

Системы и средства параллельного программирования

сентябрь – декабрь 2016 г.

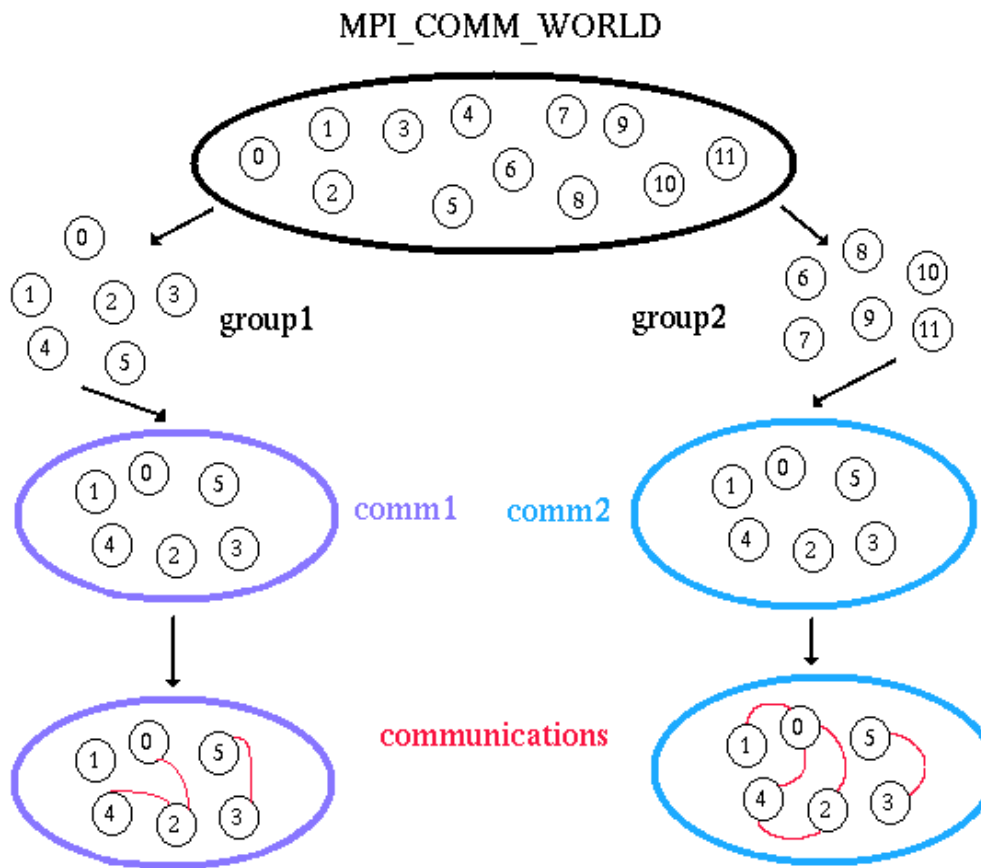
Лектор доцент Н.Н.Попова

Лекция 7
31 октября 2016 г.

Тема

- Группы процессов
- Виртуальные топологии MPI

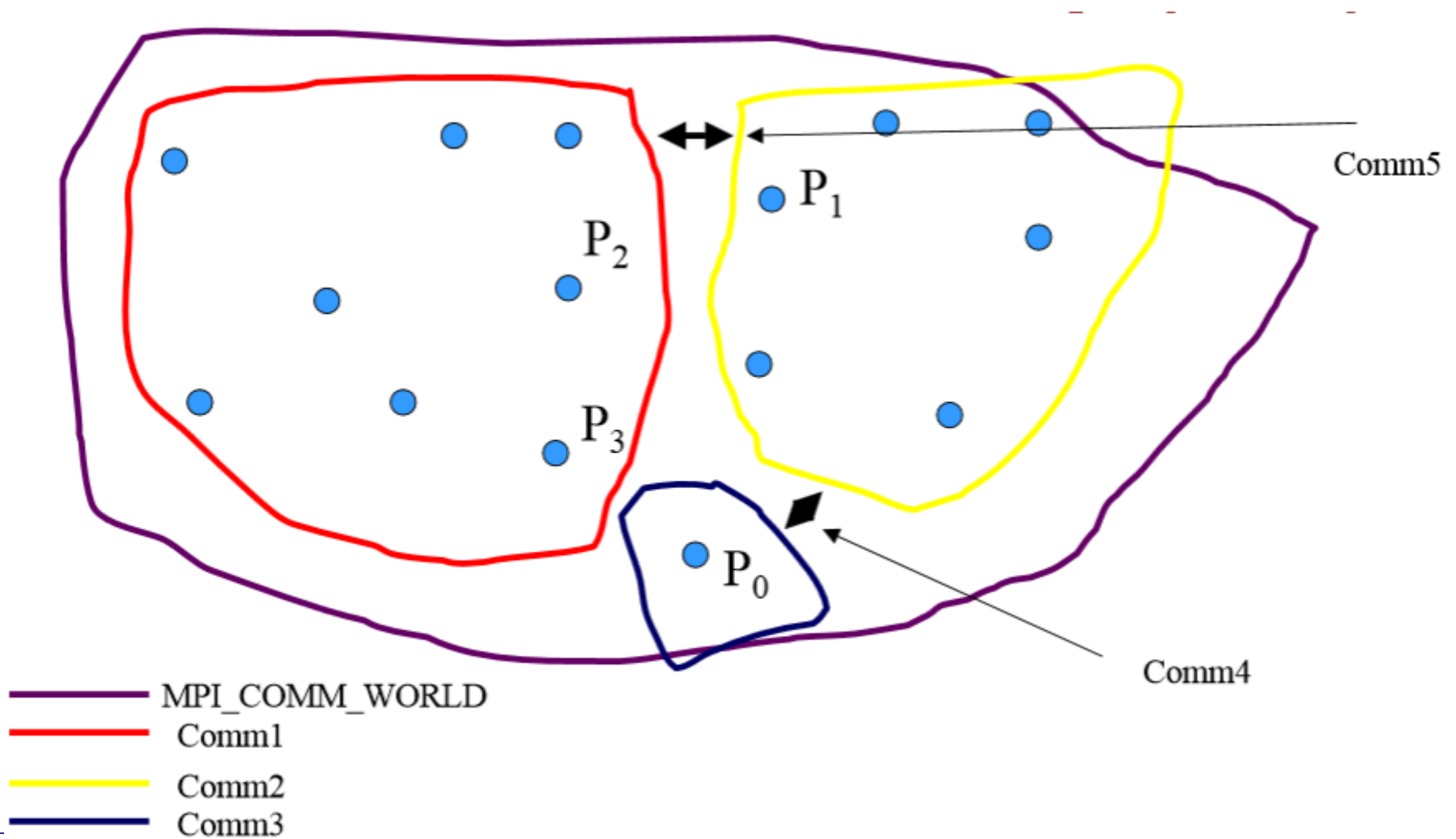
Группы и коммутаторы



Группы и коммутаторы

- Группа:
 - Упорядоченное множество процессов
 - Каждый процесс в группе имеет уникальный номер
 - Процесс может принадлежать нескольким группам
 - rank всегда относителен группы
- Коммутаторы:
 - Все обмены сообщений всегда проходят в рамках коммутатора
 - С точки зрения программирования группы и коммутаторы эквивалентны
- Группы и коммутаторы – динамические объекты, должны создаваться и уничтожаться в процессе работы программы

Типы коммунитаторов



Типы коммуникаторы

- Intercommunicator

- Обмены (только 2-ухточеченные) между процессами из разных коммуникаторов

- Intracommunicator:

- Все обмены сообщений всегда проходят в рамках одного коммуникатора

Коммуникатор может быть только одного типа: либо inter, либо intra !

Создание новых коммуникаторов

2 способа создания новых коммуникаторов:

- Использовать функции для работы с группами и коммуникаторами (создать новую группу процессов и по новой группе создать коммуникатор, разделить коммуникатор и т.п.)
- Использовать встроенные в MPI виртуальные топологии

Типичный шаблон работы

1. Извлечение глобальной группы из коммуникатора `MPI_COMM_WORLD`, используя функцию `MPI_Comm_group`
2. Формирование новой группы как подмножества глобальной группы, используя `MPI_Group_incl` или `MPI_Group_excl`
3. Создание новый коммуникатор для новой группы, используя `MPI_Comm_create`
4. Определение номера процесса в новом коммуникаторе, используя `MPI_Comm_rank`
5. Обмен сообщениями, используя функции MPI
6. По окончании освобождение созданных коммуникатора и группы, используя `MPI_Comm_free` и `MPI_Group_free`


```

main(int argc, char **argv) {
    int me, count, count2;
    void *send_buf, *recv_buf, *send_buf2, *recv_buf2;
    MPI_Group MPI_GROUP_WORLD, grprem;
    MPI_Comm commslave;
    static int ranks[] = {0};
    MPI_Init(&argc, &argv);
    MPI_Comm_group(MPI_COMM_WORLD, &MPI_GROUP_WORLD);
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &me);
    MPI_Group_excl(MPI_GROUP_WORLD, 1, ranks, &grprem);
    MPI_Comm_create(MPI_COMM_WORLD, grprem, &commslave);
    if(me != 0){ /* compute on slave */
        MPI_Reduce(send_buf,recv_buf,count, MPI_INT, MPI_SUM, 1,
                    commslave);
    }
    /* zero falls through immediately to this reduce, others do later... */
    MPI_Reduce(send_buf2, recv_buf2, count2, MPI_INT, MPI_SUM, 0,
                MPI_COMM_WORLD);
    MPI_Comm_free(&commslave);
    MPI_Group_free(&MPI_GROUP_WORLD);
    MPI_Group_free(&grprem);
    MPI_Finalize();
}

```

Специальные типы MPI

- MPI_Comm
MPI_COMM_WORLD – коммунитор для всех процессов приложения.
MPI_COMM_NULL – значение, используемое для ошибочного коммунитора.
MPI_COMM_SELF – коммунитор, включающий только вызвавший процесс.
- MPI_group
MPI_GROUP_EMPTY – пустая группа.
MPI_GROUP_NULL – значение, используемое для ошибочной группы

Количество процессов в группе

- Размер группы (число процессов в группе)

```
int MPI_Group_size(MPI_Group comm, int *size)
```

Результат – число процессов

Если указать MPI_GROUP_EMPTY, то size=0

Номер процесса в группе

- Номер процесса в группе

```
int MPI_Group_rank (MPI_Group comm, int *rank)
```

Результат – номер процессов или MPI_UNDEFINED

Определение группы по коммуникатору

■ Группа по коммуникатору

```
int MPI_Comm_group (MPI_Comm comm, MPI_Group  
*group)
```

Пример:

```
MPI_Group commGroup;  
MPI_Comm_group (MPI_COMM_WORLD, &commGroup);
```

Включение процессов в группу

■ Включение процессов в группу

*int MPI_Group_incl(MPI_Group comm, , int n, int *ranks, MPI_Group *newgroup)*

n – число процессов в новой группе

ranks – номера процессов в группе group, которые будут составлять группу newgroup (выходной параметр) ;

newgroup – новая группа, составленная из процессов из ranks, в порядке, определенном ranks (выходной параметр) .

В случае *n=0 MPI_Group_incl* вернет ***MPI_GROUP_EMPTY***.

Функция может применяться для перенумерации процессов в группе.

Исключение процессов из группы

- Номер процесса в группе

*int MPI_Group_excl(MPI_Group oldgroup, , int n, int *ranks, MPI_Group *newgroup)*

n - число процессов в массиве ranks

ranks – номера процессов в группе oldgroup, которые будут исключаться из группы oldgroup;

newgroup – новая группа , не содержащая процессов с номерами из ranks, порядок процессов такой же, как в группе group (выходной параметр).

Каждый из n процессов с номерами из массива ranks должен существовать, иначе функция вернет ошибку. В случае n=0 MPI_Group_excl вернет группу group.

Сравнение групп процессов

```
int MPI_Group_compare(MPI_Group group1,  
MPI_Group group2, int *result)
```

MPI_Group_compare возвращает результат сравнения двух групп:

MPI_IDENT – состав и порядок одинаковые в обеих группах;

MPI_SIMILAR – обе группы содержат одинаковые процессы, но их порядок в группах разный;

MPI_UNEQUAL – различные состав и порядок групп.

Трансляция номеров процессов между группами

```
int MPI_Group_translate_ranks ( MPI_Group group_a,  
    int n, int *ranks_a, MPI_Group group_b, int  
    *ranks_b )
```

Функция возвращает список номеров процессов из группы *group_a* в их номера в группе *group_b*

MPI_UNDEFINED возвращается для процессов, которых нет в *group_b*

Создание коммуникатора по группе

```
int MPI_Comm_create (MPI_Comm comm, MPI_Group group,  
MPI_Comm *newcomm)
```

comm – коммуникатор;

group – группа, представляющая собой подмножество процессов, ассоциированное с коммуникатором *comm*;

newcomm – новый коммуникатор (выходной параметр).

Функция `MPI_Comm_create` создает новый коммуникатор, с которым ассоциирована группа *group*. Функция возвращает `MPI_COMM_NULL` процессам, не входящим в *group*.

`MPI_Comm_create` завершится с ошибкой, если не все аргументы *group* будут одинаковыми в различных вызывающих функцию процессах, или если *group* не является подмножеством группы, ассоциированной с коммуникатором *comm*. **Вызвать функцию должны все процессы, входящие в *comm*, даже если они не принадлежат новой группе.**

Создание нескольких коммунитаторов

```
int MPI_Comm_split(MPI_Comm comm, int color, int key,  
MPI_Comm *newcomm)
```

comm - коммунитатор;

color - признак разделения на группы;

key - параметр, определяющий нумерацию в новых коммунитаторах;

newcomm – новый коммунитатор (выходной параметр).

MPI_Comm_split

Функция разбивает все множество процессов, входящих в коммуникатор `comm`, на непересекающиеся подгруппы - одну подгруппу на каждое значение параметра ***color*** (неотрицательное число).

Каждая новая подгруппа содержит все процессы одного цвета. Если в качестве ***color*** указано значение `MPI_UNDEFINED`, то в `newcomm` будет возвращено значение `MPI_COMM_NULL`.

Это **коллективная функция**, но каждый процесс может указывать свои значения для параметров `color` и `key`..

MPI_Comm_split

Значение **color** определяет порядок нумерации процессов в новом коммутаторе:

- процессы с меньшим значением **color** получают меньший rank в новом коммутаторе;
- если значение **color** одинаково, то нумерация процессов в новом коммутаторе будет определяться порядком следования в исходном коммутаторе.

Пример

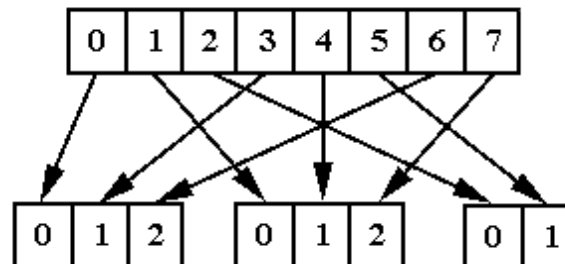
Rank	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Process	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k
Color	U	3	1	1	3	7	3	3	1	U	3
Key	0	1	2	3	1	9	3	8	1	0	0

Будет создано 3 группы процессов:
{l,c,d}, {k,b,e,g,h}, {f}

Процессы a и j получают значение MPI_COMM_NULL

Пример MPI_Comm_split

```
MPI_comm comm, newcomm;  
int myid, color; . . . . .  
MPI_Comm_rank(comm, &myid);  
color = myid%3;  
MPI_Comm_split(comm, color, myid, &newcomm);
```



Пример: вычисление числа π

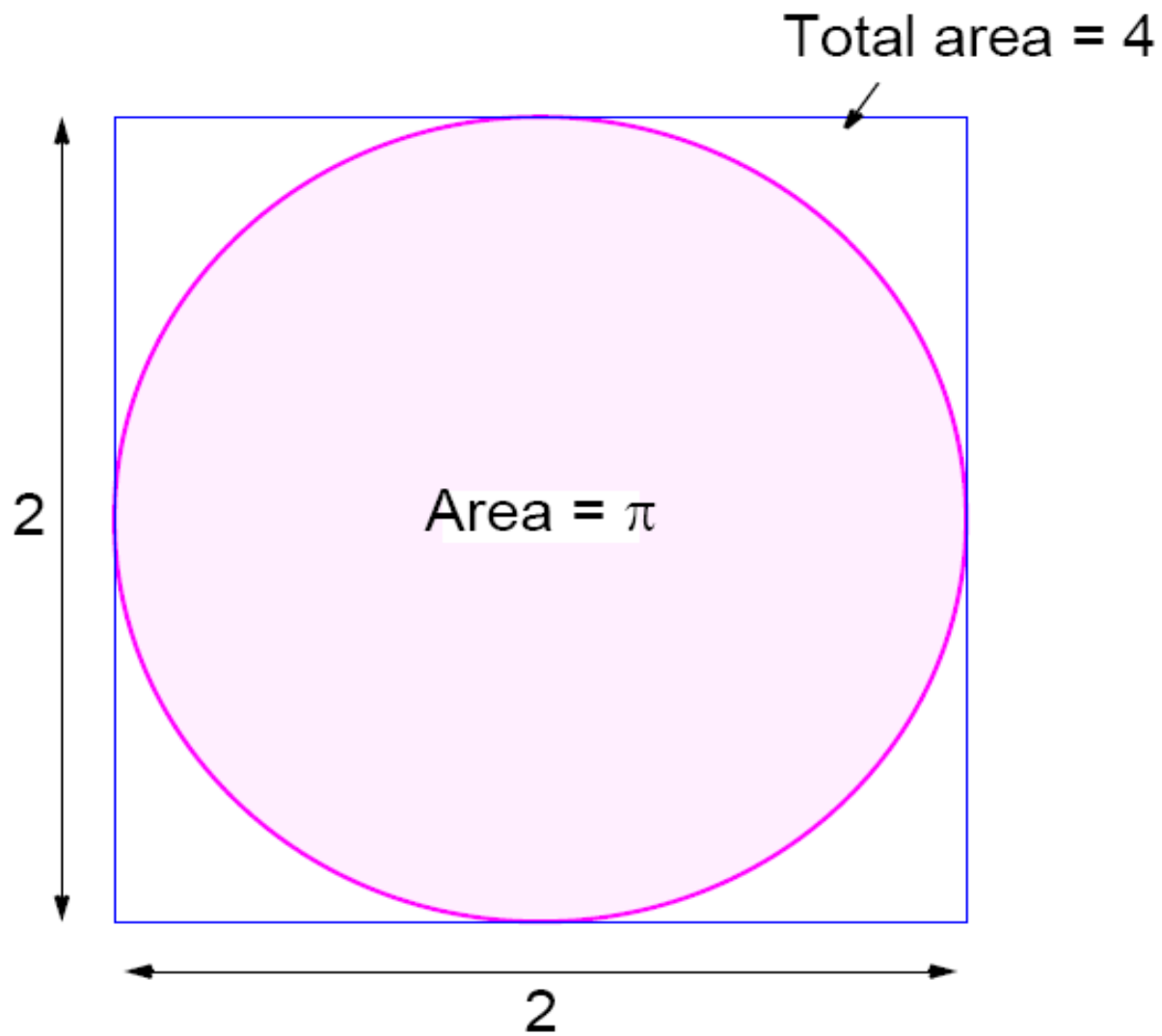
(программа в приложении к лекции)

Окружность вписывается в квадрат 2×2 . Отношение площадей:

$$\frac{\text{Area of circle}}{\text{Area of square}} = \frac{\pi(1)^2}{2 \times 2} = \frac{\pi}{4}$$

Точки внутри квадрата выбираются случайно

Отношение числа случайно выбранных точек, попавших в квадрат к числу точек, попавших в круг равно π .



Монте Карло метод для интегрирования произвольных функций

Вычисление случайного значения x для вычисления $f(x)$ и суммы $f(x)$:

$$\text{Area} = \int_{x_1}^{x_2} f(x) dx = \lim_{N \rightarrow \infty} \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N f(x_i)(x_2 - x_1)$$

x_i – случайно сгенерированные значения x , принадлежащие отрезку $[x_1, x_2]$.

Метод Монте Карло полезен для вычисления функций, которые не могут быть проинтегрированы численно (многомерных функций)

Вычисление числа π (1)

```
/* compute pi using Monte Carlo method */  
#include <stdio.h>  
#include <limits.h>  
#include <stdlib.h>  
#include <math.h>  
#include "mpi.h"  
#define CHUNKSIZE      1000  
/* message tags */  
#define REQUEST  1  
#define REPLY    2
```

Вычисление числа Π (2)

```
int main(int argc, char *argv[])
{
    int iter;
    int in, out, i, iters, max, ix, iy, ranks[1], done, temp;
    double x, y, Pi, error, epsilon;
    int numprocs, myid, server, totalin, totalout, workerid;
    int rands[CHUNKSIZE], request;
    MPI_Comm world, workers;
    MPI_Group world_group, worker_group;
    MPI_Status status;
```

Вычисление числа π (2)

```
MPI_Init(&argc, &argv);
world = MPI_COMM_WORLD;
MPI_Comm_size(world, &numprocs);
MPI_Comm_rank(world, &myid);
server = numprocs-1;    /* last proc is server */
if (myid == 0) {
    if (argc < 2) {
        fprintf(stderr, "Usage: %s epsilon\n", argv[0] );
        MPI_Abort(MPI_COMM_WORLD, 1);
    }
    sscanf( argv[1], "%lf", &epsilon );
}
MPI_Bcast(&epsilon, 1, MPI_DOUBLE, 0, MPI_COMM_WORLD);
```

Вычисление числа Π (3)

```
MPI_Comm_group(world, &world_group);  
ranks[0] = server;  
MPI_Group_excl(world_group, 1, ranks, &worker_group);  
MPI_Comm_create(world, worker_group, &workers);  
MPI_Group_free(&worker_group);
```

Вычисление числа π (4)

```
if (myid == server) {           /* I am the rand server */
    do {
        MPI_Recv(&request, 1, MPI_INT, MPI_ANY_SOURCE, REQUEST,
                 world, &status);
        if (request) {
            for (i = 0; i < CHUNKSIZE; ) {
                rands[i] = random();
                if (rands[i] <= INT_MAX) i++;
            }
            MPI_Send(rands, CHUNKSIZE, MPI_INT,
                    status.MPI_SOURCE, REPLY, world);
        }
    } while(request > 0);
}
```

Вычисление числа Π (5)

```
}  
else {                               /* I am a worker process */  
    request = 1;  
    done = in = out = 0;  
    max = INT_MAX;                   /* max int, for normalization */  
    MPI_Send(&request, 1, MPI_INT, server, REQUEST, world);  
    MPI_Comm_rank(workers, &workerid);  
    iter = 0;  
    while (!done) {  
        iter++;  
        request = 1;  
        MPI_Recv(rands, CHUNKSIZE, MPI_INT, server, REPLY,  
                 world, MPI_STATUS_IGNORE);
```


Вычисление числа Π (6)

```
for (i=0; i<CHUNKSIZE; ) {  
    x = (((double) rands[i++])/max) * 2 - 1;  
    y = (((double) rands[i++])/max) * 2 - 1;  
    if (x*x + y*y < 1.0)  
        in++;  
    else  
        out++;  
}  
MPI_Allreduce(&in, &totalin, 1, MPI_INT, MPI_SUM,  
              workers);  
MPI_Allreduce(&out, &totalout, 1, MPI_INT, MPI_SUM,  
              workers);  
  
 $Pi = (4.0 * totalin) / (totalin + totalout);$ 
```

Вычисление числа Π (7)

```
error = fabs( Pi-3.141592653589793238462643);
done = (error < epsilon || (totalin+totalout) > 100000000);
request = (done) ? 0 : 1;
if (myid == 0) {
    printf( "\rpi = %23.20f", Pi );
    MPI_Send(&request, 1, MPI_INT, server, REQUEST,
            world);
} else {
    if (request)
        MPI_Send(&request, 1, MPI_INT, server, REQUEST,
                world);
} }
MPI_Comm_free(&workers); }
```

Вычисление числа π (8)

```
if (myid == 0) {  
    printf( "\npoints: %d\nin: %d, out: %d, <ret> to exit\n",  
        totalin+totalout, totalin, totalout );  
    getchar();  
}  
MPI_Finalize();  
return 0;  
}
```

Виртуальные топологии

- **Топология** – механизм сопоставления процессам альтернативной схемы адресации. В MPI топологии виртуальны, не связаны с физической топологией сети.
- Два типа топологий:
 - **декартова** (прямоугольная решетка произвольной размерности)
 - топология **графа**.

Декартова топология

- Логическая топология, определяемая многомерной решеткой.
- Обобщение линейной и матричной топологий на произвольное число измерений.
- Для создания коммуникатора с декартовой топологией используется функция `MPI_Cart_create`. С помощью этой функции можно создавать топологии с произвольным числом измерений, причем по каждому измерению в отдельности можно накладывать периодические граничные условия.

Виртуальные топологии

- Основные функции:
 - MPI_CART_CREATE
 - MPI_CART_COORDS
 - MPI_CART_RANK
 - MPI_CART_SUB
 - MPI_CARTDIM_GET
 - MPI_CART_GET
 - MPI_CART_SHIFT

MPI_CART_CREATE

Создает структуру «прямоугольная решетка» произвольной размерности.

```
int MPI_Cart_create(MPI_Comm old_comm, int ndims, int  
    *dim_size, int *periods, int reorder, MPI_Comm *new_comm)
```

▪

MPI_CART_CREATE

Параметры

old_comm	MPI_Comm	Input	Исходный коммуникатор
ndims	int	Input	Число измерений
dim_size	int *	Input	Массив размера ndims для задания числа элементов по каждой из размерностей
periods	int *	Input	Массив размера ndims для задания «периодичности» по каждой из размерностей
reorder	int	Input	Флаг для задания переупорядочивания элементов
new_comm	MPI_Comm *	Output	Новый коммуникатор

MPI_Cart_create

Функция является коллективной, т.е. должна запускаться на всех процессах, входящих в группу коммуникатора `comm_old`.

Если какие-то процессы не попадают в новую группу, то для них возвращается результат `MPI_COMM_NULL`. В случае, когда размеры заказываемой сетки больше имеющегося в группе числа процессов, функция завершается аварийно.

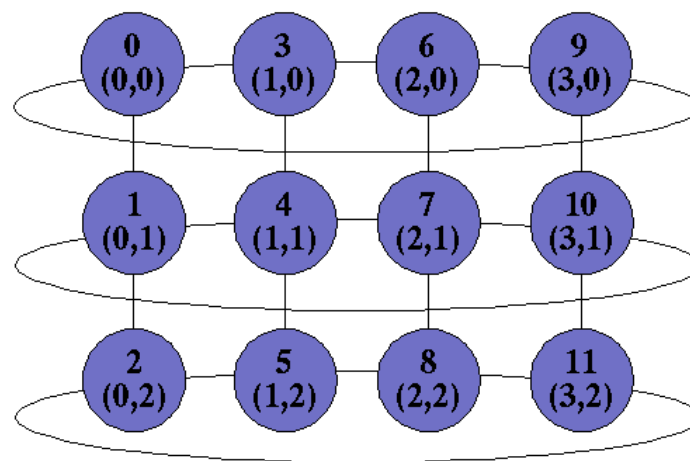
Значение параметра `reorder=false` означает, что идентификаторы всех процессов в новой группе будут такими же, как в старой группе. Если `reorder=true`, то MPI будет пытаться перенумеровать их с целью оптимизации коммуникаций.

Пример виртуальной топологии решетки

```
MPI_Comm vu;  
int dim[2], period[2], reorder;
```

```
dim[0]=4; dim[1]=3;  
period[0]=TRUE; period[1]=FALSE;  
reorder=TRUE;
```

```
MPI_Cart_create(MPI_COMM_WORLD,  
2,dim,period,reorder,&vu);
```



Определение оптимальной конфигурации декартовой решетки

int MPI_Dims_create(int nnodes, int ndims, int *dims)

nnodes - общее число узлов в сетке;

ndims - число измерений;

dims - массив целого типа размерности *ndims*, в который помещается рекомендуемое число процессов вдоль каждого измерения.

В массив *dims* должны быть занесены целые неотрицательные числа. Если элементу массива *dims[i]* присвоено положительное число, то для этой размерности вычисление не производится (число процессов вдоль этого направления считается заданным). Вычисляются только те компоненты *dims[i]*, для которых перед обращением к процедуре были присвоены значения 0. Функция стремится создать максимально равномерное распределение процессов вдоль направлений, выстраивая их по убыванию, т.е. для 12-ти процессов она построит трехмерную сетку 4 x 3 x 1.

MPI_CARTDIM_GET

- Определение числа измерений в решетке.

`int MPI_Cartdim_get(MPI_Comm comm, int* ndims)`

- *comm* коммуникатор (решетка)
- *ndims* число измерений

MPI_CARTDIM_GET

Пример

```
/* create column subgrids */  
belongs[0] = 1;  
belongs[1] = 0;  
MPI_Cart_sub(grid_comm, belongs, &col_comm);  
/* queries number of dimensions of cartesian grid */  
MPI_Cartdim_get(col_comm, &ndims);
```

MPI_CART_COORDS

```
int MPI_Cart_coords( MPI_Comm comm, int rank, int maxdims,  
int *coords)
```

Перевод номера процесса в его координаты в решетке

MPI_CART_COORDS

Параметры			
comm	MPI_Comm	Input	Коммуникатор
rank	int	Input	Ранг процесса
maxdims	int	Input	Число измерений решетки
coords	int *	Output	Координаты в решетке

MPI_CART_RANK

- Используется для перевода логических координат процесса в решетке в ранг процесса.

*int MPI_Cart_rank(MPI_Comm comm, int *coords, int *rank)*

MPI_CART_RANK

Параметры

comm	MPI_Comm	Input	Параметры
coords	int *	Input	Массив размера ndims определяющий координаты процесса в решетке
rank	int	Output	Ранг процесса

MPI_CART_SUB

Используется для разделения коммуникатора на подгруппы .

- MPI_CART_SUB создает новый коммуникатор меньшей размерности

```
int MPI_Cart_sub( MPI_Comm old_comm, int *belongs,  
MPI_Comm *new_comm )
```

MPI_CART_SUB

Параметры			
old_comm	MPI_Comm	Input	Параметры
belongs	int *	Input	Массив размера ndims, определяющий принадлежность новому коммуникатору new_comm
new_comm	MPI_Comm	Output	Новый коммуникатор решетки

MPI_CART_SUB пример

Предполагаем, что число процессов =6.

Формируем 2D (3x2) решетку. Заполняем матрицу $A(i,j)$

$$A(i,j) = (i+1)*10 + j + 1; i=0,1,2; j=0,1$$

Значения элементов:

$$A(0,0) = 11, A(2,1) = 32 \text{ и т.д..}$$

Создаем подрешетку, используя MPI_CART_SUB.

MPI_CART_SUB пример

```
#include "stdio.h"
#include "mpi.h"
void main(int argc, char *argv[])
{
    int nrow, mcol, i, lastrow, p, root;
    int lam, id2D, colID, ndim;
    int coords1D[2], coords2D[2], dims[2], aij[1], alocal[3];
    int belongs[2], periods[2], reorder;
    MPI_Comm comm2D, commcol;
    /* Starts MPI processes ... */
    MPI_Init(&argc, &argv); /* starts MPI */
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &lam);
    /* get current process id */
    MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &p);
    /* get number of processes */
```

MPI_CART_SUB пример

```
nrow = 3; mcol = 2; ndim = 2;
root = 0; periods[0] = 1; periods[1] = 0; reorder = 1;
/* create cartesian topology for processes */
dims[0] = nrow;                /* number of rows */
dims[1] = mcol;                /* number of columns */
MPI_Cart_create(MPI_COMM_WORLD, ndim, dims, periods, reorder,
&comm2D);
MPI_Comm_rank(comm2D, &id2D);
MPI_Cart_coords(comm2D, id2D, ndim, coords2D);

/* Create 1D column subgrids */
belongs[0] = 1;                /* this dimension belongs to subgrid */
belongs[1] = 0;
MPI_Cart_sub(comm2D, belongs, &commcol);
MPI_Comm_rank(commcol, &colID);
MPI_Cart_coords(commcol, colID, 1, coords1D);
```

MPI_CART_SUB пример

```
MPI_Barrier(MPI_COMM_WORLD);
```

```
/* aij = (i+1)*10 + j + 1; 1 matrix element to each proc */  
aij[0] = (coords2D[0]+1)*10 + coords2D[1]+1;
```

```
if(lam == root) {  
    printf("\n  MPI_Cart_sub example:");  
    printf("\n 3x2 cartesian grid ==> 2 (3x1) column subgrids\n");  
    printf("\n lam   2D   2D       1D   1D   aij");  
    printf("\n Rank  Rank  coords.  Rank coords.\n");  
}
```

```
/* Last element of each column gathers elements of its own column */  
for ( i=0; i<=nrow-1; i++) {  
    alocal[i] = -1;  
}
```

MPI_CART_SUB пример

```
lastrow = nrow - 1;
MPI_Gather(aij, 1, MPI_INT, alocal, 1, MPI_INT, lastrow, commcol);

MPI_Barrier(MPI_COMM_WORLD);

printf("%6d|%6d|%6d %6d|%6d|%8d|",
lam,id2D,coords2D[0],coords2D[1],collD,coords1D[0]);
for (i=0; i<=lastrow; i++) {
    printf("%6d ",alocal[i]);
}
printf("\n");

MPI_Finalize();          /* let MPI finish up ... */
}
```


MPI_CART_GET

Параметры			
subgrid_comm	MPI_Comm	Input	Коммуникатор
ndims	int	Input	Число измерений
dims	int *	Output	Массив длин по каждому из измерений
periods	int *	Output	Периодичность по направлениям
coords	int *	Output	Координаты вызывающего процесса в решетке (массив размера ndims)

MPI_CART_GET

- Используется для получения информации о параметрах декартовой топологии для заданного коммутатора

*int MPI_Cart_sub(MPI_Comm comm, int maxdims,
int *dims, int *periods, int *coords)*

MPI_CART_GET пример

```
/* create Cartesian topology for processes */
dims[0] = nrow;
dims[1] = mcol;
MPI_Cart_create(MPI_COMM_WORLD, ndim, dims, period,
               reorder, &grid_comm);
MPI_Comm_rank(grid_comm, &me);
MPI_Cart_coords(grid_comm, me, ndim, coords);
/* create row subgrids */
belongs[0] = 1;
belongs[1] = 0;
MPI_Cart_sub(grid_comm, belongs, &row_comm);
/* Retrieve subgrid dimensions and other info */
MPI_Cartdim_get(row_comm, &mdims);
MPI_Cart_get(row_comm, mdims, dims, period, row_coords);
```

MPI_CART_SHIFT

- Получение номеров посылающего (**source**) и принимающего (**dest**) процессов в декартовой топологии коммутатора **comm** для осуществления сдвига вдоль измерения **direction** на величину **disp**.

```
int MPI_Cart_shift( MPI_Comm comm, int  
                    direction, int displ, int *source, int *dest )
```

MPI_CART_SHIFT

Параметры

comm	MPI_Comm	Input	Коммуникатор
direction	int	Input	Размерность, по которой будет производиться сдвиг
displ	int	Input	Величина и направление сдвига (<0; >0; or 0)
source	int *	Output	Процесс- источник
dest	int *	Output	Процесс- получатель

MPI_CART_SHIFT

Для периодических измерений осуществляется циклический сдвиг, для непериодических – линейный сдвиг.

Для n -мерной декартовой решетки значение **direction** должно быть в пределах от 0 до $n-1$.

Значения **source** и **dest** можно использовать, например, для обмена функцией **MPI_Sendrecv**.

Не является коллективной операцией!

Пример декартовой решетки (send&recv, mesh)

```
MPI_Request reqs[8];
MPI_Status stats[8];
MPI_Comm cartcomm;

MPI_Init(&argc,&argv);
MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &numtasks);
if (numtasks == SIZE) {
    MPI_Cart_create(MPI_COMM_WORLD, 2, dims, periods,
reorder, &cartcomm);
    MPI_Comm_rank(cartcomm, &rank);
    MPI_Cart_coords(cartcomm, rank, 2, coords);
    MPI_Cart_shift(cartcomm, 0, 1, &nbrs[UP], &nbrs[DOWN]);
    MPI_Cart_shift(cartcomm, 1, 1, &nbrs[LEFT], &nbrs[RIGHT]);
    outbuf = rank;
}
```

Пример декартовой решетки (send&recv, mesh)

```
for (i=0; i<4; i++) {
    dest = nbrs[i];
    source = nbrs[i];
    MPI_Isend(&outbuf, 1, MPI_INT, dest, tag, MPI_COMM_WORLD, &reqs[i]);
    MPI_Irecv(&inbuf[i], 1, MPI_INT, source, tag, MPI_COMM_WORLD,
&reqs[i+4]);
}
MPI_Waitall(8, reqs, stats);
printf("rank= %d coords= %d %d  neighbors(u,d,l,r)= %d %d %d %d
inbuf(u,d,l,r)= %d %d %d %d\n",
rank,coords[0],coords[1],nbrs[UP],nbrs[DOWN],nbrs[LEFT],inbuf[UP],inbuf[DOWN],
inbuf[LEFT],inbuf[RIGHT]);
}
else
    printf("Must specify %d tasks. Terminating.\n",SIZE);
MPI_Finalize(); }
```