# MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO UNIVERSIDADE FEDERAL DE PELOTAS PRÓ-REITORIA DE GRADUAÇÃO

#### PLANO DE ENSINO

# 1. IDENTIFICAÇÃO

Professores: Regis Augusto Ely / Renan Peres

Unidade: Instituto de Ciências Humanas Código unidade: Departamento: Economia (DECON) Código deptº: 760

Disciplina: Modelos Matemáticos em Economia

Código: 0760.002

Créditos: 4 Ano: 2016

Carga horária: 68 horas/aula Semestre letivo: 2016.2

Pré-requisitos: Introdução à Economia Matemática

Período: noturno

Oferecido para o curso: Ciências Econômicas

#### 2. EMENTA

Sistemas Lineares, Álgebra Linear, Cálculo de várias variáveis e otimização.

## 3. OBJETIVOS

3.1 Objetivo Geral

Desenvolver o instrumental matemático necessário à análise de modelos econômicos.

## 3.2 Objetivos Específicos

- 3.2.1 Desenvolver os conceitos de funções de várias variáveis.
- 3.2.2 Desenvolver o entendimento de diferenciação para as funções em espaços n-dimensionais.
- 3.2.3 Proporcionar o ferramental necessário para o entendimento do processo de otimização.
- 3.2.4 Proporcionar o ferramental para a compreensão de álgebra matricial, vetores e espaços euclidianos.

## 4. CONTEÚDO PROGRAMÁTICO

## Unidade 1: Sistema de Equações Lineares e Álgebra Matricial

- 4.1 Sistemas de equações lineares
- 4.2 Eliminação de Gauss
- 4.3 Operações elementares com matrizes
- 4.4 Matrizes inversas e transpostas
- 4.5 Matrizes quadradas e em blocos
- 4.6 Independência Linear
- 4.7 Outras operações com matrizes

## Unidade 2: Espaços Vetoriais

- 5.1 Espaços vetoriais e subespaços
- 5.2 Espaço nulo, espaço das colunas, espaço das linhas e outros subespaços
- 5.3 Base, dimensão, mudança de base
- 5.4 Posto
- 5.5 Conjuntos linearmente independentes

## 5.6 Transformações lineares

## **Unidade 3: Determinantes, autovalores e autovetores**

- 6.1 Introdução aos determinantes
- 6.2 Propriedades dos determinantes
- 6.3 Regra de Cramer e outras aplicações
- 6.4 Autovalores e autovetores
- 6.5 Diagonalização
- 6.6 Equação característica e aplicações

## Unidade 4: Ortogonalidade e formas quadráticas

- 7.1 Produto interno, comprimento e ortogonalidade
- 7.2 Vetores e subespaços ortogonais
- 7.3 Bases ortogonais e Gram-Schmidt
- 7.4 Projeção e mínimos quadrados
- 7.5 Matrizes simétricas e formas quadráticas

# Unidade 5: Funções de várias variáveis

- 1.1 Funções entre espaços euclidianos
- 1.2 Representação geométrica de funções
- 1.3 Funções contínuas
- 1.4 Composição de funções

## Unidade 6: Cálculo a Várias Variáveis

- 2.1 A Derivada Total
- 2.2. Funções de mais de duas variáveis
- 2.3 The "Chain Rule"
- 2.4 Derivadas direcionais e gradientes
- 2.5 Derivadas de ordens superiores
- 2.6 Funções implícitas

## Unidade 7: Otimização

- 3.1 Otimização não condicionada
- 3.2 Otimização condicionada
- 3.3 Formulação de Kuhn-Tucker
- 3.4 Funções Homogêneas e Homotéticas

# 5. METODOLOGIA

• Aulas expositivas dos conteúdos propostos;

## 6. CRONOGRAMA

MESES	UNIDADES DESENVOLVIDAS
Agosto	Unidade 1
Setembro	Unidade 2 e 3
Outubro	Unidade 4 e 1ª Prova
Novembro	Unidade 5 e 6
Dezembro	Unidade 7 e 2ª prova

# 7. AVALIAÇÃO

A nota final da disciplina será atribuída pela realização de duas provas – cada uma com peso de 50% na nota final - realizadas no meio e fim do semestre. Salienta-se que este Plano de Ensino, pode ter quaisquer dos seus itens alterados, conforme a percepção do professor, em virtude da necessidade dos alunos.

## 8. BIBLIOGRAFIA

CHIANG, A. C. Matemática para economistas. Makron Books, 2002.

ELON, E. L. Álgebra Linear. Coleção Matemática Universitária, IMPA, 1995.

LAY, D. C. Álgebra Linear e suas aplicações. 2º Edição. LTC, 1999.

SIMON, C. BLUME, L. Matemática para economistas. 1ª Edição. Bookman, 2006.

STRANG, G. Álgebra Linear e suas aplicações. 4º Edição. Cengage Learning, 2010.