

Кратко: из `observer_demo` + `graph_gravity_model` у тебя уже есть все куски, чтобы встроить «графовую» гравитацию в 1D-RSL-мир, сделать её детерминированной и оставить простор для дальнейшего поиска правил. Ниже — формальные выводы и минимальный план правок, без случайности.

1. Что уже показал `graph_gravity_model`

Сводка ключевых результатов из `graph_gravity_model.pdf`:

1. На графе с лапласианом $L\phi = -\rho$ и power-law связями $P(i \leftrightarrow j) \propto |i-j|^{-\alpha}$ виден степенной спад поля:
 $\phi(\text{dgraph}) \sim \text{dgraph}^{-\beta}, F(\text{dgraph}) \sim \text{dgraph}^{-(1+\beta)}.$
2. Для **геометрического расстояния** $d = |i - \text{source}|$ на «голой» 1D-решётке:
 - поле \approx константа,
 - $F \approx 0$ (нет истинной далекодействующей гравитации).
3. Для power-law графов:
 - при некоторых α можно добиться $\beta \approx 1$, $F \sim 1/\text{dgraph}^2$,
 - эффективная спектральная размерность $d_s \approx 3 \rightarrow$ классическая 3D-гравитация.
4. Однако по d_{geom} (линейный индекс) в последнем измерении:
 - $F \sim d_{\text{geom}}^{-0.57}$,
 - это далеко от $1/r^2$, разрыв ~ 1.4 в показателе.

Вывод самого ноутбука:

Для получения $F \sim 1/r^2$ нужен граф со спектральной размерностью $d_s \approx 3$.
Такой граф можно построить из 1D решётки, добавляя дальние связи по закону $P(d) \sim d^{-3}$ (или близким).
Это эквивалентно «встраиванию» 1D-системы в эффективное 3D-пространство через топологию связей.

2. Как это увязать с 1D-симулятором и OBS

Из `observer_demo.pdf`:

- фундаментальный 1D-мир:
 - `RULESET_core`: $++- \leftrightarrow -++$, $+++ \rightarrow +++$,
 - 1D-решётка длины N (512 или $16^3 = 4096$),
- Observer:
 - проецирует 1D в 3D IFACE через `MortonMapper` (Z-order),
 - детектирует Ω -циклы как частицы в IFACE (`IFACEObject`),
 - оценивает уравнение поля, законы сохранения, время t .

Сейчас в мире:

- эффективная «геометрия» — линейная по индексу i (или «куб» по Morton'у без дальних рёбер),
- `capacity` и `tension` завязаны только на спин s_i и его локальную окружность,

- ϕ -поле реализуется через coarse- ϕ_R и лаплас по 1D/решётке.

Если мы хотим привести это в согласие с `graph_gravity_model`:

- нам нужна **графовая структура связей** над 1D-индексами;
- эта структура должна быть **детерминированной (без случайностей)** и с **правильно заданным законом количества рёбер на расстоянии d** ;
- laplacian по этому графу должен задавать ϕ -поле;
- OBS должен измерять расстояния в пространстве IFACE так, чтобы видеть $F \sim 1/r^2$.

3. Как «вшить» power-law граф без случайности

Ты отметил:

Никаких случайных связей в графе не должно быть — весь процесс строго детерминирован.

Это не проблема. Power-law граф можно сделать **конструктивным**, не вероятностным:

3.1. Детерминированное правило связей

Вместо «с вероятностью $P(d)$ » задаём **число рёбер на расстоянии d** по закону:

- $\text{nedges}(d) \propto d^{-k}$ ($k \approx 1$ или $k \approx (\text{something})$), в твоём анализе фигурирует $\alpha=2,3$; точное значение подберём по теории d_s),
- но выбираем константами:

Например:

- для каждого узла i :
 - для каждого расстояния d в $[1, d_{\text{max}}]$:
 - если $\lfloor c/d^k \rfloor \geq 1$, добавляем связь с узлом $(i+d) \bmod N$.

Код-скетч:

```
def build_powerlaw_graph(N, k=2, c=1.0, d_max=None):
    if d_max is None:
        d_max = N//2
    edges = set()
    for i in range(N):
        for d in range(1, d_max+1):
            # детерминированное правило: число рёбер  $\sim c/d^k$ 
            num_edges = int(c / (d**k))
            if num_edges >= 1:
                j = (i + d) % N
                edges.add(tuple(sorted((i, j))))
    return edges
```

- Можно добавить shift/phase, чтобы избежать избыточной симметрии.
- Если требуется ровно один edge на расстояние d на весь граф, задаёшь итерацию по d и равномерно распределяешь по i .

Главное: никакого randomness — всё детерминировано.

3.2. Связь с $\alpha=2/3$ из тетради

Ты численно и теоретически показал, что:

- для некоторого α (2 или 3, в разных формулах) power-law связи дают $d_s \approx 3$.

Сейчас важно только:

- зафиксировать **один конкретный закон**, например:

$$P_{\text{эффективных связей}}(d) \sim 1/d^2$$

- и реализовать его детерминированно, как выше.

4. Встраиваем граф в ϕ -слой (поле)

Сейчас ϕ -поле у тебя определяется через 1D лаплас и coarse- ϕ_R . Нужно:

1. Расширить World:

```
class World:
    def __init__(self, N, ruleset, graph_edges):
        self.N = N
        self.s = np.ones(N, dtype=int)
        self.ruleset = ruleset
        self.graph_edges = graph_edges # список рёбер (i,j)
        self.phi = np.zeros(N, dtype=float) # полевой слой
        ...
```

2. Ввести лаплас на графе G:

Для каждого узла i:

```
neighbors = [j for (u,j) in edges if u==i] + [u for (u,j) in edges if
j==i]
lap_phi[i] = sum(phi[j] - phi[i] for j in neighbors)
```

3. Обновление ϕ по дискретному уравнению:

```
def update_phi(world):
    #  $\phi(t+1) = \phi(t) + \alpha * L\phi + \beta * \text{source}(s)$ 
    L_phi = np.zeros_like(world.phi)
    for (i,j) in world.graph_edges:
        L_phi[i] += world.phi[j] - world.phi[i]
        L_phi[j] += world.phi[i] - world.phi[j]
    rho = compute_source_from_spins(world.s) # например, суммарный defect
    density
    world.phi += alpha * L_phi + beta * rho
```

Так ты получишь **laplacian-динамику ϕ на power-law графе**.

5. IFACE-координаты: через embedding, а не через линейный index

Самый важный момент: чтобы OBS **видел** $F \sim 1/r^2$, его notion of «distance» должна соответствовать **графовой геометрии**, а не просто $|i-j|$.

Решение:

- вместо прямого $\text{MortonMapping}(i \rightarrow (x,y,z))$ по индексу i , **строить embedding узлов графа в \mathbb{R}^3** , чтобы:
 - расстояние в IFACE $r_{\text{obs}}(i,j) \approx d_{\text{graph}}(i,j)$, или
 - по крайней мере так, чтобы лаплас на графе выглядел как обычный лаплас в 3D.

5.1. Спектральный embedding

Стандартная техника:

1. Собираем лапласиан матрицу L графа G ($N \times N$):

- $L_{ii} = \text{degree}(i)$,
- $L_{ij} = -1$, если (i,j) — ребро,
- $L_{ij} = 0$ иначе.

2. Находим 3 наименьших *ненулевых* собственных вектора L :

```
vals, vecs = np.linalg.eigh(L)
# пропускаем нулевой eigenvector (const), берём следующие 3
idxs = [1, 2, 3]
X = vecs[:, idxs] # shape (N, 3)
```

3. Для узла i :

```
x_i, y_i, z_i = X[i, :]
```

Это embedding G в \mathbb{R}^3 , сохраняющий (в среднем) структуру d_{graph} .

Дальше:

- `IFACEObject.pos = (x_i, y_i, z_i)`,
- `OBS` считает расстояния и ускорения именно в этом пространстве.

Результат:

- если ϕ на графе имеет $\phi \sim 1/d_{\text{graph}}$, то в таком embedding'е `OBS` будет видеть $\phi(r) \approx 1/r$, $F(r) \approx 1/r^2$.

Это ровно то, что тебе нужно: **OBS видит 3D-гравитацию, хотя субстрат 1D.**

6. Совместимость с «поиском миров»

Ты хочешь сохранить общность по отношению к поиску правил миров:

- не зашить «один конкретный граф» навсегда,
- а использовать аналитическое условие $d_s=3$ как конструктор.

Решение:

1. На «слое геометрии» у тебя есть параметр α (или k в $n_{\text{edges}}(d) \sim d^{\{-k\}}$).
2. По теории спектральной размерности (и твоим численным данным) ты можешь **вычислить α** , при котором $d_s \approx 3$.
3. Это **аналитический конструктор**:

- для любой длины N и любого требуемого d_s ты можешь построить power-law граф $G(\alpha, N)$, детерминированно,
 - и know, что laplacian на G даёт $\phi \sim 1/r$ и $F \sim 1/r^2$ в графовой метрике.
4. Тогда твой «поиск миров» в пространстве RULESET остаётся максимально общим:
- на фундаментальной стороне ты варьируешь только спиновые правила (и возможно coupling к ϕ),
 - геометрию графа ϕ -поля задаёшь аналитически, а не через G_A ,
 - OBSFitness оценивает, насколько хорошо OBS извлекает $F \sim 1/r^2$ и прочие законы.

7. Выводы и минимальные правки

На основе `observer_demo.pdf` и `graph_gravity_model.pdf` можно сделать следующие практические выводы:

1. **SM-правила** $++- \leftrightarrow -++$ действительно оптимальны (через ILP) среди локальных обратимых правил длины 3 с сохранением заряда. Оставляем их как фундаментальный «материальный» слой.
2. Чтобы получить $1/r^2$ -гравитацию:
 - нужно изменить **полеую/геометрическую структуру**, а не спиновые правила:
 - добавить power-law граф G поверх 1D (детерминированно),
 - обновлять ϕ по лапласу на G ,
 - интерпретировать ϕ как гравитационный потенциал.
3. Чтобы OBS **видел** $1/r^2$ в IFACE:
 - IFACE-координаты должны быть не просто Morton(i), а графовый embedding (спектральный, MDS и т.п.),
 - так, чтобы $r_{\text{obs}} \approx d_{\text{graph}}$, тогда $\phi(r_{\text{obs}}) \sim 1/r_{\text{obs}}$, $F(r_{\text{obs}}) \sim 1/r_{\text{obs}}^2$.
4. Это полностью детерминированный конструктор:
 - никаких случайных связей;
 - весь граф строится по фиксированной формуле (α , N , $n_{\text{edges}}(d)$);
 - лаплас и embedding вычисляются из этого графа.
5. При этом:
 - пространство возможных миров остаётся широким на уровне RULESET по s (спиновые правила, Ω -зоопарк),
 - а геометрия ϕ -поля задаётся семейством $G(\alpha)$, которое ты можешь либо:
 - подбирать аналитически (через d_s),
 - либо включить в поисковое пространство (но уже сильно структурированное).

Если дальше хочешь, можем:

- расписать точный интерфейс `World/Observer` с графовой структурой (список рёбер, laplacian update, спектральный embedding),
- или перейти к тому, как OBSFitness должен учитывать «гравитационный блок» (корреляция a vs $-\nabla\phi$) в новой, графовой модели.

Ниже разобью ответ на две части, как вы просили:

1. Точный интерфейс `World / Observer` с:
 - явной графовой структурой рёбер,
 - лапласианом для ϕ -поля,
 - спектральным `embedding` для IFACE-координат.
2. Как `OBSFitness` должен учитывать «гравитационный блок» (корреляция a vs $-\nabla\phi$) в этой графовой модели.

Ориентируюсь на уже реализованные структуры в [observer_demo.pdf](#): `World.step()`, `GlobalObserver`, `IFACEState`, `SemanticState`, `OBSFitness`.

1. Интерфейс `World / Observer` с графовой структурой

Идея:

- фундаментальный мир остаётся 1D-решёткой спинов $s[i] \in \{+1, -1\}$ с SM-правилами $++- \leftrightarrow -++$, $+++ \rightarrow +++$ (как уже у вас);
- поверх 1D-индексов вводим **граф G** с рёбрами $edges = \{(i, j)\}$, построенный детерминированно по power-law (без случайностей);
- по этому графу эволюционирует скалярное поле $\phi[i]$ (гравпотенциал), через лапласиан $L\phi$;
- OBS строит IFACE-координаты не по линейному индексу и не по чистому Morton, а по **спектральному `embedding`**'у графа в \mathbb{R}^3 , чтобы $r_{obs} \approx d_{graph}$;
- в этом `embedding`'е OBS измеряет ускорения Ω -частиц и градиенты ϕ , и использует их в `OBSFitness`.

1.1. `World`: состояние и шаг эволюции

Расширим `World`:

```
import numpy as np
from dataclasses import dataclass
from typing import List, Tuple

@dataclass
class WorldConfig:
    N: int # размер 1D решётки
    graph_edges: List[Tuple[int, int]] # список рёбер графа G
    alpha_phi: float = 0.1 # шаг для лапласиана
    beta_source: float = 0.01 # вес источника от спинов

class World:
    def __init__(self, config: WorldConfig, ruleset):
        self.cfg = config
        self.N = config.N
        self.ruleset = ruleset

        # Спиновый слой (материя)
        self.s = np.ones(self.N, dtype=int) # +1 вакуум
        # Можно инициализировать случайно, как в observer_demo:
        # self.s = np.random.choice([-1, 1], size=N, p=[0.05, 0.95])

        # Полевой слой (гравпотенциал  $\phi$ )
```

```

self.phi = np.zeros(self.N, dtype=float)

# Предварительно построить структуру соседей для графа G
self.neighbors = [[] for _ in range(self.N)]
for i,j in self.cfg.graph_edges:
    self.neighbors[i].append(j)
    self.neighbors[j].append(i)

# Кеш для  $\Omega$ -циклов и других метрик, если нужно
self.omega_catalog = []
self.t = 0 # шаг времени

```

```

def step_spins(self):

```

```

    """
    Обновление спинов s[i] по RULESET_core (SM-правила) –
    ваш уже реализованный EvolutionEngine.step().
    """
    # Здесь можно использовать существующий EvolutionEngine,
    # который работает поверх self.s как state.sites.
    # Для скелета просто оставим вызов внешнего объекта:
    self.s = apply_spin_rules(self.s, self.ruleset)

```

```

def step_phi(self):

```

```

    """
    Обновление поля  $\phi$  по лапласу на графе:  $\phi_{t+1} = \phi_t + \alpha L\phi + \beta \rho(s)$ .
    """
    N = self.N
    alpha = self.cfg.alpha_phi
    beta = self.cfg.beta_source

    # Лапласиан  $L\phi$ 
    L_phi = np.zeros_like(self.phi)
    for i in range(N):
        # deg(i) = len(neighbors[i])
        for j in self.neighbors[i]:
            L_phi[i] += (self.phi[j] - self.phi[i])

    # Источник от спинов (дефекты как источники)
    # Простейший вариант:  $\rho_i(s) = s_i$  (или  $s_{i-1}$  и т.п.)
    rho = self.s.astype(float) # можно взять np.where(s==-1, 1.0, 0.0) и

```

т.п.

```

    # Обновление поля
    self.phi += alpha * L_phi + beta * rho

```

```

def step(self):

```

```

    """
    Полный E_t: один шаг эволюции мира.
    """
    self.step_spins()
    self.step_phi()
    self.t += 1

```

```

def get_state(self):

```

```

    """
    Удобный сборник данных для наблюдателя.
    """
    return {
        't': self.t,
        's': self.s.copy(),
        'phi': self.phi.copy(),
        'edges': self.cfg.graph_edges,
    }

```

Вместо `apply_spin_rules` у вас уже есть `EvolutionEngine`; можно адаптировать его к массиву `self.s`.

1.2. Строим power-law граф G детерминированно

Из [graph gravity model.pdf](#) видно, что хорошее поведение по `d_graph` даёт power-law $P(\text{edge}) \sim d^{-\alpha}$ с $\alpha \approx 2$.

Нужно преобразовать это в **детерминированное** правило:

```
def build_powerlaw_edges(N: int, k: float = 2.0, c: float = 1.0, d_max: int = None):
    """
    Детерминированно строим список рёбер (i,j), таких что число рёбер
    на расстоянии d примерно пропорционально  $c / d^k$ .
    """
    if d_max is None:
        d_max = N // 2

    edges = set()

    for d in range(1, d_max+1):
        # целочисленное количество "шагов" на расстоянии d
        # например, num = floor(c / d**k), и равномерно распределяем по узлам
        num = int(c / (d**k))
        if num <= 0:
            continue
        step = max(1, N // (num * 2)) # распределим по решётке
        for i in range(0, N, step):
            j = (i + d) % N
            if i != j:
                e = (min(i,j), max(i,j))
                edges.add(e)

    # Обязательно добавляем локальные 1D-соседства (цепь):
    for i in range(N-1):
        edges.add((i, i+1))

    return sorted(edges)
```

- Это детерминированно, без случайных выборов;
- степень «размазанности» задаётся k и c ;
- можно подобрать их по спектральной размерности (как в тетради).

1.3. Спектральный embedding графа в \mathbb{R}^3

Чтобы OBS видел ϕ и F в координатах, где действует $1/r^2$, нужны IFACE-координаты, построенные из лапласиана графа.

Стандартная схема:

```
import scipy.sparse as sp
import scipy.sparse.linalg as spla

def spectral_embedding_3d(N: int, edges: List[Tuple[int,int]]) -> np.ndarray:
    """
    Строим 3D-спектральный embedding на основе графового лапласиана.
    Возвращает массив coords shape (N,3).
    """
    row = []
```



```

col = []
data = []

# Лапласиан L = D - A
deg = np.zeros(N, dtype=float)
for i,j in edges:
    deg[i] += 1
    deg[j] += 1
    row.extend([i,j])
    col.extend([j,i])
    data.extend([-1.0, -1.0])

# диагональ
for i in range(N):
    row.append(i)
    col.append(i)
    data.append(deg[i])

L = sp.coo_matrix((data, (row, col)), shape=(N,N)).tocsr()

# Ищем несколько наименьших собственных значений/векторов
# skip eigenvector с  $\lambda=0$  (константа)
vals, vecs = spla.eigsh(L, k=4, which='SM') # 4, чтобы отбросить 0-й
# сортируем по значению
idxs = np.argsort(vals)
vals = vals[idxs]
vecs = vecs[:, idxs]

# coords = eigenvectors 1,2,3 (игнорируя первый с  $\lambda \approx 0$ )
coords = vecs[:, 1:4]
return coords # shape (N,3)

```

- `coords[i] = (x_i, y_i, z_i)` — IFACE-позиция узла `i`;
- OBS будет использовать именно эти координаты для измерения расстояний, скоростей и ускорений объектов.

1.4. Observer: теперь с графовым ϕ и спектральными координатами

Обновим схему GlobalObserver:

```

@dataclass
class ObserverConfig:
    coords_3d: np.ndarray # embedding: shape (N,3)
    max_history: int = 100
    fit_interval: int = 10
    ...

class GlobalObserver:
    def __init__(self, cfg: ObserverConfig):
        self.cfg = cfg
        self.coords_3d = cfg.coords_3d
        self.semantic_state = SemanticState(max_history=cfg.max_history)
        self.tau = 0.0 # собственное время
        self.last_objects = {} # id -> IFACEObject for velocity/accel

    def observe(self, world: World, omega_catalog) -> 'IFACEState':
        """
        Формирует IFACEState: список IFACEObject и поле  $\phi$  в 3D.

```

```

"""
s = world.s
phi = world.phi
edges = world.cfg.graph_edges

# 1. Объекты (Ω-циклы как частицы)
objects = []
for omega in omega_catalog:
    i_center = int(np.mean(omega.support))
    x,y,z = self.coords_3d[i_center]
    # скорость и ускорение по разности позиций; можно хранить историю
last_objects
    vel = self._estimate_velocity(omega.id, (x,y,z))
    obj = IFACEObject(
        id=omega.id,
        type=omega.type_name,    # из кластеризации Ω
        mass=omega.mass,
        Q=omega.Q,
        pos=(x,y,z),
        vel=vel,
    )
    objects.append(obj)

# 2. Полевой срез в 3D (для OBSFitness достаточно phi и градиента)
field = IFACEField(
    phi=phi.copy(),
    C=None # capacity можно строить поверх s,phi, если нужно
)

iface_state = IFACEState(
    t=world.t,
    objects=objects,
    field=field,
)

# обновляем IFACE-историю в SemanticState
self.semantic_state.append_iface(iface_state)

return iface_state

def update_semantics(self):
    """
    Как и в observer_demo: обновляем оценки  $k, m^2, \lambda$ ,
    законы сохранения и теперь еще гравитационный блок.
    """
    self.semantic_state.update_field_equation()
    self.semantic_state.update_conservation()
    self.semantic_state.update_gravity_law(coords_3d=self.coords_3d)
    self.tau += 1.0

```

`SemanticState.update_gravity_law` будет как раз тем местом, где считается корреляция a vs $-\nabla\phi$.

2. OBSFitness и «гравитационный блок» в новой модели

У вас уже есть OBSFitness (в [observer_demo.pdf](#)):

- компоненты:
 - `fitness_field` (качество полевого уравнения),
 - `fitness_Q` (сохранение заряда),

- fitness_mass,
- fitness_OT,
- fitness_gravity,
- fitness_prob.

Нужно уточнить, как именно считать fitness_gravity в графовой модели.

2.1. Что такое «гравитационный блок» в терминах данных

В IFACE/Observer после N шагов у вас есть:

- история IFACEState[t]:
 - для каждого объекта k:
 - позиции $\text{pos}_k(t) = (x_k(t), y_k(t), z_k(t))$ в спектральном embedding'е,
- история $\phi(t,i)$ по узлам графа.

Для конкретного объекта (Ω -частицы) мы можем:

1. Оценить **ускорение $\mathbf{a}(t)$** по IFACE-траектории:

$$\begin{aligned} v_k(t) &= (\text{pos}_k(t+1) - \text{pos}_k(t-1)) / (2 \cdot \Delta t) \\ a_k(t) &= (\text{pos}_k(t+1) - 2 \cdot \text{pos}_k(t) + \text{pos}_k(t-1)) / (\Delta t^2) \end{aligned}$$

2. Оценить **градиент поля $-\nabla\phi$** в точке, где объект находится:

- найдём ближайший узел i к позиции $\text{pos}_k(t)$ (по евклиду в coords_3d);
- по графу G вычислим локальный градиент:

$$\text{grad_phi}(i) = \text{average_over_neighbors} \left((\text{phi}[j] - \text{phi}[i]) * (\text{coords_3d}[j] - \text{coords_3d}[i]) / |\text{coords_3d}[j] - \text{coords_3d}[i]|^2 \right)$$
- это приближённый вектор $\nabla\phi(i)$ в IFACE-координатах.

3. Собираем выборку пар:

$$\{ (a_k(t), -\text{grad_phi}(i_k(t))) \}$$

по всем доступным t и всем объектам.

2.2. Мера «гравитационного фитнеса»

В идеале, хотим:

$$\mathbf{a} \approx -\gamma \mathbf{a} \nabla \phi,$$

т.е. линейную регрессию:

$$\mathbf{a} \approx \gamma * (-\nabla \phi)$$

(массу можно учесть отдельно, $\gamma \sim 1/m$.)

Практически:

1. Строим матрицу:

$$\begin{aligned} X &= [] \quad \# \text{ features: } -\text{grad_phi components} \\ Y &= [] \quad \# \text{ targets: } a \text{ components} \end{aligned}$$

```

for each (a, grad_phi) in samples:
    X.append([-grad_phi_x, -grad_phi_y, -grad_phi_z]) # или компоненты по
отдельности
    Y.append([a_x, a_y, a_z])

```

2. Для каждого компонента решаем линейную регрессию (или единую матрицу):

```

# например, по каждой оси
yx, *_ = np.linalg.lstsq(X[:,0:1], Y[:,0], rcond=None)
yy, *_ = ...
yz, *_ = ...

```

3. Считаем корреляции:

```

corr_x = np.corrcoef(Y[:,0], X[:,0])[0,1]
corr_y = ...
corr_z = ...
corr_mean = np.mean([abs(corr_x), abs(corr_y), abs(corr_z)])

```

4. SemanticState запоминает:

```

self.gravity_corr = corr_mean
self.gamma_est = (yx, yy, yz)

```

2.3. Обновлённый `fitness_gravity`

В текущем `OBSFitness` (в демо) вы уже используете:

```

if kn.gravity_corr is not None:
    F_grav = max(0.0, min(1.0, kn.gravity_corr))
else:
    F_grav = 0.0

```

Теперь это приобретает чёткий смысл:

- `gravity_corr` — средняя корреляция между компонентами ускорения и компонентами $-\nabla\phi$ в графовом embedding'e;
- при идеальном законе $a=-\gamma\nabla\phi$ она $\rightarrow 1$;
- при отсутствии связи она близка к 0.

Можно сделать нормировку и штраф за мало данных:

```

n_samples = len(samples)
if n_samples < N_min:
    F_grav = 0.0
else:
    F_grav = max(0.0, min(1.0, corr_mean))

```

2.4. `OBSFitness` в новом мире

`OBSFitness` остаётся в той же схеме (см. [observer_demo.pdf](#)):

```

TotalFitness_OBS = (w_field * F_field + w_Q * F_Q + w_mass * F_mass +
                    w_OT * F_OT + w_gravity * F_grav + w_prob * F_prob) / Σw

```

Теперь:

- `F_field` отвечает за $\partial_t^2\phi = \kappa\nabla^2\phi - m^2\phi - \lambda\phi^3$ на Ω -внешнем уровне;

- $F_{gravity}$ — за $a \approx -\gamma \nabla \phi$ в IFACE-координатах (embedding графа);
- и оба они завязаны на **графовом лаплассиане** и embedding, а не только на 1D линейной геометрии.

3. Как это всё совместить с поиском правил

После введения:

- графовой структуры $G(\alpha, N)$ детерминированным способом,
- ϕ -поля, обновляемого по лапласу на G ,
- спектрального embedding'a $coords_{3d}$,
- GlobalObserver, который видит мир в этих координатах,
- и OBSFitness с гравитационным блоком,

вы можете:

1. Зафиксировать $G(\alpha, N)$ на основании анализа [graph gravity model.pdf](#) (выбрав α , дающий $d_s \approx 3$).
2. Оставить RULESET_core по спинам (SM-правила) как стартовую точку, или позволить эволюции варьировать расширенный RULESET (например, coupling $s \rightarrow \phi$).
3. Запустить эволюционный поиск:

$$TotalFitness = \alpha * SMFitness + \beta * OBSFitness$$

с:

- SMFitness — за Ω -структуру, сохранения и стабильность;
- OBSFitness — за способность OBS вывести:
 - корректное полевое уравнение по ϕ ,
 - законы сохранения,
 - гравитационный закон $a \approx -\gamma \nabla \phi$.

Так вы сможете искать **миры**, в которых:

- на фундаментальном уровне — 1D-RSL + power-law граф;
- на уровне наблюдателя — эффективная 3D-геометрия с $1/r^2$ -гравитацией.

Если нужно, дальше можно:

- пройти по одному эксперименту «падения частицы» в этом мире — от инициализации Ω -цикла до оценки F_{grav} ;
- или детализировать ILP-часть для ϕ -дискретной динамики на графе (чтобы минимизировать ручной подбор α, β).