



Entropia de Geradores Pseudo-Aleatórios no Sistema Criptográfico RSA

Apresentadores: Felipe Gurgel Araujo, Pedro Francisco Staino Santayana

Objetivo do Trabalho

Explorar a geração de chaves RSA e calcular a entropia.

1 Objetivo

Utilizar a Regra de Simpson 3/8.



Introdução à Criptografia RSA

Método popular de criptografia.

RSA

Emprega chaves públicas e privadas.

Segurança

Avaliada através da entropia

Metodologia - Geração de Chaves RSA

Biblioteca Utilizada: cryptography

Tamanho das Chaves

2048 bits.

Código

Exemplo de geração de chaves RSA.

```
def generate_rsa_key():  
    private_key = rsa.generate_private_key(  
        public_exponent=65537,  
        key_size=2048,  
    )  
    public_key = private_key.public_key()  
    return public_key  
  
# Gerar um conjunto de chaves  
num_keys = 1000  
keys = [  
    generate_rsa_key()  
    for _ in range(num_keys)  
]
```



Serialização e Contagem de Frequências

1

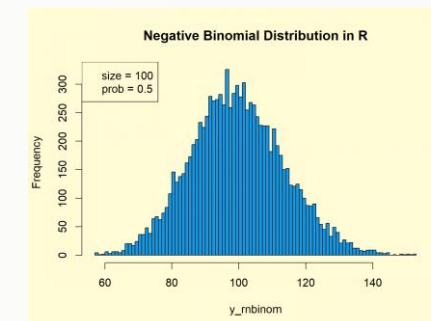
Serialização

Transformar chaves em formato comparável.

2

Contagem

Análise da frequência das chaves.



Cálculo da Entropia

Fórmula de Shannon

$$H(x) = -\sum p(x) \cdot \log_2 p(x)$$

$p(x)$ = frequência da chave / número total de chaves

Regra de Simpson

Integrando as chaves após usar a formula de Shannon

$$-\int p(x) \cdot \log_2 p(x) dx$$



Código para Regra de Simpson 3/8

Código

```
def simpsons_3_8_rule( f, a, b, n ):
    if n % 3 != 0:
        n += 3 - (n % 3)  # (n) deve ser múltiplo de 3
    h = (b - a) / n
    integral = f(a) + f(b)
    for i in range( 1, n ):
        xi = a + i * h
        if i % 3 == 0:
            integral += 2 * f(xi)
        else:
            integral += 3 * f(xi)
    return ( 3 * h / 8 ) * integral
```

Valor Recomendado de Entropia

1

Recomendação

$\log_2(n)$ para n chaves únicas.

2

Exemplo

Para 1000 chaves, o valor recomendado é $\log_2(1000)$.

Resultados

```
print(f"A entropia calculada das chaves RSA é: {entropy_value} bits")
```

Entropia Calculada	Valor Recomendado
A entropia calculada das chaves RSA é: 9.955818500378426 bits	O valor recomendado de entropia para 1000 chaves é: 9.97 bits

Conclusão

1

Eficiência e Segurança

Validação do método.

2

Importância da Entropia

Garantia da robustez das chaves.

