Постановка задачи сортировки. Квадратичные сортировки

ceagest

1 Постановка задачи

Сортировка

- 1. Имеется последовательность из n элементов $x_1, ..., x_n$.
- 2. Необходимо упорядочить элементы по неубыванию (невозрастанию). Для удобства далее будем везде сортировать по неубыванию.
- 3. Значит нужно найти перестановку индексов $i_1, i_2, ..., i_n$ такую, что $x_{i_1} \le x_{i_2} \le ... \le x_{i_n}$.

Определение 1.1. Сортировку называют основанной на сравнениях, если она работает в следующем предположении: объекты можно только сравнивать.

Определение 1.2. Устойчивость (стабильность) сортировки говорит о том, что элементы, одинаковые для сравнения, не поменяют своего расположения относительно друг друга после сортировки.

2 Квадратичные сортировки

2.1 Сортировка пузырьком

- Выполним *п* итераций, в результате каждой из которых самый большой элемент «всплывает» в конец.
- В процессе итерации пробегаем из начала в конец и меняем соседние элементы, которые стоят не по порядку.
- Возможны такие оптимизации: «Если в процессе текущей итерации не было обменов сортировка завершена», «можно идти на каждой итерации не до конца, а до n-i»

2.2 Сортировка выбором

- ullet На i-ой итерации ищем на отрезке [i,n-1] наименьший элемент и меняем его с i-ым местами.
- \bullet Таким образом за n итераций массив будет отсортирован.
- Если научиться как-то находить и извлекать минимум быстрее, чем за линейное время, можно получить очень хороший алгоритм.

2.3 Сортировка вставками

- ullet На i-ой итерации ищем, куда вставить элемент на отрезке [0,i]. Таким образом, отрезок [0,i] всегда отсортирован.
- \bullet Так за n итераций массив будет полностью отсортирован.

Замечание 2.1. Время работы всех трёх вышеперечисленных сортировок составляет $\mathcal{O}(n^2)$, притом для каждой из них требуется $\mathcal{O}(1)$ памяти. Более того, все эти сортировки являются стабильными.