

## 1 语言基础

### 1.1 C++ Snippets

#### 1.1.1 define class

```
class Foo {
public:
    Foo() { this->a = 1; }
    int a;
private:
};
```

#### 1.1.2 io

<iostream>

```
ostream &operator<<(ostream &o, Foo &f);
istream &operator>>(istream &i, Foo &f);
```

<cstdio>

```
freopen("data.in", "r", stdin);
freopen("data.out", "w", stdout);
fclose(stdin);
fclose(stdout);
```

#### 1.1.3 other utilities

- <utility>: pair
- <bitset>

#### 1.1.4 useful snippets

- mid of  $[begin, end]$ :  $begin + (end - begin) / 2$
- $float = float$ :  $\text{cmath.fabs}(a - b) < 1e - 6$

## 2 DP

背包类.  $w$ : 背包大小,  $w_n$ :  $n$  的重量,  $v_n$ :  $n$  的价值,

```
// 最大价值
f(/* 0.. */ n, w) = max(
    /* 全选 */ f(n - 1, w - w_n) + v_n,
    /* 部分 */ ...,
    /* 不选 */ f(n - 1, w)
)
```

## 3 数学

### 3.1 位运算

- $n \&= n - 1$ : 敲除最右边的 1 (Brian Kernighan)

### 3.2 数论

#### 3.2.1 最大公约数 GCD

$\text{gcd}(a, b) \ a > b$  (c++: <numeric>gcd)

```
func gcd(int a, b) int {
    if b == 1 {
        return a
    }
    return gcd(b, a % b)
}
```

```
//  $ax + by = \text{gcd}(a, b)$ 
func exgcd(int a, b) (int x, y) {
    if b == 0 {
```

```
        x = 1; y = 0;
        return
    }
    y, x = exgcd(b, a % b)
    y -= x * (a / b)
    return
}
```

#### 3.2.2 最小公倍数 LCM

$\text{lcm}(a, b)$  (c++: <numeric>lcm)

#### 3.2.3 逆元

$a\%p$  的逆元  $x$ :  $ax\%p = 1$

- $x, \_ = \text{exgcd}(a, p)$
- 若  $p$  为素数:  $x = a^{(p-2)}\%p$  (费马小定理)

应用场景

- $(n/a) \% p = nx \% p$

## 3.3 组合数学

### 3.3.1 排列 Permutation

$P(n, k) = n! / (n - k)!$

### 3.3.2 组合 Combination

```
C(n, k) = n! / (n - k)! / k!
        = C(n - 1, k - 1) + C(n - 1, k)
        = C(n - 1, k) * n / (n - k)
C(n, 0) = C(n, n) = 1
```

## 4 图论

### 4.1 桥

$b - f$  是桥

```
a - b - f - g
|   |   |   |
c - d   h - i
```

### 4.2 欧拉图

即一笔画, 半欧拉图 (欧拉通路) 欧拉图 (欧拉回路)

#### 4.2.1 判断

```
if (无向图) {
    if (没有奇度节点) 欧拉图;
    if (2个奇度节点) 半欧拉图;
}
if (有向图 & 强连通) {
    if (all(入度 == 出度)) 欧拉图;
    if (
        only_one(abs(入度 - 出度) == 1)
        && other(入度 == 出度)
    ) 半欧拉图;
}
```

#### 4.2.2 寻找欧拉路

- Fleury: 最后走桥
- Hierholzer [LC 332, OI Wiki Euler]
  1. dfs
  2. 走过后删除边
  3. 不可移动后推入栈

## 5 Platform

### 5.1 acm.ecnu.edu.cn

- `std::cin.eof()` not work?