### Sistemas de Comunicación

- Comunicaciones Digitales -

- PSK -

Ph.D. Cristian Guarnizo Lemus

cristianguarnizo@itm.edu.co









### Contenido – Desplazamiento de Fase

- 1. BPSK PSK Binario
- 2. PSK Cod. M-aria
- 3. QAM Cuadratura AM
- 4. QPSK Desplazamiento cuaternario



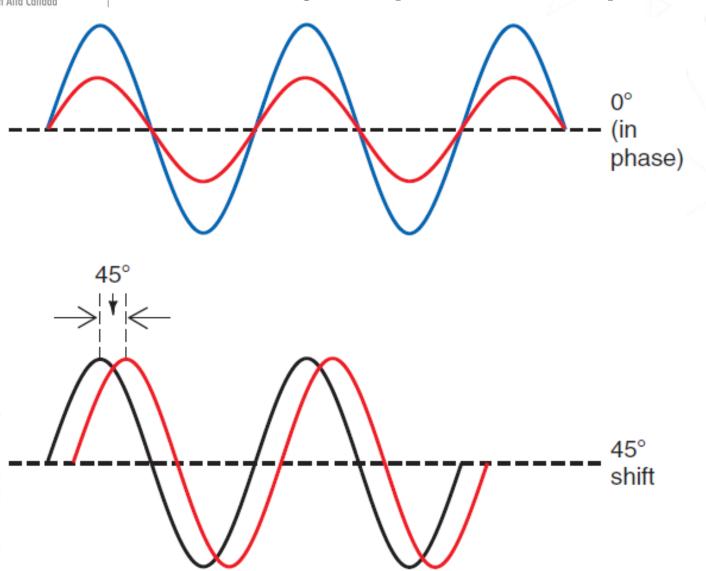


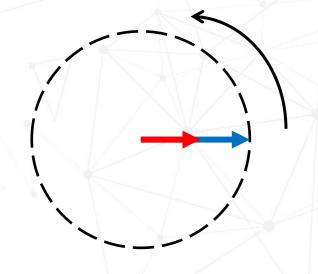


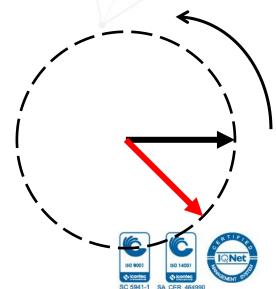




## Sentido Humano Ejemplos Desplazamientos de Fase



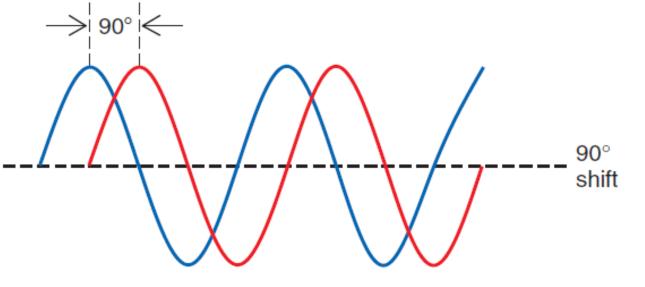


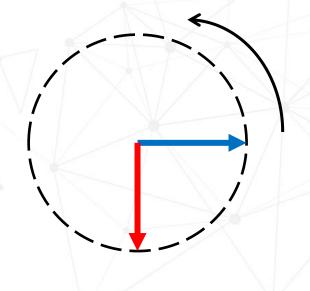


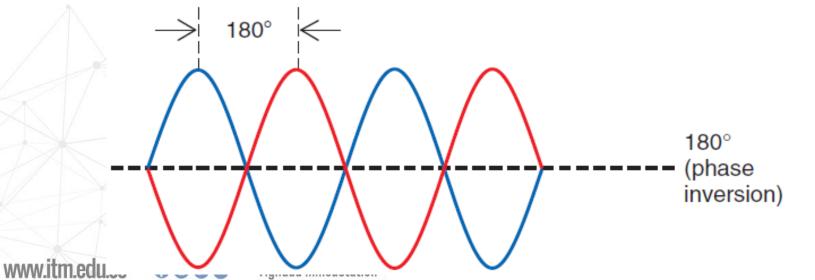


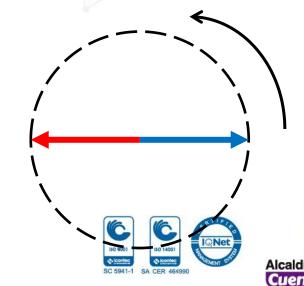


### Sentido Humano Ejemplos Desplazamientos de Fase









#### Sentido Humano 1. BPSK — PSK Binario

Manipulación por desplazamiento de fase, similar a la modulación de fase convencional (PM), pero en este caso la entrada es binaria (BPSK):

$$1 \leftrightarrow s_1(t) = A\cos(2\pi f_c t)$$
$$0 \leftrightarrow s_2(t) = A\cos(2\pi f_c t + \pi)$$

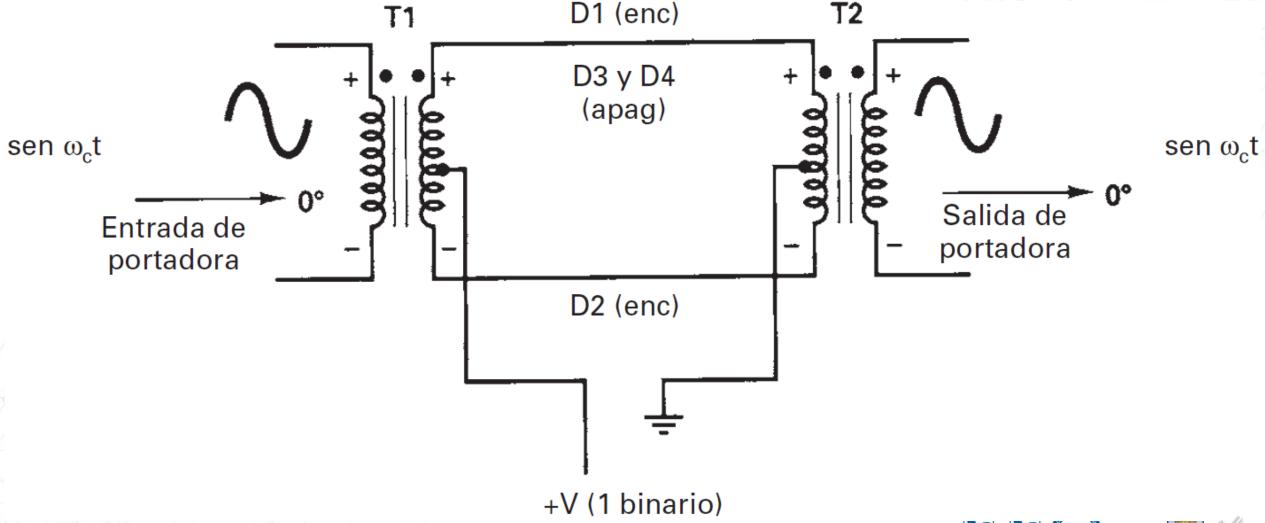






Innovación Tecnológica con Sentido Humano

#### 1. BPSK – Modulador Balanceado

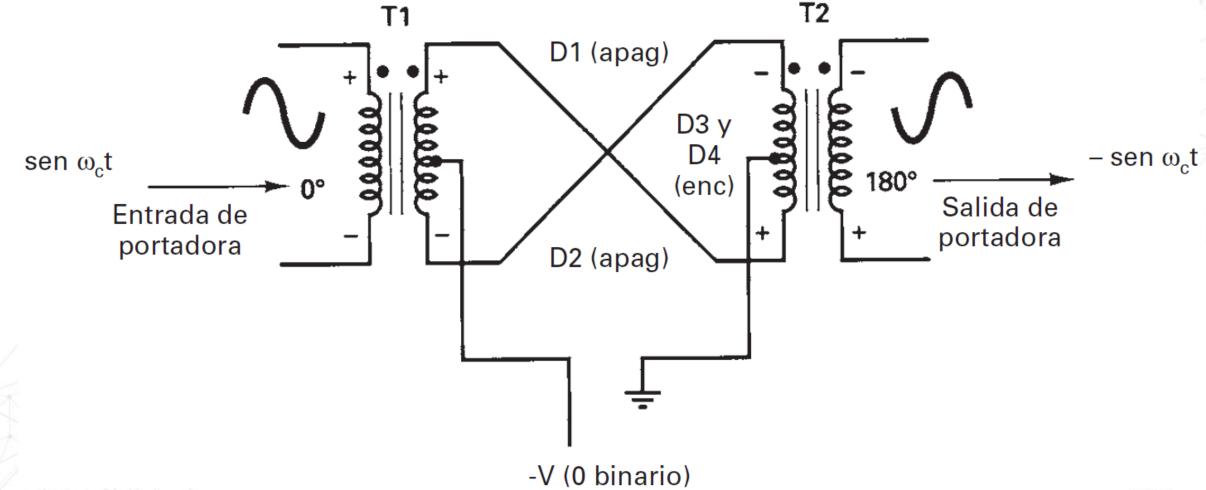






Innovación Tecnológica con Sentido Humano

#### 1. BPSK - Mod. Balanceado









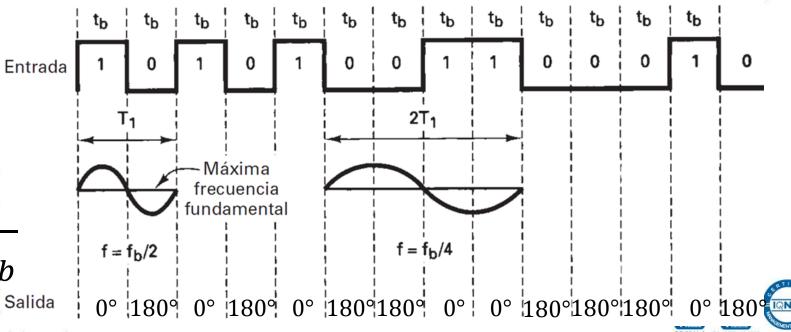


#### 1. BPSK - Ancho de Banda

Por cada cambio de condición lógica, cambia la fase de salida. Entonces, la tasa de cambio de la salida (baudios) es igual a la tasa de cambio de la entrada (bps), y el ancho de banda máximo se presenta cuando ocurre la secuencia 1 y 0 alternados.

 $f_b = \frac{1}{t_b}$ 

$$f_a = \frac{f_b}{2} = \frac{1}{2t_b}$$





#### Sentido Humano 1. BPSK — Ancho de Banda

La ecuación de salida de un modulador BPSK es proporcional a

Salida BPSK = 
$$[\sin(2\pi f_a t)] \times [\sin(2\pi f_c t)]$$

 $f_a$  = frecuencia máxima de entrada (hertz)

 $f_c$  = frecuencia de portadora de referencia (hertz)





#### Sentido Humano 1. BPSK — Ancho de Banda

#### Ejercicio: a partir de las relaciones trigonométricas

$$\cos(a - b) = \cos(a)\cos(b) + \sin(a)\sin(b)$$

$$\cos(a+b) = \cos(a)\cos(b) - \sin(a)\sin(b)$$

#### Calcular, sin(a) sin(b)

$$\cos(a-b) - \cos(a+b) = \cos(a)\cos(b) - \cos(a)\cos(b)$$
$$+ \sin(a)\sin(b) + \sin(a)\sin(b)$$

$$2\sin(a)\sin(b) = \cos(a-b) - \cos(a+b)$$





#### Sentido Humano 1. BPSK — Ancho de Banda

#### Reemplazando el producto de las funciones seno, se tiene

$$\frac{1}{2}\cos(2\pi(f_c - f_a)t) - \frac{1}{2}\cos(2\pi(f_c + f_a)t) = \sin(2\pi f_a t) \times \sin(2\pi f_c t)$$

#### Entonces el Ancho de Banda mínimo de doble banda es

$$B = f_c + f_a - (f_c - f_a) = 2f_a$$

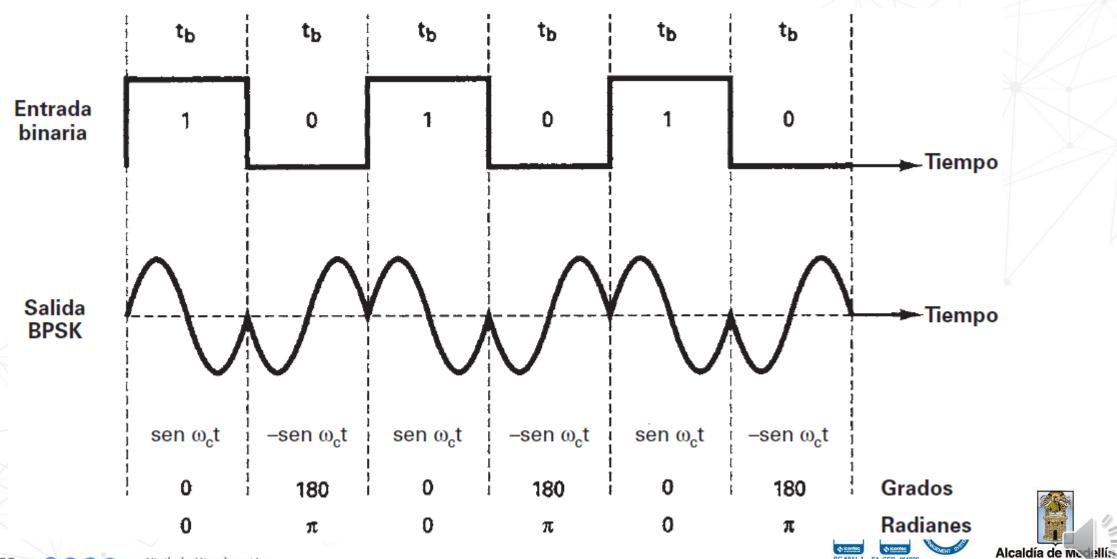
$$B = \frac{2f_b}{2} = f_b$$





Innovación Tecnológica con Sentido Humano

#### 1. BPSK - Fase de salida







#### Innovación Tecnológica con Sentido Humano

#### 1. BPSK – Diagramas



Tabla de Verdad

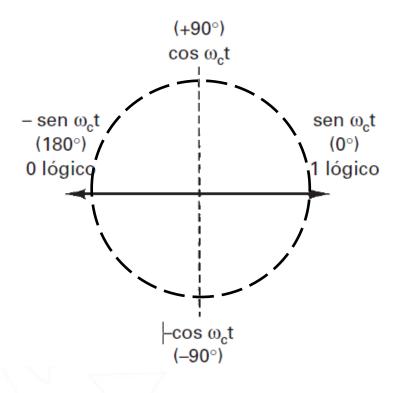


Diagrama Fasorial

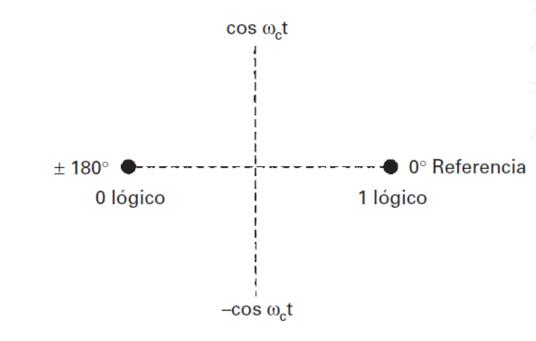


Diagrama de Constelación









Ejemplo: (Tomasi, 12-3)

Para un modulador BPSK con 70MHz de frecuencia de portadora y una rapidez de entrada de bits de 10Mbps, calcular las frecuencias laterales superior e inferior máximas y mínimas, trazar el espectro de salida, determinar el ancho de banda mínimo y calcular los baudios.

$$f_c = 70 \text{MHz}$$

$$f_a = \frac{f_b}{2} = \frac{10 \text{MHz}}{2} = 5 \text{MHz}$$





#### Ejemplo: (Tomasi, 12-3)

$$f_c = 70 \text{MHz}$$
  $f_a = 5 \text{MHz}$ 

salida = 
$$\sin(2\pi f_a t) \times \sin(2\pi f_c t)$$

salida = 
$$\frac{1}{2}\cos(2\pi(f_c - f_a)t) - \frac{1}{2}\cos(2\pi(f_c + f_a)t)$$
Frecuencia Lateral Superior

salida = 
$$\frac{1}{2}\cos(2\pi(70MHz - 5MHz)t) - \frac{1}{2}\cos(2\pi(70MHz + 5MHz)t)$$

Frecuencia Lateral inferior





Ejemplo: (Tomasi, 12-3) Frecuencia mínima de lado inferior

LSF = 70MHz - 5MHz = 65MHz

Frecuencia máxima de lado superior

USF = 70MHz + 5MHz = 75MHz



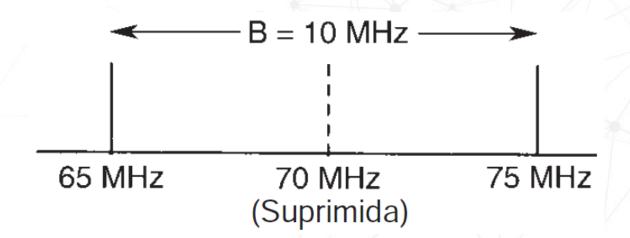






Ejemplo: (Tomasi, 12-3) El ancho de banda mínimo es

$$B = 75M[Hz] - 65M[Hz] = 10MHz$$



Y los baudios es

baud =  $f_b = 10$  megabaudios



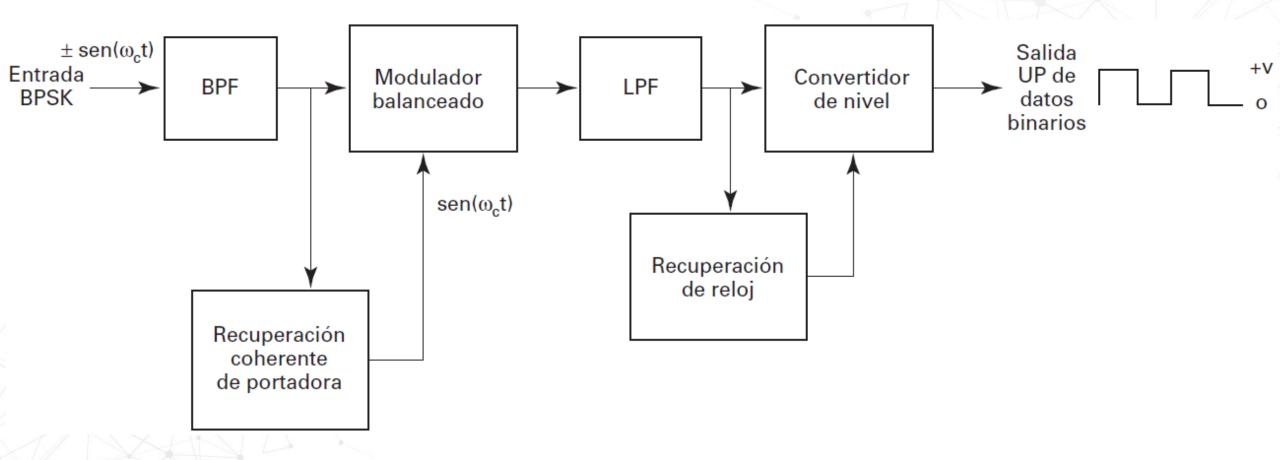






Innovación Tecnológica con

#### Sentido Humano 1. BPSK — Receptor











### Sentido Humano 1. BPSK — Receptor

La señal de entrada  $+\sin(\omega_c t)$  (1 lógico), la salida del modulador balanceado es

Salida receptor =  $sin(\omega_c t) \times sin(\omega_c t) = sin^2(\omega_c t)$ 

$$\sin^2(\omega_c t) = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}\cos(2\omega_c t)$$
 Eliminada por el LPF

Salida receptor = 
$$+\frac{1}{2}[V] = 1$$
 lógico





### Sentido Humano 1. BPSK — Receptor

La señal de entrada  $-\sin(\omega_c t)$  (0 lógico), la salida del modulador balanceado es

Salida receptor = 
$$-\sin(\omega_c t) \times \sin(\omega_c t) = -\sin^2(\omega_c t)$$

$$-\sin^2(\omega_c t) = -\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cos(2\omega_c t)$$
 Eliminada por el LPF

Salida receptor = 
$$-\frac{1}{2}[V] = 0$$
 lógico





#### Sentido Humano 2. PSK — M-aria

La cantidad de niveles o condiciones de salida para una representación M-aria se calcula como

$$M = 2^N$$
  $N = \log_2(M)$ 

M = cantidad de condiciones posibles de salida N = cantidad de bits codificados











### Sentido Humano 2. PSK — M-aria

N	M
1	2
2	4
3	8
4	16
5	32









#### Sentido Humano 2. M-aria — Ancho de Banda

El ancho de banda mínimo para pasar portadoras M-arias moduladas digitalmente PSK o QAM es

$$B = \frac{f_b}{\log_2(M)} \qquad B = \frac{f_b}{N}$$

B =ancho mínimo de banda (hertz)

 $f_b$  = rapidez de entrada de bits (bps)

N =cantidad de bits codificados

M = cantidad de condiciones posibles de salida







### Innovación Tecnológica con Sentido Humano 3. QAM — Mod. Amplitud en cuadratura

la QAM analógica podemos enviar dos señales (moduladores, mensajes) diferentes utilizando la misma portadora. Estas señales se pueden separar en el receptor.

$$v_{\text{QAM}} = I(t)\sin(\omega_c t) + Q(t)\sin(\omega_c t + \pi/2)$$
  
$$v_{\text{OAM}} = I(t)\sin(\omega_c t) + Q(t)\cos(\omega_c t)$$







# Sentido Humano

#### Innovación Tecnológica con 3. QAM — Mod. Amplitud en cuadratura

#### Como se recupera I(t) si se tiene $v_{OAM}$ :

$$\hat{I}(t) = v_{\text{QAM}} \times \sin(\omega_c t)$$

$$\hat{I}(t) = [I(t)\sin(\omega_c t) + Q(t)\cos(\omega_c t)]\sin(\omega_c t)$$

$$\hat{I}(t) = I(t)\sin(\omega_c t)\sin(\omega_c t) + Q(t)\cos(\omega_c t)\sin(\omega_c t)$$

$$\hat{I}(t) = I(t)\sin^2(\omega_c t) + Q(t)\cos(\omega_c t)\sin(\omega_c t)$$







#### Innovación Tecnológica con Sentido Humano

# 3. QAM – Mod. Amplitud en cuadratura

#### Del resultado anterior tenemos:

$$\hat{I}(t) = I(t)\sin^2(\omega_c t) + Q(t)\cos(\omega_c t)\sin(\omega_c t)$$

Recordar la siguiente identidad trigonométrica

$$\sin^2(\omega_c t) = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}\cos(2\omega_c t)$$
 Entonces 
$$\cos(a)\sin(a) = \sin(2a)/2$$

$$\hat{I}(t) = I(t)(0.5 - 0.5\cos(2\omega_c t)) + Q(t)\cos(\omega_c t)\sin(\omega_c t)$$

$$\hat{I}(t) = 0.5I(t) + 0.5I(t)\cos(2\omega_c t) + Q(t)\sin(2\omega_c t)/2$$











#### Sentido Humano 4. QPSK — Cuaternario

PSK de cuadratura es una técnica M-aria de codificación M = 4. En esta codificación tenemos 4 fases diferentes para una sola frecuencia de la portadora. Entonces con 2 bits podemos tener cuatro condicione posibles: 00, 01, 10 y 11.

Los datos binarios se combinan en grupos de 2 bits. Entonces, la rapidez de cambio en la salida (baudios) es la mitad de la rapidez de entrada de bits.



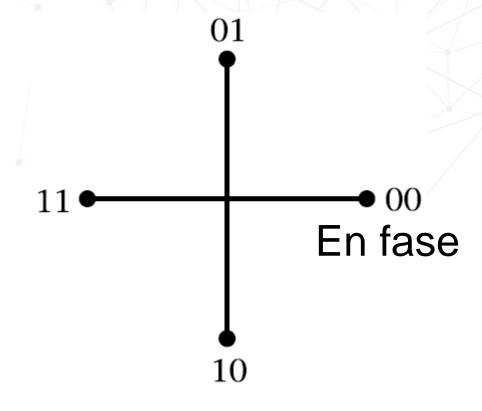




### Sentido Humano 4. QPSK – Cuaternario

Desplazamiento de Fase	Símbolo
0	00
+90	01
-90	10
180	11

#### Cuadratura







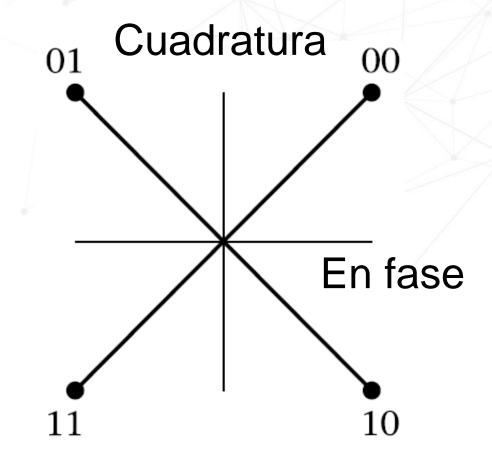






# Sentido Humano 4. QPSK — Cuaternario $\pi/4$

Desplazamiento de Fase	Símbolo
45	00
135	01
-45	10
-135	11













#### Sentido Humano 4. QPSK — Cuaternario

Ejemplo: (Blake, 4.4)

El estándar de telefonía celular de norte America TDMA transmite a 24.3 kilobaud utilizando QPSK. Cual es la tasa de datos del canal?

La tasa de símbolos también conocida como la tasa de baudios, es la mitad de la tasa de bits. Entonces, la tasa de datos es 48.6kbps.





#### Sentido Humano 4. QPSK — Transmisor

#### Las salidas del transmisor anterior son:

$$I \rightarrow \pm \sin(\omega_c t)$$

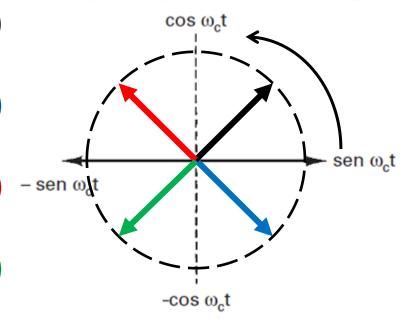
$$Q \rightarrow \pm \cos(\omega_c t)$$

1) 
$$+\sin(\omega_c t) + \cos(\omega_c t)$$

2) 
$$+\sin(\omega_c t) - \cos(\omega_c t)$$

3) 
$$-\sin(\omega_c t) + \cos(\omega_c t)$$
  $-\sin(\omega_t t)$ 

4) 
$$-\sin(\omega_c t) - \cos(\omega_c t)$$





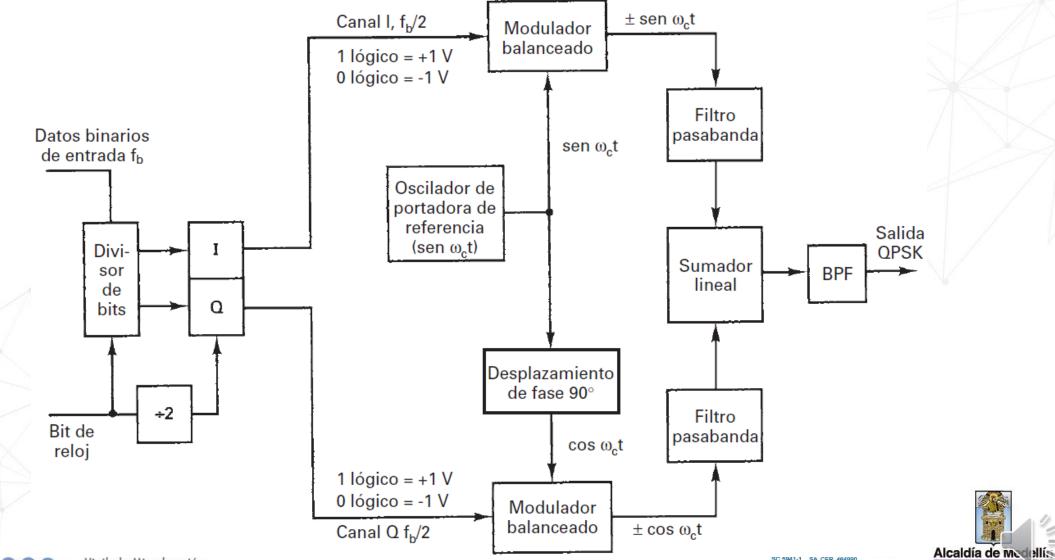








#### Innovación Tecnológica con Sentido Humano 4. QPSK — Transmisor



SC 5941-1 SA CER 464990

Cuenta con vos



#### Sentido Humano 4. QPSK — Cuaternario

#### Ejemplo: (Tomasi, 12-4)

Determinar la tabla de verdad, el diagrama fasorial y el diagrama de constelación, para el modulador QPSK anterior.

Para una entrada binaria de datos de Q =0 y I =1, se tiene

$$\begin{array}{l}
I \to +\sin(\omega_c t) \\
Q \to -\cos(\omega_c t)
\end{array} \qquad \sqrt{2}\sin(\omega_c t - 45^\circ)$$

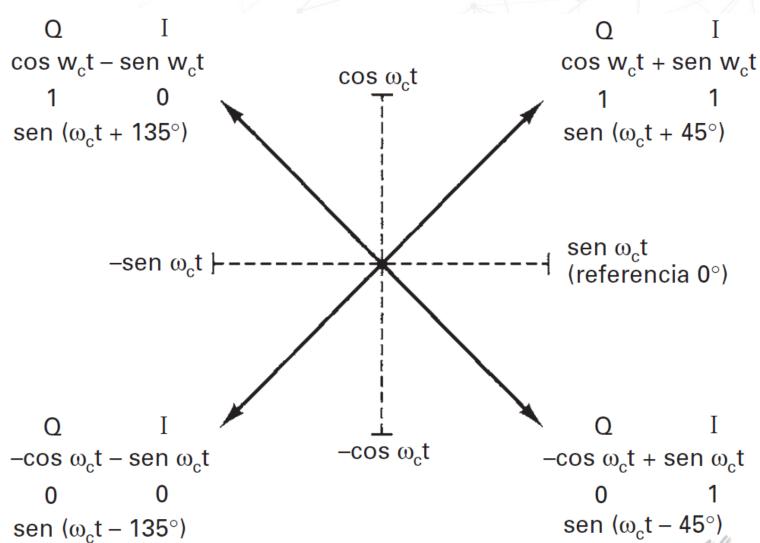




#### Sentido Humano 4. QPSK — Cuaternario

#### Ejemplo: (Tomasi, 12-4)

Entrada	Fase de
binaria	salida QPSK
O I	Saliua UPSK
0 0	− 135°
0 1	− 45°
1 0	+ 135°
1 1	+ 45°



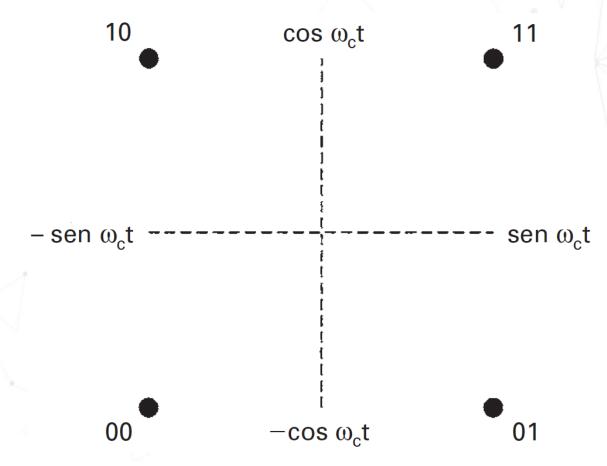






### Sentido Humano 4. QPSK – Cuaternario

#### Ejemplo: (Tomasi, 12-4) Diagrama de Constelación



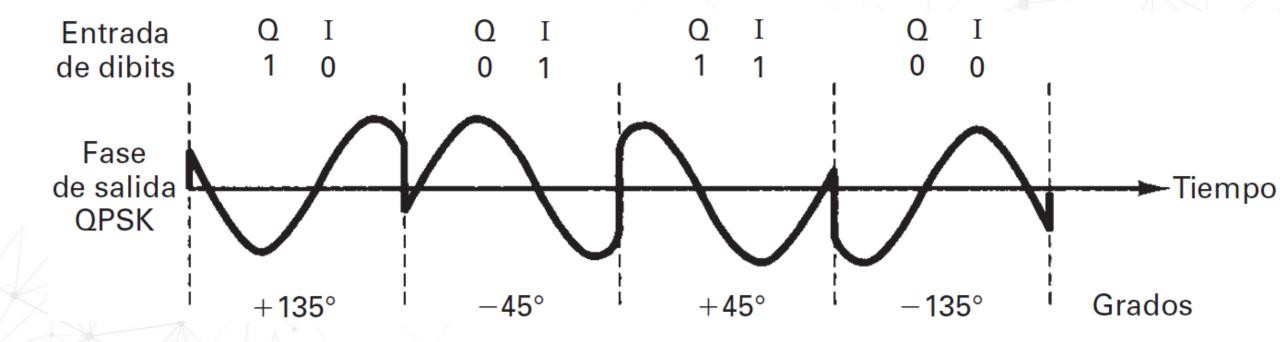








#### Sentido Humano 4. QPSK — Cuaternario













#### Bibliografía

- –BLAKE, Roy. (2004). Sistemas electrónicos de comunicaciones. Thomson.
- -TOMASÍ, Wayne. (2003) Sistemas de Comunicaciones Electrónicas. 4ª ed. Prentice Hall.
- -FRENZEL, Louis. (2016) Principles of Electronic Communication Systems. 4<sup>th</sup> Edition.

