### Universidade Federal de Santa Catarina Prof. Rafael Heleno Campos

rafaelcampos.fsc@gmail.com - tinyurl.com/profrafaelcampos FSC5132 - Lista de exercícios 3 - Mecânica dos Fluidos (v1.3)

Dicas para resolver a lista: Use sempre o número apropriado de algarismos significativos para as respostas, uniformize as unidades de acordo com o S.I. (m, kg, s,...) e quando necessário utilize as constantes que encontram-se no final da lista.

#### Parte 1 - Hidrostática

- 1. A Figura 2 mostra um tanque cheio de água. Cinco pisos e tetos horizontais estão indicados; todos têm a mesma área e estão situados a uma distância L, 2L, ou 3L abaixo do alto do tanque. Ordene-os de acordo com a força que a água exerce sobre eles, começando pela maior.
- 2. Os três reservatórios da *Figura 1* são idênticos e o nível de água em todos eles é exatamente o mesmo. O objeto C é mais denso que a água, e apóia-se no fundo do reservatório. Compare o peso dos reservatórios com o conteúdo, dizendo qual é o mais pesado e qual é o mais leve.
- 3. Denis, o pimentinha. Uma criança marota está em uma canoa dentro de uma piscina. Em dado momento, ela pega algumas pedras contidas na canoa e joga na água; as pedras acabam repousando no fundo da piscina. O nível de água na piscina sobe, desce ou permanece inalterado?
- 4. Em um copo d'água flutua, na posição vertical, um paralelepípedo de madeira. Como variará o nível da água no copo, se o paralelepípedo for colocado na horizontal?
- 5. A Figura 3 mostra quatro situações nas quais um líquido vermelho e um líquido cinzento foram colocados em um tubo em forma de U. Em uma dessas situações os líquidos não podem estar em equilíbrio estático.
  - (a) Que situação é essa?
  - (b) Para as outras três situações, suponha que o equilíbrio é estático. Para cada uma delas a massa específica do líquido vermelho é maior, menor ou igual à massa específica do líquido cinzento?
- 6. Um pingüim flutua, primeiro em um fluido de massa específica  $\rho_0$ , depois em um fluido de massa específica  $0,95\rho_0$  e, finalmente, em um fluido de massa específica  $1,1\rho_0$ .
  - (a) Ordene as massas específicas de acordo com o volume de fluido deslocado pelo pingüim, da maior para a menor.
  - (b) Ordene as massas específicas de acordo com o módulo da força de empuxo exercida sobre o pingüim, da maior para a menor.
- 7. Por que uma faca corta e uma agulha fura. O fio de uma faca, ou a ponta de uma agulha, podem exercer pressões muito altas. Considere uma agulha cujo ponto de contato com uma dada superfíice tenha uma área de  $1,0 \times 10^{-8} m^2$  (ou seja, um diâmetro de cerca de 0,1mm).
  - (a) Calcule a pressão que a agulha exerce quando aplica sobre a superfície uma força de 10N.
  - (b) Calcule a pressão que a mesma força exerce numa área equivalente à de um polegar, considerando esta de cerca de  $1,0cm^2$
- 8. Hemisférios de Magdeburgo. Após inventar a bomba de vácuo mecânica, Otto von Guericke, burgomestre de Magdeburgo, fez, em 1654, uma demonstração da força de pressão atmosférica. Evacuou uma esfera oca de raio igual a 0,30m, composta de dois hemisférios bem encaixados e demonstrou que dois conjuntos de oito cavalos não podiam vencer a força hidrostática e separar os hemisférios. A Figura 5 mostra uma variante da experiência de Magdeburgo. Neste diagrama diagrama simplificado qual é a massa mínima necessária para separar os hemisférios?
- 9. Partindo da definição de pressão e sabendo que no nível do mar a pressão atmosférica é  $1,00atm = 1,013 \times 10^5 Pa$ , calcule:
  - (a) A massa de ar (de toda a coluna!) que está sobre um chapéu mexicano cuja área é  $1,00m^2$ .
  - (b) Estime a massa total da atmosfera da terra, sabendo que  $R_T = 6370 km$ , e desconsiderando as imperfeições de relevo do planeta.

- 10. Com uma profundidade de 10,9km a fossa das Marianas, no oceano Pacífico, é o lugar mais profundo dos oceanos. Em 1960, Donald Walsh e Jacques Piccard chegaram à fossa das Marianas no batiscafo Trieste. Supondo que a água do mar tem um massa específica uniforme de  $1024kg/m^3$ , calcule a pressão hidrostática (em atmosferas) que o Trieste teve que suportar.
- 11. Suponha um recipiente cilíndrico com diâmetro de 2,00cm e superfície superior aberta, o cilindro então é preenchido com mercúrio líquido ( $\rho = 13,6g/cm^3$ ) até uma altura de 1,0m.
  - (a) Qual é a força exercida pelo mercúrio no fundo do cilindro?
  - (b) Qual é a pressão total no fundo do cilindro?
  - (c) Suponha agora que sobre o mercúrio seja colocado um pistão móvel de massa m=3,0kg, calcule novamente a pressão total no fundo do cilindro.
- 12. Um grande aquário de 5,00m de altura está cheio de água doce até uma altura de 2,00m. Uma das paredes do aquário é feita de plástico e tem 8,00m de largura. De quanto aumenta a força exercida sobre esta parede se a altura da água é aumentada para 4,00m?
- 13. Em um macaco hidráulico, o cilindro em que se aplica a força a ser amplificada tem diâmetro interno de 2,0mm e o cilindro que transmite a força amplificada tem diâmetro 5,0cm. Quantas vezes a força amplificada é maior do que a força aplicada?
- 14. Um êmbolo com uma seção reta a (Figura 6) é usado em uma prensa hidráulica para exercer uma pequena força de módulo f sobre um líquido que está em contato, através de um tubo de ligação com um êmbolo maior de seção reta A.
  - (a) Qual é o módulo F da força que deve ser aplicada ao êmbolo maior para que o sistema fique em equilíbrio?
  - (b) Se os diâmetros dos êmbolos são 3,80cm e 53,0cm, qual é o módulo da força que deve ser aplicada ao êmbolo menor para equilibrar uma força de 20,0kN aplicada ao êmbolo maior?
- 15. Na Figura 7, uma mola de constante elástica  $3,00 \times 10^4 N/m$  liga uma viga rígida ao êmbolo de saída de um macaco hidráulico. Um recipiente vazio de massa desprezível está sobre o êmbolo de entrada. O êmbolo de entrada tem uma área  $A_e$  e o de saída  $18A_e$ . Inicialmente a mola está relaxada. Qual a massa de areia que deve ser despejada lentamente o recipiente para que a mola sofra uma compressão de 5,00cm?
- 16. Um homem constrói uma jangada com pau-de-balsa, cuja densidade é  $0,30g/cm^3$ . Que volume mínimo de madeira deve ser utilizado na jangada para transportar uma carga de 210kg sem afundar?
- 17. Balão de hélio. Os melhores balões são preenchidos com hélio, que a  $20^{\circ}C$  e à pressão atmosférica tem uma densidade de  $0.18kg/m^3$ , enquanto a densidade do ar nas mesmas condições é de  $1.21kg/m^3$ . Considere um balão de hélio cuja massa de sua carga e do próprio balão, fora a massa do hélio seja de 200kg.
  - (a) Qual deve ser o volume mínimo do balão para que ele possa flutuar?
  - (b) Para se ter uma idéia da leveza do hélio, calcule a massa de hélio de um volume igual ao calculado no item anterior.
- 18. Uma âncora de ferro de massa específica  $7870kq/m^3$  parece ser 200N mais leve na água que no ar.
  - (a) Qual é o volume da âncora?
  - (b) Quanto ela pesa no ar?
- 19. Titanic. Num iceberg, o gelo da água do mar, com densidade de  $0.92g/cm^3$ , emerge parcialmente da água do mar, cuja densidade é de  $1.03g/cm^3$ . Que fração do iceberg fica fora da água?
- 20. Arquimedes e a Coroa 2. O método utilizado por arquimedes para conferir a composição da coroa do Rei consiste em medir o peso da coroa imersa no ar  $(F_P)$  e seu peso imerso na água  $(F_{P,ap})$ .
  - (a) Mostre que  $\frac{\Delta F_P}{F_P} = \frac{F_P F_{P.ap}}{F_P} = \frac{\rho_a}{\rho_c}$  onde  $\rho_c$  e  $\rho_a$  são as densidades da coroa e da água, respectivamente. Suponha que a coroa é composta de 60% de ouro  $(\rho = 19, 32g/cm^3)$  e o restante de cobre  $(\rho = 8, 96g/cm^3)$ .
  - (b) Calcule  $\Delta F_P/F_P$  para o ouro.

- (c) Calcule  $\Delta F_P/F_P$  para a coroa.
- 21. Um objeto de 5,00kg é liberado a partir do repouso quando está totalmente imerso em um líquido. O líquido deslocado pelo objeto tem uma massa de 3,00kg. Que distância e em que sentido o objeto se move em 0,200s, supondo que se desloca livremente e que a força de arrasto exercida pelo líquido é desprezível.
- 22. Uma bola de borracha, de massa m e raio R, submerge-se em água  $(\rho)$  a uma profundidade h, e solta-se. Qual será a altura atingida pela bola a partir da superfície da água? (Desconsidere a resistência do ar e da água no movimento dela.)

### Parte 2 - Hidrodinâmica

- 23. A água flui suavemente em um cano horizontal. A Figura 4 mostra a energia cinética K de um elemento de água que se move ao longo de um eixo x paralelo ao eixo do cano. Ordene os trechos A, B e C de acordo com o raio do cano, do maior para o menor.
- 24. Um reservatório muito grande de água tem uma torneira próxima do seu fundo, o diâmetro interno da torneira é de 20mm e o nível da água está 3,0m acima do nível da torneira. Qual é a vazão da torneira quando inteiramente aberta?
- 25. Dois riachos se unem para formar um rio. Um dos riachos tem uma largura de 8, 2m, profundidade de 3, 4m e a velocidade da água é 2, 3m/s. O outro riacho tem 6, 8m de largura, 3, 2m de profundidade e a velocidade da água é 2, 6m/s. Se o rio tem uma largura de 10, 5m e a velocidade da água é 2, 9m/s, qual é a profundidade do rio?
- 26. Uma mangueira de jardim com diâmetro interno de 1,9cm está ligada a um borrifador (estacionário) que consiste apenas em um recipiente com 24 furos de 0,13cm de diâmetro. Se a água circula na mangueira com uma velocidade de 0,91m/s, com que velocidade deixa os furos do borrifador?
- 27. Uma janela tem área de  $2,0m^2$ . Estando a janela fechada, uma ventania com velocidade de 20m/s passa paralela à janela. Calcule a força para fora exercida sobre a janela. (Use  $\rho_{ar} = 1,21kg/m^3$ ).
- 28. A água se move com uma velocidade de 5,0m/s em um cano com seção reta de  $4,0cm^2$ . A água desce gradualmente 10m enquanto a seção reta aumenta para  $8,0cm^2$ .
  - (a) Qual é a velocidade da água depois da descida?
  - (b) Se a pressão antes da descida é  $1.5 \times 10^5 Pa$ , qual é a pressão depois da descida?
- 29. A entrada da tubulação da Figura 8 tem uma seção reta de  $0,74m^2$  e a velocidade da água é  $0,40m/s^2$ . Na saída, a uma distância D=180m abaixo da entrada, a seção reta é menor que a da entrada e a velocidade da água é 9,5m/s. Qual a diferença de pressão entre a entrada e a saída?
- 30. A Figura 9 mostra um jorro d'água saindo por um furo a uma distância h=10cm da superfície de tanque que contém H=40cm de água.
  - (a) A que distância x a água atinge o solo?
  - (b) A que profundidade deve ser feito um segundo furo para que o valor de x seja o mesmo?
  - (c) A que profundidade deve ser feito um furo para maximizar o valor de x?
- 31. Na parede de um recipiente cilíndrico  $(A_{base} = 50cm^2)$  foram feitos dois orifícios, um sobre o outro, com área  $A = 0, 20cm^2$  cada um. Eles estão em alturas relativas à uma mesa plana  $H_1 = 1, 0m$  e  $H_2 = 50cm$ . O recipiente recebe um fluxo de  $150cm^3/s$  de água. Quanto tempo (medido a partir do momento que o nível de água passa pelo furo superior) demorará até que os dois jatos atinjam a mesma posição?
- 32. Um tambor cilíndrico cuja base tem área A está cheio de água até a altura h. Um orifício de área a, é aberto em seu fundo, por onde a água começa a escoar. Calcule o tempo gasto para esvaziar o tambor.

### Parte 3 - Efeitos Adicionais

33. Um cano leva água de um açude para uma lavoura irrigada. O cano tem diâmetro interno de 50mm e comprimento de 2,0km. A vazão do cano é de 80L/s e a viscosidade da água é  $\nu=1,0\times 10^{-3}$ . Ignorando o desnível entre o açude e a lavoura, calcule a diferença de pressão entre as duas extremidades.

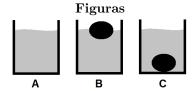


Figura 1 - Três reservatórios idênticos.

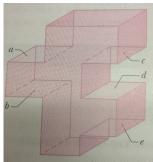


Figura 2

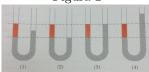


Figura 3



Figura 4

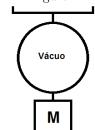


Figura 5 - Hemisférios de Magdeburgo.

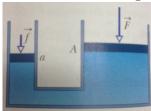


Figura 6



Figura 7

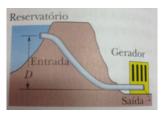


Figura 8

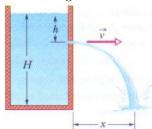


Figura 9

# Respostas

- 1. e > d = b > c = a
- 2. Os reservatórios A e B tem o mesmo peso, e são mais leves que o C.
- 3. Desce.
- 4. Permanecerá inalterado.
- 5. (a) 2
  - (b) 1 menor, 3 igual, 4 maior
- 6. (a)  $0.95\rho_0 > \rho_0 > 1.1\rho_0$ 
  - (b) As três são iguais.
- 7. (a)  $P = 1.0 \times 10^9 Pa$ 
  - (b)  $P = 1,0 \times 10^5 Pa$
- 8.  $1,2 \times 10^4 kg$
- 9.  $m = 1,03 \times 10^4 kg$ ,  $m_T = 5,27 \times 10^1 8kg$
- 10.  $P = 10\bar{8}1atm$
- 11. (a) F = 42N
  - (b)  $P = 1, 3 \times 10^5 Pa$
  - (c)  $P = 2,0 \times 10^5 Pa$
- 12.  $4,70 \times 10^5 \text{ N}$
- 13. 625 vezes.
- 14. (a) F = f(A/a)
  - (b) f = 103N
- 15.
- 16.  $V = 0.30m^3$
- 17. (a)  $V_B = 194m^3$ 
  - (b)  $m_{He} = 35kg$
- 18. (a)  $V = 0.0204m^3$ 
  - (b)  $F = 15\bar{7}0N$

19. 0, 11 ou 11%

20. (a)

(b) 5,2%

(c) 6,6%

21. 7,8cm

22.  $H = h(\frac{4\rho\pi R^3}{3m} - 1)$ 

23. B, C, A

24.  $\Phi = 2, 4L/s$ 

 $25. \ 4.0m$ 

26. v = 8, 1m/s

27.  $F = 4\bar{8}0N$ 

28. (a)  $v_2 = 2,5m/s$ 

(b)  $P_2 = 2,6 \times 10^5 Pa$ 

29.  $\Delta P = 1,7 \times 10^6 Pa$ 

30. (a) x = 35cm

(b) h = 10cm

(c) x = 20cm

31.  $t = 5, \overline{5}6s$  (aproximado)

 $32. \ t = \frac{A}{a} \sqrt{\frac{2h}{g}}$ 

33.  $\Delta P = 1, \bar{0}4 \times 10^6 Pa$ 

# Referências

- 1. CHAVES, ALAOR Física Básica: Gravitação, Fluidos, Ondas, Termodinâmica.
- 2. HALLIDAY, RESNICK; WALKER, JEARL Fundamentos de Física Volume 2: Gravitação, Ondas e Termodinâmica.
- 3. OKUNO, EMICO; CALDAS, IBERÊ l.; CHOW, CECIL Física para Ciências Biológicas e Biomédicas.
- 4. BUKHOVTSEV; KRIVTCHENKOV; MIAKISHEV; SARAEVA  $Problemas\ selecionados\ de\ Fisica\ elementar$