## VERSUCH NUMMER US1

# Scanverfahren in der Ultraschalltechnik

Celina Kortmann celina.kortmann@tu-dortmund.de

Jan Lucca Viola janlucca.viola@tu-dortmund.de

Durchführung: 13.06.2023 Abgabe: 20.06.2023

TU Dortmund – Fakultät Physik

# Inhaltsverzeichnis

| 1   | Ziel  | 1        |
|-----|---|----------|
| 2   | Theorie   | 1        |
| 3   | Aufbau  | 1        |
| 4   | Durchführung         4.1 Untersuchung des Acrylblocks mit dem A-Scan          4.2 Untersuchung des Auflösungsvermögens          4.3 Untersuchung des Acrylblocks mit dem B-Scan          4.4 Untersuchung eines Brustmodells mit einem B-Scan | 2 2      |
| 5   | Auswertung 5.1 Fehlerrechnung   | 4        |
| 6   | Diskussion 6.1 Untersuchung des Acrylblocks mit einem A-Scan  | <b>5</b> |
| Lit | eratur  | 7        |
|     | Anhang  | 9        |

#### 1 Ziel

#### 2 Theorie

#### 3 Aufbau

Der Versuchsaufbau besteht aus einem Ultraschallechoskop und Ultraschallsonden verschiedener Frequenzen. Die Ultraschallsonden können sowohl für das Impuls-Echo-Verfahren als auch für das Durchschallungsverfahren genutzt werden. Für die Datenaufnahme wird ein Rechner mit dem Programm A-Scan verwendet. In dem Versuch wird ein Acrylblock mit 11 Bohrungen, welcher in Abbildung 1 schematisch dargestellt ist, und ein Brustmodell mittels Ultraschall untersucht.

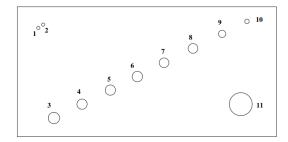


Abbildung 1: Schematische Darstellung des verwendeten Acrylblocks [5].

## 4 Durchführung

Zuerst wird der Acrylblock mit einer Schieblehre ausgemessen. Neben der Höhe, Tiefe und Breite des Acrylblocks werden außerdem die Positionen und Durchmesser der Bohrungen bestimmt.

Danach werden für sieben Bohrungen die Laufzeiten mittels des Impuls-Echo-Verfahrens gemessen, um damit die Schallgeschwindigkeit und die Dicke der Anpassungsschicht zu bestimmen.

#### 4.1 Untersuchung des Acrylblocks mit dem A-Scan

Nun werden mittels eines A-Scans die Größe und Positionen aller Bohrungen bestimmt. Dazu wird die 2-MHz-Sonde verwendet. Als Kontaktmittel zwischen dem Acrylblock und der Sonde dient destilliertes Wasser. Danach wird der Acrylblock umgedreht und erneut ein A-Scan von allen Bohrungen aufgenommen.

#### 4.2 Untersuchung des Auflösungsvermögens

Um das Auflösungsvermögen zu bestimmen, werden die beiden benachbarten Bohrungen 1 und 2 mit einer 1-MHz-Sonde und einer 2-MHz-Sonde untersucht und die erhaltenen Graphen dann miteinander verglichen.

#### 4.3 Untersuchung des Acrylblocks mit dem B-Scan

Erneut wird der Acrylblock von beiden Seiten mit einer 2-MHz-Sonde untersucht. Dabei wird ein B-Scan beider Seiten erstellt, um die Abmessungen der Bohrungen zu bestimmen.

#### 4.4 Untersuchung eines Brustmodells mit einem B-Scan

Zuerst wird dei ungefähre Lage der beiden Tumore in dme Brustmodell ertastet. Nun wird mit der 2-MHz-Sonde auf einer gedachten Verbindungslinie zwischen den ertasteten Stellen ein B-Scan aufgezeichnet, welcher sich qualitativ erklären lässt. Hieraus ist auch die Art des Tumors bestimmbar.

### 5 Auswertung

#### 5.1 Fehlerrechnung

Für die Fehlerrechnung werden folgende Formeln aus der Vorlesung verwendet. für den Mittelwert gilt

$$\overline{x} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_i \text{ mit der Anzahl N und den Messwerten x}$$
 (1)

Der Fehler für den Mittelwert lässt sich gemäß

$$\Delta \overline{x} = \frac{1}{\sqrt{N}} \sqrt{\frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^{N} (x_i - \overline{x})^2} \tag{2}$$

berechnen. Wenn im weiteren Verlauf der Berechnung mit der fehlerhaften Größe gerechnet wird, kann der Fehler der folgenden Größe mittels Gaußscher Fehlerfortpflanzung berechnet werden. Die Formel hierfür ist

$$\Delta f = \sqrt{\sum_{i=1}^{N} \left(\frac{\partial f}{\partial x_i}\right)^2 \cdot (\Delta x_i)^2}.$$
 (3)

Tabelle 1: Abmessungen der einzelnen Bohrungen

| Bohrung | Abstand von unten in mm | Abstand von oben mm | Durchmesser d in mm |
|---------|-------------------------|---------------------|---------------------|
| 1       | 59.0                    | 19.2                | 1.7                 |
| 2       | 60.7                    | 17.5                | 1.7                 |
| 3       | 13.2                    | 60.6                | 6.0                 |
| 4       | 21.7                    | 53.2                | 5.0                 |
| 5       | 30.0                    | 45.6                | 4.0                 |
| 6       | 38.6                    | 38.0                | 3.0                 |
| 7       | 46.6                    | 29.8                | 3.0                 |
| 8       | 54.7                    | 22.8                | 3.0                 |
| 9       | 62.7                    | 13.7                | 3.0                 |
| 10      | 70.7                    | 6.8                 | 3.0                 |
| 11      | 15.3                    | 54.4                | 9.9                 |

### 5.2 Bestimmung der Schallgeschwindigkeit und der Dicke der Anpassungsschicht

Die Abmessungen der einzelnen Bohrungen befinden sich in Tabelle 1. Die Nummerierung der Bohrungen befinden sich in Abbildung 1.

Um die Schallgeschwindigkeit und die Dicke der Anpassungsschicht zu bestimmen, werden für sieben Bohrungen die Laufzeiten bestimmt. Diese befinden sich in Tabelle 2.

Tabelle 2: Messwerte der Laufzeiten der einzelnen Bohrungen

| Bohrung | Laufzeit $t$ in $\mu$ s |
|---------|-------------------------|
| 3       | 45.4                    |
| 4       | 39.9                    |
| 5       | 34.4                    |
| 6       | 29.0                    |
| 7       | 23.0                    |
| 8       | 17.1                    |
| 9       | 11.1                    |

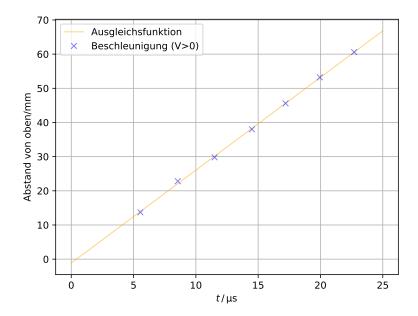
Nun werden die Abstände der Bohrungen von der oberen Fläche gegen die Hälfte der Laufzeiten aufgetragen (da die Strecke bis zum Loch zweimal durchlaufen wird) und eine Ausgleichsgerade gebildet. Diese befinden sich in Abbildung 2.

Die Schichtdicke entspricht dem Betrag des y-Achsenabschnitt

$$d = |b| = |(-1.1 \pm 0.4) \,\mathrm{mm}| = (1.1 \pm 0.4) \,\mathrm{mm}$$
.

Die Schallgeschwindigkeit in Acryl ergibt sich über die Steigung der Ausgleichsgeraden

$$v = (2.718 \pm 0.025) \, \frac{\text{mm}}{\text{µs}} = (2718 \pm 25) \, \frac{\text{m}}{\text{s}} \, .$$



**Abbildung 2:** Regression zur Bestimmung der Schallgeschwindigkeit und der Dicke der Anpassungsschicht.

#### 5.3 Untersuchung des Acrylblocks mit einem A-Scan

Die Messwerte des A-Scans von der oberen und unteren Seite des Acrylblocks befinden sich in Tabelle 3. Dabei wurden die Tiefenmessungen mit der Schichtdicke korrigiert. Mithilfe der korrigierten Werte und der gemessenen Gesamthöhe des Blocks  $h=79.9\,\mathrm{mm}$  ergibt sich über

$$d = h - a_{\rm ob} - a_{\rm unt}$$

der Durchmesser der einzelnen Bohrungen, welcher ebenfalls in Tabelle 3 dargestellt ist.

Tabelle 3: Messwerte der Tiefe der einzelnen Bohrungen sowie dessen Durchmesser.

|         |          | oben              |          | unten             |      |
|---------|----------|-------------------|----------|-------------------|------|
| Bohrung | Tiefe mm | nach Korrektur mm | Tiefe mm | nach Korrektur mm | d mm |
| 1       | 20.6     | 19.5              | 60.4     | 59.3              | 1.1  |
| 2       | 19.0     | 17.9              | 62.0     | 60.9              | 1.1  |
| 3       | 62.0     | 60.9              | 14.5     | 13.4              | 5.6  |
| 4       | 54.5     | 53.4              | 23.0     | 21.9              | 4.6  |
| 5       | 46.9     | 45.8              | 31.6     | 30.5              | 3.6  |
| 6       | 39.5     | 38.4              | 40.1     | 39.0              | 2.5  |
| 7       | 31.4     | 30.3              | 47.9     | 46.8              | 2.8  |
| 8       | 23.3     | 22.2              | 56.0     | 54.9              | 2.8  |
| 9       | 15.2     | 14.1              | 64.1     | 63.0              | 2.8  |
| 10      | 7.2      | 6.1               |          | _                 |      |
| 11      | 55.8     | 54.7              | 16.8     | 15.7              | 9.5  |

Die zehnte Bohrung konnte von unten nicht gemessen werden, da die elfte Bohrung direkt

davor liegt und nicht genug Ultraschallwellen zu der zehnten Bohrung transmittiert werden, sodass diese messbar wäre.

#### 5.4 Untersuchung des Auflösungsvermögens

Hier wurden die Bohrungen eins und zwei mit einem A-Scan untersucht. Dabei werden die Untersuchungen mit einer 1-MHz-Sonde und einer 2-MHz-Sonde miteinander verglichen. Die Graphik der 1-MHz-Sonde befindet sich in Abbildung 3 und die der 2-MHz-Sonde in Abbildung 4.



Abbildung 3: Graphik der 1-MHz-Sonde.

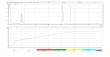


Abbildung 4: Graphik der 2-MHz-Sonde.

#### 6 Diskussion

Bei der Messung der Schallgeschwindigkeit kann der experimentelle Wert  $v=(2718\pm25)\,\mathrm{m/s}$  mit dem theoretischen Wert 2700 m/s verglichen werden. Die experimentell bestimmte Schallgeschwindigkeit stimmt im Rahmen der Fehlerabweichung mit dem theoretischen Wert überein. Die Abweichung zwischen beiden Werten beträgt 0.6 %.

#### 6.1 Untersuchung des Acrylblocks mit einem A-Scan

Sowohl die Werte des A-Scans als auch die Ergebnisse des B-Scans lassen sich mit den mit der Schieblehre ausgemessenen Werten sowie untereinander vergleichen.

Die Abweichungen des A-Scans zu den mit der Schieblehre gemessenen Werten sind in Tabelle 4 dargestellt.

**Tabelle 4:** Abweichungen zwischen dem A-Scan und den mit der Schieblehre bestimmten Werten.

|         | Abweichung der Messungen |          |             |  |
|---------|--------------------------|----------|-------------|--|
| Bohrung | von unten                | von oben | Durchmesser |  |
| 1       | 0.5                      | 1.6      | 35.3        |  |
| 2       | 0.3                      | 2.3      | 35.3        |  |
| 3       | 1.5                      | 0.5      | 6.7         |  |
| 4       | 0.9                      | 0.4      | 8.0         |  |
| 5       | 1.7                      | 0.4      | 10.0        |  |
| 6       | 1.0                      | 1.1      | 16.7        |  |
| 7       | 0.4                      | 1.7      | 7.7         |  |
| 8       | 0.4                      | 2.6      | 7.7         |  |
| 9       | 0.5                      | 2.9      | 7.7         |  |
| 10      | 5.9                      | _        | _           |  |
| 11      | 2.6                      | 0.6      | 4.0         |  |

Dass die Messwerte nicht genau übereinstimmen, kann an ungenauen Messungen mit der Schieblehre sowie der Ungenauigkeit der Dicke der Anpassungsschicht liegen, die sich auf die Messergebnisse des A-Scans fortpflanzt. Die Abweichungen sind allgemein bei kleineren Messwerten größer, da bei einer kleinen Größenordnung der Messfehler mehr ins Gewicht fällt. Allgemein lässt sich sagen, dass die Messung mittels Ultraschall/A-Scan vermutlich genauere Ergebnisse liefert.

### Literatur

- [1] Charles R. Harris u. a. "Array programming with NumPy". In: *Nature* 585.7825 (Sep. 2020), S. 357–362. DOI: 10.1038/s41586-020-2649-2. URL: https://doi.org/10.1038/s41586-020-2649-2.
- [2] John D. Hunter. "Matplotlib: A 2D Graphics Environment". Version 1.4.3. In: Computing in Science & Engineering 9.3 (2007), S. 90–95. DOI: 10.1109/MCSE.2007.55. URL: http://matplotlib.org/. Current version 3.4.3, DOI: 10.5281/zenodo.5194481.
- [3] Eric O. Lebigot. *Uncertainties: a Python package for calculations with uncertainties.* Version 2.4.6.1. URL: http://pythonhosted.org/uncertainties/.
- [4] The pandas development team. pandas-dev/pandas: Pandas. Version latest. Feb. 2020. DOI: 10.5281/zenodo.3509134. URL: https://doi.org/10.5281/zenodo.3509134.
- [5] Versuchsanleitung zu Versuch Nr. US1 Scanverfahren in der Ultraschalltechnik. Fakultät Physik, TU Dortmund. 2023.
- [6] Pauli Virtanen u. a. "SciPy 1.0: Fundamental Algorithms for Scientific Computing in Python". In: *Nature Methods* 17 (2020), S. 261–272. DOI: 10.1038/s41592-019-0686-2.

# Anhang

| USI-Scanv       | ersahren in der Altrachalltechnik |     |
|-----------------|-----------------------------------|-----|
| . 1. Alsmessun  | g des terylloloties 10,1 mm       |     |
| Hohe            | 79,9 mm                           |     |
| Breite: 10      | 19,3 mm                           |     |
| * Trefe: 41     | Ann                               |     |
| l. Bahrung      | von unten: 59,0 mm                |     |
|                 | von oben. 19,2 mm                 |     |
|                 | Durchmeser (Mumm) 1,7m            | m   |
| 2 Bohrung       | von unten 60,7 mm                 |     |
|                 | von oben: 17,5 mm                 |     |
|                 | Durchnesser: 1,7 mm               |     |
| 3. Bohrung      | von unten: 13,2 mm                |     |
|                 | von oben: 60,6mm                  |     |
|                 | Durchmesser, 6,0 mm               |     |
| u. Bohrung      | von unten: 21,7mm                 |     |
| À               | von oben: 53,2 mm                 |     |
|                 | Durchmesser: 5,0mm                |     |
| J. Bohrung      | von unten 30,0mm                  |     |
| 5. 150 (1 01 3) | von chen 45,6 mm                  |     |
|                 | Durchnesser 4.0 mm                |     |
| G. Bohrung      | von unter: 38,6 mm                |     |
| 6 801019        | von oben: 38 0mm                  |     |
|                 | Durchmester: 3,0 mm               |     |
|                 | von unter: U6,6 mm                |     |
| 7. Bohrung      | von oben: 29,8 mm                 |     |
|                 |                                   |     |
|                 |                                   |     |
| 8. Behrung      |                                   |     |
|                 | Von oben: 22,8mm                  | 802 |
|                 | Durchmesser. 3,0 mm               |     |

| 4. Bohrung     | von unter: Oxi+ma   | 7       |            |
|----------------|---------------------|---------|------------|
| Y .            | von oben: 13,7mm    |         |            |
|                | Durchmesser 3,0 mm  |         |            |
| 10. Bohrung    | von unten: 70,7mm   |         |            |
|                | von oben: 6,8 mm    |         |            |
|                | Durchmessen: 3,0 mm |         |            |
| · M. Bohrung:  | von unten: 15,3 mm  |         |            |
| 30/10/9        | von oben: 54,4 mm   |         |            |
|                |                     |         |            |
| 00 00 00       | Durchmesser: 9,9 mm |         |            |
| 2. Schallgesch |                     |         |            |
| 195 Pupl       |                     |         |            |
| 17, 1 215      |                     |         |            |
| 23,0 µs        | . 7                 |         |            |
| 29,0 US        |                     |         |            |
| 34,4 11.       | \$ 5                |         |            |
| 39,9 μ         | 3                   |         |            |
| 45,4 1         | 3                   |         |            |
| 11,1,100       | 3                   |         |            |
|                |                     |         |            |
|                |                     |         |            |
| 3. A-Scan      |                     |         |            |
| Bohrung        | Tiefe               | Bohnung | Tiefe      |
| 1              | 19,0mm 20,6mm       | 8       | 23,3mm     |
| 2              | 20,6 mm 19,0 mm     | 9       | 15,2mm     |
| 3              | 62 0mm              | 10.     | £,2mm.     |
| 9              | 24.2 mm             | 11      | 22'8WW     |
|                |                     |         | 20 (2) [7] |
| 5              | 46.9 mm             |         |            |
| 6              | 3915 mm             |         |            |
| F              | 31,4 mm             |         | Run        |
|                |                     |         |            |

| 441 | zucheite:                           |  | 0 1 3   | 100   |
|-----|-------------------------------------|--|---|---|
|     | Bohrung                             | Tiefe  | Bohrung   | Tiefe   |
|     |                                     | 60,4mm   | 1   | uz, 9mm   |
|     | 2                                   | 62,0 mm  | 8   | 56,0mm  |
|     | 3                                   | 14,5 mm  | 9   | 64, Imm   |
| ++- | - 9                                 | 23,0mm   | 10  |   |
|     | 5                                   | 31.6mm   | 11  | 16.8mm  |
| ++  | 6                                   | 40, lmm  |   |   |
| 3   | 5. 1 MHZ-S                          | Sande  |   |   |
|     | 1. Bohrur                           |  | n: G1, 9mm  |   |
|     |                                     | Vonobe   | n: 21,2 24,   | Gmm   |
|     | 2. Bohran                           | a von une  | en: G.A. am   | n 66,1 mm                                       |
|     |                                     | von ak   | en: 21,2 mm   |   |
|     | > Messeina                          | y ungenall, sch  | sdo pension   | ilesen  |
| 1 4 | . B-Scan                            |  | Y   |   |
|     | Bohma                               | inefe 3  | ohrung Tref   | e   |
|     | 1                                   | 21,1 mm  | Q   | 9mm   |
|     |                                     | 19,3 mm  |   | <del>Emm</del>                                  |
|     |                                     |  |   |   |
|     | 2                                   | 69 Umm.  | 9 15  | 8 mm  |
|     | 3                                   | 62, Umm .  |   | 8 mm  |
|     | 3                                   | 55.1 mm  | 10 8,0  | Dmm   |
|     | 3                                   | 55,1 mm<br>47,5 mm   | 10 8,0  |   |
|     | 3                                   | 55,1 mm<br>47,5 mm<br>40,1 mm  | 10 8,0  | 2 mm  |
|     | 3<br>. y<br>. 5<br>. 6<br>. Solving | 55,1mm<br>47,5mm<br>40,1mm   | 10 8,0 11 56, Bohrung Tie                               | 2 mm  |
|     | 3<br>                               | 55,1 mm<br>47,5 mm<br>40,1 mm<br>Tiefe<br>247,60,8 mm                      | 10 8,0 11 56, Bohung Tie                                | 2 mm 2 mm fe 7mm US,7mm                         |
|     | 3<br>. y<br>. 5<br>. 6<br>. Solving | 55,1 mm<br>47,5 mm<br>40,1 mm<br>TIER<br>247,60,8 mm<br>62,2 mm            | 10 8,0 11 56, Bohrung Tie 7 40                          | Dmm<br>2 mm<br>fe<br>7mm US, Fmm<br>7mm SG, Umm |
|     | 3<br>                               | 55,1 mm<br>47,5 mm<br>40,1 mm<br>TIGE<br>247,60,8 mm<br>62,2 mm<br>14,9 mm | 10 8,0 11 56, Bohrung Tie 7 40 8 48,                    | Dmm 2 mm  fe 7mm U8,7mm 4mm SG,Umm              |
|     | 3<br>                               | 55,1 mm<br>47,5 mm<br>40,1 mm<br>TIER<br>247,60,8 mm<br>62,2 mm            | 10 8,0 11 56,  Bohnung Tie  7 40,  8 48,  9 56,  10 64, | Dmm<br>2 mm<br>fe<br>7mm US, Fmm<br>7mm SG, Umm |