Calcul Numeric – Tema #2

Ex. 1 Să se rezolve manual conform algoritmilor: metoda Gauss fără pivotare, metoda Gauss cu pivotare parțială și metoda Gauss cu pivotare totală următoarele sisteme:

$$\begin{cases} x_2 + x_3 = 3 \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 = 5 \\ 4x_1 + 2x_2 + x_3 = 1 \end{cases} \begin{cases} x_2 - 2x_3 = 4 \\ x_1 - x_2 + x_3 = 6 \\ x_1 - x_3 = 2 \end{cases}$$
 (1)

- **Ex. 2** Să se construiască în Matlab procedura **SubsDesc** conform sintaxei x=**SubsDesc**(A, b) care rezolvă numeric sisteme liniare superior triunghiulare conform Algoritmului (metoda substituţiei descendente).
- Ex. 3 a. Să se construiască în Matlab trei proceduri GaussFaraPiv, GaussPivPart şi GaussPiv-Tot conform sintaxelor:
 - $[x] = \mathbf{GaussFaraPiv}(A, b)$
 - $[x] = \mathbf{GaussPivPart}(A, b)$
 - $[x] = \mathbf{GaussPivTot}(A, b)$

care returneaza soluţia sistemului Ax = b conform metodelor de eliminare Gauss fără pivotare, Gauss cu pivotare parţială şi respectiv, Gauss cu pivotare totală;

- b. Să se apeleze procedurile pentru sistemele de la Ex. 1, apelând cele trei fişiere create la subpunctul a.;
- c. Să se aplice:
 - Metodele Gauss fără pivotare și cu pivotare parțială pentru sistemul

$$\begin{cases} \varepsilon x_1 + x_2 = 1\\ x_1 + x_2 = 2 \end{cases} \tag{2}$$

unde $\varepsilon = O(10^{-20}) \ll 1$

- Metodele Gauss cu pivotare parțială și cu pivotare totală pentru sistemul

$$\begin{cases} x_1 + C x_2 = C \\ x_1 + x_2 = 2 \end{cases}$$
 unde $C = O(10^{20}) \gg 1$. (3)

- Verificați în Matlab soluțiile și comparați metodele.