

**EXAMEN GEOMETRIE COMPUTAȚIONALĂ**  
**Exemplu subiecte**

1. (5p) Determinați coordonatele carteziene ale punctului  $M$  de coordonate polare  $\rho = 6; \theta = \frac{\pi}{6}$ , respectiv coordonatele polare ale punctului  $N(-4, 4)$ .
2. (10p) Aplicați metoda din demonstrația teoremei galeriei de artă, indicând o posibilă amplasare a camerelor de supraveghere în cazul poligonului  $P_1P_2 \dots P_{10}$ , unde  $P_1 = (3, 4)$ ,  $P_2 = (4, 6)$ ,  $P_3 = (5, 4)$ ,  $P_4 = (6, 4)$ ,  $P_5 = (7, 6)$ , iar  $P_6, \dots, P_{10}$  sunt respectiv simetricele punctelor  $P_5, \dots, P_1$  față de axa  $Ox_1$ .
3. (10p) Dați exemple de mulțimi de puncte din planul  $\mathbb{R}^2$  pentru care diagramele Voronoi asociate conțin exact 4 muchii de tip semidreaptă, dar au configurații diferite. (Două diagrame Voronoi au configurații diferite dacă nu pot fi obținute una din cealaltă fără a introduce sau elimina vârfuri sau muchii.)
4. (10p) Fie  $MNP$  un triunghi cu vârfurile  $M = (x_M, y_M)$ ,  $N = (x_N, y_N)$ ,  $P = (x_P, y_P)$  și fie  $\delta$  o dreaptă de ecuație  $ax + by + c = 0$ . Stabiliți și justificați care este complexitatea algebrică a calculelor pentru:
  - a) a stabili dacă dreapta intersectează laturile triunghiului;
  - b) a stabili dacă dreapta trece prin centrul de greutate al triunghiului.
5. (10p) Explicați de ce complexitatea-timp a algoritmului de determinare a intersecției a două regiuni convexe INTERSECTEAZAREGIUNICONVEXE este  $O(n \log n)$  (complexitatea-timp a algoritmului OVERLAY de suprapunere a straturilor tematice este presupusă cunoscută).
6. (10p) Fie punctele  $A = (1, 6)$ ,  $B = (1, 1)$ ,  $C = (-4, 7)$ ,  $D = (6, 7)$ ,  $E = (1, -1)$ ,  $F = (5, 3)$ ,  $P = (-2, 3)$ ,  $Q = (2 - \lambda, 3)$ , unde  $\lambda \in \mathbb{R}$  este un parametru. Scrieți un algoritm care să calculeze numărul de puncte de intersecție dintre segmentul  $[PQ]$  și reuniunea  $[AB] \cup [CD] \cup [EF]$ . Algoritmul distinge între puncte interioare ale segmentelor și extremități ale acestora.
7. (5p) Date  $n$  puncte în plan, scrieți un algoritm de complexitate  $O(n \log n)$  care să determine un poligon care are toate aceste puncte ca vârfuri. Explicați cum este aplicat acest algoritm pentru punctele  $P_1 = (4, 2)$ ,  $P_2 = (7, 1)$ ,  $P_3 = (-3, 5)$ ,  $P_4 = (3, 6)$ ,  $P_5 = (-4, -4)$ ,  $P_6 = (-1, 1)$ ,  $P_7 = (2, -6)$ .