快樂數字 (Happy Number)

問題敘述

小巴跟小華發明了一種新的遊戲,名字為「快樂數字」。這個遊戲的玩法如下,兩人遵照規則輪流說出一個符合條件的快樂數字,先說不出數字或數字重複的人就輸了,其規則如下:

- (1) 快樂數字不包含 0。
- (2) 快樂數字須包含 1~9 的每個數字。
- (3) 在快樂數字中,相鄰的位數數字之差至多為2。

給定快樂數字的位數以及其個位數字,請你寫一個程式計算符合此條件的 快樂數字共有幾個,由於數字可能過大,因此請輸出個數除以 109+7 的餘數。

輸入格式

輸入第一行有一個正整數 N $(1 \le N \le 10^4)$,代表詢問數;緊接著共有 N 行,每行有兩個正整數 P $(1 \le P \le 10^3)$ 、Q $(1 \le Q \le 9)$,代表詢問以 Q 結尾的 P 位數快樂數字共有幾個。

輸出格式

對於每個詢問,請輸出快樂數字個數除以 109+7 的餘數。

輸入範例1	輸出範例 1
3	31
9 1	15
9 2	10
9 3	
輸入範例 2	輸出範例 2
2	27020
12 5	2273621
14 7	

評分說明

此題目測資分成三組,每組測資有多筆測試資料,需答對該組所有測試資料才能獲得該組分數。各組詳細限制如下。

第一組 $(10 分): 1 \le P \le 10$ 第二組 $(30 分): 1 \le P \le 10^2$ 第三組 $(60 分): 1 \le P \le 10^3$