

Z score

ค่ามาตรฐาน(Z) เป็นค่าที่บอกให้ทราบความแตกต่างระหว่างค่าของข้อมูลนั้นกับค่าเฉลี่ยเลขคณิตของข้อมูลชุดนั้นเป็นกี่เท่าของส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน

อาจารย์ประจำวิชา Comprog ของมหาวิทยาลัยแห่งหนึ่งต้องการตัดเกรดนักศึกษาโดยใช้ค่ามาตรฐาน สิ่งที่อาจารย์ทราบในขณะนี้มีแค่คะแนนของนักศึกษาแต่ละคนที่เข้าสอบ โดยอาจารย์ต้องการทราบอีกว่า จะต้องได้คะแนนเท่าไหร่จึงจะทำให้ค่ามาตรฐานมีค่าเท่ากับ K และในขณะนี้อาจารย์กำลังยุ่งมากจึงมาขอร้องคุณให้ช่วยเขียนโปรแกรมที่มีประสิทธิภาพให้หน่อย

โดยค่ามาตรฐาน(Z) สามารถหาได้โดยการใช้สมการ

$$Z = \frac{x - \bar{x}}{S.D.}$$

เมื่อ x คือคะแนนที่ต้องการ (สิ่งที่อาจารย์ต้องการทราบ)

\bar{x} คือค่าเฉลี่ยเลขคณิต

$S.D.$ คือส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน

โดยค่าเฉลี่ยเลขคณิต(\bar{x}) สามารถหาได้โดยการใช้สมการ

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^N x_i}{N}$$

เมื่อ x_i คือคะแนนของนักศึกษาแต่ละคน

N คือจำนวนนักศึกษาที่เข้าสอบ

และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน($S.D.$) สามารถหาได้โดยการใช้สมการ

$$S.D. = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N x_i^2}{N} - (\bar{x})^2}$$

เมื่อ x_i คือคะแนนของนักศึกษาแต่ละคน

\bar{x} คือค่าเฉลี่ยเลขคณิต

N คือจำนวนนักศึกษาที่เข้าสอบ

หมายเหตุ ให้ผู้สอบใช้ลักษณะตามที่กำหนดให้ เพื่อความถูกต้องของคำตอบ

ข้อมูลนำเข้า

บรรทัดแรก รับจำนวนจริง K แทนค่ามาตรฐานที่อาจารย์กำหนด ($-3 \leq K \leq 3$)

หลายบรรทัดต่อมา รับจำนวนเต็ม x_i แทนคะแนนของนักศึกษาแต่ละคน ($0 \leq x_i \leq 100$)

- รับประกันว่าจะมีนักศึกษาอย่างน้อย 3 คนอย่างแน่นอน ($3 \leq N \leq 3 \cdot 10^6$)
- รับประกันว่า $S.D. > 0$ เสมอ
- โปรแกรมจะหยุดรับค่ากีต่อเมื่อ $x_i = -1$

ข้อมูลส่งออก

มีบรรทัดเดียว ระบุคะแนนที่ทำให้ค่ามาตรฐานมีค่าเท่ากับ K

- ให้แสดงค่าที่หาได้ด้วยคำสั่ง `cout << fixed << setprecision(5) << [คะแนน];` (ต้อง `#include <iomanip>` ด้วย)

ตัวอย่าง

1 60 70 80 90 100 -1	94.14214
0 100 55 55 0 55 55 100 -1	60.00000
-0.24 73 28 99 13 84 -1	51.44213

คำอธิบายตัวอย่างที่ 1

ต้องการหา $z = 1$ โดยที่มี $N = 5$ และ $x_1 = 60, x_2 = 70, x_3 = 80, x_4 = 90, x_5 = 100$

จะได้ $\bar{x} = 80$ และ $S.D. \approx 14.1421$

ดังนั้น ตามสมการ $Z = \frac{x-\bar{x}}{S.D.}$ จะได้ $1 = \frac{x-80}{14.14214}$ เมื่อแก้สมการแล้วจะได้ $x \approx 94.14214$

แสดงว่านักศึกษาต้องทำคะแนนให้ได้ประมาณ 94.14214 คะแนนจึงจะได้ค่ามาตรฐานเท่ากับ 1

ข้อมูลชุดทดสอบ

10% รับประกันว่า $N = 3$

20% รับประกันว่า $K > 0$

20% รับประกันว่า $K < 0$

50% ไม่มีข้อจำกัดใดๆ