

红黑树（高级数据结构，了解）

2-3树

- 2-3树与红黑树具有等价性，了解2-3树的性质可以帮助我们更好的掌握红黑树

2-3树

满足二分搜索树的基本性质

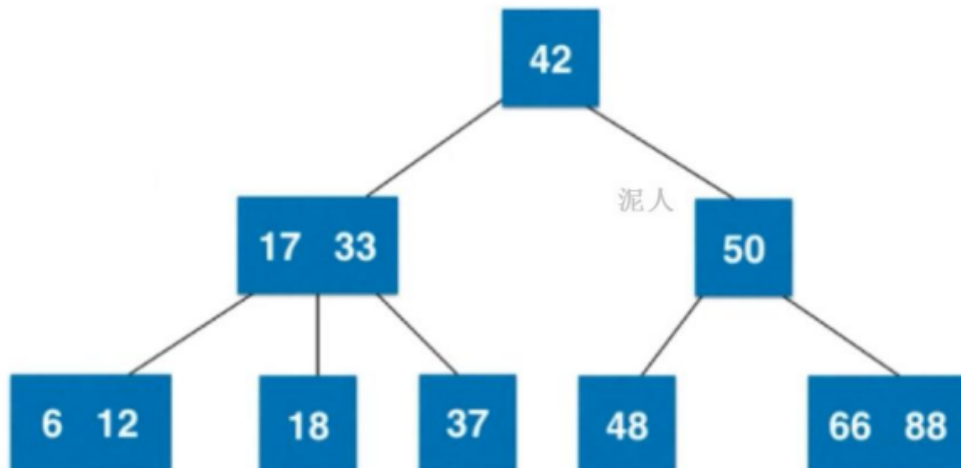
节点可以存放一个元素或者两个元素



每个节点有2个或者3个孩子 — 2-3树

对于由两个孩子的节点我们称之为**2节点**，对于有三个孩子的节点我们则称之为**3节点**

2-3树



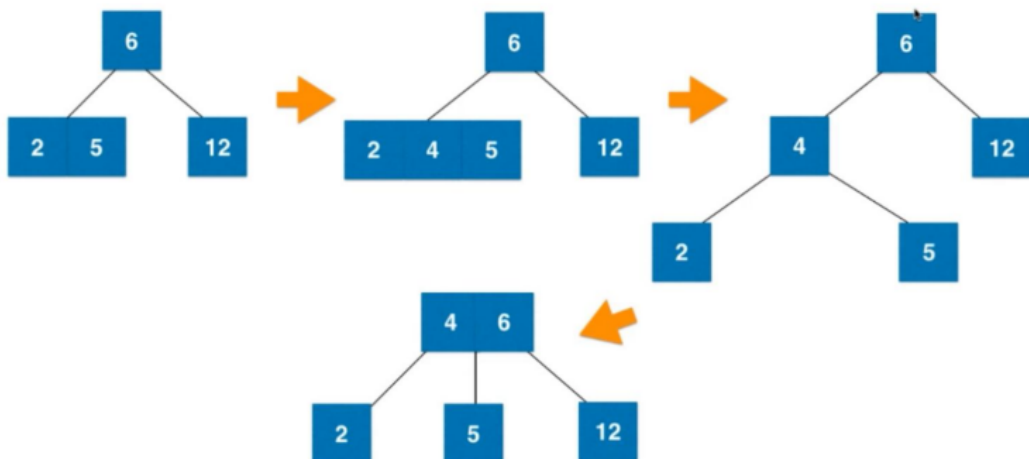
2-3树是一颗**绝对平衡的树**，即对于任何一个节点，左右子树的高度相同

- 2-3树的插入是一个比较麻烦的过程
 - 插入的节点是**2节点**则此时节点将转换成为一个**3节点**
 - 当插入的节点是**3节点**时我们需要将3节点向上分裂转换成2节点，如果分裂的3节点是一个子节点，则分裂后的根节点需要向上融合到父节点中，此时父节点就有可能变成2节点或者3节点，因此我们需要重复这个操作，直到所有的节点都满足2-3树的要求。

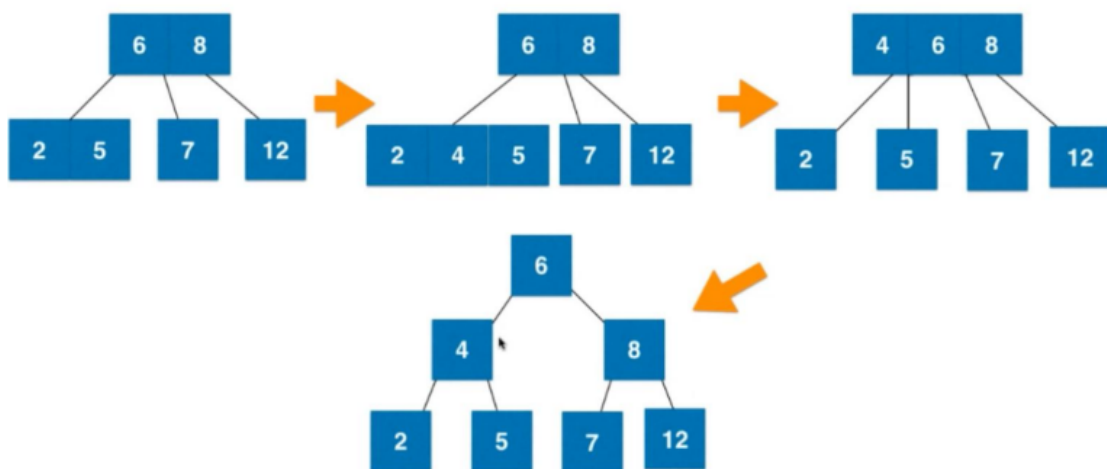
如果插入3-节点



如果插入3-节点，父亲为2-节点



如果插入3-节点，父亲节点为3-节点



红黑树（左倾红黑树）

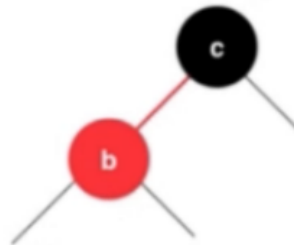
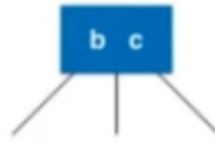
- 红黑树与2-3树具有等价性

红黑树和2-3树

2节点



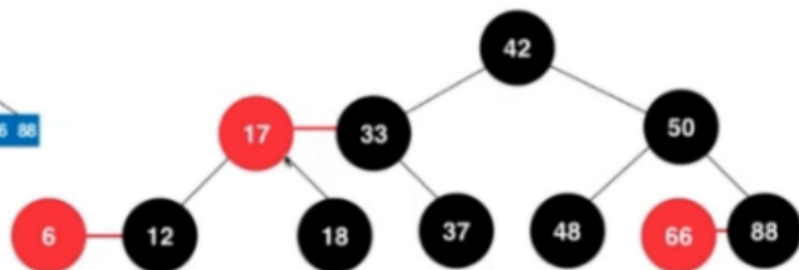
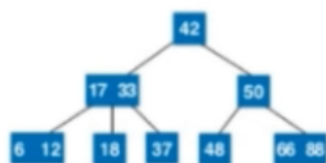
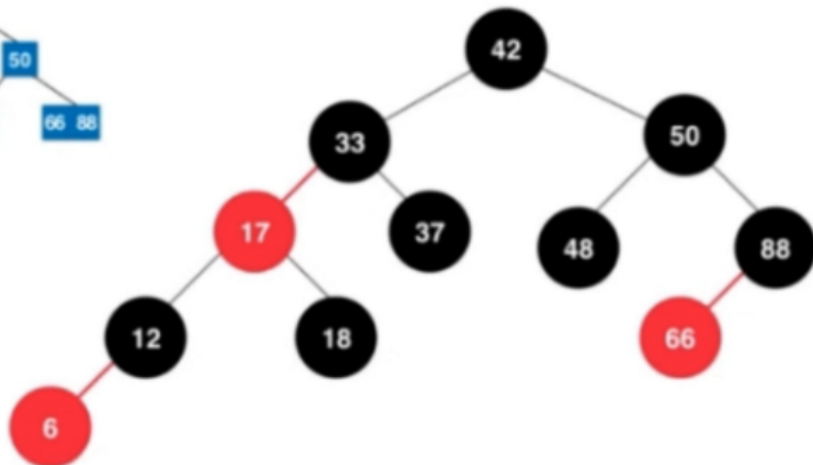
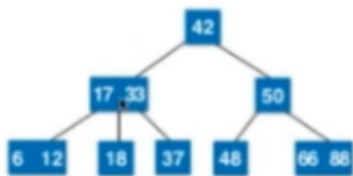
3节点

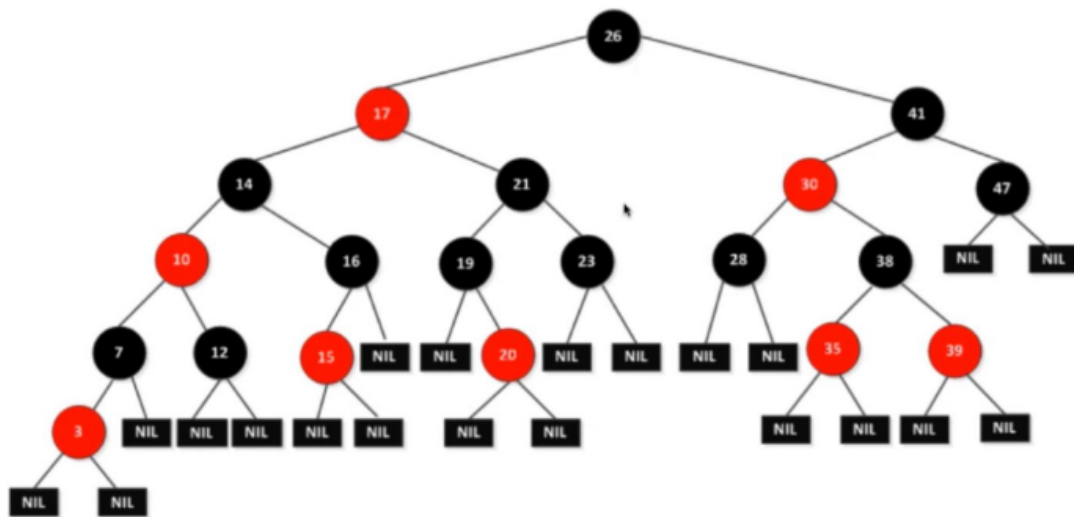


所有的红色节点都是左倾斜的

红黑树中的节点我们都可以使用对应的2节点或者3节点表示

- 一个栗子





此图中的2-3树和红黑树就是等价的

红黑树的定义

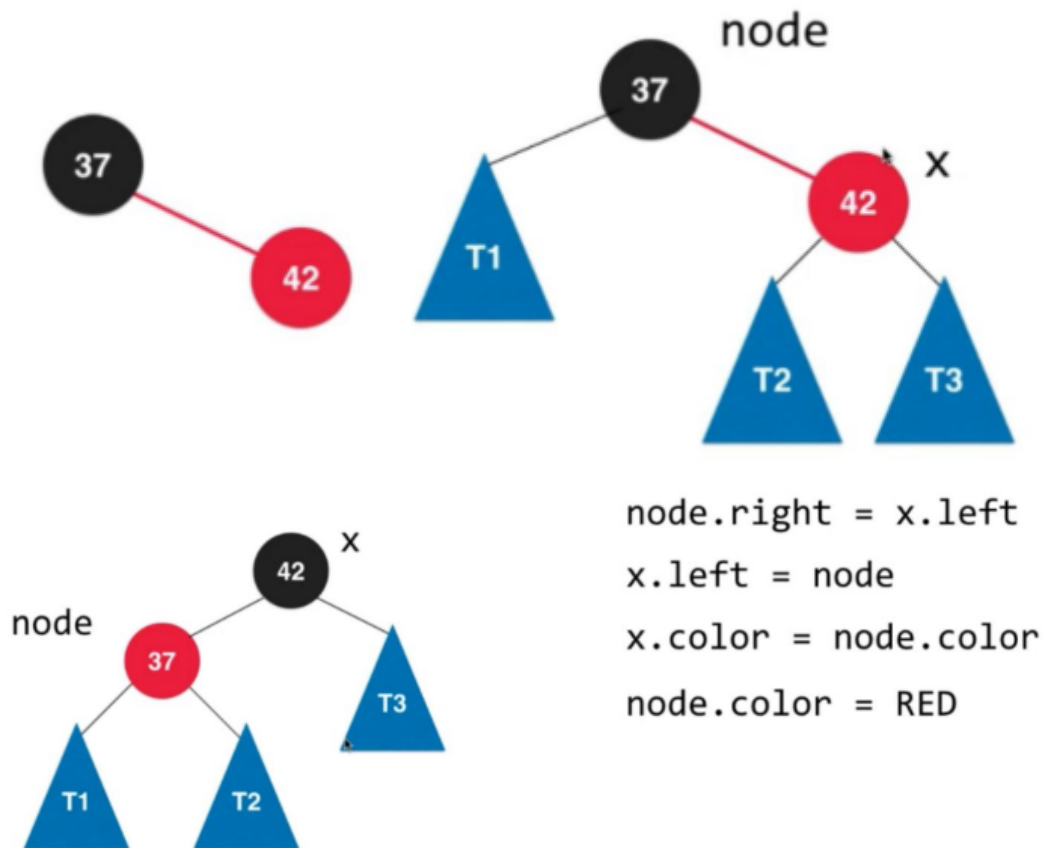
- 此处我们讲的定义是红黑树在《算法4》中的定义
 1. 每个节点或者是红色的，或者是黑色的
 2. 根节点是黑色的
 3. 每一个叶子节点（最后的空节点）是黑色的
 4. 如果一个节点是红色的，那么他的孩子节点都是黑色的
 5. 从任意一个节点到叶子节点，经过的黑色节点是一样的

从定义上我们可以发现，对于红黑树而言，其并不是严格意义上的平衡二叉树，但是其是保持“黑平衡”的二叉树，最大高度为 $2\log n$ 。

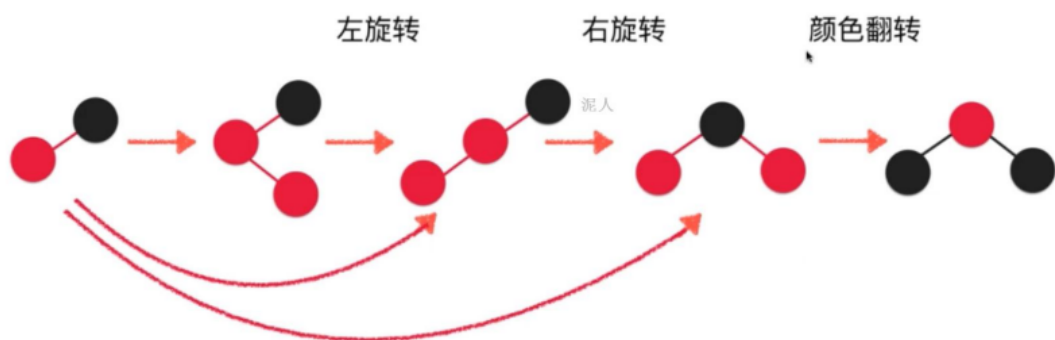
- 红黑树中节点的添加操作

在红黑树中左旋转是对两个节点的操作，右旋转是对三个节点的操作

- 节点的默认颜色为红色，当我们插入的节点比已存在的节点小时，插入过程就已经结束了，当我们插入的节点比当前节点大时（如图所示），则此时需要进行**左旋转**。当我们对旋转后的节点颜色进行改变时，可能会导致出现连续的两个节点都是红节点，不需要担心这一点，因为左旋转只是一个子过程，我们还需要进行其他的调整过程才能够满足红黑树的相应性质



- 插入过程如图，调整的时机与AVL树相同



- 如果插入的节点是2节点，且插入的位置是左孩子，则得到上图的起始状态
- 如果插入的节点是2节点，且插入的位置是右孩子，则需要进行左旋转得到起始状态
- 对于一个初始的3节点，如果插入的节点（默认插入的节点都是红色节点）是左孩子节点的右孩子则需要进行左旋转
- 如果插入的节点是左孩子节点的左孩子，则不跳过左旋转步骤
- 对调整过的节点进行右旋转，右旋转是对黑色的根节点进行旋转的，需要进行一次颜色维护，则可以得到根节点为黑色节点，左右节点为红色节点的子树
- 然后对子树进行颜色翻转即可
- 最后，我们需要调用函数保证根节点的颜色为黑色

实现

```

import java.util.ArrayList;

public class RBTree<K extends Comparable<K>, V> {

    private static final boolean RED = true;
    private static final boolean BLACK = false;

```

```

private class Node{
    public K key;
    public V value;
    public Node left, right;
    public boolean color;

    public Node(K key, V value){
        this.key = key;
        this.value = value;
        left = null;
        right = null;
        color = RED;
    }
}

private Node root;
private int size;

public RBTree(){
    root = null;
    size = 0;
}

public int getSize(){
    return size;
}

public boolean isEmpty(){
    return size == 0;
}

// 判断节点node的颜色
private boolean isRed(Node node){
    //需要注意的一个点，对于空节点，其颜色是黑色的
    if(node == null)
        return BLACK;
    return node.color;
}

//      node                      x
//    /  \      左旋转      /  \
// T1   x  ----->   node   T3
//      / \          /  \
//      T2 T3        T1  T2
private Node leftRotate(Node node){
    Node x = node.right;
    node.right = x.left;
    x.left = node;

    x.color = node.color;
    node.color = RED;

    return node;
}

//      node                      x
//    /  \      右旋转      /  \
// x    T2  ----->   y    node

```

```

// / \
// y T1      T1 T2
private Node rightRotate(Node node){

    Node x = node.left;
    node.left = x.right;
    x.right = node;

    x.color = node.color;
    node.color = RED;
}

// 颜色翻转
//得到一个根节点为红色，左右子树为黑色的节点
private void flipColors(Node node){

    node.color = RED;
    node.left.color = BLACK;
    node.right.color = BLACK;
}

// 向红黑树中添加新的元素(key, value)
public void add(K key, V value){
    root = add(k,v);
    root.color = BLACK;
}

// 向以node为根的红黑树中插入元素(key, value)，递归算法
// 返回插入新节点后红黑树的根
private Node add(Node node, K key, V value){

    if(node == null){
        size ++;
        return new Node(key, value); // 默认插入红色节点
    }

    if(key.compareTo(node.key) < 0)
        node.left = add(node.left, key, value);
    else if(key.compareTo(node.key) > 0)
        node.right = add(node.right, key, value);
    else // key.compareTo(node.key) == 0
        node.value = value;

    //      root
    //      /
    //     newNode
    // 此时不需要处理

    //      root
    //      \
    //     newNode
    // 默认插入的节点都是红色，此时需要进行左旋转
    // 注意，此时node指向的是root，这是递归写法决定的
    // node.right = add(node.right, key, value)
    if(isRed(node.right) && !isRed(node.left)){
        //左孩子也是红结点的话直接颜色翻转就好了
        node = leftRotate(node);
    }
}

```

```

//      root
//      /
//      node
//      /
//  newNode
// 此时需要进行右旋转,node还是指向子树的根节点的
// 递归定义,返回插入新节点后红黑树的根
if(isRed(node.left) && isRed(node.left.left)){
    node = rightRotate(node);
}

// 经过上面的处理后
//
//      root
//      /  \
//      node node
//
// 树的结构接变成这样了
// 此时我们需要改变颜色
if(isRed(node.left) && isRed(node.right))
    flipColors(node);

//      root      root
//      /          \
//      node        node
//      \          \
//      newNode     newNode
//
// 不会有这两种情况,因为上面进行了左旋转

return node;
}

// 返回以node为根节点的二分搜索树中, key所在的节点
private Node getNode(Node node, K key){

    if(node == null)
        return null;

    if(key.equals(node.key))
        return node;
    else if(key.compareTo(node.key) < 0)
        return getNode(node.left, key);
    else // if(key.compareTo(node.key) > 0)
        return getNode(node.right, key);
}

public boolean contains(K key){
    return getNode(root, key) != null;
}

public V get(K key){

    Node node = getNode(root, key);
    return node == null ? null : node.value;
}

public void set(K key, V newValue){

```



```
Node node = getNode(root, key);
if(node == null)
    throw new IllegalArgumentException(key + " doesn't exist!");

node.value = newValue;
}
}
```

- 红黑树的删除逻辑比较复杂，可以自行了解，此处不再给出

红黑树的性能总结

- 对于完全随机的数据，普通的二分搜索树很好用！
- 缺点：极端情况退化成链表（或者高度不平衡）
- 对于查询较多的使用情况，AVL树很好用！
- 红黑树牺牲了平衡性（ $2\log n$ 的高度）统计性能更优（综合增删改查所有的操作）

更多的树

- splay tree 伸展树：使用了局部性原理（刚被访问的内容下次高概率再次被访问）
- 右倾红黑树