

$(\forall x, y, z, T \rightarrow \text{mult}) :$

$$x \equiv y \Rightarrow \begin{cases} x \cup z \subseteq y \cup z & (*) \\ x \cap z \subseteq y \cap z \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \subseteq y & (1) \\ z \subseteq T & (2) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x \cup z \subseteq y \cup T \\ x \cap z \subseteq y \cap T \end{cases}$$

$$(1), (*) \Rightarrow x \cup z \subseteq y \cup z$$

$$\begin{array}{c} (2), (*) \quad \cap \\ y \cup T \\ \nwarrow \\ x \cup z \subseteq y \cup T \end{array}$$

• Fie a, b, c, d prop ale subst. din univers u .

(1) Dacă au loc a, b at are loc exact una

dintre c și d .

(2) Dacă — b și c at. au loc

— sau ambele prop a și d ;

— sau nici una dintre prop a și d .

(3) Dacă nu au loc nici a , nici b at nu au

loc nici c , nici d .

Demonstrăm că:

(i) Dacă nu au loc nici a , nici b at nu are loc c

(ii) Nu au loc simultan a, b și c

lez :

Fie $A := \text{mult. subst cu prop } a$

$B := \text{— } b$

$C := \text{— } c$

$D := \text{— } d$