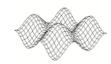
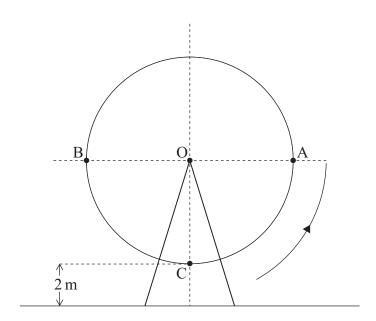


GIMNASIO FEMENINO ÁREA DE MATEMÁTICAS 4º CONCURSO NACIONAL DE MATEMÁTICAS IB PRUEBA 1 Y 2 – ESTUDIOS MATEMÁTICOS NM 2017 – 2018



5.3 [Puntuación máxima: 20]

La figura muestra una noria que se mueve a velocidad constante y que completa una vuelta cada 40 segundos. La noria tiene un radio de 12 m y su punto más bajo se encuentra a 2 m del suelo.



la figura no está dibujada a escala

Inicialmente, el asiento C está situado justo debajo del centro de la noria O. A continuación la noria empieza a girar en sentido contrario a las agujas del reloj.

(a) Escriba

- (i) la altura sobre el nivel del suelo a la que está O;
- (ii) la altura máxima sobre el nivel del suelo que alcanza C.

[2 puntos]

Cuando da una vuelta, C pasa por los puntos A y B, los cuales se encuentran a la misma altura sobre el nivel del suelo que el centro de la noria.

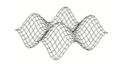
(b) Escriba cuántos segundos tarda C en llegar por primera vez a A y a B.

[2 puntos]

(Esta pregunta continúa en la siguiente página)

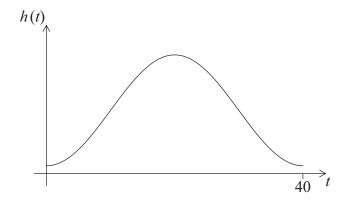


GIMNASIO FEMENINO ÁREA DE MATEMÁTICAS 4º CONCURSO NACIONAL DE MATEMÁTICAS IB PRUEBA 1 Y 2 – ESTUDIOS MATEMÁTICOS NM 2017 – 2018



(Pregunta 5.3: continuación)

El siguiente dibujo aproximado muestra la gráfica de la función h(t). Esta función representa la altura de C sobre el nivel de suelo, donde h se mide en metros y t es el tiempo transcurrido en segundos, siendo $0 \le t \le 40$.



(c) **Copie** el dibujo y muestre en su diagrama el resultado de los apartados (a) y (b). Rotule claramente los puntos junto con sus coordenadas.

[4 puntos]

La altura sobre el suelo de C viene dada por la función $h(t) = a\cos(bt) + c$, donde bt está en grados y t es el tiempo transcurrido en segundos.

- (d) Halle el valor de
 - (i) a;
 - (ii) b;
 - (iii) c. [5 puntos]

C alcanza **por primera vez** una altura de 20 m sobre el suelo cuando han transcurrido *T* segundos.

- (e) (i) Dibuje aproximadamente un diagrama de la noria claramente rotulado donde se muestre la posición de C.
 - (ii) Halle el ángulo que ha tenido que girar C hasta alcanzar esta posición.
 - (iii) Halle el valor de T.

[7 puntos]