Universidade de Aveiro

Departamento de Matemática

Cálculo II - Agrupamento 3

2022/2023

Soluções do 2º Teste (Versão 1)

1. (a)
$$2x + 2y - z = -2$$

(b)
$$-1 - \pi$$

(c) A função admite máximo e mínimo globais.

(d)
$$e^y + y^2 + \phi(x)$$

(e)
$$y = Ce^{3x} + xe^{3x} - \frac{3}{10}\cos x + \frac{1}{10}\sin x, C \in \mathbb{R}$$
.

(f)
$$F(s) = \frac{2}{s^2 + 6s + 13}$$
, $s > -3$.

2. (a)
$$(0,0)$$
 e $(0,-2)$.

(b) (0,0) é ponto de sela e (0,-2) é maximizante local de f.

3.
$$f(0,1) = f(0,-1) = -1$$
 é mínimo global de f . $f(1,0) = 2$ é máximo global de f .

4. O integral geral é
$$y=\frac{x^2}{\sqrt[3]{-\frac{9}{5}x^5+C}},\ C\in\mathbb{R},$$
 e $y=0$ é solução singular.

5. (a)
$$y_h = C_1 + C_2 \cos(2x) + C_3 \sin(2x)$$
, $C_1, C_2, C_3 \in \mathbb{R}$.

(b)
$$y_p = -\frac{1}{3}\cos(x)$$
.

(c)
$$y = y_h + y_p = C_1 + C_2 \cos(2x) + C_3 \sin(2x) - \frac{1}{3} \cos(x)$$
, $C_1, C_2, C_3 \in \mathbb{R}$.

6. (a)
$$\frac{3}{50}$$
.

(b)
$$y(t) = 1 - \frac{1}{2}t^2$$
, $t \ge 0$.