

2MEGA

Ressourcenadaptive Beweisplanung



Projekt MI 4 OMEGA: Siekmann, Benzmüller, Melis Fortsetzung von Projekt B 1 OMEGA: Siekmann, Kohlhase, Melis

Zusammenfassung des Projekts

Im Projekt OMEGA wird das mathematische Assistenzsystem Shrixus entwickelt, in dessen Mittelpunkt die wissensbasierte Beweisplanung steht. Beweisplanung abstrahiert von der Beweissuche auf Kalkülebene traditionellen automatischen Beweisens. Dazu werden häufig wiederkehrende mathemaund tisch motivierte Muster einzelner Beweisschritte zu sogenannten Bezusammengefasst. weismethoden Interpretiert als Planoperatoren werden diese dann in einem deliberativon. Suchprozess zu Beweisplänen ver-



kettet; domänenspezifisches, mathematisches Vorgehenswissen kann dabei zur Steuerung der Plankonstruktion eingesetzt werden.

Das langtristige Ziel unserer Forschungen ist die weitere Entwicklung der wissensbesierten Beweisplanung. Im besonderen soll die Integration des deliberativen, wissensbesierten Beweisplanens mit dem reaktiven agentenbasierten Theorembeweisen, die Trennung der Beweisplanebenen von der Logikebene (Abstraktion) und das Lemen von Vorgehenswissen untersucht werden.

Beteiligte Wissenschaftler

Grundausstattung

Prof. Dr. Jörg Siekmann (Informatik) Dr. Christoph Benzmüller (Informatik)

PD Dr. Erica Melis (Informatik)

PD Dr. Helmut Horacek (Informatik)

Aljoscha Buschardt (Computerlinguistik, SHK) Stephan Walter (Computerlinguistik, SHK)

Ergänzungsausstattung

Dipl. Inform. Andreas Meier (Informatik)
Andreas Franke (Informatik)
Achim Bergmeister (Informatik, SHK)
Malte Hübner (Informatik, SHK)
Siegfried Scholl (Informatik, SHK)
Christian Luck (Informatik, SHK)

Projektpräsentation

Gebäude 43.8. Neubau DFKI, Foyer

Status im SFB

Fortsetzung Projekt B1 OMEGA





Ressourcen im wissensbasierten Beweisen



Projekt Mt 4 OMEGA: Siekmann, Benzmüller, Melis Fortsetzung von Projekt B 1 OMEGA: Siekmann, Kohlhase, Melis

Motivation

- Beschränkungen des Klassischen automatischen Theorembeweisens
- Neus Paradigmen
- Wisdomstagement Beyongstarten
- -Agentenbasiertes Desenten
- Ziel: leistungstähiges mathematisches Assistendsystems.

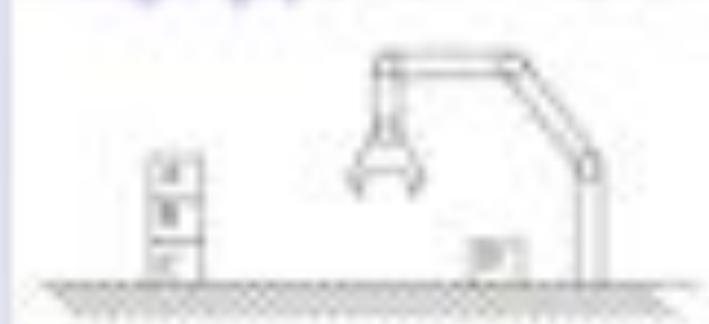
Voraussetzung: Wissensbasiertheit, Heterogenicht, Fleschückt

- Recourtenbeschränkungen im integrierten System und beim Benutzer



Wissensbasiertes Beweisplanen

Ausgangspunkt: Kil Planen



- Antangszustand:
 on(A,B), on(B,C),
 ontable(C), free(A).
 - ible(C). hee(A).
- Zietzustand: ontable(B)

PLITDOWN, X

prec: Address (A)

charted ampty co-habitemet K1

Beweisproblem - Planungsproblem mit Anlangszustand Beweisannahmen. Zielzustand Theorem

Ziel: Mathematisches Wissens (generell + speziell) benutzen in automatischem und interaktivem Beweisplanen

Methoden

Operatoren der Beweisplanung. Wissen über geeignete mathematische Schritte z.B. verschiedene Schritte zum Abschützen von Lingleichungen

Kontrollregein

Steuerung der Suche, Vorgehenswissen über Anwendung von Methoden/Strategien z.B. Präterieren von Methoden/Strategien in bestimmten Beweissituationen

Strategion

Integration verschiedener Algorithmen. Wissen über geeignete Beweistechniken z.B. mehrere Strategien zum Beweisen von Gruppeneigenschaften (Zurückführen auf bekannte Resultate, Gleichheitsbeweisen, vollständige Fallunterscheidung)

Ressourcenaspekt:

Wissen in Methoden, Kontrollregein und Strategien Explizites Reasoning über Rechenzeit

Interaktion

Anwenden von Kalkähegeln + Taktiken + Methoden durch Benutzer graphische Benutzeroberfläche Beweiserklärungskomponente

Ressourcenaspeed

Expertenwissen des Benutzers

Externe Systeme

Integration von externen "Spezialisten" Computeralgebrasysteme, Constraintlöser, Automatische Beweiser

Ressourcenasport:

Wissen in/über externe Systeme
Steuerungswissen bzgl. Zeit/Speicher

Agenten

Reaktives (vs. deliberatives) Verhalten. Zusammenspiel heterogener Verfahren

Ressourcenaspeid

explizites Reasoning über

Effizienz (bzgl. Interaktion und

Rechenverhalten

Ettoktivität (bapi. Beweiszustand):

Projektziele von MI 4

AP1 Integration des deliberativen, wissensbasierten Dewensplanens mit dem reaktiven agentenbasierten Theorembeweisen

APZ weitere Entwicklung der wissensbasierten Beweisplanung, insbesondere Tremrung der Beweisplanebene von der Logikebene AP3 weitere Entwicklung des agentenbasierten Theorembeweisen

AP4 western Fallsfurden

APS Lemen von Vorgehenswissen:

AP6 infrastruktur





Beweisplanen mit mehreren Strategien



Projekt MI 4 OMEGA: Siekmann, Benzmüller, Melis Fortsetzung von Projekt B 1 OMEGA: Siekmann, Kohlhase, Melis

Motivation

Verschiedene Strategien erforderlich (möglichst flexibel kombinierber)

Flexibilisierung des Pfanungsalgorithmus

Ziele:

- Integration anderer Algorithmen
- Fehleranalysse und -behandlung
- Instantilerung von Meta-Variablen.
- Strukturrerung der Ressource Wissen: Methoden, Kontrollregein
- gezielte Realisierung verschiedener Beweistechniken.
- Einführung einer Strategie-Ebene

Konzepte

Verteinerungs- und Modifikationsalgorithmen

- P.Fileserr: wendet Methoden an
- World Transit: macht Schriffle rückgängig.
- Prost Mctar instantilert Meta-Variablen
- C'Flancer | wendet Analogie an

Strategiers

Verschiedene Parametrisierungen der Algorithmen

- z.B. Pfanung mit verschiedenen Mengen von Methoden und Kontrollregein
- Kombination verschiedener Algorithmen (heterogen) +
 Kombination verschiedener Parametrisierungen (homogen)



Meta-Reasoning/Steuerung (Bsp.)

Flexible Kombination von Strategier durch Meta-Reasoning auf Strategie-Ebene

- Präferenzierung von Strategien
 - enst schnelle aber unvollständige Strategie dann langsamere aber zuverlässigere Strategie
 - -möglichst frühe Meta-Variablen Instantierung zur Suchraum Einschränkung
- Fertierbehandung
 - präteriere Strategie, die Fetter umgeht. gegenüber Backtracking
 - wähle aus zwischen verschiedenen Aluri Trunk Strategien.
- enessourcenadapbertes Verhalten

Analyse der Kostenverteilung

-- Abbruch + Neustart randomiserter Strategien

Fallstudien

rid Beweise

- flexible Meta-Variablen Instantierung mit (hut.Mus. Strategien (passende Instanzen berechnet von Constrainböser (2-61))
- Versichsichtelm von Striebegien über Speicher-Stack + Anforderungen
- Oruppen-Eigenschaften von Prestidassen-Strukturen.
 - mehrere Beweistechniken realisiert in verschiedenen Strategien

 - verschiedene /Fack/Track Strattegien

Weitere Arbeiten/Offene Probleme

- Ausbau des math, motivierten Meta-Fleasoning
- bisher kaum Wissen über Kombination mit Analogie
- bisher keine Parallelität von Strategien
- Ausbau des ressourcenadaptiven Verhaltens.





Beweisplanen und Externe Systeme



Projekt MI 4 OMEGA: Siekmann, Benzmüller, Melis Fortsetzung von Projekt B 1 OMEGA: Siekmann, Kohlhase, Melis

Beweisplanen und Constraintlösen (Kooperation mit C 1/MI 6 NEP)

Motivation

Im mathematischen Beweisen:

- große Suchräume
- Konstruktion von Objekten mit theoriespezifischen Eigenschaften (Constraints)
- efficiente, logisch-korreide Constraintöser, die mit dem Beweisplaner koopeneren

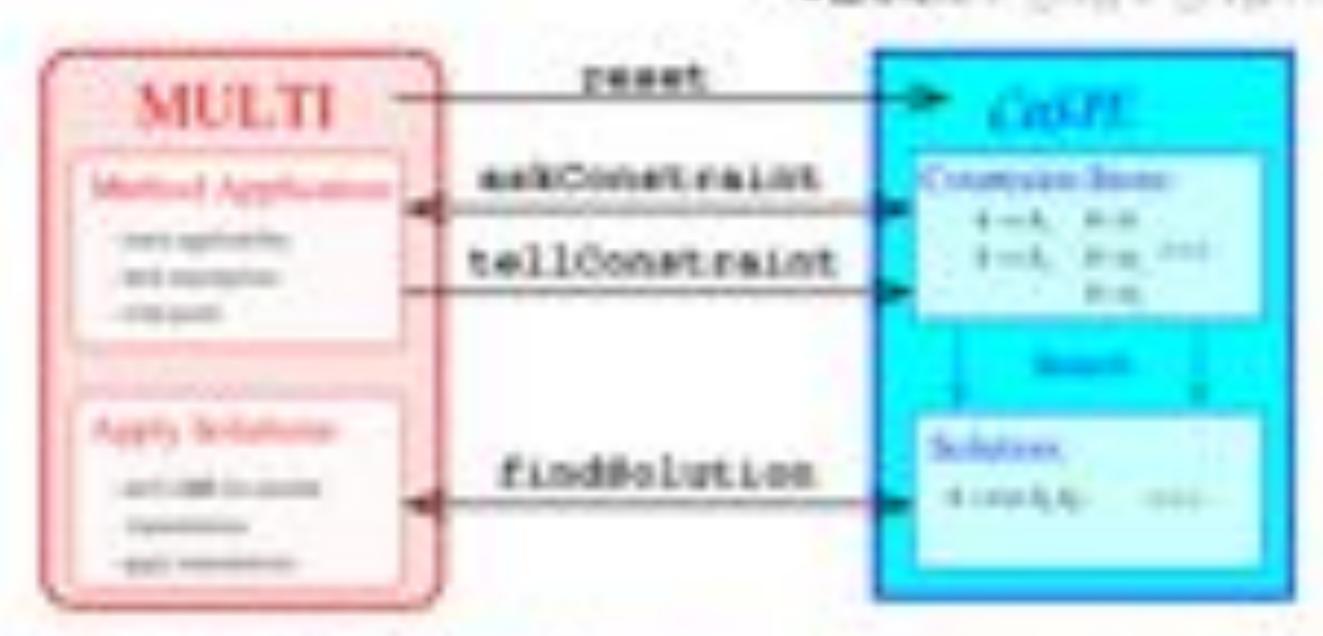
Beispiel: e-6 Beweise

 $z.B.LM+: \lim_{x\to 0} f(x) - f_1 \wedge \lim_{x\to 0} g(x) - f_2 \rightarrow \lim_{x\to 0} f(x) + g(x) - f_2 + f_3$

Definition:

Während der Beweisplanung entstehen Constraints aus

- Birweisannahmerc 0 (A, 0 (A, ...)
- Zielen: 4 ≤ 3, 4 ≤ 6, ...



Anforderungen an Constraintlosen für Beweisplanen

- Aufsammein von Constraints w\u00e4hrend des Beweisplanens
- Einsicht finken des Suchraums durch Konsistenzteit
- Konstruktion geeigneter numerischertsymbolischer Obiekte
- Logische Korrektheit:
- Constraints hängen von Hypothesen ab (/ + 1-/)
- Eigenvariablen-Bedingungen
- Constraints in Annahmen und Zielen

Constraintlöser CoSZE

- implementiert in Mozert Oz. Erweiterung des RI Modules.
- arithmetische Constraints über R
- Integration von numenschem und symbolischem Constraintösen
- Aufbau eines Kontextbaumes: Constraints werden relativ zu ihrem Kontext (Hypothesen) gespeichert.
- sucht für Meta-Variablen nach Instanzen, die alle Constraints erfüllen.

SAPPER

Statement Day photo:

Beweisplanen und Computeralgebrasysteme (CAS)

Einbindung im Kontrollregeln

Vorschläge werden berechnet während der Beweissuche

- ii) Instantilerung von Meta-Variablen
- Einschränkung des Suchraumes.

Verifikation direkt durch den Planet

Einbindung in Methoden

Benechnen von Termen und Lösen von Gleichungen

Idee: Trenne schwierige Berechnungen und deren einfache Überprüfung-

Methode macht komplexe Berechnungen mit einem Standard-CAS während Planung

Vertikation der trivialen Richtung während der Expansion mittels "C.43

Ausnutzen des Wissens über Domäne und CAS (Ressource) um spezielle CAS auszuwählen

Beispiel für CAS-Expansion: -- Beweise



Deispieldomanen

- Flestkläsisenbeweise
- and Beweise
- Optimierungsprobleme

(Maple, Gap, p.C.4.5 (Maple, p.C.4.5





Beweisplanbasiertes Instruktionsdesign



Kooperation zwischen Projekt Mt 4 Omega und B 3 KnAc

Einführung

Frage

nens für instruktionsmaterial eingesetzt werden, das den Enwerb von mathematischen Problemiöserlertigkeiten lördert?

Experimentelle Überprüfung zweier Hypothesen

- einstruktionsmaterial, das auf Deweisplanmethoden basiert, steigert Problemioseperforment.
- emerior manaverbessening steigt mit zunehmender Transferdistanz

Methode

Teilnehmer und Abbuut, 36 Studierende erhielten Instruktionsmaterial zum Thema Grenzwertbeweise und bearbeiteten sechs Testprobleme von wachsendem Schwierigkeitsgrad. Das Instruktionsmaterial bestand aus:

- Informete Eintührung in Grenzwertbeweise
- Formale Definition des Grenzwertbegriffes mit graphischer Veranschaulichung
- Autgearbeitete Bespiel einer Grenzwertberechnung mit graphischer Veranschaulichung.

Unabhängige Vanisbier: Vier unterschiedliche Instruktionsmaterialien, die sich in Fleihenfolge der Abschnitte und im Lösungsansatz für ausgearbeitete Beispielaufgaben unterscheiden.

Abhängige Variabien: In der Teetphase wurde die Problemiöseperformanz für isomorphe Testprobleme sowie für einfache und komplipiertere Transferprobleme erfallt.

Instruktionsmateria/varianten

Texabuch-baseert, Eintührung - Definition - Despeid Gemäß Aufbau eines Lehrbuches: ein Beispiel ohne Ertäutenungen.

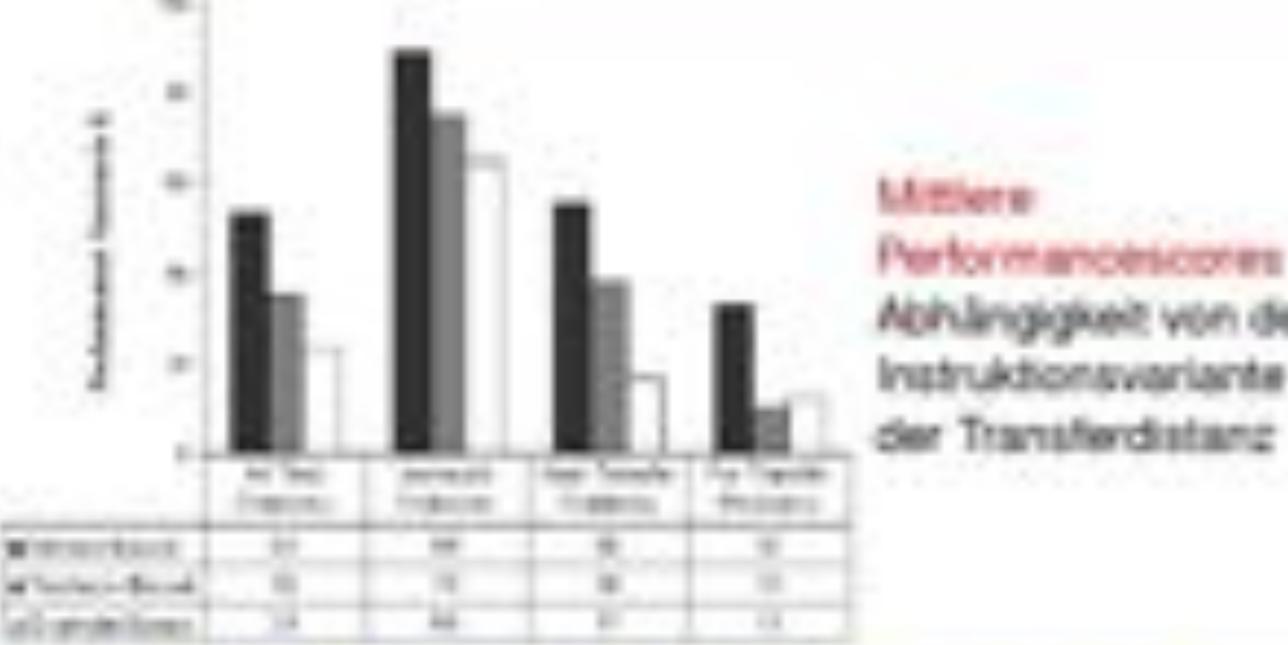
Bergowi-basiwit, Einführung - Bergowi- Beophel - Definition Gemäß Lehreinheit für Oberstufenlehrer: Oraphische und rechnerische Herlei tung des Grenzwertbegriffs über eine Folge von Beispielen

Methoden-basiert: Ein/Chrung - Beispiel - Definition - Methode (Variante A)/Ein/Chrung - Definition - Bespiel - Methode (Variante B) Verwendung der Beweisplanmethode innerhalte. Explicite Beschreibung der Methode und Anwendung an einem ausgearbeiteten Beispiel. Varianten unterschieden sich nur bzgl. Reihenfolge der Abschnitte und wurden in Analyse zusammengefallt.

Resultate und Diskussion



Paarweiser Vergleich der instruktionsvarianten in Abhängigkeit von der Transferdistanz mittels Mann-Whitney-U-Test



Performancescores in Abhängigkeit von der Instruktionsvariante und

+Bestätigung der ersten Hypothese: Methoden-basiertes Instruktionsmaterial zeigt signifikante positive Autwirkungen auf die Problemöseperforment der Versuchspersonen (gleicher Zeitsufward).

 Zwede Hypothese konnte nicht bestängt werden levit, megen zu großer Transferdistanz).

erste Evidenz, explizietes Lehren von Methoden sinnvoll.

Automated Phoof Planning for Instructional Design Melis, Glasmacher, Gerjets, Ulfrich

Annual Contenence of the Cognitive Science Society 2001

Weitere Arbeiten



Western Experimente (Insxii), Mil 4 und Star-Like EM 3



Analogie im Beweisplanen



Projekt MI 4 OMEGA: Siekmann, Benzmüller, Melis Fortsetzung von Projekt B 1 OMEGA: Siekmann, Kohlhase, Melis

Motivation

- Analogie wichtige menschliche Problemiösestrategie
- Wedersenwendung von (Teil)-Beweisen wenn effizienter

Probleme

- Matching kann wele analogen Probleme nicht erkennen.
- Erkennung von analogen Teilbeweisen war nicht möglich
- Matching als Heuristik zur Steuerung des analogen Transfers unzureichend
- Relativissierung der Methoden reicht, nicht aus, um Queliplan an Zielproblem anzupstissen

Lösungen

- Erweiterung des Metchers: Termabbildungen, Hinzufügen, Vertauschen und Endernen von Teilformein und Verwendung von Heuristiken
- Ausnutzen der Planungsinformation.
 zum Steuern des Transfers.
- Anpassungen des Queliplans auf Planebene, nicht auf Methodenebene

Algorithmus

Eingape: Zielproblem.

Retrieval: Bestimme und lade Queliplan Zielassociation.

colonige kein geeigneter Match in zwischen. Queltiuntersziel und Zieltheorem gefunden: Föge Planungsschritte in den Zielplan ein.

Transfer

the able Planungsschritte II; des Queliplans bestimme ähnlichsten Zielschritt II; zu II; mit a.

wereas J'y - 2 diseas withle Reformulerung:

- Ansendung von Dominenwissen.
- + Lemmayorschlag
- Liberspringen
- + Einfügen von Planungsschnitten

south wende it's in Zell an.

Ausgabe: (partieller) Zielplan.

Evaluierung von Varianten

- Variante M.; Auswahl der Knoten über Matchen von Quell- und Zielknoten, keine Information der Planebene
- Variante S. Transfer wind über die Anwendungsbedingungen der Methoden gesteuert.
- Variante P: Transfer nutzt planungsbedingten Abhängigkeiten.
- Variante S.-P. Transfer nutzt Anwendungsbedingungen der Methoden und Planabhängigkeiten.

Engelonis: Variante S+P findet bei weniger Aufwand, sowohl in Zeit, Methodenund Knotenmatchings, qualitativ bessere Bewespräne.

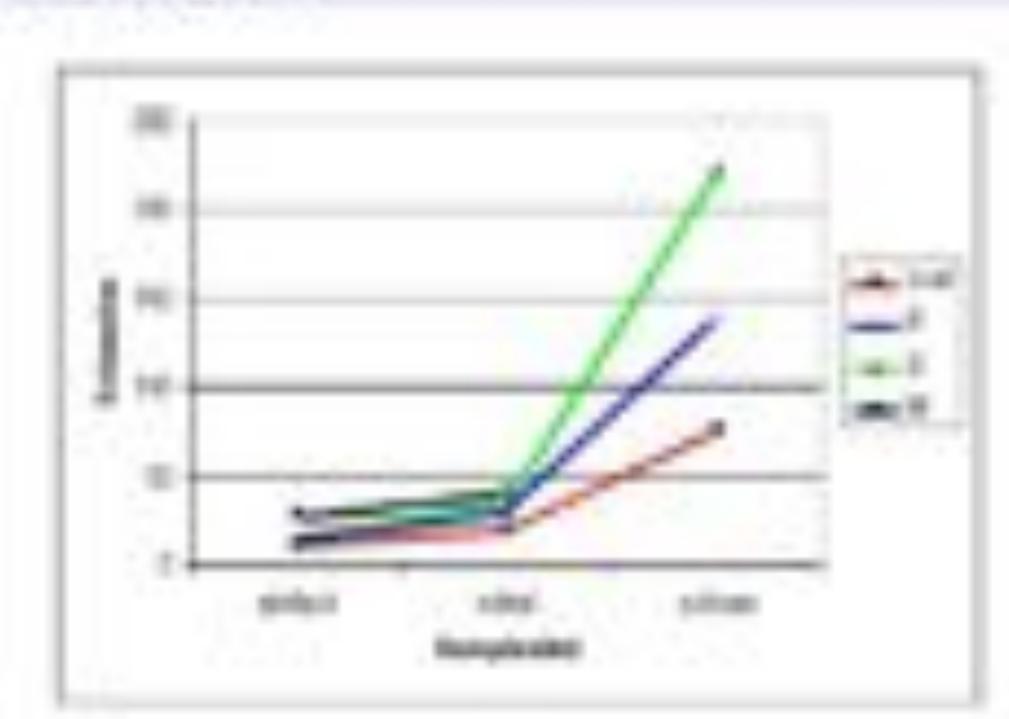
Offene Probleme

- automatisches Retrieval eines Gueliplans
- Heuristiken zur Erkennung von Analogie innerhalb eines Beweises
- Intelligente Reformulierung von Methoden

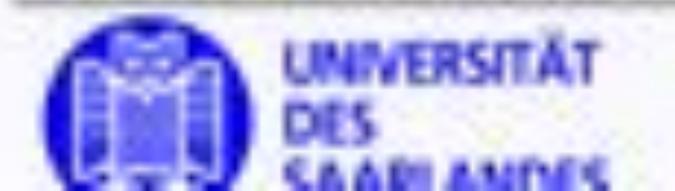
Vergleich der Analogievarianten

			M
Sekunder	67	250	
Methoderymatchings	154		
angeneimdete Mechaden		++	
germatichte Knoten	15	44	ы
angewendele :		3	
Retemplieningen			
affilma Kneisen			

Ergebnisse beim Transfer eines Planes mit hoher Komplexität



Mitthere Transferzeit bei Plänen mit wachsender Komplexität





Fallstudien



Projekt MI 4 OMEGA: Siekmann, Benzmüller, Melis Fortsetzung von Projekt B 1 OMEGA: Siekmann, Kohlhase, Melis

Beweisplanung

r-i-Beweise

Gebiet

- Grenzworte von Folgen und Funktionen, Statigkeit von Funktionen
- Aussagen über spezielle Funktionen, wie

Sea or other land

- +allgemeine Theoreme, wie Der Grenzwert einer konvergenten Folge mit nicht-negativen Folgengliedern ist nicht-negativ:
- Theoreme, Beispiel- und Übungsaufgaben aus Kapiteln 3, 4 und 5.
 von Bartie & Sherbert: 'Introduction to Real Analysis'

40 Beispiele mit Much planbar (prinzipieli unendlich viele, etwa bei Stetigkeit von Polynomen)

- :--i-Beweispläne waren Grundlage für
- empirische Untersuchungen der Analogiekomponente
- Experimente mit Kontrollregeln für indirekte Beweise.

Interaktives Beweisplanen

Beweiskonstruktion in Form von "Ubungsaufgaben":

- Benutzer konstruiert einen Beweis mit Methoden
- . Methodenauswahl für den Benutzer durch DANTS
- Beweisplaner als Hillesystem, wenn Benutzer nicht weiterkommt.
- intensktive Strategie von Mut.Til

Gebiete:

- + algebraische Eigenschaften von Restlüsssen
- Eigenschaften von Gruppenhomomorphismen
- Z.B. Das Bild einer Gruppe (G, □) unter einem Homomorphismus h: (G, □) → (X, □), ist \(\text{abgeschlossen}\) bez\(\text{siglich}\) +.
- 15 Deispiele

Klassifikation von Restklassenstrukturen

Kongruenzklassen der ganzen Zahlen Z., Z., [ii.]..... mit Operationen +, -, + und deren Kombinationen, kartesische Produkte von Restklassen

Klassifikation bzgl. der sigetrasschen Eigenschaften

- als Magma, Guasigruppe, Monoid. . . . abelsche Gruppe
- dabei Beweise/Gegenbeweise für Abgeschlossenheit. Associativität, Kommutativität, Existenz von neutralem, inversen Elementen und Teilern.
- mittels der Strategien: Theoremanwendung, Gleichungsösen, Fallunterscheidung
- bisher ca. 14000 Strukturen klassifiziert.

Rüssistikation bzgl. der Isomorphieklasse:

- dabei Beweise/Gegenbeweise für Isomorphie zweier Strukturen
- mittels der Strategien: Theoremanwendung, Gleichungsösen, Falunterscheidung und randomisierte Gleichungsumformungen
- bisher ca. 8000 Strukturen klassifiziert.

Diagonalisierung

Dewelsschema:

- aufzählen einer Menge // mit Hille einer Funktion /
- finde Element aus J.; das einer Eigenschaft von / widerspricht
 Konstruktion dieses Diagonalelements mit Hilfe von Constraints
 Theoreme: Cantors Theorem, Halteproblem, Überabzählbarkeit der reellen Zahlen im Intervall (i. j.,....

Vollständigkeitsbeweise

Implementation der Excess-literal-number-Technik durch Methoden und Kontrollregeln

Anwendung auf aussagenlogische Kalküle:

Resolution, Tautologieslimination, Lockresolution, Imeane Resolution

Agentenbasiertes Beweisen mit ΩANTS

Mangentheorie:

- Circlothinet von Mengen bezüglich Mengenoperationen, z.B.
 ∀A, JUC : (A ∩ JI) ∪ C = (A ∩ C) ∪ (D ∩ C);
- bisher ca. 10000 Gleichungen entschlieden

Gruppentheorie:

- Aquivalent/beweise für unterschiedliche Gruppendefinitionen
- Eindeutigkeit des neutralen und der inversen Elemente.

Agenten realisieren folgendes Vorgehen:

- Anwendung von Regen des NIC-Kalküls
- Expansion von Definitionen
- Anwendung spezieller Taktiken, etwa zur Behandlung des Deskriptionsoperators bei Gruppendefinitionen

Entstehende Unterprobleme werden von Agenten für externe Systeme, wie Officik (Beweiser für Prädikatenlogik) und Sancinso (Modeligenerierer) gelöst.

Demos online unter

http://www.agr.uni-sh.de/~omegn/demo/



Bereiche zukünftiger Fallstudien

- Ausweitung der Beweise in der Analysis
- Boweise in der Algebra.
- elementare Mangentheorie (in Kooperation mit Projekt DIALOG MI 3)



Stellung des OMEGA-Projekts



Projekt Mt 4 CMEGA: Siekmann, Benzmüller, Melis Fortsetzung von Projekt B 1 CMEGA: Siekmann, Kohlhase, Melis

Kooperationen im SFB

Laufende Kooperationen:

- NEP (C.1): Constraintiósen in der Beweisplanung.
- KNAAC (B 3): Beweisplanung und Instruktionsdesign
- LISA (C-2): mathematische Services in der Sprachverarbeitung.
- ACRIVT (D. 1): Agentionbasiertes. Theorembeweisen, verteilte mathematische Services, mathematische Wissensbank.

Weitere geplante Kooperationen:

- Fortsetzung laufender Kooperationen:
 NEP (MI 6)
 STAR-LIKE (EM 3)
- A-PLAN (MI 6): théoretische Fundierung des Beweisplanens-
- DIALOG (MI 4): Theody als dynamische mathematische Wissensquelle in einem tutoriellen Dialog.

Internationale Kooperationen

- Carnegie Mellon University (USA) und Cornell University (USA): Weiterentwicklung des Beweisplanens und der Analogie
- Universit\(\text{it Edinburgh (GIII): Beweisplanen und Analogie.
- Universit\u00e4ten (lirmingham (GII) und Edinburgh (GII): agentenbasierte Architekturen f\u00fcr das Theorembeweisen und Lernen von Methodenwissen
- Technische Universität Budapest (H). Fachbereich Mathematik: Beweisplanen und Wesensrepräsentation
- Leitung des europäischen Netzwerks CALCULEMUS: 8 Pwtneruniversitäten
- IRST und Universität Genus (I): Murs/Wice-System und Constraintidaen
- DERG: Lemisoffware und formale Softwareentwicklung: Anwendung von Discous in der Account Municipal Lemumgebung.
- Isurlande Doktorarbeiten im Itsabis-Umfeld in Sirmingham und Genua

Ausgewählte Veröffentlichungen

Publikationen im OMEGA-Kontext Benchtsbeitraum: - 100 In Zeitschniften ica: 20 - Auf internationalen Konferenzen: ca. 35

- M. Kohihase, A. Franke, S. Hess, C. Jung und V. Sorge: Agent-Criented Integration of Distributed Mathematical Services, Journal of Universal Computer Science, 5(3), 1999
- E. Melis und J. Siekmann: Knowledge-Based Proof Planning. Journal of Artificial Intelligence, 115(1), 1999.
- E. Melis und J.Zimmer und T. Müller: Extensions of Constraint Solving for Proof Planning, European Conference on Artificial Intelligence, 2000
- E. Melis: The Heine-Borel Challenge Problem: In Honor of Woody Bledson, Journal of Automated Reasoning, 20(3), 1998.
- E. Melia und A. Meier: Proof Planning with Multiple Strategies.
 First International Conference on Computational Logic. 2000
- E. Melis: Al-Techniques in Proof Planning European Conference on Artificial Intelligence, 1998
- C. Benzmüller, M. Bishop und V. Sorge: Integrating Tirk and Dasson, Journal of Universal Computer Science, 5(3), 1999.

- Manfred Kerber, Michael Kohlhase, Volker Sorge: Integrating Computer Algebra into Proof Planning Journal of Automated Reasoning, 21(3), 1998
- Andreas Meier: TRAMP: Transformation of Machine-Found Proofs into Natural Deduction Proofs at the Assertion Level. 17th Conference on Automated Deduction, 2000.
- J. Siekmann, et. al.: LOUI: Lovely Omega User Interface. Formal Aspects of Computing, 11(3), 1999
- J. Siekmann, et. al.; An Interactive Proof Development Environment + Anticipation + A Mathematical Assistant?, International Journal of Computing Anticipatory Systems (CASYS), 3, 1999.

ΩMEGA/MATHWEB Installationen

USA: Carnegie Mellon University and Cornell University Großbritannien: Universitäten Birmingham und Edinburgh Italien: Universität Genue

Lingam: Technische Liniversität Budapest

Deutschland: 3 x Saarbrücken.





Beweisplanen und Interaktion 22 mega



Projekt MI 4 OMEGA: Siekmann, Benzmüßer, Melis Fortsetzung von Projekt B † OMEGA: Siekmann, Kohlhase, Melis.

Motivation

Ziel des Dissons Projektes: Entwicklung eines mathematischen Assistenzaystems

- Interplation mit Benutzer ist gewüncht wichtig
- Expertenwissen des Benutzers als Ressource

Vorraussetzung: Adäquate Kommunikation von Beweisen und flexible Interaktionsmechanismen



Module zur Unterstützung der Interaktion

LOUI

Graphische Benutzerschnittstelle mit Hypertextergenochiaften.

Unterstützt multimodale Präsentation von Be-WENDER!

- Linearisierte: NO-Beweise
- Beweisblume, Verbalisierung mittels P.rex

Gewichtetes Präsentieren von Information (u.a. mit Vorschlagsagenten, siehe AGINT)



ENTERAKTIVES BEWEISTLANEN

Interaktives Seweisen:

Benutzer wendet Regeln und Taktiken an

Interaktives Beweisplanen:

- Anwendung von Methoden
- Inistantilierung von Variablen
- Aufruf des Planers.

Wird bisher our im Rahmen von festgelegten "Aurigabert" verwendet

Generierung von Vorschlägen für Interaktionsmöglichkwiten durch Agenten

TRASH

megration uber Marin Wari

(Kooperation mit FABECN: GradKoll Kognitionswissenschaft)

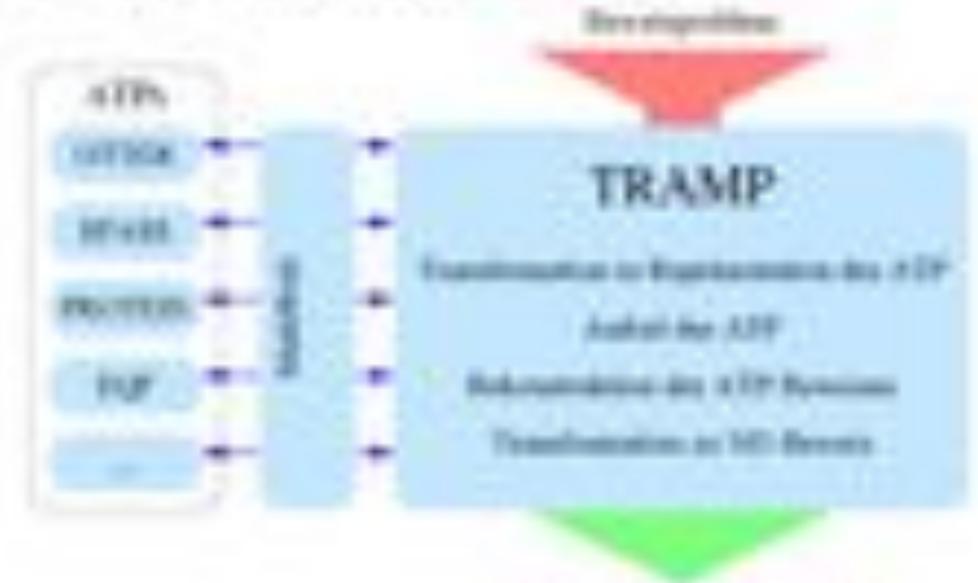
Komponente zur Beweispräsentation und eingeschnänktem Dialog Vorarbeit in Richtung natürlichsprachliche Benutzenschnittstelle

> Proceedings of the partition of the late of the comments. Time. This employ is not difficult. Francis Strong contentant for previous? A reserve to product the product from a control of the first annual to the following a passage. Date 1, fulfills on C. That theats for a 11 C 1.17 by the patriology of co. There is before a 17. There are 10 to 10 to the element of the On you professional this stop?" Annual Worker Income them a committee the Indonesia from the Committee Commi Time 1, Settle 1-7. Therefore 11.1 Full by the periodic of 11. these in faction and in financial or in the last tay the commission of the

Pernatiel: flexibler natürlichsprachlicher Dialog

-- Projekt MI 3 DWLOG

Komponentie macht Beiträge (Beweise) externer Beweiser im Kalkül des natürlichen Schließens verfügbar



Street and Assertion Class

Integration weiterer Systeme im Berichtszeitraum

Herausforderungen

- Wie kann Wissen des Benutzers als Ressource in Beweigtsnung berücksichtigt werden?
- Karin die Agenten-Perspektive eine flexible Interaktion mit dem Through-System begünstigen?
- Wie kann ein Beweis/Plan-Konteid dem Benuzter adliquat vermittelt werden?
- Was sind sinnvolle Interaktionsmöglichkeiten und was richt?
- Wie können Methoden stärker an menschliches Verständnis an gepassit werden?
- neue Projekte

- Projekte MII 3 DWLOG und MIPPM





Beweisplanbasiertes Instruktionsdesign



Kooperation zwischen Projekt Mt 4 Omega und B 3 KnAc

Einführung

Frage

nens für instruktionsmaterial eingesetzt werden, das den Enwerb von mathematischen Problemiöserlertigkeiten lördert?

Experimentelle Überprüfung zweier Hypothesen

- einstruktionsmaterial, das auf Deweisplanmethoden basiert, steigert Problemioseperforment.
- emerior manaverbessening steigt mit zunehmender Transferdistanz

Methode

Teilnehmer und Abbuut, 36 Studierende erhielten Instruktionsmaterial zum Thema Grenzwertbeweise und bearbeiteten sechs Testprobleme von wachsendem Schwierigkeitsgrad. Das Instruktionsmaterial bestand aus:

- Informete Eintührung in Grenzwertbeweise
- Formale Definition des Grenzwertbegriffes mit graphischer Veranschaulichung
- Autgearbeitete Bespiel einer Grenzwertberechnung mit graphischer Veranschaulichung.

Unabhängige Vanisbier: Vier unterschiedliche Instruktionsmaterialien, die sich in Fleihenfolge der Abschnitte und im Lösungsansatz für ausgearbeitete Beispielaufgaben unterscheiden.

Abhängige Variabien: In der Teetphase wurde die Problemiöseperformanz für isomorphe Testprobleme sowie für einfache und komplipiertere Transferprobleme erfallt.

Instruktionsmateria/varianten

Texabuch-baseert, Eintührung - Definition - Despeid Gemäß Aufbau eines Lehrbuches: ein Beispiel ohne Ertäutenungen.

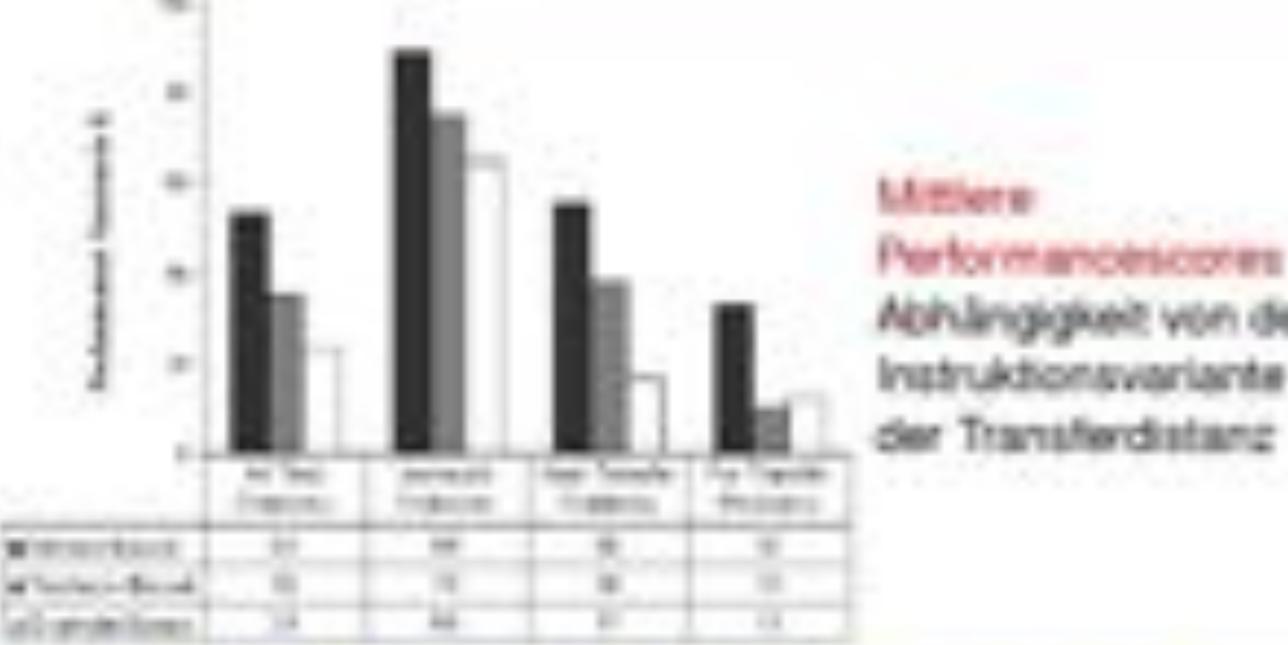
Bergowi-basiwit, Einführung - Bergowi- Beophel - Definition Gemäß Lehreinheit für Oberstufenlehrer: Oraphische und rechnerische Herlei tung des Grenzwertbegriffs über eine Folge von Beispielen

Methoden-basiert: Ein/Chrung - Beispiel - Definition - Methode (Variante A)/Ein/Chrung - Definition - Bespiel - Methode (Variante B) Verwendung der Beweisplanmethode innerhalte. Explicite Beschreibung der Methode und Anwendung an einem ausgearbeiteten Beispiel. Varianten unterschieden sich nur bzgl. Reihenfolge der Abschnitte und wurden in Analyse zusammengefallt.

Resultate und Diskussion



Paarweiser Vergleich der instruktionsvarianten in Abhängigkeit von der Transferdistanz mittels Mann-Whitney-U-Test



Performancescores in Abhängigkeit von der Instruktionsvariante und

+Bestätigung der ersten Hypothese: Methoden-basiertes Instruktionsmaterial zeigt signifikante positive Autwirkungen auf die Problemöseperforment der Versuchspersonen (gleicher Zeitsufward).

 Zwede Hypothese konnte nicht bestängt werden levit, megen zu großer Transferdistanz).

erste Evidenz, explizietes Lehren von Methoden sinnvoll.

Automated Phoof Planning for Instructional Design Melis, Glasmacher, Gerjets, Ulfrich

Annual Contenence of the Cognitive Science Society 2001

Weitere Arbeiten



Western Experimente (Insxii), Mil 4 und Star-Like EM 3