Universidade Federal de Santa Catarina

Prof. Rafael Heleno Campos

rafaelcampos.fsc@gmail.com - tinyurl.com/profrafaelcampos Lista de exercícios 2 - Oscilações, Ondas (v3.0)

Dicas para resolver a lista: Use sempre o número apropriado de algarismos significativos para as respostas, uniformize as unidades de acordo com o S.I. (m, kg, s,...), use g = 9,80m/s² e bons estudos!

Parte 1 - Oscilações

- 1. O gráfico da Figura 1 mostra uma aceleração a(t) de uma partícula que executa um MHS.
 - (a) Qual do pontos indicados corresponde à partícula na posição $-x_m$?
 - (b) No ponto 4, a velocidade da partícula é positiva, negativa ou nula?
 - (c) No ponto 5, a partícula está em $-x_m$, em $+x_m$, em 0, entre $-x_m$ e 0 ou entre $+x_m$ e 0?
- 2. A Figura 2 mostra as curvas x(t) obtidas em três experimentos fazendo um certo sistema bloco-mola oscilar em um MHS. Ordene as curvas, em ordem decrescente, de acordo com:
 - (a) A frequência angular natural do sistema.
 - (b) A energia potencial da mola no instante t = 0.
 - (c) A energia cinética do bloco no instante t = 0.
 - (d) A velocidade do bloco no instante t = 0.
 - (e) A energia cinética máxima do bloco.
- 3. A Figura 3 mostra os gráficos da energia cinética K em função da posição x para três osciladores harmônicos que tem a mesma massa. Ordene os gráficos, em ordem descrescente, de acordo com:
 - (a) A constante elástica.
 - (b) O período de oscilação.
- 4. Qual é aceleração máxima de uma plataforma que oscila com uma amplitude de 2, 20 cm e uma frequência de 6, 60 Hz?
- 5. Um corpo de 0,12 kg executa um movimento harmônico simples de amplitude 8,5 cm e período 0,20 s.
 - (a) Qual é o módulo da força máxima que age sobre o corpo?
 - (b) Se as oscilações são produzidas por uma mola, qual é a constante elástica da mola?
- 6. Um objeto que executa um M.H.S. leva 0,25 s para se deslocar de um ponto de velocidade nula para o ponto seguinte do mesmo tipo. A distância entre os dois pontos é 36 cm. Calcule:
 - (a) O período.
 - (b) A frequência.
 - (c) A amplitude do movimento.
- 7. Na Figura 4 duas molas iguais, de constante elástica 7580 N/m, estão ligadas a um bloco de massa 0,245 kg. Qual é a frequência de oscilação no piso sem atrito?
- 8. Um oscilador é formado por um bloco preso a uma mola (k=400 N/m). Em um certo instante t a posição (medida a partir da posição de equilíbrio do sistema), a velocidade e a aceleração do bloco são x=0,100 m, v=-13,6 m/s e $a=-123 \text{ m/s}^2$. Calcule:
 - (a) A frequência de oscilação.
 - (b) A massa do bloco.
 - (c) A amplitude das oscilações.
- 9. Na Figura 4 duas molas estão presas a um bloco que pode oscilar em um piso sem atrito. Se a mola da esquerda é removida o bloco oscila com uma frequência de 30 Hz. Se a mola removida é a da direita, o bloco oscila com uma frequência de 45 Hz. Com que frequência o bloco oscila se as duas molas estão presentes?

- 10. Considere uma massa m e duas molas com k_1 e k_2 , calcule a razão T_a/T_b onde na situação a as molas estão montadas em série, e em b em paralelo.
- 11. Determine a energia cinética máxima de um sistema bloco-mola com uma constante elástica de 1,3 N/cm e uma amplitude de oscilação de 2,4 cm.
- 12. Quando o deslocamento em um MHS é de metade da amplitude A, que fração da energia total é:
 - (a) Energia cinética?
 - (b) Energia potencial?
 - (c) Para que deslocamento, como fração da amplitude, a energia do sistema é metade energia cinética e metade energia potencial?
- 13. Uma partícula de 10 g executa um MHS com uma amplitude de 2,0 mm, uma aceleração máxima de módulo $8,0\times10^3$ m/s² e uma constante de fase desconhecida ϕ . Calcule:
 - (a) O período do movimento.
 - (b) A velocidade máxima da partícula.
 - (c) A energia mecânica total do oscilador.
 - (d) A força que age sobre a partícula quando ela está no seu deslocamento máximo.
 - (e) A força que age sobre a partícula quando ela está na metade do seu deslocamento máximo.
- 14. Um bloco de massa M=5,4 kg, em repouso sobre uma mesa horizontal sem atrito, está ligado a um suporte rígido através de uma mola de constante elástica k=6000 N/m. Uma bala de massa m=9,5 g e velocidade v=630 m/s atinge o bloco e fica alojada nele (Figura 7). Supondo que a compressão da mola é desprezível até a bala se alojar no bloco, determine:
 - (a) A velocidade do bloco imediatamente após a colisão.
 - (b) A amplitude do movimento harmônico resultante.
- 15. Na Figura 8 o bloco 2, de massa 2,0 kg, oscila na extremidade de uma mola em MHS com período de 20 ms. A posição do bloco é dada por $x=(1,0 \text{ cm})\cos(\omega t+\pi/2)$. O bloco 1, de massa 4,0 kg, desliza em direção ao bloco 2 com uma velocidade de módulo v=6,0 m/s, dirigida ao longo do comprimento da mola. Os dois blocos sofrem uma colisão perfeitamente inelástica no instante t=5,0 ms. Qual é a amplitude do MHS após a colisão?
- 16. Uma esfera maçica com uma massa de 95 kg e 15 cm de raio está suspensa por um fio vertical. Um torque de 0, 20 N.m é necessário para fazer a esfera girar 0, 85 rad e manter essa orientação. Qual é o período das oscilações que ocorrem quando a esfera é liberada?
- 17. Quando pendurado em um fio pela borda (ficando na vertical) um disco muito fino é posto a oscilar com período T_1 . Ele então é pendurado pelo seu centro (ficando na horizontal) e oscila com T_2 . Calcule a razão T_1/T_2 .
- 18. Considere um objeto de forma irregular de 13,0 kg que pode ser utilizado como um pêndulo físico. Para isso ele tem dois pontos de fixação que estão à distâncias r_1 e r_2 . Sabendo que quando fixado no ponto 1 ele tem um momento de inércia $I_1 = 17,5$ kg.m² e período $T_1 = 2,60$ s e que quando fixando no ponto 2, $I_2 = 12,5$ kg.m² e $T_2 = 4,40$ s. Considere que os pontos estão alinhados com o centro de massa do pêndulo e calcule a distância d entre os dois pontos de fixação.
- 19. Na Figura 9 o bloco possui uma massa de 1,50 kg e a constante elástica é 8,00 N/m. A força de amortecimento é dada por -b(dx/dt), com b=230 g/s. O bloco é puxado 12,0 cm para baixo e liberado.
 - (a) Calcule o tempo necessário para que a amplitude das oscilações resultantes diminua para um terço do valor inicial.
 - (b) Quantas oscilações o bloco realiza nesse intervalo de tempo?
- 20. A amplitude de um oscilador fracamente amortecido diminui de 3,0% a cada ciclo. Que porcentagem da energia mecânica do oscilador é perdida por ciclo?
- 21. Nove pêndulos com os seguintes comprimentos são pendurados em uma viga horizontal: (a)0,10 m, (b)0,30 m, (c)0,40 m, (d)0,80 m, (e)1,2 m, (f)2,8 m, (g)3,5 m, (h)5,0 m e (i)6,2 m. A viga

- sofre oscilações horizontais com frequências angulares na faixa de 2,00 rad/s a 4,00 rad/s. Quais pêndulos entram (fortemente) em oscilação?
- 22. Um carro de 1000 kg com quatro ocupantes de 82 kg viaja em uma estrada de terra com "costelas" separadas por uma distância média de 4,0 m. O carro trepida com amplitude máxima quando está a 16 km/h. Quando o carro para e os ocupantes desembarcam, qual é a variação da altura do carro?
- 23. A Figura 5 mostra o bloco 1, de massa 0,200 kg, deslizando para a direita, sobre uma superfície elevada, com uma velocidade de 8,00 m/s. O bloco sofre uma colisão elástica com o bloco 2, inicialmente em repouso, que está preso a uma mola de constante elástica 1208,5 N/m. (Suponha que a mola não afeta a colisão.) Após a colisão, o bloco 2 inicia um MHS com um período de 0,140 s e o bloco 1 desliza para fora da extremidade oposta da superfície elevada, indo cair a uma distância horizontal d dela, depois de descer uma altura h=4,90 m. Qual é o valor de d?
- 24. Na Figura 6 dois blocos (m = 1,8 kg e M = 10 kg) e uma mola (k = 200 N/m) estão dispostos em uma superfície horizontal sem atrito. O coeficiente de atrito estático entre os blocos é 0,40. Que amplitude do movimento harmônico simples do sistema blocos-mola faz com que o bloco menor fique na eminência de deslizar sobre o bloco maior?

Parte 2 - Oscilações em Circuitos Elétricos

Leitura recomendada: Fundamentos da Física, Halliday, Resnick, 8a edição, volume 3, capítulo 31.

- 25. Um circuito LC oscilante é formado por um indutor de 75,0 mH e um capacitor de 3,60 μ F. Se a carga máxima do capacitor é 2,90 μ C, determine:
 - (a) A energia total presente no circuito.
 - (b) A corrente máxima.
- 26. A energia de um circuito LC oscilante que contem um indutor de 1,25 H é 5,70 μ J. A carga máima do capacitor é 175 μ C. Para um sistema massa-mola com o mesmo período, determine:
 - (a) A massa.
 - (b) A constante elástica da mola.
 - (c) A amplitude máxima.
 - (d) O módulo da velocidade máxima.
- 27. Em um circuito LC oscilante com $C=64,0~\mu\mathrm{F}$ a corrente é dada por i=(1,60)sen(2500t+0,680), com as unidades apropriadas do S.I..
 - (a) Quanto tempo após t = 0 s a corrente atinge o valor máximo?
 - (b) Qual é o valor da indutância L?
 - (c) Qual é a energia total?
- 28. Em um circuito LC oscilante, quando 75% da energia total está armazenada no campo magnético do indutor, determine a porcentagem da carga máxima armazenada no capacitor e a porcentagem da corrente máxima que atravessa o indutor.
- 29. Que resistência R deve ser ligada em série com uma indutância L=220 mH e uma capacitância $C=12,0~\mu {\rm F}$ para que a carma máxima do capacitor caia para 99% do valor inicial após 50,0 ciclos? (Considere $\omega_a=\omega$.)
- 30. Um circuito de uma única malha é formado por um resistor de 7,20 Ω , um indutor de 12,0 H e um capacitor de 3,20 μ F. Inicialmente o capacitor possui uma carga de 6,20 μ C e a corrente é zero. Calcule a carga do capacitor após:
 - (a) 5 ciclos.
 - (b) 10 ciclos.
 - (c) 100 ciclos.

Parte 3 - Ondas

31. Para uma onda: $y(x,t) = 0.020m \cdot cos(0.250 \text{ m}^{-1} \cdot x - 50.0 \text{ s}^{-1}.t + \pi/3)$ identifique ou calcule as grandezas ϕ_0 , A, k, ω , v, λ , f e T.

- 32. Uma onda é descrita $y(x,t) = 3,0 \text{ cm} \cdot \cos(2,0 \text{ m}^{-1} \cdot x + 120 \text{ s}^{-1} \cdot t + \pi/4)$. Calcule:
 - (a) Seu período de oscilação.
 - (b) Sua velocidade de fase.
 - (c) Sua fase inicial.
- 33. Qual é a velocidade de fase de uma onda cuja frequência é 220 Hz e cujo comprimento de onda é 1,56 m?
- 34. Duas ondas progressivas idênticas viajam no mesmo sentido e no mesmo meio. Entre elas há uma diferença de fase ϕ_0 de valor genérico. Calcule a função da onda resultante.
- 35. Duas ondas de mesma frequência propagam-se em uma corda. Ambas tem a amplitude de $1,00~{\rm cm},$ mas estão defasadas $45^o.$
 - (a) Calcule a amplitude da onda resultante da sua superposição.
 - (b) Qual teria de ser a defasagem entre elas para que a amplitude da onda resultante fosse também igual a 1,00 cm?
- 36. Duas ondas de mesma amplitude A, mesma frequência e mesma direção de propagação, se propagam em um dado meio.
 - (a) Sendo 90° a diferença de fase entre elas, qual é a amplitude da onda resultante.
 - (b) Para uma amplitude da onda composta de A/2 qual é a diferença de fase?
 - (c) Para uma amplitude da onda composta de 3A/2 qual é a diferença de fase?
- 37. Um fio de aço, cuja densidade de massa é $\rho = 7.87 \ \mathrm{g/cm^3}$, com diâmetro de 0,500 mm, é esticado da maneira ilustrada na Figura 10. Uma das suas extremidades é presa a uma haste fixa e a outra passa por uma roldana e sustenta uma massa de 1,00 kg. Qual é a frequência do modo fundamental de oscilação da corda no seu segmento entre a haste e a roldana?
- 38. A primeira corda de um violão é feita de náilon, cuja densidade é 1,150 g/cm³. O diâmetro da corda é de 0,711 mm e seu comprimento é de 65,5 cm. Qual deve ser a força de tensão na corda para que seu modo normal de vibração seja a nota mi, com frequência de 329,6 Hz?
- 39. Uma das frequências harmônicas de uma certa corda sob tensão é 325 Hz. A frequência harmônica seguinte é 390 Hz. Qual é a frequência que se segue à de 195 Hz?
- 40. Na água do mar, à temperatura de 20° C, o som se propaga com velocidade de 1,52 km/s. Além da velocidade maior o som atenua-se na água muito menos do que no ar, o que permite que mamíferos marinhos, como as baleias e os golfinhos, comuniquem-se a grandes distâncias através de sons. Uma baleia emite um sinal sonoro. Quanto tempo leva para que outra, distante 100 km, o ouça?
- 41. Uma pedra é jogada em um poço. O som produzido pela pedra ao se chocar com a água é ouvido 3,00 s depois. Qual é a profundidade do poço?
- 42. Os terremotos geram ondas sonoras no interior da Terra. Diferentemente de um gás, a Terra pode transmitir tantos ondas sonoras transversais (S) quanto longitudinais (P). A velocidade das ondas S é próxima de 4,5 km/s e das ondas P próxima de 8,0 km/s. Um sismógrafo registra as ondas S e P de um terremoto. As primeiras ondas P chegam 3,0 min antes das primeiras ondas S. Se as ondas se propagaram em linha reta, a que distância ocorreu o terremoto?
- 43. Calcule o nível de intensidade sonora, em decibéis de um som cuja intensidade seja de $6,0\times10^{-6}~\rm W/m^2.$
- 44. Qual é a intensidade de um som cujo nível de intensidade sonora é de 75 dB?
- 45. Um carro à velocidade de 40 m/s é perseguido em uma estrada reta por outro carro à velocidade de 30 m/s. Tentando chamar a atenção, o carro de trás toca a buzina, cuja frequência é 200 Hz. Com que frequência a buzina é ouvida pelo carro da frente?
- 46. Um sonar, usando ultra-som com frequência de 1,000 MHz, emite suas ondas na direção de uma nuvem que está se afastando. A onda refletida tem frequência de 0,920 MHz. Qual é a velocidade da nuvem?
- 47. O ruído de um avião em vôo tem, à distância de 100 m, o nível de intensidade sonora de 100 dB.

- Qual é o nível de intensidade sonora à distância de 500 m?
- 48. A uma distância de 10 km uma corneta de 100 Hz, considerada uma fonte pontual isotrópica, mal pode ser ouvida. A que distância começa a causar dor? Dados: Limiar da audição: 0 db. Limiar da dor: 120 dB
- 49. Um carro aproxima-se buzinando de um muro onde o som da buzina é refletido. Um pedestre, atrás do carro, ouve dois sons para a buzina. Um a 373 Hz e outro a 429 Hz. Calcule a velocidade do carro e a frequência da buzina.
- 50. Um navio detecta, em seu sonar, um submarino verticalmente sob ele. Os pulsos do sonar, emitidos com frequência de 50000 MHz são refletidos e recebidos de volta com um retardo de 120 ms e uma frequência de 49968 MHz. A velocidade do som na água é de 1,53 km/s. Calcule a velocidade vertical do submarino e a profundidade dele.
- 51. Um audacioso engenheiro aeronáutico resolve fazer um experimento colocando um alto falante muito potente em um caça supersônico. Considerando que o caça se mova com Mach 2 em direção ao engenheiro e que o alto falante esteja emitindo bipes idênticos com frequência de 200 Hz, calcule a frequência dos bipes que o engenheiro capta. Interprete o resultado.

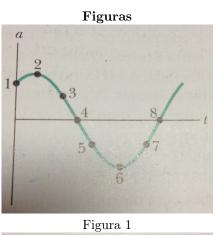


Figura 1

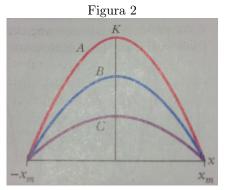


Figura 3

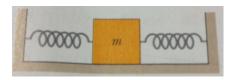
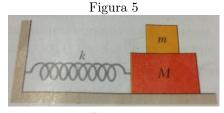
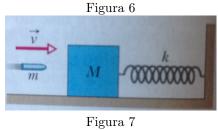


Figura 4





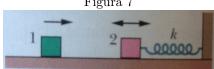
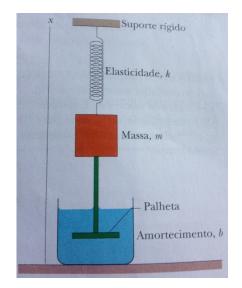


Figura 8



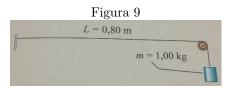


Figura 10

Respostas

- 1. (a) 2
 - (b) Positiva.
 - (c) Entre $x_m \in 0$.
- 2. (a) 1 = 2 = 3
 - (b) 3 > 2 = 1
 - (c) 1 > 2 > 3
 - (d) 1 > 2 > 3
 - (e) 1 > 3 > 2
- 3. (a) A, B, C.
 - (b) C, B, A.
- 4. $a_{MAX} = 37.8 \text{ m/s}^2$
- 5. (a) $F_{MAX} = 10 \text{ N}$
 - (b) $k = 1\bar{2}0 \text{ N/m}$
- 6. (a) T = 0.50 s
 - (b) f = 2,0 Hz
 - (c) A = 0.18 m
- 7. f = 39, 6 Hz
- 8. (a) f = 5,58 Hz
 - (b) m = 0,325 kg
 - (c) A = 0,400 m
- 9. f = 54 Hz
- 10. $\frac{T_a}{T_b} = \frac{k_1 + k_2}{\sqrt{k_1 k_2}}$
- 11. 0,037 J
- 12. (a) 3/4
 - (b) 1/4
 - (c) $\frac{A}{\sqrt{2}}$
- 13. (a) T = 0,0031 Hz

- (b) v = 4.0 m/s
- (c) E = 0.080 J
- (d) F = 80 N
- (e) F = 40 N
- 14. (a) v = 1, 1 m
 - (b) A = 3, 3 cm
- 15. A = 1, 1 cm
- 16. T = 11 s
- 17. (a) 14,3 s
 - (b) 5,27
- 18. $T_1/T_2 = 0.71$
- 19. d = 1,00 m
- 20. 6,0%
- 21. d e e
- 22. 5,0 cm
- 23. d = 4 m
- 24. $x_{MAX} = 3,5 \text{ cm}$
- 25. (a) $E = 1.17 \times 10^{-6} \text{ J}$
 - (b) $i_{MAX} = 5.58 \times 10^{-3} \text{ A}$
- 26. (a) m = 1.25 kg
 - (b) K = 372 N/m
 - (c) $i_{MAX} = 3,02 \times 10^{-3} \text{ A}$
 - (d) $v_{MAX} = 3.02 \times 10^{-3} \text{ m/s}$
- 27. (a) $t = 3,56 \times 10^{-4} \text{ s}$
 - (b) $L = 2,50 \times 10^{-3} \text{ H}$
 - (c) $E = 3,20 \times 10^{-3} \text{ J}$
- 28. (a) 25,0%

- (b) 75,0%
- 29. $R = 8,66 \times 10^{-3} \Omega$
- 30. (a) $q_5 = 5,85 \,\mu\text{C}$
 - (b) $q_{10} = 5,52 \ \mu\text{C}$
 - (c) $q_{100} = 1,93 \mu C$
- 31. $\phi_0 = \pi/3$, A = 0,020 m, k = 0,250 m⁻¹, $\omega = 50,0$ s⁻¹, v = 200 m/s, $\lambda = 25$ m, f = 8,0 Hz e T = 0,79 s.
- 32. (a) T = 0.052 s
 - (b) v = -60 m/s
 - (c) $\phi_0 = \pi/4$
- 33. v = 343 m/s
- 34. $y(x,t) = 2A\cos(\phi_0/2) \cdot \cos(kx \omega t + \phi_0/2)$
- 35. (a) A = 1,85 cm
 - (b) $\phi_0 = 120^0$
- 36. (a) $\sqrt{2}A$
 - (b) 151°
 - (c) 83°
- 37. f = 49.8 Hz
- 38. T = 85, 1 N
- 39. f = 260 Hz
- 40. t = 65, 8 s
- 41. 40,6 m
- 42. $d = 1\bar{8}51 \text{ km}$
- 43. 68 dB
- 44. $3,2 \times 10^{-5} \text{ W/m}^2$

45. f = 194 Hz 48

48. d = 1, 0 cm

51. f = 200 Hz

46. 14, 3 m/s

49. $v_c = 24 \text{ m/s}$

47.86,0 dB

50. v = 0,490 m/s, d = 29,4 m

Referências

- 1. CHAVES, ALAOR Física Básica: Gravitação, Fluidos, Ondas, Termodinâmica.
- 2. HALLIDAY; RESNICK; WALKER, JEARL Fundamentos de Física Volume 2: Gravitação, Ondas e Termodinâmica.
- 3. HALLIDAY; RESNICK; WALKER, JEARL Fundamentos de Física Volume 3: Eletromagnetismo.