

d) Ereignis: "Zufällig ausgewählte Leoguttor ist vom Typ D und ein Fehler trifft bei der Division auf" (3)

Formulierung: Wahrscheinlichkeit D ausgewählt wird  
Bedingung: Fehler bei der Division  
 $P(D/\text{Förv})$

Bayes'sche Formel:  $P(A_k/B) = \frac{P(B|A_k) \cdot P(A_k)}{\sum_{i=1}^n P(B|A_i) \cdot P(A_i)}$  4.22

$A_1, \dots, A_n$  disjoint  
 $P(A_i) > 0 \forall i, P(B) > 0$

$$\begin{aligned} \Rightarrow P(D/\text{Förv}) &= \frac{P(\text{Förv}/D) \cdot P(D)}{P(\text{Förv}/A) \cdot P(A) + P(\text{Förv}/B) \cdot P(B) + P(\text{Förv}/C) \cdot P(C) + P(\text{Förv}/D) \cdot P(D)} \\ &= \frac{\frac{586}{100000} \cdot \frac{1}{4}}{\frac{3}{100000} \cdot \frac{1}{4} + \frac{4}{100000} \cdot \frac{1}{4} + \frac{7}{100000} \cdot \frac{1}{4} + \frac{586}{100000} \cdot \frac{1}{4}} = \frac{586}{600} = 98\% \end{aligned}$$

$$\underline{\underline{P_{\text{D}} = P(D/\text{Förv}) = 98\%}}$$

e) Ereignis A: "Zufällig gewählte Leoguttor vom Typ D"  
Ereignis B: "Fehler bei einer Division"

Def: A, B stochastisch unabhängig wenn:  $P(A|B) = P(A|\bar{B})$

$$\Rightarrow P(\text{Förv}/D) \stackrel{!}{=} P(\text{Förv}/\bar{D})$$

$$\Rightarrow \frac{586}{100000} \neq \frac{3+4+7}{300000} = \frac{14}{300000}$$

$\Rightarrow$  stochastisch abhängig