Tarea de SVM

Cedric Prieels
Diciembre 2016

Resolución del ejercicio

```
rm(list=ls())
if (!require(e1071)) install.packages("e1071")
## Loading required package: e1071
library(e1071)
if (!require(ROCR)) install.packages("ROCR")
## Loading required package: ROCR
## Loading required package: gplots
## Attaching package: 'gplots'
## The following object is masked from 'package:stats':
##
##
       lowess
library(ROCR)
if (!require(rgl)) install.packages("rgl")
## Loading required package: rgl
library(rgl)
setwd('/Users/ced2718/Documents/Universite/Modelizacion/')
```

Primero, abrimos los ficheros de datos con R.

```
veg<-read.table("veg.txt", header=T)
environ<-read.table("environ.txt", header=T)</pre>
```

Queremos poder distinguir dos estados diferentes : la presencia, y la ausencia de una especia. Por lo tanto, cambiamos en el fichero de entrada todo que lo que es mayor que 0 para poner 1 (que significa que la especie es presente). También queremos estandarizar la matriz de factores ambientales, para tener datos con una media y una varianza nulas. Quitarmos entonces a cada dato su media para centrar el valor y escalamos. Por fin, creamos un nuevo dataframe llamado data, que vamos a usar en todo el ejercicio.

```
veg[veg>0]<-1
environ_scaled<-scale(environ, center=T, scale=T)
data <- data.frame(environ_scaled, veg)</pre>
```

Para hacer el ejercicio, lo más fácil consiste en separar este dataframe en diferentes dataframes, cada uno correspondiendo a un tipo de vegetación diferente. También creamos un vector y una lista con los nombres de todas las especies.

```
Cal_vul <- data.frame(x1 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,1]))</pre>
Car_nig <- data.frame(x2 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,2]))</pre>
Cyt_oro <- data.frame(x3 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,3]))</pre>
Eri_ara <- data.frame(x4 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,4]))</pre>
Eri_arb <- data.frame(x5 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,5]))</pre>
Eri_tet <- data.frame(x6 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,6]))</pre>
Eup_pol <- data.frame(x7 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,7]))</pre>
Fes_agr <- data.frame(x8 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,8]))
Fes_esk <- data.frame(x9 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,9]))
Gen_obt <- data.frame(x10 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,10]))</pre>
Jun_nan <- data.frame(x11 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,11]))</pre>
Jun_tri <- data.frame(x12 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,12]))</pre>
Luz_cae <- data.frame(x13 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,13]))</pre>
Nar_str <- data.frame(x14 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,14]))</pre>
Vac_myr <- data.frame(x15 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,15]))</pre>
Vac_uli <- data.frame(x16 = environ_scaled, y = as.factor(veg[,16]))</pre>
names <- list("Cal_vul", "Car_nig", "Cyt_oro", "Eri_ara", "Eri_arb",</pre>
               "Eri_tet", "Eup_pol", "Fes_agr", "Fes_esk", "Gen_obt",
               "Jun_nan", "Jun_tri", "Luz_cae", "Nar_str", "Vac_myr", "Vac_uli")
list <- list(Cal_vul, Car_nig, Cyt_oro, Eri_ara, Eri_arb,</pre>
             Eri_tet, Eup_pol, Fes_agr, Fes_esk, Gen_obt,
             Jun_nan, Jun_tri, Luz_cae, Nar_str, Vac_myr, Vac_uli)
```

Ahora queremos repartir los datos en muestras de train y de test (con una repartición del 70/30%). Por supuesto, no vamos a coger los primeros elementos del dataframe para usar los como train, porque hay que coger una muestra aleatorio dentro del dataframe. Esto se hace mediante el uso de la función sample.

```
#Fijamos la semilla para siempre obtener los mismo resultados
set.seed(1)
length.train <- round(nrow(data)*0.7)
length.test <- ceiling(nrow(data)*0.3)
train <- sample(nrow(data), length.train)</pre>
```

Lo que queremos hacer es realizar un modelo basado en vectores soporte para cada una de las especies en nuestros dataframes para predecir si una especie va a encontrarse o no en una localidad, con unas características ambientales dadas.

Ya que tenemos hecha toda la preparación del ejercicio, podemos empezar a usar las funciones sum y tune de R. Vamos a estudiar tres diferentes tipos de kerneles en este ejercicio : un kernel lineal, un kernal radial y un kernel de tipo polinomial.

Kernel lineal

En este caso, es necesario usar la función tune primera para determinar el mejor valor de coste de este problema, para tener un número de vectores soporte adecuado. El coste se puede ver como una penalización : aumentar su valor nos permite dar una mejor clasificación, pero penaliza la capacidad de generalización (problema habitual de sobreajuste si tenemos demasiados parámetros libres). Siempre hay que preocuparse por su valor porque influya mucho en los resultados. En R, existe una función que nos permite probar distintos valores para ayudarnos, y para sacar el mejor modelo usamos \$best.model.

Primero, vamos a definir una función que nos permite calcular los parámetros más importantes de los kerneles lineales en cada caso. Esta función devuelve una lista con diferentes variables : el mejor valor de coste, el número de vectores soporte, el número de datos bien clasificados, y el area debajo de la curva ROC para muestras de train y de test.

```
cost \leftarrow c(1e-3, 0.001, 0.01, 0.1, 1, 10)
linear_svm <- function(data, train, cost) {</pre>
  #Entrenamiento
  tune.out <- tune(method = svm, y~., data = data[train,],</pre>
                       kernel = "linear", ranges = list(cost = cost))
  best.model <- tune.out$best.model</pre>
  best.cost <- tune.out$best.parameters[1]</pre>
  number.vectors <- length(best.model$index)</pre>
  #Usamos la función predict para los datos de test
  ypred <- predict(best.model, newdata = data[-train,])</pre>
  predictions <- table(predicted = ypred, observed = data[-train,]$y)</pre>
  correct.number <- sum(diag(predictions))</pre>
  #Area debajo de la ROC en entrenamiento
  fitted.train <- attributes(predict(best.model, data[train,], decision.values = TRUE))$decision.values
  auc.train <- performance(prediction(fitted.train, data[train,]$y), measure = "auc")@y.values
  # Area debajo de la ROC en test
  fitted.test <- attributes(predict(best.model, data[-train,], decision.values = TRUE))$decision.values
  auc.test <- performance(prediction(fitted.test, data[-train,]$y), measure = "auc")@y.values
  list(best_cost = as.numeric(best.cost), number_vectors = number.vectors,
       correctly_predicted = correct.number, auc_train = round(as.numeric(auc.train),3),
       auc test = round(as.numeric(auc.test),3))
}
```

Ahora aplicamos esta función a todos los dataframe que contienen los datos de cada especie y ponemos los resultados obtenidos en una tabla.

```
best_costs <- rep("NA", length(list))
number_vectors <- rep("NA", length(list))
correct_predictions <- rep("NA", length(list))
auc_train <- rep("NA", length(list))
auc_test <- rep("NA", length(list))

for(i in 1:length(list)){</pre>
```

```
Best cost value Number of suport vectors Correctly predicted
## Cal_vul
                     0.001
                                                 110
                                                                      104
## Car_nig
                        10
                                                 111
                                                                      104
## Cyt_oro
                     0.001
                                                  77
                                                                      112
## Eri_ara
                     0.001
                                                  20
                                                                      124
                                                  87
                                                                      104
## Eri_arb
                       0.1
## Eri_tet
                        10
                                                 141
                                                                      104
## Eup_pol
                                                 106
                                                                      100
                         1
## Fes_agr
                       0.1
                                                 135
                                                                      92
## Fes_esk
                      0.01
                                                 170
                                                                      110
                                                                      109
## Gen_obt
                         1
                                                 116
                                                                      73
## Jun nan
                        10
                                                 240
## Jun_tri
                        10
                                                  42
                                                                      111
                                                                      102
## Luz cae
                       0.1
                                                 116
## Nar_str
                     0.001
                                                 101
                                                                      112
## Vac_myr
                       0.1
                                                 157
                                                                      90
## Vac_uli
                         1
                                                  52
                                                                      119
##
           AUC train AUC test
              0.644
                        0.515
## Cal_vul
## Car_nig
               0.14
                        0.156
## Cyt_oro
               0.209
                        0.148
## Eri_ara
               0.067
                        0.565
## Eri_arb
               0.13
                        0.113
## Eri_tet
               0.262
                        0.142
## Eup_pol
               0.066
                         0.13
               0.099
## Fes_agr
                        0.177
## Fes_esk
               0.954
                        0.934
               0.083
## Gen_obt
                        0.081
## Jun_nan
               0.687
                        0.595
## Jun_tri
               0.021
                        0.207
## Luz cae
               0.936
                        0.88
## Nar_str
               0.825
                        0.734
## Vac myr
               0.857
                        0.754
## Vac_uli
               0.046
                        0.096
```

Kernel radial

Ahora volvemos a hacer exactamente lo mismo que antes, pero usando kerneles de tipo radiales. Por lo tanto, en este caso tenemos que preocuparnos también del valor del parámetro gamma, y no solamente del coste. Como antes, creamos primero una función que nos devuelve una lista con los parámetros más importantes.

```
gamma \leftarrow c(0.5, 1, 2, 3)
radial_svm <- function(data, train, cost) {</pre>
  #Entrenamiento
  tune.out <- tune(method = svm, y~., data = data[train,],</pre>
                       kernel = "radial", ranges = list(cost = cost, gamma = gamma))
  best.model <- tune.out$best.model</pre>
  best.cost <- tune.out$best.parameters[1]</pre>
  best.gamma <- tune.out$best.parameters[2]</pre>
  number.vectors <- length(best.model$index)</pre>
  #Usamos la función predict para los datos de test
  ypred <- predict(best.model, newdata = data[-train,])</pre>
  predictions <- table(predicted = ypred, observed = data[-train,]$y)</pre>
  correct.number <- sum(diag(predictions))</pre>
  #Area debajo de la ROC en entrenamiento
  fitted.train <- attributes(predict(best.model, data[train,], decision.values = TRUE))$decision.values
  auc.train <- performance(prediction(fitted.train, data[train,]$y), measure = "auc")@y.values
  # Area debajo de la ROC en test
  fitted.test <- attributes(predict(best.model, data[-train,], decision.values = TRUE)) $ decision.values
  auc.test <- performance(prediction(fitted.test, data[-train,]$y), measure = "auc")@y.values
 list(best_gamma = as.numeric(best.gamma), best_cost = as.numeric(best.cost),
       number_vectors = number.vectors, correctly_predicted = correct.number,
       auc_train = round(as.numeric(auc.train),3), auc_test = round(as.numeric(auc.test),3))
}
```

Calculamos ahora los parámetros importantes devueltos por nuestra función y imprimimos por pantalla en una tabla los resultados obtenidos para cada especie.

```
best_gammas <- rep("NA", length(list))
best_costs <- rep("NA", length(list))
number_vectors <- rep("NA", length(list))
correct_predictions <- rep("NA", length(list))
auc_train <- rep("NA", length(list))
auc_test <- rep("NA", length(list))

for(i in 1:length(list)){

   output <- radial_svm(list[[i]], train, cost)
   best_gammas[i] <- output$best_gamma
   best_costs[i] <- output$best_cost
   number_vectors[i] <- output$number_vectors
   correct_predictions[i] <- output$correctly_predicted</pre>
```

##		Best	gamma	value	Best	cos	st va	lue	Number	of	suport	vectors	
##	Cal_vul			3				1				263	
##	<pre>Car_nig</pre>			0.5				1				204	
##	Cyt_oro			0.5				10				147	
##	Eri_ara			0.5			0.	001				15	
##	Eri_arb			2				1				251	
##	Eri_tet			0.5				1				227	
	<pre>Eup_pol</pre>			1				1				241	
##	Fes_agr			0.5				1				200	
##	Fes_esk			0.5				1				184	
	Gen_obt			0.5				10				185	
	Jun_nan			3				1				284	
##	Jun_tri			0.5				1				148	
##	Luz_cae			0.5				1				187	
	Nar_str			2				1				248	
	Vac_myr			0.5				1				215	
##	Vac uli			0.5			0.	001				69	
	· · · - ·		_				_						
##	_	Corre	ectly	predic		.UC t							
## ##	- Cal_vul	Corre	ectly	predic	104		1		0.48				
## ## ##	- Cal_vul Car_nig	Corre	ectly	predic	104 102	C	1 0.046		0.48 0.169				
## ## ## ##	Cal_vul Car_nig Cyt_oro	Corre	ectly	predic	104 102 109	(1 0.046 0.002		0.48 0.169 0.212				
## ## ## ##	Cal_vul Car_nig Cyt_oro Eri_ara	Corre	ectly	predic	104 102 109 124	(1 0.046 0.002 0.129		0.48 0.169 0.212 0.089				
## ## ## ## ##	Cal_vul Car_nig Cyt_oro Eri_ara Eri_arb	Corre	ectly	predic	104 102 109 124 102	(1 0.046 0.002 0.129 0.002		0.48 0.169 0.212 0.089 0.18				
## ## ## ## ##	Cal_vul Car_nig Cyt_oro Eri_ara Eri_arb Eri_tet	Corre	ectly	predic	104 102 109 124 102 105	0	1 0.046 0.002 0.129 0.002		0.48 0.169 0.212 0.089 0.18 0.186				
## ## ## ## ## ##	Cal_vul Car_nig Cyt_oro Eri_ara Eri_arb Eri_tet Eup_pol	Corre	ectly	predic	104 102 109 124 102 105 102	() () () ()	1 0.046 0.002 0.129 0.002 0.057		0.48 0.169 0.212 0.089 0.18 0.186 0.117				
## ## ## ## ## ##	Cal_vul Car_nig Cyt_oro Eri_ara Eri_arb Eri_tet Eup_pol Fes_agr	Corre	ectly	predic	104 102 109 124 102 105 102 90		1 0.046 0.002 0.129 0.002 0.057 0.017		0.48 0.169 0.212 0.089 0.18 0.186 0.117 0.246				
## ## ## ## ## ##	Cal_vul Car_nig Cyt_oro Eri_ara Eri_arb Eri_tet Eup_pol Fes_agr Fes_esk	Corre	ectly	predic	104 102 109 124 102 105 102 90		1 0.046 0.002 0.129 0.002 0.057 0.017 0.034		0.48 0.169 0.212 0.089 0.18 0.186 0.117 0.246 0.941				
## ## ## ## ## ## ##	Cal_vul Car_nig Cyt_oro Eri_ara Eri_arb Eri_tet Eup_pol Fes_agr Fes_esk Gen_obt	Corre	ectly	predic	104 102 109 124 102 105 102 90 109		1 0.046 0.002 0.129 0.057 0.057 0.034 0.989		0.48 0.169 0.212 0.089 0.18 0.186 0.117 0.246 0.941 0.177				
## ## ## ## ## ## ##	Cal_vul Car_nig Cyt_oro Eri_ara Eri_arb Eri_tet Eup_pol Fes_agr Fes_esk Gen_obt Jun_nan	Corre	ectly	predic	104 102 109 124 102 105 102 90 109 98 72		1 0.046 0.002 0.129 0.057 0.017 0.034 0.989 0.012		0.48 0.169 0.212 0.089 0.18 0.186 0.117 0.246 0.941 0.177 0.64				
## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ##	Cal_vul Car_nig Cyt_oro Eri_ara Eri_arb Eri_tet Eup_pol Fes_agr Fes_esk Gen_obt Jun_nan Jun_tri	Corre	ectly	predic	104 102 109 124 102 105 102 90 109 98 72		10.046 0.002 0.129 0.0057 0.017 0.034 0.989 0.012 0.992		0.48 0.169 0.212 0.089 0.18 0.186 0.117 0.246 0.941 0.177 0.64 0.117				
## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ##	Cal_vul Car_nig Cyt_oro Eri_ara Eri_arb Eri_tet Eup_pol Fes_agr Fes_esk Gen_obt Jun_nan Jun_tri Luz_cae	Corre	ectly	predic	104 102 109 124 102 105 102 90 109 98 72 106 95		1 0.046 0.002 0.129 0.005 0.057 0.017 0.034 0.989 0.012 0.992		0.48 0.169 0.212 0.089 0.18 0.186 0.117 0.246 0.941 0.177 0.64 0.117 0.803				
## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ##	Cal_vul Car_nig Cyt_oro Eri_ara Eri_arb Eri_tet Eup_pol Fes_agr Fes_esk Gen_obt Jun_nan Jun_tri Luz_cae Nar_str	Corre	ectly	predic	104 102 109 124 102 105 102 90 109 98 72 106 95 113		1 0.046 0.002 0.129 0.005 0.017 0.034 0.989 0.012 0.992 0.001		0.48 0.169 0.212 0.089 0.18 0.186 0.117 0.246 0.941 0.177 0.64 0.117 0.803 0.774				
# # # # # # # # # # # # # # # # # # #	Cal_vul Car_nig Cyt_oro Eri_ara Eri_arb Eri_tet Eup_pol Fes_agr Fes_esk Gen_obt Jun_nan Jun_tri Luz_cae	Corre	ectly	predic	104 102 109 124 102 105 102 90 109 98 72 106 95		1 0.046 0.002 0.129 0.005 0.057 0.017 0.034 0.989 0.012 0.992		0.48 0.169 0.212 0.089 0.18 0.186 0.117 0.246 0.941 0.177 0.64 0.117 0.803				

Kernel polinomial

Por fin, intentamos un otro tipo de kernel para separar nuestros puntos : los polinomios, de diferentes grados (en este caso, consideramos polinomios de grado 2, 3 y 4 como los polinomios de grado 1 ya están cubiertos

por la función de tipo lineal). Primero, volvemos a definir una función de la misma manera que antes.

```
degree \leftarrow c(2, 3, 4)
poli_svm <- function(data, train, cost, degree) {</pre>
  \#Entrenamiento
  tune.out <- tune(method = svm, y~., data = data[train,],
                       kernel = "polynomial", ranges = list(cost = cost, degree = degree))
  best.model <- tune.out$best.model</pre>
  best.cost <- tune.out$best.parameters[1]</pre>
  best.degree <- tune.out$best.parameters[2]</pre>
  number.vectors <- length(best.model$index)</pre>
  #Usamos la función predict para los datos de test
  ypred <- predict(best.model, newdata = data[-train,])</pre>
  predictions <- table(predicted = ypred, observed = data[-train,]$y)</pre>
  correct.number <- sum(diag(predictions))</pre>
  #Area debajo de la ROC en entrenamiento
  fitted.train <- attributes(predict(best.model, data[train,], decision.values = TRUE))$decision.values
  auc.train <- performance(prediction(fitted.train, data[train,]$y), measure = "auc")@y.values
  # Area debajo de la ROC en test
  fitted.test <- attributes(predict(best.model, data[-train,], decision.values = TRUE)) $ decision.values
  auc.test <- performance(prediction(fitted.test, data[-train,]$y), measure = "auc")@y.values
  list(best_degree = as.numeric(best.degree), best_cost = as.numeric(best.cost),
       number_vectors = number.vectors, correctly_predicted = correct.number,
       auc_train = round(as.numeric(auc.train),3), auc_test = round(as.numeric(auc.test),3))
}
```

E imprimimos por pantalla una tabla con todos los resultados obtenidos.

```
best_degrees <- rep("NA", length(list))
best_costs <- rep("NA", length(list))
number_vectors <- rep("NA", length(list))
correct_predictions <- rep("NA", length(list))
auc_train <- rep("NA", length(list))
auc_test <- rep("NA", length(list))

for(i in 1:length(list)){

   output <- poli_svm(list[[i]], train, cost, degree)
   best_degrees[i] <- output$best_degree
   best_costs[i] <- output$best_cost
   number_vectors[i] <- output$number_vectors
   correct_predictions[i] <- output$correctly_predicted
   auc_train[i] <- output$auc_train
   auc_test[i] <- output$auc_test
}</pre>
```

```
##
            Best degree value Best cost value Number of suport vectors
                                           0.001
## Cal_vul
                             2
                                                                         105
                             2
## Car_nig
                                              10
                                                                         132
## Cyt_oro
                             2
                                              10
                                                                          68
                                             0.1
                                                                         30
## Eri_ara
                             4
                             2
                                              10
                                                                         96
## Eri_arb
                             2
## Eri tet
                                              10
                                                                        164
                             2
                                              10
## Eup_pol
                                                                        160
## Fes agr
                             2
                                              10
                                                                        176
## Fes_esk
                             3
                                              10
                                                                        156
                             3
## Gen_obt
                                              10
                                                                        155
                             2
                                                                        229
## Jun_nan
                                              10
                             2
## Jun_tri
                                              10
                                                                         62
                             2
## Luz_cae
                                              10
                                                                        151
## Nar_str
                             4
                                              10
                                                                         95
                             2
                                              10
                                                                        175
## Vac_myr
                             2
## Vac_uli
                                               1
                                                                         65
            Correctly predicted AUC train AUC test
##
## Cal_vul
                             104
                                      0.747
                                                0.653
## Car_nig
                             101
                                      0.113
                                                0.249
## Cyt_oro
                             112
                                       0.07
                                                0.166
                                                0.984
## Eri_ara
                             124
                                      0.003
## Eri_arb
                             103
                                      0.092
                                                0.192
## Eri tet
                             100
                                      0.125
                                                0.244
## Eup_pol
                             102
                                      0.055
                                                 0.16
## Fes_agr
                              91
                                      0.089
                                                0.245
## Fes_esk
                             109
                                      0.978
                                                0.935
## Gen_obt
                             100
                                      0.051
                                                0.132
## Jun_nan
                              68
                                      0.829
                                                0.584
## Jun tri
                             111
                                      0.003
                                                0.273
## Luz_cae
                              93
                                      0.956
                                                0.762
## Nar_str
                             110
                                      0.931
                                                0.474
## Vac_myr
                              86
                                      0.901
                                                 0.74
## Vac_uli
                             121
                                      0.092
                                                0.146
```

Conclusion

Ahora podemos comparar los resultados obtenidos con cada método distinto. Ponemos en una tabla el mejor método y sus parámetros asociados, para cada tipo de especie.

Vemos con esta tabla que cos estos datos, el kernal de tipo radial parece el menos eficiente porque en general (expecto una especia), los kerneles de tipo lineal y polynomial dan resultados mejores. También podemos observar que en general, los kerneles polinomiales de grado menos alto están más representados. Vemos por

Nombre	Kernel	Coste	γ	Grado	Vec. sop.	Pred. Corr.	AUC train	
	AUC test			!	•	1	'	
Cal_vul	Polynomial	0.001	/	2	105	104	0.747	0.653
Cal_nig	Lineal	10	/	1	111	104	0.14	0.156
Cyt_oro	Polynomial	10	/	2	68	112	0.07	0.166
Eri_ara	Radial	0.001	0.5	/	15	124	0.129	0.089
Eri_arb	Lineal	0.1	/	1	87	104	0.13	0.113
Eri_tet	Lineal	10	/	1	141	104	0.254	0.138
Eup_pol	Lineal	1	/	1	106	100	0.066	0.13
Fes_agr	Lineal	0.1	/	1	135	92	0.099	0.177
Fes_esk	Polynomial	10	/	3	156	109	0.978	0.935
Gen_obt	Lineal	1	/	1	116	109	0.083	0.081
Jun_nan	Polynomial	10	/	2	229	68	0.829	0.584
$\operatorname{Jun_tri}$	Lineal	10	/	1	42	111	0.021	0.207
Luz_cae	Lineal	0.1	/	1	116	102	0.936	0.88
Nar_str	Polynomial	10	/	4	95	110	0.931	0.474
Vac_myr	Lineal	0.1	/	1	157	90	0.857	0.754
Vac_uli	Lineal	1	/	1	52	119	0.046	0.096

Table 1: Resultados del mejor kernel para diferentes tipos de especie.

fin que el número minimo de vectores soporte es 15 (Eri_ara) y que el número máximo de vectores soporte obtenido vale 229 (gran riesgo de sobreajuste, igual estaría mejor cambiar los valores posible de coste, de gamma y de grado para intentar encontrar una solución con un número de vectores soporte menor).

Bibliografia

R Markdown, *Markdown basics*, http://rmarkdown.rstudio.com/authoring_basics.html. Consultado por última vez el 29 de octubre 2016.

R Development Core Team (2008). R: A language and environment for statistical computing. R Foundation for Statistical Computing, Vienna, Austria. ISBN 3-900051-07-0, URL http://www.R-project.org.

How do I make a list of data frames?, STACKOVERFLOW, http://stackoverflow.com/questions/17499013/how-do-i-make-a-list-of-data-frames, consultado por última vez el 10 de diciembre 2016.

How to assign from a function which returns more than one value?, STACKOVERFLOW, http://stackoverflow.com/questions/1826519/how-to-assign-from-a-function-which-returns-more-than-one-value, consultado por última vez el 12 de diciembre 2016.