Programare declarativă Introducere în programarea funcțională folosind Haskell

Ioana Leuştean Ana Cristina Turlea

Departamentul de Informatică, FMI, UB ioana@fmi.unibuc.ro ana.turlea@fmi.unibuc.ro

Evaluare cu efecte laterale

În acest curs:

- vom defini un mini-limbaj asemănător cu limbajul Mini Haskell definit în cursurile trecute
- vom defini semantica limbajului folosind o monadă generică M
- înlocuind M cu monadele standard studiate anterior vom obține variații ale semanticii generale, care vor fi particularizate prin tipul de efecte surprins de fiecare monadă

Sintaxă abstractă

Program - Exemplu

```
\lambda-expresia (\lambda x.x + x)(10 + 11)
este definită astfel:
pgm :: Term
pgm = App
(\text{Lam "x" ((Var "x") :+: (Var "x"))})
((\text{Con } 10) :+: (\text{Con } 11))
```

Program - Exemplu

```
pgm :: Term
pgm = App
  (Lam "y"
    (App
      (App
         (Lam "f"
           (Lam "y"
             (App (Var "f") (Var "y"))
         (Lam "x"
          (Var "x" :+: Var "y")
      (Con 3)
  (Con 4)
```

Valori și medii de evaluare

Observații

- Vom interpreta termenii în valori 'M Value', unde 'M' este o monadă; variind se obțin comportamente diferite;
- 'Wrong' reprezintă o eroare, de exemplu adunarea unor valori care nu sunt numere sau aplicarea unui termen care nu e funcție.

Evaluare - variabile și valori

```
type Environment = [(Name, Value)]
Interpretarea termenilor în monada 'M'
interp :: Term -> Environment -> M Value
interp (Var x) env = lookupM x env
interp (Con i) = return $ Num i
interp (Lam x e) env = return $
  Fun \ \ v -> interp e ((x,v):env)
lookupM :: Name -> Environment -> M Value
lookupM x env = case lookup x env of
  Just v -> return v
  Nothing -> return Wrong
```

Evaluare - adunare

```
interp (t1 :+: t2) env = do
  v1 <- interp t1 env
  v2 <- interp t2 env
  add v1 v2

Interpretarea adunării în monada 'M'
add :: Value -> Value -> M Value
add (Num i) (Num j) = return (Num $ i + j)
add _ _ = return Wrong
```

Evaluare - aplicarea funcțiilor

```
interp (App t1 t2) env = do
  f <- interp t1 env
  v <- interp t2 env
  apply f v

Interpretarea aplicării funcțiilor în monada 'M'
apply :: Value -> Value -> M Value
apply (Fun k) v = k v
apply _ _ = return Wrong
-- k :: Value -> M Value
```

Testarea interpretorului

```
test :: Term -> String
test t = showM $ interp t []
unde
showM :: Show a => M a -> String
este o functie definită special pentru fiecare tip de efecte laterale dorit.
Exemplu de program
pgmW :: Term
pgmW = App
           (Lam "x" ((Var "x") :+: (Var "x")))
           ((Con 10) :+: (Con 11))
test pgmW -- apelul pentru testare
```

Interpretor monadic

În continuare vom înlocui monada M cu:

- Identity
- Maybe
- Either String
- monada listelor
- Writer
- Reader
- State

Interpretare în monada 'Identity'

```
Monada 'Identity' este "efectul identitate".
newtype Identity a = Identity { runIdentity :: a }
instance Monad Identity where
    return a
                        = Identity a
    ma >>= k = k (runIndentity ma)
Pentru a particulariza interpretorul definim
type M a = Identity a
showM :: Show a => M a -> String
showM = show . runldentity
```

Obținem interpretorul standard, asemănător celui discutat pentru limbajul Mini-Haskell.

Interpretare folosind monada 'Identity'

Interpretare în monada 'Maybe' (opțiune)

showM :: Show a => M a -> String

showM (Just a) = show a showM Nothing = "<wrong>"

```
data Maybe a = Nothing | Just a
instance Monad Maybe where
  return = Just
  Just a >>= k = k a
  Nothing >>= _ = Nothing

Putem renunța la valoarea 'Wrong', folosind monada 'Maybe'

type M a = Maybe a
```

Interpretare în monada 'Maybe'

```
Putem acum înlocui rezultatele 'Wrong' cu 'Nothing'
type M a = Maybe a
lookupM :: Name -> Environment -> M Value
lookupM x env = case lookup x env of
  Just v -> return v
  Nothing -> Nothing
add :: Value -> Value -> M Value
add (Num i) (Num j) = return (Num \$ i + j)
add _ _
              = Nothing
apply :: Value -> Value -> M Value
apply (Fun k) v = k v
apply _ _ = Nothing
```

Interpretare în monada 'Either String'

```
data Either a b = Left a | Right b
instance Monad (Either err) where
  return = Right
  Right a \gg k = k a
  err >>= _ = err
Putem nuanta erorile folosind monada 'Either String'
type M a = Either String a
showM :: Show a => M a -> String
showM (Left s) = "Error: " ++ s
showM (Right a) = "Success: " ++ show a
```

Interpretare în monada 'Either String'

Putem acum înlocui rezultatele 'Wrong' cu valori 'Left'

type M a = Either String a lookupM :: Name -> Environment -> M Value lookupM x env = case lookup x env of Just v -> return v Nothing -> Left ("unbound variable " ++ x) add :: Value -> Value -> M Value add (Num i) (Num j) = return \$ Num \$ i + j add v1 v2 = Left ("should be numbers: " ++ **show** v1 ++ ", " ++ **show** v2) apply :: Value -> Value -> M Value apply (Fun k) v = k vapply v = Left ("should be function: " ++ show v)

Interpretare în monada 'Either String'

```
type Ma = Either String a
showM :: Show a => M a -> String
showM (Left s) = "Error: " ++ s
showM (Right a) = "Success: " ++ show a
pgm = App
          (Lam "x" ((Var "x") :+: (Var "x")))
          ((Con 10) :+: (Con 11))
*Var2> test pgm
"Success: 42"
pgmE = App (Var "x") ((Con 10) :+: (Con 11))
*Var2> test pgmE
"Error: unbound variable x"
```

Monada listelor (a funcțiilor nedeterministe)

```
instance Monad [] where
  return a = [a]
  ma >>= k = [b | a <- ma, b <- k a]</pre>
```

Rezultatul funcției e lista tuturor valorilor posibile.

```
> [4,9,25] >>= \x -> [(sqrt x), -(sqrt x)]
[2.0,-2.0,3.0,-3.0,5.0,-5.0]
```

Interpretare în monada listelor

```
Adăugarea unei instructiuni nedeterministe
data Term = ... | Amb Term Term | Fail
type Ma = [a]
showM :: Show a => M a -> String
showM = show
interp Fail = []
interp (Amb t1 t2) env = interp t1 env ++ interp t2 env
pgm = (App (Lam "x" (Var "x" :+: Var "x"))
      (Amb (Con 1) (Con 2)))
> test pgm
"[2,4]"
```

Monada 'Writer'

Este folosită pentru a acumula (logging) informație produsă în timpul execuției.

Interpretare în monada 'Writer'

```
Adăugarea unei instructiuni de afisare
data Term = ... | Out Term
type M a = Writer String a
showM :: Show a => M a -> String
showM ma = "Output: " ++ w ++ " Value: " ++ show a
  where (a, w) = runWriter ma
interp (Out t) env = do
  v <- interp t env
  tell (show v ++ "; ")
  return v
```

 Out t se evaluează la valoarea lui t, cu efectul lateral de a adăuga valoarea la sirul de iesire.

Interpretare în monada 'Writer'

```
data Term = ... | Out Term
type M a = Writer String a
showM :: Show a => M a -> String
showM ma = "Output: " ++ w ++ " Value: " ++ show a
  where (a, w) = runWriter ma
pgmW = App
          (Lam "x" ((Var "x") :+: (Var "x")))
          ((Out (Con 10)) :+: (Out (Con 11)))
> test pgm
"Output: 10; 11; Value: 42"
```

Monada 'Reader'

```
Face accesibilă o memorie (environment) nemodificabilă (imuabilă)
newtype Reader env a = Reader { runReader :: env -> a }
instance Monad (Reader env) where
  return = Reader const -- return x = Reader (\setminus -> x)
                          -- const :: a -> b -> a
  ma >>= k = Reader f
    where f env = let a = runReader ma env
                   in runReader (k a) env
Functii ajutătoare
— obtine memoria
ask :: Reader r r
ask = Reader id -- Reader (\r -> r)
-- modifica local memoria
local :: (r -> r) -> Reader r a -> Reader r a
local f ma = Reader (\r -> (runReader ma)(f r)
```

Eliminarea argumentului 'Environment'

```
type Environment = [(Name, Value)]
type M a = Reader Environment a
showM :: Show a => M a -> String
showM ma = show $ runReader ma []
Functia de interpretare era definită astfel:
```

interp :: Term -> Enviroment -> M Value

Deoarece interpretăm în monada 'Reader Enviroment a' signatura funcției de interpretare este:

```
interp :: Term -> M Value
```

```
Interpretarea expresiilor de bază si căutare ('lookup')
type Environment = [(Name, Value)]
type M a = Reader Environment a
interp :: Term -> M Value
interp (Var x) = lookupM x
interp (Con i) = return $ Num i
lookupM :: Name -> M Value
lookupM x = do
  env <- ask
  case lookup x env of
    Just v -> return v
    Nothing -> return Wrong
```

```
type Environment = [(Name, Value)]
interp :: Term -> M Value
Operatori binari și funcții
interp (t1 :+: t2) = do
  v1 <- interp t1
  v2 <- interp t2
  add v1 v2
  interp (App t1 t2) = do
  f <- interp t1
  v <- interp t2
  apply f v
interp (Lam x e) = do
  env <- ask
  return $ Fun $ \ v ->
    local (const ((x,v):env)) (interp e)
```

```
type Environment = [(Name, Value)]
type M a = Reader Environment a
showM :: Show a => M a -> String
showM ma = show $ runReader ma []
interp :: Term -> M Value
pgm = App
          (Lam "x" ((Var "x") :+: (Var "x")))
          ((Con 10) :+: (Con 11))
> test pgm
"42"
```

Monada 'State'

```
newtype State state a = State { runState :: state -> (a,
   state) }
instance Monad (State state) where
  return a = State (\ s \rightarrow (a, s))
 ma >>= k = State q
    where g state = let (a, aState) = runState ma state
                      in runState (k a) aState
Functii ajutătoare
get :: State state state
get = State (\s -> (s, s)) -- intoarce starea curenta
put :: s - \ State s ()
put s = State( ->((), s)) -- schimba starea curenta
modify :: (state -> state) -> State state ()
modify f = State (\s -> ((), f s))
```

Interpretare în monada 'State'

Adăugăm un contor de instrucțiuni 'Count', valoarea acestui contor reprezentând starea.

Astfel variabilele care reprezintă starea sunt numere întregi.

Interpretare în monada 'State'

Creștem starea (contorul) la fiecare instrucțiune

```
tickS :: M ()
tickS = modify (+1) -- \s ->((), (s+1))

add :: Value -> Value -> M Value
add (Num i) (Num j) = tickS >> return (Num $ i + j)
add _ = return Wrong

apply :: Value -> Value -> M Value
apply (Fun k) v = tickS >> k v
apply _ = return Wrong
```

Interpretare în monada 'State'

```
data Term = ... | Count
type M a = State Integer a
showM :: Show a => M a -> String
showM ma = show a ++ "n" ++ "Count: " ++ show s
           where (a, s) = runState ma 0
pgm = App
          (Lam "x" ((Var "x") :+: (Var "x")))
          ((Con 10) :+: (Con 11))
> test pgm
"42\nCount: 3"
```

Sărbători fericite!