

L3 Calcul Formel
Université de Lorraine

TP 4 : Codes correcteurs

Clément Dell'Aiera

1 Code de Hamming

1. Implémenter une fonction **Test** qui prend en entrée un message bruité ainsi qu'une matrice définissant un code BCH ; et retourne *True* si le message appartient au code défini par H , *False* sinon.
2. Implémenter une fonction **Code** qui prend en entrée un message à envoyer ainsi qu'une matrice définissant un code BCH ; et retourne le message codé.
3. Implémenter une fonction qui prend en entrée un message non bruité et le bruité. On prendra pour cela un bit du message au hasard que l'on inverse ($0 \mapsto 1$ et $1 \mapsto 0$).
4. Implémenter une fonction qui, étant donné un code et un message reçu, vérifie s'il y a une erreur, et le cas échéant, corrige l'erreur. La fonction doit retourner le message corrigé. En cas d'erreur, en plus du message corrigé, la fonction afficher un message du type "Erreur détectée sur le bit numéro j " avec j la position de l'erreur.
5. Combien le code de Hamming $H(4, 3)$ contient-il de mots ? Calculer sa distance, sa capacité de détection et de correction.

2 Construction du polynôme générateur

Polynôme cyclotomique

Entrée : $n \in \mathbb{N}^*$

Sortie : Φ_n

1. Déterminer la décomposition en facteur premier de $n = p_1^{\alpha_1} \dots p_k^{\alpha_k}$
2. $m = p_1 p_2 \dots p_k$
3. $P_0 = X - 1$
4. Pour $j = 1, \dots, k$ faire $P_j \leftarrow P_{j-1}(X^{p_j}) // P_{j-1}(X)$
5. Retourner $P_k X^{n/m}$

Cantor-Zassenhaus

Entrée : $P \in \mathbb{F}_2[X]$ unitaire sans facteur carré ayant tous des facteurs irréductibles de même degré d , $\deg P = n > 0$.

Sortie : Un facteur non trivial de P , ou *False*.

1. Choisir $Q \in \mathbb{F}_2[X]$ au hasard de degré $< n$.
2. $g = \text{pgcd}(P, Q)$
3. Si $g = 1$, alors retourner g
4. $a = T_d(Q) \pmod{P}$
5. $g \leftarrow \text{pgcd}(a - 1, P)$
6. Si $g \neq 1$ et $g \neq P$, retourner g , sinon retourner *False*