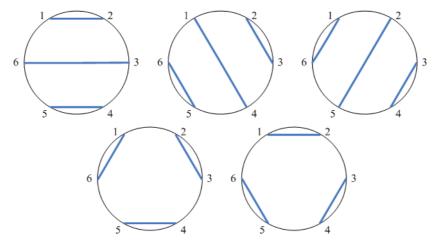
第一題:圓形切割問題

假設有一個圓,在其圓周上均勻散佈了 2n 個點 (1≤n≤15),其編號分別為 1,2,3,…, 2n。現在請你利用 n 條直線,將此圓進行切割,同時必須滿足下列三個條件:

- 1. 每一條直線必須恰好通過兩個點。
- 2. 每個點只能有一條直線通過。
- 3. 這 n 條直線不可有互相交叉的情況發生。

例如,當 n=3 時,利用下圖所示的切割方式,總共有 5 種方法,可以恰好利用 3 條線切割圓形。



現在,請你設計一個程式,能夠針對不同的 n 值,在滿足上述的條件下,找出共有多少種圓的切割方法。

輸入

輸入檔中至少有一行以上的輸入資料,且每一行恰有一個 n 值。若所讀入的 n 值為 0,代表此輸入檔的結束。

輸出

請針對每一輸入的 n 值,在輸出檔中印出共有幾種切割的方法。若輸入檔中有多個輸入資料,請依序於每一行印出一個答案。

<u>範例</u>

<u>輸入</u>

2

3

()

<u>輸出</u>

2

第二題:次方運算

在計算多項式函數值的時候,我們常常需要快速的計算出一個數字的若干正整數次方。如何有效率的計算就是一個有趣的問題。如 \mathbf{x}^{31} 可以利用乘以 \mathbf{x} 的動作經過 30 次乘法 獲得: $\mathbf{x}^2 = \mathbf{x} \times \mathbf{x}, \mathbf{x}^3 = \mathbf{x}^2 \times \mathbf{x}, \dots, \mathbf{x}^{31} = \mathbf{x}^{30} \times \mathbf{x}$ 。

透過平方的動作,我們可以有效的減少運算的次數到八次:

$$x^{2} = x \times x, x^{3} = x^{2} \times x, x^{6} = x^{3} \times x^{3}, x^{7} = x^{6} \times x, x^{14} = x^{7} \times x^{7},$$

 $x^{15} = x^{4} \times x, x^{30} = x^{15} \times x^{15}, x^{31} = x^{30} \times x$

但這仍不是最少次乘法的運算次數,如果只透過乘法,其實使用七次乘法就可以算出 $\mathbf{x}^{\scriptscriptstyle{11}}$:

$$x^{2} = x \times x, x^{4} = x^{2} \times x^{2}, x^{8} = x^{4} \times x^{4}, x^{10} = x^{8} \times x^{2}, x^{20} = x^{10} \times x^{10},$$

 $x^{30} = x^{20} \times x^{10}, x^{31} = x^{30} \times x$

請你寫一個程式,來計算要算出 x¹至少需要透過幾次乘法運算才能夠求出來。

輸入

輸入檔案有若干行,每行有一個非負整數 n ,若 n=0 代表結束程式,若 n>0 則請輸出 x^n 所需的最少乘法次數。n 不會大於 1000。

輸出

每行印出一個數字 m,對應到 x 需要經過 m 次乘法運算才能夠得到值。

範例 1

輸入

1

31

輸出

()

7

<u>範例 2</u>

輸入

70

512

2007年資訊研習營初選程式設計能力測驗試題卷

輸出

8

第三題:大數運算

在許多的工程問題上,常常需要用到許多大數的運算。雖然浮點運算可以解決大部分的問題,但是仍然有許多問題需要用到精準的運算。請寫一個程式來精準的算出 X"。 限制條件:

- 1. 0.0 < X < 99.999, X 一定是個小數。
- 2. 0 < n < 25, n 一定是個整數。

輸入

第一行有一個整數 m(1 < m < 10) 代表接下來的測試資料數。

第二行到第 m+1 行,每行兩個數字。第一個數字是一個小數代表 X,第二個數字是一個整數代表 n。

輸出

請輸出m行對應到輸入檔的X"值。每行輸出的第一個字元不可以是「0」。

範例

輸入

3

15.0 3

3.1 15

1.1 10

輸出

3375.0

23465261.991844685929951

2.5937424601

2007年資訊研習營初選程式設計能力測驗試題卷

第四題:太空船

有一艘太空船想從 A 地到 B 地。我們假定太空船是在 N×N 的平面格子上活動,其中 N 不大於 1,000。太空船只能往四個相鄰的格子移動。如果太空船移出某方格的方向和當初進入該方格的方向相同的話,則此移動過程不消耗任何燃料。如果太空船轉向的話,則會消耗一單位的燃料。除了燃料消耗外,太空中有許多黑洞存在。如果任何格子中有黑洞的話,那麼太空船不能進入該區。現在給定一地 A 和另一地 B,請找出由 A 至 B 最省油的路徑。

輸入

第一行是 N 的值。接下來的 N 行每行有 N 個字元用以表示太空的結構。字元 ' A' 表 A 地,字元 'B' 表 B 地。剩下的不是 ' 1' (表示黑洞),就是 '0' (表示太空)。 且從 A 地到 B 地保證至少有一條路徑存在。

輸出

從A地到B地的最小燃料需求單位

範例

輸入

6

0B0000

001110

000010

011000

1111A0

110000

輸出