

## Resolución de problemas (III.3)

### Búsqueda en juegos

# Búsqueda en juegos

---

- Tipos de juegos
- Juegos de suma cero de dos jugadores.
  - Minimax
  - Poda alfa-beta
- Juegos contra la naturaleza.
  - Repaso de probabilidades
  - Expectimax
- Juegos de suma no cero.

- Damas: Chinook gana el campeonato del mundo en 1994. Actualmente resuelto.
- Ajedrez: Deep Blue vence a Gary Kasparov en 1997.
- Othello (reversi): Los campeones humanos se niegan a jugar contra los ordenadores, que son mucho mejores.
- Go: Los campeones humanos empiezan a verse amenazados por los ordenadores, que todavía pierden.

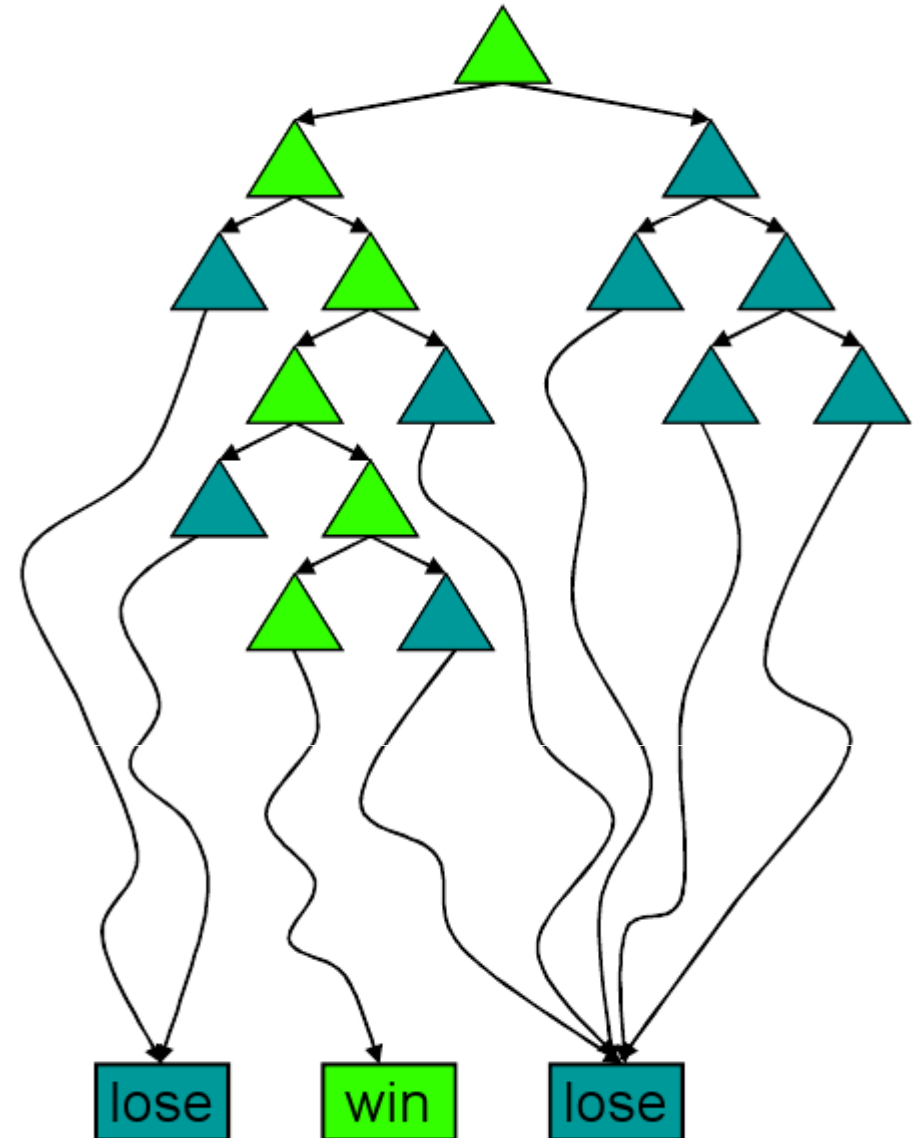
# Tipos de juegos

---

- Determinista vs. Estocástico.
- Uno, dos, tres, ... jugadores.
- Información completa/incompleta.
- El objetivo de los algoritmos es calcular una **política** que recomiende el movimiento a realizar en cada estado.

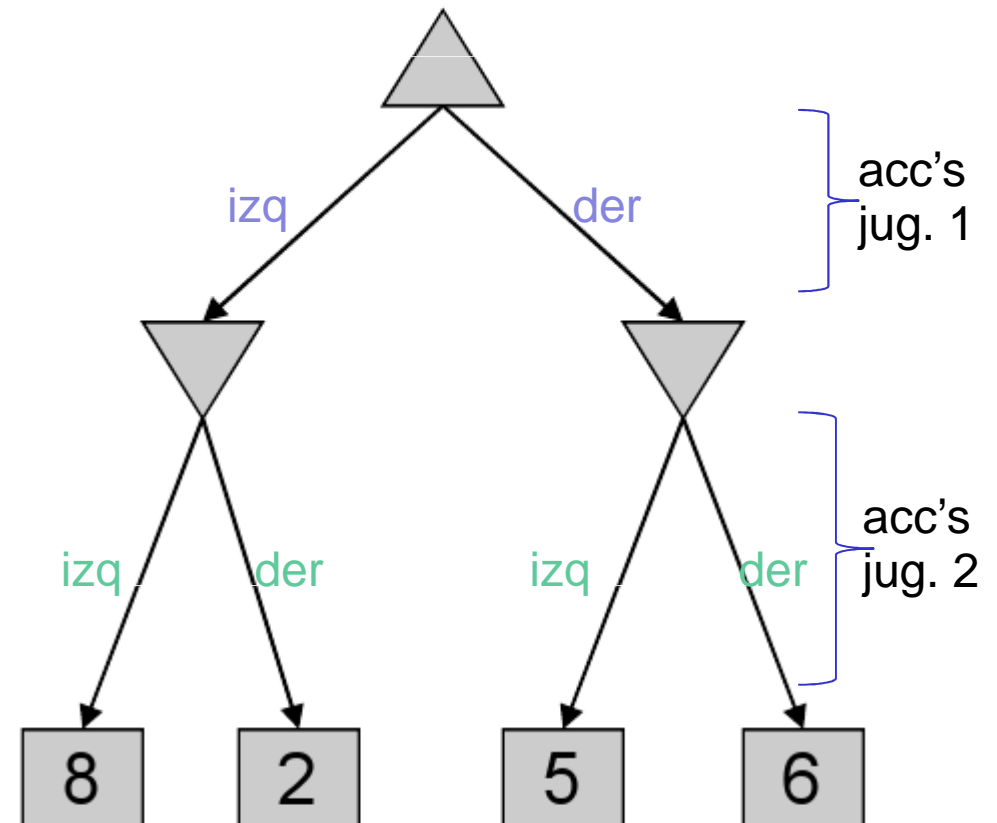
# Deterministas de un jugador

- Información perfecta:
  - Conocemos las reglas, las acciones y el objetivo
  - 8-puzzle, Cubo Rubik
- ... son simplemente búsqueda.
- Reinterpretación:
  - Cada nodo almacena un valor: el mejor que puede conseguir por esa rama.
- Tras la búsqueda se pueden escoger los movimientos que llevan al mejor nodo.



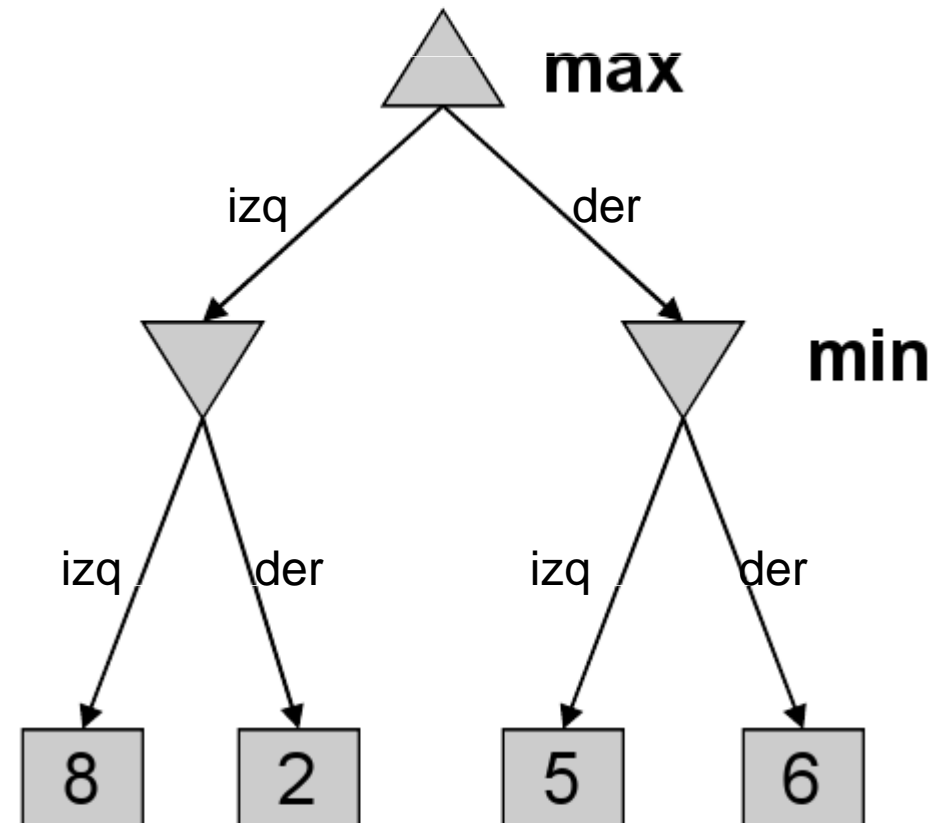
# Deterministas de dos jugadores

- Ej: Tres en raya, ajedrez, damas.
- Juegos de suma cero:
  - Lo que un jugador gana lo pierde el otro.
- ¿Qué estrategia seguir ?

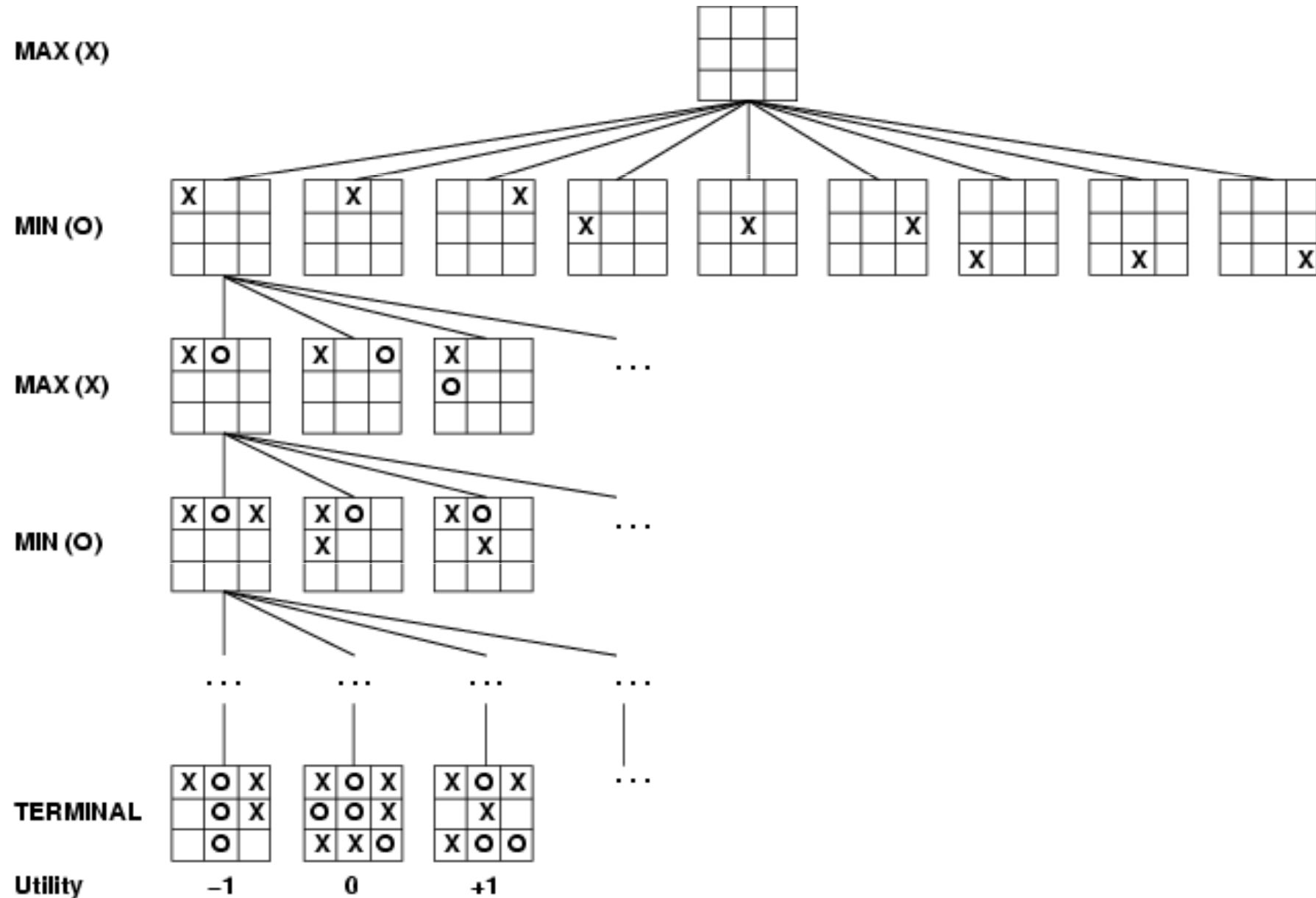


# Deterministas de dos jugadores

- Ej: Tres en raya, ajedrez, damas.
- Juegos de suma cero:
  - Lo que un jugador gana lo pierde el otro.
- Minimax:
  - Escoger el movimiento con mayor valor minimax.
  - ¿Cuál es la mejor jugada posible suponiendo que nuestro rival es perfecto?

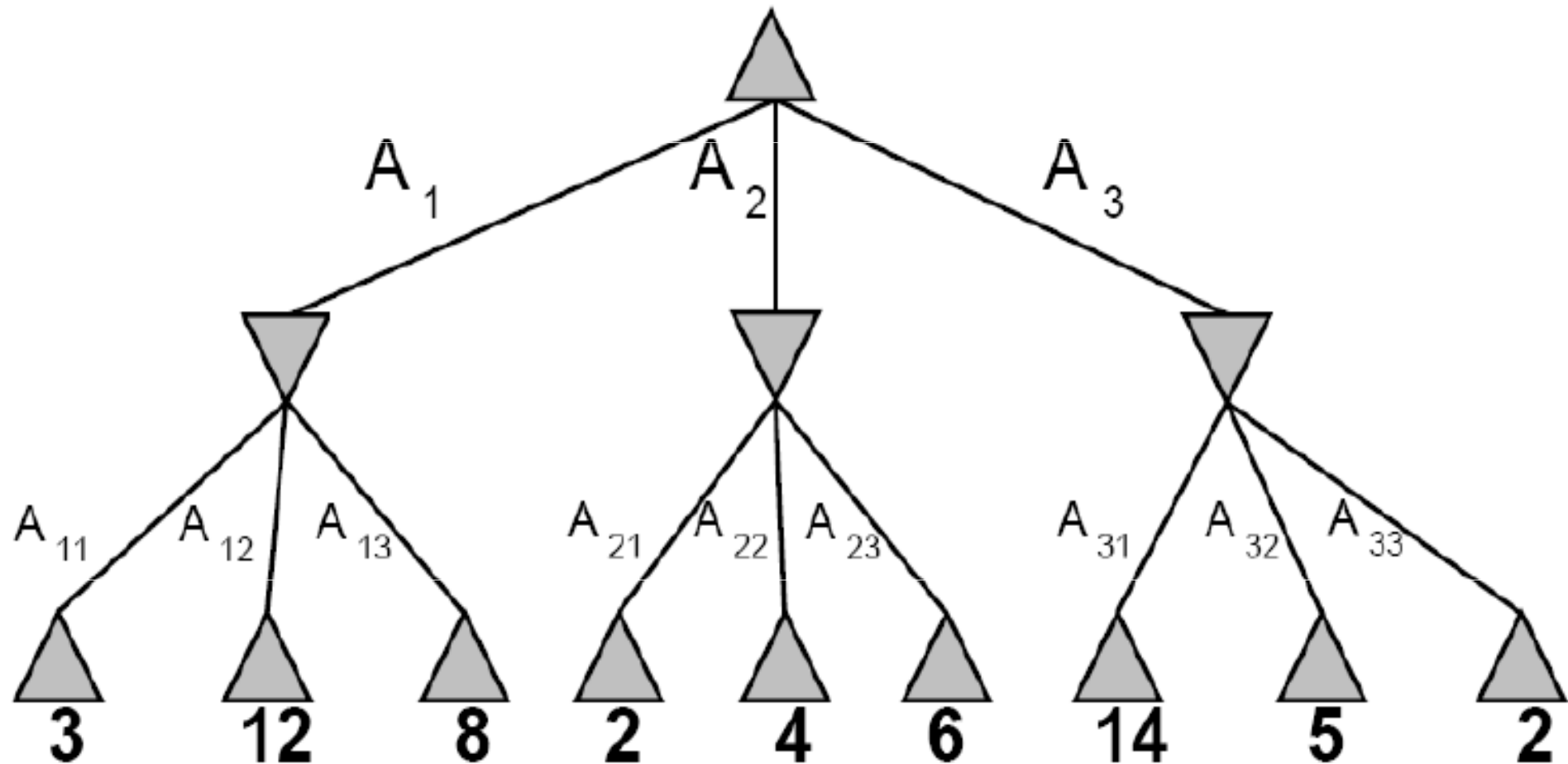


# Árbol de juego (2 jugadores, determinista, por turnos)

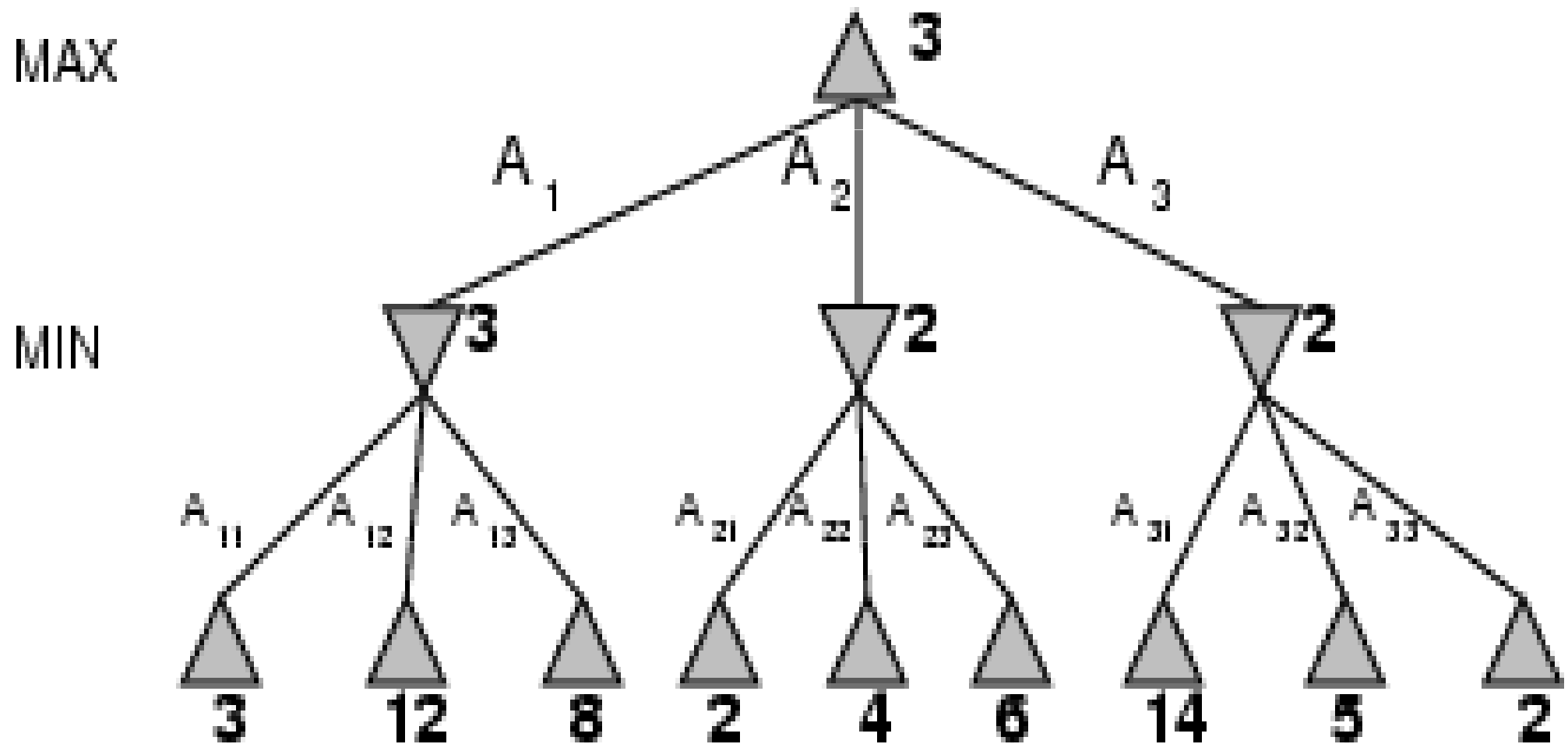




# Ejemplo minimax



# Ejemplo minimax



# Algoritmo minimax

**function** MINIMAX-DECISION(*state*) *returns an action*

$v \leftarrow \text{MAX-VALUE}(\textit{state})$

**return** the *action* in SUCCESSORS(*state*) with value *v*

---

**function** MAX-VALUE(*state*) *returns a utility value*

**if** TERMINAL-TEST(*state*) **then return** UTILITY(*state*)

$v \leftarrow -\infty$

**for** *a, s* in SUCCESSORS(*state*) **do**

$v \leftarrow \text{MAX}(v, \text{MIN-VALUE}(s))$

**return** *v*

---

**function** MIN-VALUE(*state*) *returns a utility value*

**if** TERMINAL-TEST(*state*) **then return** UTILITY(*state*)

$v \leftarrow \infty$

**for** *a, s* in SUCCESSORS(*state*) **do**

$v \leftarrow \text{MIN}(v, \text{MAX-VALUE}(s))$

**return** *v*

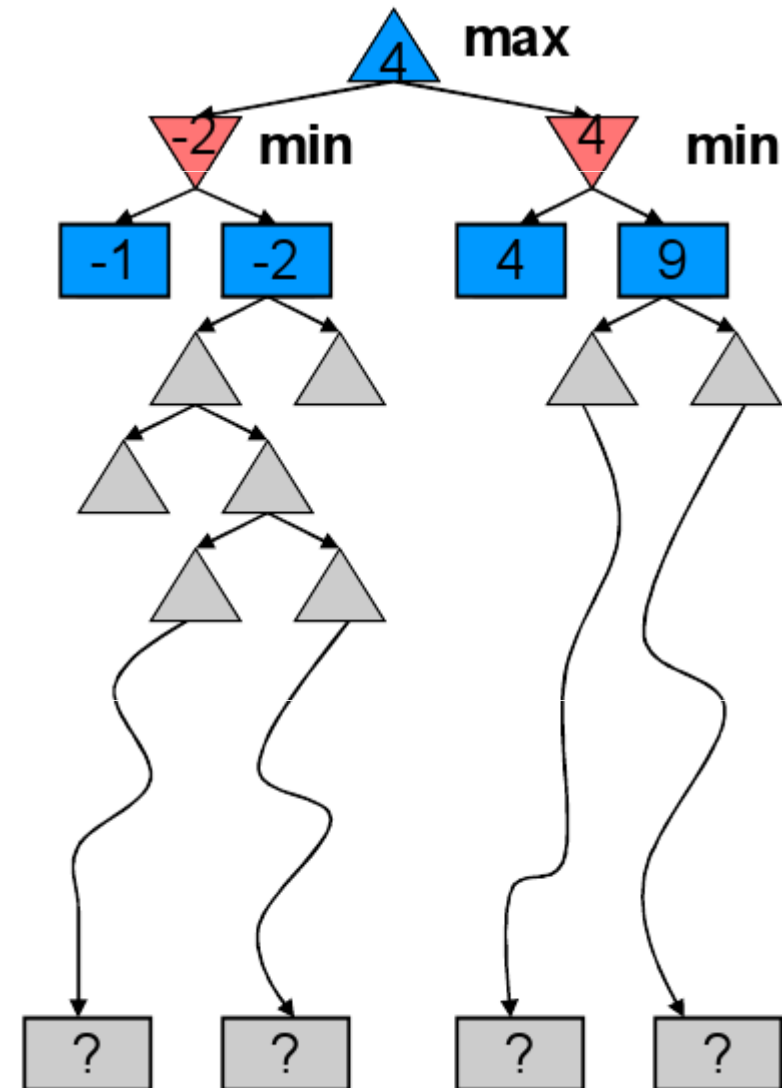
# Propiedades minimax

---

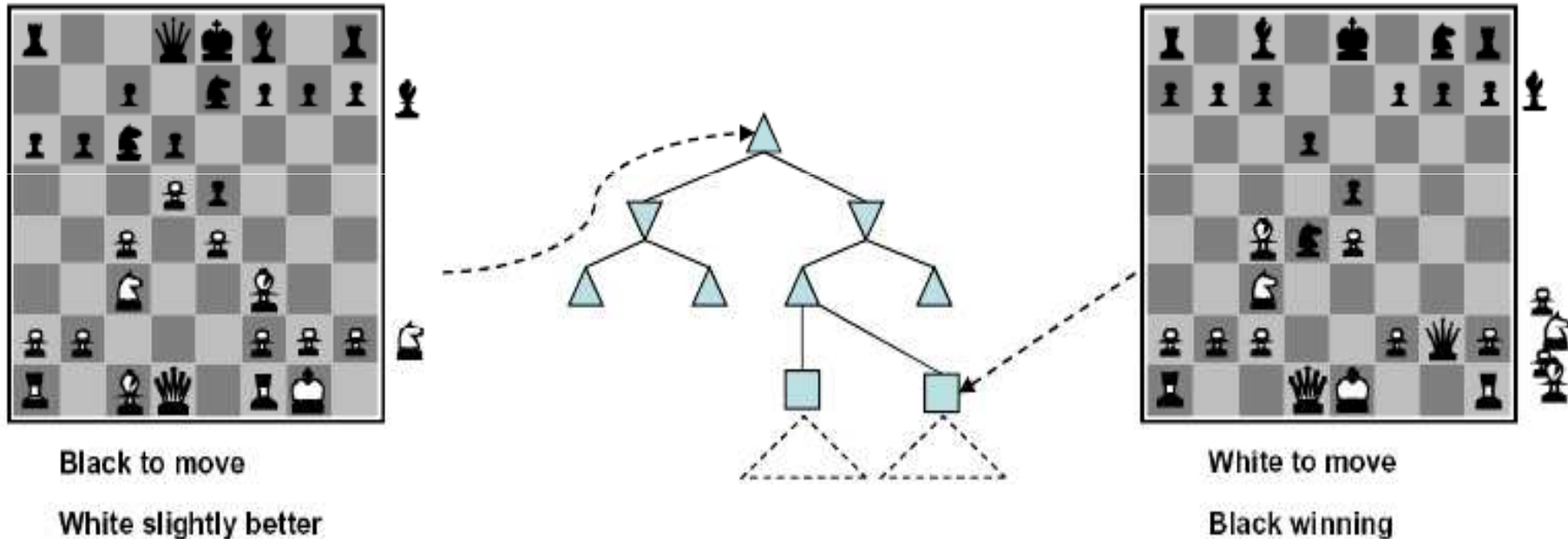
- Óptimo contra un enemigo perfecto. ¿Y si no lo es?
  - Complejidad temporal:  $O(b^m)$
  - Complejidad espacial:  $O(b \cdot m)$
  - Completo si el árbol es finito.
- 
- En ajedrez  $b \sim 35$ ,  $m \sim 100 \rightarrow$  La solución exacta es totalmente intratable.

# Reduciendo el gasto computacional

- Buscar hasta una profundidad determinada.
- Reemplazar las utilidades de los nodos terminales por una evaluación heurística.
- La garantía de optimalidad desaparece.
- La profundidad es clave.



# Funciones de evaluación

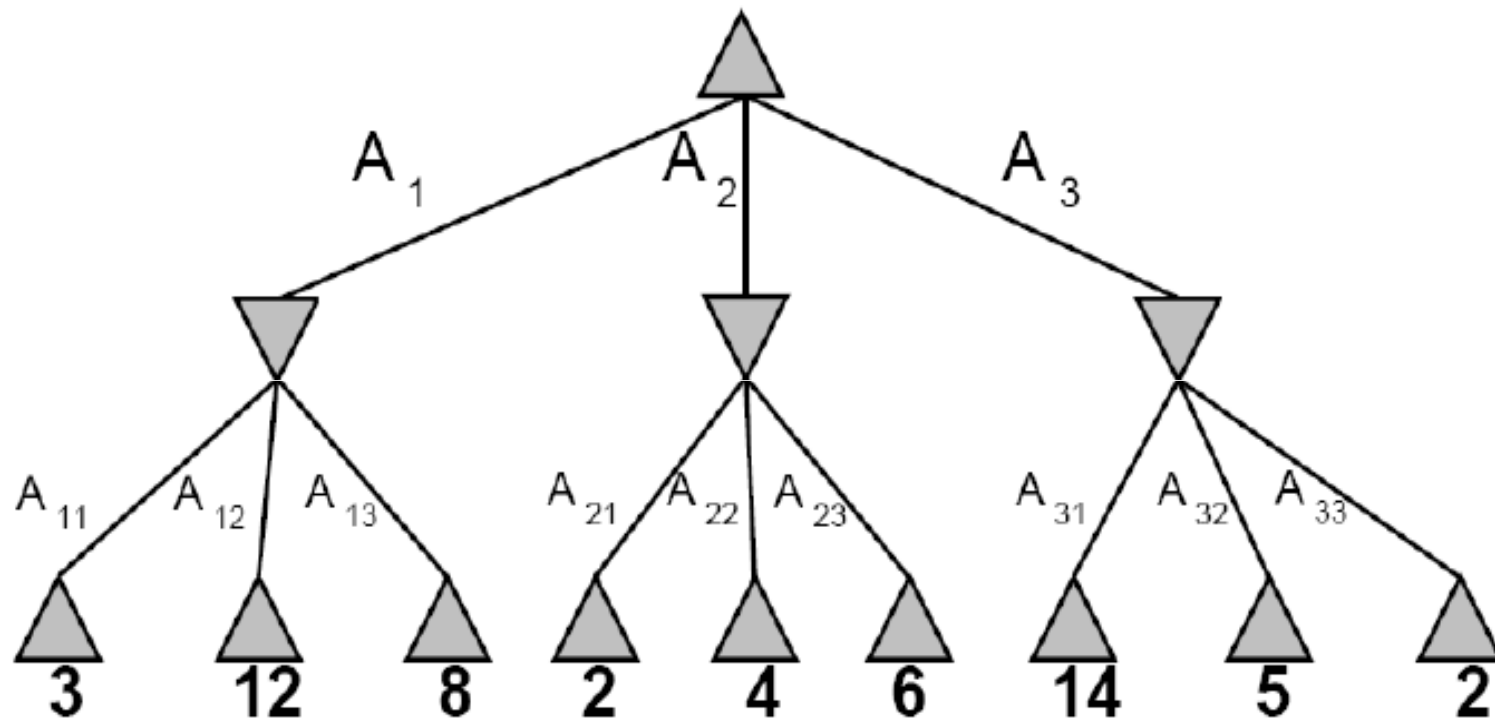


- Debe parecerse lo más posible a la utilidad de esa posición.
- Habitualmente:

$$Eval(s) = w_1 f_1(s) + w_2 f_2(s) + \dots + w_n f_n(s)$$

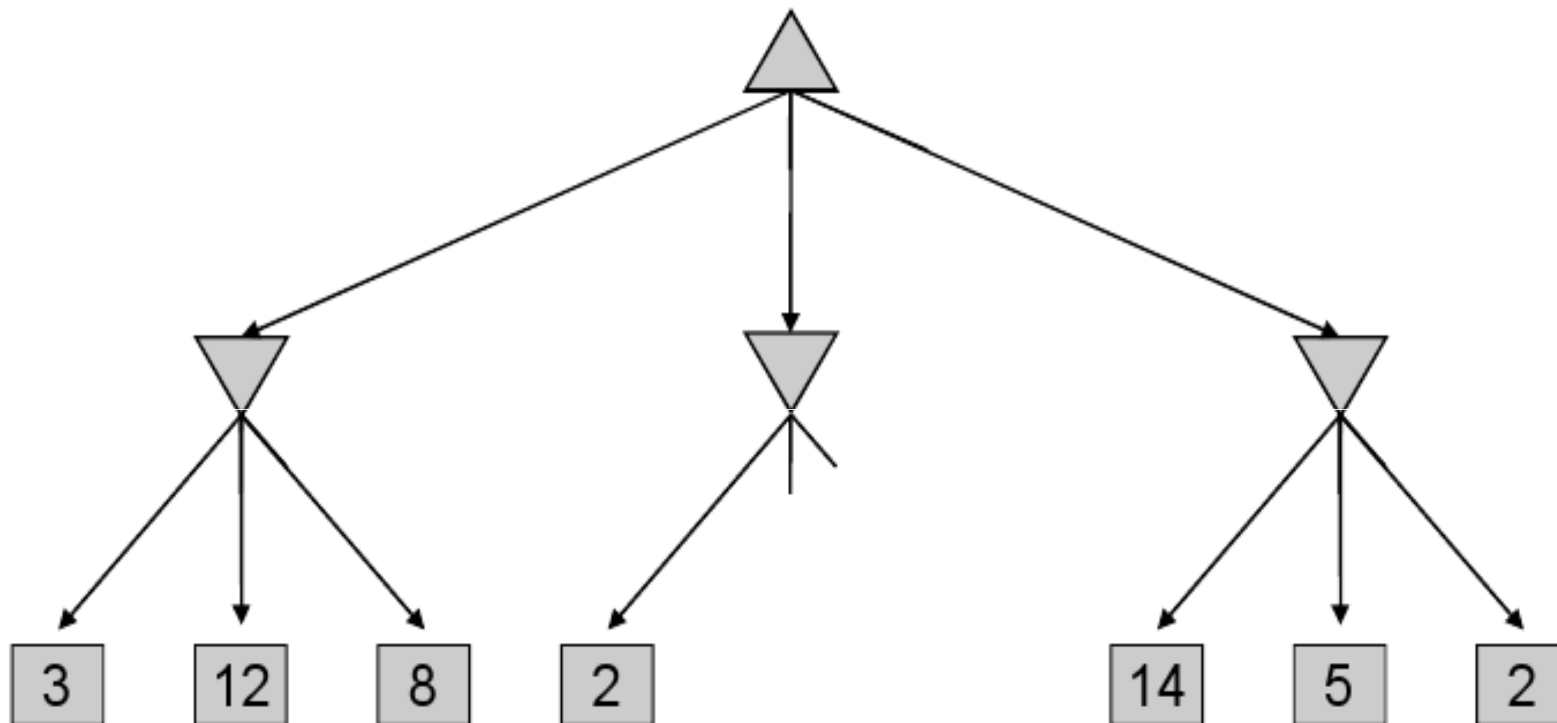
# Podando minimax (ej 1)

- ¿Podemos ahorrarnos expandir o evaluar algún nodo?



# Podando minimax (ej 1)

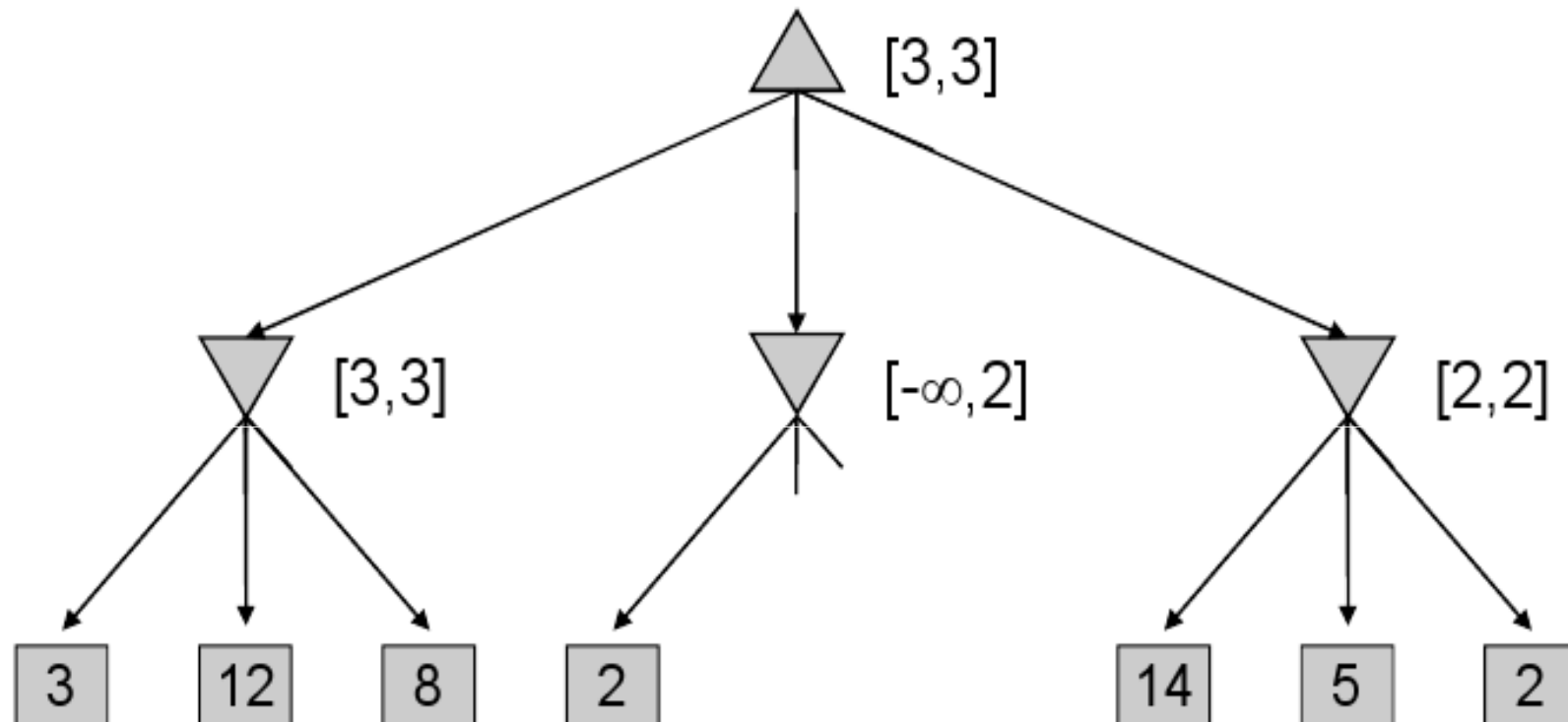
- ¿Podemos ahorrarnos expandir o evaluar algún nodo?





# Podando minimax (ej 1)

- ¿Podemos ahorrarnos expandir o evaluar algún nodo?



# Poda alfa-beta

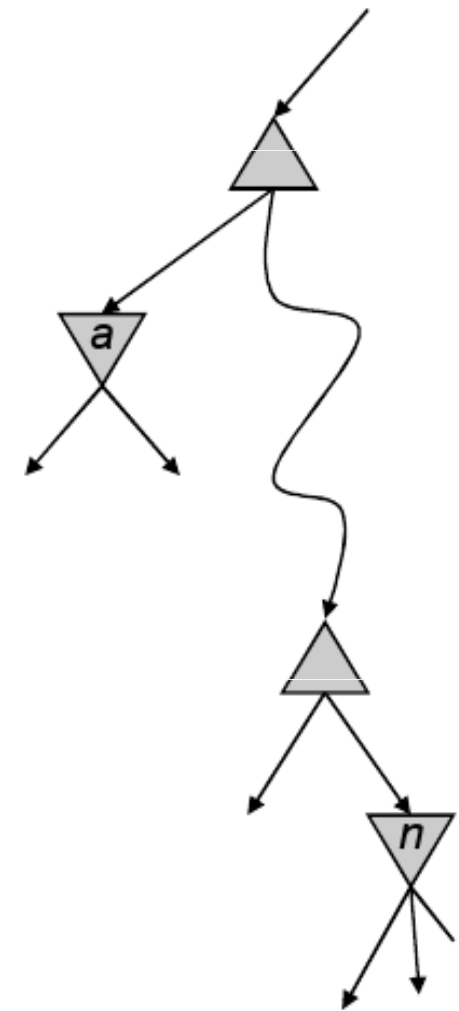
- Calculando el mínimo en  $n$  (recorriendo los hijos de  $n$ ).
- La estimación del valor de  $n$  va bajando.
- Sea  $a$  el valor máximo que MAX puede obtener en cualquier elección a lo largo del camino actual.
- Si  $n < a$  podemos dejar de expandir los hijos de  $n$ , ya que tenemos una alternativa mejor.
- Podemos definir de la misma forma  $b$  para MIN.

MAX

MIN

MAX

MIN



# Poda alfa-beta

**function** ALPHA-BETA-SEARCH(*state*) *returns an action*

**inputs:** *state*, current state in game

$v \leftarrow \text{MAX-VALUE}(\text{state}, -\infty, +\infty)$

**return** the *action* in SUCCESSORS(*state*) with value *v*

---

**function** MAX-VALUE(*state*,  $\alpha$ ,  $\beta$ ) *returns a utility value*

**inputs:** *state*, current state in game

$\alpha$ , the value of the best alternative for MAX along the path to *state*

$\beta$ , the value of the best alternative for MIN along the path to *state*

**if** TERMINAL-TEST(*state*) **then return** UTILITY(*state*)

$v \leftarrow -\infty$

**for** *a, s* in SUCCESSORS(*state*) **do**

$v \leftarrow \text{MAX}(v, \text{MIN-VALUE}(s, \alpha, \beta))$

**if**  $v \geq \beta$  **then return** *v*

$\alpha \leftarrow \text{MAX}(\alpha, v)$

**return** *v*

MIN-VALUE (*state*,  $\alpha$ ,  $\beta$ ):  
if terminal(*state*) then return utility(*state*)  
 $v = +\infty$   
for *a, s* in Successors(*state*) do  
 $v \leftarrow \min(v, \text{MAX-VALUE}(s, \alpha, \beta))$   
if  $v \leq \alpha$  then return *v*  
 $\beta = \min(\beta, v)$   
return *v*

# Ejemplo poda alfa-beta (ej 2)

