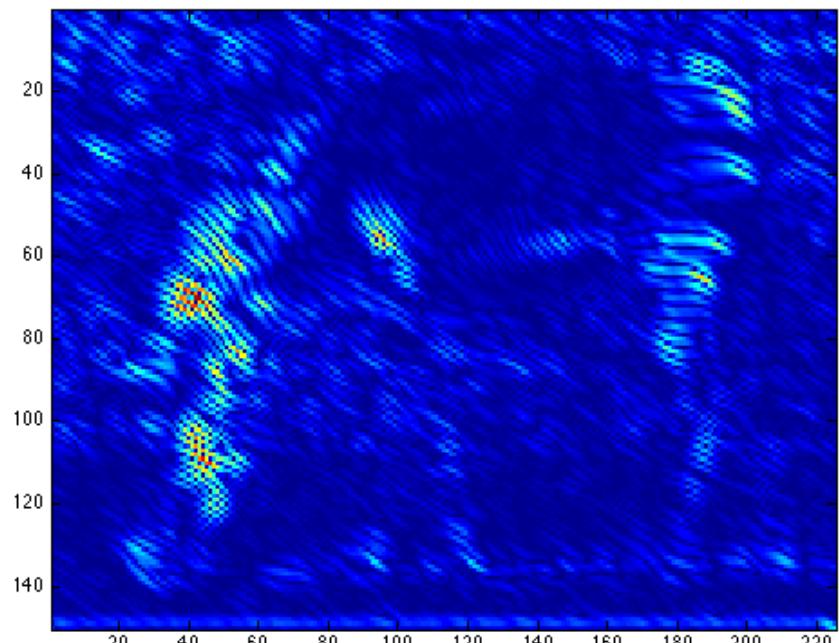
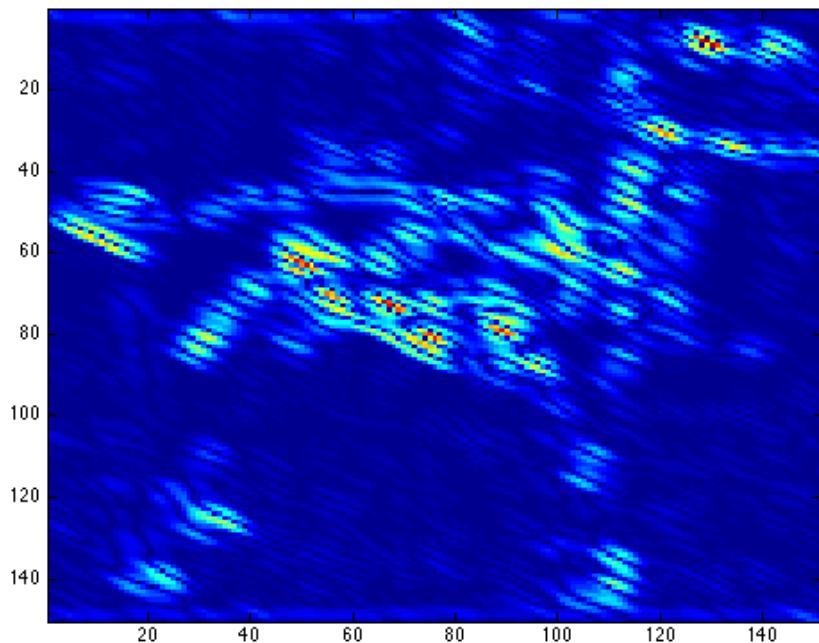
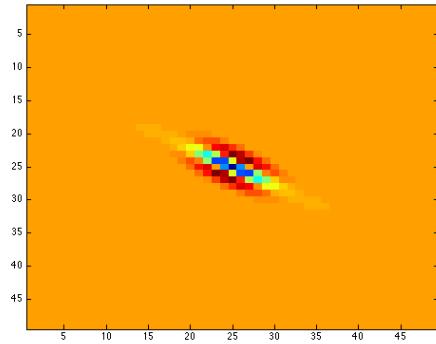
Imagini filtrate cu răspuns absolut



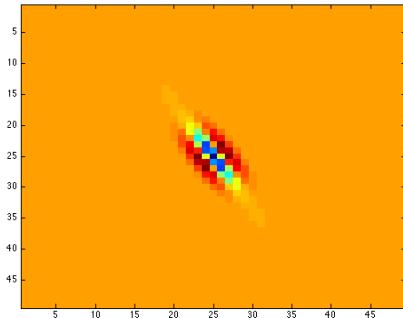
Imagini + filtru



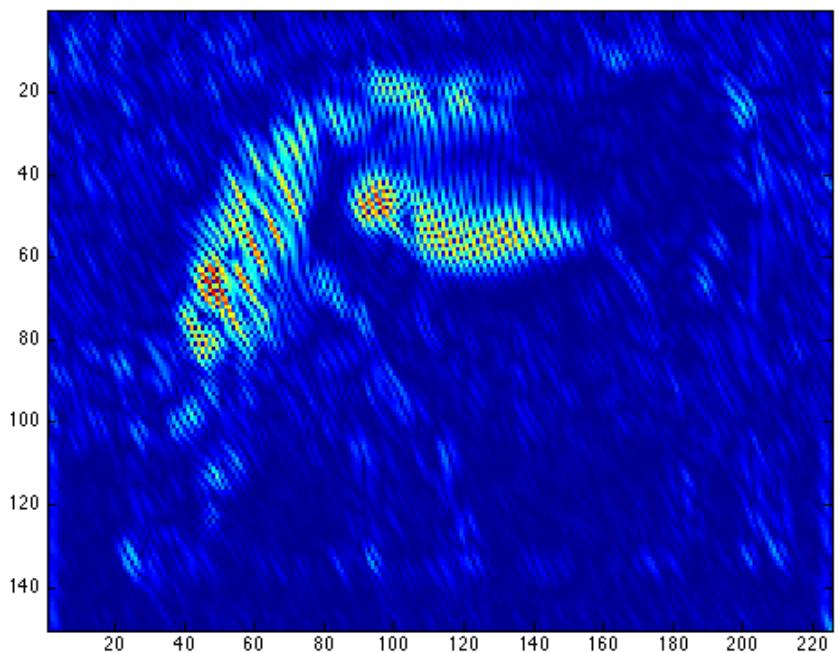
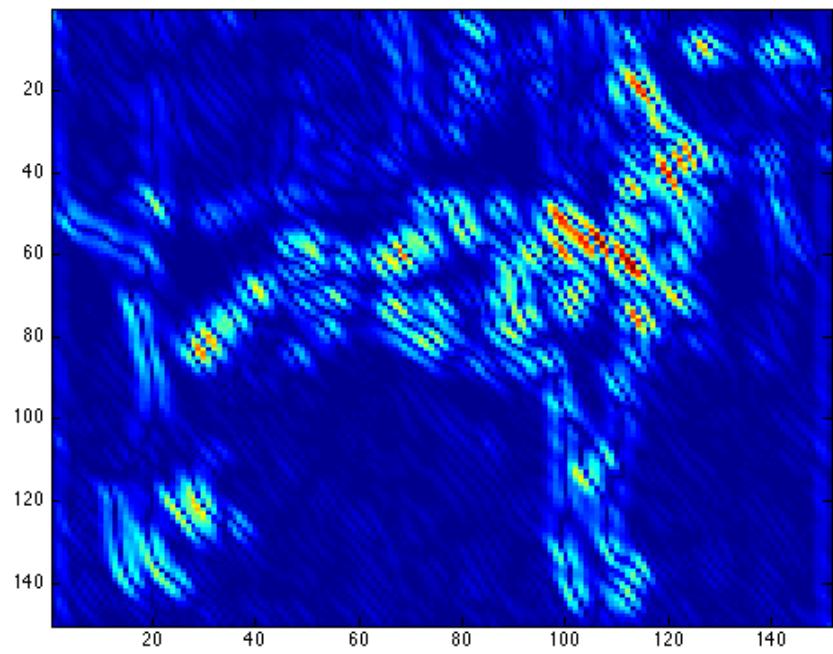
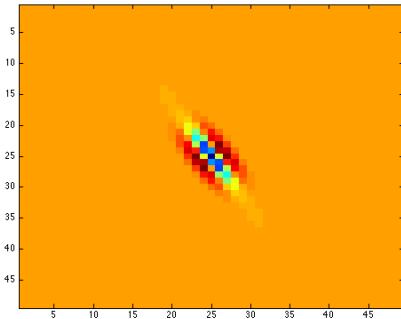
Imagini filtrate cu răspuns absolut



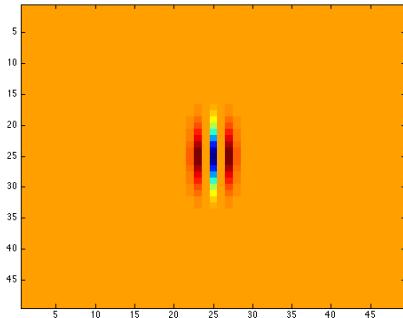
Imagini + filtru



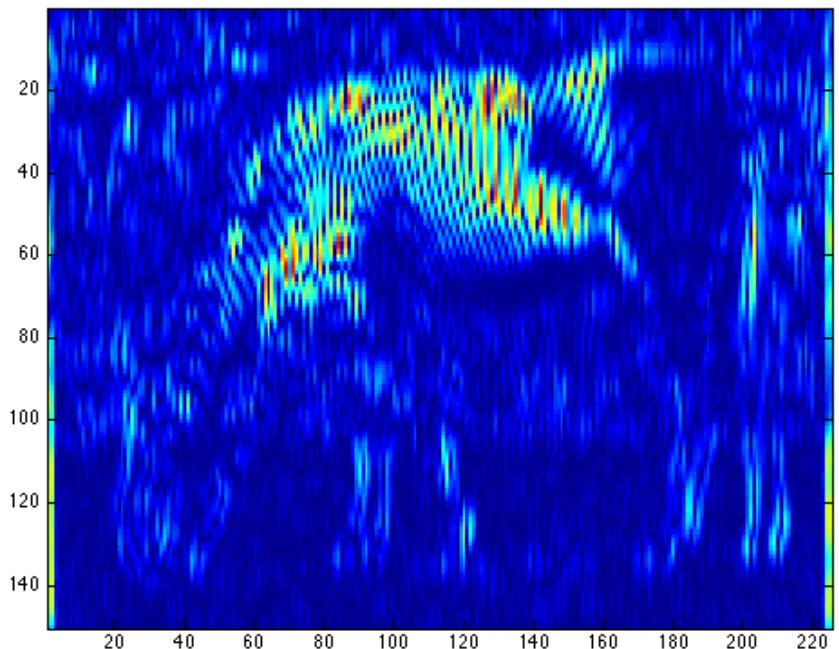
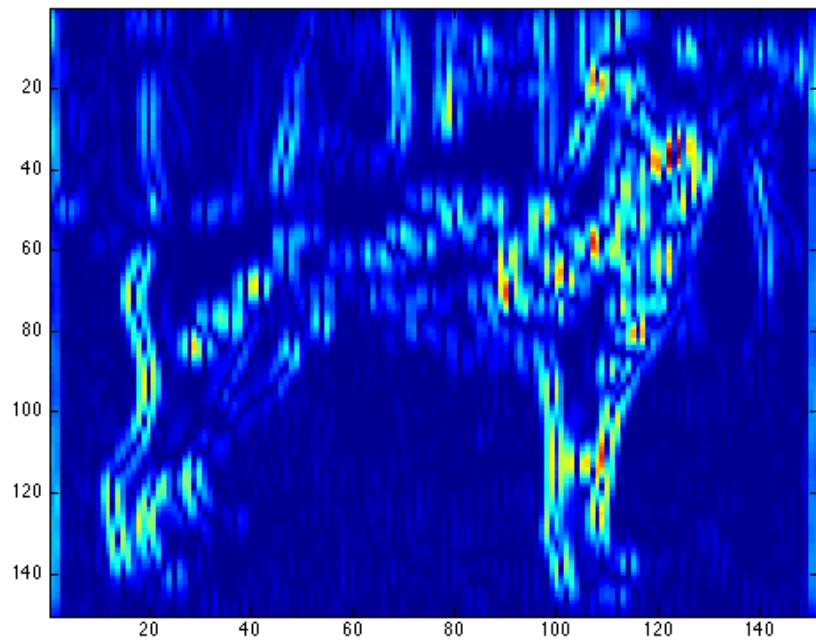
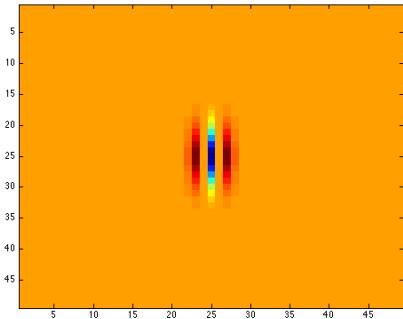
Imagini filtrate cu răspuns absolut



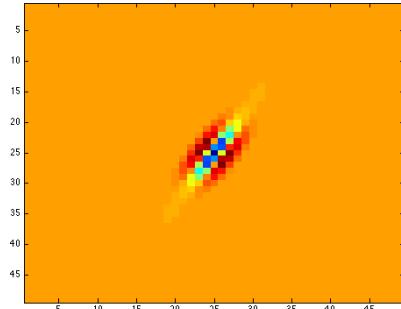
Imagini + filtru



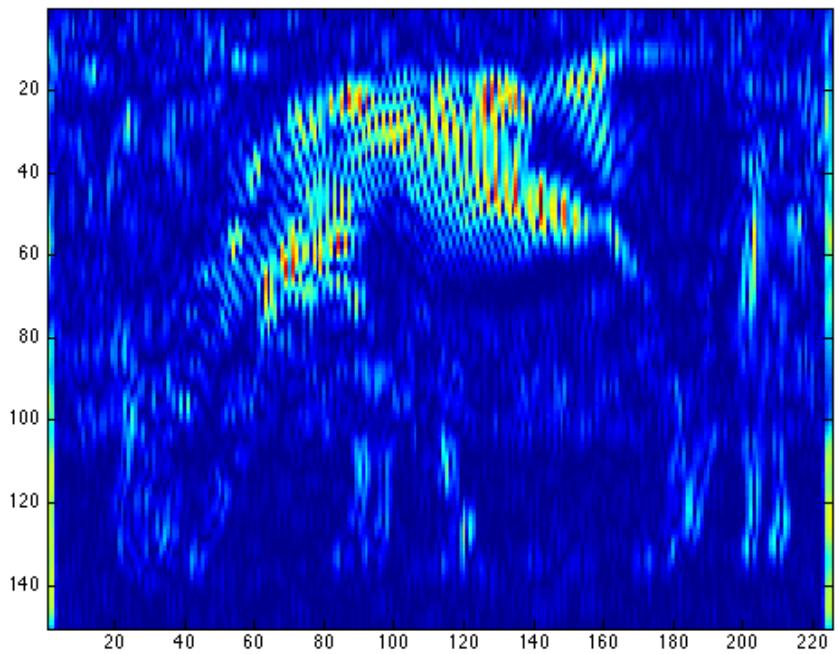
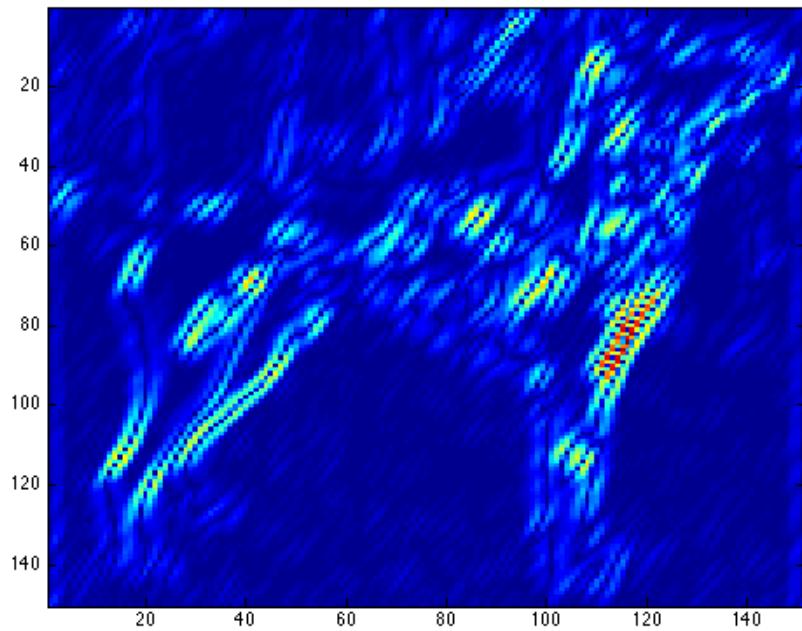
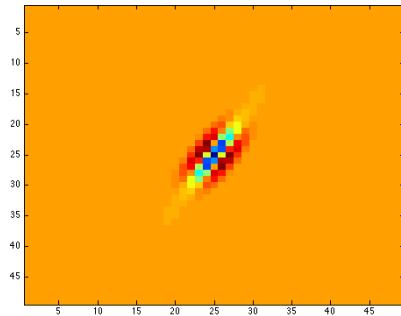
Imagini filtrate cu răspuns absolut



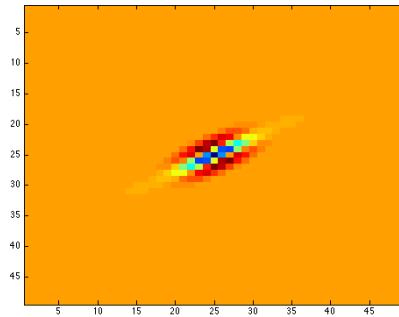
Imagini + filtru



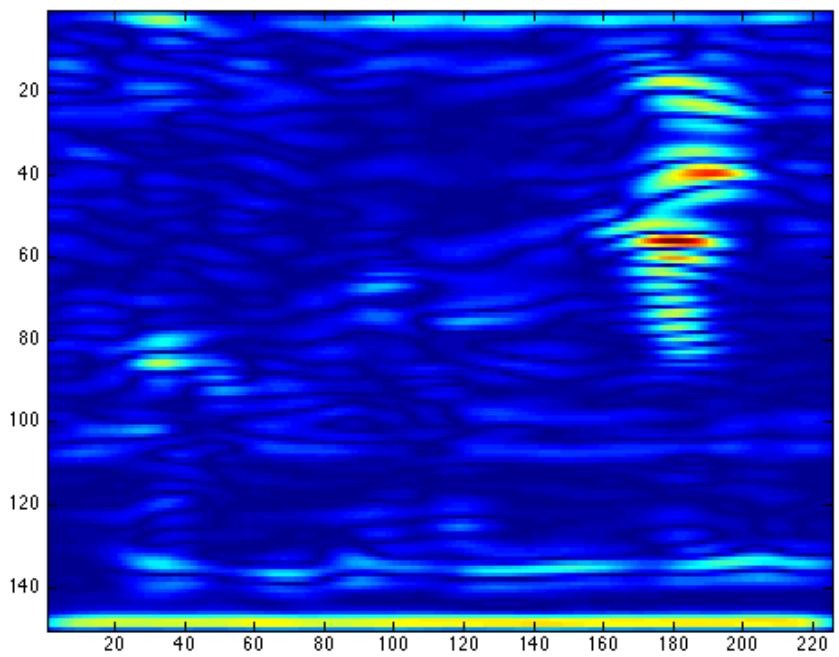
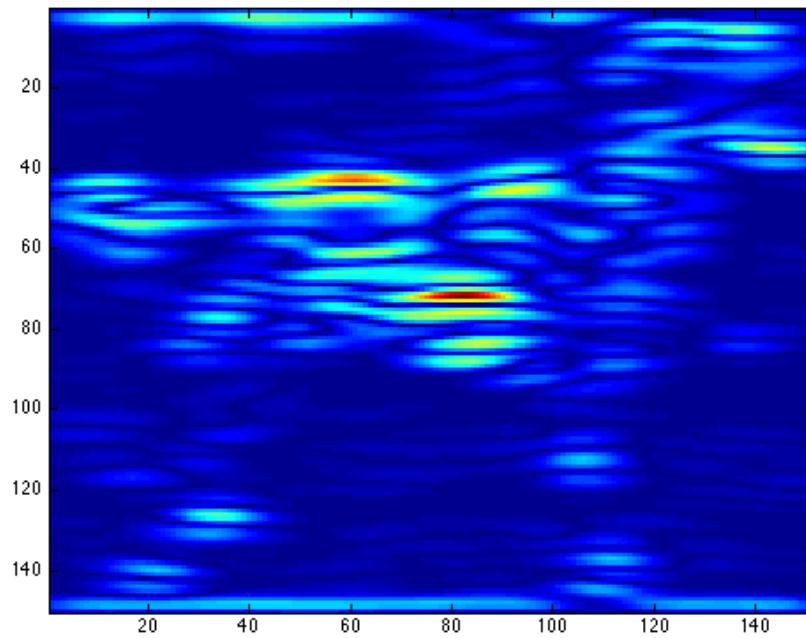
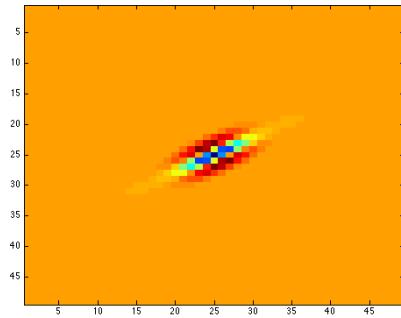
Imagini filtrate cu răspuns absolut



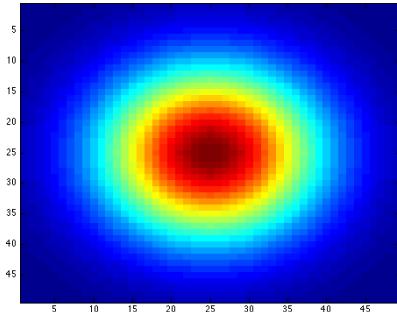
Imagini + filtru



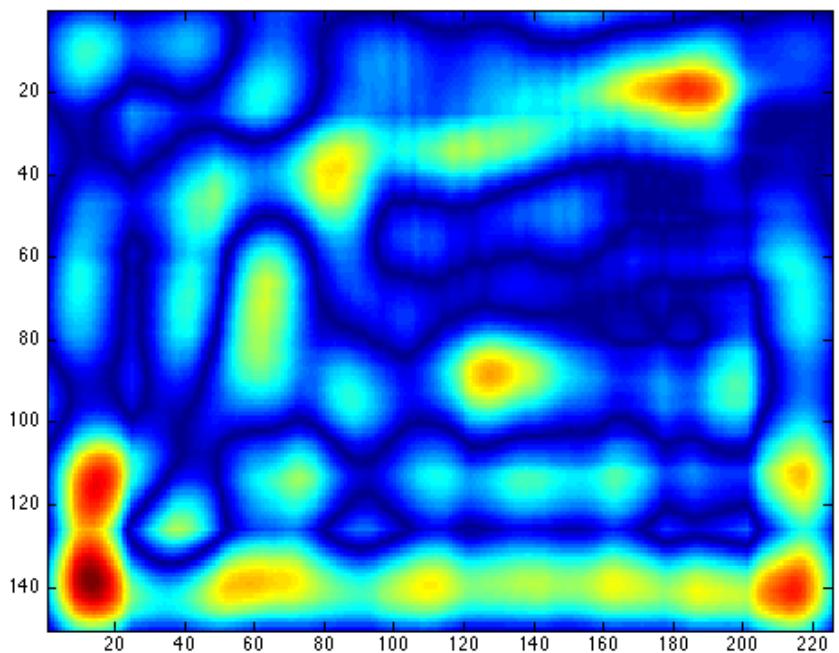
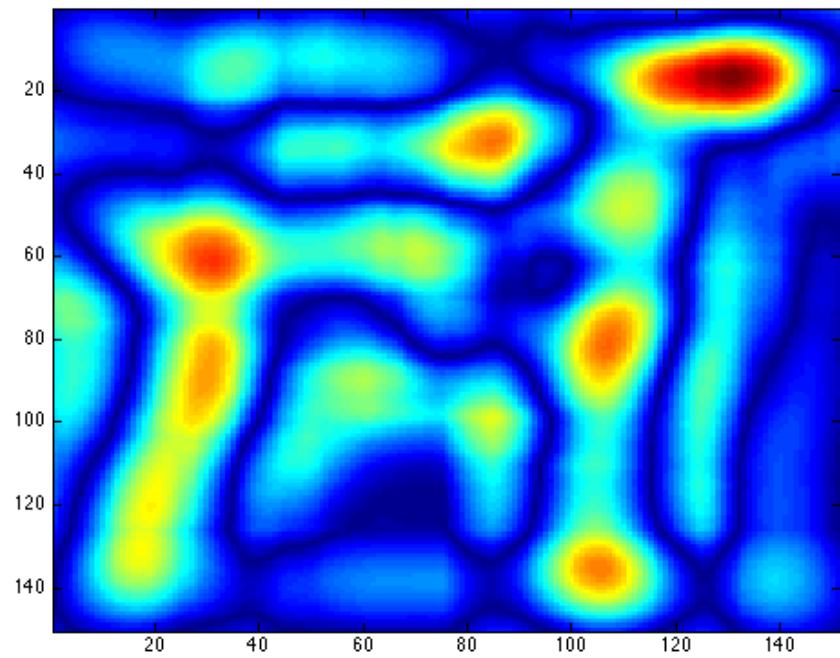
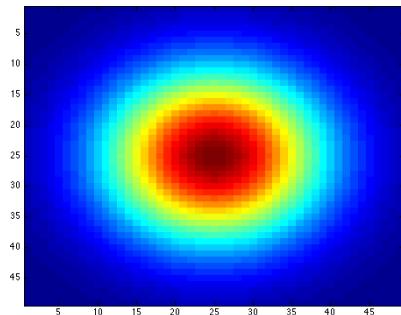
Imagini filtrate cu răspuns absolut



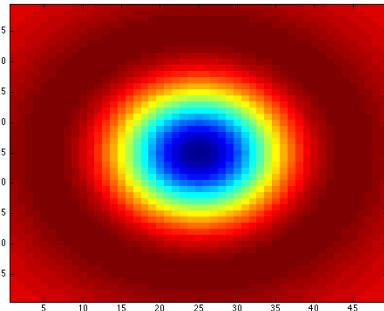
Imagini + filtru



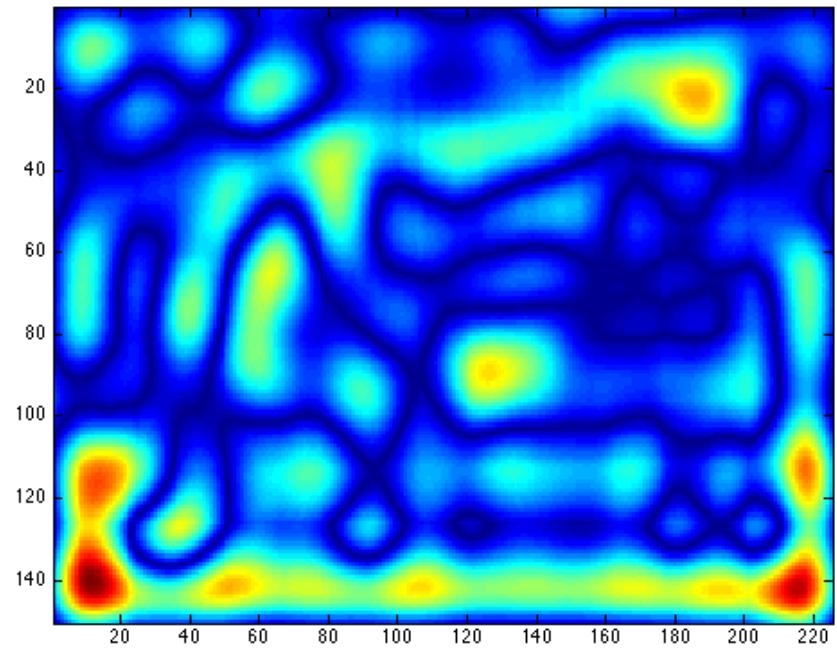
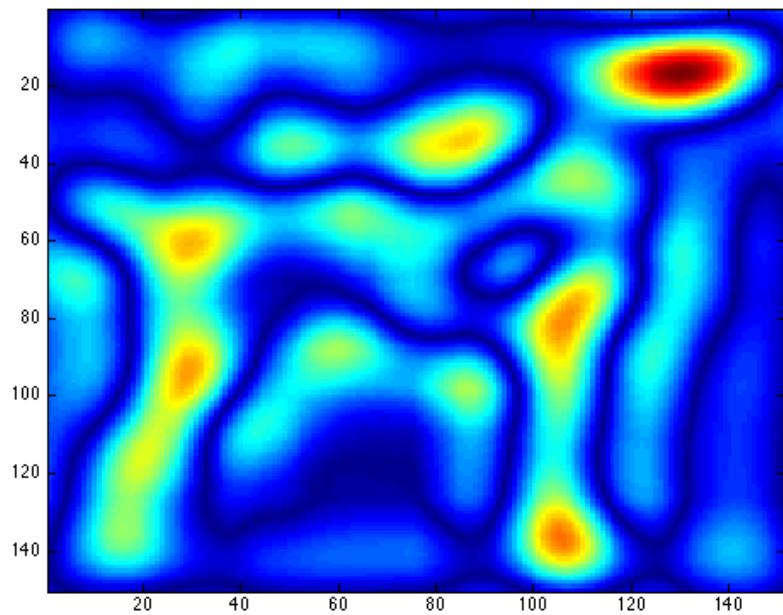
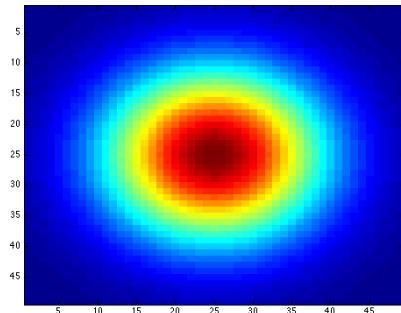
Imagini filtrate cu răspuns absolut



Imagini + filtru

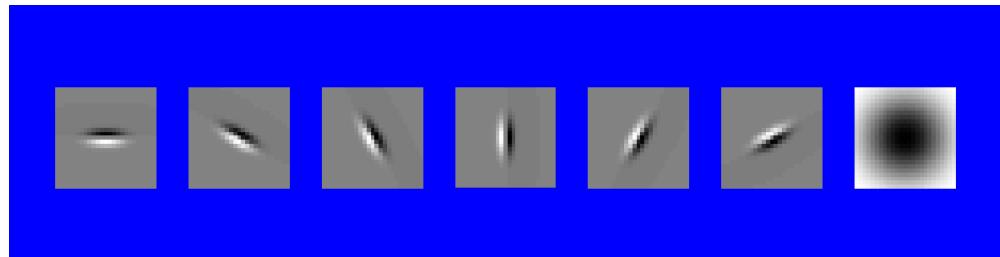


Imagini filtrate cu răspuns absolut

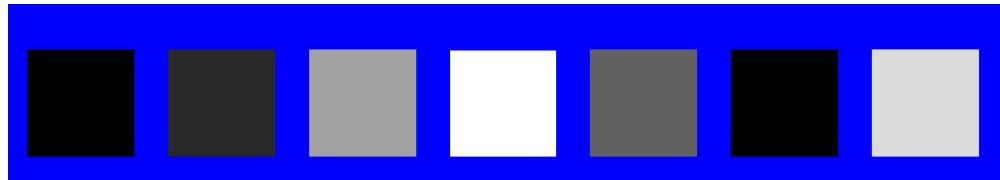


Găsiți corespondența!

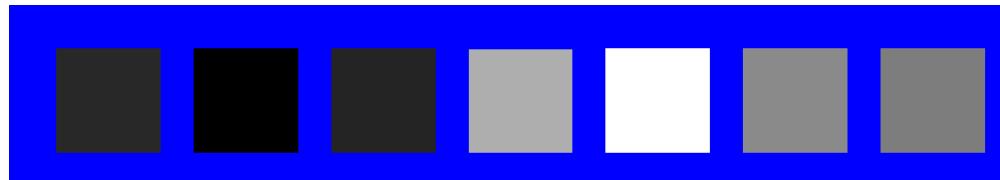
Colecție de filtre



1



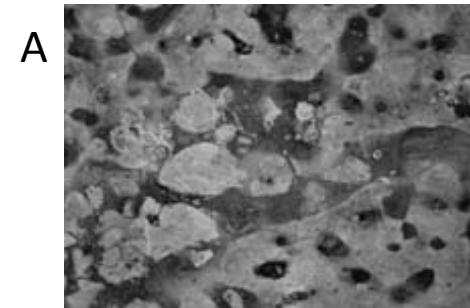
2



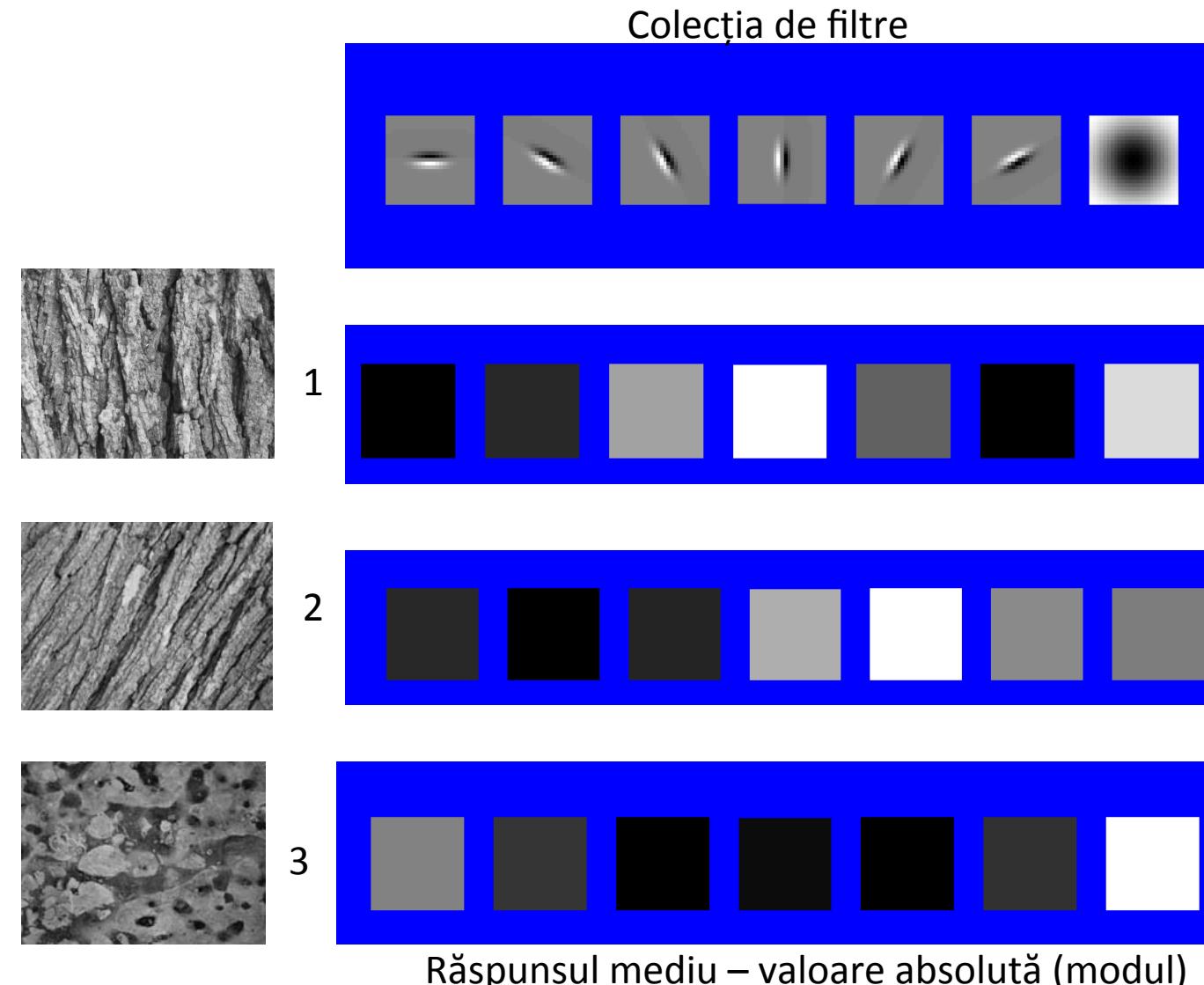
3



Răspunsul mediu – valoare absolută (modul)

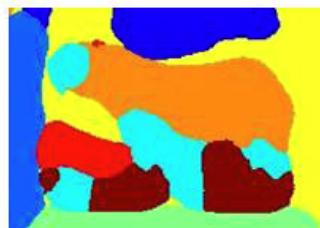


Reprezentarea texturilor pe baza răspunsului mediu în modul



De ce studiem textura?

- **Segmentare/clasificare**
 - analiza, reprezentarea texturii
 - grupează regiunile din imagine cu aceeași textură



- **Sinteză**
 - dată o mostră de textură (dimensiuni mici) vrem să generăm o textură similară (dimensiuni mari)

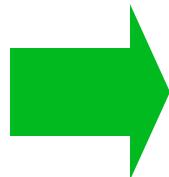


mostră de textură

textură generată

Sinteza texturii

- Scop: generarea de noi exemple de textură (dimensiuni mari) pe baza unui mostre (dimensiuni mici)
- Aplicații: îmbogățirea mediilor virtuale cu textură, jocuri pe calculator, acoperirea găurilor

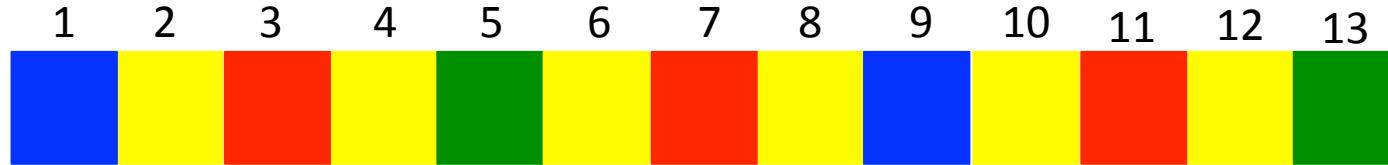


Obstacole

- Analiza texturii: cum cuprindem esența texturii?
- Texturi regulate – texeli care se repetă
- Texturi stocastice – nu prezintă în mod explicit texeli
- Vrem să modelăm întreg spectrul de texturi: de la texturi ce se repetă la texturi stocastice



Probabilitate



$$P(\text{pixel} = \boxed{\text{blue}}) = 2/13$$

$$P(\text{pixel} = \boxed{\text{red}}) = 3/13$$

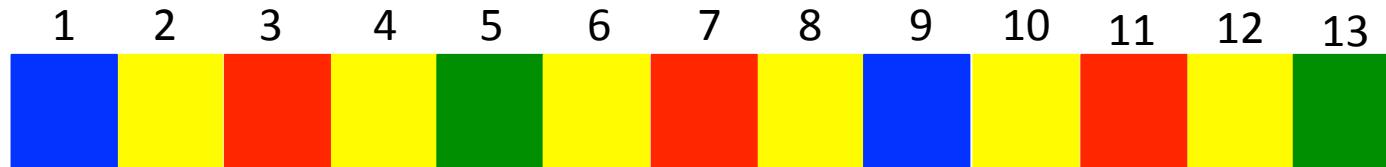
$$P(\text{pixel} = \boxed{\text{yellow}}) = 6/13$$

$$P(\text{pixel} = \boxed{\text{green}}) = 2/13$$

$$2/13 + 6/13 + 3/13 + 2/13 = 1$$

Probabilitate = Nr cazuri favorabile / Nr cazuri totale
Suma = 1

Probabilitate condiționată



$$P(\text{pixel} = \boxed{\text{red}} \mid \text{pixelul din stânga} = \boxed{\text{yellow}}) = 3/6$$

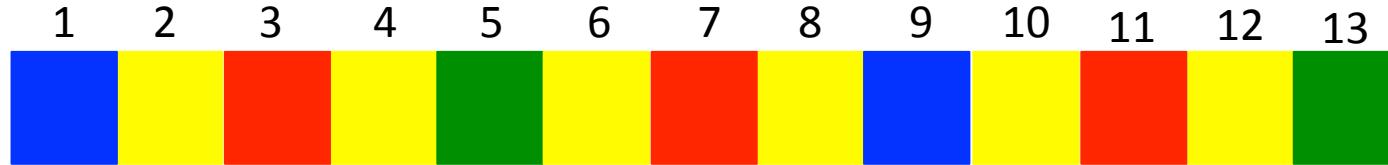
$$P(\text{pixel} = \boxed{\text{blue}} \mid \text{pixelul din stânga} = \boxed{\text{yellow}}) = 1/6$$

$$P(\text{pixel} = \boxed{\text{yellow}} \mid \text{pixelul din stânga} = \boxed{\text{yellow}}) = 0/6$$

$$P(\text{pixel} = \boxed{\text{green}} \mid \text{pixelul din stânga} = \boxed{\text{yellow}}) = 2/6$$

$$3/6 + 1/6 + 0/6 + 2/6 = 1$$

Probabilitate condiționată



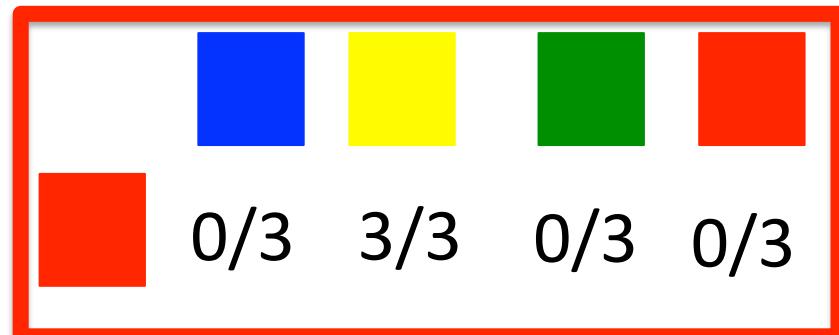
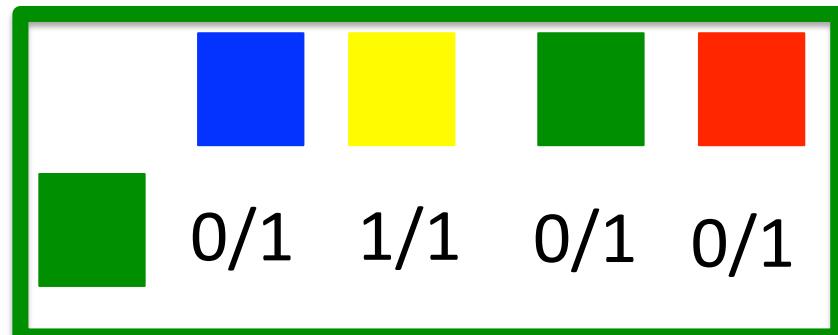
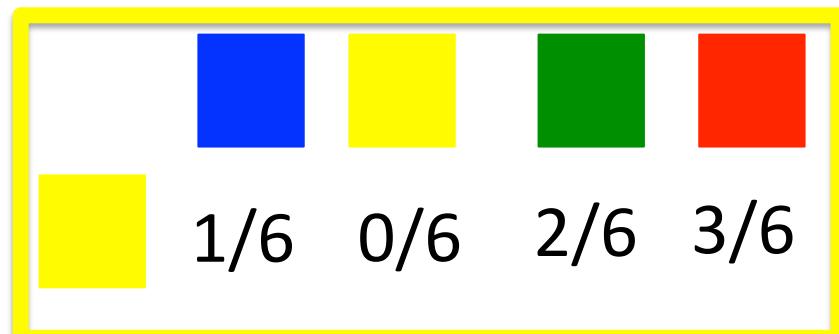
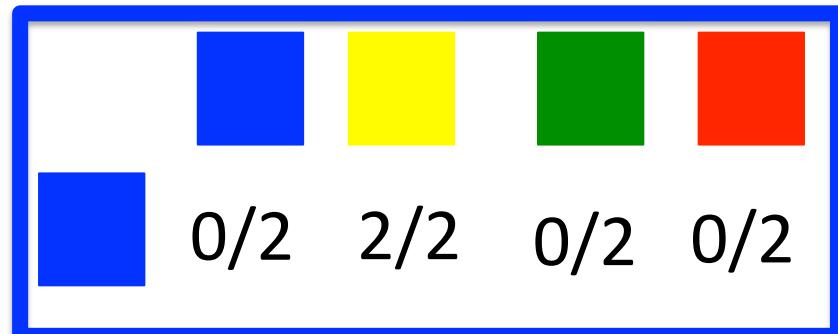
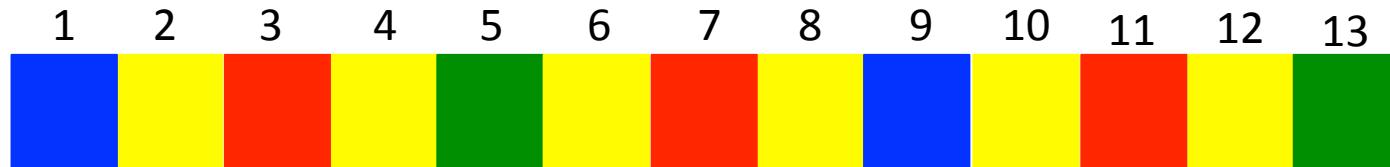
$P(\text{pixel} = \boxed{\text{red}} \mid \text{pixelul din stânga} = \boxed{\text{blue}}) = 0/2$

$P(\text{pixel} = \boxed{\text{blue}} \mid \text{pixelul din stânga} = \boxed{\text{blue}}) = 0/2$

$P(\text{pixel} = \boxed{\text{yellow}} \mid \text{pixelul din stânga} = \boxed{\text{blue}}) = 2/2$

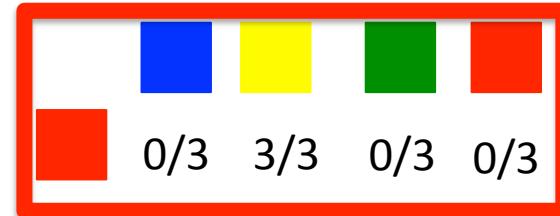
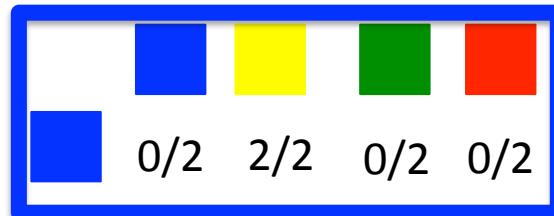
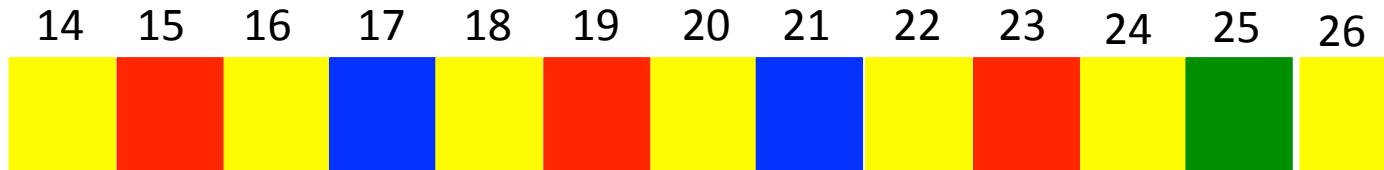
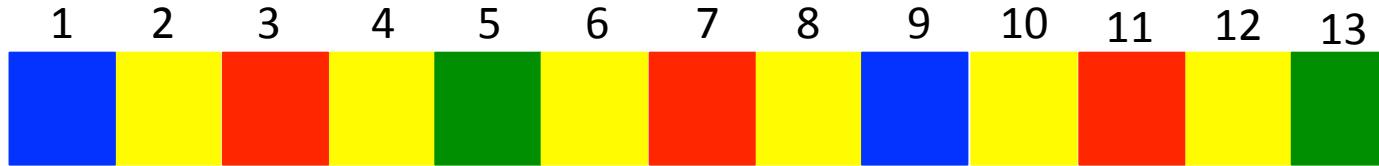
$P(\text{pixel} = \boxed{\text{green}} \mid \text{pixelul din stânga} = \boxed{\text{blue}}) = 0/2$

Probabilitate condiționată



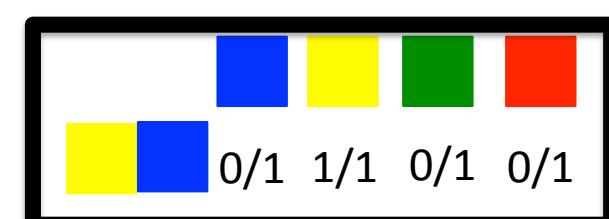
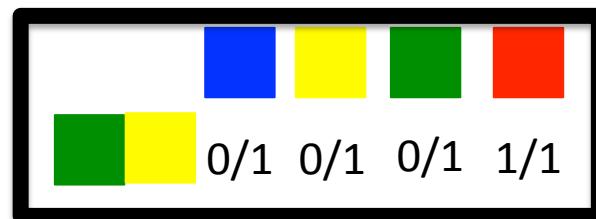
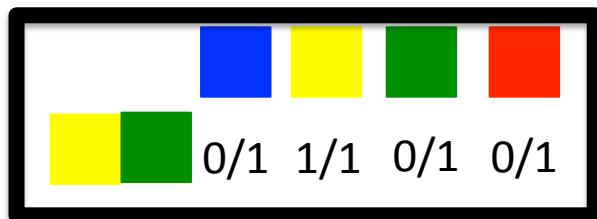
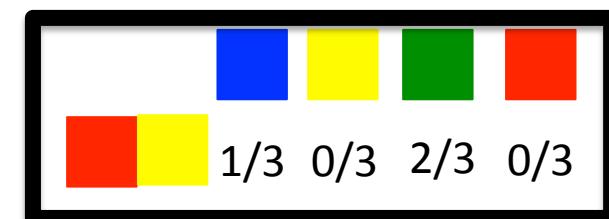
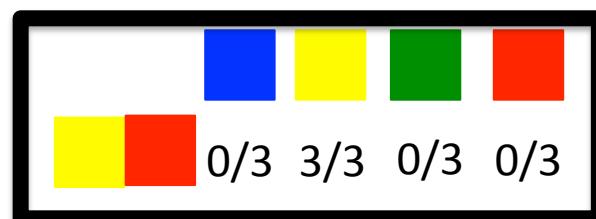
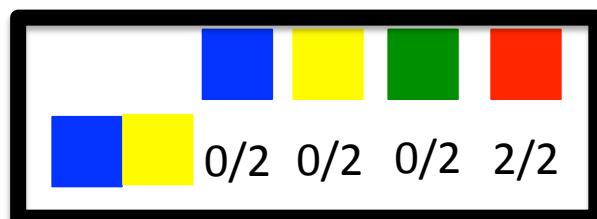
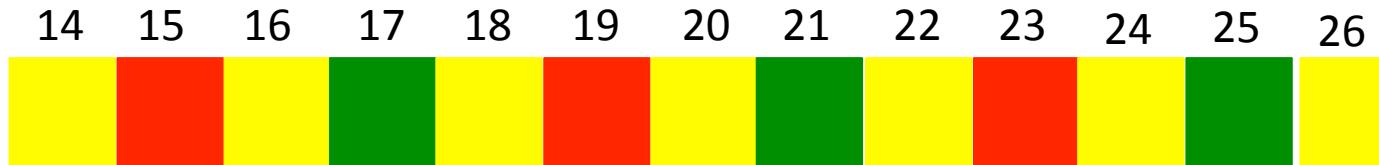
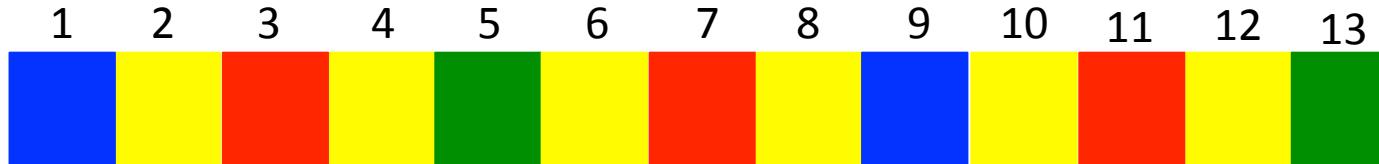
Complețăm textura

Complețăm textura pixel cu pixel după următoarea regulă: observăm vecinul din stânga și apoi selectăm un pixel din distribuția condiționată (fără să o updatăm).



Complețăm textura

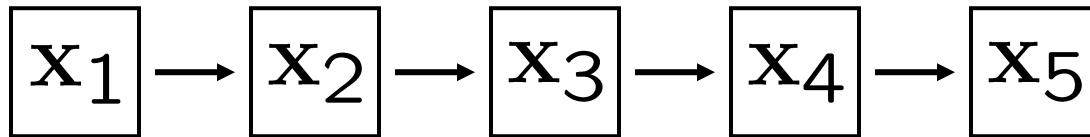
Complețăm textura pixel cu pixel după următoarea regulă: observăm cei doi vecini din stânga (conțează ordinea) și apoi selectăm un pixel din distribuția condiționată (fără să o updatăm).



Lanțuri Markov

Lanț Markov:

- o secvență de variabile aleatoare x_1, x_2, \dots, x_n
- x_t reprezintă **starea** modelului la momentul t



- **Ipoteza de bază:** fiecare stare x_t depinde numai de starea precedentă x_{t-1}

➤ dependența este dată de o **probabilitate condiționată**:

$$p(x_t | x_{t-1})$$

- Exemplul de mai sus: lanț Markov de ordinul 1
- Lanț Markov de ordinul N:

$$p(x_t | x_{t-1}, \dots, x_{t-N})$$

Câmp Markov aleator

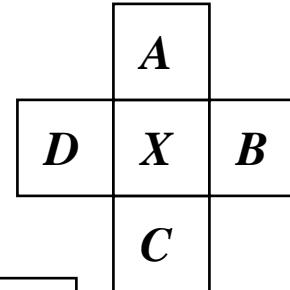
Câmp Markov aleator

- Generalizare a lanțurilor Markov în 2 sau mai multe dimensiuni

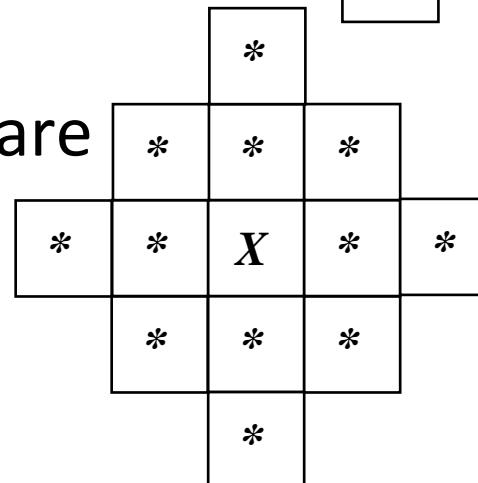
Câmpuri Markov aleatoare de ordinul 1:

- probabilitatea ca un pixel X ia o anumită valoare depinde de valorile pixelilor vecini A, B, C , și D :

$$P(X|A, B, C, D)$$



Câmpuri Markov aleatoare de ordin superior

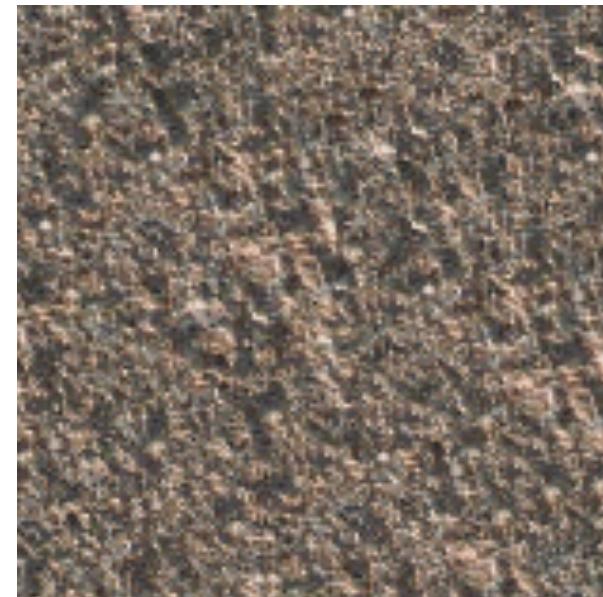
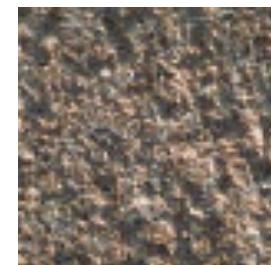


Generarea texturii

Textură
inițială

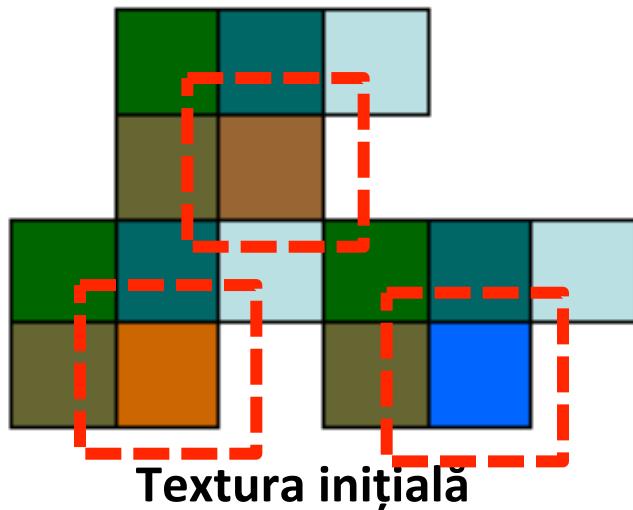


Textură
generată



Generarea texturii – intuiție

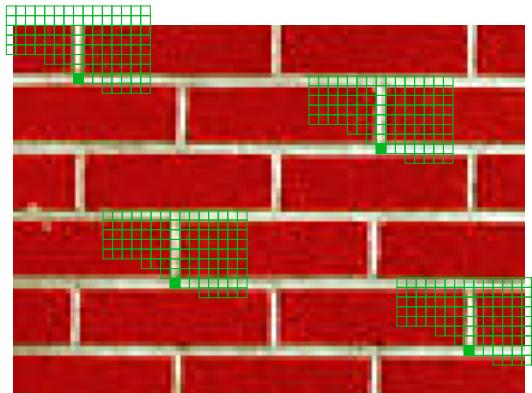
Inserăm pixeli cu o anumită intensitate pe baza valorilor pixelilor vecini



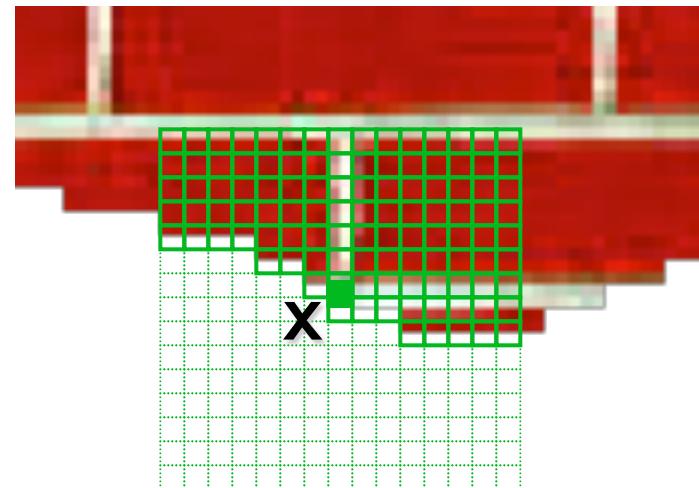
Vrem să inserăm un
nou pixel aici

Distribuția intensității unui pixel este condiționată de vecinii lui (pentru acest exemplu).

Generarea unui singur pixel



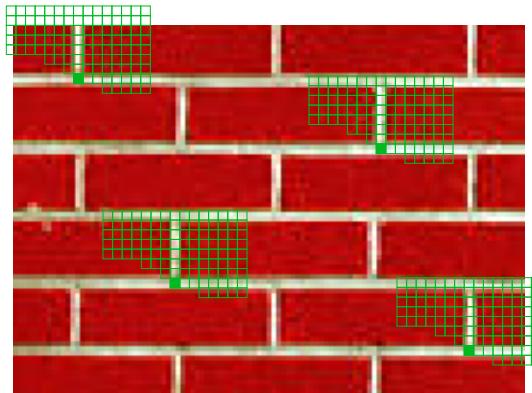
Textura inițială



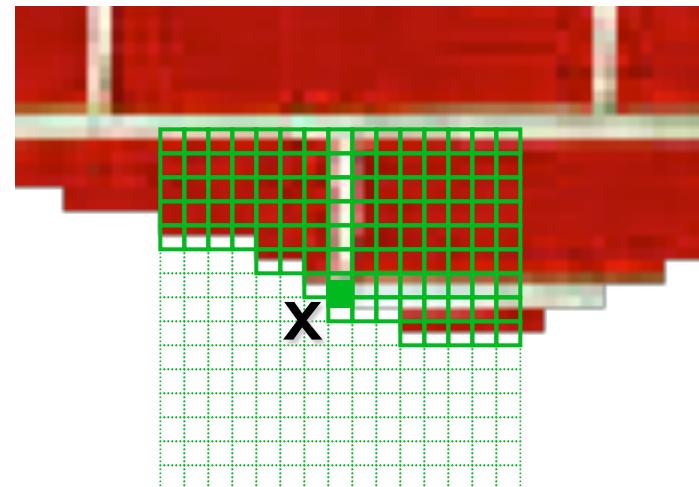
Imagine generată

- Care este $P(x|\text{vecinătatea lui } x)$?
- Găsește toate ferestrele din textura inițială care seamănă perfect cu vecinătatea lui x
- Pentru a genera x
 - alege aleator o fereastă din cele găsite
 - valoarea lui $x = \text{valoarea pixelului central al ferestrei}$

Generarea unui singur pixel



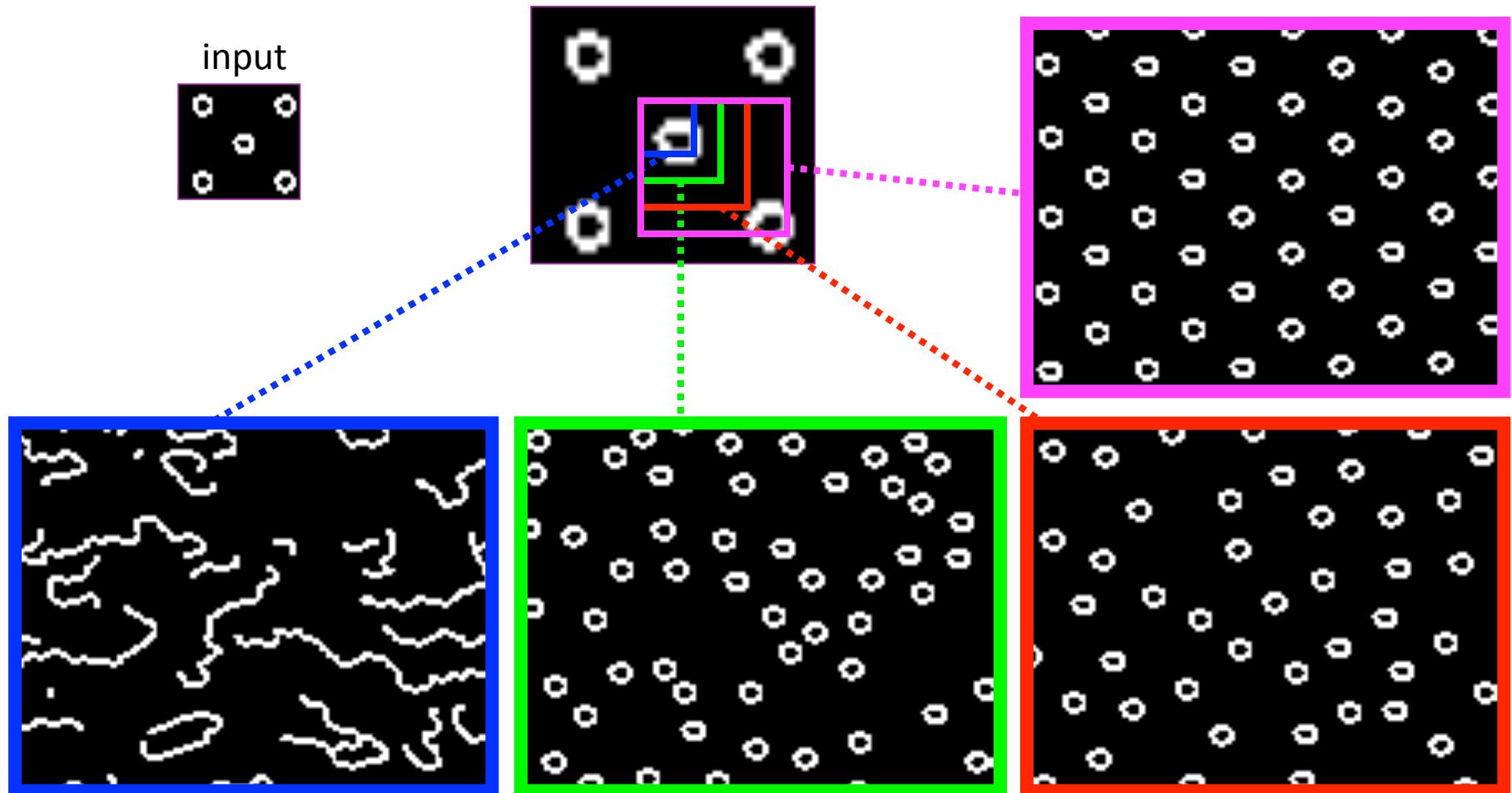
Textura inițială



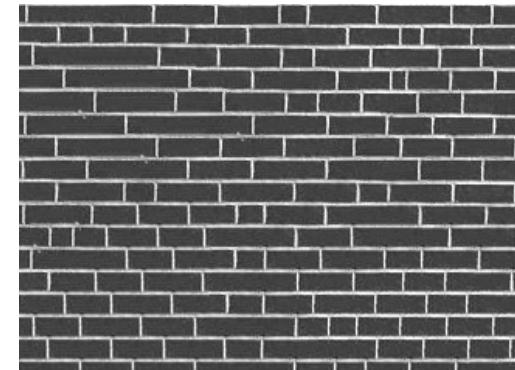
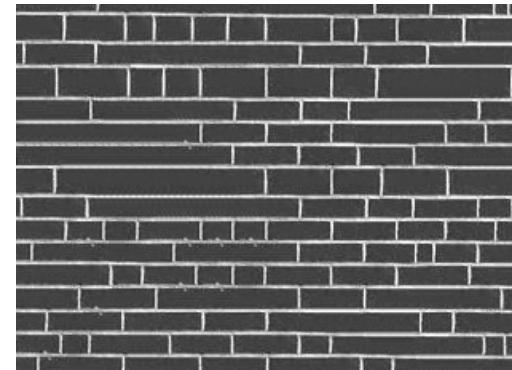
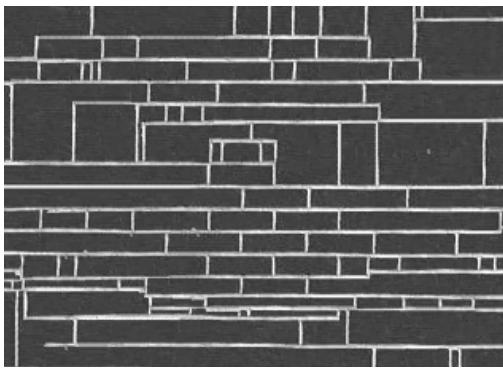
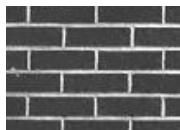
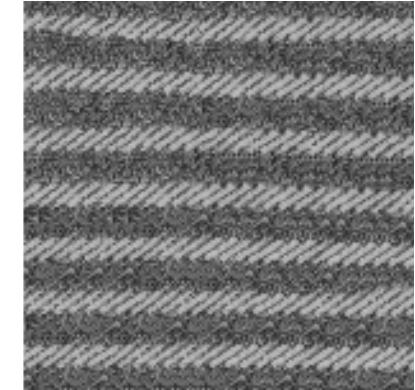
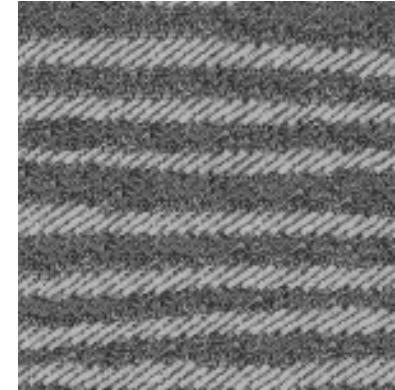
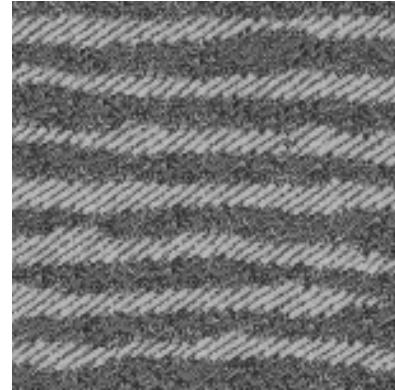
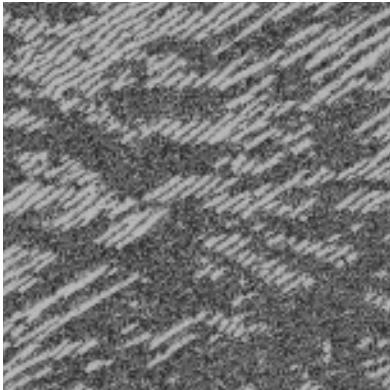
Imagine generată

- E posibil să nu existe nicio fereastră care seamănă perfect cu vecinătatea lui x .
- Găsește cele mai apropiate ferestre pe baza unei distanțe (suma pătratelor distanțelor) și alege una din aceste ferestre pe baza distanței
- Transformă distanța în probabilitate astfel încât: distanțe mari = prob. mică, distanțe mici = prob. mare

Dimensiunea ferestrei vecinătății



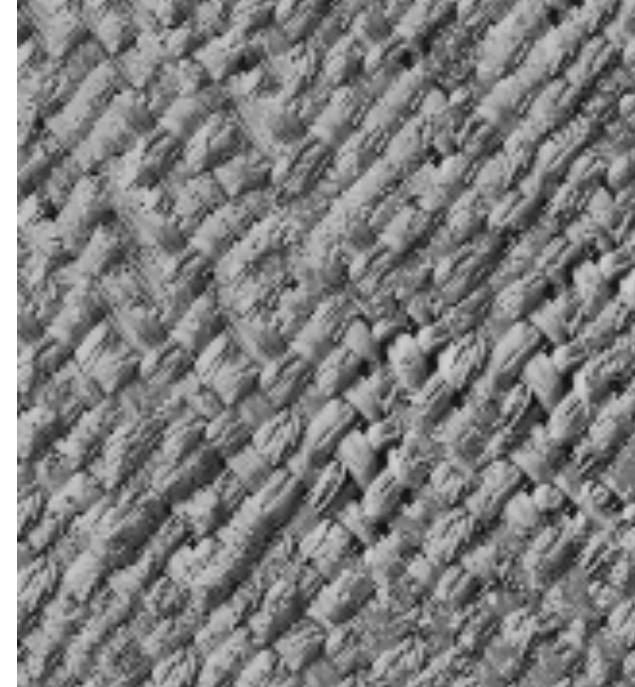
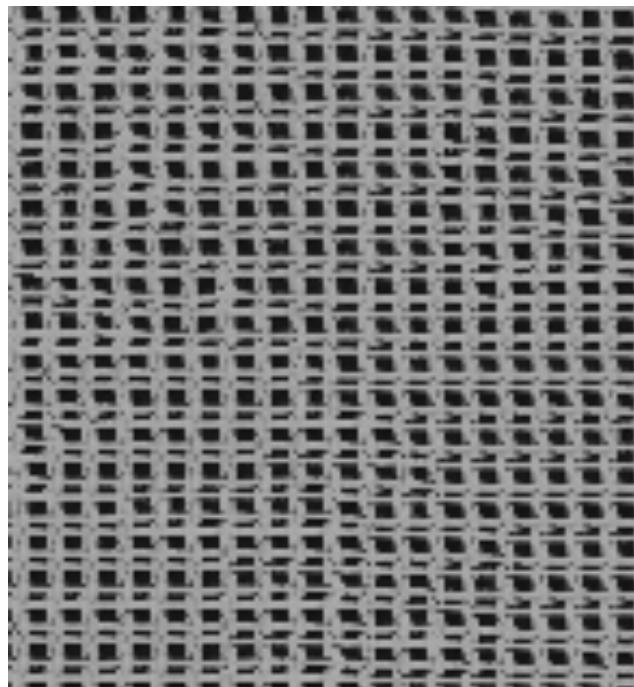
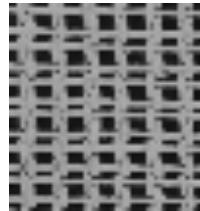
Dimensiunea ferestrei vecinătății



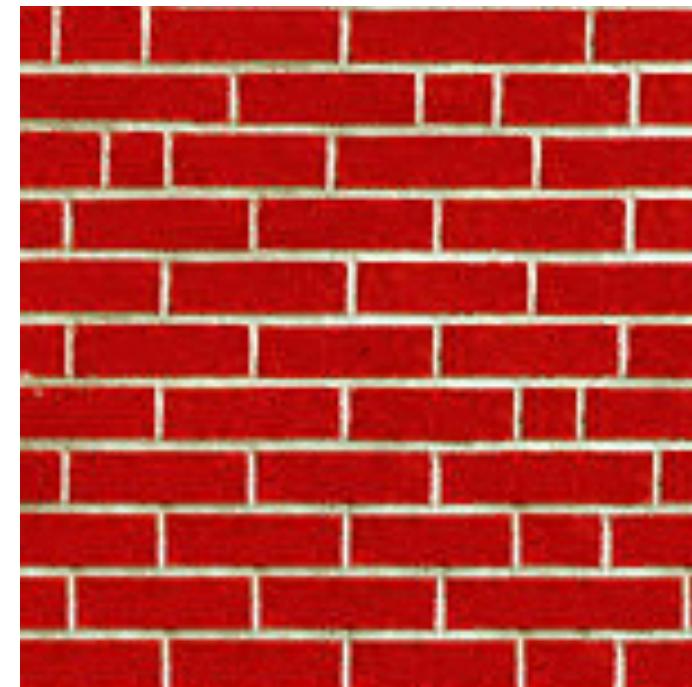
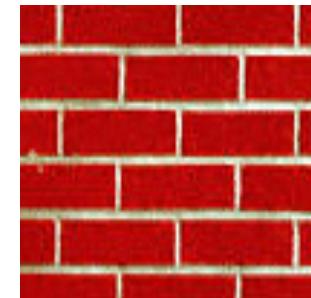
Creștem dimensiunea ferestrei



Generarea texturii - rezultate



Generarea texturii - rezultate

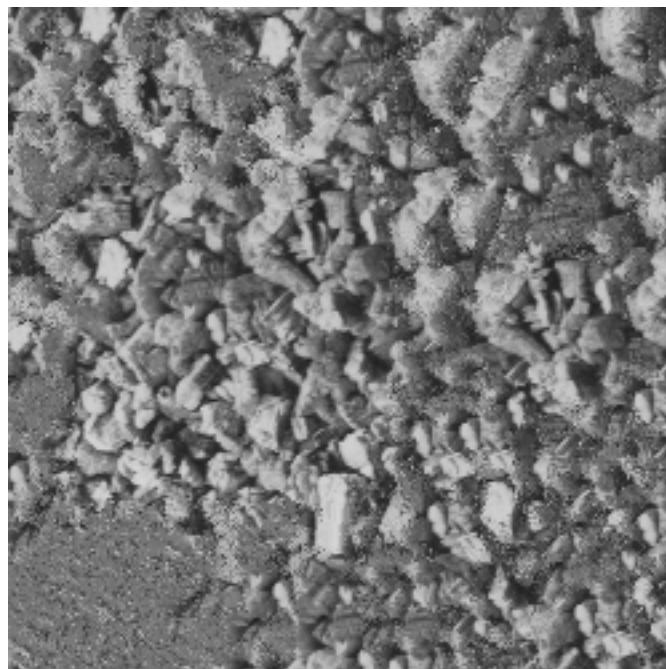
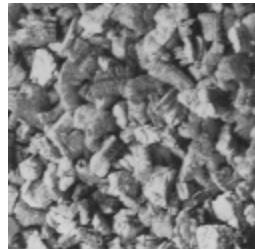


Generarea texturii - rezultate

uring in the unsensato
r Dick Gephardt was fai
rful riff on the looming
nly asked, "What's your
tions?" A heartfelt sigh
story about the emergenc
es against Clinton. "Boy
g people about continuin
ardt began, patiently obs
s, that the legal system h
e with this latest tanger

ithairm, them . "Wmephartfe lartifelintomimen
fel ck Clirtioout omaim thartfelins. f ait s anent
the ry onst wartfe lck Gephntoomimeationl sigak
Chiooufit Clinut Cll riff on, hat's yordn, parut tly
ons ycontonsteht wasked, paim t sahe loo' riff on l
nskoneploourtfeas leil A nst Clit, "Wleontongal s
k Cirtioouirtfepe óng pme abegal fartfenstemem
tiensteneltorydt telemeplminsverdt was agemer
ff ons artientont Cling peme asurtfe atih, "Boui s
hal s fartfelt sig pedr tl'dt ske abounutie aboutioo
itfaonewwas yous aboonthardt thatins fain, ped,
ains, them, pabout wasy arfuiu courtly d, ln A h
ole emthringbooreme agas fa bontinsyst Clinut
ory about continst Clipeouinst Cloke agatiff out C
stome zinemen tly ardt beoraboul n, thenly as t C
cons faimeme Diontont wat coutlyohgans as fan
ian, phrtfaul, "Wbaut cout congagal còmininga
mifmst Cliiy abon al coountha.emungairt tf oun
The looorystan loontieph. Intly on, theoplegatick
aul tatiesontly atie Diontiomt wal s f thegæ ener
mthahgat's enenhñmas fan, "intchthorw ahons v

Cazuri nereușite

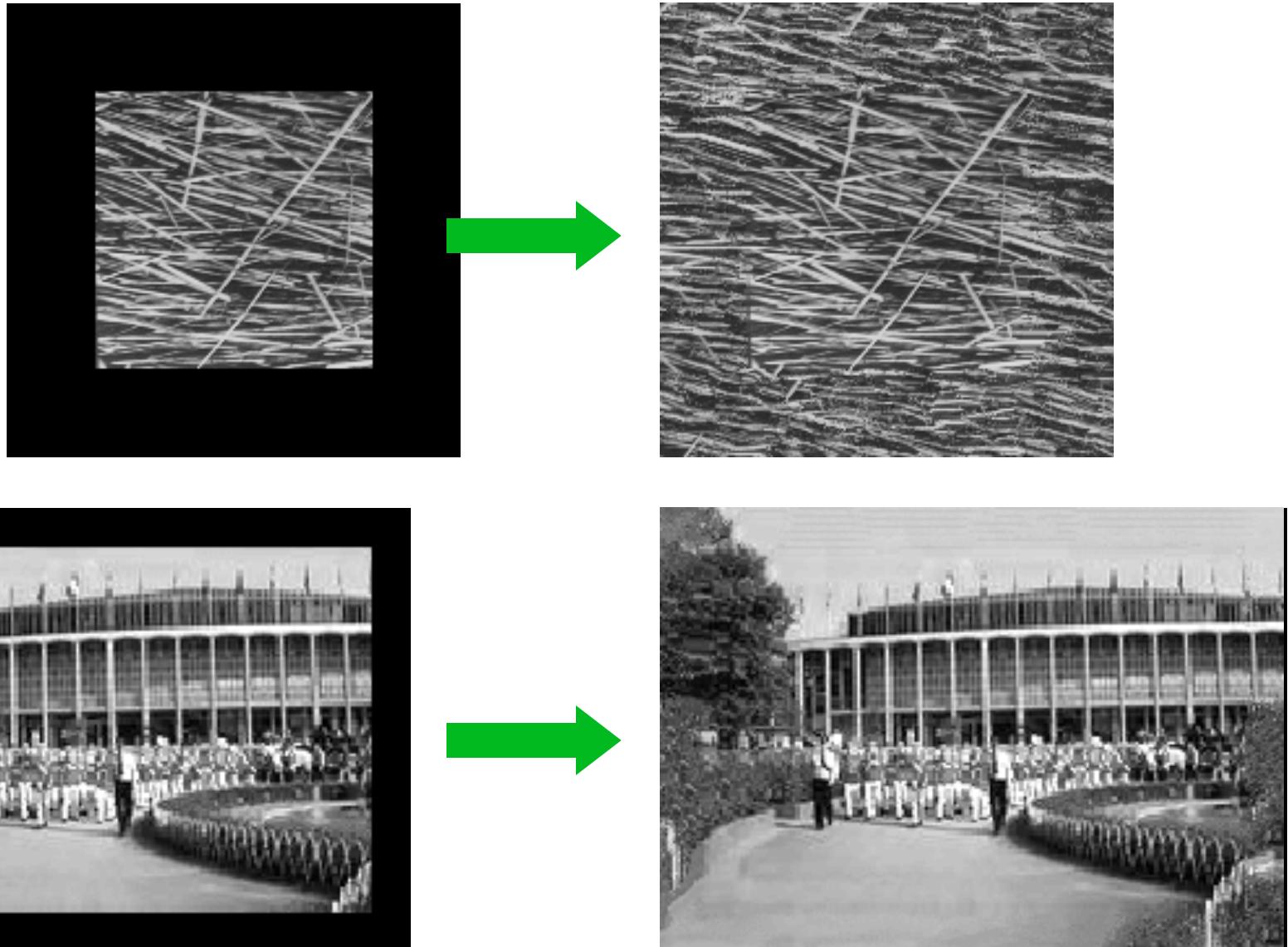


texteli care nu sunt
în textura inițială

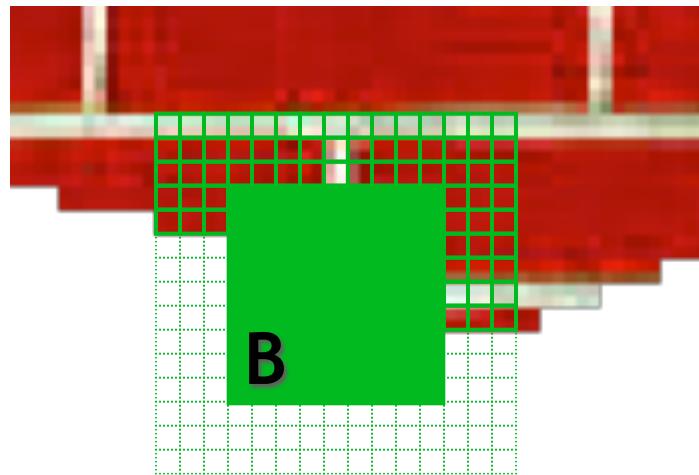


Copiază

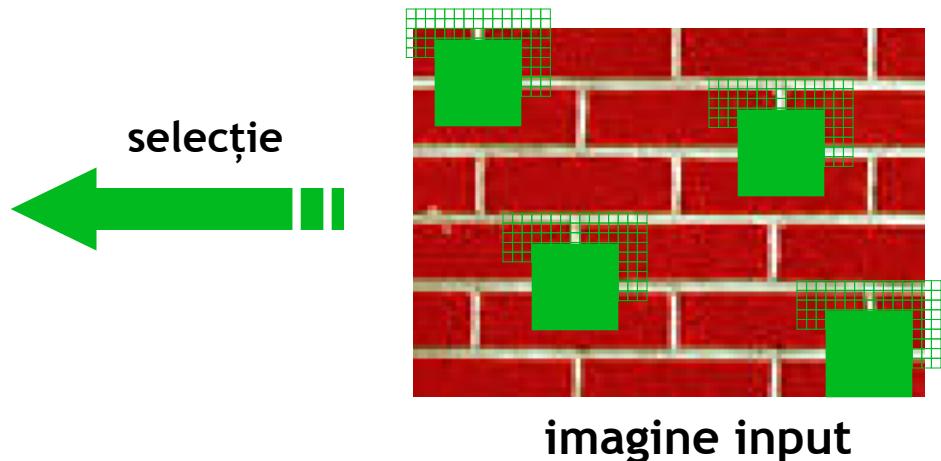
Extrapolare



Generarea texturii la nivel de blocuri



Sintetizăm un bloc

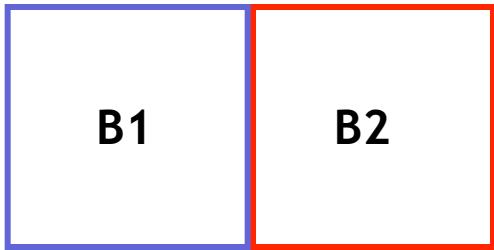
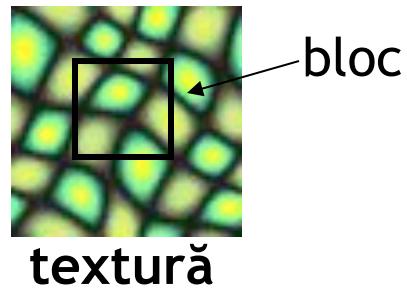


înțelegem

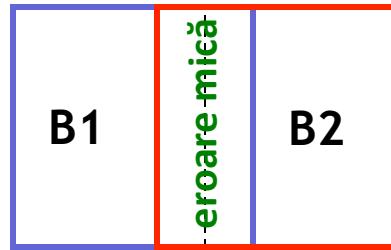
- Observație: pixelii vecini sunt foarte corelați

Idee: unitate de sinteză = bloc de pixeli

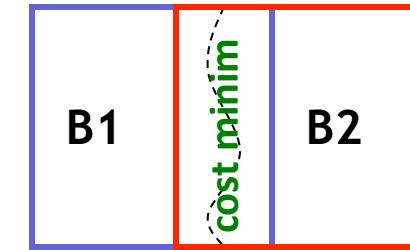
- Înlocuim un pixel cu un bloc : $P(B | \text{Vecinătate}(B))$
- Mult mai rapid: sintetizăm toți pixelii dintr-un bloc odată



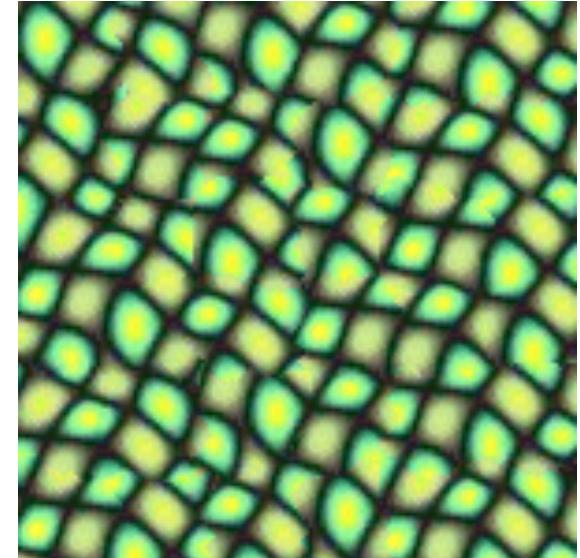
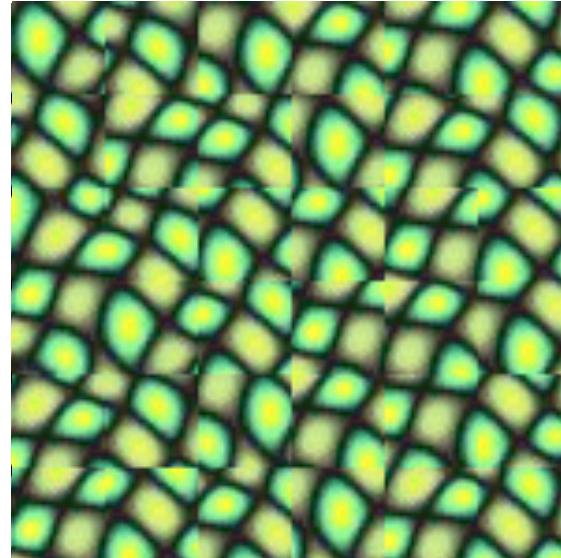
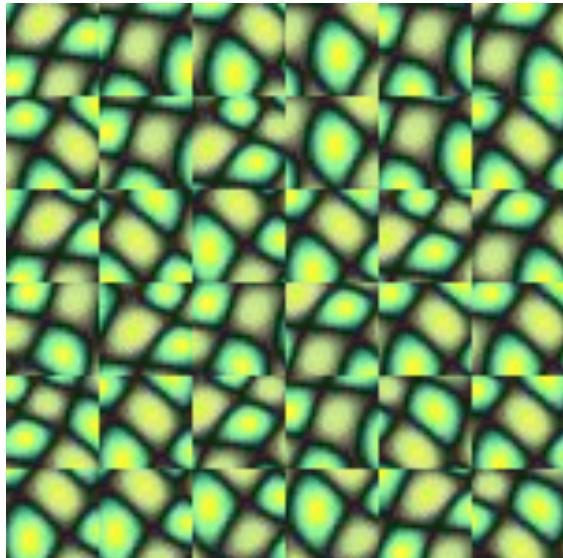
**blocuri aleatoare din textură
pușe unele lângă altele**



**blocuri aleatoare din textură
care se suprapun la frontieră**

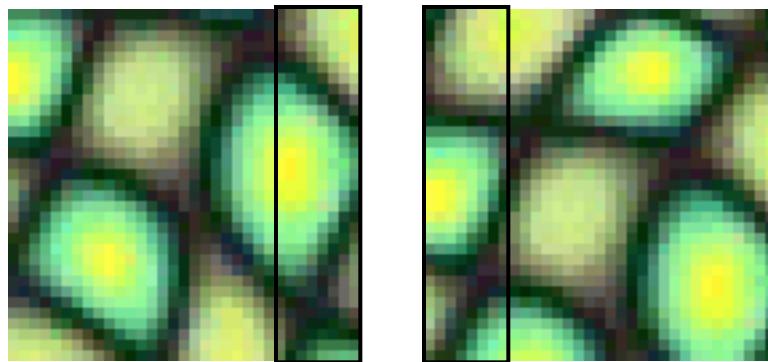


**blocuri aleatoare din textură
care se suprapun la frontieră
frontiera de cost minim**

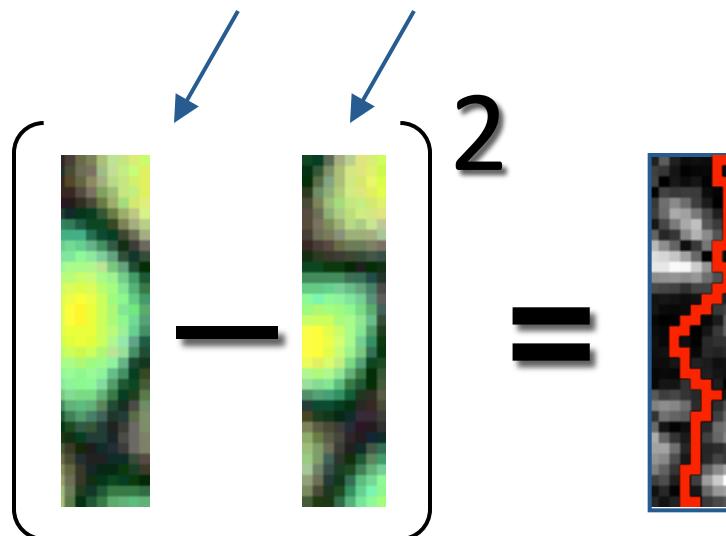
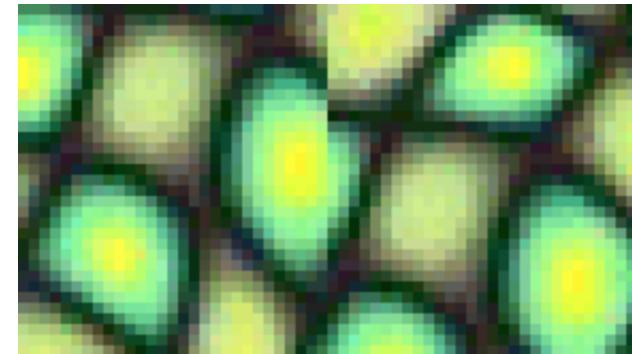


Frontiera de eroare minimă

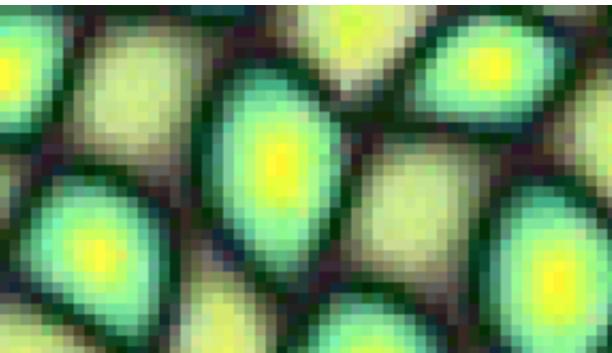
blocuri care se suprapun



muchie/frontieră verticală

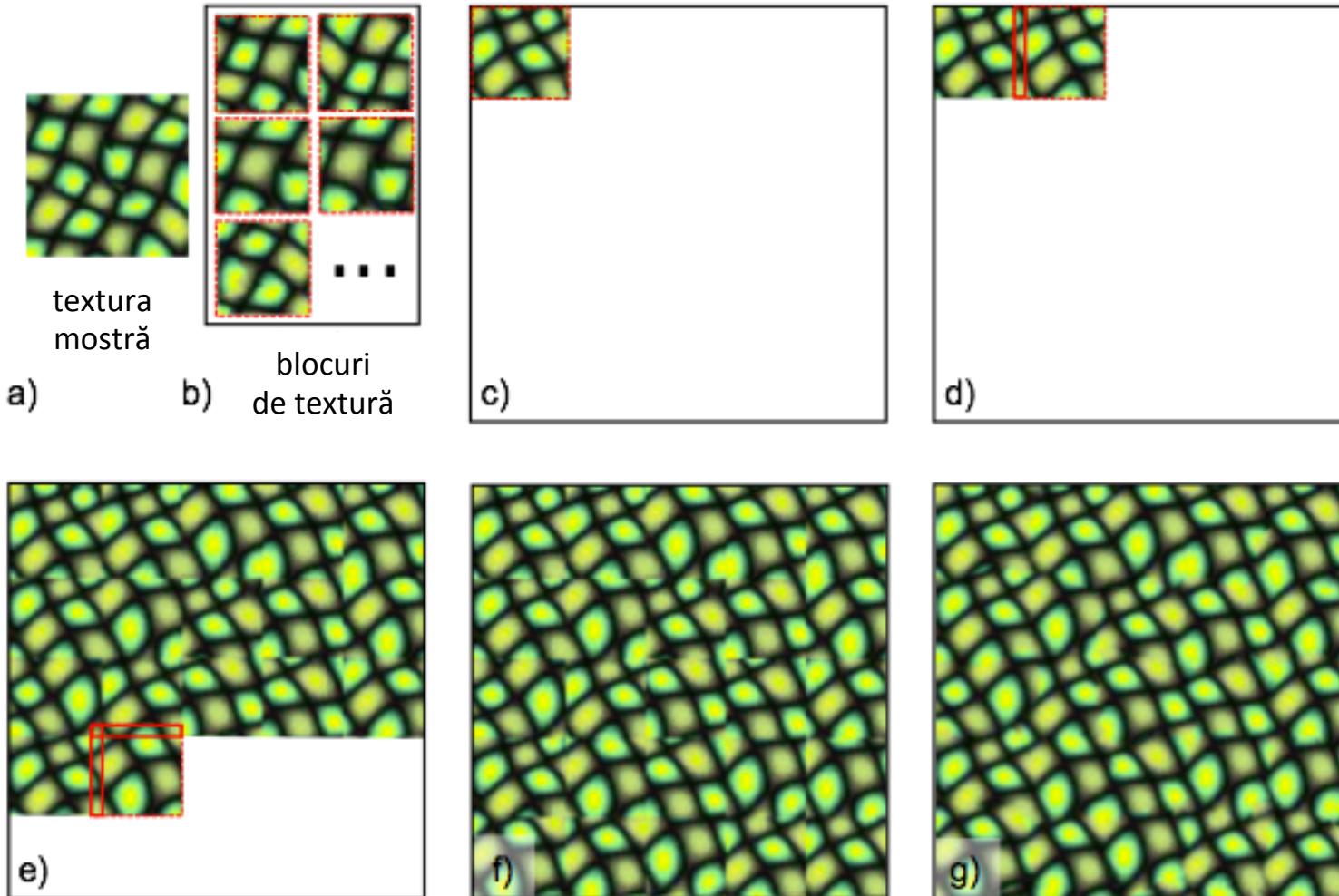


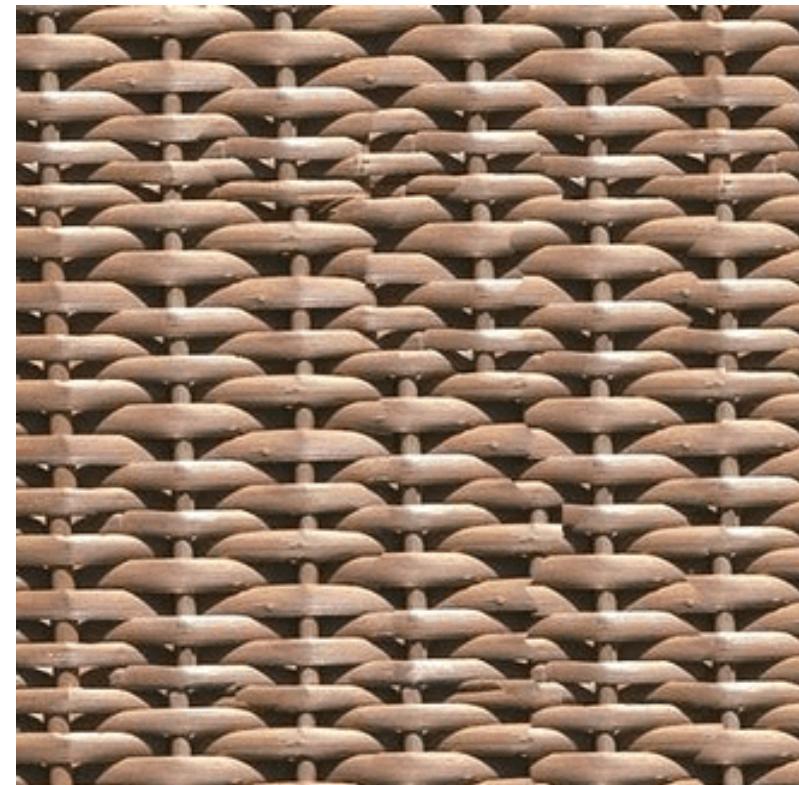
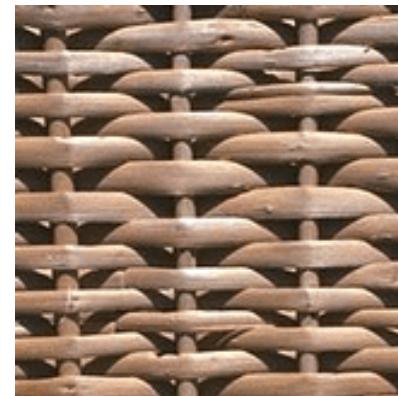
eroarea de suprapunere



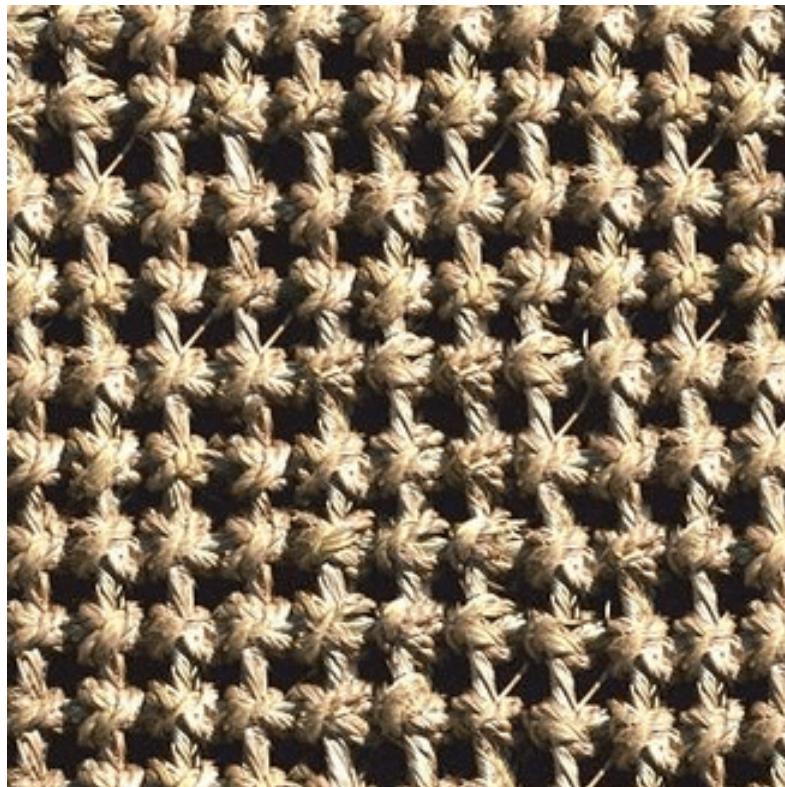
frontiera de eroare minimă

Sinteza texturii la nivel de blocuri - algoritm

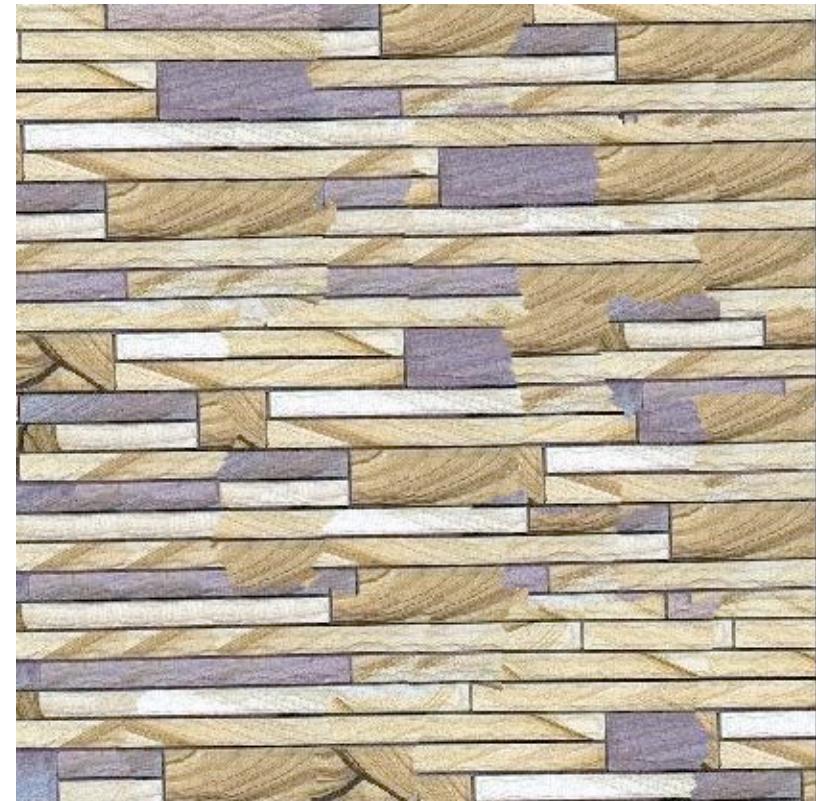




Slide adaptat după A. Efros



Slide adaptat după A. Efros



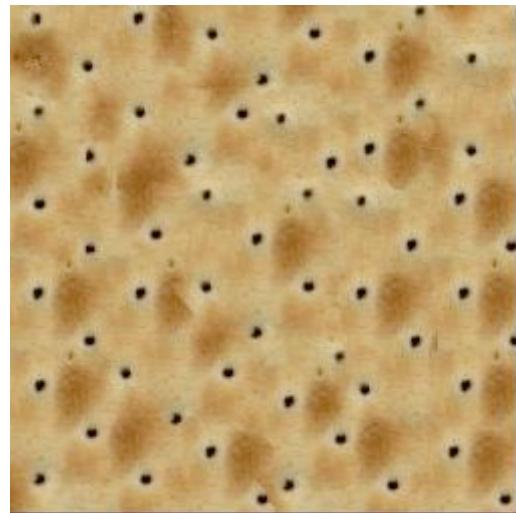
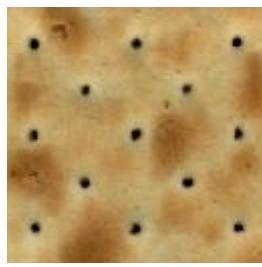
Slide adaptat după A. Efros



Slide adaptat după A. Efros



Slide adaptat după A. Efros



Slide adaptat după A. Efros

Mai puțin
reușite



Transferul texturii

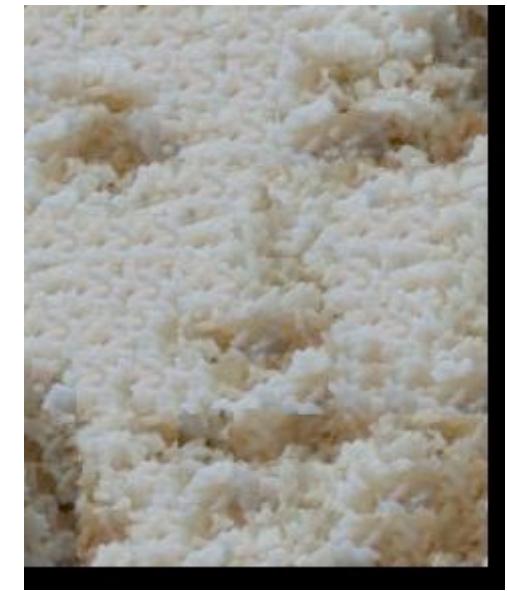


+

orez

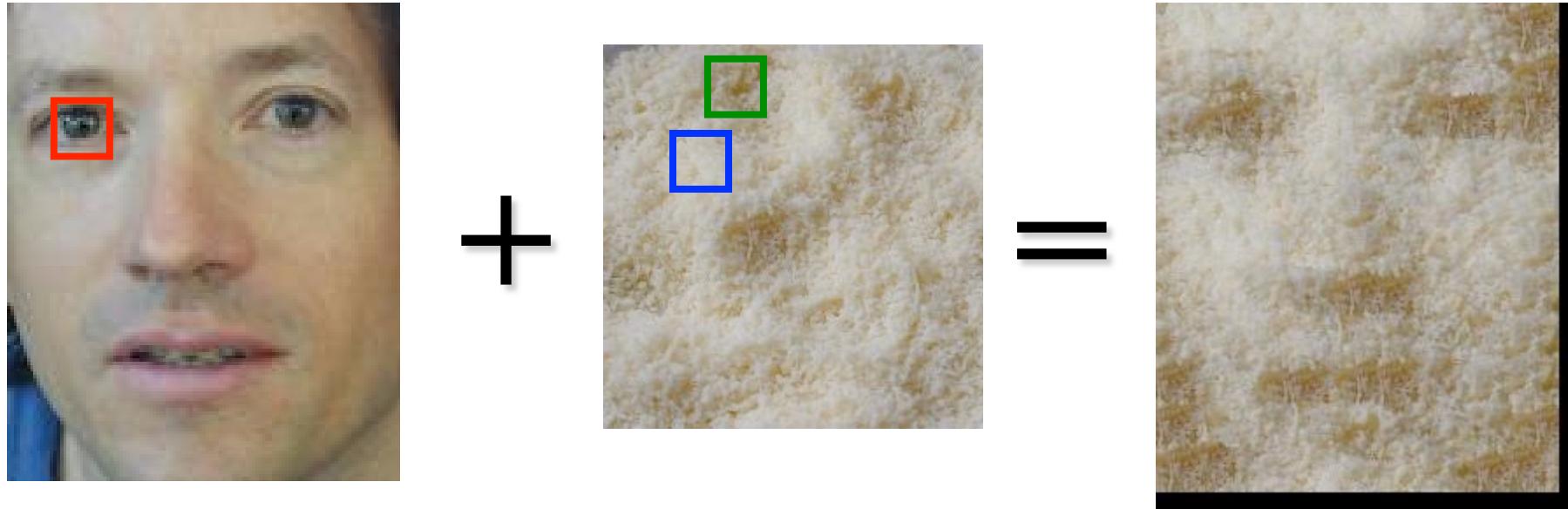


=



Transferul texturii

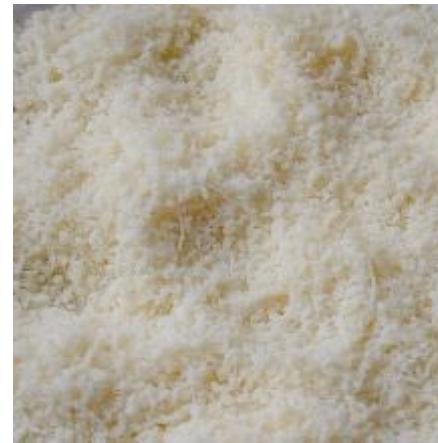
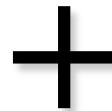
- Transferăm textura unui obiect la un alt obiect



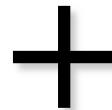
- Adăugăm un nou termen: similaritatea dintre blocul de textură și blocul din imagine
- Spre exemplu similaritate în termeni de intensitate

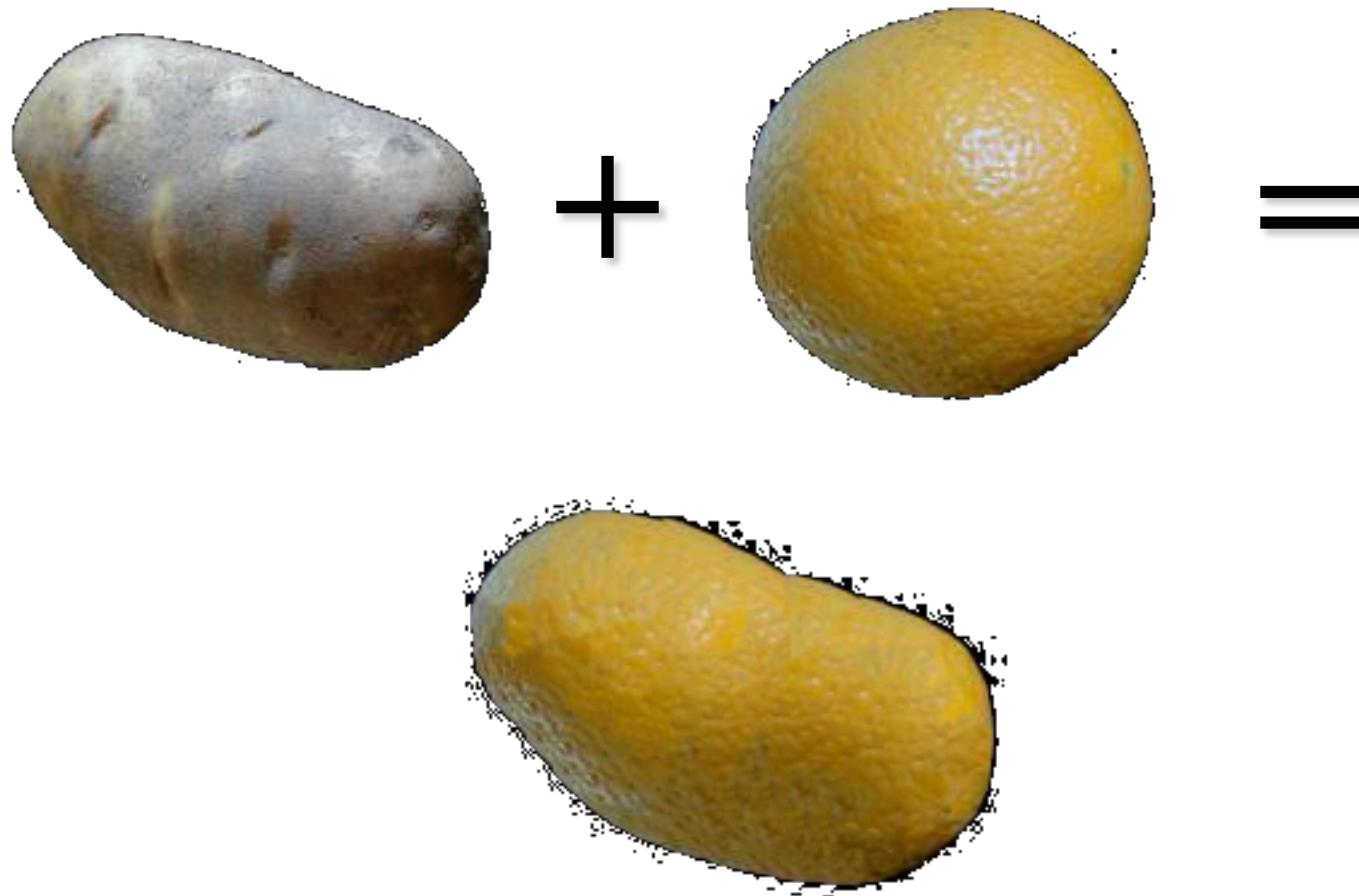


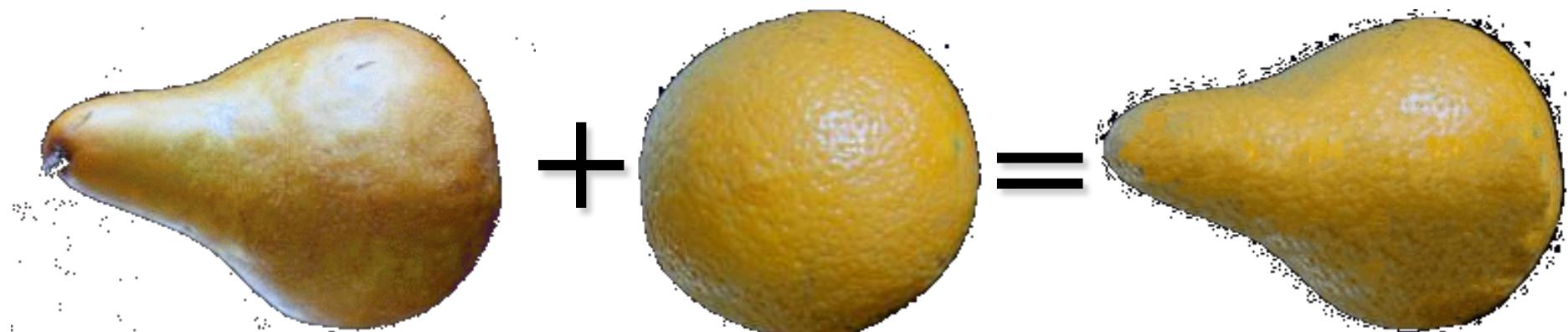
parmezan



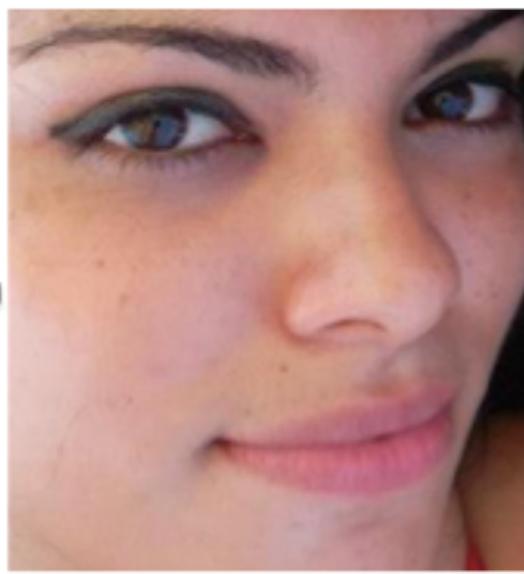
orez



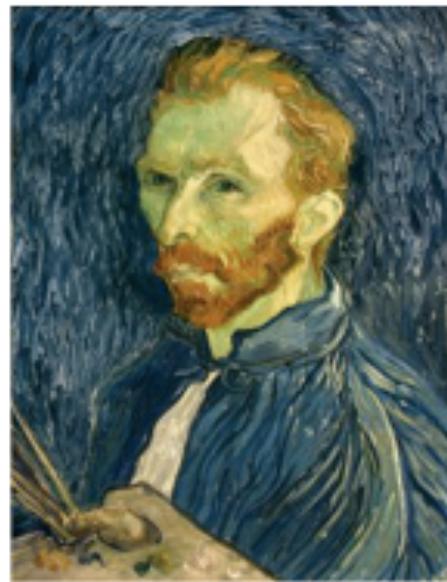




Slide adaptat după A. Efros

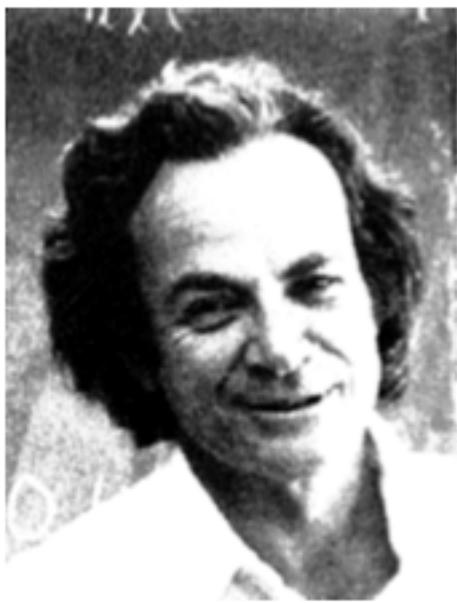


+



=





+



=

