

## FUERZA Y CAMPO ELÉCTRICO

### I. ESTRUCTURA ATÓMICA

Para describir la distribución de los electrones en los átomos, se precisan los siguientes números cuánticos:

- **Número cuántico principal ( $n$ ):** que puede tomar valores enteros de 1, 2, 3, etc.
- **Número cuántico del momento angular ( $l$ ):** depende del valor del número cuántico principal  $n$ . Para cierto valor de  $n$ ,  $l$  tiene todos los valores enteros posibles desde 0 hasta  $(n - 1)$ .
- **Número cuántico magnético ( $m_l$ ):** depende del valor que tenga el número cuántico del momento angular  $l$ . Para cierto valor de  $l$  existen  $(2l + 1)$  valores enteros de  $m_l$  que son:  $-l, (-l + 1), \dots, 0, \dots, (+l - 1), +l$ .
- **Número cuántico de espín ( $m_s$ ):** puede tomar valores de  $+\frac{1}{2}$ , y  $-\frac{1}{2}$ .

Dependiendo del material es posible determinar el nivel de conductividad eléctrica a partir de su distribución de electrones.

A partir de experimentación se sabe que:

*"Dos cargas positivas se repelen entre sí, al igual que dos cargas negativas. Una carga positiva y una negativa se atraen".*

Los conductores son materiales donde la carga eléctrica se mueve con facilidad, en los aislantes la carga no se mueve con facilidad.

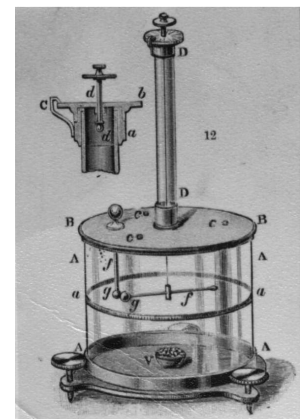
Un elemento se dice **neutro**, cuando la suma de la carga eléctrica total suma 0; mientras que se dice que está **cargado negativamente** cuando tiene un exceso de electrones y por tanto la carga eléctrica total es negativa; por tanto, un elemento **cargado positivamente** es aquel que tiene escasez de electrones.

### II. LEY DE COULOMB

*Charles A. Coulomb* demostró que la fuerza eléctrica que ejercen entre sí dos cargas puntuales en reposo, es directamente proporcional al producto de sus cargas, e inversamente proporcional al cuadrado de la distancia que los separa. Tal fuerza se aplica en los respectivos centros de las cargas y están dirigidas a lo largo de la línea que las une.

Esta conclusión se dedujo a partir de experimentos con una **balanza de torsión**, que consiste en dos bolas de metal sujetas por los dos extremos de una barra suspendida por un cable, filamento o chapa delgada. Para medir la fuerza electrostática se puede poner una tercera bola cargada a una cierta distancia.

Las dos bolas cargadas se repelen/atraen unas a otras, causando una torsión de un cierto ángulo. De esta forma se puede saber cuánta fuerza, en newton, es requerida para torsionar la fibra un cierto ángulo.



Por tanto:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|Q_1 Q_2|}{d^2}$$

Donde:

**F:** Fuerza eléctrica entre las dos cargas.

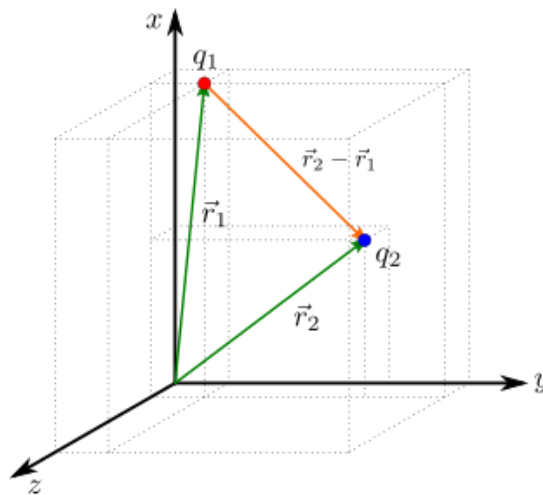
**$\epsilon_0$ :** Es el valor de la permitividad dieléctrica absoluta del vacío clásico.

**$Q_1, Q_2$ :** Cargas eléctricas.

**d:** Distancia entre las cargas.

### III. FUERZA ELÉCTRICA VECTORIAL

Cuando se calcula la fuerza eléctrica en múltiples cargas o en un espacio tridimensional es mejor hacer uso de herramientas vectoriales.



La ley de Coulomb vectorial es:

$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{QQ_1}{|\vec{r}|^2} \hat{r}$$

Considerando al vector  $r$  como la diferencia entre los vectores de posición de las cargas:

$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{QQ_1}{|\vec{r} - \vec{r}_1|^2} \hat{r}$$

Considerando la definición de vector unitario se obtiene:

$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{QQ_1}{|\vec{r} - \vec{r}_1|^2} \left( \frac{\vec{r} - \vec{r}_1}{|\vec{r} - \vec{r}_1|} \right)$$

Por tanto:

$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} QQ_1 \left( \frac{\vec{r} - \vec{r}_1}{|\vec{r} - \vec{r}_1|^3} \right)$$

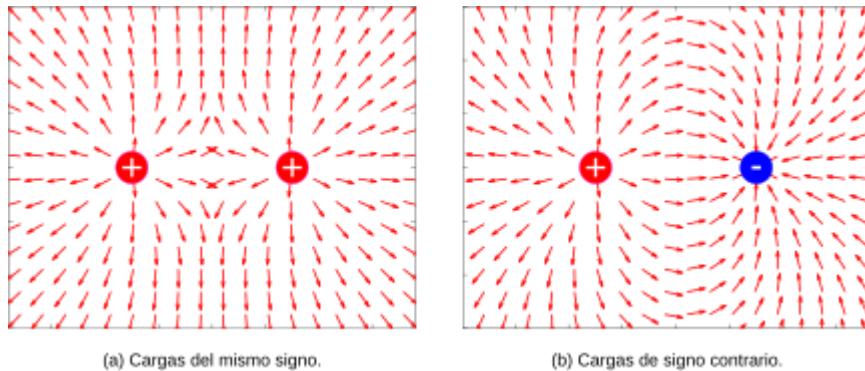
#### IV. CAMPO ELÉCTRICO

El campo eléctrico es aquel campo vectorial que genera una carga eléctrica sobre su área circundante.

Se define como:

$$\vec{E} = \frac{1}{q} \vec{F}$$

En cualquier punto sobre una **línea de campo**, la tangente a la línea está en dirección de E en ese punto. El número de líneas por unidad de área (perpendicular a su dirección) es proporcional a la magnitud de E en ese punto.



#### V. SISTEMAS DISCRETOS

De forma general la fuerza resultante del efecto de múltiples cargas se define como:

$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum_{i=1}^n Q Q_i \left( \frac{\vec{r} - \vec{r}_i}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^3} \right)$$
$$\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum_{i=1}^n Q_i \left( \frac{\vec{r} - \vec{r}_i}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^3} \right)$$

#### VI. SISTEMAS CONTINUOS

En sistemas continuos el cálculo de la fuerza y/o el campo eléctrico se realiza mediante diferenciales de carga.

$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_Q Q dq \left( \frac{\vec{r} - \vec{r}_i}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^3} \right)$$
$$\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_Q dq \left( \frac{\vec{r} - \vec{r}_i}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^3} \right)$$

Para la integración de un diferencial  $dq$ , es necesario tener una ecuación que describa el valor de la carga en cualquier punto del sistema continuo.

Si la carga está distribuida homogéneamente alrededor del sistema continua es posible reemplazar  $dq$ , por un diferencial de posición, haciendo uso de la **densidad de carga**.

La densidad de carga depende del número de dimensiones que son necesarias para describir el sistema continuo, y del sistema de coordenadas (rectangulares, cilíndricas o esféricas) que más se acomode a la forma del material.

$$\lambda = \frac{q}{L} = \frac{dq}{dx}$$
$$\sigma = \frac{q}{A} = \frac{dq}{dx \, dy}$$
$$\rho = \frac{q}{V} = \frac{dq}{dx \, dy \, dz}$$

## BIBLIOGRAFÍA

Chang, Raymond  
Química, 10ma edición

Young y Freedman  
Física universitaria, 14va edición