Objectifs:

- Savoir multiplier deux nombres relatifs.
- Savoir diviser deux nombres relatifs.

Cours

Multiplication de nombres relatifs

On cherche à multiplier deux nombres relatifs a et b: $a \times b$

• Signe du résultat

- Si les deux nombres ont le même signe, c'est à dire s'ils sont tous les deux positifs ou tous les deux négatifs, alors le résultat est positif.
- Si les deux nombres n'ont pas le même signe, c'est à dire s'il y en a un positif et l'autre négatif, alors le résultat est négatif.

Distance à zéro du résultat

On multiplie les distances à zéro de chaque facteur.

Exemple

• $(-3) \times 2 = ?$

On multiplie un nombre négatif (-3) avec un nombre positif (2), le résultat sera donc négatif.

Le produit des distances à zéro donne : $3 \times 2 = 6$

On obtient donc : $(-3) \times 2 = (-6)$

• $(-3) \times (-2) = ?$

On multiplie deux nombres négatifs (-3) et (-2), le résultat sera donc positif.

Le produit des distances à zéro donne : $3 \times 2 = 6$

On obtient donc : $(-3) \times (-2) = 6$

Multiplication par (-1)

Lorsqu'on multiplie un nombre par (-1), on obtient son opposé.

Division de nombres relatifs

On considère deux nombres relatifs a et b (avec $b \neq 0$). Le quotient $\frac{a}{b}$ est le nombre tel que multiplié par b donne a:

$$\frac{a}{b} \times b = a$$

Ainsi,
$$\frac{45}{5} = 9$$
 car $9 \times 5 = 45$.

Les règles pour diviser deux nombres relatifs sont similaires à celles pour la multiplication :

• Signe du résultat

- Si les deux nombres a et b ont le même signe, c'est à dire s'ils sont tous les deux positifs ou tous les deux négatifs, alors le résultat est positif.
- Si les deux nombres n'ont pas le même signe, c'est à dire s'il y en a un positif et l'autre négatif, alors le résultat est négatif.

Distance à zéro du résultat

On divise la distance à zéro du numérateur par la distance à zéro du dénominateur.

Exemple

$$\bullet \quad \frac{-6}{2} = ?$$

On divise un nombre négatif (-6) par un nombre positif (2), le résultat sera donc négatif.

Le quotient des distances à zéro donne : $\frac{6}{2}$ =3

On obtient donc : $\frac{-6}{2} = -3$

$$\bullet \quad \frac{-6}{-2} = ?$$

On divise deux nombres négatifs (-6) et (-2), le résultat sera donc positif.

Le quotient des distances à zéro donne : $\frac{6}{2}$ =3

On obtient donc : $\frac{-6}{-2}$ = 3 .