

Sistemas de Comunicación

- Modulación Angular-

Ph.D. Cristian Guarnizo Lemus

cristianguarnizo@itm.edu.co









Contenido

- 1. Modulación Angular.
- 2. Análisis matemático.
- 3. Índice de Modulación.





Sentido Humano 1. Modulación Angular

$$m(t) = V_c \cos(2\pi f t \pm \theta)$$

Cuando se varia f se conoce como modulación de frecuencia. Mientras que si se varia θ se conoce como modulación de fase.





Sentido Humano 1. Modulación Angular

FM es la técnica de modulación análoga mas usada. Cuando se varia la frecuencia, también se varia indirectamente la fase.

PM es raramente usada en sistemas análogos pero su variación es a menudo usada en comunicación digital. Cuando se varia la fase, también se varia indirectamente la frecuencia.





Sentido Humano 1. Modulación Angular

Ventajas:

Reducción de ruido.

Mayor fidelidad.

Uso mas eficiente de potencia.

Desventajas:

Necesidad de mayor ancho de banda.

Requiere de circuito mas complicados tanto en transmisión como en recepción.





Sentido Humano 1. Modulación Angular

$$m(t) = V_c \cos(\omega_c t + \theta(t))$$

m(t) = onda con modulación angular.

= amplitud máxima de portadora (volts).

= frecuencia de la portadora en radianes. ω_c

 $\theta(t)$ = desviación instantánea de fase (radianes).





Sentido Humano 1. Modulación Angular

Si $v_m(t)$ es la señal moduladora, la modulación angular se expresa como

$$\theta(t) = F(v_m(t))$$

en donde $v_m(t) = V_m \operatorname{sen}(\omega_m t)$.





1. Modulación Angular

Modulación directa de frecuencia (FM):

Variar la frecuencia de la portadora en proporción directa a la amplitud de la señal moduladora.

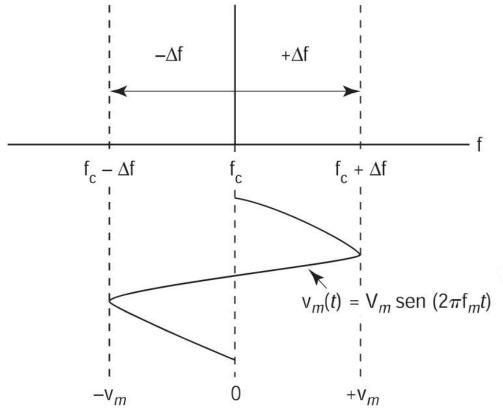
Modulación directa de fase (PM):

Variar la fase de la portadora en proporción directa a la amplitud de la señal moduladora.





1. Modulación Angular - FM



La frecuencia de la señal moduladora determina la frecuencia de la rapidez de desviación, o cuantas veces por segundo la frecuencia de la portadora se desvía por arriba y abajo de su frecuencia central.





1. Modulación Angular - FM

Ejemplo: (5-1 Frenzel)

Un transmisor opera sobre una frecuencia de 915MHz. La desviación FM máxima es ±12.5kHz. Cuales son las frecuencias máximas y mínimas que ocurren en la modulación?

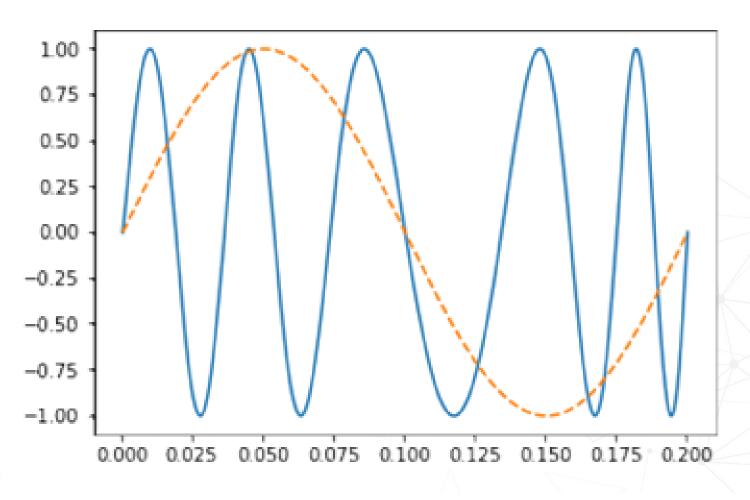
```
915 \text{ MHz} = 915000 \text{ kHz}
Maxima desv. = 915000 + 12.5 = 915012.5 \text{ kHz}
Minima desv. = 915000 - 12.5 = 914987.5 \text{ kHz}
```





1. Modulación Angular - FM

www.itm.edu.co





1. Modulación Angular - PM

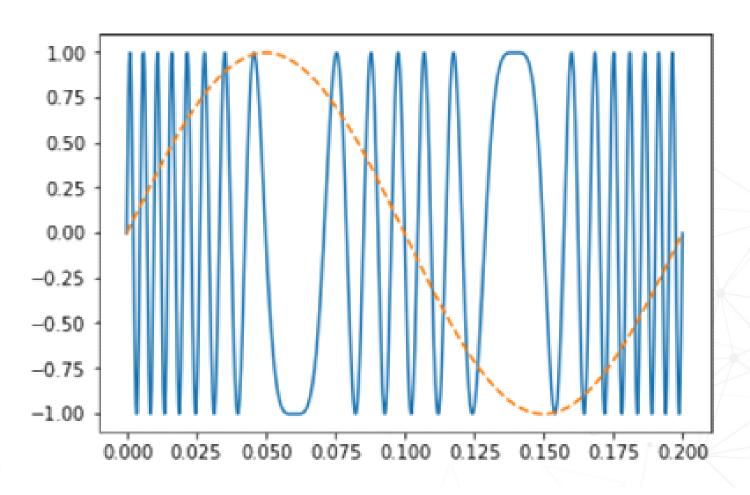
En PM, la máxima desviación de frecuencia ocurre cuando la señal modulante varia mas rápido. Para una onda seno como moduladora, ocurre cuando la onda modulante cambia de positivo a negativo o de negativo a positivo.





1. Modulación Angular - PM

www.itm.edu.co







Sentido Humano 2. Análisis matemático

La diferencia entre FM y PM se analiza con:

- 1. Desviación instantánea de fase: $\theta(t)$
- 2. Fase instantánea: $\omega_c t + \theta(t)$
- 3. Desviación instantánea de frecuencia: $\dot{\theta}(t)$
- 4. Frecuencia instantánea: $\omega_i = \omega_c + \dot{\theta}(t)$





Sentido Humano 2. Análisis matemático

 Desviación instantánea de fase: es el cambio instantáneo de fase de la portadora en determinado momento, e indica cuánto está cambiando la fase de la portadora con respecto a su fase de referencia

 $\theta(t)$





Sentido Humano 2. Análisis matemático

2. Fase instantánea: es la fase precisa de la portadora en un momento dado, y se describe matemáticamente como sigue

$$\omega_c t + \theta(t)$$





Sentido Humano 2. Análisis matemático

3. Desviación instantánea de frecuencia: Es el cambio instantáneo en la frecuencia de la portadora, y se define como la primera derivada de la desviación instantánea de fase con respecto al tiempo.

$$\dot{\theta}(t)$$
 rad/s

$$\frac{\dot{\theta}(t) \text{ rad/s}}{2\pi \text{ rad/ciclo}} = \frac{\text{ciclos}}{\text{s}} = \text{Hz}$$





Sentido Humano 2. Análisis matemático

4. Frecuencia instantánea: es la frecuencia precisa de la portadora en determinado momento, y se define como la primera derivada de la fase instantánea respecto al tiempo

$$\omega_{i} = \frac{d}{dt} [\omega_{c}t + \theta(t)]$$
$$= \omega_{c} + \dot{\theta}(t)$$



Sentido Humano 2. Sensibilidad a la desviación

Para una señal moduladora $v_m(t)$, la modulación de fase y la de frecuencia son

modulación de fase
$$\theta(t)=Kv_m(t)$$
 rad

modulación de frec.
$$\dot{\theta}(t) = K_1 v_m(t)$$
 rad/s

La sensibilidades son la funciones de transferencia de salida en función de la entrada de los moduladores.





Sentido Humano 2. Sensibilidad a la desviación

Para una señal moduladora $v_m(t)$, la modulación de fase y la de frecuencia son

modulación de fase
$$K = \frac{\text{rad}}{V} \left(\frac{\Delta \theta}{\Delta V} \right)$$

modulación de frec. $K_1 = \frac{\text{rad/s}}{V} \left(\frac{\Delta \omega}{\Delta V}\right)$





Sentido Humano 2. Sensibilidad a la desviación

La modulación de fase es la primera integral de la modulación de frecuencia:

modulación de fase
$$= \theta(t) = \int \dot{\theta}(t) dt$$
 $= \theta(t) = \int K_1 V_m(t) dt$ $= \theta(t) = K_1 \int V_m(t) dt$





Sentido Humano 2. Sensibilidad a la desviación

Si asumimos una señal moduladora $v_m(t) = V_m \cos(\omega_m t)$:

modulación de fase

$$m(t) = V_c \cos(\omega_c t + \theta(t))$$
$$= V_c \cos(\omega_c t + KV_m) \cos(\omega_m t)$$



Sentido Humano 2. Sensibilidad a la desviación

Si asumimos una señal moduladora $v_m(t) = V_m \cos(\omega_m t)$:

modulación de frecuencia
$$m(t) = V_c \cos \left(\omega_c t + \int \dot{\theta}(t) dt \right)$$
$$= V_c \cos \left(\omega_c t + K_1 \int V_m \cos(\omega_m t) dt \right)$$
www.ity.edu.co



Sentido Humano 2. Sensibilidad a la desviación

Si asumimos una señal moduladora $v_m(t) = V_m \cos(\omega_m t)$:

modulación de frecuencia $m(t) = V_c \cos \left(\omega_c t + \int \dot{\theta}(t) dt \right)$ $= V_c \cos \left(\omega_c t + \frac{K_1 V_m}{\omega_m} \operatorname{sen}(\omega_m t)\right)$





Sentido Humano 3. Índice de modulación - Fase

Para la señal modulada en fase tenemos:

$$V_c \cos(\omega_c t + KV_m \cos(\omega_m t))$$

$$V_c \cos(\omega_c t + m \cos(\omega_m t))$$

$$m = KV_m$$
 (radianes)



Para la señal modulada en fase tenemos:

$$V_c \cos \left(\omega_c t + \frac{K_1 V_m}{\omega_m} \operatorname{sen}(\omega_m t)\right)$$

 $V_c \cos(\omega_c t + m \sin(\omega_m t))$

$$m = \frac{K_1 V_m}{\omega_m} = \frac{\Delta f}{f_m}$$
 (adimensional)





Ejemplo: (5-2 Frenzel)

Cual es la razón de desviación del sonido de TV si la máxima desviación es 25kHz y la máxima frecuencia de modulación es 15kHz?

$$\frac{m}{f_m} = \frac{\Delta f}{15} = 1.667$$





Ejemplo: (6-1 Tomasí)

a) Determinar Δf , la desviación máxima de frecuencia, y m, el índice de modulación, para un modulador de FM con sensibilidad a la desviación $K_1 = 5kHz$ y una señal moduladora $v_m(t) = 2\cos(2\pi 2000t)$.

$$\Delta f = \frac{5\text{kHz}}{\text{V}} \times 2\text{V} = 10\text{kHz}$$

$$m = \frac{10\text{kHz}}{2\text{kHz}} = 5$$





Ejemplo: (6-1 Tomasí)

b) Determinar la desviación máxima de fase, m, para un modulador de PM con sensibilidad a la desviación K = 2.5 rad/s y una señal moduladora $v_m(t) = 2 \cos(2\pi 2000t)$.

$$m = \frac{2.5 \text{ rad}}{V} \times 2V = 5 \text{ rad}$$





Bibliografía

- -FRENZEL, Louis. (2016) Principles of Electronic Communication Systems. 4th Edition.
- –WAYNE, Tomasí. (2003) Sistemas de
 Comunicaciones Electrónicas. 4ª ed. Prentice Hall.

