

هوش مصنوعی

جستجوی تخصصی

Game Theory

## بازی ها چیستند و چرا مطالعه می شوند؟

### بازیها حالتی از محیطهای چند عاملی هستند.

- هر عامل نیاز به در نظر گرفتن سایر عاملها و چگونگی تأثیر آنها دارد.
- تمایز بین محیطهای چند عامل رقابتی و همکار.
- محیطهای رقابتی ، که در آنها اهداف عاملها با یکدیگر برخورد دارند ،  
منجر به مسئله های خصمانه میشود که به عنوان بازی شناخته میشوند

## چرا مطالعه می‌شوند؟

- قابلیت‌های هوشمندی انسانها را به کار می‌گیرند.
- ماهیت انتزاعی بازی‌ها.
- حالت بازی را به راحتی میتوان نمایش داد و عاملها معمولاً به مجموعه کوچکی از فعالیتها محدود هستند که نتایج آنها با قوانین دقیقی تعریف شده اند.

## یک نمونه بازی

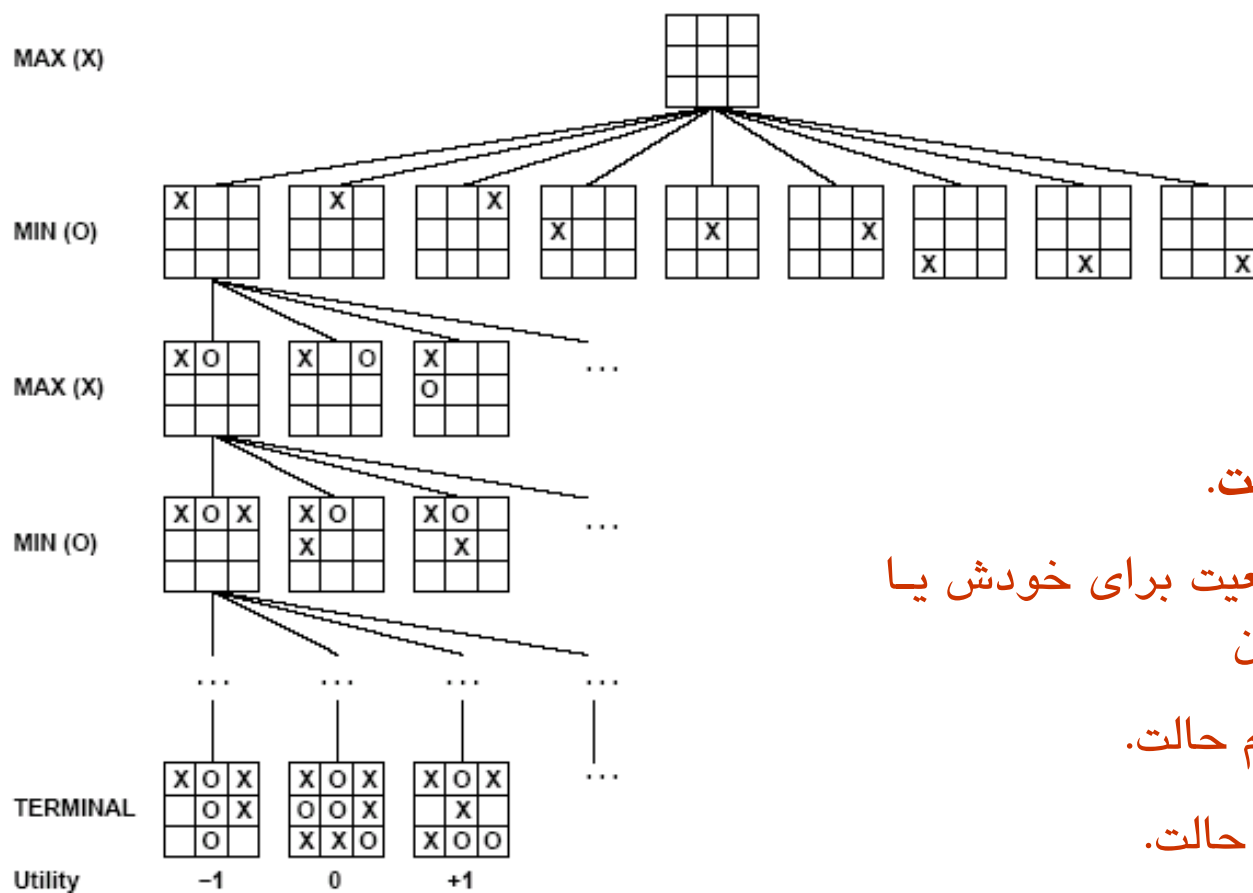
### بازی دو نفره Max و Min

- اول Max حرکت می‌کند و سپس به نوبت بازی می‌کنند تا بازی تمام شود.
- در پایان بازی، برنده تشویق و بازنده جریمه می‌شود.

### بازی به عنوان یک جستجو

- حالت اولیه: موقعیت اولیه بازی و شناسه های قابل حرکت و شروع کننده.
- تابع جانشین: لیستی از (حالت, حرکت) که معرف یک حرکت معتبر است
- آزمون هدف: پایان بازی چه موقع است؟ (حالات پایانی)
- تابع سودمندی: برای هر حالت پایانه یک مقدار عددی را ارائه می‌کند. مثلاً برنده (+1) و بازنده (-1).

حالت اولیه و حرکات معتبر برای هر بازیکن، درخت بازی را برای آن بازی ایجاد می‌کند.



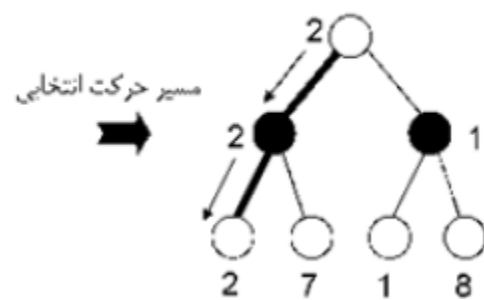
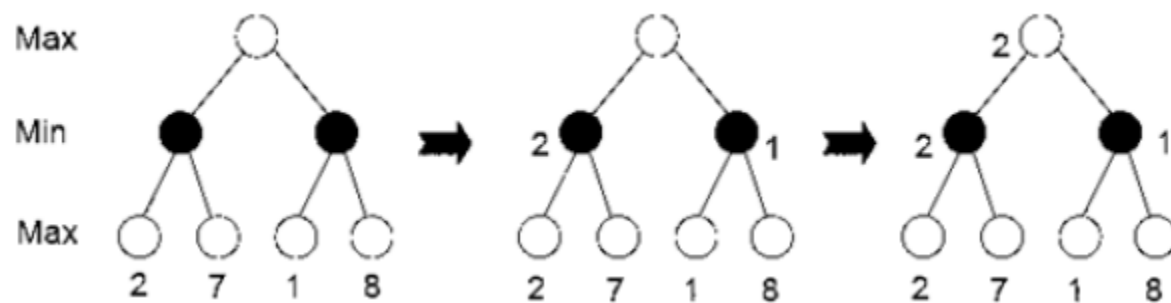
## الگوریتم؛

## ■ بازیکن: انتخاب بهترین حالت.

■ حریف: انتخاب بهترین موقعیت برای خودش یا بدترین وضعیت برای بازیکن

## بازیکن: ماکزیمم حالت.

## حريف: مينيمم حالت.



**function** MINIMAX-DECISION(*state*) **returns** *an action*

$v \leftarrow \text{MAX-VALUE}(\textit{state})$

**return** the *action* in SUCCESSORS(*state*) with value *v*

---

**function** MAX-VALUE(*state*) **returns** *a utility value*

**if** TERMINAL-TEST(*state*) **then return** UTILITY(*state*)

$v \leftarrow -\infty$

**for** *a, s* in SUCCESSORS(*state*) **do**

$v \leftarrow \text{MAX}(v, \text{MIN-VALUE}(s))$

**return** *v*

---

**function** MIN-VALUE(*state*) **returns** *a utility value*

**if** TERMINAL-TEST(*state*) **then return** UTILITY(*state*)

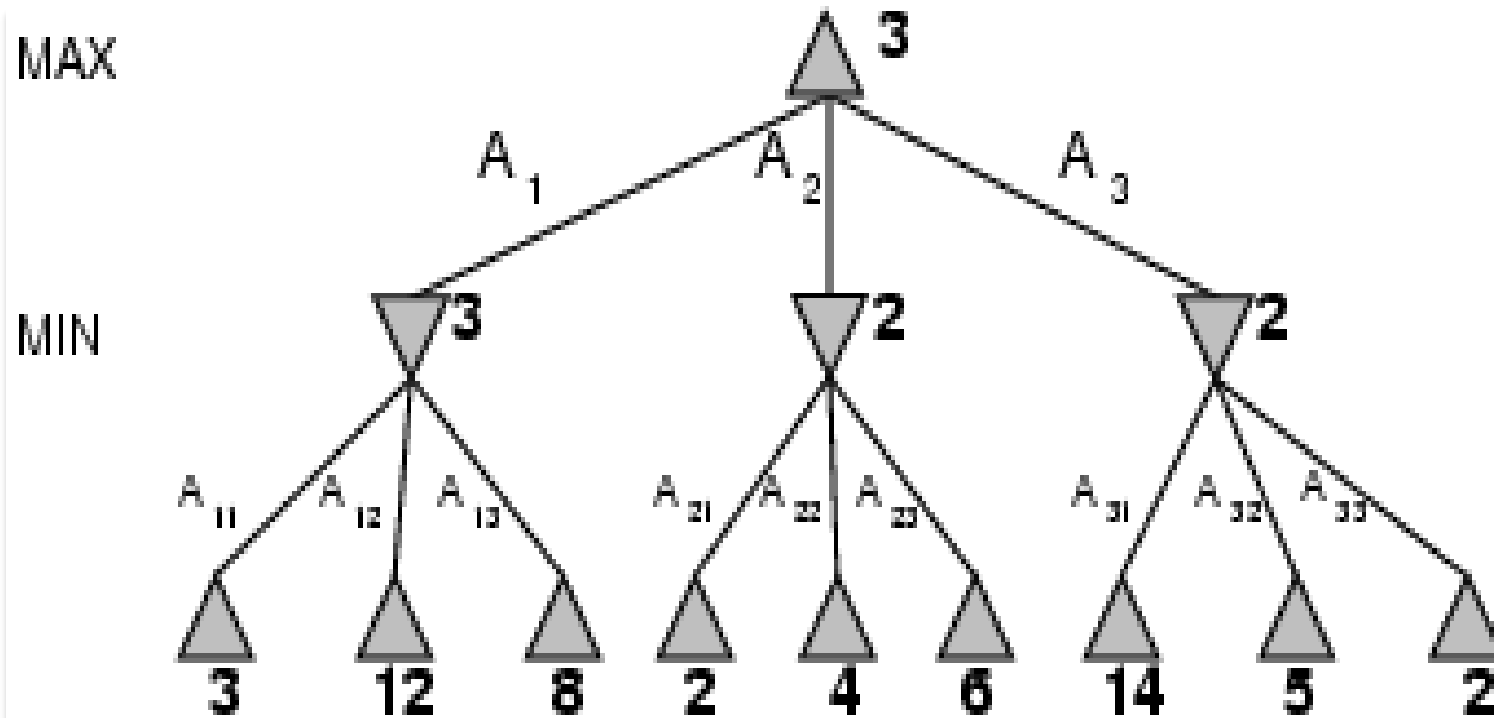
$v \leftarrow \infty$

**for** *a, s* in SUCCESSORS(*state*) **do**

$v \leftarrow \text{MIN}(v, \text{MAX-VALUE}(s))$

**return** *v*

# الـمـنـمـاـخ minimax





# الگوریتم minimax

کامل بودن: بله (اگر درخت محدود باشد)

بهینگی: بله

پیچیدگی زمانی:  $O(b^m)$

پیچیدگی فضا:  $O(bm)$

## بازیهای چند نفره

تخصیص یک بردار به هر گره، به جای یک مقدار.

بازیهای چند نفره معمولاً شامل اتحاد رسمی یا غیر رسمی بین بازیکنان است.

➤ اتحاد با پیشروی بازی ایجاد و از بین میرود.

➤ بازیکنان بطور خودکار همکاری میکنند، تا به هدف مطلوب انحصاری برسند.

to move

A

(1, 2, 6)

B

(1, 2, 6)

(-1, 5, 2)

C

(1, 2, 6) X

(6, 1, 2)

(-1, 5, 2)

(5, 4, 5)

A

(1, 2, 6)

(4, 2, 3)

(6, 1, 2)

(7, 4, -1)

(5, -1, -1)

(-1, 5, 2)

(7, 7, -1)

(5, 4, 5)

## هرس آلفا - بتا

در الگوریتم MaxMin

تعداد حالت‌های بازی که باید بررسی شوند، بر حسب تعداد حرکتهای، توانی است.

راه حل: مناسبه تصمیم الگوریتم، بدون دیدن همه گره ها امکانپذیر است.

## هرس آلفا-بتا

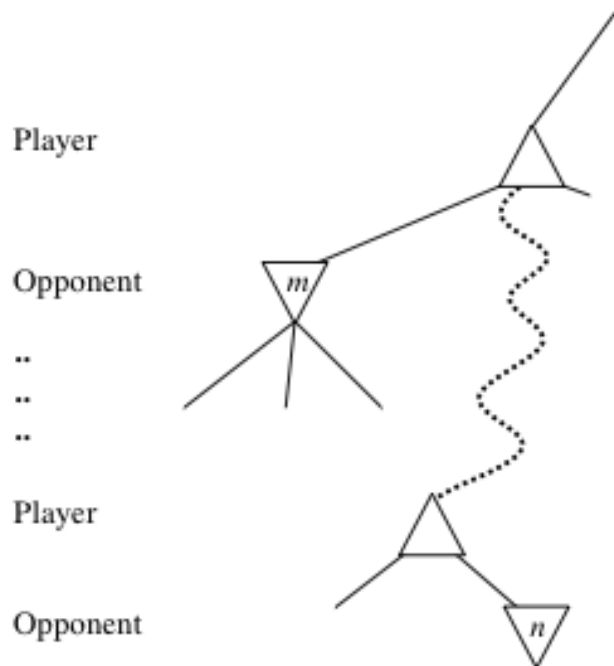
انشعابهایی که در تصمیم نهایی تأثیر ندارند را حذف می‌کند.

آلفا: مقدار بهترین انتخاب در هر نقطه انتخاب در مسیر Max تاکنون.

بتا: مقدار بهترین انتخاب در هر نقطه انتخاب در مسیر Min تاکنون.

تعداد گره هایی که باید بررسی شوند به  $O(b^{d/2})$  تقلیل میابد

# هرس آلفا-بتا

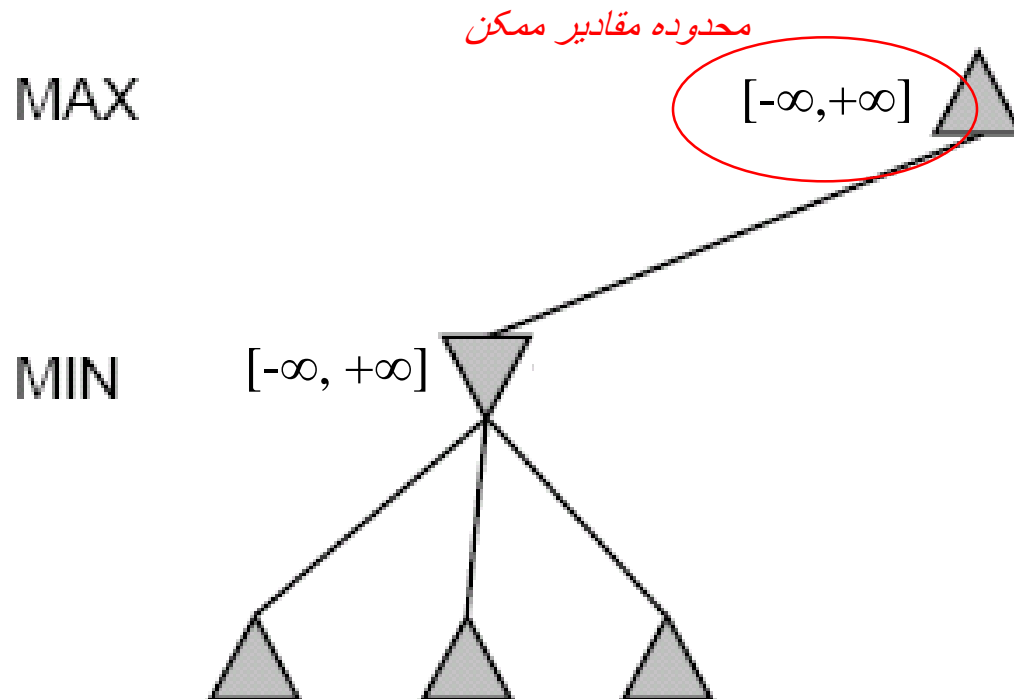


➡ گره  $n$  که هر جای درخت می تواند باشد، بررسی می شود.

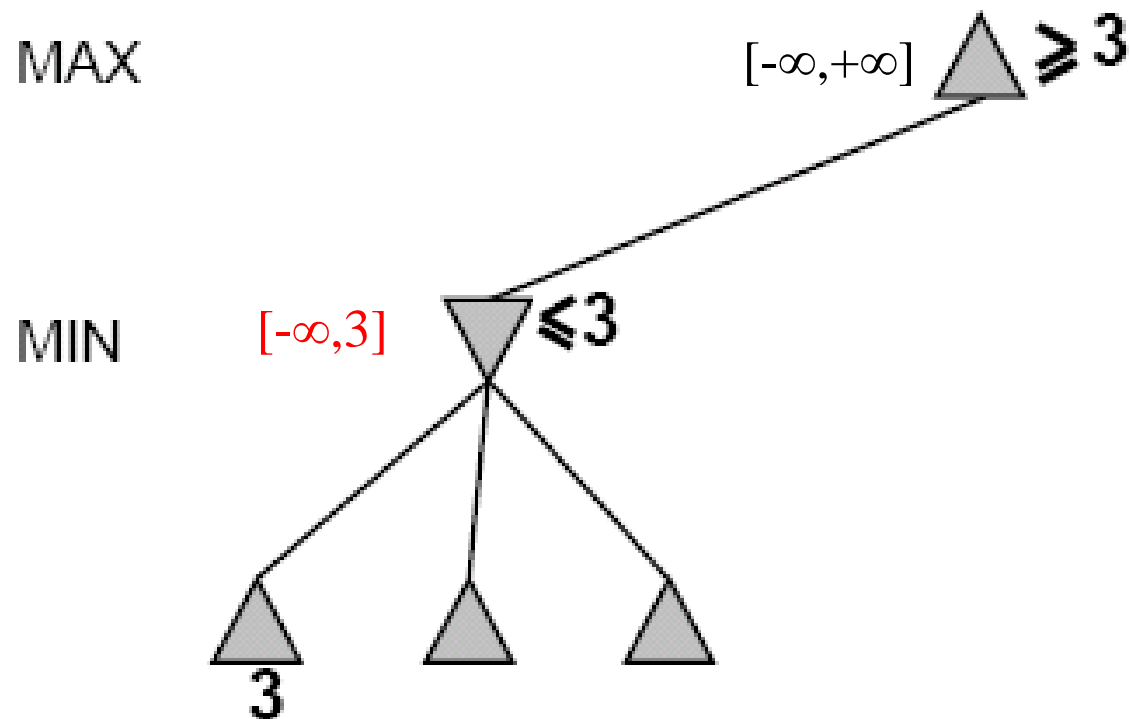
➡ اگر بازیکن انتخاب بهتری داشته باشد  
 ➡ در گره والد  $n$   
 ➡ یا هر انتخاب بهتری تا کنون  $m$

➡  $n$  هیچوقت در بازی واقعی قابل دسترس نخواهد بود. در نتیجه  $n$  هرس می شود.

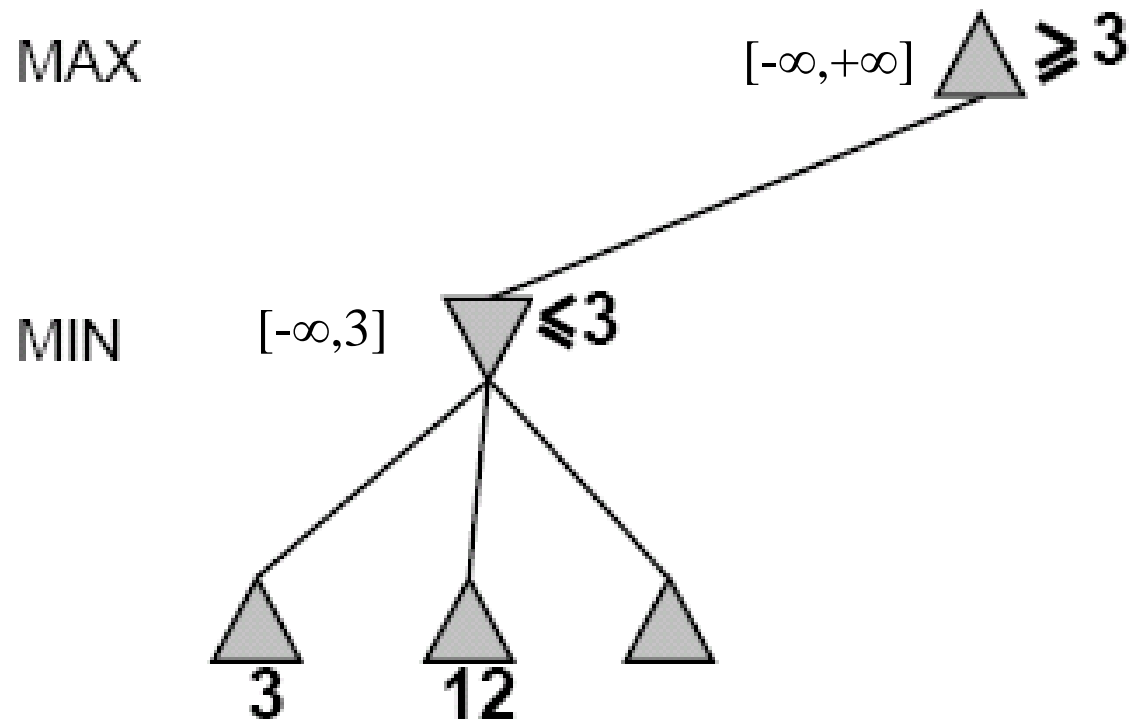
## مثال: هرس آلفا-بتا



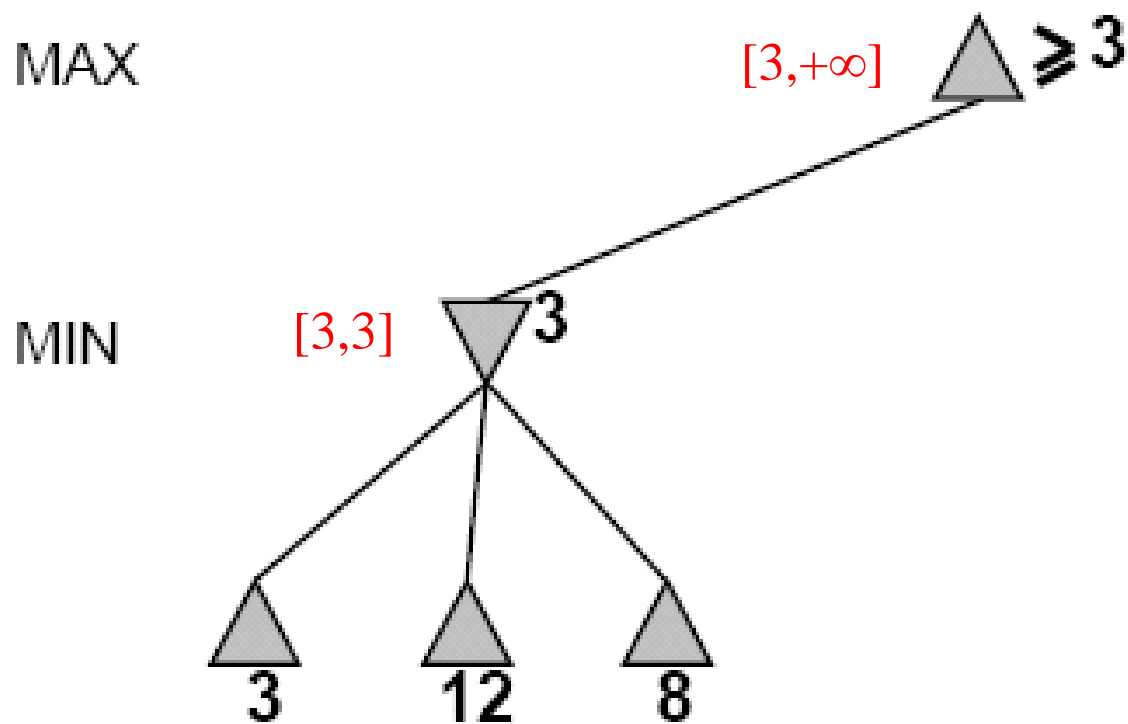
## مثال: هرس آلفا-بتا



## مثال: هرس آلفا-بتا

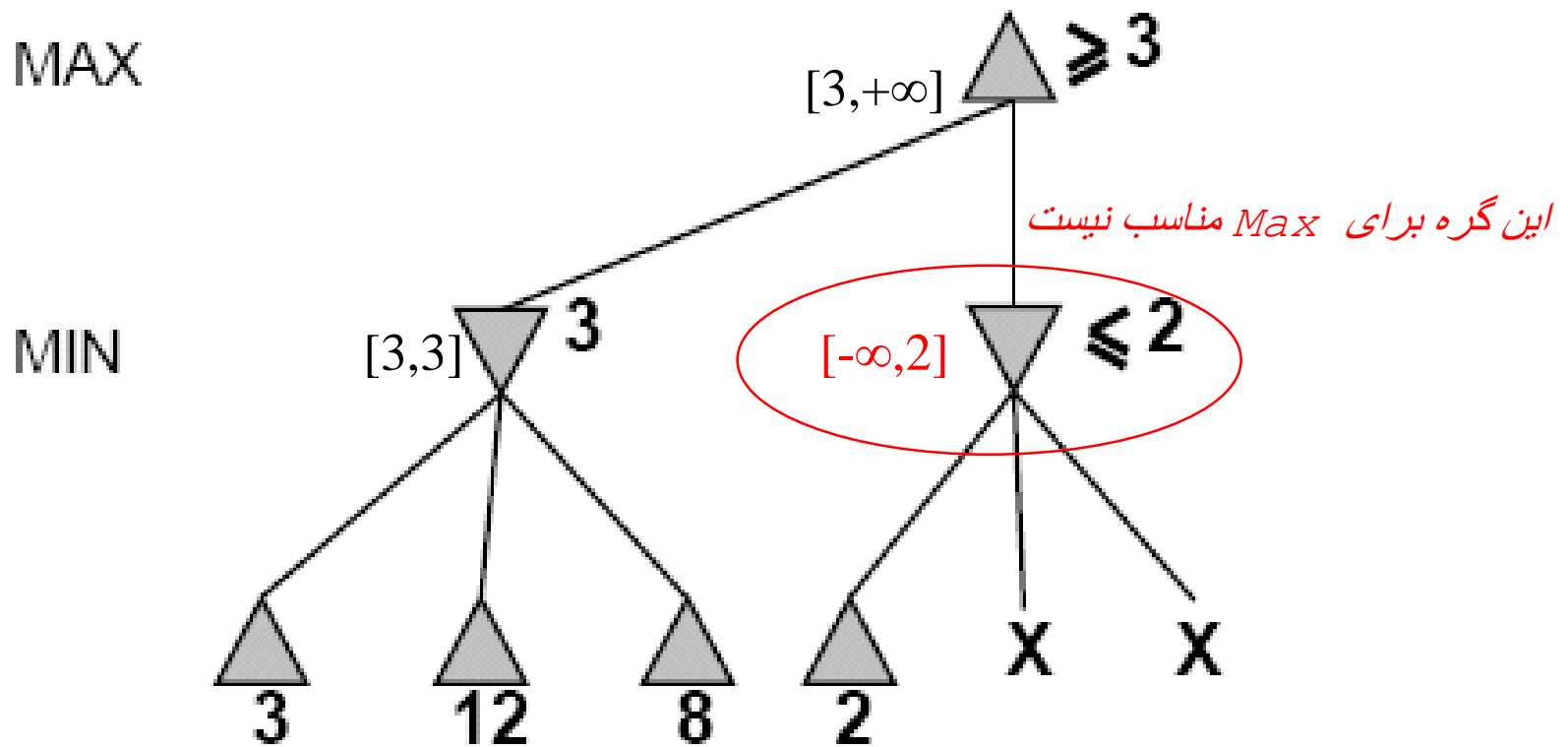


## مثال: هرس آلفا-بتا

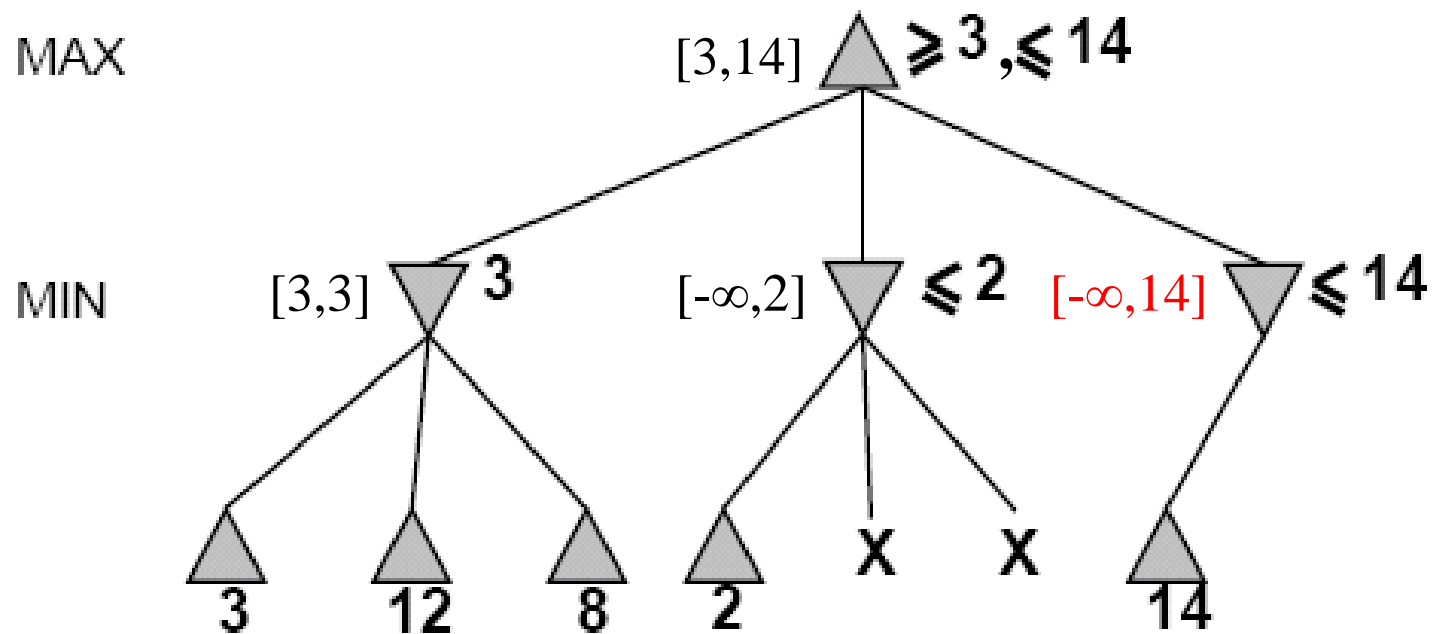




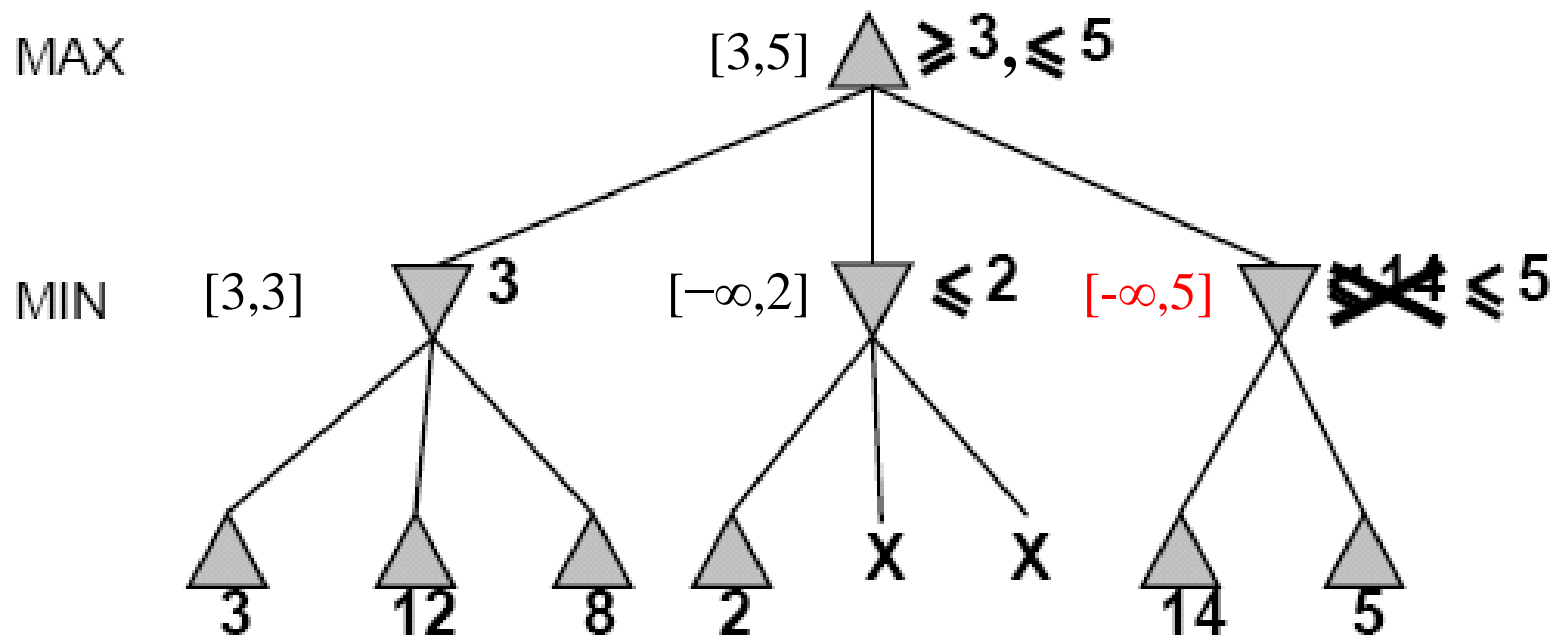
## مثال: هرس آلفا-بتا



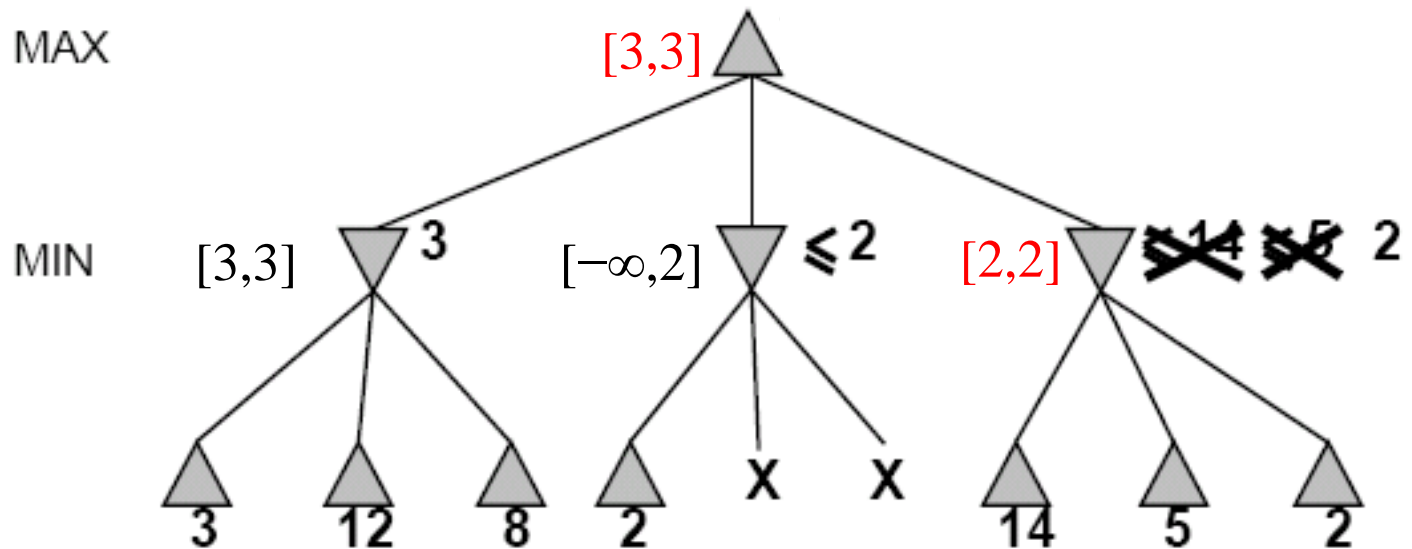
## مثال: هرس آلفا-بتا



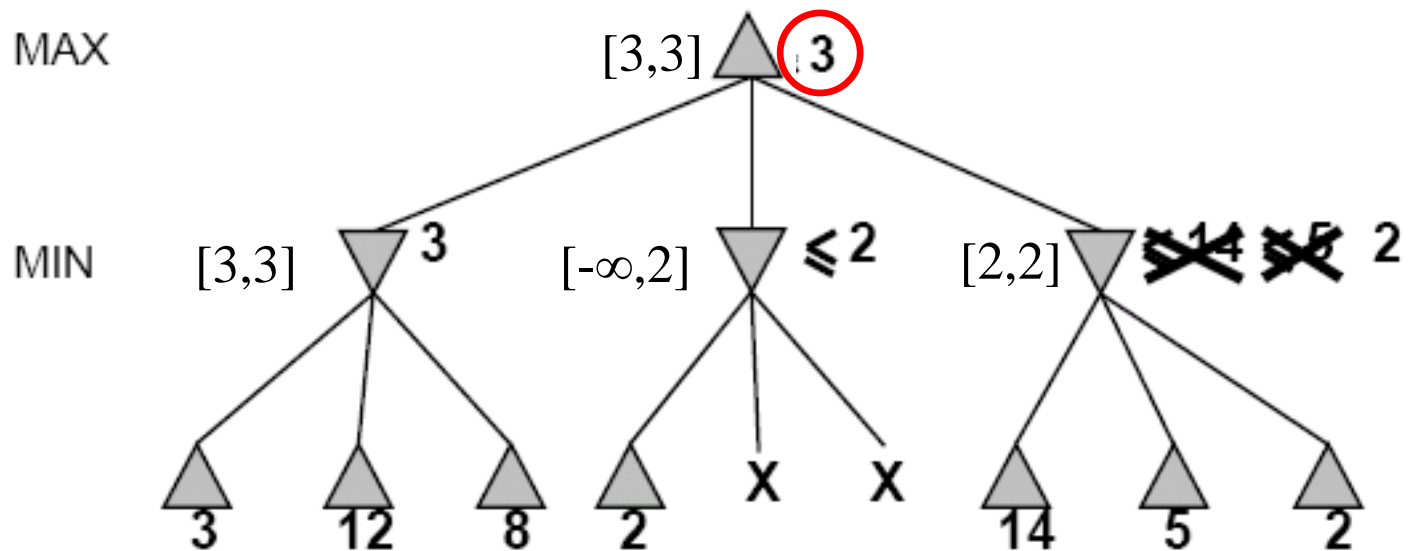
# مثال: هرس آلفا-بتا



# مثال: هرس آلفا-بتا



# مثال: هرس آلفا-بتا



# بازیهای قطعی با اطلاعات ناقص

## معایب الگوریتم های پیشین

الگوریتم minimax کل فضای جست و جوی بازی را تولید می کند.

الگوریتم آلفا-بتا با وجود هرس درخت، اما کل مسیر حالت های پایانه، حداقل برای بخشی از فضای حالت، باید جست و جو شود.

این عمق عملی نیست، زیرا حرکات باید در زمانی معقول انجام شود.

## • شانون (۱۹۵۰)

برای کمتر شدن زمان جست و جو.

جایگزینی تابع سودمندی با یک تابع ارزیاب هیوریستیک (EVAL)  
(تخمینی از میزان سودمندی موقعیت).

## بازیهای قطعی با اطلاعات ناقص

در شانون، minimax و آلفا-بتا به دو روش بطور متناوب عمل می‌کنند.

جایگزینی تابع سودمندی با تابع ارزیابی اکتشافی بنام EVAL

- تقمینی از سودمندی موقعیت ارائه می‌کند.

جایگزین تست پایانه با تست توقف.

- تصمیم میگیرد EVAL چه موقع اعمال شود.

## تابع ارزیابی اکتشافی EVAL

✓ تابع ارزیابی ، ارائه تخمینی از سودمندی مورد انتظار بازی از یک موقعیت خاص.

✓ توابع اکتشافی، تخمینی از فاصله تا هدف را بر می گرداند.

✓ اغلب توابع ارزیابی، خواص گوناگونی از حالتها را محاسبه می کنند.

✓ تابع ارزیابی نمی داند کدام حالت منجر به چه چیزی میشود، اما میتواند مقداری برگرداند که **تناسب حالتها را با هر نتیجه** نشان دهد.



## مثال: تابع EVAL

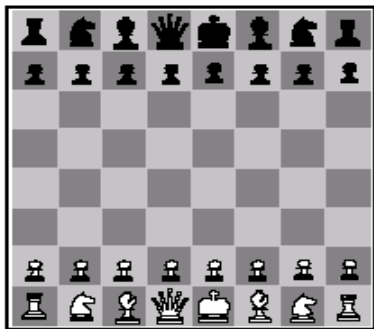
اغلب توابع ارزیابی، مقدار عددی جداگانه ای برای هر خاصیت محاسبه، سپس آنها را ترکیب می کنند تا مقدار کل بدست آید.

مثال در تابع بازی شطرنج:

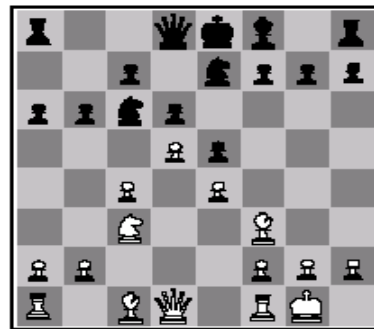
$w_i$  تعداد هر نوع قطعه در صفحه

$f_i$  مقادیر آن قطعات

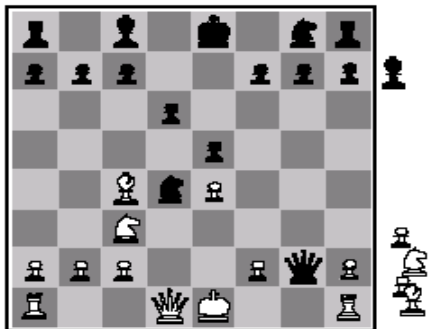
(۱ برای پیاده، ۳ برای اسب یا فیل، ۵ برای رخ و ...)



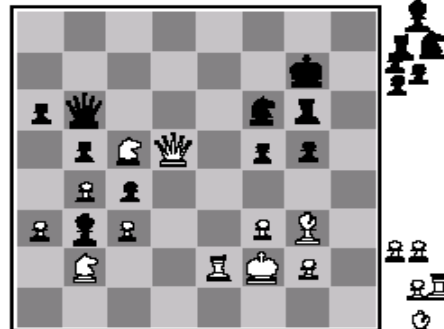
(a) White to move  
Fairly even



(b) Black to move  
White slightly better



(c) White to move  
Black winning



(d) Black to move  
White about to lose

$$Eval(s) = w_1 f_1(s) + w_2 f_2(s) + \dots + w_n f_n(s)$$

## اثر افق

مثال: شکل مقابل؛

سیاه در اصل جلوست، اما اگر سفید پیاده اش را از سطر هفتم به هشتم ببرد، پیاده به وزیر تبدیل میشود و موقعیت برد برای سفید بوجود می آید



Black to move

# بازیهایی که حاوی عنصر شانس هستند

