



کارگاه مبانی برنامهنویسی - دانشکده مهندسی کامپیوتر دانشگاه هوایی شهید ستاری

اهمیت استفاده از توابع در برنامهنویسی غیر قابل انکار است؛ طوری که استفاده نکردن از آنها در برنامههای بزرگ و برنامههای بزرگ و طولانی تقریبا غیر ممکن خواهد بود.

همهی ما با مفهوم تابع از ریاضی دبیرستان آشنایی داریم... تابعهای برنامهنویسی یک گسترش^۱ از همان توابع ریاضی هستند. هدف اولیهی ایجاد توابع برنامهنویسی، ساخت یک خلاصه^۲، برای محاسبهای بزرگتر است. مثلا فرض کنید برنامهای نوشتهایم که با گرفتن یک عدد طبیعی n به عنوان ورودی، مجموع اعداد 1 تا n را حساب میکند. حالا میخواهیم برنامهای بنویسیم که اینکار را چندین بار و تحت شرایط مختلفی انجام دهد. بهجای اینکه کد محاسبهی این مجموع را چندین بار کپی کنیم، میتوانیم با استفاده از توابع، این کد را یک بار بنویسیم و چندینبار استفاده کنیم. (کتابهای گاج را چندینبار بخوانید.

فهرست



🧖 سوال اول: عدد فوق اول



اگر ارقام عددی را از سمت راست جدا کنیم و به صورت یک رقمی، دو رقمی، سه رقمی و ... بنویسیم، به طوری که تمام این ترکیبات جدا شده عدد اول باشند، آن عدد را عددی فوق اول مىدانيم. به عنوان مثال 173 عددى فوق اول است چون 3 و 73 و 173 اول هستند.



اگر یکی از این اعداد تفکیک شده عدد اول نباشد، در آن صورت بدیهی ست که عدد دریافتی نیز فوق اول نیست!



ج با توجه به این تعریف، برنامهای بنویسید که عددی را به عنوان ورودی از کاربر دریافت کرده و فوق اول بودن یا نبودن عدد را مشخص کند.



🧖 سوال دوم: فیبوناچی



خط الف) با استفاده از رابطهی بازگشتی دنبالهی فیبوناچی، برنامهای بنویسید که n را گرفته و جملهی nام فیبوناچی را به روش بازگشتی بدست آورد.

اگر n برابر 100 باشد، برنامهی شما میتواند جواب را در چند دقیقه تولید کند؟



🚱 همانطور که مشاهده کردید، جواب در مدت کوتاهی تولید نمیشود. با توجه به اینکه از نظر منطقی برای محاسبه جملهی 100ام، حداکثر نیاز به محاسبهی 100 جملهی قبل است. چرا این محاسبه به این میزان طولانی شده است؟



یز با n = 100 فراخوانی کنید، آیا n = 100 فراخوانی کنید، آیا n = 100 فراخوانی کنید، آیا جواب حاصل در زمان کوتاهتری محاسبه میشود؟



اینطور به نظر میرسد که راه حل های بازگشتی در برخی از موارد کارآیی لازم را ندارند. به نظر شما آیا روشی برای بهبود این موضوع وجود دارد یا واقعا استفاده از روشهای بازگشتی بیثمر است؟



🙀 پ) برنامهای بنویسید که عدد ۱۱م فیبوناچی را با استفاده از فرمول عمومی آن به دست آورد.

سرعت عمل کرد این برنامه را با برنامهی قسمت ب برای nهای مختلف حساب کنید. به ازای چه nهایی تفاوت سرعت این $F(n) = \frac{(\frac{1+\sqrt{5}}{2})^n - (\frac{1-\sqrt{5}}{2})^n}{\sqrt{5}}$ دو مشهود میشود؟



بررسی اینگونه مسائل و میزان سرعت الگوریتمهای مختلف و ارتباط آنها با مقدار ورودی در حوزهای به نام Complexity Theory بررسی میشود. شما در درسهای «ساختمان دادهها» و «طراحی الگوریتمها» به صورت مقدماتی با این حوزه آشنا خواهید شد.

نسبت طلایی

برای مطالعه

نکتهی بسیار جالبی در مورد اعداد سری فیبوناچی وجود دارد که شاید برای شما هم جذاب باشد. آیا تا به حال چیزی در مورد نسبت طلایی

شنیدهاید؟

نسبت طلایی برابر است با ... $\phi = \frac{1+\sqrt{5}}{2} = 1.6180339887$ که به صورت زیر تعریف می شود:

هر دو عددی مانند a و b که در d d d d d d d d که در d که در این میتوالی متوالی میتواند و با سری فیبوناچی در این جاست که هر دو جملهی متوالی در این سری میتوانند به جای d و d قرار بگیرند و عددی نزدیک به نسبت طلایی را بسازند.

این عدد بسیار در طبیعت ظاهر میشود (با عدد اویلر یا e اشتباه نگیرید!) و برای بیشینه کردن زیبایی، بسیاری از سازهها را با استفاده از این عدد میسازند.

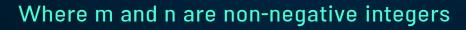
🧖 سوال سوم: تابع اکرمن

💟 تابع اکرمن یکی از ساده ترین و در عین حال جالبترین توابع بازگشتیِ اختراعشده است. از بُعد ریاضی و تئوری، این تابع اهمیت بسیار زیادی دارد و مسائل و اثباتهای مختلفی برای آن ارائه میشود؛ اما در این بخش ما کاری به بخش ریاضی و تئوری این تابع نداریم (هرچند توصیه میکنیم حتما برید و درموردش بخونید :) خیلی جالب و قشنگه) در اینجا میخواهیم به کمک هم این تابع را پیادهسازی کنیم.

قبل از هر چیز، این تابع اصلا به چه صورت است؟

😾 تابع اکرمن ۲ متغیر به عنوان ورودی میگیرد (m, n) و با توجه به شرایط دو متغیر، به شکل زیر خروجی مطلوب را

$$A(m,n) = \begin{cases} n+1 & \text{if } m = 0 \\ A(m-1,1) & \text{if } m > 0 \text{ and } n = 0 \\ A(m-1,A(m,n-1)) & \text{if } m > 0 \text{ and } n > 0 \end{cases}$$





حقت کنید؛ همانطور که در انتهای تعریف تابع نوشته شده بود، مقادیر ورودی باید نامنفی باشند.



🕪 شاید این تابع در نگاه اول و با قرار دادن چند عدد ساده در آن، به نظر تابع سادهای بیاید و محاسبهاش خیلی پیچیده نباشد. جالب است که اگر چند عدد کوچک هم در آن بگذارید، به همین نتیجه میرسید و مشاهده میکنید که انگار روند رشد این تابع بسیار کند و آهسته است.



🔡 مثلاً برای مقادیر m=3 و n=2 بیشترین مقدار حاصله از فراخوانیهای بازگشتی آن برابر 29 است که همان مقدار (A(3, 2) است. اما به محض اینکه کمی مقدار ورودی را بیشتر کنیم تابع به شکل حیرتانگیزی به سرعت رشد میکند. به شکلی که مقدار (A(4, 0) برابر 13 است، اما با زیاد کردن n فقط به اندازهی 1 واحد، مقدار (A(4, 1) برابر 65533 میشود! با زیاد کردن مجدد n این رشد شدیدتر



 $2^{2^{2^{2^{2^{3330}}}}}-3$ و حیرتآورتر هم میشود! طوری که مقدار (4,2) یک عدد 19729 رقمی است! یعنی: 9



در جدول زیر رشد این تابع کمی ملموستر است.

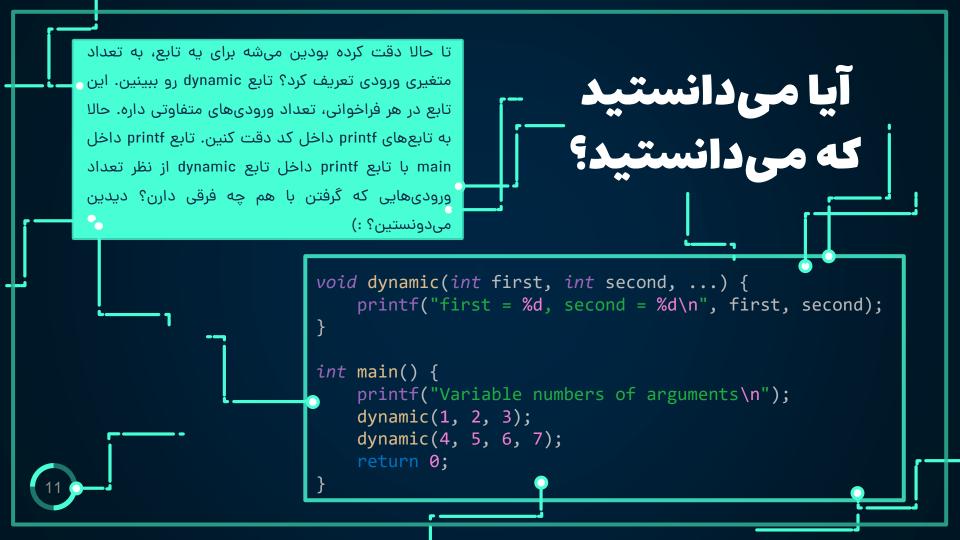
m/n	0	1	2	3	4	n
0	1	2	3	4	5	n+1
1	2	3	4	5	6	n+2=2+(n+3)-3
2	3	5	7	9	11	2n + 3 = 2(n+3) - 3
3	5	13	29	61	125	$2^{(n+3)} - 3$
4	13	65533	2 ⁶⁵⁵³⁶ – 3	$2^{2^{65536}} - 3$	$2^{2^{2^{65536}}} - 3$	$\underbrace{2^{2^{2^{2^{2^{2}}}}}}_{n+3} - 3$

خط حال از شما میخواهیم برنامهای بنویسید که با دریافت دو عدد m, n به عنوان ورودی، مقدار تابع



اکرمن را برای آن دو مقدار در خروجی نشان دهد.





(?) واما سوال آخر: Ccafe



سلام به همگی... امروز میخوایم براتون یکم خاطره تعریف کنیم.

احتمالا شما هنوز با دوستاتون توی کافیشاپهای خیابون ولیعصر خاطره نساختین. وقتایی که از سر کلاس خسته و کوفته میگردین در حالی که یه ربع دیگه باید برین سر کلاس بعدی، فقط یه کافیشاپ مىتونە آدمو نجات بدە.

اما متاسفانه کرونا در همهشونو تخته کرده و حالا حالاها نمیتونیم دوباره دسته جمعی بریم با هم یه عصرونهی حسابی بزنیم :)



ولی یکی از کافیشاپها به اسم Ccafe هست که هنوز سفارش میگیره. میشه بریم دم درش، سفارشومونو بدیم و بعد هم دریافتش کنیم. البته چون هر روز فقط یه نفر میاد تا کافیشاپ رو بگردونه، برای همین منوشون فقط کیک و کلوچه یا یه لیوان قهوهی حسابی داره.









حالاً ما میخوایم براشون یه برنامه بنویسیم که راحتتر بتونن خریدهای مشتریها رو مدیریت کنن و

برای رعایت بیشتر بهداشت، کمتر لازم باشه مستقیم باهاشون صحبت کنن.



🧓 برنامه، اول از همه باید بدونه که کافه هر روز یه مقدار ثابتی از کیک، کلوچه و قهوهها رو آماده میکنه.

پس میتونیم مقدار اولیهی اونها رو define کنیم. یعنی مثلاً برای کیکها داریم:

#define init cake num 40



💉 در ادامه به دو تا تابع نیاز داریم که اولی بیاد و منو رو به مشتری نشون بده. دومی هم خریدهای

مشتریها رو مدیریت کنه. main برنامهمون ولی قراره خپیلی خلوت باشه. یعنی اینطوری:

```
int main() {
menu(init cake num, init cookie num, init coffee num);
while(choice != 5)
     buy();
 printf("C U soon\n");
 return 0;
```





حالا دو تا تابعی که لازم داریم رو باید طوری تعریف کنیم که تابع main خطا نداشته باشه (غیر مستقیم یعنی حواستون به ورودیایی که تابعها میگیرن باشه).



menu که کارش معلومه. توی کدی هم که براتون آماده کردیم این بخشش تکمیلشدهست. ولی

با تابع buy حسابی کار داریم.

این تابع باید اول ورودی کاربر رو بگیره. یعنی همون choiceای که تو main آورده شده. تا زمانی که کاربر 5 رو وارد نکرده، یعنی هنوز میخواد خرید کنه.



🥃 خب حالاً به نظرتون choice چطور باید تعریف بشه که تو هر دو تابع main و buy قابل استفاده

باشه؟





در ادامه سه تا متغیر لازم داریم که بتونن موجودیها رو نگهداری کنن. اینجا به نظرتون باید چی کار کنیم؟



👤 اگه سهتا متغیر به صورت عادی و توی خود تابع buy تعریف کنیم (یعنی به صورت local)، با هر بار اجرا شدن تابع buy، مقدارهای قبلی پاک میشه و متغیر دوباره تعریف میشه.

یه راهحل میشه کاری که برای choice انجام دادین. یعنی استفاده از متغیر global. اما ما

میخوایم یه کار دیگه بکنیم. چه راهی به ذهنتون میرسه؟



اگه یادتون باشه متغیرهای static، متغیرهایی هستن که با تموم شدن تابع و خارج شدن ازش، محتواشون رو از دست نمیدن. پس این بخش رو هم کامل کنین تا بریم سراغ switch case.





در این بخش قراره با توجه به هر خرید، مقدار متغیر مربوط به خرید انجام شده، یکی کم بشه و منو هم دوباره نشون داده بشه.



راستیی! جالبترین و خاطرهانگیزترین بخش Ccafe رو براتون نگفتیم. تو Ccafe هر بار که خریدها تموم میشه و میخوای بری، میتونی اگه دوست داشته باشی یه عکس یادگاری بگیری. برای همین تو case 5 یعنی وقتی که دیگه مشتری خریدی نداره، ازش پرسیده میخوای عکس هم بگیری یا نه؟



چ متغیر picای که تعریف شده در واقع داره تعداد عکسها رو نشون میده.

به نظرتون چرا این متغیر دیگه static در نظر گرفته نشده؟



فکر کنم الان دیگه فرق متغیرهای global و static و local رو متوجه شده باشین. یه سوال دیگه هم بپرسم و دیگه خسته نباشید :دی

ما شرط خاتمهی خرید رو به صورت دلخواه عدد 5 در نظر گرفتیم. به نظر شما با توجه به کدی که نوشته شده، میتونیم این عدد رو 7 در نظر بگیریم؟ 0 چطور؟ این دومی نکته توشه دقت کنین...



خب دیگه همگی خسته نباشید. امیدواریم با کد کافهتون حسابی کیف کنین و اگر دوست داشتین بهش فیچرهای بیشتری اضافه کنین. مثل بخش حسابداری یا تابعی که با کمک اون بشه مقدار موجودی رو زیاد کرد و در نهایت یه کافهی حسابی داشت.

خداحافظ همگی تا جلسهی بعد 🏵



