

### Computabilidade

cristiano.vasconcellos@udesc.br



### Início do Século XX

(Congresso Internacional de Matemáticos - 1900)









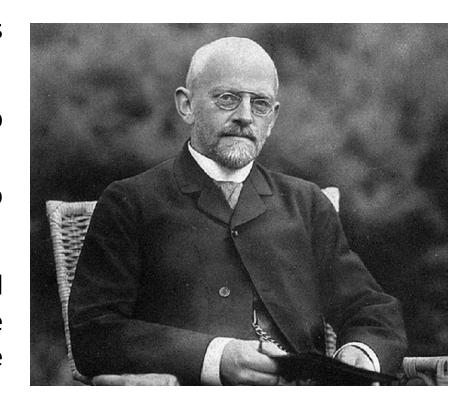


# David Hilbert (1862-1943)

(1900) Segundo Problema de Hilbert: Provar que os axiomas da Aritmética são consistentes.

- Todo enunciado que pode ser provado é verdadeiro (Consistente).
- Todo enunciado verdadeiro pode ser provado (Completo).

**Entscheidungsproblem** – Um desafio lançado por David Hilbert em 1928, consiste em achar um algoritmo que responda se um determinado enunciado em lógica de primeira ordem é válido ou não.



Exemplo de enunciado:  $\forall k > 1 \; \exists p, q \mid 2k = p + q \; ^primo(p) \; ^primo(q)$ 

(**Conjectura de Goldbach:** Todo número par maior que dois pode ser expresso pela soma de dois números primos)



## Kurt Friedrich Gödel (1938-1978)

#### Teorema da Incompletude de Gödel (1929)

(Definição informal) Qualquer sistema formal capaz de representar a aritmética de inteiros não pode ser completo e consistente.





## Alonzo Church (1903-1995)

#### Lambda Calculus (1932)

```
E \rightarrow x (variáveis)
```

| E E (aplicação)

 $|\lambda x$ .E (abstração lambda/funções)





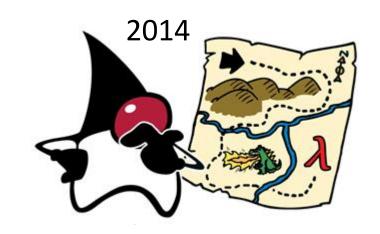
## Alonzo Church (1903-1995)

#### Lambda Calculus (1932)

 $E \rightarrow x$  (variáveis)

| E E (aplicação)

 $|\lambda x$ .E (abstração lambda/funções)

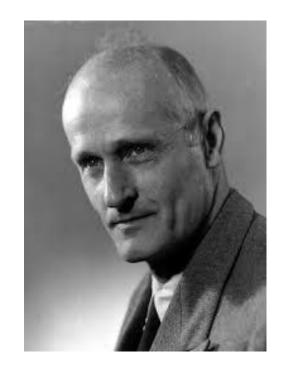






# Kurt Friedrich Gödel (1938-1978)

**General Recursive Functions (1936) Stephen Cole Kleene (1909-1994)** 

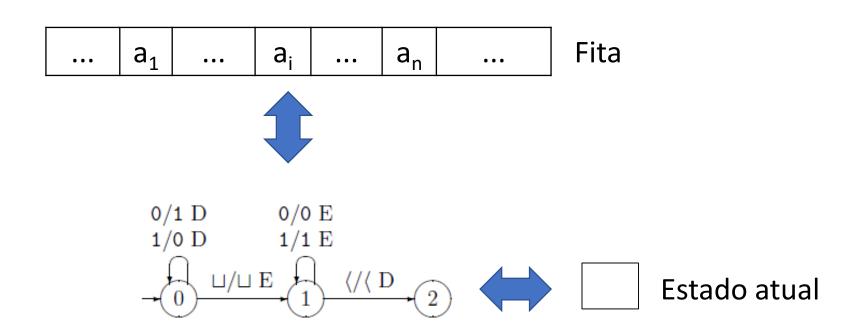


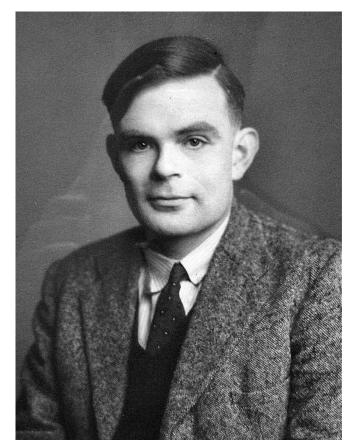




# Alan Mathison Turing (1912-1954)

#### Máquinas de Turing (1936)







### Algoritmo

#### Sequência de instruções seguidas por um computador.

#### Alonzo Church.

An Unsolvable Problem of Elementary Number Theory. American Journal of Mathematics, Vol. 58, No. 2. (Apr., 1936), pp. 345-363.

#### Kurt Gödel.

Stephen C. Kleene. *General Recursive Functions of Natural Numbers. Mathematische Annalen* 112 (1936).

#### Alan Turing.

On Computable Numbers, with an Application to the Entscheidungsproblem. Proceedings of the London Mathematical Society, (Ser. 2, Vol. 42, 1937).



## John von Neumann (1903 – 1957)

#### Arquitetura de von Neumann

