## Universidade Federal de Santa Catarina Prof. Rafael Heleno Campos

rafaelcampos.fsc@gmail.com - tinyurl.com/profrafaelcampos Lista de exercícios 3 - Oscilações, Ondas

Dicas para resolver a lista: Use sempre o número apropriado de algarismos significativos para as respostas, uniformize as unidades de acordo com o S.I. (m, kg, s,...), use  $g = 9,80m/s^2$  e bons estudos!

### Parte 1 - Oscilações

- 1. O gráfico da Figura 1 mostra uma aceleração a(t) de uma partícula que executa um MHS.
  - (a) Qual do pontos indicados corresponde à partícula na posição  $-x_m$ ?
  - (b) No ponto 4, a velocidade da partícula é positiva, negativa ou nula?
  - (c) No ponto 5, a partícula está em  $-x_m$ , em  $+x_m$ , em 0, entre  $-x_m$  e 0 ou entre  $+x_m$  e 0?
- 2. A Figura 2 mostra as curvas x(t) obtidas em três experimentos fazendo um certo sistema bloco-mola oscilar em um MHS. Ordene as curvas, em ordem decrescente, de acordo com:
  - (a) A frequência angular natural do sistema.
  - (b) A energia potencial da mola no instante t = 0.
  - (c) A energia cinética do bloco no instante t = 0.
  - (d) A velocidade do bloco no instante t = 0.
  - (e) A energia cinética máxima do bloco.
- 3. A Figura 3 mostra os gráficos da energia cinética K em função da posição x para três osciladores harmônicos que tem a mesma massa. Ordene os gráficos, em ordem descrescente, de acordo com:
  - (a) A constante elástica.
  - (b) O período de oscilação.
- 4. Qual é aceleração máxima de uma plataforma que oscila com uma amplitude de 2,20cm e uma frequência de 6,60Hz?
- 5. Um corpo de 0,12kg executa um movimento harmônico simples de amplitude 8,5cm e período 0,20s.
  - (a) Qual é o módulo da força máxima que age sobre o corpo?
  - (b) Se as oscilações são produzidas por uma mola, qual é a constante elástica da mola?
- 6. Um objeto que executa um M.H.S. leva 0,25s para se deslocar de um ponto de velocidade nula para o ponto seguinte do mesmo tipo. A distância entre os dois pontos é 36cm. Calcule:
  - (a) O período.
  - (b) A frequência.
  - (c) A amplitude do movimento.
- 7. Na Figura 4 duas molas iguais, de constante elástica 7580N/m, estão ligadas a um bloco de massa 0,245kg. Qual é a frequência de oscilação no piso sem atrito?
- 8. Um oscilador é formado por um bloco preso a uma mola (k = 400N/m). Em um certo instante t a posição (medida a partir da posição de equilíbrio do sistema), a velocidade e a aceleração do bloco são x = 0,100m, v = -13,6m/s e  $a = -123m/s^2$ . Calcule:
  - (a) A frequência de oscilação.
  - (b) A massa do bloco.
  - (c) A amplitude das oscilações.
- 9. Na Figura 4 duas molas estão presas a um bloco que pode oscilar em um piso sem atrito. Se a mola da esquerda é removida o bloco oscila com uma frequência de 30Hz. Se a mola removida é a da direita, o bloco oscila com uma frequência de 45Hz. Com que frequência o bloco oscila se as duas molas estão presentes?

- 10. Determine a energia cinética de um sistema bloco-mola com uma constante elástica de 1,3N/cm e uma amplitude de oscilação de 2,4cm.
- 11. Quando o deslocamento em um MHS é de metade da amplitude A, que fração da energia total é:
  - (a) Energia cinética?
  - (b) Energia potencial?
  - (c) Para que deslocamento, como fração da amplitude, a energia do sistema é metade energia cinética e metade energia potencial?
- 12. Uma partícula de 10g executa um MHS com uma amplitude de 2,0mm, uma aceleração máxima de módulo  $8,0\times 10^3 m/s^2$  e uma constante de fase desconhecida  $\phi$ . Calcule:
  - (a) O período do movimento.
  - (b) A velocidade máxima da partícula.
  - (c) A energia mecânica total do oscilador.
  - (d) A força que age sobre a partícula quando ela está no seu deslocamento máximo.
  - (e) A força que age sobre a partícula quando ela está na metade do seu deslocamento máximo.
- 13. Um bloco de massa M=5,4kg, em repouso sobre uma mesa horizontal sem atrito, está ligado a um suporte rígido através de uma mola de constante elástica k=6000N/m. Uma bala de massa m=9,5g e velocidade v=630m/s atinge o bloco e fica alojada nele (Figura 7). Supondo que a compressão da mola é desprezível até a bala se alojar no bloco, determine:
  - (a) A velocidade do bloco imediatamente após a colisão.
  - (b) A amplitude do movimento harmônico resultante.
- 14. Na Figura 8 o bloco 2, de massa 2,0kg, oscila na extremidade de uma mola em MHS com período de 20ms. A posição do bloco é dada por  $x = (1,0cm)cos(\omega t + \pi/2)$ . O bloco 1, de massa 4,0kg, desliza em direção ao bloco 2 com uma velocidade de módulo v = 6,0m/s, dirigida ao longo do comprimento da mola. Os dois blocos sofrem uma colisão perfeitamente inelástica no instante t = 5,0ms. Qual é a amplitude do MHS após a colisão?
- 15. Uma esfera maçica com uma massa de 95kg e 15cm de raio está suspensa por um fio vertical. Um torque de  $0,20N \cdot m$  é necessário para fazer a esfera girar 0,85rad e manter essa orientação. Qual é o período das oscilações que ocorrem quando a esfera é liberada?
- 16. Na Figura 9 o bloco possui uma massa de 1,50kg e a constante elástica é 8,00N/m. A força de amortecimento é dada por -b(dx/dt), com b=230g/s. O bloco é puxado 12,0cm para baixo e liberado.
  - (a) Calcule o tempo necessárip para que a amplitude das oscilações resultantes diminua para um terço do valor inicial.
  - (b) Quantas oscilações o bloco realiza nesse intervalo de tempo?
- 17. A amplitude de um oscilador fracamente amortecido diminui de 3,0% a cada ciclo. Que porcentagem da energia mecânica do oscilador é perdida por ciclo?
- 18. Nove pêndulos com os seguintes comprimentos são pendurados em uma viga horizontal: (a)0, 10m, (b)0, 30m, (c)0, 40m, (d)0, 80m, (e)1, 2m, (f)2, 8m, (g)3, 5m, (h)5, 0m (i)6, 2m. A viga sofre oscilações horizontais com frequências angulares na faixa de 2,00rad/s a 4,00rad/s. Quais pêndulos entram (fortemente) em oscilação?
- 19. Um carro de 1000kg com quaro ocupantes de 82kg viaja em uma estrada de terra com "costelas" separadas por uma distância média de 4,0m. O carro trepida com amplitude máxima quando está a 16km/h. Quando o carro para e os ocupantes desembarcam, qual é a variação da altura do carro?

### Exercícios difíceis

20. A Figura 5 mostra o bloco 1, de massa 0,200kg, deslizando para a direita, sobre uma superfície elevada, com uma velocidade de 8,00m/s. O bloco sofre uma colisão elástica com o bloco 2, inicialmente em repouso, que está preso a uma mola de constante elástica 1208,5N/m. (Suponha

- que a mola não afeta a colisão.) Após a colisão, o bloco 2 inicia um MHS com um período de 0,140s e o bloco 1 desliza para fora da extremidade oposta da superfície elevada, indo cair a uma distância horizontal d dela, depois de descer uma altura h=4,90m. Qual é o valor de d?
- 21. Na Figura 6 dois blocos (m=1,8kg e M=10kg) e uma mola (k=200N/m) estão dispostos em uma superfície horizontal sem atrito. O coeficiente de atrito estático entre os blocos é 0, 40. Que amplitude do movimento harmônico simples do sistema blocos-mola faz com que o bloco menor fique na eminência de deslizar sobre o bloco maior?
- 22. Na Figura 7 duas molas estão ligadas entre si e a um bloco de massa 0,245kg que oscila em um piso sem atrito. As duas molas possuem uma constante elástica k=6430N/m. Qual é a frequência das oscilações?

#### Parte 2 - Ondas

- 1. Para uma onda:  $y(x,t) = 0,020m \cdot cos(0,250m^{-1} \cdot x 50,0s^{-1} \cdot t + \pi/3)$  identifique ou calcule as grandezas  $\phi_0$ , A, k,  $\omega$ , v,  $\lambda$ , f e T.
- 2. Uma onda é descrita  $y(x,t)=3,0cm\cdot cos(2,0m^{-1}\cdot x+120s^{-1}\cdot t+\pi/4)$ . Calcule:
  - (a) Seu período de oscilação.
  - (b) Sua velocidade de fase.
  - (c) Sua fase inicial.
- 3. Qual é a velocidade de fase de uma onda cuja frequência é 220Hz e cujo comprimento de onda é 1,56m?
- 4. Duas ondas lineares de mesma amplitude e de mesma frequência, propagando-se no mesmo sentido, superpõem-se. Entre elas há uma diferença de fase  $\phi_0$  de valor genérico. Calcule a função da onda resultante.
- 5. Duas ondas de mesma frequência propagam-se em uma corda. Ambas tem a amplitude de 1,00cm, mas estão defasadas  $45^o$ .
  - (a) Calcule a amplitude da onda resultante da sua superposição.
  - (b) Qual teria de ser a defasagem entre elas para que a amplitude da onda resultante fosse também igual a 1,00cm?
- Duas ondas de mesma amplitude A, mesma frequência e mesma direção de propagação, se propagam em um dado meio.
  - (a) Sendo 90° a diferença de fase entre elas, qual é a amplitude da onda resultante.
  - (b) Para uma amplitude da onda composta de A/2 qual é a diferença de fase?
  - (c) Para uma amplitude da onda composta de 3A/2 qual é a diferença de fase?
- 7. Um fio de aço, cuja densidade de massa é  $\rho = 7,87g/cm^3$ , com diâmetro de 0,500mm, é esticado da maneira ilustrada na Figura 10. Uma das suas extremidades é presa a uma haste fixa e a outra passa por uma roldana e sustenta uma massa de 1,00kg. Qual é a frequência do modo fundamental de oscilação da corda no seu segmento entre a haste e a roldana?
- 8. A primeira corda de um violão é feita de náilon, cuja densidade é  $1,150g/cm^3$ . O diâmetro da corda é de 0,711mm e seu comprimento é de 65,5cm. Qual deve ser a força de tensão na corda para que seu modo normal de vibração seja a nota mi, com frequência de 329,6Hz?
- 9. Na água do mar, à temperatura de  $20^{\circ}C$ , o som se propaga com velocidade de 1,52km/s. Além da velocidade maior o som atenua-se na água muito menos do que no ar, o que permite que mamíferos marinhos, como as baleias e os golfinhos, comuniquem-se a grandes distâncias através de sons. Uma baleia emite um sinal sonoro. Quanto tempo leva para que outra, distante 100km, o ouça?
- 10. Uma pedra é jogada em um poço. O som produzido pela pedra ao se chocar com a água é ouvido 3,00s depois. Qual é a profundidade do poço?
- 11. Os terremotos geram ondas sonoras no interior da Terra. Diferentemente de um gás, a Terra pode transmitir tantos ondas sonoras transversais (S) quanto longitudinais (P). A velocidade das ondas

- S é próxima de 4,5km/s e das ondas P próxima de 8,0km/s. Um sismógrafo registra as ondas S e P de um terremoto. As primeiras ondas P chegam 3,0min antes das primeiras ondas S. Se as ondas se propagaram em linha reta, a que distância ocorreu o terremoto?
- 12. Calcule o nível de intensidade sonora, em decibé<br/>is de um som cuja intensidade seja de  $6,0\times 10^{-6}W/m^2$ .
- 13. Qual é a intensidade de um som cujo nível de intensidade sonora é de 75dB?
- 14. Um carro à velocidade de 40m/s é perseguido em uma estrada reta por outro carro à velocidade de 30m/s. Tentando chamar a atenção, o carro de trás toca a buzina, cuja frequência é 200Hz. Com que frequência a buzina é ouvida pelo carro da frente?
- 15. Um sonar, usando ultra-som com frequência de 1000MHz, emite suas ondas na direção de uma nuvem que está se afastando. A onda refletida tem frequência de 0,920MHz. Qual é a velocidade da nuvem?
- 16. O ruído de um avião em vôo tem, à distância de 100m, o nível de intensidade sonora de 100dB. Qual é o nível de intensidade sonora à distância de 500m?
- 17. Um carro aproxima-se buzinando de um muro onde o som da buzina é refletido. Um pedestre, atrás do carro, ouve dois sons para a buzina. Um a 373Hz e outro a 429Hz. Calcule a velocidade do carro e a frequência da buzina.
- 18. Um navio detecta, em seu sonar, um submarino verticalmente sob ele. Os pulsos do sonar, emitidos com frequência de 50000MHz são refletidos e recebidos de volta com um retardo de 120ms e uma frequência de 49968MHz. A velocidade do som na água é de 1,53km/s. Calcule a velocidade vertical do submarino e a profundidade dele.

**Figuras** 

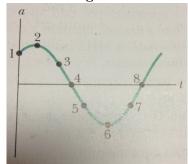


Figura 1

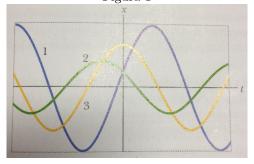


Figura 2

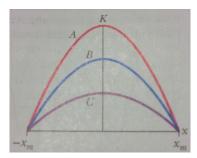


Figura 3

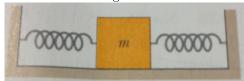


Figura 4

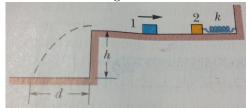


Figura 5

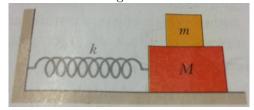


Figura 6

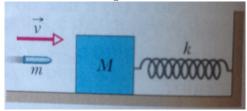


Figura 7

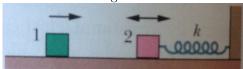


Figura 8

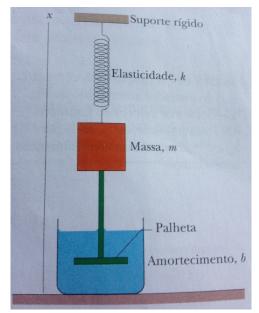


Figura 9

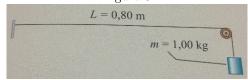


Figura 10

## Respostas - Parte 1

- 1. (a) 6
  - (b) Negativa.
  - (c) Entre  $-x_m \in 0$ .
- 2. (a) 1 = 2 = 3
  - (b) 3 > 2 = 1
  - (c) 1 > 2 > 3
  - (d) 1 > 2 > 3
  - (e) 1 > 3 > 2
- 3. (a) A, B, C.
  - (b) C, B, A.
- 4.  $a_{MAX} = 37,8m/s^2$
- 5. (a)  $F_{MAX} = 10N$ 
  - (b)  $k = 1\bar{2}0N/m$
- 6. (a) T = 0,50s

- (b) f = 2,0Hz
- (c) A = 0,18m
- 7. f = 39,6Hz
- 8. (a) f = 5,58Hz
  - (b) m = 0,325kg
  - (c) A = 0,400m
- 9. f = 54Hz
- 10. 0,037J
- 11. (a) 1/4
  - (b) 3/4
  - (c)  $\sqrt{2}A$
- 12. (a) T = 0.0031Hz
  - (b) v = 4,0m/s
  - (c) E = 0,080J

- (d) F = 80N
- (e) F = 40N
- 13. (a) v = 1, 1m
  - (b) A = 3, 3cm
- 14. A = 2,4cm
- 15. T = 11s
- 16. (a) 14, 3s
  - (b) 5,27
- 17. 6,0%
- 18.  $c, d \in e$
- 19. 5,0cm
- 20. 14m/s

# Respostas - Parte 2

- 1.  $\phi_0 = \pi/3$ , A = 0,020m,  $k = 0,250m^{-1}$ ,  $\omega = 50,0s^{-1}$ , v = 200m/s,  $\lambda = 25,1m$ , f = 7,96Hz e T = 0,126s.
- 2. (a) T = 0.052s

- (b) v = -60m/s
- (c)  $\phi_0 = \pi/4$
- 3. v = 343m/s
- $4. \ y(x,t) = 2Acos(\phi_0/2) \cdot cos(kx \omega t + \phi_0/2)$
- 5. (a) A = 1,85cm
  - (b)  $\phi_0 = 120^0$
- 6. (a)  $\sqrt{2}A$ 
  - (b) 151°
  - (c)  $83^{\circ}$

7. $f = 49,8Hz$	11. $d = 2\bar{9}00km$	15.
8. $T = 85, 1N$	12. $68dB$	16.
9. $t = 65, 8s$	13. $3,2 \times 10^{-5} W/m^2$	17.
10. $40,7m$	14. $f = 194Hz$	18.

## Referências

CHAVES, ALAOR - Física Básica: Gravitação, Fluidos, Ondas, Termodinâmica HALLIDAY; RESNICK; WALKER, JEARL - Fundamentos de Física - Volume 2: Gravitação, Ondas e Termodinâmica