

## Tutorieller Dialog mit einem mathematischen Assistenzsystem



Projekt MI 3 DIALOG: Pinkal, Siekmann, Benzmüller Fortsetzung von Projekt C 2 LISA: Pinkal, Siekmann

## Projektziel

Empirische Untersuchung, Modellierung und Implementierung natürlichsprachlichen Dialogs in einer tutoriellen Anwendung für ein mathematisches Teilgebiet.

Im Projekt soll das Konzept eines dialogbasierten tutoriellen Systems realisiert werden, das dem Benutzer mathematische Begriffe aus dem Bereich der Mengenlehre erläutert und interaktiv bei der Durchführung und beim Verstehen von Beweisen Hilfestellung leistet. Das Fachwissen des Tutorsystems soll in dynamischer Form durch Interaktion mit vorhandenen Werkzeugen der Beweisplanung und Mathematik-Assistenz beigesteuert werden.

Dialogverarbeitung

Tutorieller DIALOG

Tutorielle Lernumgebungen

Mathematische Assistenzsysteme

## Beteiligte Wissenschaftler

#### Grundausstattung

Prof. Dr. Manfred Pinkal (Computerlinguistik)

Prof. Dr. Jörg Siekmann (Informatik)

Dr. Christoph Benzmüller (Informatik)

PD Dr. Helmut Horacek (Informatik)

Dr. Ivana Kruijff-Korbayova (Computerlinguistik)

PD Dr. Erica Melis (Informatik)

## Ergänzungsausstattung

Dr. cand. Armin Fiedler (Informatik)

N.N. (Computerlinguistik)

Abdelhakim Freihat (Computerlinguistik, SHK)

Alexander Weber (Informatik, SHK)

## Projektpräsentation

Gebäude 43.8, Neubau DFKI, Foyer

Status im SFB

Nachfolge Projekt C2 LISA





## Tutorieller Dialog mit einem mathematischen Assistenzsystem

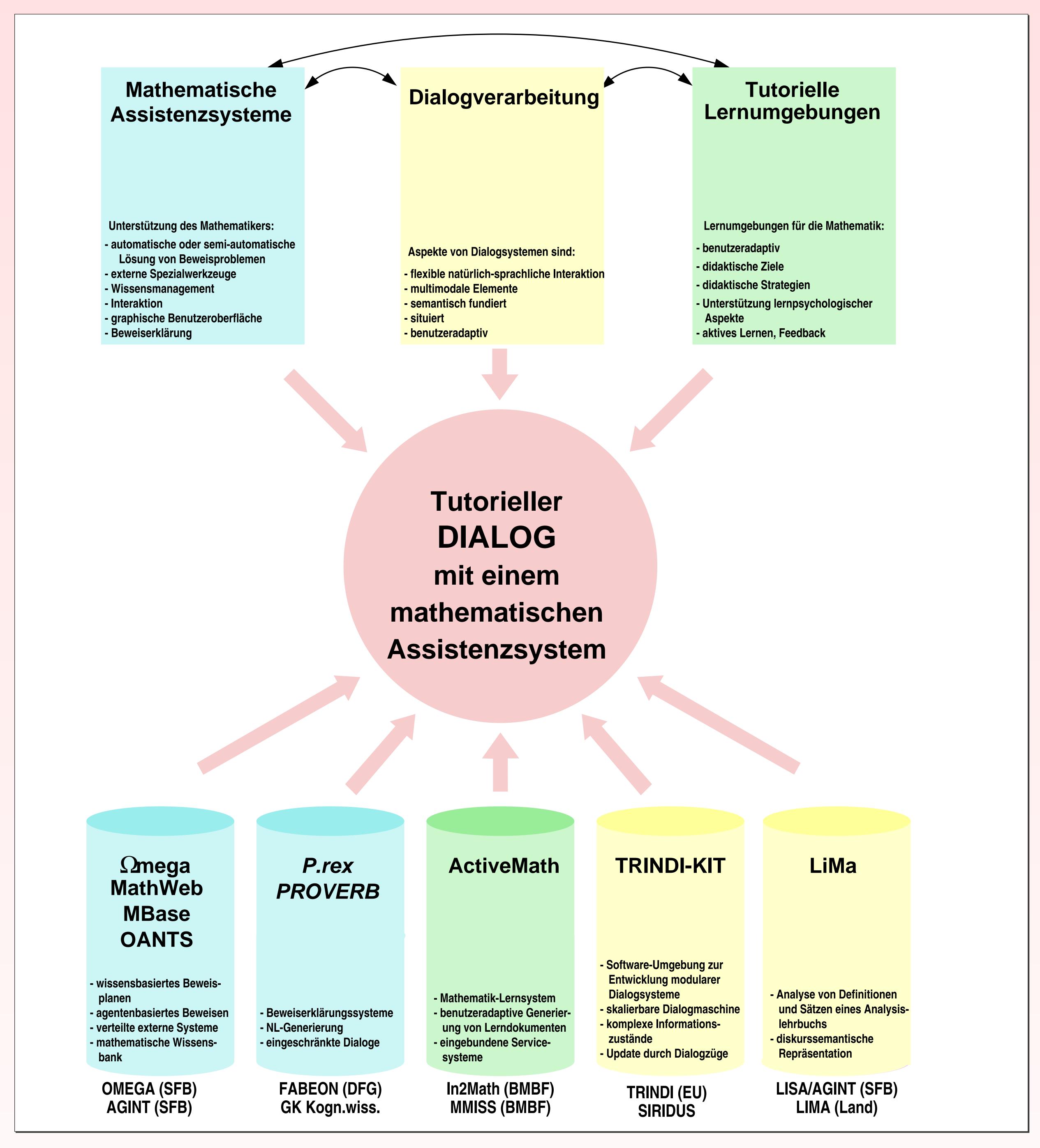


Projekt MI 3 DIALOG: Pinkal, Siekmann, Benzmüller Fortsetzung von Projekt C 2 LISA: Pinkal, Siekmann

### Ziele

- Natürlich-sprachlicher Dialog in
- einer tutoriellen Anwendung für
- ein mathematisches Teilgebiet

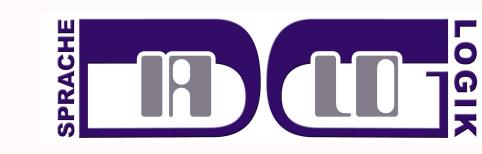
- Empirische Untersuchungen
- Modellierung
- Implementierung







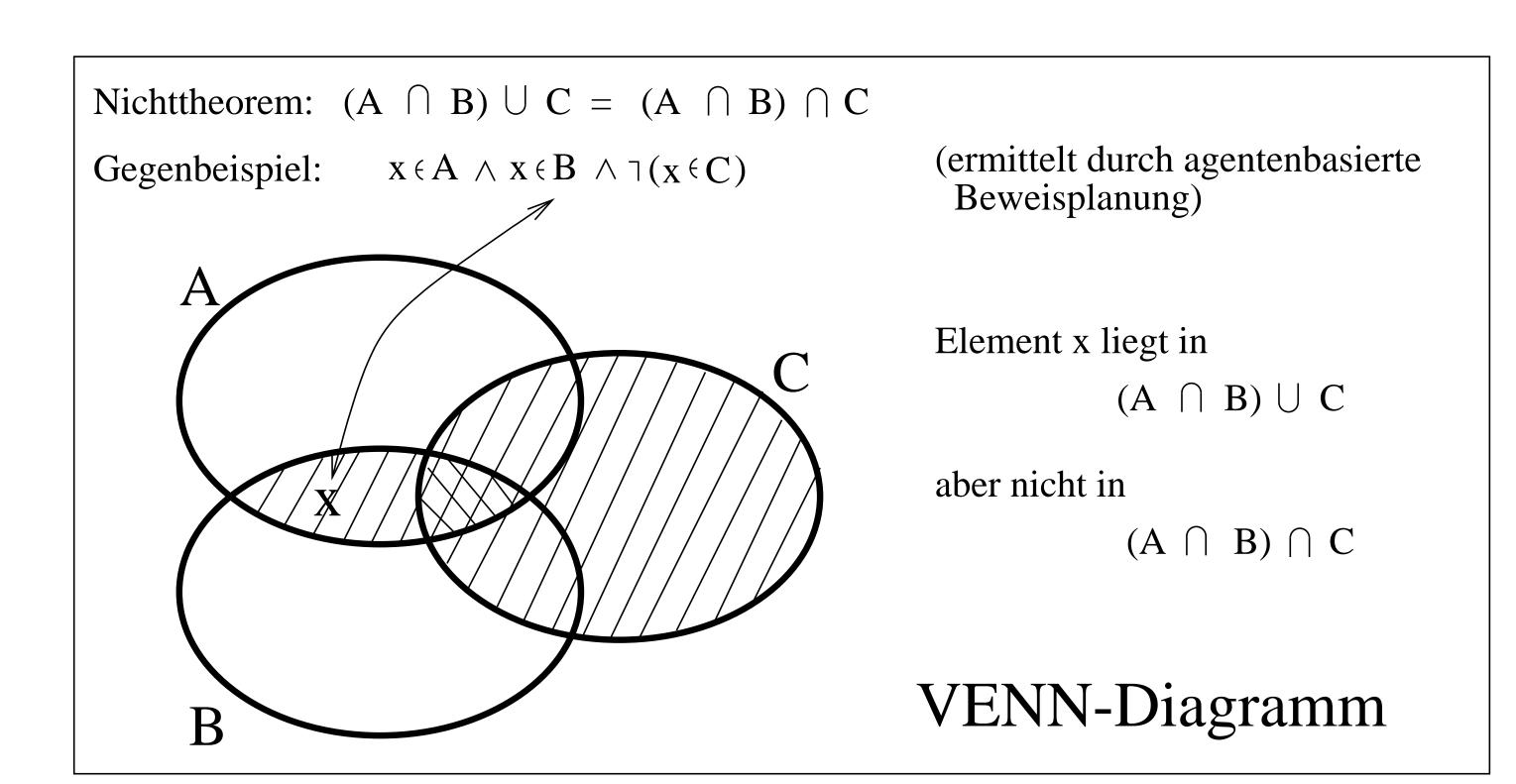
# Domäne und erste Dialogdaten



Projekt MI 3 DIALOG: Pinkal, Siekmann, Benzmüller Fortsetzung von Projekt C 2 LISA: Pinkal, Siekmann

## Domäne: Naive Mengenlehre

- setzt wenig Vorkenntnisse bei Probanden voraus
- durch (agentenbasierte) Beweisplanung in ΩMEGA beherrschbar; Studie: in Kooperation mit dem Projekt AGINT und der Universität Birmingham
- -20.000 einfache Mengengleichungen automatisch generiert
- -automatisch verifiziert bzw. falsifiziert
- -Beweise und Gegenbeispiele auf einer relativ verständlichen Beschreibungsebene repräsentiert
- Möglichkeit der multimodalen Präsentation



### Wizard-of-Oz-Studie

- A: Schülerin (11. Klasse) und B: Informatikstudent (1. Studienabschnitt)
- Aufgabe: mit Hilfe des Tutorsystems einen Satz aus der Mengenlehre entwickeln
- Sprachein- und -ausgabe über Tastatur bzw. Bildschirm; Bilder auf Papier
- der Ablauf des tutoriellen Dialogs durch Versuchsleiter (Wizard) partiell informell vorstrukturiert

	Dialogausschnitt (A)	Phänomene
1(T)	Willkommen zur Lektion über den Einsatz von Mengenlehre! Du kannst zwischen 3 Beispielen wählen um zu versuchen sie operational anzuwenden:	Erwartung: Auswahl eines Beispiels; verschiedene Arten der Referenzierung möglich.
	B1. Zeige dass aus $A$ ist Teilmenge von $B$ und $B$ ist Teilmenge von $A$ folgt dass $A$ und $B$ gleich sind.	
	B2	
2(S)	Ich wähle Beispiel 1.	Auswahl eindeutig durch Nummerierung.
3(T)	Ok, gut. Wie möchtest Du vorgehen?	Tutor übergibt Initiative an Benutzer; extrahiert Beweis aus math. Datenbank, generiert ggf. Beweis in angemessener Abstraktionsebene.
4(S) 5(T)	Wie kann ich vorgehen?  Mengengleichungen $X=Y$ können allgemein bewiesen werden indem man zeigt, dass jedes Element $d$ der Menge $X$ auch Element der Menge $Y$ ist und umgekehrt; das heißt $d$ ist Element von $X$ genau dann, wenn es Element von $Y$ ist.	Unsicherheit der Schülerin; gibt Initiative zurück.  Tutor gibt Definitionsexpansion von = an (essentieller Expansionsschritt).
6(S) 7(T)	Ich brauche eine genauere Erklärung. Ok, dann klären wir einmal einen Teil davon. Was bedeutet denn Mengengleichheit in unserem Beispiel? Welche Mengen sollen gleich sein?	Hinweis war unzureichend, daher Unsicherheit.  Tutor will Bezug zwischen generischem und referentiellem Objekt herstellen (Definition der Mengengleichheit ++ konkrete Beweissituation); dies gelingt in der Folge nicht, daher Fokusverlagerung auf den Bedingungsteil.
32(S)	Dass $A$ Teilmenge von $B$ ist und $B$ Teilmenge von $A$ ist die Bedingung, dass $A$ gleich $B$ ist.	Erwartete Antwort; Tutor wollte sicherstellen, dass Bedingungen und Konklusion richtig eingeordnet wurden.
33(T)	Hervorragend. Du hast schon die Bedingung durch Elementbeziehungen ausgedrückt. Wie sieht das bei $A$ gleich $B$ aus?	Tutor erkennt, dass Zusammenhang verstanden ist und es sich vorher nicht um eine Paraphrasierung der Aufgabenstellung handelte; Tutor will explizite Elementbeziehung für Konklusion erfragen; kontextabhängiges Vorgehen.
34(S)	A gleich $B$ istich weiss nicht.	Unsicherheit; Schülerin erkennt nicht wie Gleichheitsdefinition aus 5 anzuwenden ist.
35(T)	Zwei Mengen sind gleich, falls sie die gleichen Elemente enthalten. In Formeln: $\forall x.(x \in A) \Leftrightarrow (x \in B)$	Tutor wechselt Strategie: nun mehr explizit.
36(S)		Unsicherheit.
37(T)	Ok, wir wissen, dass die Voraussetzung ist, dass alle $x$ aus $A$ Element von $B$ sind und alle $x$ aus $B$ Element von $A$ sind, in Formeln: $\forall x.(x \in A) \Rightarrow (x \in B)$ und $\forall x.(x \in B) \Rightarrow (x \in A)$ . Und dann ist die Behauptung dass $A$ und $B$ gleich sind. In Formeln: $\forall x.(x \in A) \Leftrightarrow (x \in B)$	Tutor gibt Definitionsexpansion von Prämissen und Konklusion explizit an; fragt nach Begründung des fehlenden Schrittes auf Logikebene.
38(S)	Warum gilt das?  Gib mir doch einfach den Beweis und ich versuche	Aufgabe, Forderung nach der vollen Lösung, ver-
JU(J)	ibn nachzunglisiehen	Aufgabe, Forderung nach der vollen Losung, ver-

mutlich da Logikebene unbekannt.

Dialogauschnitt (B)		Phänomene
	[gleiches Beispiel]	
12(S)	Also, beginnen wir mal mit der Voraussetzung, dass $A$ Teilmenge von $B$ ist. Das bedeutet, dass für alle $x$ Element $A$ gilt, dass $x$ auch Element von $B$ ist.	Macht den Beweis für erste Prämisse explizit,
	Nimmt man jetzt noch die Voraussetzung $B$ Teilmenge $A$ hinzu, erhält man, dass jedes Element aus $B$ auch Element von $A$ ist.	für die zweite Prämisse leicht abgekürzt,
	Also ist jedes Element von $A$ auch Element von $B$ und jedes Element von $B$ auch Element von $A$ . Es folgt $A=B$ . (hoffentlich)	zieht Konklusion ohne auf die Expansion der Mengengleichheit explizit einzugehen.
13(T)	Sehr gut; kannst Du den "hoffentlich,,-Teil genauso explizit angeben?	Tutor fordert Explizitmachung des fehlenden Zwischenschrittes zur Konklusion; ständiger Vergleich des entwickelten Beweises mit dem Musterbeweis.
14(S)	Warum?	Unklar ob Frage nach Motivation oder Inhalt.
15(T)	Das ist der Zweck der Übung!	Tutor versteht 14 als Frage nach Motivation.
16(S)	Was fehlt noch in dem Schritt 12?	Unsicherheit; Student denkt, er sei fertig.
17(T)	Sag doch, was Mengengleichheit ist.	Tutor fragt nach Definition der Mengengleichheit.
18(S)	Zwei Mengen $A$ und $B$ sind gleich, wenn dieselben Elemente in $A$ und $B$ sind.	Student gibt richtige Definiton an; stellt Bezug zwischen referentiellen und generischen Objekten
		her.
19(T)	Prächtig, und wie steht das in Bezug zu dem Schluss von Schritt 12?	Nachfrage nach Explizitmachung des fehlenden Schrittes.
20(S)	Ich habe gezeigt, dass die Elemente von A in B enthalten sind und andersrum. Das bedeutet, dass A und B aus denselben Elementen bestehen, also dass Sie gleich sein müssen.	Student liefert fehlenden Schritt korrekt.
21(T)	Wunderbar, Du steigst in die Bundesliga auf!	Tutor erkennt, dass der Beweis vollständig ist.

#### Ergebnisse aus der Vorstudie

- A und B haben Schwierigkeiten, sehr feinkörnige Schritte auf der Logikebene explizit zu formulieren
- A mit Tendenz zu Meta-Dialogen (vermutlich waren methodischen Voraussetzungen nicht klar)
- Notwendigkeit zur weiteren Abstraktion der Beweise auf h\u00f6here Ebenen
- bei freier Dialogführung höhere Anforderungen an die dynamischen mathematischen Wissensquellen



ihn nachzuvollziehen.



## Ziele und Methodik



Projekt MI 3 DIALOG: Pinkal, Siekmann, Benzmüller Fortsetzung von Projekt C 2 LISA: Pinkal, Siekmann

#### Ziele

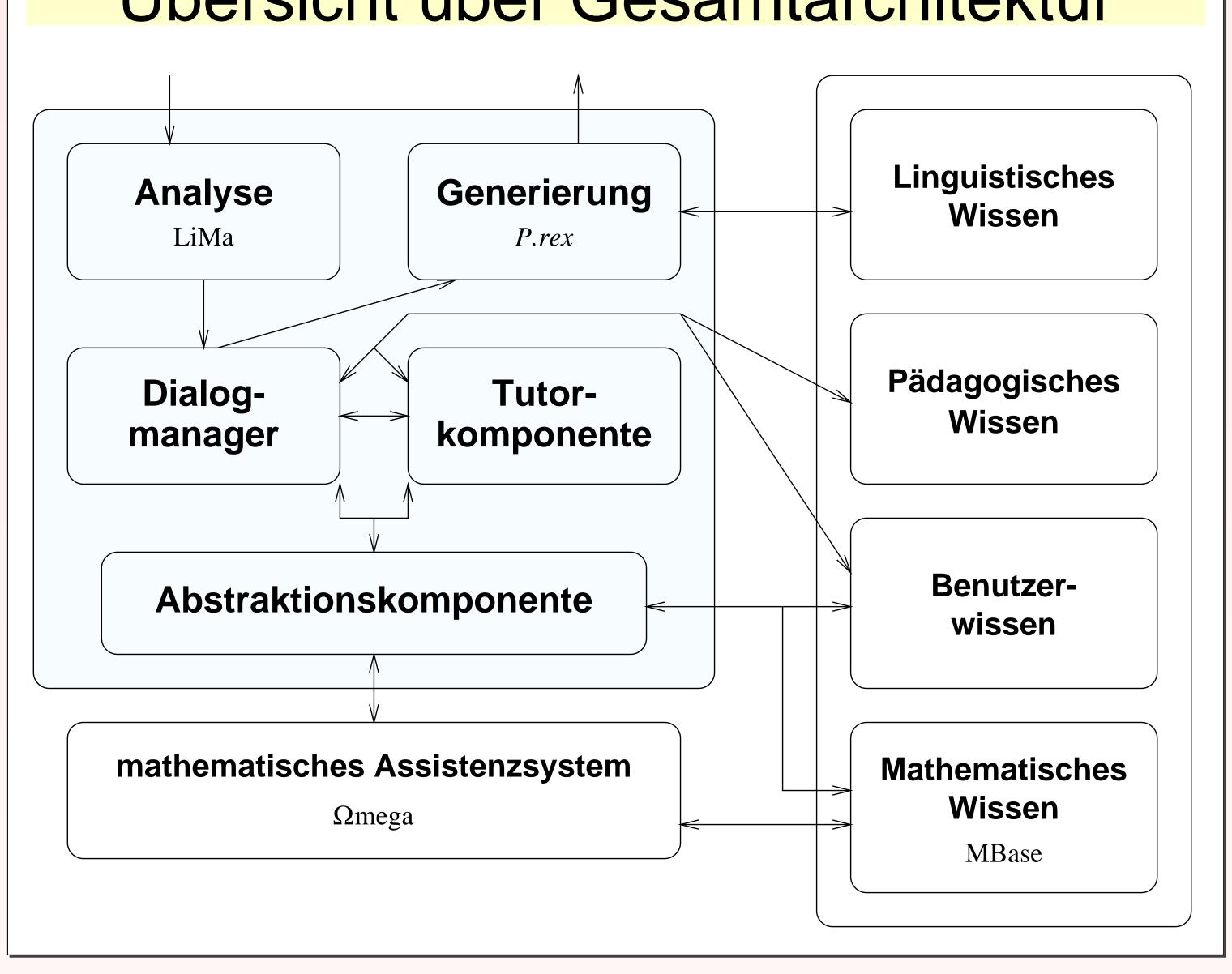
#### Rahmenvorgaben

- semantisch und pragmatisch anspruchsvolles Szenario
- Adaptation an Benutzerbedürfnisse und -beschränkungen
- mittelfristige technische Realisierbarkeit

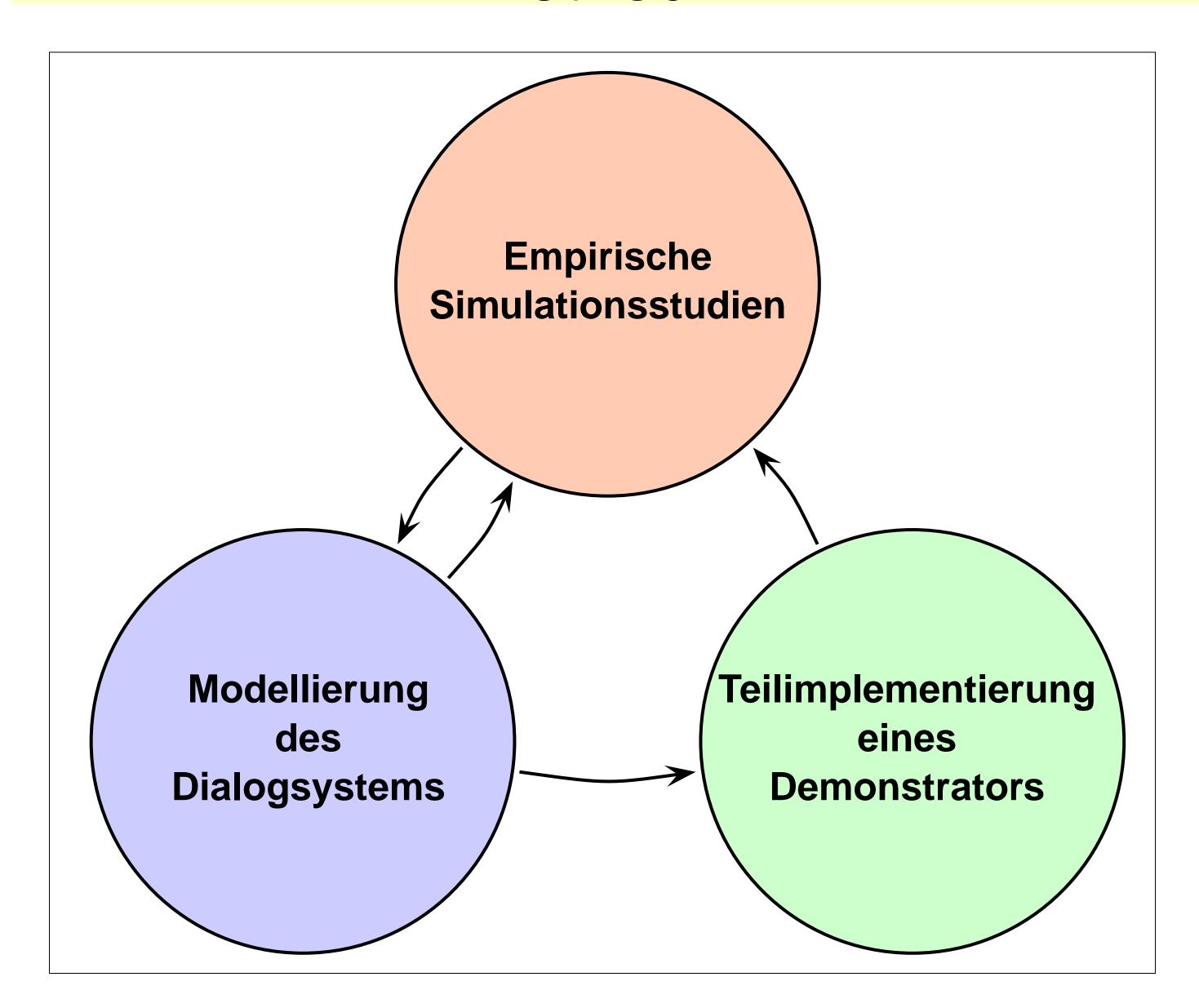
#### **Besondere Aspekte**

- angemessene Komplexität und Flexibilität der Dialogführung
- angemessene Abstraktionsebene und Granularität der Beweisführung
- geeignete Interaktion der Dialogstruktur mit der Struktur des Tutorsystems und des Beweisers
- geeignete Kombination von Interaktionsmodi in Dialogbeiträgen von Nutzer und System
- robuste, flexible und semantisch verlässliche linguistische Verarbeitung

## Übersicht über Gesamtarchitektur



#### Methodik



#### **Empirische Simulationsstudien**

- aufeinander aufbauende Wizard-of-Oz-Studien mit
- zunehmend realistischen Interaktionsbedingungen (Ein-Ausgabe über Tastatur/Mikrophon/multimodal)
- zunehmend standardisierten oder automatisierten Teilkomponenten (Dialogmaschine, Tutorsystem, Beweisplaner, Sprachausgabe)

#### Modellierung des Dialogsystems

- skalierbares und modulares Konzept der Dialogmaschine (Informationszustände, Dialogzüge, Module für Subdialog-Typen)
- Schnittstellen zu Tutor- und Beweissystem
- Sprachschnittstellen (Analyse und Generierung)

#### Implementierung eines Demonstrators

- weit gehende Ausnutzung bestehender Komponenten
- selektive Realisierung von Komponenten
- partielle Realisierung komplexer tutorieller Sitzungen (in Arbeitsteilung mit präsentationsbasiertem Tutorsystem)

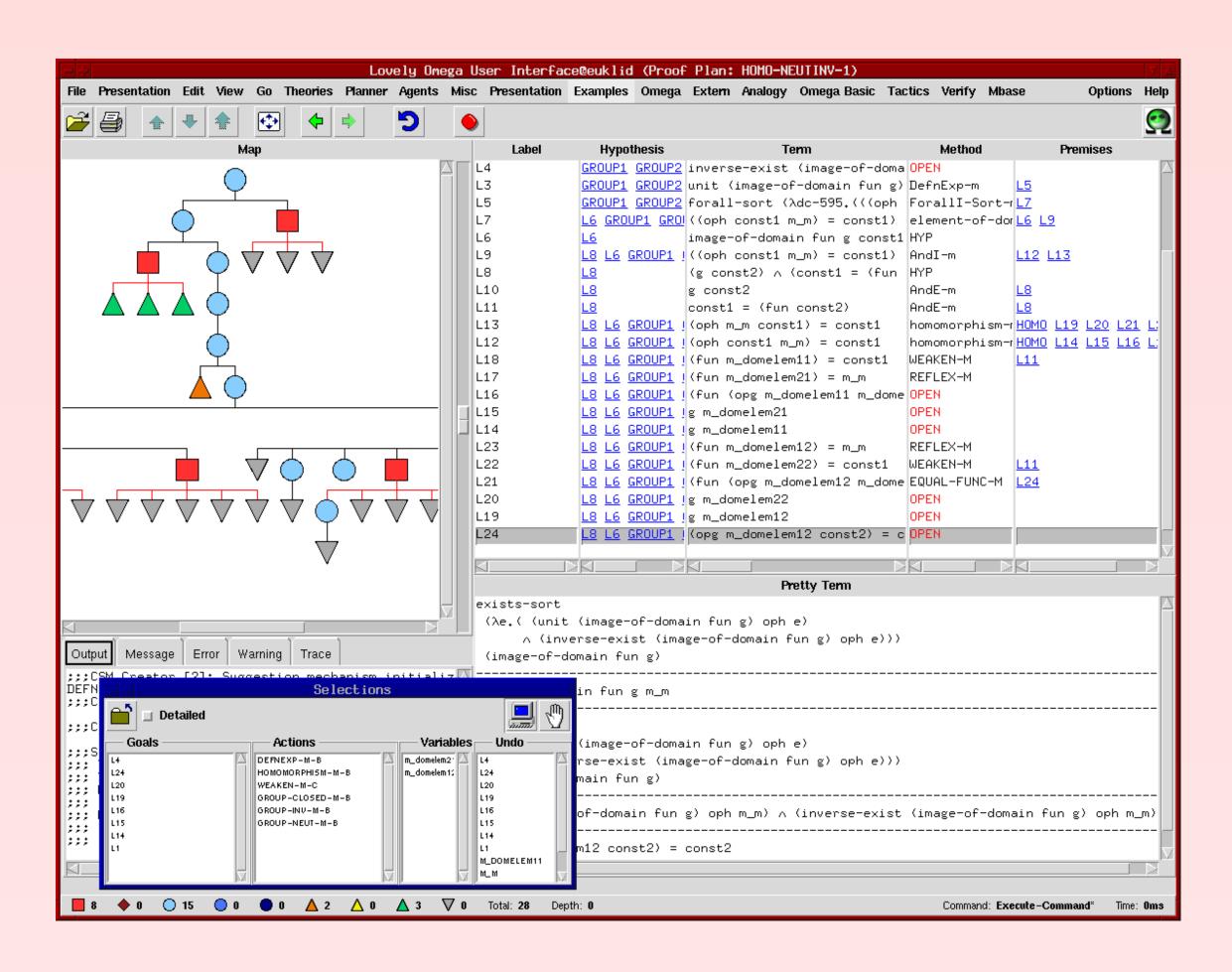


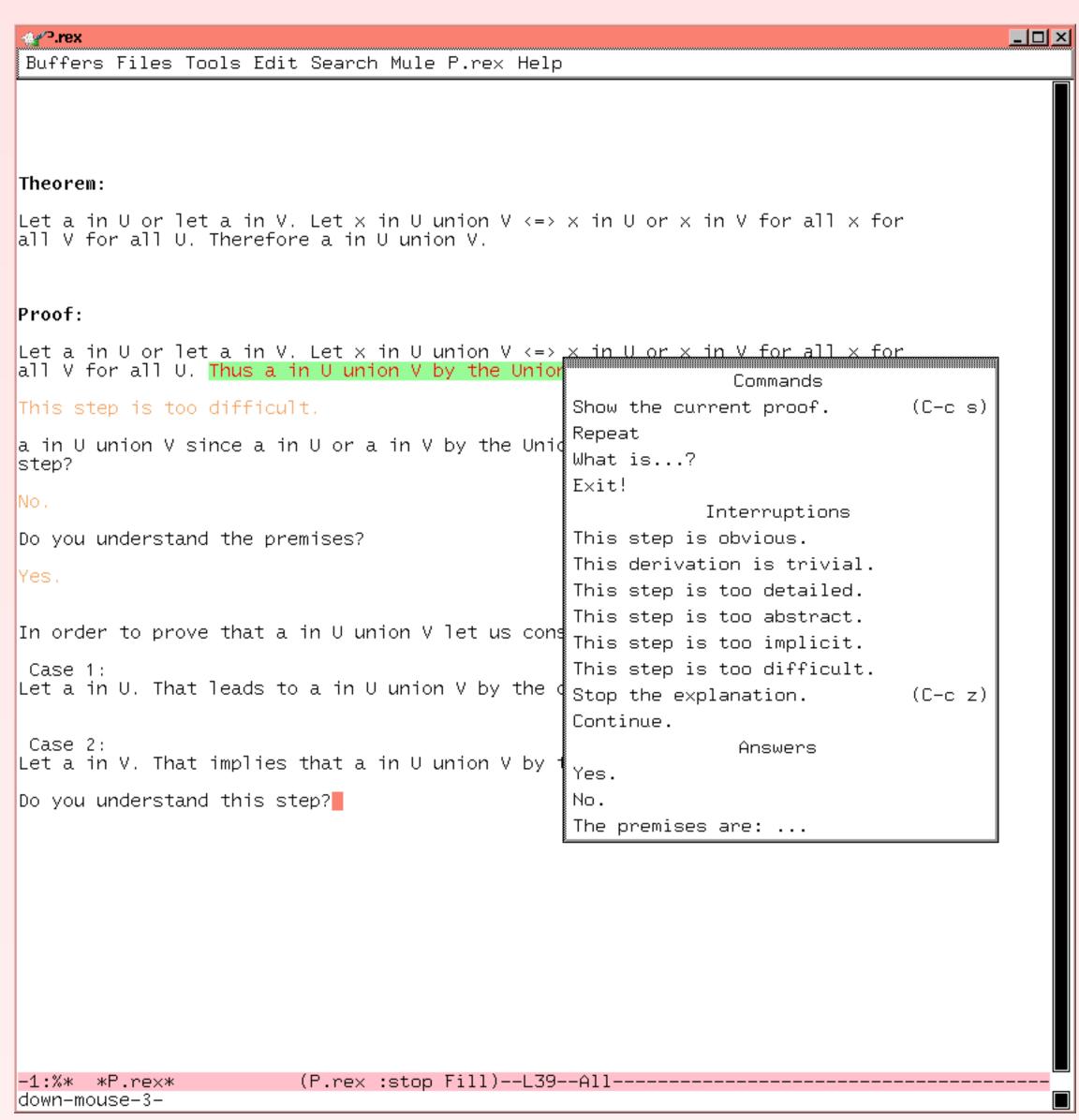


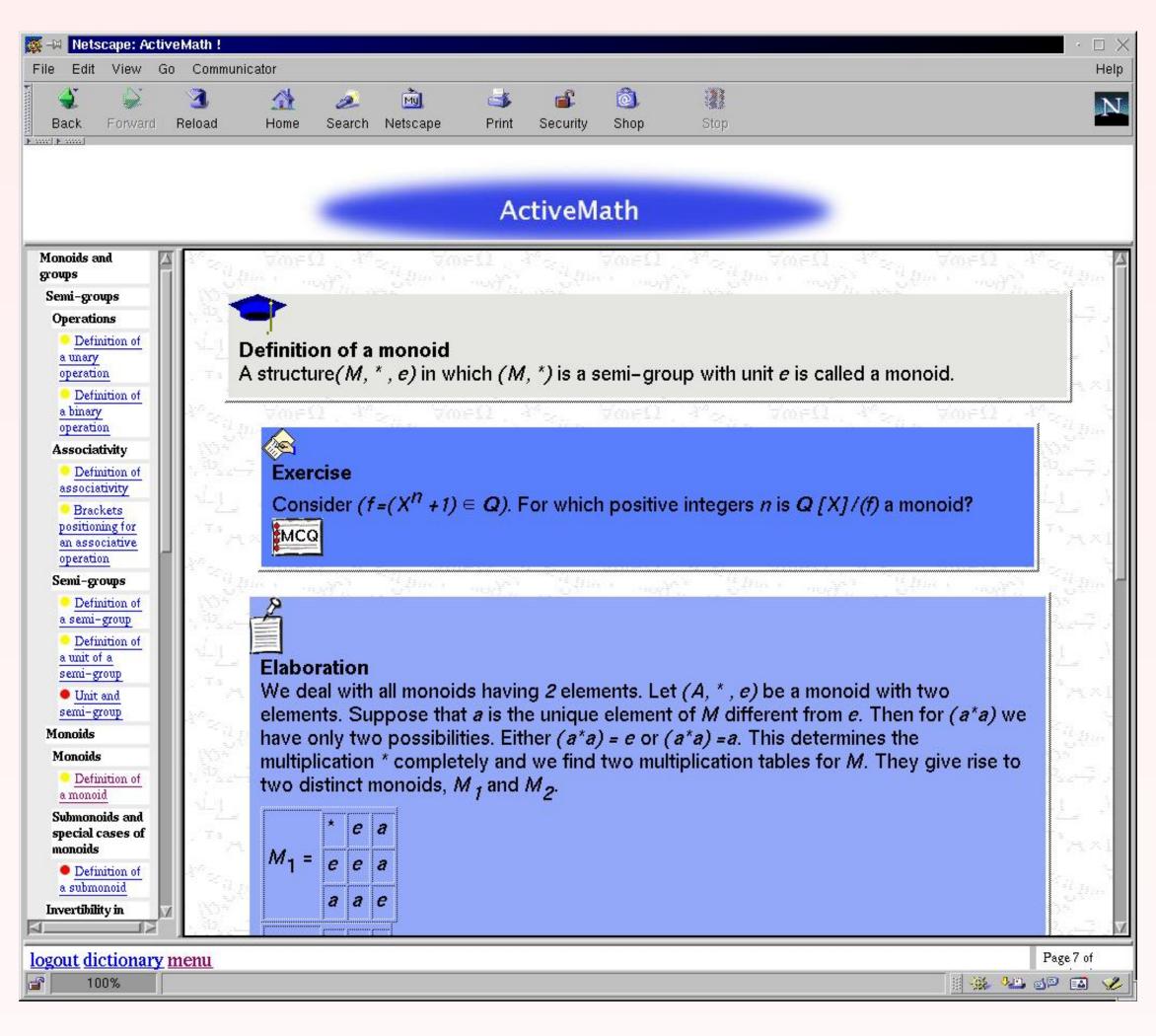
## Vorarbeiten



Projekt MI 3 DIALOG: Pinkal, Siekmann, Benzmüller Fortsetzung von Projekt C 2 LISA: Pinkal, Siekmann







#### OMEGA

#### **Mathematisches Assistenzsystem**

- basiert auf domänenunabhängigem wissensbasiertem Beweisplaner
- kombiniert domänenspezifische Beweismethoden mit domänenspezifischem mathematischem Vorgehenswissen
- integriert spezialisierte Deduktions- und Berechnungssysteme

#### Diskussion

- + auf verschiedene mathematische Domänen anpassbar
- + ressourcenadaptiv: Verfügbarkeit des mathematischen Wissens, Verfügbarkeit der Spezialverfahren und -komponenten
- keine natürlichsprachliche Benutzerschnittstelle

#### P.rex

#### Interaktives, benutzeradaptives Beweiserklärungssystem

- basiert auf wissensbasiertem Dialogplaner
- kombiniert RST-ähnliche Planoperatoren mit Schemata
- verwendet domänenspezifisches Präsentationswissen

#### Diskussion

- + benutzeradaptive interaktive Beweiserklärung
- + ressourcenadaptiv: Wissen des Benutzers, Erinnerungsvermögen des Benutzers
- +/- eingeschränkt dialogfähig
- nur pseudo-natürlichsprachliche Eingabe, keine multimodale Darstellung

#### ACTIVEMATH

#### Lernumgebung für Mathematik

- basiert auf Präsentationsplaner
- kombiniert didaktisches Wissen und didaktische Metadaten
- integriert externe Spezialsysteme und eine mathematische Datenbank

#### Diskussion

- + benutzeradaptive Lehrstoffauswahl
- + ressourcenadaptiv: Wissen des Benutzers
- +/- natürlichsprachliche Ausgabe nur über vorformulierte Textblöcke
- kein Dialog, keine natürlichsprachliche Eingabe





## Kooperationen



Projekt MI 3 DIALOG: Pinkal, Siekmann, Benzmüller Fortsetzung von Projekt C 2 LISA: Pinkal, Siekmann

