Objectif : Découvrir la multiplication de nombres relatifs

Déroulé

Questions flash (10 min)

$$\sqrt{36} = ?$$

$$\sqrt{16} = ?$$

$$\sqrt{25} = ?$$

$$\sqrt{100} = ?$$

$$3 - 6 = ?$$

$$3 - (-6) = ?$$

$$3 + 6 = ?$$

$$3 + (-6) = ?$$

Activité de découverte de la multiplication de nombres relatifs (30 min)

Activité 1 p. 25 (uniquement les questions 1 et 2 de traitées)

Pause (5 min)

Evaluation 2 (1h05)

- Addition et soustraction de relatifs
- Théorème de Pythagore (+ réciproque et contraposée)

Objectifs

- Finir la découverte de la multiplication des nombres relatifs.
- Institutionaliser ces découvertes.

Restitution collective de l'activité de découverte faite la veille (1 p. 25)

- question 1 : multiplication d'un entier naturel et d'un négatif (multiplication comme répétition d'additions)
- question 2 : multiplication d'un positif et d'un négatif (« truc » avec la distribution et faire apparaître un facteur nul)

Suite de l'activité de découverte

Activité 1 p. 25 : question 3 : multiplication de deux négatifs (même « truc » qu'à la question 2)

Autre manière de voir les choses : « progressivité » ; « continuité »

$$3\times(-7) = -21 \text{ (avec } (-7) + (-7) + (-7) = -21)$$

 $2\times(-7) = -14 \text{ ; } 1\times(-7) = -7 \text{ ; } 0\times(-7) = 0 \text{ ; } (-1)\times(-7) = 7$

Institutionalisation

Application de ces règles : Activité 1 p. 25 : question 4

TaF

- ex. 24 p. 29 (exercice d'application des règles pour la multiplication de relatifs)
- ex. 26 p. 29 (chercher tous les facteurs qui mènent à 12)

Objectif: S'exercer sur la multiplication des nombres relatifs.

Questions flash

• Révisions théorème de Pythagore

Correction TaF

- ex. 24 p. 29 (application des règles pour la multiplication de relatifs)
- ex. 26 p. 29 (chercher tous les facteurs entiers qui mènent à 12)

Exercices en cours

- Exercice 28 p. 29 (règle du signe)
- Exercice 29 p. 29 (règle du signe)
- Exercice 32 p. 29 (règle du signe puis calcul astucieux)
- Exercice 33 p. 29 (règle du signe puis calcul astucieux)

TaF

• ex. 34 p. 29 (pyramide avec multiplication de relatifs)

Objectif: S'exercer sur la multiplication des nombres relatifs.

Rendu évaluations nationales et de la semaine précédente

- Partie Pythagore mal réussie : Correction détaillée (1h)
- Nouvelle évaluation (30 min) vendredi prochain (13/10)

Correction TaF

- ex. 33 p. 29 (règle du signe puis calcul astucieux)
- ex. 34 p. 29 (pyramide avec multiplication de relatifs)
- ex. 32 p. 29 (règle du signe puis calcul astucieux)

Objectif : Découverte de la division des nombres relatifs.

Questions flash

- Révisions seq. 1 sur addition et soustraction de relatifs.
- Révisions seq. Actuelle : multiplication de relatifs.

Activité découverte division des nombres relatifs

• Activité 2 p. 25

Institutionalisation

Exercices pour s'entrainer

- ex. 39 p. 29
- ex. 41 p. 30
- ex. 42 p. 30

TaF

• Finir les exercices commencés en cours

Objectifs

- Institutionalisation de la multiplication et de la division de relatifs
- Evaluation de rattrapage sur Pythagore

Annonce

- Filmer le début du cours de mardi.
- Evaluation (30 min) sur la multiplication et la division de relatifs mardi.

Questions Flash (10 min)

 Parallélogrammes et Symétrie (pour bien démarrer p. 264) en prévision de la prochaine séquence.

Institutionalisation (10 min)

- règle signes pour la division
- règle des distances à zéro

Correction TaF : on fera ça lundi

TaF

- ex. 46 p. 30 : petit problème
- ex. 44 p. 30 : avec des relatifs + définition fraction a / b comme solution $a \times b = a$

Evaluation de rattrapage sur Pythagore (30 min / 45 pour EBEP)

Objectifs:

- Entrainement sur la multiplication et la division de relatifs
- Début séquence translation

Rendu évaluations de rattrapage Pythagore (5 min)

Correction TaF vendredi (15 min)

- ex. 39 p. 29
- ex. 41 p. 30
- ex. 42 p. 30

Activité cocottes (35 min)

Pause (5min)

Correction TaF lundi (10 min)

- ex. 46 p. 30 : petit problème
- ex. 44 p. 30 : avec des relatifs + définition fraction a / b comme solution $a \times b = a$

Entrainement (45 min – 5 min recherche / 5 min correction)

- ex. 50 p. 30 : révisions multiplication relatifs (pyramide)
- ex. 53 p. 30 : priorités opératoires
- ex. 54 p. 30 : rappel vocabulaire
- ex. 57 p. 31 : calculs dans un diagramme logique
- ex. 61 p. 31 : avec des nombres décimaux
 En plus, pour ceux qui vont vite :
- ex. 64 p. 32 : avec des nombres décimaux (points d'un QCM)
- ex. 82 p. 35 : raisonner : carré toujours positif
- ex. 87 p. 36 : raisonner

TaF: pas de TaF – évaluation le lendemain

Objectifs:

- Savoir multiplier deux nombres relatifs.
- Savoir diviser deux nombres relatifs.

Cours

Multiplication de nombres relatifs

On cherche à multiplier deux nombres relatifs a et b: $a \times b$

• Signe du résultat

- Si les deux nombres ont le même signe, c'est à dire s'ils sont tous les deux positifs ou tous les deux négatifs, alors le résultat est positif.
- Si les deux nombres n'ont pas le même signe, c'est à dire s'il y en a un positif et l'autre négatif, alors le résultat est négatif.

Distance à zéro du résultat

On multiplie les distances à zéro de chaque facteur.

Exemple

• $(-3) \times 2 = ?$

On multiplie un nombre négatif (-3) avec un nombre positif (2), le résultat sera donc négatif.

Le produit des distances à zéro donne : $3 \times 2 = 6$

On obtient donc : $(-3) \times 2 = (-6)$

• $(-3) \times (-2) = ?$

On multiplie deux nombres négatifs (-3) et (-2), le résultat sera donc positif.

Le produit des distances à zéro donne : $3 \times 2 = 6$

On obtient donc : $(-3) \times (-2) = 6$

Multiplication par (-1)

Lorsqu'on multiplie un nombre par (-1), on obtient son opposé.

Division de nombres relatifs

On considère deux nombres relatifs a et b (avec $b \neq 0$). Le quotient $\frac{a}{b}$ est le nombre tel que multiplié par b donne a:

$$\frac{a}{b} \times b = a$$

Ainsi,
$$\frac{-45}{5} = -9$$
 car $(-9) \times 5 = (-45)$.

Les règles pour diviser deux nombres relatifs sont similaires à celles pour la multiplication :

Signe du résultat

- Si les deux nombres a et b ont le même signe, c'est à dire s'ils sont tous les deux positifs ou tous les deux négatifs, alors le résultat est positif.
- Si les deux nombres n'ont pas le même signe, c'est à dire s'il y en a un positif et l'autre négatif, alors le résultat est négatif.

Distance à zéro du résultat

On divise la distance à zéro du numérateur par la distance à zéro du dénominateur.

Exemple

$$\bullet \quad \frac{-6}{2} = ?$$

On divise un nombre négatif (-6) par un nombre positif (2), le résultat sera donc négatif.

Le quotient des distances à zéro donne : $\frac{6}{2}$ =3

On obtient donc : $\frac{-6}{2} = -3$

$$\bullet \quad \frac{-6}{-2} = ?$$

On divise deux nombres négatifs (-6) et (-2), le résultat sera donc positif.

Le quotient des distances à zéro donne : $\frac{6}{2}$ =3

On obtient donc : $\frac{-6}{-2}$ = 3 .

Nom:

Prénom:

Exercice 1 (2,5 pts): Calculer les produits suivants

(c)
$$7 \times (-7) =$$

(d)
$$2.5 \times (-6) \times 4 \times (-0.8) =$$

Exercice 2 (2,5 pts): Calculer les quotients suivants

(a)
$$\frac{-8}{2} =$$

(b)
$$\frac{42}{-7} =$$

(c)
$$\frac{-4.2}{-7} =$$

(d)
$$\frac{-56}{8} =$$

(e)
$$\frac{-125}{-5} =$$

Exercice 3 (2,5 pts) : On sait que $3.7 \times 6.89 = 25.493$. Calculer

Exercice 4 (2,5 pts) : En plongée sous-marine, il est conseillé de remonter de 15 mètres par minutes à la surface de l'eau.

Combien de temps faudra-t-il à un plongeur qui est à -90 m pour remonter à la surface ? Expliquer soigneusement son raisonnement.