Universidade Federal de Santa Catarina Prof. Rafael Heleno Campos

rafaelcampos.fsc@gmail.com - tinyurl.com/profrafaelcampos FSC7118 - Lista de exercícios 3 - Mecânica dos Fluidos (v1.1.2)

Dicas para resolver a lista: Use sempre o número apropriado de algarismos significativos para as respostas, uniformize as unidades de acordo com o S.I. (m, kg, s,...), use $g = 9,80m/s^2$, $\rho_{agua} = 1,00g/cm^3$ e bons estudos!

A questão 32 foi corrigida, e deve ser resolvida e entregue no dia da P2.

- 1. Por que uma faca corta e uma agulha fura. O fio de uma faca, ou a ponta de uma agulha, podem exercer pressões muito altas. Considere uma agulha cujo ponto de contato com uma dada superfíice tenha uma área de $1,0 \times 10^{-8} m^2$ (ou seja, um diâmetro de cerca de 0,1mm).
 - (a) Calcule a pressão que a agulha exerce quando aplica sobre a superfície uma força de 10N.
 - (b) Calcule a pressão que a mesma força exerce numa área equivalente à de um polegar, considerando esta de cerca de $1,0cm^2$
- 2. Pressão sanguínea na girafa. A girafa é o mais alto dos animais, e um macho atinge 5,5m de altura. Isso gerou complexos problemas para seu sistema circulatório, que foram resolvidos no processo de evolução biológica enquanto a girafa foi aumentando a sua altura (soluções a nós inacessíveis foram antes obtidas para o caso dos dinossauros, muito mais altos!). Calcule a diferença de pressão sanguínea na aproximação hidrostática, entre os pés e a cabeça de uma girafa, considerando a densidade do sangue igual à da água.
- 3. Suponha um recipiente cilíndrico com diâmetro de 2,00cm e superfície superior aberta, o cilindro então é preenchido com mercúrio líquido ($\rho = 13,6g/cm^3$) até uma altura de 1,0m.
 - (a) Qual é a força exercida pelo mercúrio no fundo do cilindro?
 - (b) Qual é a pressão total no fundo do cilindro?
 - (c) Suponha agora que sobre o mercúrio seja colocado um pistão móvel de massa m=3,0kg, calcule novamente a pressão total no fundo do cilindro.
- 4. Em um macaco hidráulico, o cilindro em que se aplica a força a ser amplificada tem diâmetro interno de 2,0mm e o cilindro que transmite a força amplificada tem diâmetro 5,0cm. Quantas vezes a força amplificada é maior do que a força aplicada?
- 5. Balão de hélio. Os melhores balões são preenchidos com hélio, que a $20^{\circ}C$ e à pressão atmosférica tem uma densidade de $0,18kg/m^3$, enquanto a densidade do ar nas mesmas condições é de $1,21kg/m^3$. Considere um balão de hélio cuja massa de sua carga e do próprio balão, fora a massa do hélio seja de 200kg.
 - (a) Qual deve ser o volume mínimo do balão para que ele possa flutuar?
 - (b) Para se ter uma idéia da leveza do hélio, calcule a massa de hélio de um volume igual ao calculado no item anterior.
- 6. Uma canoa tem um volume (volume do casco mais volume interno) de $0,900m^3$ e uma massa de 80ka.
 - (a) Se a canoa flutua sem carga em um lago, qual é o volume de água que ela desloca?
 - (b) Qual é a carga máxima que pode ser colocada na canoa?
- 7. Titanic. Num iceberg, o gelo da água do mar, com densidade de $0,92g/cm^3$, emerge parcialmente da água do mar, cuja densidade é de $1,03g/cm^3$. Que fração do iceberg fica fora da água?
- 8. Os três reservatórios da *Figura 1* são idênticos e o nível de água em todos eles é exatamente o mesmo. O objeto C é mais denso que a água, e apóia-se no fundo do reservatório. Compare o peso dos reservatórios com o conteúdo, dizendo qual é o mais pesado e qual é o mais leve.
- 9. Denis, o pimentinha. Uma criança marota está em uma canoa dentro de uma piscina. Em dado momento, ela pega algumas pedras contidas na canoa e joga na água; as pedras acabam repousando no fundo da piscina. O nível de água na piscina sobe, desce ou permanece inalterado?

- 10. Um reservatório muito grande de água tem uma torneira próxima do seu fundo, o diâmetro interno da torneira é de 20mm e o nível da água está 3,0m acima do nível da torneira. Qual é a vazão da torneira quando inteiramente aberta?
- 11. A Figura 2 mostra um tanque cheio de água. Cinco pisos e tetos horizontais estão indicados; todos têm a mesma área e estão situados a uma distância L, 2L, ou 3L abaixo do alto do tanque. Ordene-os de acordo com a força que a água exerce sobre eles, começando pela maior.
- 12. Uma peça irregular de 3kg de um material sólido é totalmente imersa em um certo fluido. O fluido que estaria no espaço ocupado pela peça tem uma massa de 2kg.
 - (a) Ao ser liberada, a peça sobe, desce ou permanece no mesmo lugar?
 - (b) Se a peça é totalmente imersa em um fluido menos denso e depois liberada, o que acontece?
- 13. A Figura 3 mostra quatro situações nas quais um líquido vermelho e um líquido cinzento foram colocados em um tubo em forma de U. Em uma dessas situações os líquidos não podem estar em equilíbrio estático.
 - (a) Que situação é essa?
 - (b) Para as outras três situações, suponha que o equilíbrio é estático. Para cada uma delas a massa específica do líquido vermelho é maior, menor ou igual à massa específica do líquido cinzento?
- 14. A água flui suavemente em um cano horizontal. A Figura 4 mostra a energia cinética K de um elemento de água que se move ao longo de um eixo x paralelo ao eixo do cano. Ordene os trechos A, B e C de acordo com o raio do cano, do maior para o menor.
- 15. Hemisférios de Magdeburgo. Após inventar a bomba de vácuo mecânica, Otto von Guericke, burgomestre de Magdeburgo, fez, em 1654, uma demonstração da força de pressão atmosférica. Evacuou uma esfera oca de raio igual a 0,30m, composta de dois hemisférios bem encaixados e demonstrou que dois conjuntos de oito cavalos não podiam vencer a força hidrostática e separar os hemisférios. A Figura 5 mostra uma variante da experiência de Magdeburgo. Neste diagrama diagrama simplificado qual é a massa mínima necessária para separar os hemisférios?
- 16. Arquimedes e a Coroa. Suponha que a coroa do Rei da Siracusa tem 75% da sua massa de ouro $(\rho = 19, 32g/cm^3)$ e o restante de cobre $(\rho = 8, 96g/cm^3)$. Para uma massa total de 6,0kg qual é o volume que a coroa precisa ter para estar de acordo com a encomenda?
- 17. Arquimedes e a Coroa 2. O método utilizado por arquimedes para conferir a composição da coroa do Rei consiste em medir o peso da coroa imersa no ar (F_P) e seu peso imerso na água $(F_{P.ap})$.
 - (a) Mostre que $\frac{\Delta F_P}{F_P} = \frac{F_P F_{P.ap}}{F_P} = \frac{\rho_c}{\rho_a}$ onde ρ_c e ρ_a são as densidades da coroa e da água, respectivamente. Suponha que a coroa é composta de 60% de ouro ($\rho = 19, 32g/cm^3$) e o restante de cobre ($\rho = 8, 96g/cm^3$).
 - (b) Calcule $\Delta F_P/F_P$ para o ouro.
 - (c) Calcule $\Delta F_P/F_P$ para a coroa.
- 18. Um homem constrói uma jangada com pau-de-balsa, cuja densidade é $0,30g/cm^3$. Que volume mínimo de madeira deve ser utilizado na jangada para transportar uma carga de 210kg sem afundar?
- 19. Uma janela tem área de $2,0m^2$. Estando a janela fechada, uma ventania com velocidade de 20m/s passa paralela à janela. Calcule a força para fora exercida sobre a janela. (Use $\rho_{ar} = 1,21kg/m^3$).
- 20. Com uma profundidade de 10,9km a fossa das Marianas, no oceano Pacífico, é o lugar mais profundo dos oceanos. Em 1960, Donald Walsh e Jacques Piccard chegaram à fossa das Marianas no batiscafo Trieste. Supondo que a água do mar tem um massa específica uniforme de $1024kg/m^3$, calcule a pressão hidrostática (em atmosferas) que o Trieste teve que suportar.
- 21. Que pressão uma máquina deve produzir para sugar lama com massa específica de $1500kg/m^3$ através de um tubo e fazê-la subir 1,5m?
- 22. Uma âncora de ferro de massa específica $7870kg/m^3$ parece ser 200N mais leve na água que no ar.
 - (a) Qual é o volume da âncora?

- (b) Quanto ela pesa no ar?
- 23. Uma mangueira de jardim com diâmetro interno de 1,9cm está ligada a um borrifador (estacionário) que consiste apenas em um recipiente com 24 furos de 0,13cm de diâmetro. Se a água circula na mangueira com uma velocidade de 0,91m/s, com que velocidade deixa os furos do borrifador?
- 24. Dois riachos se unem para formar um rio. Um dos riachos tem uma largura de 8, 2m, profundidade de 3, 4m e a velocidade da água é 2, 3m/s. O outro riacho tem 6, 8m de largura, 3, 2m de profundidade e a velocidade da água é 2, 6m/s. Se o rio tem uma largura de 10, 5m e a velocidade da água é 2, 9m/s, qual é a profundidade do rio?
- 25. Para sugar limonada, com uma massa específica de $1000kg/m^3$, usando um canudo para fazer o líquido subir 4,0cm, que pressão manométrica mínima (em atmosferas) deve ser produzida pelos pulmões?
- 26. Um êmbolo com uma seção reta a (Figura 6) é usado em uma prensa hidráulica para exercer uma pequena força de módulo f sobre um líquido que está em contato, através de um tubo de ligação com um êmbolo maior de seção reta A.
 - (a) Qual é o módulo F da força que deve ser aplicada ao êmbolo maior para que o sistema fique em equilíbrio?
 - (b) Se os diâmetros dos êmbolos são 3,80cm e 53,0cm, qual é o módulo da força que deve ser aplicada ao êmbolo menor para equilibrar uma força de 20,0kN aplicada ao êmbolo maior?
- 27. A água se move com uma velocidade de 5,0m/s em um cano com seção reta de $4,0cm^2$. A água desce gradualmente 10m enquanto a seção reta aumenta para $8,0cm^2$.
 - (a) Qual é a velocidade da água depois da descida?
 - (b) Se a pressão antes da descida é $1,5 \times 10^5 Pa$, qual é a pressão depois da descida?
- 28. A entrada da tubulação da Figura 8 tem uma seção reta de $0,74m^2$ e a velocidade da água é $0,40m/s^2$. Na saída, a uma distância D=180m abaixo da entrada, a seção reta é menor que a da entrada e a velocidade da água é 9,5m/s. Qual a diferença de pressão entre a entrada e a saída?

Exercícios difíceis

- 29. Um grande aquário de 5,00m de altura está cheio de água doce até uma altura de 2,00m. Uma das paredes do aquário é feita de plástico e tem 8,00m de largura. De quanto aumenta a força exercida sobre esta parede se a altura da água é aumentada para 4,00m?
- 30. Na ilustração a água atinge uma altura D=35,0m atrás da face vertical de uma represa com W=314m de largura. Determine a força horizontal a que está submetida a represa por causa da pressão da água.
- 31. Um tambor cilíndrico cuja base tem área A está cheio de água até a altura h. Um orifício de área a, é aberto em seu fundo, por onde a água começa a escoar. Calcule o tempo gasto para esvaziar o tambor.
- 32. A Figura 9 mostra um jorro d'água saindo por um furo a uma distância h=10cm da superfície de tanque que contém H=40cm de água.
 - (a) A que distância x a água atinge o solo?
 - (b) A que profundidade deve ser feito um segundo furo para que o valor de x seja o mesmo?
 - (c) A que profundidade deve ser feito um furo para maximizar o valor de x?
- 33. Um cano leva água de um açude para uma lavoura irrigada. O cano tem diâmetro interno de 50mm e comprimento de 2,0km. A vazão do cano é de 80L/s e a viscosidade da água é $\nu=1,0\times 10^{-3}$. Ignorando o desnível entre o açude e a lavoura, calcule a diferença de pressão entre as duas extremidades.
- 34. Um objeto de 5,00kg é liberado a partir do repouso quando está totalmente imerso em um líquido. O líquido deslocado pelo objeto tem uma massa de 3,00kg. Que distância e em que sentido o objeto se move em 0,200s, supondo que se desloca livremente e que a força de arrasto exercida pelo líquido é desprezível.
- 35. Na Figura 7, uma mola de constante elástica $3,00\times 10^4 N/m$ liga uma viga rígida ao êmbolo de

saída de um macaco hidráulico. Um recipiente vazio de massa desprezível está sobre o êmbolo de entrada. O êmbolo de entrada tem uma área A_e e o de saída $18A_e$. Inicialmente a mola está relaxada. Qual a massa de areia que deve ser despejada lentamente o recipiente para que a mola sofra uma compressão de 5,00cm?

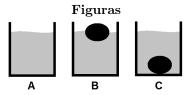


Figura 1 - Três reservatórios idênticos.

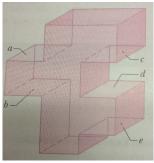


Figura 2

Figura 3

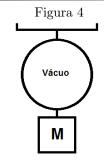


Figura 5 - Hemisférios de Magdeburgo.

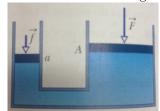


Figura 6



Figura 7

Reservatório

Gerador

D

Saida

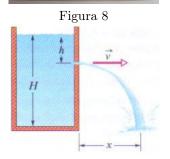


Figura 9

Respostas

- 1. (a) $P = 1,0 \times 10^9 Pa$
 - (b) $P = 1.0 \times 10^5 Pa$
- 2. $\Delta P = 5,4 \times 10^4 Pa$
- 3. (a) F = 42N
 - (b) $P = 1, 3 \times 10^5 Pa$
 - (c) $P = 2,0 \times 10^5 Pa$
- 4. 625 vezes.
- 5. (a) $V_B = 165m^3$
 - (b) $m_{He} = 30kg$
- 6. (a) $V = 0.080m^3$
 - (b) $m_{MAX} = 900kg$
- 7. 0,090 ou 9/100 ou 9,0%
- 8. Os reservatórios A e B tem o mesmo peso, e são mais leves que o C.
- 9. Desce.
- 10. $\Phi = 5,9L/s$
- 11. e > d = b > c = a
- 12. (a) Desce

- (b) Desce
- 13. (a) 2
 - (b) 1 menor, 3 igual, 4 maior
- 14. B, C, A
- 15. $1,2 \times 10^4 kg$
- 16. 0,40L
- 17. (a)
 - (b) 5,2%
 - (c) 6,6%
- 18. $V = 0,30m^3$
- 19. $F = 4\bar{8}0N$
- 20. $P = 10\bar{8}0atm$

- $21.\ P=22kPa$
- 22. (a) $V = 0.0204m^3$
 - (b) $F = 15\bar{7}0N$
- 23. v = 8, 1m/s
- $24. \ 4.0m$
- 25. $3,9 \times 10^{-3} atm$
- 26. (a) F = Af/a
 - (b) f = 103N
- 27. (a) $v_2 = 2,5m/s$
 - (b) $P_2 = 2,6 \times 10^5 Pa$
- 28. $\Delta P = 1,7 \times 10^6 Pa$

Referências

CHAVES, ALAOR - Física Básica: Gravitação, Fluidos, Ondas, Termodinâmica HALLIDAY; RESNICK; WALKER, JEARL - Fundamentos de Física - Volume 2: Gravitação, Ondas e Termodinâmica