

Кратко: из `observer_demo` + `graph_gravity_model` у тебя уже есть все куски, чтобы встроить «графовую» гравитацию в 1D-RSL-мир, сделать её детерминированной и оставить простор для дальнейшего поиска правил. Ниже — формальные выводы и минимальный план правок, без случайности.

## 1. Что уже показал `graph_gravity_model`

Сводка ключевых результатов из `graph_gravity_model.pdf`:

1. На графе с лапласианом  $L\phi = -\rho$  и power-law связями  $P(i \leftrightarrow j) \propto |i-j|^{-\alpha}$  виден степенной спад поля:  
 $\phi(d\text{graph}) \sim d\text{graph}^{-\beta}, F(d\text{graph}) \sim d\text{graph}^{-(1+\beta)}$ .
2. Для **геометрического расстояния**  $d = |i - \text{source}|$  на «голой» 1D-решётке:
  - поле  $\approx$  константа,
  - $F \approx 0$  (нет истинной дальнодействующей гравитации).
3. Для power-law графов:
  - при некоторых  $\alpha$  можно добиться  $\beta \approx 1$ ,  $F \sim 1/d\text{graph}^2$ ,
  - эффективная спектральная размерность  $d_s \approx 3 \rightarrow$  классическая 3D-гравитация.
4. Однако по `d_geom` (линейный индекс) в последнем измерении:
  - $F \sim d\text{geom}^{-0.57}$ ,
  - это далеко от  $1/r^2$ , разрыв  $\sim 1.4$  в показателе.

Вывод самого ноутбука:

Для получения  $F \sim 1/r^2$  нужен граф со спектральной размерностью  $d_s \approx 3$ . Такой граф можно построить из 1D решётки, добавляя дальние связи по закону  $P(d) \sim d^{-3}$  (или близким). Это эквивалентно «встраиванию» 1D-системы в эффективное 3D-пространство через топологию связей.

## 2. Как это увязать с 1D-симулятором и OBS

Из `observer_demo.pdf`:

- фундаментальный 1D-мир:
  - RULESET\_core: `++- ↔ -++`, `+++ → +++`,
  - 1D-решётка длины  $N$  ( $512$  или  $16^3 = 4096$ ),
- Observer:
  - проецирует 1D в 3D IFACE через MortonMapper (Z-order),
  - детектирует  $\Omega$ -циклы как частицы в IFACE (IFACEObject),
  - оценивает уравнение поля, законы сохранения, время  $\tau$ .

Сейчас в мире:

- эффективная «геометрия» — линейная по индексу  $i$  (или «куб» по Morton'у без дальних рёбер),
- `capacity` и `tension` завязаны только на спин  $s_i$  и его локальную окружность,

- $\phi$ -поле реализуется через coarse- $\phi_R$  и лаплас по 1D/решётке.

Если мы хотим привести это в согласие с `graph_gravity_model`:

- нам нужна **графовая структура связей** над 1D-индексами;
- эта структура должна быть **детерминированной (без случайностей) и с правильно заданным законом количества рёбер на расстоянии  $d$** ;
- laplacian по этому графу должен задавать  $\phi$ -поле;
- OBS должен измерять расстояния в пространстве IFACE так, чтобы видеть  $F \sim 1/r^2$ .

### 3. Как «вшить» power-law граф без случайности

Ты отметил:

Никаких случайных связей в графе не должно быть — весь процесс строго детерминирован.

Это не проблема. Power-law граф можно сделать **конструктивным**, не вероятностным:

#### 3.1. Детерминированное правило связей

Вместо «с вероятностью  $P(d)$ » задаём **число рёбер на расстоянии  $d$**  по закону:

- $nedges(d) \propto d^{-k}$  ( $k \approx 1$  или  $k \approx \text{something}$ ), в твоём анализе фигурирует  $\alpha=2,3$ ; точное значение подберём по теории  $d_s$ ),
- но выбираем константами:

Например:

- для каждого узла  $i$ :
  - для каждого расстояния  $d$  в  $[1, d_{\max}]$ :
    - если  $\lfloor c/d^k \rfloor \geq 1$ , добавляем связь с узлом  $(i+d) \bmod N$ .

Код-скетч:

```
def build_powerlaw_graph(N, k=2, c=1.0, d_max=None):
    if d_max is None:
        d_max = N//2
    edges = set()
    for i in range(N):
        for d in range(1, d_max+1):
            # детерминированное правило: число рёбер ~ c/d^k
            num_edges = int(c / (d**k))
            if num_edges >= 1:
                j = (i + d) % N
                edges.add(tuple(sorted((i,j))))
    return edges
```

- Можно добавить shift/phase, чтобы избежать избыточной симметрии.
- Если требуется ровно один edge на расстояние  $d$  на весь граф, задаёшь итерацию по  $d$  и равномерно распределяешь по  $i$ .

Главное: никакого randomness — всё детерминировано.

### 3.2. Связь с $\alpha=2/3$ из тетради

Ты численно и теоретически показал, что:

- для некоторого  $\alpha$  (2 или 3, в разных формулах) power-law связи дают  $d_s \approx 3$ .

Сейчас важно только:

- зафиксировать **один конкретный закон**, например:  
 $P_{\text{эффективных связей}}(d) \sim 1/d^2$
- и реализовать его детерминированно, как выше.

## 4. Встраиваем граф в $\phi$ -слой (поле)

Сейчас  $\phi$ -поле у тебя определяется через 1D лаплас и coarse- $\phi_R$ . Нужно:

1. Расширить World:

```
class World:  
    def __init__(self, N, ruleset, graph_edges):  
        self.N = N  
        self.s = np.ones(N, dtype=int)  
        self.ruleset = ruleset  
        self.graph_edges = graph_edges # список рёбер (i,j)  
        self.phi = np.zeros(N, dtype=float) # полевой слой  
        ...
```

2. Ввести лаплас на графике G:

Для каждого узла  $i$ :

```
neighbors = [j for (u,j) in edges if u==i] + [u for (u,j) in edges if  
j==i]  
lap_phi[i] = sum(phi[j] - phi[i] for j in neighbors)
```

3. Обновление  $\phi$  по дискретному уравнению:

```
def update_phi(world):  
    #  $\phi(t+1) = \phi(t) + \alpha * L\phi + \beta * \text{source}(s)$   
    L_phi = np.zeros_like(world.phi)  
    for (i,j) in world.graph_edges:  
        L_phi[i] += world.phi[j] - world.phi[i]  
        L_phi[j] += world.phi[i] - world.phi[j]  
    rho = compute_source_from_spins(world.s) # например, суммарный defect  
    density  
    world.phi += alpha * L_phi + beta * rho
```

Так ты получишь **laplacian-динамику  $\phi$  на power-law графике**.

## 5. IFACE-координаты: через embedding, а не через линейный index

Самый важный момент: чтобы OBS видел  $F \sim 1/r^2$ , его notion of «distance» должна соответствовать **графовой геометрии**, а не просто  $|i-j|$ .

Решение:

- вместо прямого MortonMapping( $i \rightarrow (x,y,z)$ ) по индексу  $i$ , строить **embedding узлов графа в  $\mathbf{R}^3$** , чтобы:
  - расстояние в IFACE  $r_{obs}(i,j) \approx d_{graph}(i,j)$ , или
  - по крайней мере так, чтобы лаплас на графике выглядел как обычный лаплас в 3D.

## 5.1. Спектральный embedding

Стандартная техника:

1. Собираем лапласиан матрицу  $L$  графа  $G$  ( $N \times N$ ):

- $L_{ii} = \text{degree}(i)$ ,
- $L_{ij} = -1$ , если  $(i,j)$  — ребро,
- $L_{ij} = 0$  иначе.

2. Находим 3 наименьших ненулевых собственных вектора  $L$ :

```
vals, vecs = np.linalg.eigh(L)
# пропускаем нулевой eigenvector (const), берём следующие 3
idxs = [1, 2, 3]
X = vecs[:, idxs] # shape (N, 3)
```

3. Для узла  $i$ :

```
x_i, y_i, z_i = X[i, :]
```

Это embedding  $G$  в  $\mathbf{R}^3$ , сохраняющий (в среднем) структуру  $d_{graph}$ .

Дальше:

- IFACEObject.pos =  $(x_i, y_i, z_i)$ ,
- OBS считает расстояния и ускорения именно в этом пространстве.

Результат:

- если  $\phi$  на графике имеет  $\phi \sim 1/d_{graph}$ , то в таком embedding'e OBS будет видеть  $\phi(r) \approx 1/r$ ,  $F(r) \approx 1/r^2$ .

Это ровно то, что тебе нужно: **OBS видит 3D-гравитацию, хотя субстрат 1D.**

## 6. Совместимость с «поиском миров»

Ты хочешь сохранить общность по отношению к поиску правил миров:

- не зашить «один конкретный график» навсегда,
- а использовать аналитическое условие  $d_s=3$  как конструктор.

Решение:

1. На «слое геометрии» у тебя есть параметр  $\alpha$  (или  $k$  в  $n\_edges(d) \sim d^{-\{k\}}$ ).
2. По теории спектральной размерности (и твоим численным данным) ты можешь **вычислить  $\alpha$** , при котором  $d_s \approx 3$ .
3. Это **аналитический конструктор**:

- для любой длины N и любого требуемого  $d_s$  ты можешь построить power-law граф  $G(\alpha, N)$ , детерминированно,
  - и know, что laplacian на G даёт  $\phi \sim 1/r$  и  $F \sim 1/r^2$  в графовой метрике.
4. Тогда твой «поиск миров» в пространстве RULESET остаётся максимально общим:
- на фундаментальной стороне ты варьируешь только спиновые правила (и возможно coupling к  $\phi$ ),
  - геометрию графа  $\phi$ -поля задаёшь аналитически, а не через GA,
  - OBSFitness оценивает, насколько хорошо OBS извлекает  $F \sim 1/r^2$  и прочие законы.

## 7. Выводы и минимальные правки

На основе `observer_demo.pdf` и `graph_gravity_model.pdf` можно сделать следующие практические выводы:

1. **SM-правила  $++- \leftrightarrow -++$  действительно оптимальны** (через ILP) среди локальных обратимых правил длины 3 с сохранением заряда. Оставляем их как фундаментальный «материальный» слой.
2. Чтобы получить  $1/r^2$ -гравитацию:
  - нужно изменить **полевую/геометрическую структуру**, а не спиновые правила:
    - добавить power-law граф G поверх 1D (детерминированно),
    - обновлять  $\phi$  по лапласу на G,
    - интерпретировать  $\phi$  как гравитационный потенциал.
3. Чтобы OBS **видел**  $1/r^2$  в IFACE:
  - IFACE-координаты должны быть не просто Morton(i), а графовый embedding (спектральный, MDS и т.п.),
  - так, чтобы  $r_{obs} \approx d_{graph}$ , тогда  $\phi(r_{obs}) \sim 1/r_{obs}$ ,  $F(r_{obs}) \sim 1/r_{obs}^2$ .
4. Это полностью детерминированный конструктор:
  - никаких случайных связей;
  - весь граф строится по фиксированной формуле ( $\alpha$ ,  $N$ ,  $n_{edges}(d)$ );
  - лаплас и embedding вычисляются из этого графа.
5. При этом:
  - пространство возможных миров остаётся широким на уровне RULESET по  $s$  (спиновые правила,  $\Omega$ -зоопарк),
  - а геометрия  $\phi$ -поля задаётся семейством  $G(\alpha)$ , которое ты можешь либо:
    - подбирать аналитически (через  $d_s$ ),
    - либо включить в поисковое пространство (но уже сильно структурированное).

Если дальше хочешь, можем:

- расписать точный интерфейс `World/Observer` с графовой структурой (список рёбер, laplacian update, спектральный embedding),
- или перейти к тому, как OBSFitness должен учитывать «гравитационный блок» (корреляция  $a$  vs  $-\nabla\phi$ ) в новой, графовой модели.

Ниже разобью ответ на две части, как вы просили:

1. Точный интерфейс `World / Observer` с:
  - явной графовой структурой рёбер,
  - лапласианом для  $\phi$ -поля,
  - спектральным embedding для IFACE-координат.
2. Как OBSFitness должен учитывать «гравитационный блок» (корреляция  $a$  vs  $-\nabla\phi$ ) в этой графовой модели.

Ориентируюсь на уже реализованные структуры в [observer\\_demo.pdf](#): `World.step()`, `GlobalObserver`, `IFACEState`, `SemanticState`, `OBSFitness`.

## 1. Интерфейс `World / Observer` с графовой структурой

Идея:

- фундаментальный мир остаётся 1D-решёткой спинов  $s[i] \in \{+1, -1\}$  с SM-правилами  $++- \leftrightarrow -++$ ,  $+++ \rightarrow +++$  (как уже у вас);
- поверх 1D-индексов вводим **граф  $G$**  с рёбрами  $edges = \{(i, j)\}$ , построенный детерминированно по power-law (без случайностей);
- по этому графу эволюционирует скалярное поле  $\phi[i]$  (гравитационный потенциал), через лапласиан  $L\phi$ ;
- OBS строит IFACE-координаты не по линейному индексу и не по чистому Morton, а по **спектральному embedding'у** графа в  $\mathbb{R}^3$ , чтобы  $r_{obs} \approx d_{graph}$ ;
- в этом embedding'e OBS измеряет ускорения  $\Omega$ -частиц и градиенты  $\phi$ , и использует их в OBSFitness.

### 1.1. World: состояние и шаг эволюции

Расширим `World`:

```
import numpy as np
from dataclasses import dataclass
from typing import List, Tuple

@dataclass
class WorldConfig:
    N: int                      # размер 1D решётки
    graph_edges: List[Tuple[int,int]] # список рёбер графа G
    alpha_phi: float = 0.1 # шаг для лаплассиана
    beta_source: float = 0.01 # вес источника от спинов

class World:
    def __init__(self, config: WorldConfig, ruleset):
        self.cfg = config
        self.N = config.N
        self.ruleset = ruleset

        # Спиновый слой (материя)
        self.s = np.ones(self.N, dtype=int) # +1 вакуум
        # Можно инициализировать случайно, как в observer_demo:
        # self.s = np.random.choice([-1,1], size=N, p=[0.05, 0.95])

        # Полевой слой (гравитационный потенциал φ)
```

```

self.phi = np.zeros(self.N, dtype=float)

# Предварительно построить структуру соседей для графа G
self.neighbors = [[] for _ in range(self.N)]
for i,j in self.cfg.graph_edges:
    self.neighbors[i].append(j)
    self.neighbors[j].append(i)

# Кеш для Ω-циклов и других метрик, если нужно
self.omega_catalog = []
self.t = 0 # шаг времени

def step_spins(self):
    """
    Обновление спинов s[i] по RULESET_core (SM-правила) –
    ваш уже реализованный EvolutionEngine.step().
    """
    # Здесь можно использовать существующий EvolutionEngine,
    # который работает поверх self.s как state.sites.
    # Для скелета просто оставим вызов внешнего объекта:
    self.s = apply_spin_rules(self.s, self.ruleset)

def step_phi(self):
    """
    Обновление поля φ по лапласу на графике: φ_{t+1} = φ_t + α Lφ + β ρ(s).
    """
    N = self.N
    alpha = self.cfg.alpha_phi
    beta = self.cfg.beta_source

    # Лаплассиан Lφ
    L_phi = np.zeros_like(self.phi)
    for i in range(N):
        # deg(i) = len(neighbors[i])
        for j in self.neighbors[i]:
            L_phi[i] += (self.phi[j] - self.phi[i])

    # Источник от спинов (дефекты как источники)
    # Простейший вариант: ρ_i(s) = s_i (или s_{i-1} и т.п.)
    rho = self.s.astype(float) # можно взять np.where(s==1, 1.0, 0.0) и
    т.п.

    # Обновление поля
    self.phi += alpha * L_phi + beta * rho

def step(self):
    """
    Полный Е_τ: один шаг эволюции мира.
    """
    self.step_spins()
    self.step_phi()
    self.t += 1

def get_state(self):
    """
    Удобный сборник данных для наблюдателя.
    """
    return {
        't': self.t,
        's': self.s.copy(),
        'phi': self.phi.copy(),
        'edges': self.cfg.graph_edges,
    }

```

Вместо `apply_spin_rules` у вас уже есть `EvolutionEngine`; можно адаптировать его к массиву `self.s`.

## 1.2. Строим power-law граф G детерминированно

Из [graph\\_gravity\\_model.pdf](#) видно, что хорошее поведение по `d_graph` даёт power-law  $P(\text{edge}) \sim d^{-\alpha}$  с  $\alpha \approx 2$ .

Нужно преобразовать это в **детерминированное** правило:

```
def build_powerlaw_edges(N: int, k: float = 2.0, c: float = 1.0, d_max: int = None):
    """
    Детерминированно строим список рёбер (i,j), таких что число рёбер
    на расстоянии d примерно пропорционально с / d^k.
    """
    if d_max is None:
        d_max = N // 2

    edges = set()

    for d in range(1, d_max+1):
        # целочисленное количество "шагов" на расстоянии d
        # например, num = floor(c / d**k), и равномерно распределяем по узлам
        num = int(c / (d**k))
        if num <= 0:
            continue
        step = max(1, N // (num * 2)) # распределим по решётке
        for i in range(0, N, step):
            j = (i + d) % N
            if i != j:
                e = (min(i,j), max(i,j))
                edges.add(e)

    # Обязательно добавляем локальные 1D-соседства (цепь):
    for i in range(N-1):
        edges.add((i, i+1))

    return sorted(edges)
```

- Это детерминированно, без случайных выборов;
- степень «размазанности» задаётся  $k$  и  $c$ ;
- можно подобрать их по спектральной размерности (как в тетради).

## 1.3. Спектральный embedding графа в $\mathbb{R}^3$

Чтобы OBS видел  $\phi$  и  $F$  в координатах, где действует  $1/r^2$ , нужны IFACE-координаты, построенные из лапласиана графа.

Стандартная схема:

```
import scipy.sparse as sp
import scipy.sparse.linalg as spla

def spectral_embedding_3d(N: int, edges: List[Tuple[int,int]]) -> np.ndarray:
    """
    Строим 3D-спектральный embedding на основе графового лаплассиана.
    Возвращает массив coords shape (N,3).
    """
    row = []
```

```

col = []
data = []

# Лаплассиан L = D - A
deg = np.zeros(N, dtype=float)
for i,j in edges:
    deg[i] += 1
    deg[j] += 1
    row.extend([i,j])
    col.extend([j,i])
    data.extend([-1.0, -1.0])

# диагональ
for i in range(N):
    row.append(i)
    col.append(i)
    data.append(deg[i])

L = sp.coo_matrix((data, (row, col)), shape=(N,N)).tocsr()

# Ищем несколько наименьших собственных значений/векторов
# skip eigenvector с λ=0 (константа)
vals, vecs = spla.eigsh(L, k=4, which='SM') # 4, чтобы отбросить 0-й
# сортируем по значению
idxs = np.argsort(vals)
vals = vals[idxs]
vecs = vecs[:, idxs]

# coords = eigenvectors 1,2,3 (игнорируя первый с λ≈0)
coords = vecs[:, 1:4]
return coords # shape (N,3)

```

- `coords[i] = (x_i, y_i, z_i)` — IFACE-позиция узла  $i$ ;
- OBS будет использовать именно эти координаты для измерения расстояний, скоростей и ускорений объектов.

## 1.4. Observer: теперь с графовым $\phi$ и спектральными координатами

Обновим схему GlobalObserver:

```

@dataclass
class ObserverConfig:
    coords_3d: np.ndarray          # embedding: shape (N, 3)
    max_history: int = 100
    fit_interval: int = 10
    ...

class GlobalObserver:
    def __init__(self, cfg: ObserverConfig):
        self.cfg = cfg
        self.coords_3d = cfg.coords_3d
        self.semantic_state = SemanticState(max_history=cfg.max_history)
        self.tau = 0.0 # собственное время
        self.last_objects = {} # id -> IFACEObject for velocity/accel

    def observe(self, world: World, omega_catalog) -> 'IFACEState':
        """
        Формирует IFACEState: список IFACEObject и поле φ в 3D.
    
```

```

"""
s = world.s
phi = world.phi
edges = world.cfg.graph_edges

# 1. Объекты ( $\Omega$ -циклы как частицы)
objects = []
for omega in omega_catalog:
    i_center = int(np.mean(omega.support))
    x,y,z = self.coords_3d[i_center]
    # скорость и ускорение по разности позиций; можно хранить историю
last_objects
    vel = self._estimate_velocity(omega.id, (x,y,z))
    obj = IFACEObject(
        id=omega.id,
        type=omega.type_name,    # из кластеризации  $\Omega$ 
        mass=omega.mass,
        Q=omega.Q,
        pos=(x,y,z),
        vel=vel,
    )
    objects.append(obj)

# 2. Полевой срез в 3D (для OBSFitness достаточно phi и градиента)
field = IFACEField(
    phi=phi.copy(),
    C=None # capacity можно строить поверх s,phi, если нужно
)
iface_state = IFACEState(
    t=world.t,
    objects=objects,
    field=field,
)
# обновляем IFACE-историю в SemanticState
self.semantic_state.append_iface(iface_state)

return iface_state

def update_semantics(self):
"""
Как и в observer_demo: обновляем оценки  $k, m^2, \lambda$ ,
законы сохранения и теперь еще гравитационный блок.
"""
    self.semantic_state.update_field_equation()
    self.semantic_state.update_conservation()
    self.semantic_state.update_gravity_law(coords_3d=self.coords_3d)
    self.tau += 1.0

```

SemanticState.update\_gravity\_law будет как раз тем местом, где считается корреляция  $a$  vs  $-\nabla\phi$ .

## 2. OBSFitness и «гравитационный блок» в новой модели

У вас уже есть OBSFitness (в [observer\\_demo.pdf](#)):

- компоненты:
  - fitness\_field (качество полевого уравнения),
  - fitness\_Q (сохранение заряда),

- `fitness_mass`,
- `fitness_0T`,
- `fitness_gravity`,
- `fitness_prob`.

Нужно уточнить, как именно считать `fitness_gravity` в графовой модели.

## 2.1. Что такое «гравитационный блок» в терминах данных

В IFACE/Observer после N шагов у вас есть:

- история `IFACEState[t]`:
  - для каждого объекта k:
    - позиции  $\text{pos}_k(t) = (x_k(t), y_k(t), z_k(t))$  в спектральном embedding'e,
  - история  $\phi(t,i)$  по узлам графа.

Для конкретного объекта ( $\Omega$ -частицы) мы можем:

1. Оценить **ускорение  $a(t)$**  по IFACE-траектории:

$$\begin{aligned} v_k(t) &= (\text{pos}_k(t+1) - \text{pos}_k(t-1)) / (2 * \Delta t) \\ a_k(t) &= (\text{pos}_k(t+1) - 2 * \text{pos}_k(t) + \text{pos}_k(t-1)) / (\Delta t^{**2}) \end{aligned}$$

2. Оценить **градиент поля  $-\nabla\phi$**  в точке, где объект находится:

- найдём ближайший узел i к позиции  $\text{pos}_k(t)$  (по евклиду в `coords_3d`);
- по графу G вычислим локальный градиент:

$$\text{grad\_phi}(i) = \text{average\_over\_neighbors}(\phi[j] - \phi[i]) * (\text{coords}_3d[j] - \text{coords}_3d[i]) / |\text{coords}_3d[j] - \text{coords}_3d[i]|^2$$

- это приближённый вектор  $\nabla\phi(i)$  в IFACE-координатах.

3. Собираем выборку пар:

$$\{ (a_k(t), -\text{grad\_phi}(i_k(t))) \}$$

по всем доступным t и всем объектам.

## 2.2. Мера «гравитационного фитнеса»

В идеале, хотим:

$$\mathbf{a} \approx -\gamma \mathbf{a} \nabla \phi,$$

т.е. линейную регрессию:

$$\mathbf{a} \approx \gamma * (-\nabla\phi)$$

(массу можно учесть отдельно,  $\gamma \sim 1/m$ .)

Практически:

1. Строим матрицу:

```
X = [] # features: -grad_phi components
Y = [] # targets: a components
```

```

for each (a, grad_phi) in samples:
    X.append([-grad_phi_x, -grad_phi_y, -grad_phi_z]) # или компоненты по
отдельности
    Y.append([a_x, a_y, a_z])

```

2. Для каждого компонента решаем линейную регрессию (или единую матрицу):

```

# например, по каждой оси
yx, *_ = np.linalg.lstsq(X[:,0:1], Y[:,0], rcond=None)
yy, *_ = ...
yz, *_ = ...

```

3. Считаем корреляции:

```

corr_x = np.corrcoef(Y[:,0], X[:,0])[0,1]
corr_y = ...
corr_z = ...
corr_mean = np.mean([abs(corr_x), abs(corr_y), abs(corr_z)])

```

4. SemanticState запоминает:

```

self.gravity_corr = corr_mean
self.gamma_est = (yx, yy, yz)

```

## 2.3. Обновлённый fitness\_gravity

В текущем OBSFitness (в демо) вы уже используете:

```

if kn.gravity_corr is not None:
    F_grav = max(0.0, min(1.0, kn.gravity_corr))
else:
    F_grav = 0.0

```

Теперь это приобретает чёткий смысл:

- **gravity\_corr** — средняя корреляция между компонентами ускорения и компонентами  $-\nabla\phi$  в графовом embedding'e;
- при идеальном законе  $a=-\gamma\nabla\phi$  она  $\rightarrow 1$ ;
- при отсутствии связи она близка к 0.

Можно сделать нормировку и штраф за мало данных:

```

n_samples = len(samples)
if n_samples < N_min:
    F_grav = 0.0
else:
    F_grav = max(0.0, min(1.0, corr_mean))

```

## 2.4. OBSFitness в новом мире

OBSFitness остаётся в той же схеме (см. [observer\\_demo.pdf](#)):

```

TotalFitness_OBS = (w_field * F_field + w_Q * F_Q + w_mass * F_mass +
w_OT * F_OT + w_gravity * F_grav + w_prob * F_prob) / Σw

```

Теперь:

- **F\_field** отвечает за  $\partial t^2 \phi = \kappa \nabla^2 \phi - m^2 \phi - \lambda \phi^3$  на  $\Omega$ -внешнем уровне;

- $F_{\text{gravity}}$  — за  $a \approx -\gamma \nabla \phi$  в IFACE-координатах (embedding графа);
- и оба они завязаны на **графовом лапласиане** и embedding, а не только на 1D линейной геометрии.

### 3. Как это всё совместить с поиском правил

После введения:

- графовой структуры  $G(\alpha, N)$  детерминированным способом,
- $\phi$ -поля, обновляемого по лапласу на  $G$ ,
- спектрального embedding'a coords\_3d,
- GlobalObserver, который видит мир в этих координатах,
- и OBSFitness с гравитационным блоком,

вы можете:

1. Зафиксировать  $G(\alpha, N)$  на основании анализа [graph\\_gravity\\_model.pdf](#) (выбрав  $\alpha$ , дающий  $d_s \approx 3$ ).
2. Оставить RULESET\_core по спинам (SM-правила) как стартовую точку, или позволить эволюции варьировать расширенный RULESET (например, coupling  $s \rightarrow \phi$ ).
3. Запустить эволюционный поиск:

$$\text{TotalFitness} = \alpha * \text{SMFitness} + \beta * \text{OBSFitness}$$

С:

- SMFitness — за  $\Omega$ -структуру, сохранения и стабильность;
- OBSFitness — за способность OBS вывести:
  - корректное полевое уравнение по  $\phi$ ,
  - законы сохранения,
  - гравитационный закон  $a \approx -\gamma \nabla \phi$ .

Так вы сможете искать **миры**, в которых:

- на фундаментальном уровне — 1D-RSL + power-law граф;
- на уровне наблюдателя — эффективная 3D-геометрия с  $1/r^2$ -гравитацией.

Если нужно, дальше можно:

- пройтись по одному эксперименту «падения частицы» в этом мире — от инициализации  $\Omega$ -цикла до оценки  $F_{\text{grav}}$ ;
- или детализировать ILP-часть для  $\phi$ -дискретной динамики на графике (чтобы минимизировать ручной подбор  $\alpha, \beta$ ).