Universidade Federal de Santa Catarina Prof. Rafael Heleno Campos

rafaelcampos.fsc@gmail.com - tinyurl.com/profrafaelcampos Lista de exercícios 2 - Oscilações, Ondas (v1.2.4)

Dicas para resolver a lista: Use sempre o número apropriado de algarismos significativos para as respostas, uniformize as unidades de acordo com o S.I. (m, kg, s,...), use $g = 9,80m/s^2$ e bons estudos!

Parte 1 - Oscilações

- 1. O gráfico da Figura 1 mostra uma aceleração a(t) de uma partícula que executa um MHS.
 - (a) Qual do pontos indicados corresponde à partícula na posição $-x_m$?
 - (b) No ponto 4, a velocidade da partícula é positiva, negativa ou nula?
 - (c) No ponto 5, a partícula está em $-x_m$, em $+x_m$, em 0, entre $-x_m$ e 0 ou entre $+x_m$ e 0?
- 2. A Figura 2 mostra as curvas x(t) obtidas em três experimentos fazendo um certo sistema bloco-mola oscilar em um MHS. Ordene as curvas, em ordem decrescente, de acordo com:
 - (a) A frequência angular natural do sistema.
 - (b) A energia potencial da mola no instante t = 0.
 - (c) A energia cinética do bloco no instante t = 0.
 - (d) A velocidade do bloco no instante t = 0.
 - (e) A energia cinética máxima do bloco.
- 3. A Figura 3 mostra os gráficos da energia cinética K em função da posição x para três osciladores harmônicos que tem a mesma massa. Ordene os gráficos, em ordem descrescente, de acordo com:
 - (a) A constante elástica.
 - (b) O período de oscilação.
- 4. Qual é aceleração máxima de uma plataforma que oscila com uma amplitude de 2,20cm e uma frequência de 6,60Hz?
- 5. Um corpo de 0,12kg executa um movimento harmônico simples de amplitude 8,5cm e período 0,20s.
 - (a) Qual é o módulo da força máxima que age sobre o corpo?
 - (b) Se as oscilações são produzidas por uma mola, qual é a constante elástica da mola?
- 6. Um objeto que executa um M.H.S. leva 0,25s para se deslocar de um ponto de velocidade nula para o ponto seguinte do mesmo tipo. A distância entre os dois pontos é 36cm. Calcule:
 - (a) O período.
 - (b) A frequência.
 - (c) A amplitude do movimento.
- 7. Na Figura 4 duas molas iguais, de constante elástica 7580N/m, estão ligadas a um bloco de massa 0,245kg. Qual é a frequência de oscilação no piso sem atrito?
- 8. Um oscilador é formado por um bloco preso a uma mola (k = 400N/m). Em um certo instante t a posição (medida a partir da posição de equilíbrio do sistema), a velocidade e a aceleração do bloco são x = 0,100m, v = -13,6m/s e $a = -123m/s^2$. Calcule:
 - (a) A frequência de oscilação.
 - (b) A massa do bloco.
 - (c) A amplitude das oscilações.
- 9. Na Figura 4 duas molas estão presas a um bloco que pode oscilar em um piso sem atrito. Se a mola da esquerda é removida o bloco oscila com uma frequência de 30Hz. Se a mola removida é a da direita, o bloco oscila com uma frequência de 45Hz. Com que frequência o bloco oscila se as duas molas estão presentes?

- 10. Determine a energia cinética de um sistema bloco-mola com uma constante elástica de 1,3N/cm e uma amplitude de oscilação de 2,4cm.
- 11. Quando o deslocamento em um MHS é de metade da amplitude A, que fração da energia total é:
 - (a) Energia cinética?
 - (b) Energia potencial?
 - (c) Para que deslocamento, como fração da amplitude, a energia do sistema é metade energia cinética e metade energia potencial?
- 12. Uma partícula de 10g executa um MHS com uma amplitude de 2,0mm, uma aceleração máxima de módulo $8,0\times 10^3 m/s^2$ e uma constante de fase desconhecida ϕ . Calcule:
 - (a) O período do movimento.
 - (b) A velocidade máxima da partícula.
 - (c) A energia mecânica total do oscilador.
 - (d) A força que age sobre a partícula quando ela está no seu deslocamento máximo.
 - (e) A força que age sobre a partícula quando ela está na metade do seu deslocamento máximo.
- 13. Um bloco de massa M=5,4kg, em repouso sobre uma mesa horizontal sem atrito, está ligado a um suporte rígido através de uma mola de constante elástica k=6000N/m. Uma bala de massa m=9,5g e velocidade v=630m/s atinge o bloco e fica alojada nele (Figura 7). Supondo que a compressão da mola é desprezível até a bala se alojar no bloco, determine:
 - (a) A velocidade do bloco imediatamente após a colisão.
 - (b) A amplitude do movimento harmônico resultante.
- 14. Na Figura 8 o bloco 2, de massa 2,0kg, oscila na extremidade de uma mola em MHS com período de 20ms. A posição do bloco é dada por $x=(1,0cm)cos(\omega t+\pi/2)$. O bloco 1, de massa 4,0kg, desliza em direção ao bloco 2 com uma velocidade de módulo v=6,0m/s, dirigida ao longo do comprimento da mola. Os dois blocos sofrem uma colisão perfeitamente inelástica no instante t=5,0ms. Qual é a amplitude do MHS após a colisão?
- 15. Uma esfera maçica com uma massa de 95kg e 15cm de raio está suspensa por um fio vertical. Um torque de $0,20N\cdot m$ é necessário para fazer a esfera girar 0,85rad e manter essa orientação. Qual é o período das oscilações que ocorrem quando a esfera é liberada?
- 16. Na Figura 9 o bloco possui uma massa de 1,50kg e a constante elástica é 8,00N/m. A força de amortecimento é dada por -b(dx/dt), com b=230g/s. O bloco é puxado 12,0cm para baixo e liberado.
 - (a) Calcule o tempo necessário para que a amplitude das oscilações resultantes diminua para um terço do valor inicial.
 - (b) Quantas oscilações o bloco realiza nesse intervalo de tempo?
- 17. A amplitude de um oscilador fracamente amortecido diminui de 3,0% a cada ciclo. Que porcentagem da energia mecânica do oscilador é perdida por ciclo?
- 18. Nove pêndulos com os seguintes comprimentos são pendurados em uma viga horizontal: (a)0, 10m, (b)0, 30m, (c)0, 40m, (d)0, 80m, (e)1, 2m, (f)2, 8m, (g)3, 5m, (h)5, 0m e (i)6, 2m. A viga sofre oscilações horizontais com frequências angulares na faixa de 2, 00rad/s a 4, 00rad/s. Quais pêndulos entram (fortemente) em oscilação?
- 19. Um carro de 1000kg com quaro ocupantes de 82kg viaja em uma estrada de terra com "costelas" separadas por uma distância média de 4,0m. O carro trepida com amplitude máxima quando está a 16km/h. Quando o carro para e os ocupantes desembarcam, qual é a variação da altura do carro?

Exercícios difíceis

20. A Figura 5 mostra o bloco 1, de massa 0,200kg, deslizando para a direita, sobre uma superfície elevada, com uma velocidade de 8,00m/s. O bloco sofre uma colisão elástica com o bloco 2, inicialmente em repouso, que está preso a uma mola de constante elástica 1208,5N/m. (Suponha

- que a mola não afeta a colisão.) Após a colisão, o bloco 2 inicia um MHS com um período de 0,140s e o bloco 1 desliza para fora da extremidade oposta da superfície elevada, indo cair a uma distância horizontal d dela, depois de descer uma altura h=4,90m. Qual é o valor de d?
- 21. Na Figura 6 dois blocos $(m=1,8kg \ e \ M=10kg)$ e uma mola (k=200N/m) estão dispostos em uma superfície horizontal sem atrito. O coeficiente de atrito estático entre os blocos é 0,40. Que amplitude do movimento harmônico simples do sistema blocos-mola faz com que o bloco menor fique na eminência de deslizar sobre o bloco maior?
- 22. Problema Removido

Extra - Oscilações em circuitos elétricos

Leitura recomendada: Fundamentos da Física, Halliday, Resnick, 8a edição, volume 3, capítulo 31.

- 23. Um circuito LC oscilante é formado por um indutor de 75,0mH e um capacitor de 3,60 μF . Se a carga máxima do capacitor é 2,90 μC , determine:
 - (a) A energia total presente no circuito.
 - (b) A corrente máxima.
- 24. A energia de um circuito LC oscilante que contem um indutor de 1,25H é 5,70 μJ . A carga máima do capacitor é 175 μC . Para um sistema massa-mola com o mesmo período, determine:
 - (a) A massa.
 - (b) A constante elástica da mola.
 - (c) A amplitude máxima.
 - (d) O módulo da velocidade máxima.
- 25. Em um circuito LC oscilante com $C = 64,0\mu F$ a corrente é dada por i = (1,60)sen(2500t+0,680), com as unidades apropriadas do S.I..
 - (a) Quanto tempo após t=0s a corrente atinge o valor máximo?
 - (b) Qual \acute{e} o valor da indutância L?
 - (c) Qual é a energia total?
- 26. Em um circuito LC oscilante, quando 75% da energia total está armazenada no campo magnético do indutor, determine a porcentagem da carga máxima armazenada no capacitor e a porcentagem da corrente máxima que atravessa o indutor.
- 27. Que resistência R deve ser ligada em série com uma indutância L=220mH e uma capacitância $C=12,0\mu F$ para que a carma máxima do capacitor caia para 99% do valor inicial após 50,0 ciclos? (Considere $\omega_a=\omega$.)
- 28. Um circuito de uma única malha é formado por um resistor de 7,20 Ω , um indutor de 12,0H e um capacitor de 3,20 μF . Inicialmente o capacitor possui uma carga de 6,20 μC e a corrente é zero. Calcule a carga do capacitor após:
 - (a) 5 ciclos.
 - (b) 10 ciclos.
 - (c) 100 ciclos.

Parte 2 - Ondas

- 1. Para uma onda: $y(x,t) = 0.020m \cdot cos(0.250m^{-1} \cdot x 50.0s^{-1} \cdot t + \pi/3)$ identifique ou calcule as grandezas ϕ_0 , A, k, ω , v, λ , f e T.
- 2. Uma onda é descrita $y(x,t)=3,0cm\cdot cos(2,0m^{-1}\cdot x+120s^{-1}\cdot t+\pi/4).$ Calcule:
 - (a) Seu período de oscilação.
 - (b) Sua velocidade de fase.
 - (c) Sua fase inicial.
- 3. Qual é a velocidade de fase de uma onda cuja frequência é 220Hz e cujo comprimento de onda é

- 1,56m?
- 4. Duas ondas lineares de mesma amplitude e de mesma frequência, propagando-se no mesmo sentido, superpõem-se. Entre elas há uma diferença de fase ϕ_0 de valor genérico. Calcule a função da onda resultante.
- 5. Duas ondas de mesma frequência propagam-se em uma corda. Ambas tem a amplitude de 1,00cm, mas estão defasadas 45^o .
 - (a) Calcule a amplitude da onda resultante da sua superposição.
 - (b) Qual teria de ser a defasagem entre elas para que a amplitude da onda resultante fosse também igual a 1,00cm?
- 6. Duas ondas de mesma amplitude A, mesma frequência e mesma direção de propagação, se propagam em um dado meio.
 - (a) Sendo 90° a diferença de fase entre elas, qual é a amplitude da onda resultante.
 - (b) Para uma amplitude da onda composta de A/2 qual é a diferença de fase?
 - (c) Para uma amplitude da onda composta de 3A/2 qual é a diferença de fase?
- 7. Um fio de aço, cuja densidade de massa é $\rho = 7,87g/cm^3$, com diâmetro de 0,500mm, é esticado da maneira ilustrada na Figura 10. Uma das suas extremidades é presa a uma haste fixa e a outra passa por uma roldana e sustenta uma massa de 1,00kg. Qual é a frequência do modo fundamental de oscilação da corda no seu segmento entre a haste e a roldana?
- 8. A primeira corda de um violão é feita de náilon, cuja densidade é 1,150g/cm³. O diâmetro da corda é de 0,711mm e seu comprimento é de 65,5cm. Qual deve ser a força de tensão na corda para que seu modo normal de vibração seja a nota mi, com frequência de 329,6Hz?
- 9. Uma das frequências harmônicas de uma certa corda sob tensão é 325Hz. A frequência harmônica seguinte é 390Hz. Qual é a frequência que se segue à de 195Hz?
- 10. Na água do mar, à temperatura de $20^{\circ}C$, o som se propaga com velocidade de 1,52km/s. Além da velocidade maior o som atenua-se na água muito menos do que no ar, o que permite que mamíferos marinhos, como as baleias e os golfinhos, comuniquem-se a grandes distâncias através de sons. Uma baleia emite um sinal sonoro. Quanto tempo leva para que outra, distante 100km, o ouça?
- 11. Uma pedra é jogada em um poço. O som produzido pela pedra ao se chocar com a água é ouvido 3,00s depois. Qual é a profundidade do poço?
- 12. Os terremotos geram ondas sonoras no interior da Terra. Diferentemente de um gás, a Terra pode transmitir tantos ondas sonoras transversais (S) quanto longitudinais (P). A velocidade das ondas S é próxima de 4,5km/s e das ondas P próxima de 8,0km/s. Um sismógrafo registra as ondas S e P de um terremoto. As primeiras ondas P chegam 3,0min antes das primeiras ondas S. Se as ondas se propagaram em linha reta, a que distância ocorreu o terremoto?
- 13. Calcule o nível de intensidade sonora, em decibé
is de um som cuja intensidade seja de $6,0\times 10^{-6}W/m^2.$
- 14. Qual é a intensidade de um som cujo nível de intensidade sonora é de 75dB?
- 15. Um carro à velocidade de 40m/s é perseguido em uma estrada reta por outro carro à velocidade de 30m/s. Tentando chamar a atenção, o carro de trás toca a buzina, cuja frequência é 200Hz. Com que frequência a buzina é ouvida pelo carro da frente?
- 16. Um sonar, usando ultra-som com frequência de 1,000MHz, emite suas ondas na direção de uma nuvem que está se afastando. A onda refletida tem frequência de 0,920MHz. Qual é a velocidade da nuvem?
- 17. O ruído de um avião em vôo tem, à distância de 100m, o nível de intensidade sonora de 100dB. Qual é o nível de intensidade sonora à distância de 500m?
- 18. A uma distância de 10km uma corneta de 100Hz, considerada uma fonte pontual isotrópica, mal pode ser ouvida. A que distância começa a causar dor? Dados: Limiar da audição: 0db. Limiar da dor: 120dB
- 19. Um carro aproxima-se buzinando de um muro onde o som da buzina é refletido. Um pedestre,

- atrás do carro, ouve dois sons para a buzina. Um a 373Hz e outro a 429Hz. Calcule a velocidade do carro e a frequência da buzina.
- 20. Um navio detecta, em seu sonar, um submarino verticalmente sob ele. Os pulsos do sonar, emitidos com frequência de 50000MHz são refletidos e recebidos de volta com um retardo de 120ms e uma frequência de 49968MHz. A velocidade do som na água é de 1,53km/s. Calcule a velocidade vertical do submarino e a profundidade dele.
- 21. Um audacioso engenheiro aeronáutico resolve fazer um experimento colocando um alto falante muito potente em um caça supersônico. Considerando que o caça se mova com Mach 2 em direção ao engenheiro e que o alto falante esteja emitindo bipes idênticos com frequência de 200Hz, calcule a frequência dos bipes que o engenheiro capta. Interprete o resultado.

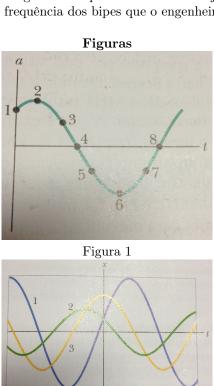


Figura 2

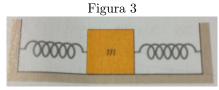


Figura 4

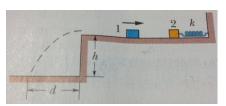
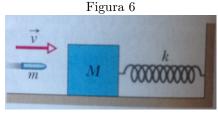
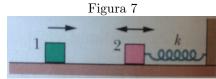


Figura 5





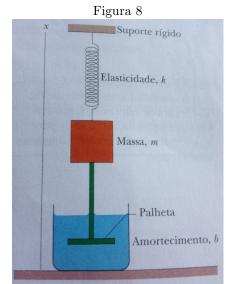


Figura 9

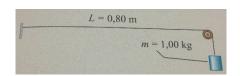


Figura 10

Respostas - Parte 1

- 1. (a) 2
 - (b) Positiva.
 - (c) Entre $x_m \in 0$.
- 2. (a) 1 = 2 = 3
 - (b) 3 > 2 = 1
 - (c) 1 > 2 > 3
 - (d) 1 > 2 > 3
 - (e) 1 > 3 > 2
- 3. (a) A, B, C.
 - (b) C, B, A.
- 4. $a_{MAX} = 37,8m/s^2$
- 5. (a) $F_{MAX} = 10N$
 - (b) $k = 1\bar{2}0N/m$
- 6. (a) T = 0.50s
 - (b) f = 2,0Hz
 - (c) A = 0,18m
- 7. f = 39,6Hz
- 8. (a) f = 5,58Hz
 - (b) m = 0,325kg

- (c) A = 0,400m
- 9. f = 54Hz
- 10. 0,037J
- 11. (a) 3/4
 - (b) 1/4
 - (c) $\sqrt{2}A$
- 12. (a) T = 0.0031Hz
 - (b) v = 4.0 m/s
 - (c) E = 0.080J
 - (d) F = 80N
 - (e) F = 40N
- 13. (a) v = 1, 1m
 - (b) A = 3,3cm
- 14. A = 2,4cm
- 15. T = 11s
- 16. (a) 14, 3s
 - (b) 5,27
- 17. 6,0%
- 18. c, d e e

- 19. 5,0cm
- 20. d = 4m
- 21. $x_{MAX} = 3,5cm$
- 22. -
- 23. (a) $E = 1.17 \times 10^{-6} J$
 - (b) $i_{MAX} = 5.58 \times 10^{-3} A$
- 24. (a) m = 1.25kg
 - (b) K = 372N/m
 - (c) $i_{MAX} = 3,02 \times 10^{-3} A$
 - (d) $v_{MAX} = 3.02 \times 10^{-3} m/s$
- 25. (a) $t = 3,56 \times 10^{-4} s$
 - (b) $L = 2,50 \times 10^{-3} H$
 - (c) $E = 3,20 \times 10^{-3} J$
- 26. (a) 25,0%
 - (b) 75,0%
- 27. $R = 8,66 \times 10^{-3} \Omega$
- 28. (a) $q_5 = 5,85\mu C$
 - (b) $q_{10} = 5,52\mu C$
 - (c) $q_{100} = 1,93\mu C$

Respostas - Parte 2

- 1. $\phi_0 = \pi/3$, A = 0,020m, $k = 0,250m^{-1}$, $\omega = 50,0s^{-1}$, v = 200m/s, $\lambda = 25,1m$, f = 7,96Hz e T = 0,126s.
- 2. (a) T = 0.052s
 - (b) v = -60m/s
 - (c) $\phi_0 = \pi/4$
- 3. v = 343m/s
- $4. y(x,t) = 2A\cos(\phi_0/2) \cdot \cos(kx \omega t + \phi_0/2)$
- 5. (a) A = 1,85cm

- (b) $\phi_0 = 120^0$
- 6. (a) $\sqrt{2}A$
 - (b) 151°
 - (c) 83°
- 7. f = 49,8Hz
- 8. T = 85, 1N
- 9. f = 260Hz
- 10. t = 65, 8s
- 11. 40,7m
- 12. $d = 1\bar{8}51km$

- 13. 68dB
- 14. $3,2 \times 10^{-5} W/m^2$
- 15. f = 194Hz
- 16. 14m/s
- 17. 86,0dB
- 18. d = 1,0cm
- 19. $v_c = 24m/s$
- 20. v = 0.979 m/s, d = 91.8 m
- 21. f = 200Hz

Referências

CHAVES, ALAOR - Física Básica: Gravitação, Fluidos, Ondas, Termodinâmica

HALLIDAY; RESNICK; WALKER, JEARL - Fundamentos de Física - Volume 2: Gravitação, Ondas e Termodinâmica

HALLIDAY; RESNICK; WALKER, JEARL - Fundamentos de Física - Volume 3: Eletromagnetismo