Universidade Federal de Santa Catarina

Prof. Rafael Heleno Campos

rafaelcampos.fsc@gmail.com - tinyurl.com/profrafaelcampos Avaliação 3 - Rotações.

Dicas para resolver a lista: Use sempre o número apropriado de algarismos significativos para as respostas, uniformize as unidades de acordo com o S.I. (m, kg, s,...), use $g = 9,80m/s^2$ e bons estudos!

- 1. Considere uma partícula descrendo um movimento circular uniforme onde ela segue o sentido antihorário na ilustração, além disso ela está sujeita a um torque no eixo de rotação que lhe causa uma desaceleração angular. Represente em uma ilustração as seguintes grandezas vetoriais (direção e sentido, o módulo não precisa estar em escala):
 - (a) Velocidade angular;
 - (b) Aceleração angular;
 - (c) Torque;
 - (d) Aceleração radial;
 - (e) Aceleração tangencial
 - (f) Velocidade escalar;
 - (g) Posição radial, em relação ao eixo de rotação;
 - (h) Momento angular.
 - Além disso, considerando que $\omega(t=0s)=4,0rad/s, \alpha=-0,5rad/s^2$, que o raio da trajetória seja R=50cm e que a massa da partícula seja m=3,0kg, determine:
 - (i) O momento de inércia dela em relação ao eixo;
 - (j) A energia cinética rotacional da partícula em t = 0s;
 - (k) O módulo da aceleração total em t = 0s.
- 2. Considere uma roda A de raio $r_A = 22cm$ que está acoplada por uma correia B a uma roda C de raio $r_C = 17cm$. A velocidade angular de A é aumentada partindo do repouso a uma taxa constante de acordo com $\omega(t) = 6t \cdot rad/s$.
 - (a) Determine o tempo necessário para que a roda C atinja uma velocidade angular de 150rad/s, supondo que a correia não deslize.
 - (b) Qual é a razão entre as massas m_A e m_C para que, considerando as rodas como discos de massa uniforme, os momentos de inércia de ambas sejam iguais.
 - (c) Considerando $m_A = 300g$, calcule o torque que a correia produz na roda C.
- 3. Uma roda de giroscópio com 2,83cm de raio é acelerada a partir do repouso a 14,2 rad/s^2 até que a sua velocidade angular atinja 2760rev/min.
 - (a) Qual é a aceleração tangencial de um ponto na borda da roda durante este processo de aceleração angular?
 - (b) Qual é a aceleração radial deste ponto quando a roda está girando na velocidade máxima?
 - (c) Qual é a distância percorrida por um ponto da borda da roda durante este processo?
- 4. Uma bola pequena, maciça e uniforme é lançada do ponto P, rola suavemente em uma superfície horizontal sobre uma rampa e chega a um platô. Em seguida, deixa o platô horizontalmente para pousar em outra superfície mais abaixo, a uma distância horizontal d da extremidade do platô. As altura verticais são $h_1 = 5,00cm$ e $h_2 = 1,60cm$. Com que velocidade a bola deve ser lançada no ponto P para ela pousar em d = 6,00cm?
- 5. Calcule o momento de inércia de uma placa retangular de lados a e b e massa m em relação à um eixo conforme a ilustração. Considere $m=7,5kg,\ a=60cm,\ b=40cm,\ c=12cm$ e d=8cm.
- 6. Duas partículas, cada uma de massa m e velocidade v, deslocam-se em sentidos opostos ao longo de linhas paralelas separadas de uma disância d. Mostre que o vetor momento angular do sistema é o mesmo qualquer que seja o ponto considerado como origem. Determine o módulo do vetor

momento angular.

- 7. Considere uma bola de sinuca de massa m e raio R. Suponha que uma tacada feita a uma distância vertical b acima do centro de massa lhe transmita dois momentos $P_0 = mv_0$ e $L_0 = I\omega_0$.
 - (a) Obtenha uma expressão que determine o trabalho que a força de atrito faz na bola do momento da tacada até o momento onde ela passa a rolar sem deslizar, como função de v_0 , ω_0 , m, b e R.
 - (b) Partindo dessa expressão, determine o valor de b para que a bola saia em rolamento puro desde o momento da tacada.
- 8. Bola de Neve Uma bola de neve rola sem deslizar por uma ladeira coberta de neve (considere a ladeira como um plano inclinado de um ângulo α). Conforme ela rola, sua massa aumenta de acordo com a relação: $m = m_0(1 + \beta \Delta x)$ onde β é uma constante e Δx é a distância percorrida pela bola. Considerando a densidade da esfera (ρ) uniforme, obtenha uma expressão para o seu momento de inércia como função de Δx , β , m_0 e ρ .

