

# 그래프와 BFS

최백준 [choi@startlink.io](mailto:choi@startlink.io)

---

# 그래프

---

# 그래프

## Graph

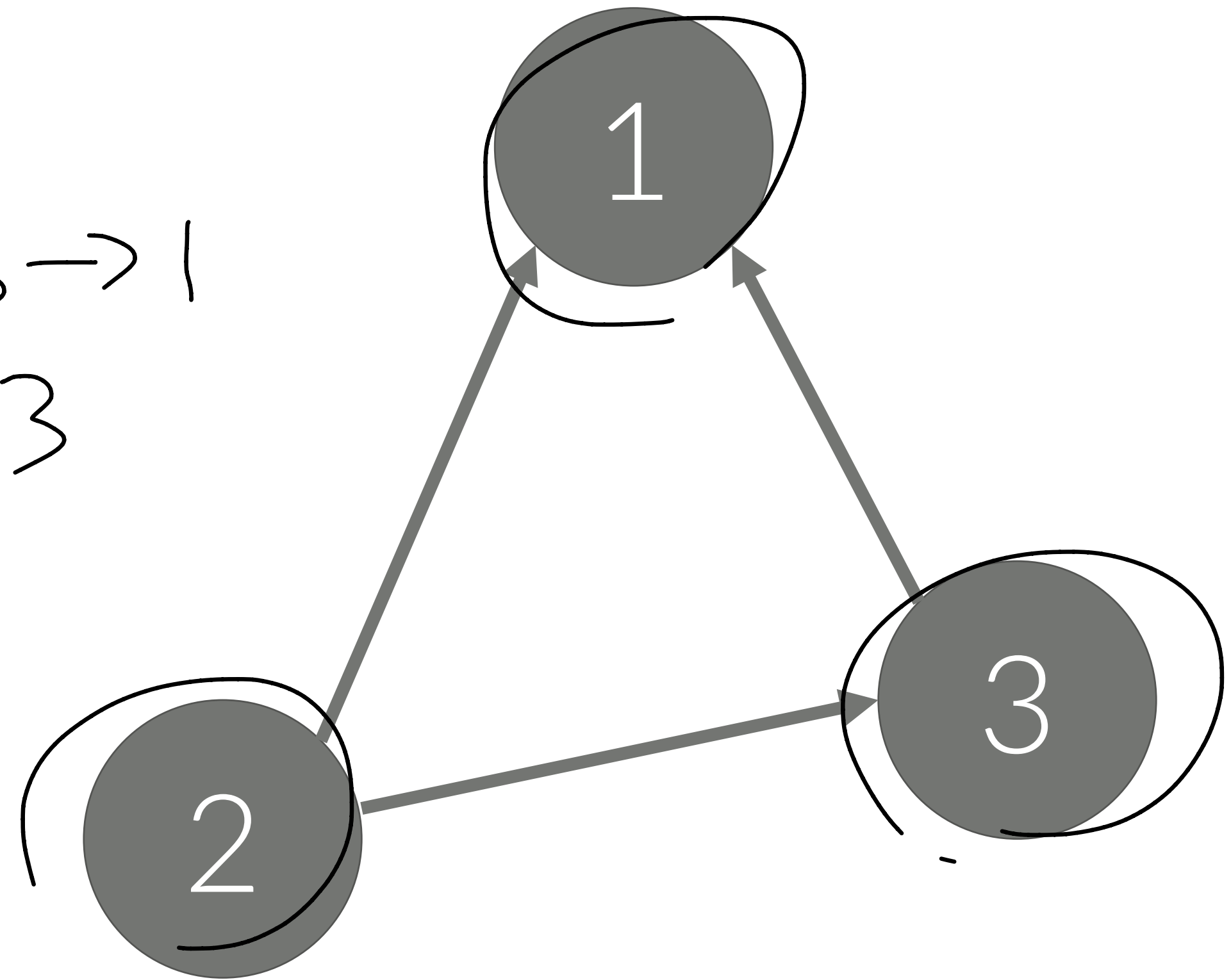
- 자료구조의 일종

- 정점 (Node, Vertex)

- 간선 (Edge): 정점간의 관계를 나타낸다.

- $G = (V, E)$ 로 나타낸다.

$2 \rightarrow 1$        $3 \rightarrow 1$   
 $2 \rightarrow 3$



# 경로

Path

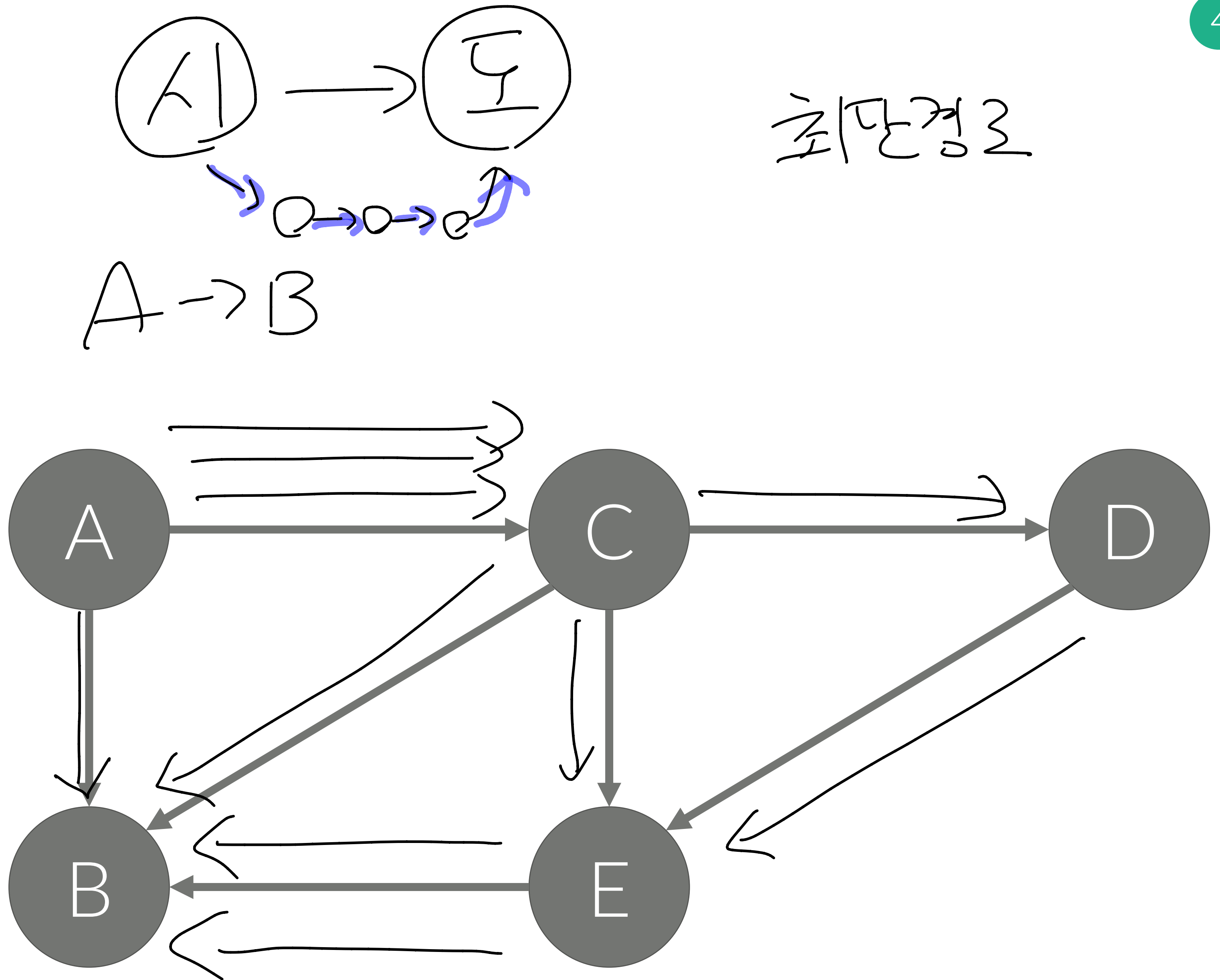
- 정점 A에서 B로 가는 경로

•  $A \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E \rightarrow B$

•  $A \rightarrow B$

•  $A \rightarrow C \rightarrow B$

•  $A \rightarrow C \rightarrow E \rightarrow B$



# 사이클

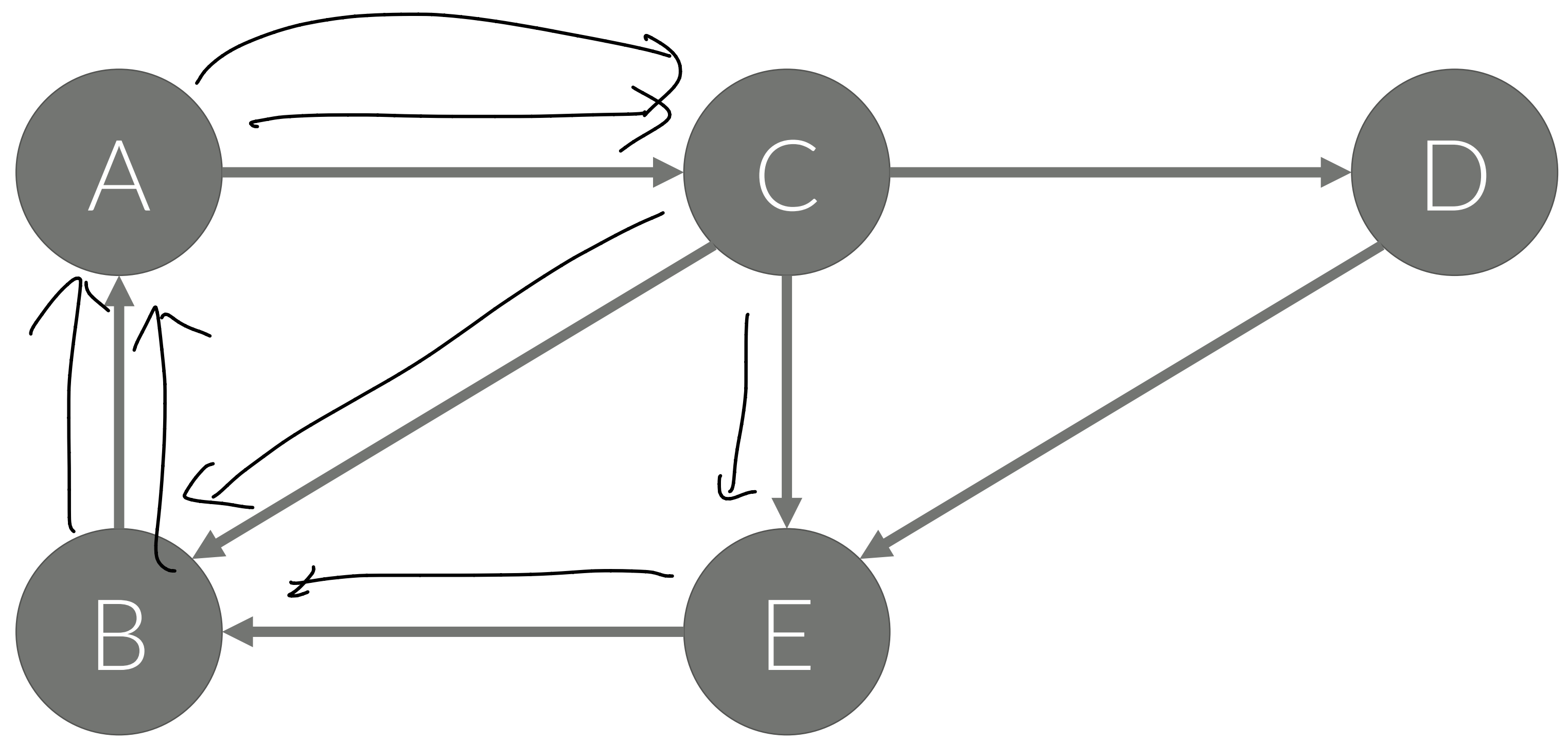
Path

• 정점 A에서 다시 A로 돌아오는 경로

- $A \rightarrow C \rightarrow B \rightarrow A$
- $A \rightarrow C \rightarrow E \rightarrow B \rightarrow A$
- $A \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E \rightarrow B \rightarrow A$

경로 :  $\underbrace{A \rightarrow A}_{\text{같은 E}} \rightarrow \underbrace{\quad}_{\text{같은 E}}$

$A \rightarrow A$



# 단순 경로와 단순 사이클

Simple Path and Simple Cycle

- 경로/사이클에서 같은 정점을 두 번 이상 방문하지 않는 경로/사이클
- 특별한 말이 없으면, 일반적으로 사용하는 경로와 사이클은 단순 경로/사이클을 말한다.

# 방향 있는 그래프

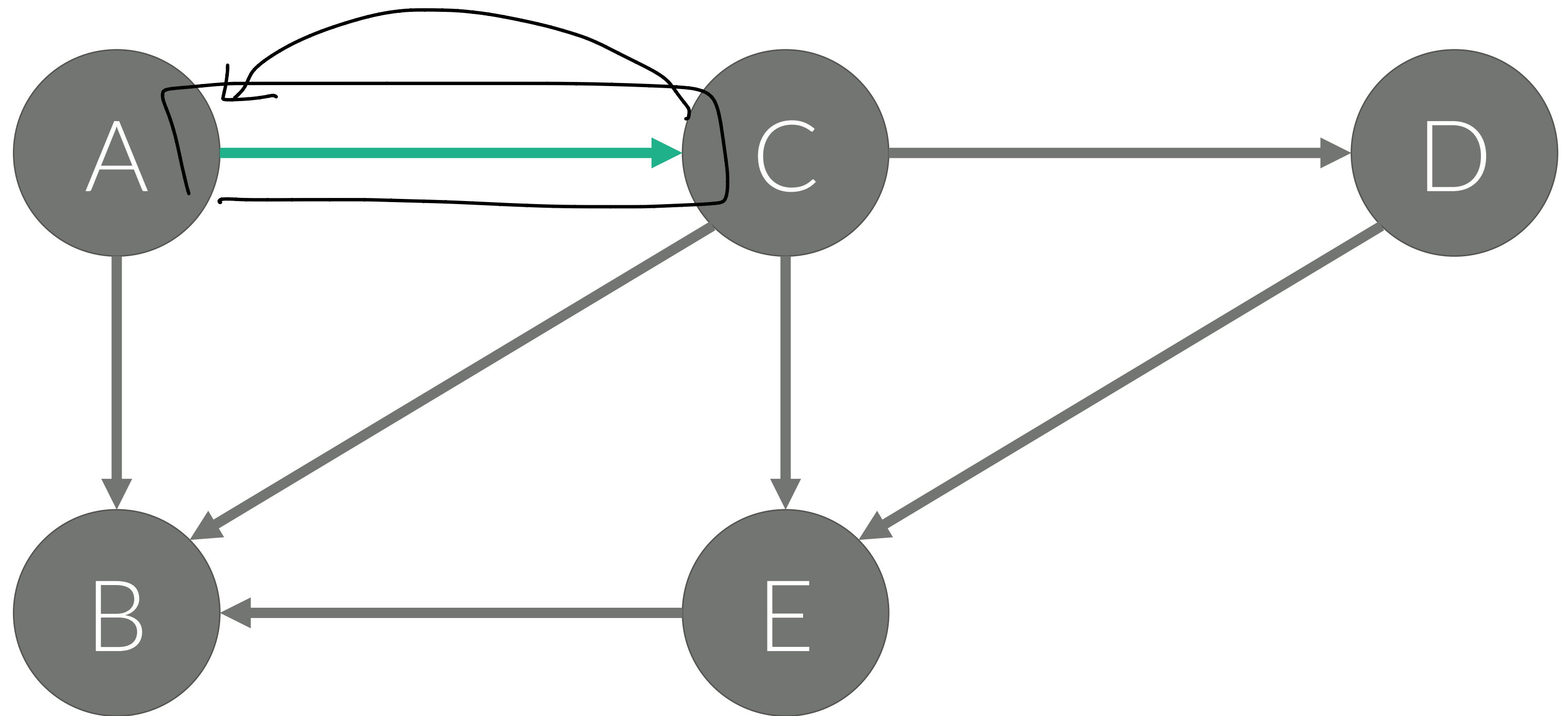
Directed Graph

7

간선 :



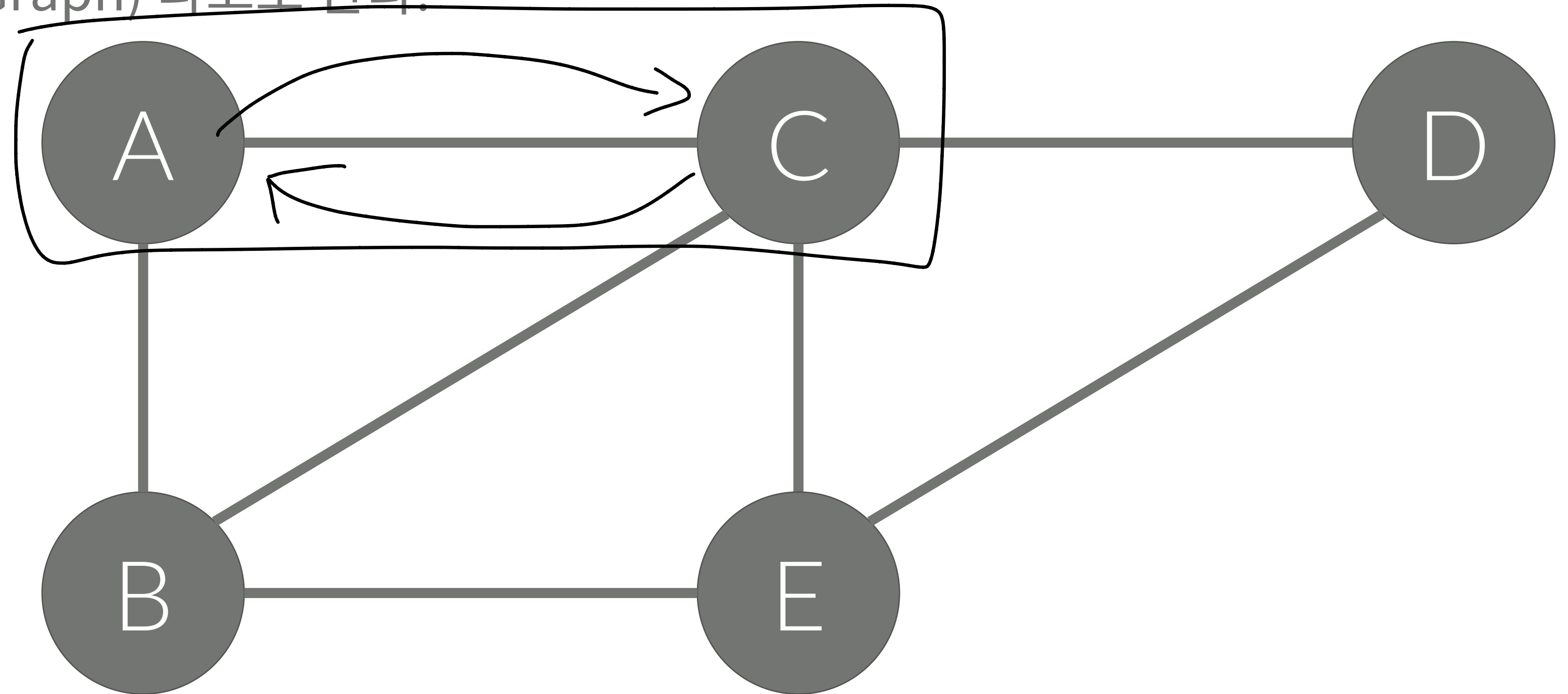
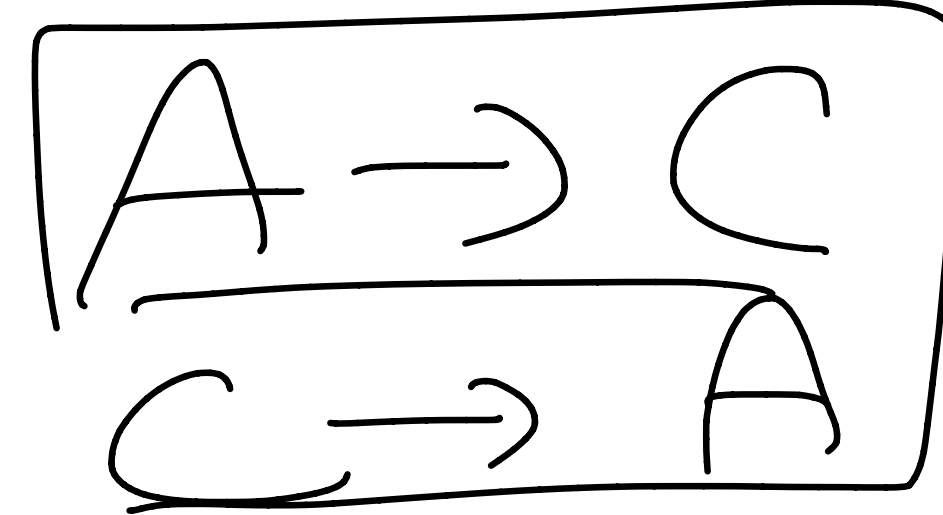
- $A \rightarrow C$  와 같이 간선에 방향이 있다.
- $A \rightarrow C$ 는 있지만,  $C \rightarrow A$ 는 없다.



# 방향 없는 그래프

Undirected Graph

- A - C 와 같이 간선에 방향이 없다.
- A - C는  $A \rightarrow C$ 와  $C \rightarrow A$ 를 나타낸다.
- 양방향 그래프 (Bidirection Graph) 라고도 한다.

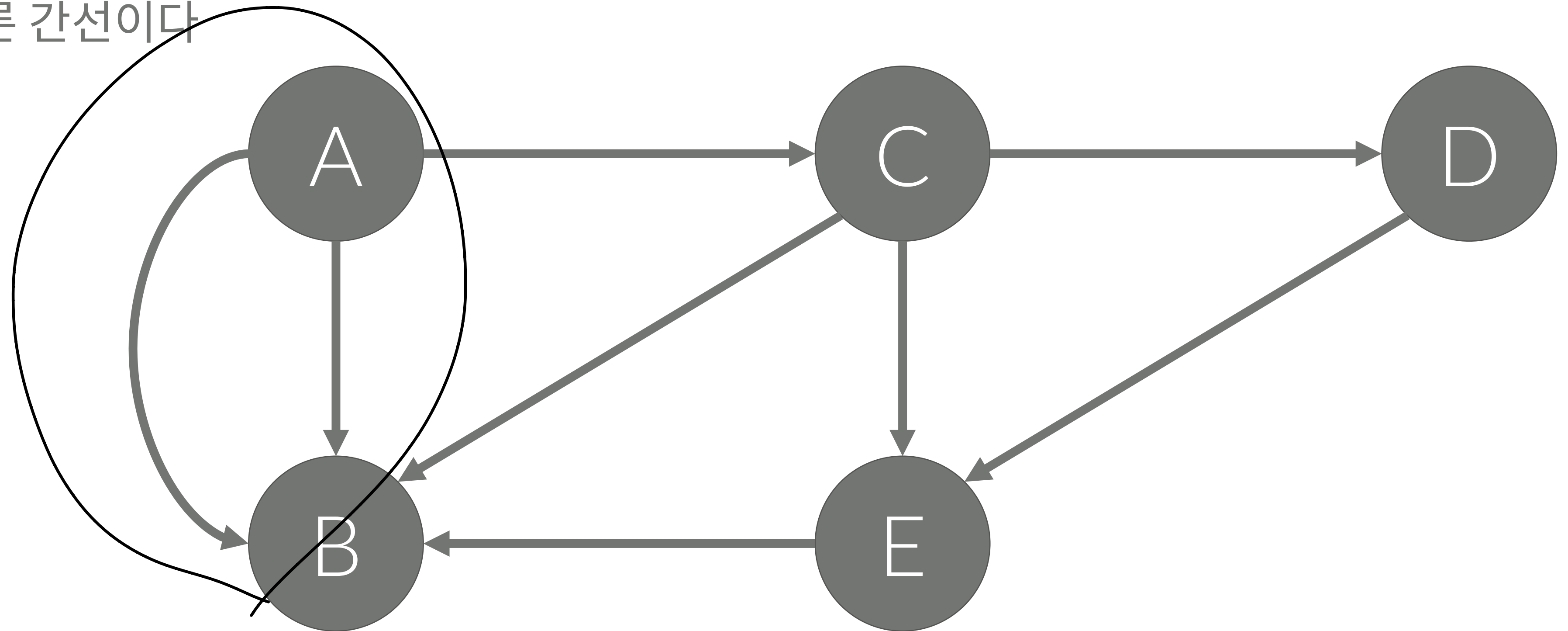




# 간선 여러개

## Multiple Edge

- 두 정점 사이에 간선이 여러 개일 수도 있다.
- 아래 그림의 A-B는 연결하는 간선이 2개이다.
- 두 간선은 서로 다른 간선이다

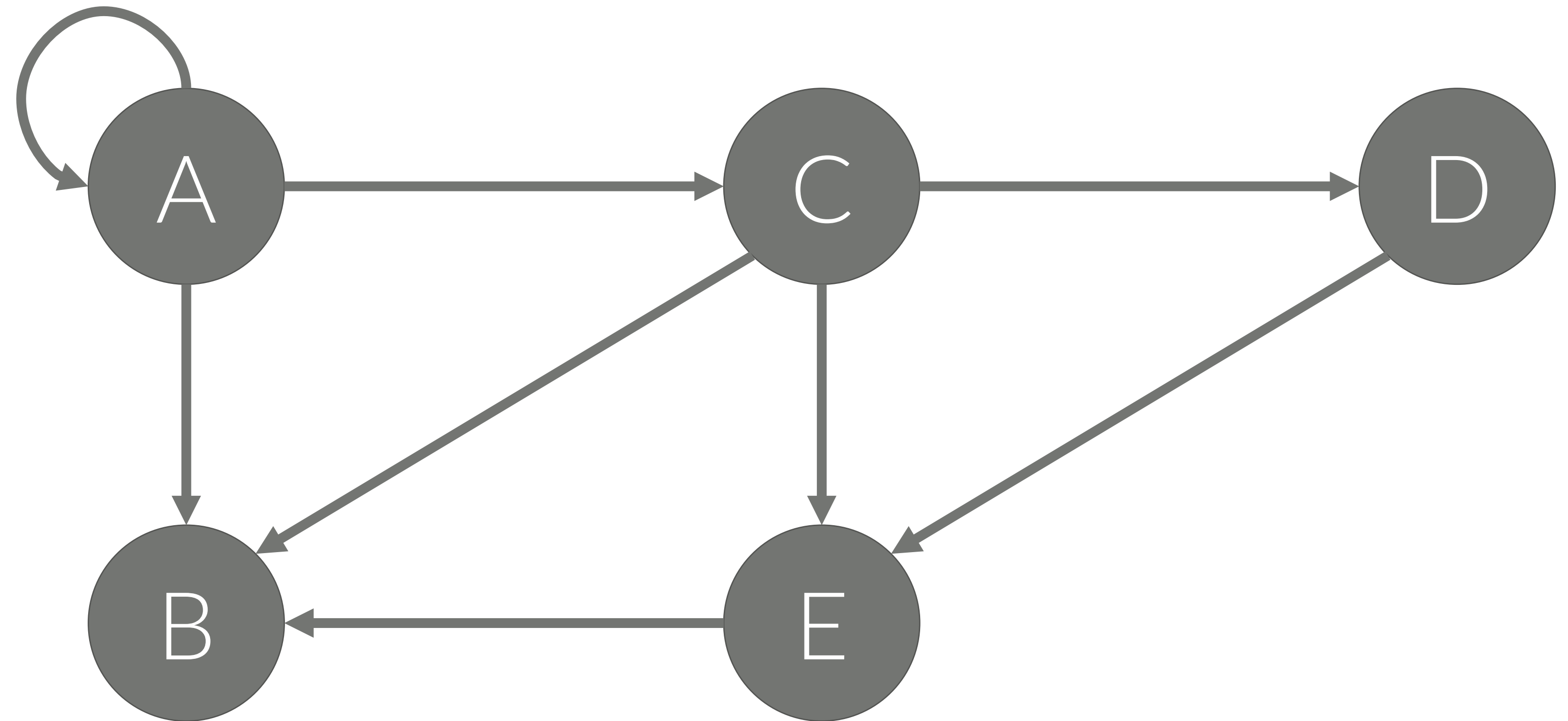


# 루프

Loop

10

- 간선의 양 끝 점이 같은 경우가 있다.
- $A \rightarrow A$

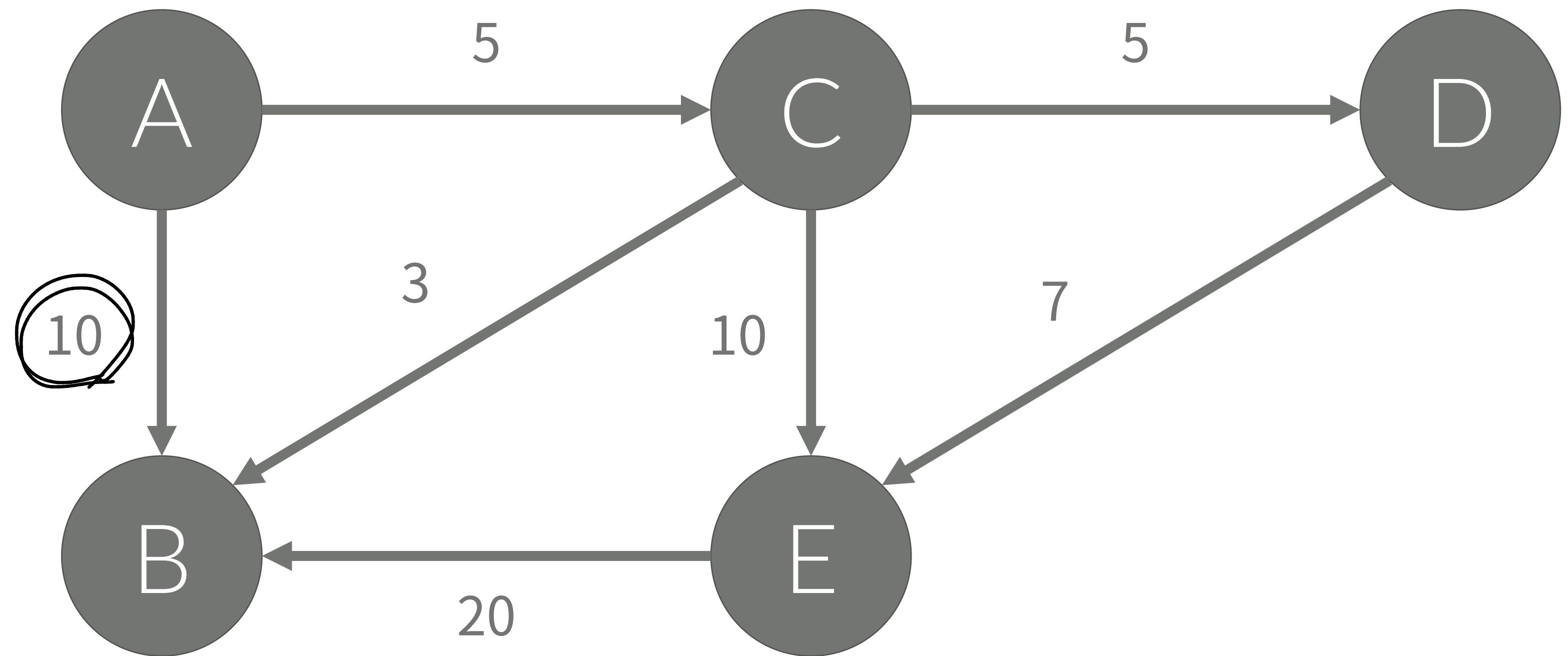


# 가중치

11

Weight

- 간선에 가중치가 있는 경우에는
- A에서 B로 이동하는 거리, 이동하는데 필요한 시간, 이동하는데 필요한 비용 등등등...

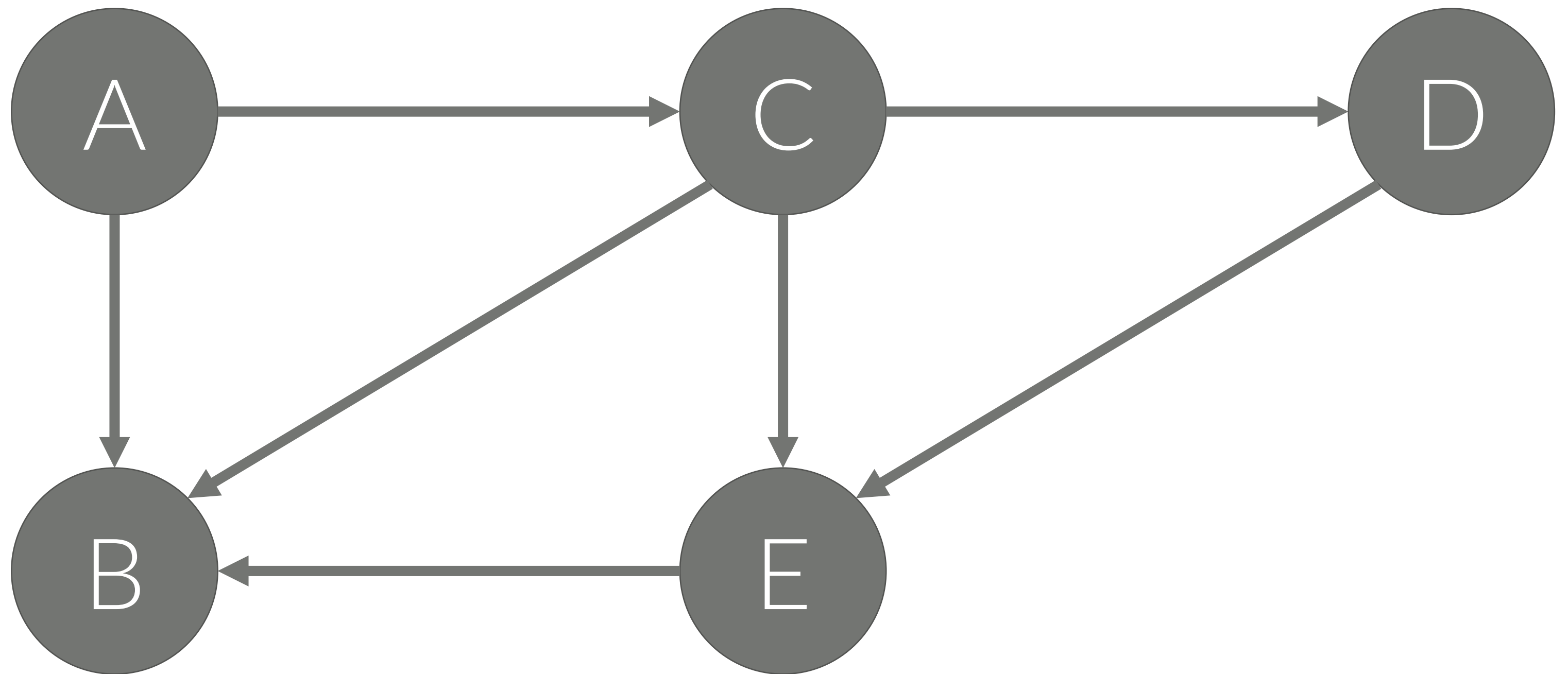


# 가중치

Weight

12

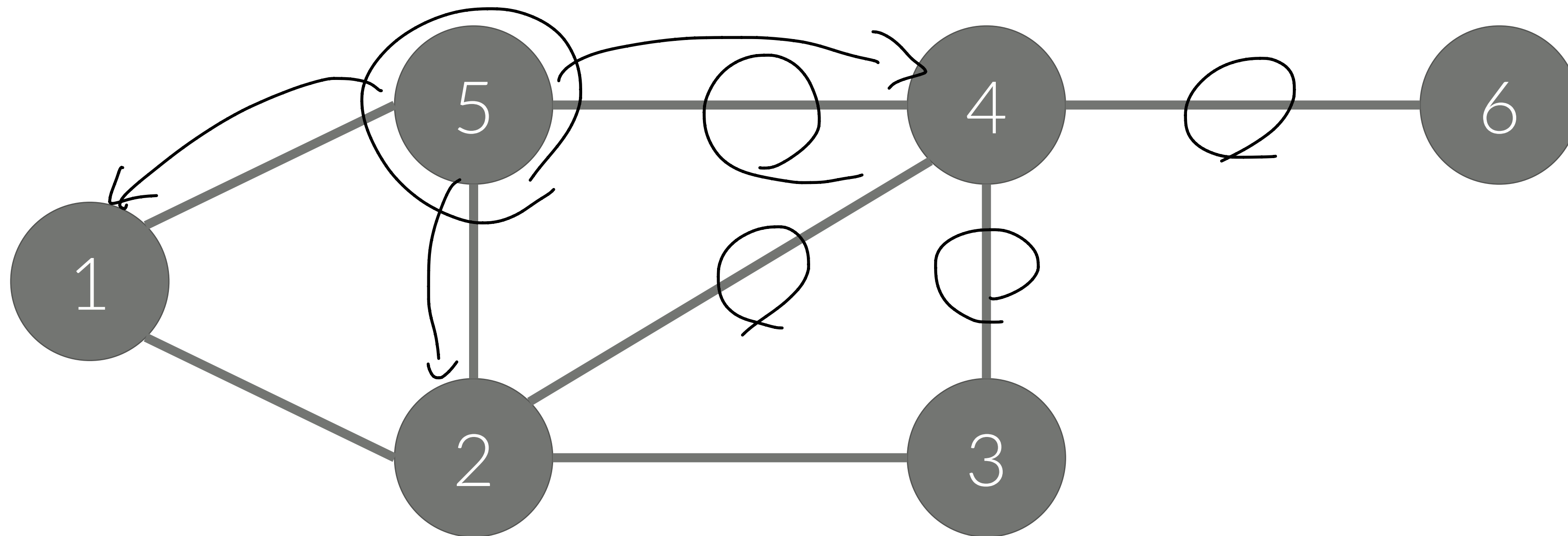
- 가중치가 없는 경우에는 1이라고 생각하면 된다



# 차수

Degree

- 정점과 연결되어 있는 간선의 개수
- 5의 차수: 3
- 4의 차수: 4

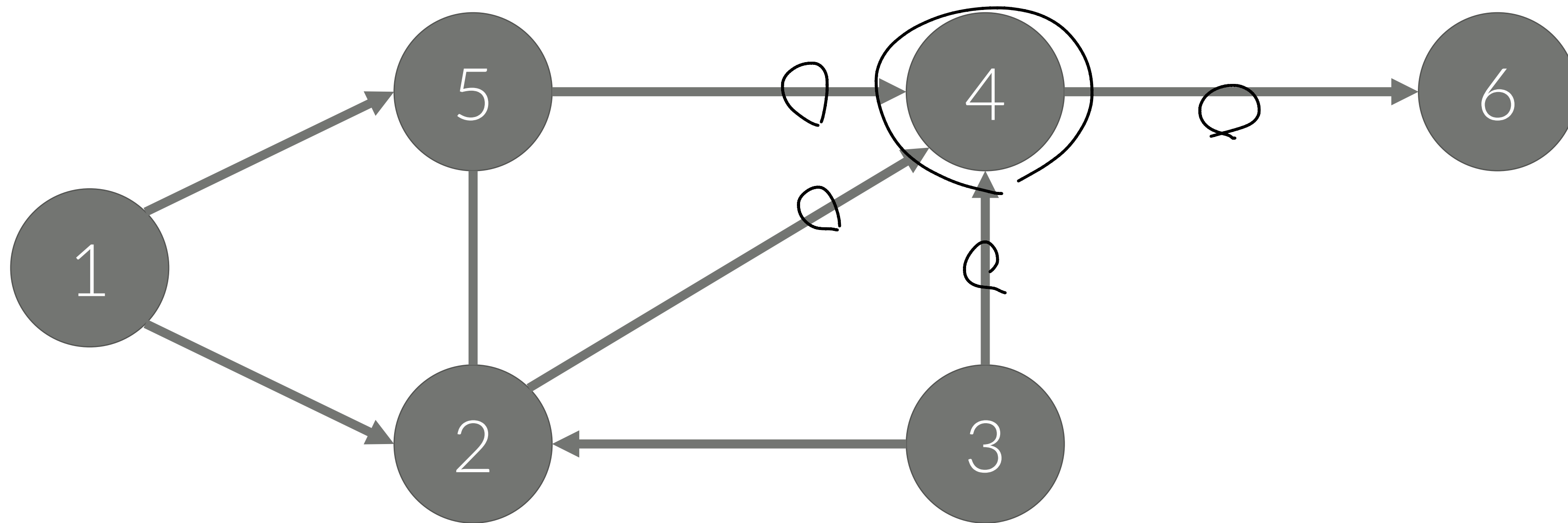


# 차수

Degree

14

- 방향 그래프의 경우에는 In-degree, Out-degree로 나누어서 차수를 계산한다
- 4의 In-degree: 3
- 4의 Out-degree: 1



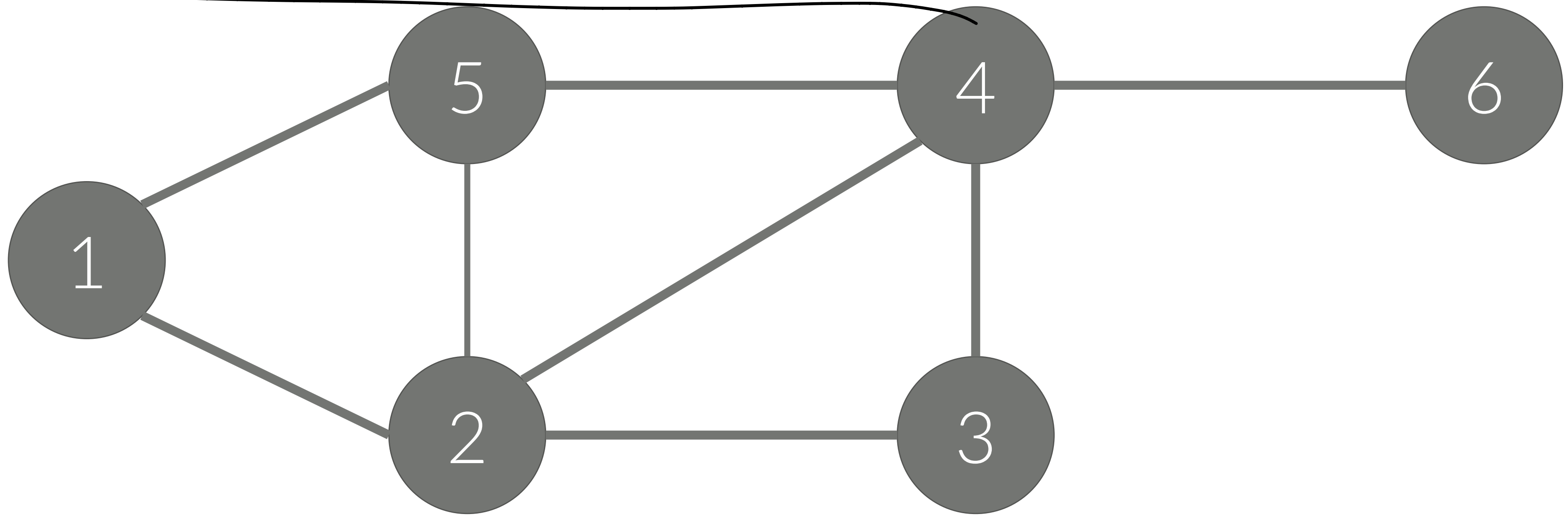
# 그래프의 표현

---

# 그래프의 표현

Representation of Graph

- 아래와 같은 그래프는 정점이 6개, 간선이 8개 있다.
- 간선에 방향이 없기 때문에, 방향이 없는 그래프이다.
- 정점: {1, 2, 3, 4, 5, 6}
- 간선: {(1, 2), (1, 5), (2, 5), (2, 3), (3, 4), (2, 4), (4, 5), (4, 6)}



간선

간선

어떤 정점 x 와 연결된 간선을  
호라고



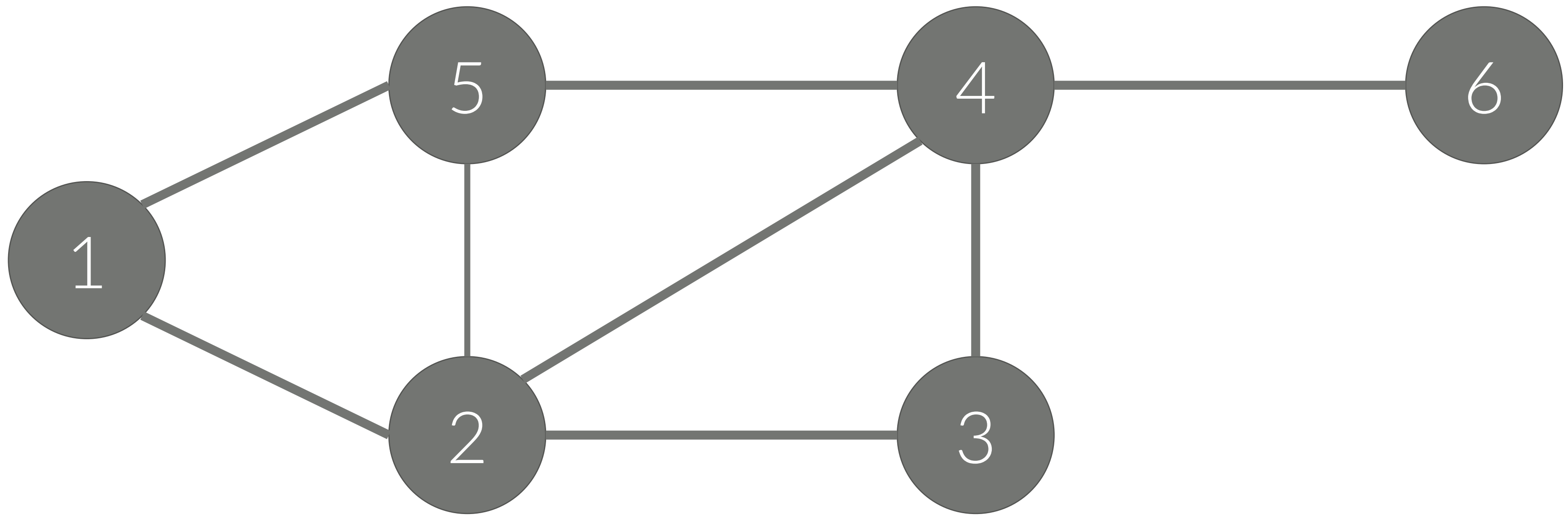
# 인접 행렬

Adjacency-matrix

- 정점의 개수를 V이라고 했을 때
- $V \times V$  크기의 이차원 배열을 이용한다
- $A[i][j] = 1$  ( $i \rightarrow j$  간선이 있을 때), 0 (없을 때)

$A[i][j]$  =  $\begin{matrix} 1 & \rightarrow & 5 \\ 0 & & 0 \\ 1 & & 2 \end{matrix}$

= 0  $\begin{matrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 \end{matrix}$



# 인접 행렬

Adjacency-matrix

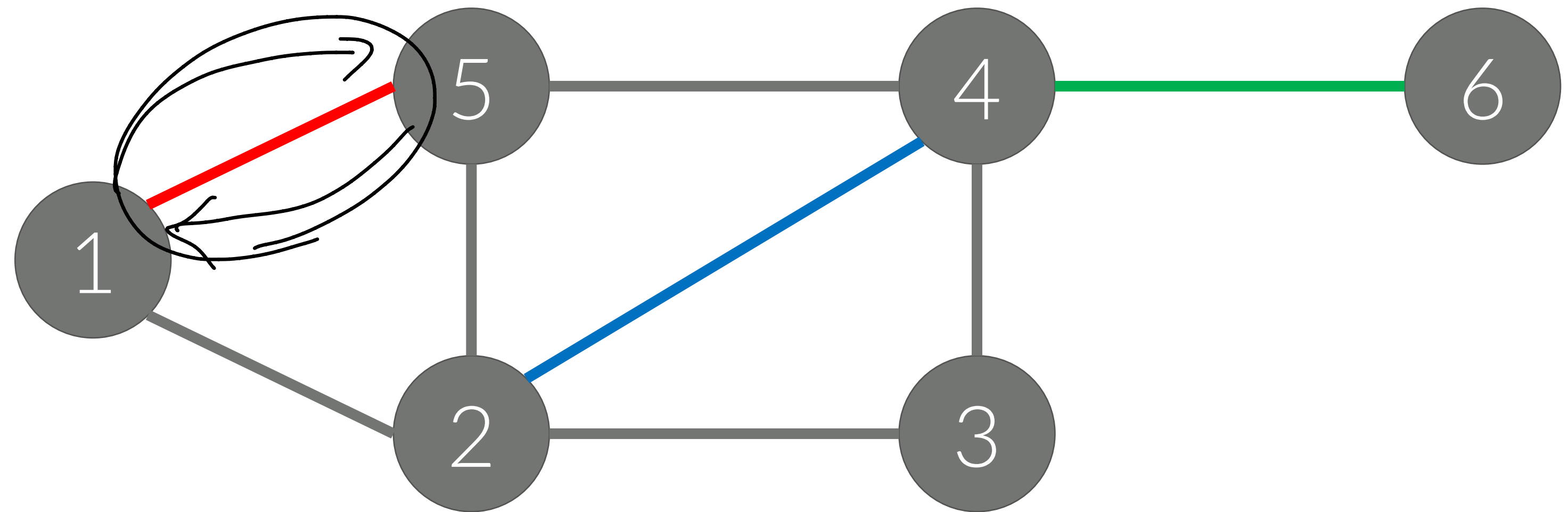
18

① A

|   | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 2 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| 3 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 4 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 5 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 6 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |

$A[1][5]$

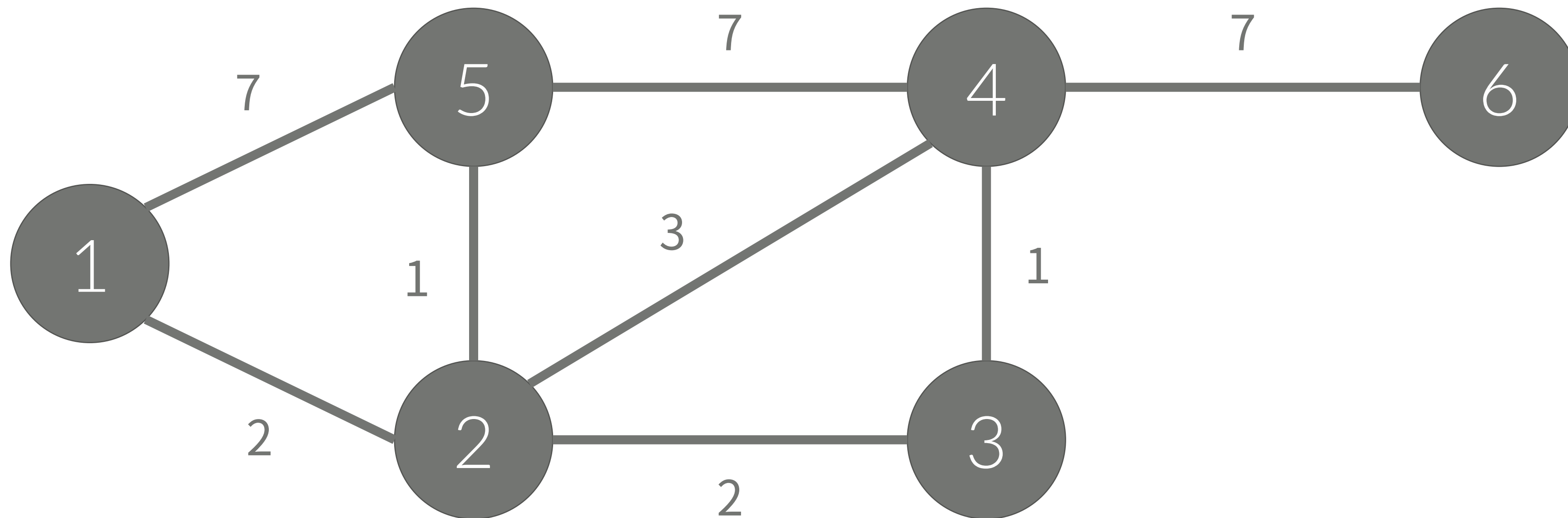
$A[5][1]$



# 인접 행렬

## Adjacency-matrix

- 정점의 개수를  $N$ 이라고 했을 때
- $N \times N$  크기의 이차원 배열을 이용한다
- $A[i][j] = w$  ( $i \rightarrow j$  간선이 있을 때, 그 가중치), 0 (없을 때)

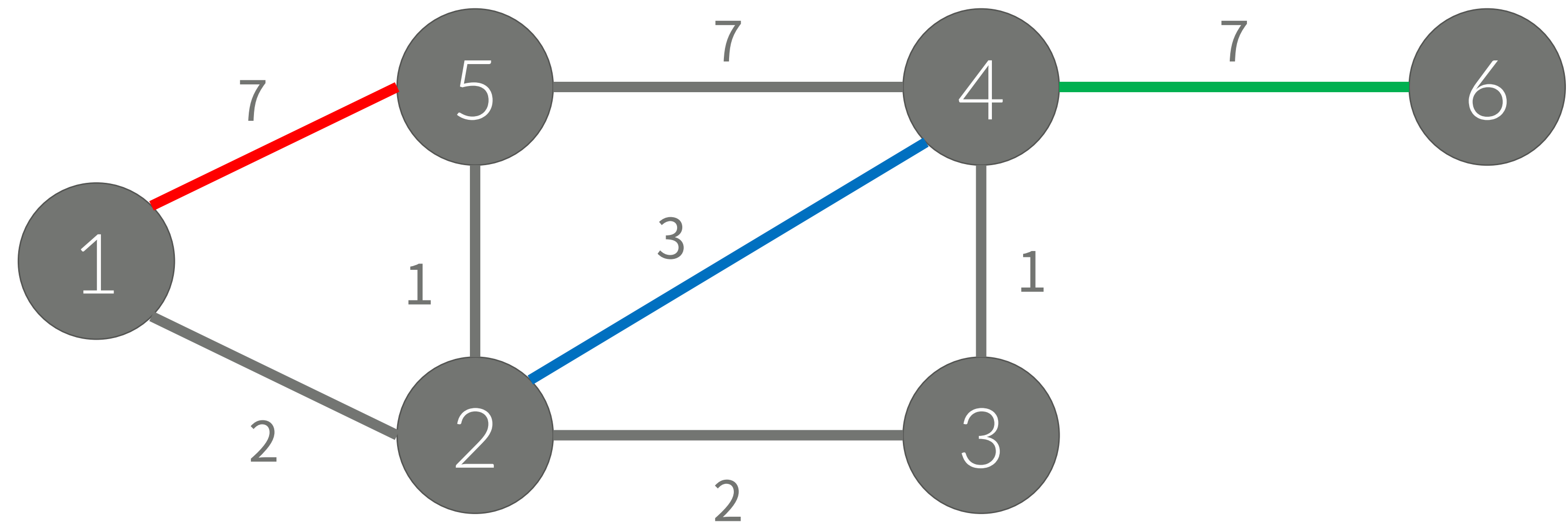


# 인접 행렬

Adjacency-matrix

20

|   | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 0 | 2 | 0 | 0 | 7 | 0 |
| 2 | 2 | 0 | 2 | 3 | 1 | 0 |
| 3 | 0 | 2 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 4 | 0 | 3 | 1 | 0 | 7 | 7 |
| 5 | 7 | 1 | 0 | 7 | 0 | 0 |
| 6 | 0 | 0 | 0 | 7 | 0 | 0 |

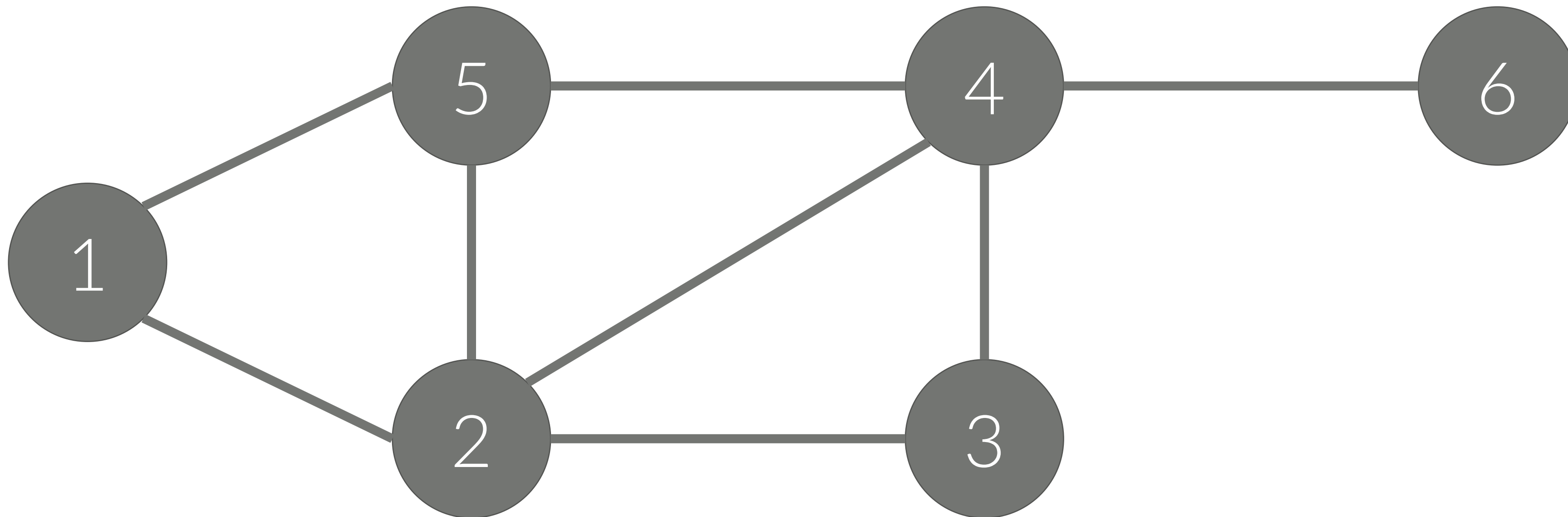


# 인접 리스트

21

Adjacency-list

- 리스트를 이용해서 구현한다.
- $A[i]$  =  $i$ 와 연결된 정점을 리스트로 포함하고 있음  
간선

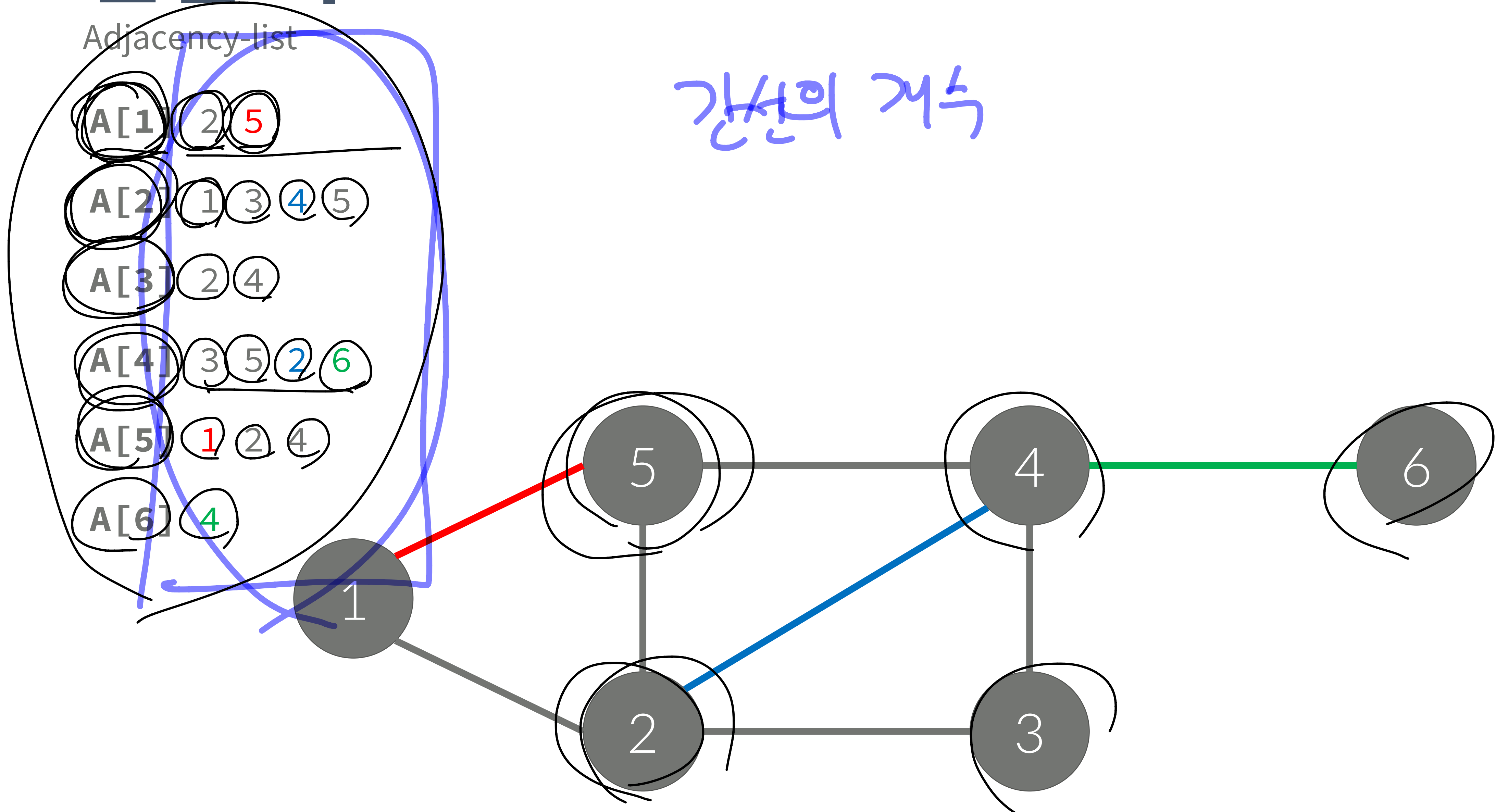


# 인접 리스트

Adjacency-list

1번

가선의 개수



# 인접 리스트

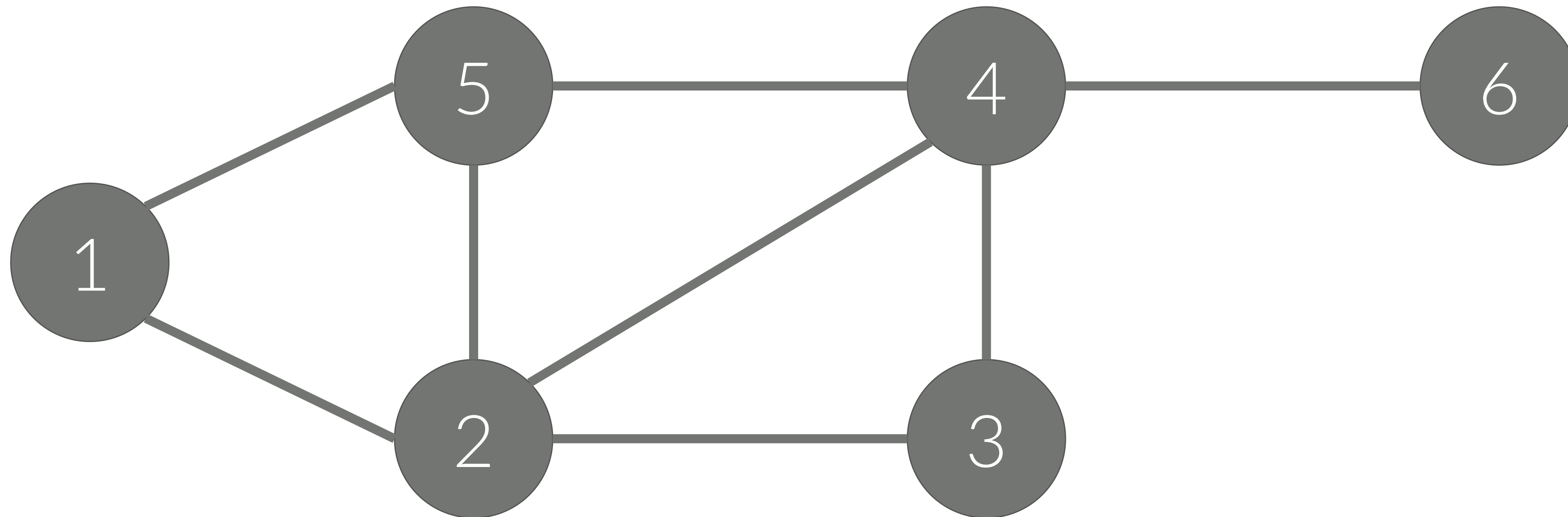
Adjacency-list

23

- 리스트는 크기를 동적으로 변경할 수 있어야 한다.
- 즉, 링크드 리스트나 길이를 동적으로 변경할 수 있는 배열을 사용한다.

vector  
ArrayList

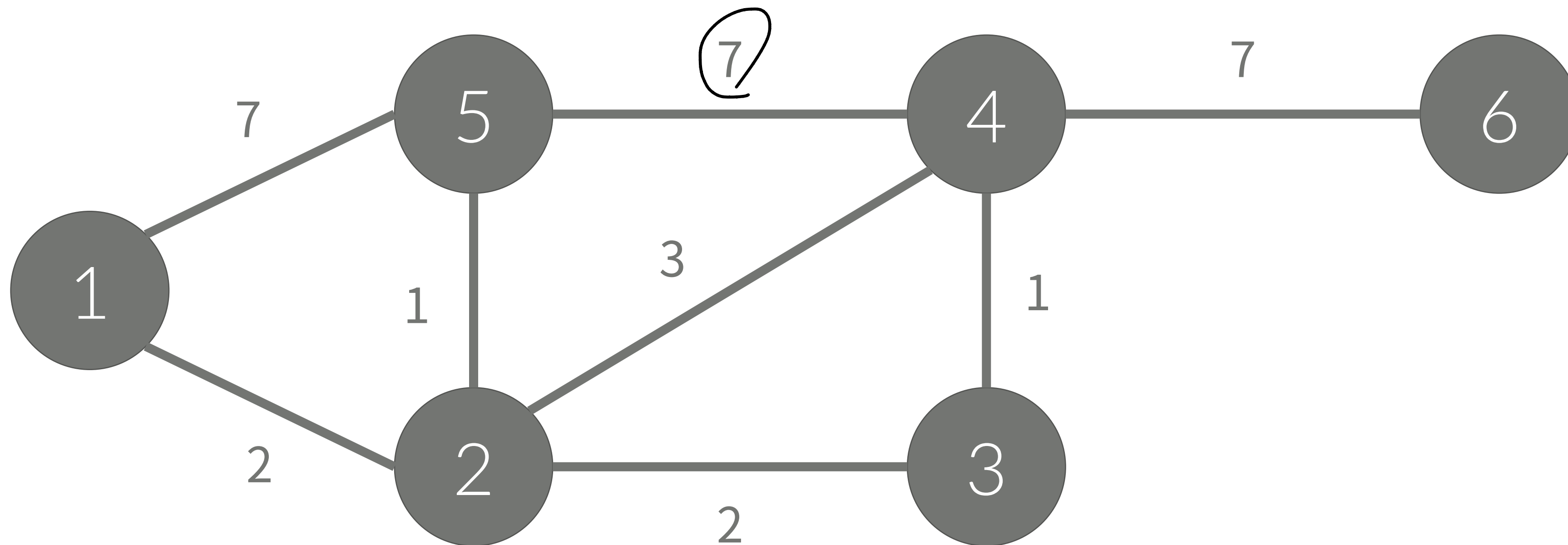
Python



# 인접 리스트

Adjacency-list

- 리스트를 이용해서 구현한다.
- $A[i]$  =  $i$ 와 연결된 정점과 그 간선의 가중치를 리스트로 포함하고 있음





# 인접 리스트

Adjacency-list

A[1] (2,2) (5,7)

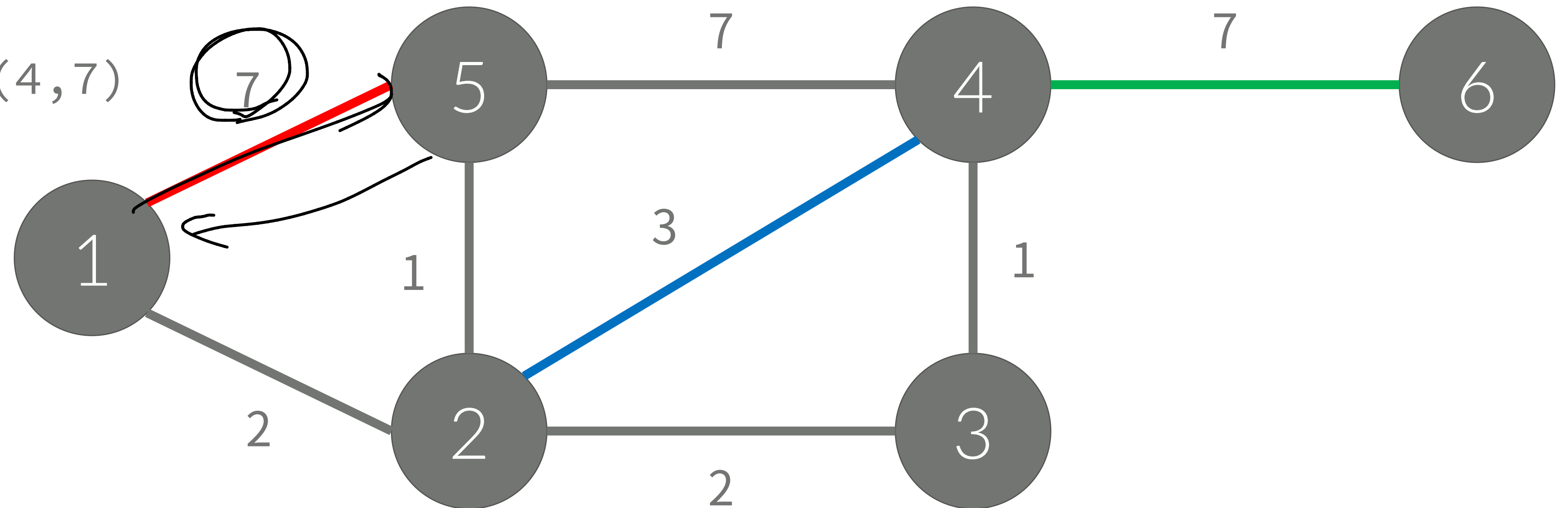
A[2] (1,2) (3,2) (4,3) (5,1)

A[3] (2,2) (4,1)

A[4] (3,1) (5,7) (2,3) (6,7)

A[5] (1,7) (2,1) (4,7) 7

A[6] (4,7)



⊗ 와 연결된 모든 간선 ←

인접 행렬  $O(V)$

$A[x][i] \sim A[x][v]$

리스트 :  $O(\text{차수})$

# 공간 복잡도

Space Complexity

• 인접 행렬:  $O(V^2)$

• 인접 리스트:  $O(E)$

완전 그래프

$$\begin{aligned} 1 &\leq E \leq 100만 \\ 1 &\leq V \leq 100만 \end{aligned}$$

$$E \leq V^2$$

$$V \leq 100만$$

$$(100만)^2 = 100 \times 10^8 \times 4$$

26

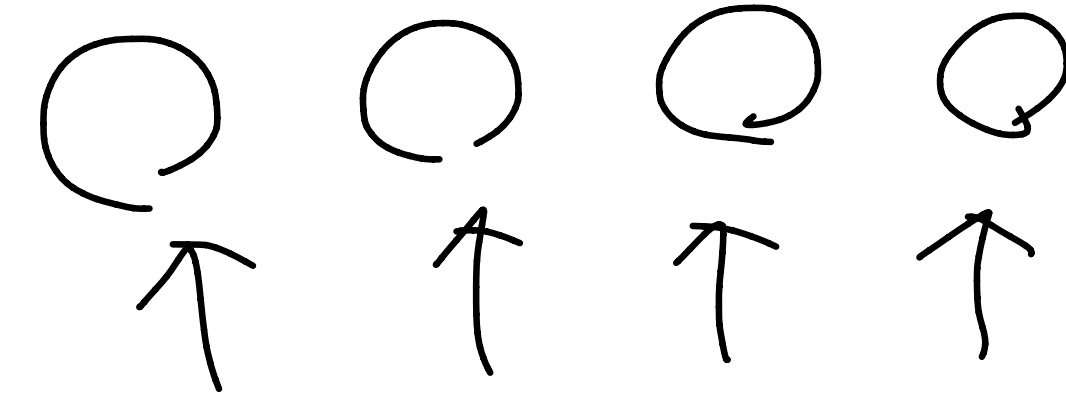
①  $[u, v]$

$u \rightarrow v$  존재

$O(1)$

$A[u][v]$

$A[u]$



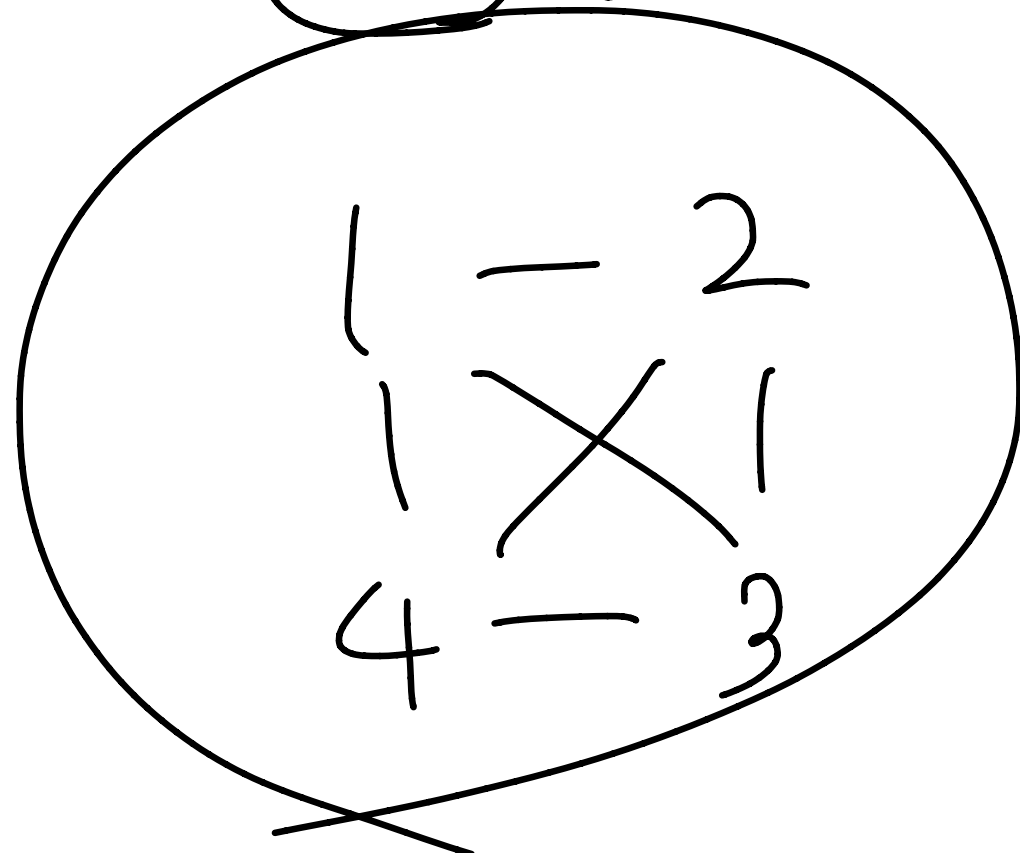
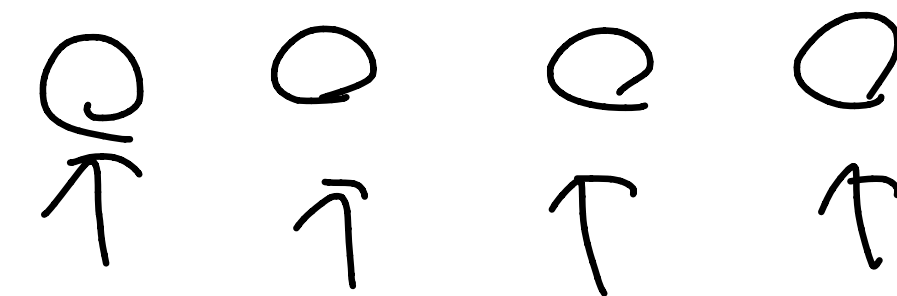
$O(채수)$

②  $[u, v], [v, u]$

$O(1)$   $A[v][u]$

$$E = \frac{V(V-1)}{2}$$

$A[v]$

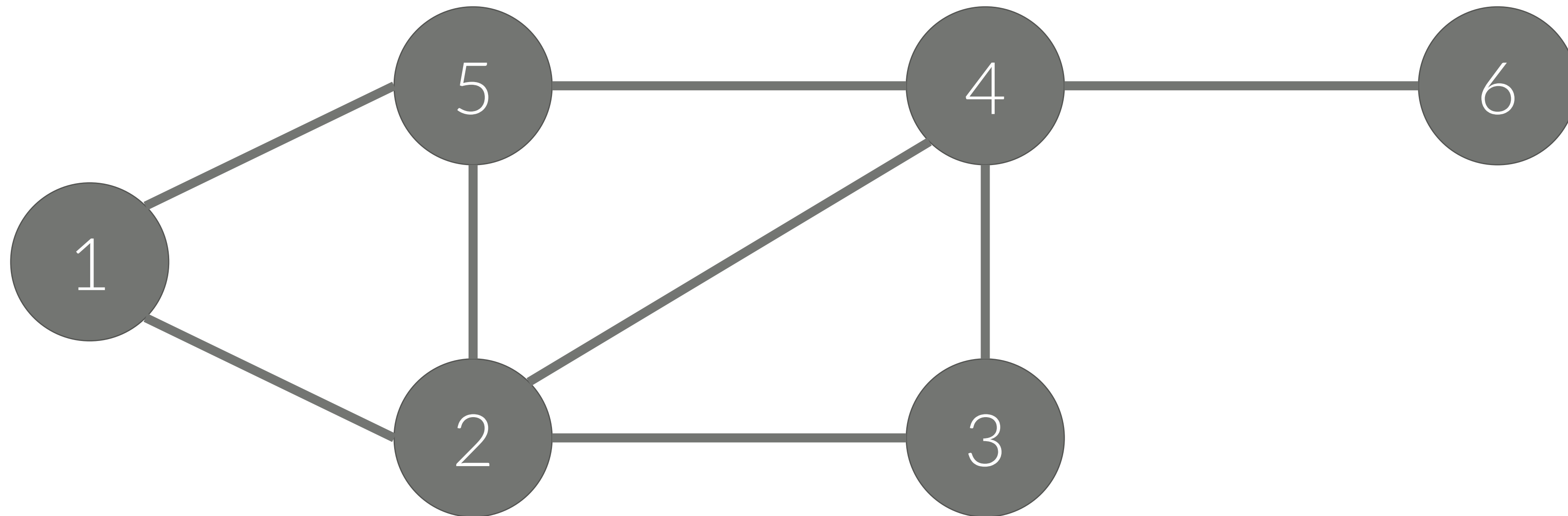


# 간선 리스트

Edge-list

- 배열을 이용해서 구현한다.
- 간선을 모두 저장하고 있다.

vector, Array List

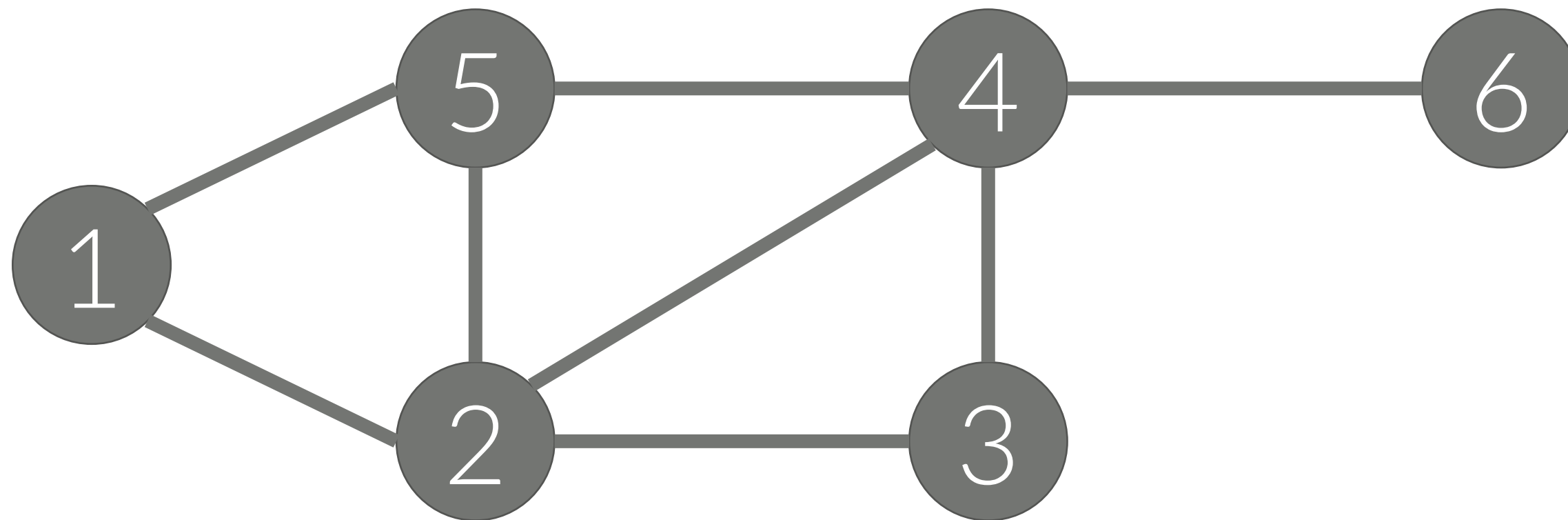


# 간선 리스트

Edge List

28

- 배열을 이용해서 구현한다.
- 간선을 모두 저장하고 있다.
- E라는 배열에 간선을 모두 저장



$$E[0] = 1 \ 2$$

$$E[1] = 1 \ 5$$

$$E[2] = 2 \ 3$$

$$E[3] = 2 \ 4$$

$$E[4] = 2 \ 5$$

$$E[5] = 5 \ 4$$

$$E[6] = 4 \ 3$$

$$E[7] = 4 \ 6$$

$$E[8] = 2 \ 1$$

$$E[9] = 5 \ 1$$

$$E[10] = 3 \ 2$$

$$E[11] = 4 \ 2$$

$$E[12] = 5 \ 2$$

$$E[13] = 4 \ 5$$

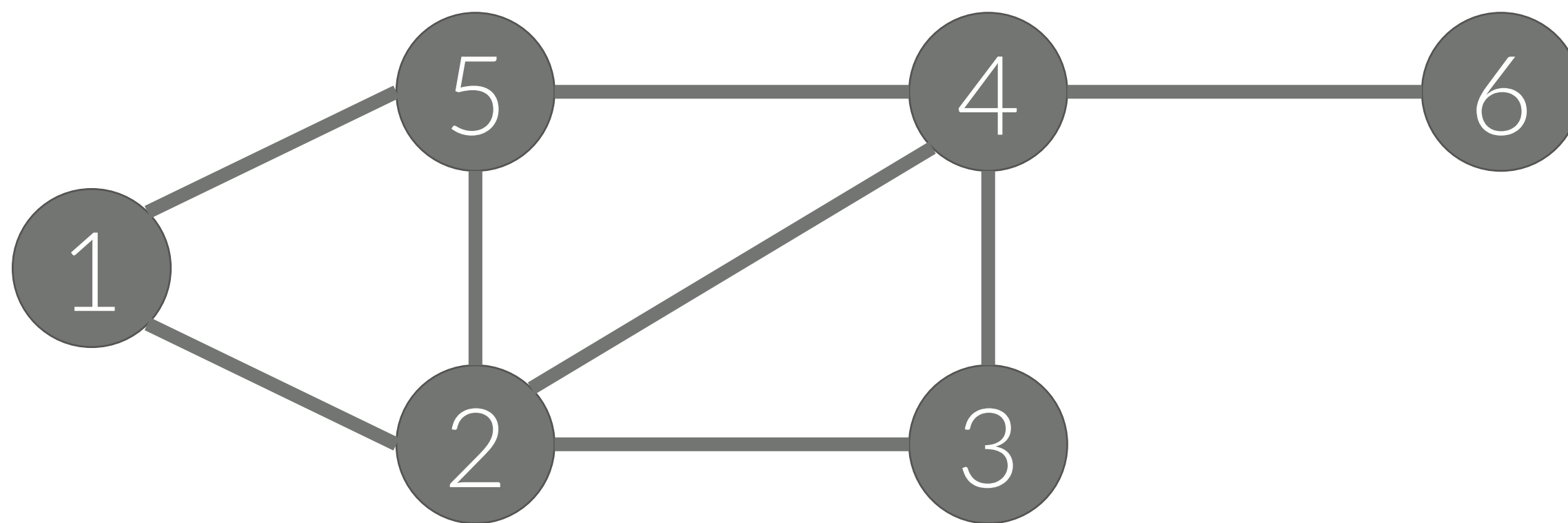
$$E[14] = 3 \ 4$$

$$E[15] = 6 \ 4$$

# 간선 리스트

Edge List

- 각 간선의 앞 정점을 기준으로 개수를 센다.



| i      | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|--------|---|---|---|---|---|---|---|
| cnt[i] | 0 | 2 | 4 | 2 | 4 | 3 | 1 |

$$E[0] = \textcircled{1} \ 2$$

$$E[1] = \textcircled{1} \ 5$$

$$E[2] = \textcircled{2} \ 1$$

$$E[3] = \textcircled{2} \ 3$$

$$E[4] = \textcircled{2} \ 4$$

$$E[5] = 2 \ 5$$

$$E[6] = 3 \ 2$$

$$E[7] = 3 \ 4$$

$$E[8] = 4 \ 2$$

$$E[9] = 4 \ 3$$

$$E[10] = 4 \ 5$$

$$E[11] = 4 \ 6$$

$$E[12] = 5 \ 1$$

$$E[13] = 5 \ 2$$

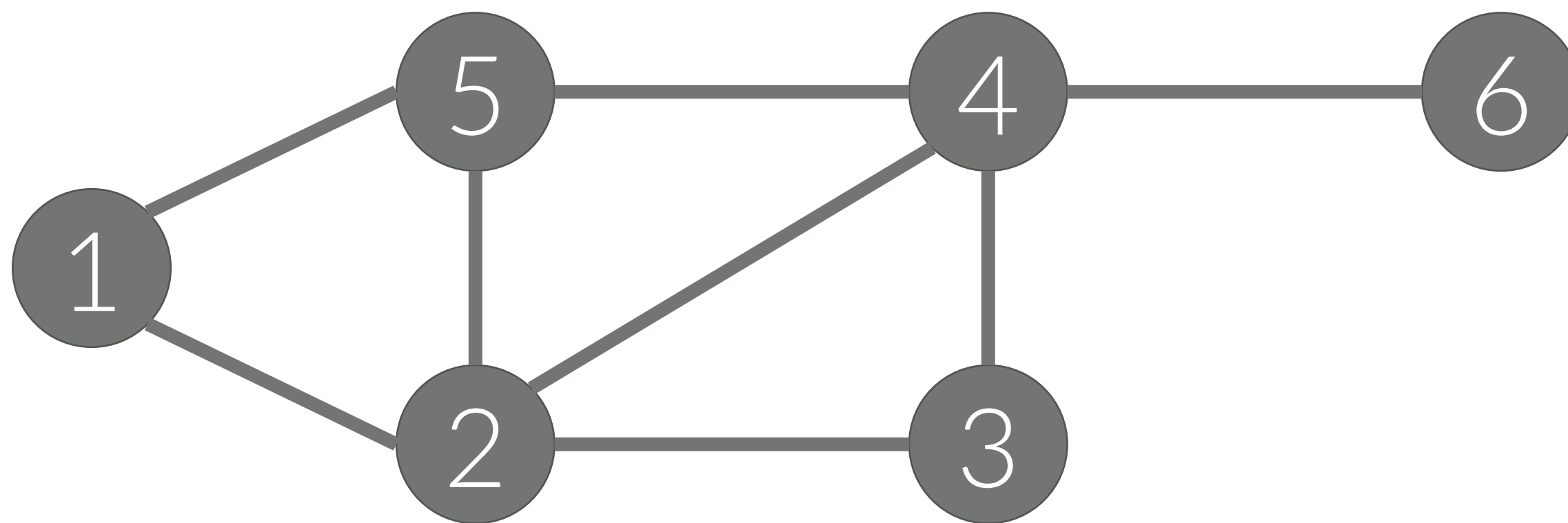
$$E[14] = 5 \ 4$$

$$E[15] = 6 \ 4$$

# 간선 리스트

Edge List

```
for (int i=0; i<m; i++) {  
    cnt[e[i][0]] += 1;  
}
```



| i      | 0 | 1 | 2 | 3 | 4  | 5  | 6  |
|--------|---|---|---|---|----|----|----|
| cnt[i] | 0 | 2 | 4 | 2 | 4  | 3  | 1  |
|        | 0 | 2 | 6 | 8 | 12 | 15 | 16 |

E[0] = 1 2

E[1] = 1 5

E[2] = 2 1

E[3] = 2 3

E[4] = 2 4

E[5] = 2 5

E[6] = 3 2

E[7] = 3 4

E[8] = 4 2

E[9] = 4 3

E[10] = 4 5

E[11] = 4 6

E[12] = 5 1

E[13] = 5 2

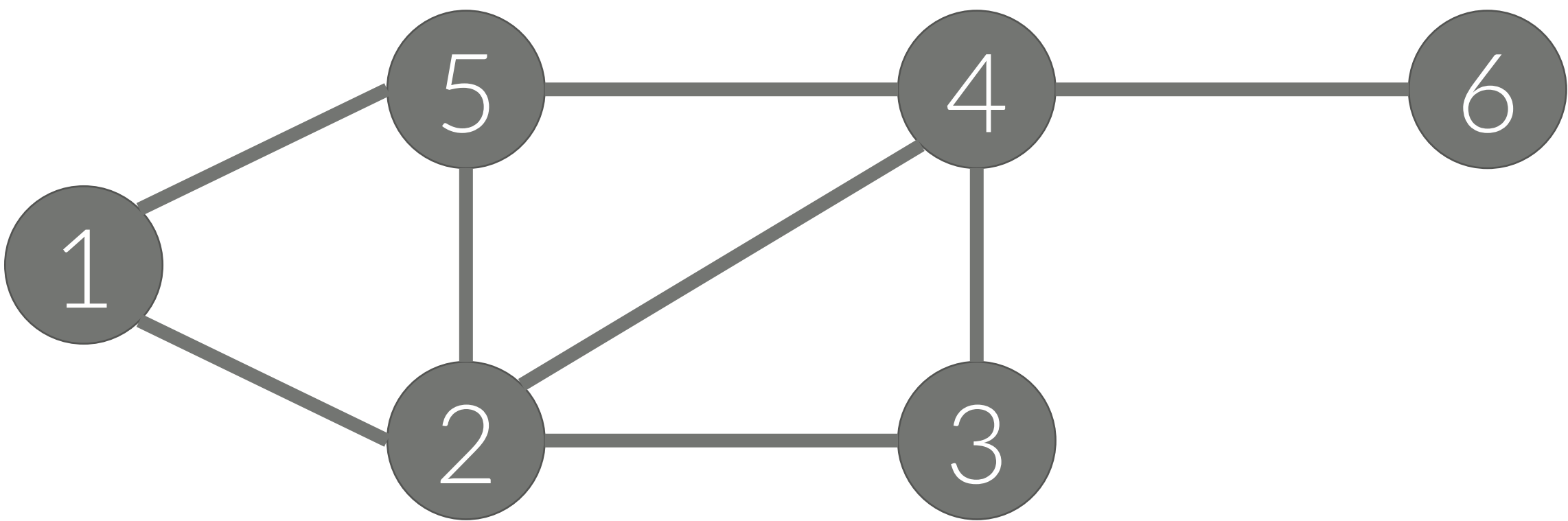
E[14] = 5 4

E[15] = 6 4

# 간선 리스트

Edge List

```
for (int i=1; i<=n; i++) {  
    cnt[i] = cnt[i-1] + cnt[i];  
}
```



- E[0] = 1 2

E[1] = 1 5

E[2] = 2 1

E[3] = 2 3

E[4] = 2 4

E[5] = 2 5

E[6] = 3 2

E[7] = 3 4
- E[8] = 4 2

E[9] = 4 3

E[10] = 4 5

E[11] = 4 6

E[12] = 5 1

E[13] = 5 2

E[14] = 5 4

E[15] = 6 4

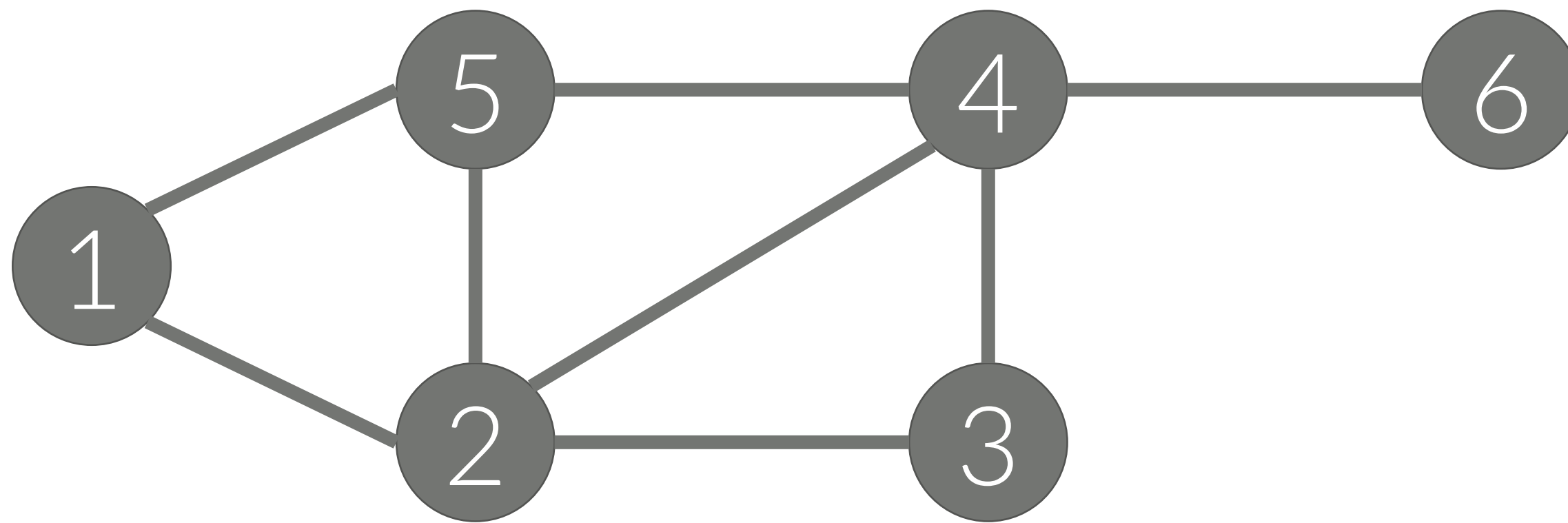
| i      | 0 | 1 | 2 | 3 | 4  | 5  | 6  |
|--------|---|---|---|---|----|----|----|
| cnt[i] | 0 | 2 | 6 | 8 | 12 | 15 | 16 |

# 간선 리스트

Edge List

32

- $i$ 번 정점과 연결된 간선은
- E배열에서  $\text{cnt}[i-1]$ 부터  $\text{cnt}[i]-1$  까지이다.



$$E[0] = 1 \ 2$$

$$E[1] = 1 \ 5$$

$$E[2] = 2 \ 1$$

$$E[3] = 2 \ 3$$

$$E[4] = 2 \ 4$$

$$E[5] = 2 \ 5$$

$$E[6] = 3 \ 2$$

$$E[7] = 3 \ 4$$

$$E[8] = 4 \ 2$$

$$E[9] = 4 \ 3$$

$$E[10] = 4 \ 5$$

$$E[11] = 4 \ 6$$

$$E[12] = 5 \ 1$$

$$E[13] = 5 \ 2$$

$$E[14] = 5 \ 4$$

$$E[15] = 6 \ 4$$

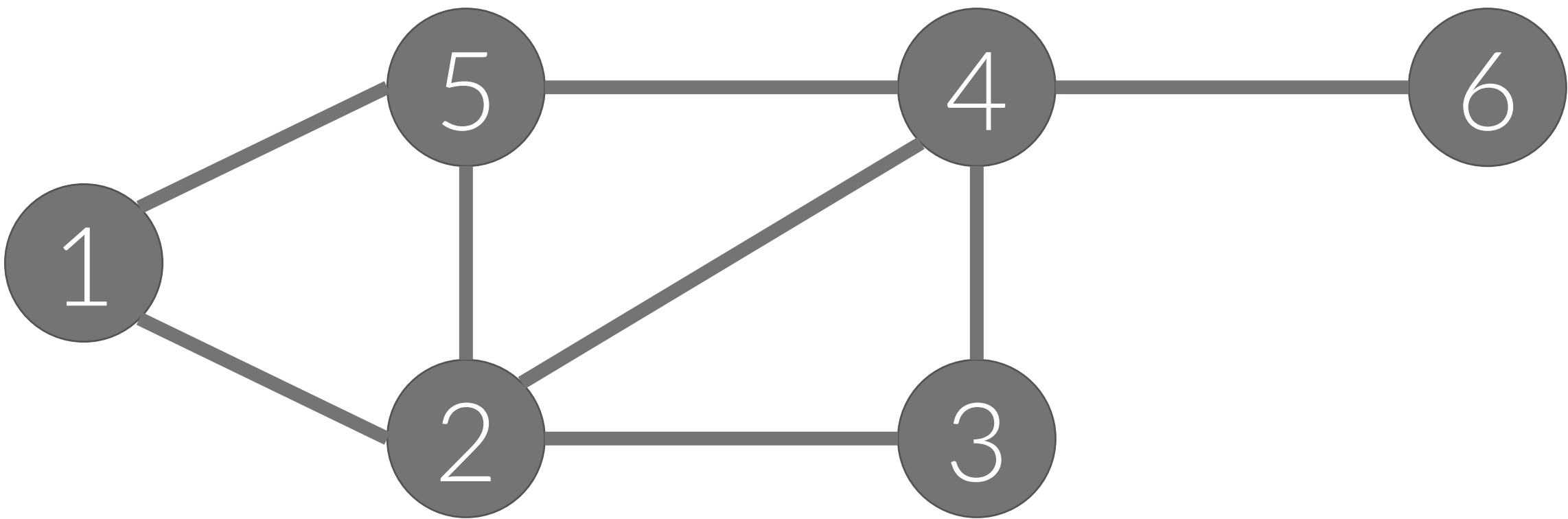
| i      | 0 | 1 | 2 | 3 | 4  | 5  | 6  |
|--------|---|---|---|---|----|----|----|
| cnt[i] | 0 | 2 | 6 | 8 | 12 | 15 | 16 |



# 간선 리스트

Edge List

- 3번 정점: cnt[2] ~ cnt[3]-1



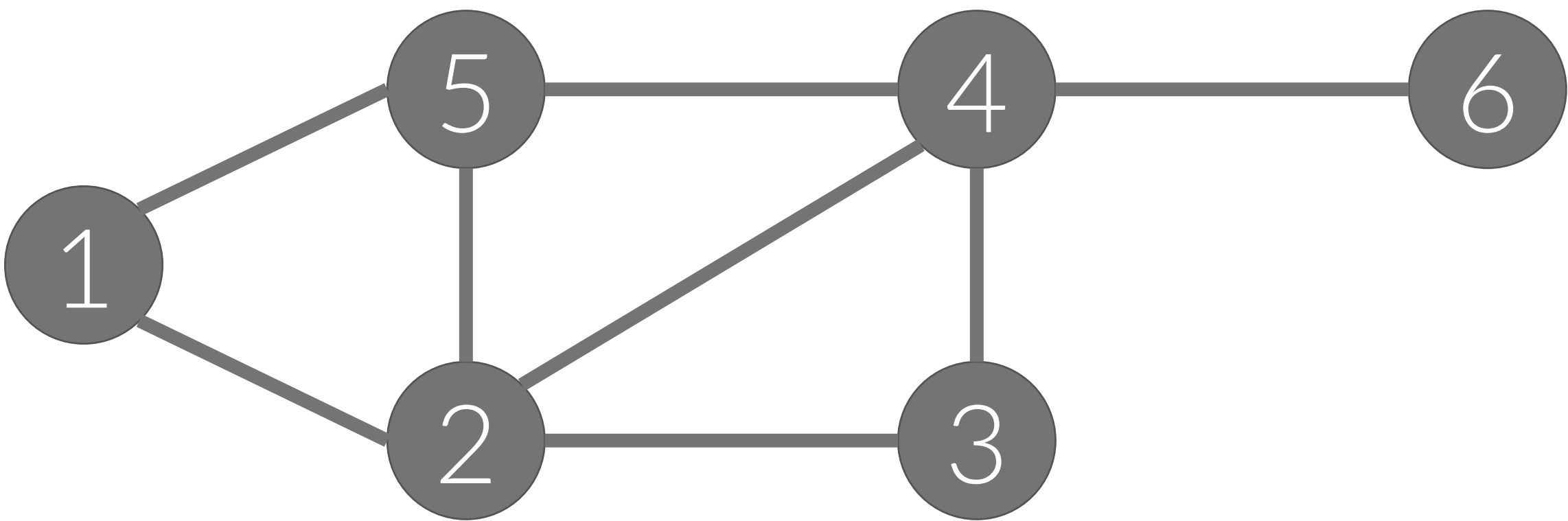
|      |   |   |   |       |   |   |   |
|------|---|---|---|-------|---|---|---|
| E[0] | = | 1 | 2 | E[8]  | = | 4 | 2 |
| E[1] | = | 1 | 5 | E[9]  | = | 4 | 3 |
| E[2] | = | 2 | 1 | E[10] | = | 4 | 5 |
| E[3] | = | 2 | 3 | E[11] | = | 4 | 6 |
| E[4] | = | 2 | 4 | E[12] | = | 5 | 1 |
| E[5] | = | 2 | 5 | E[13] | = | 5 | 2 |
| E[6] | = | 3 | 2 | E[14] | = | 5 | 4 |
| E[7] | = | 3 | 4 | E[15] | = | 6 | 4 |

|        |   |   |   |   |    |    |    |
|--------|---|---|---|---|----|----|----|
| i      | 0 | 1 | 2 | 3 | 4  | 5  | 6  |
| cnt[i] | 0 | 2 | 6 | 8 | 12 | 15 | 16 |

# 간선 리스트

Edge List

- 4번 정점:  $\text{cnt}[3] \sim \text{cnt}[4]-1$



| i      | 0 | 1 | 2 | 3 | 4  | 5  | 6  |
|--------|---|---|---|---|----|----|----|
| cnt[i] | 0 | 2 | 6 | 8 | 12 | 15 | 16 |

$$E[0] = 1 \ 2$$

$$E[1] = 1 \ 5$$

$$E[2] = 2 \ 1$$

$$E[3] = 2 \ 3$$

$$E[4] = 2 \ 4$$

$$E[5] = 2 \ 5$$

$$E[6] = 3 \ 2$$

$$E[7] = 3 \ 4$$

$$E[8] = 4 \ 2$$

$$E[9] = 4 \ 3$$

$$E[10] = 4 \ 5$$

$$E[11] = 4 \ 6$$

$$E[12] = 5 \ 1$$

$$E[13] = 5 \ 2$$

$$E[14] = 5 \ 4$$

$$E[15] = 6 \ 4$$

# ABCDE

<https://www.acmicpc.net/problem/13023>

- 총 N명의 친구 관계가 주어졌을 때
- 다음과 같은 친구 관계가 존재하는지 구하는 문제
- A는 B와 친구다.
- B는 C와 친구다.
- C는 D와 친구다.
- D는 E와 친구다.

# ABCDE

<https://www.acmicpc.net/problem/13023>

- A -> B -> C -> D -> E
- A -> B
- B -> C
- C -> D
- 에서 길이가 4인 단순 경로를 찾고
- D -> E를 찾는다.

# ABCDE

<https://www.acmicpc.net/problem/13023>

- $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E$
- $A \rightarrow B$
- $C \rightarrow D$
- 는 그냥 간선이기 때문에, 간선 리스트로 찾을 수 있다
- $B \rightarrow C$ 는 인접 행렬로 찾을 수 있다
- $D \rightarrow E$ 는 인접 리스트로 찾는다

# ABCDE

<https://www.acmicpc.net/problem/13023>

- 소스: <http://codeplus.codes/565e0c8547224a5bae36876a3a0b678e>

DFS/BFS

DFS: 시작점 X 시작해가

모든 정점을 한번씩

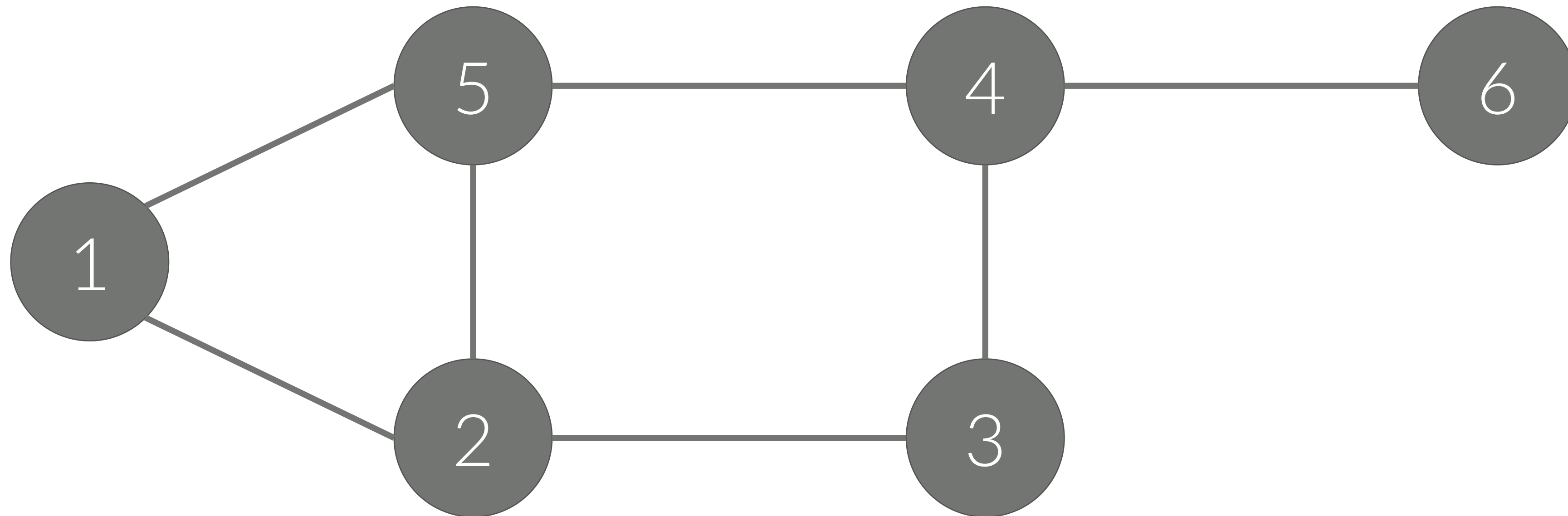
# 그래프의 탐색

# 그래프의 탐색

40

DFS, BFS

- DFS: 깊이 우선 탐색
- BFS: 너비 우선 탐색



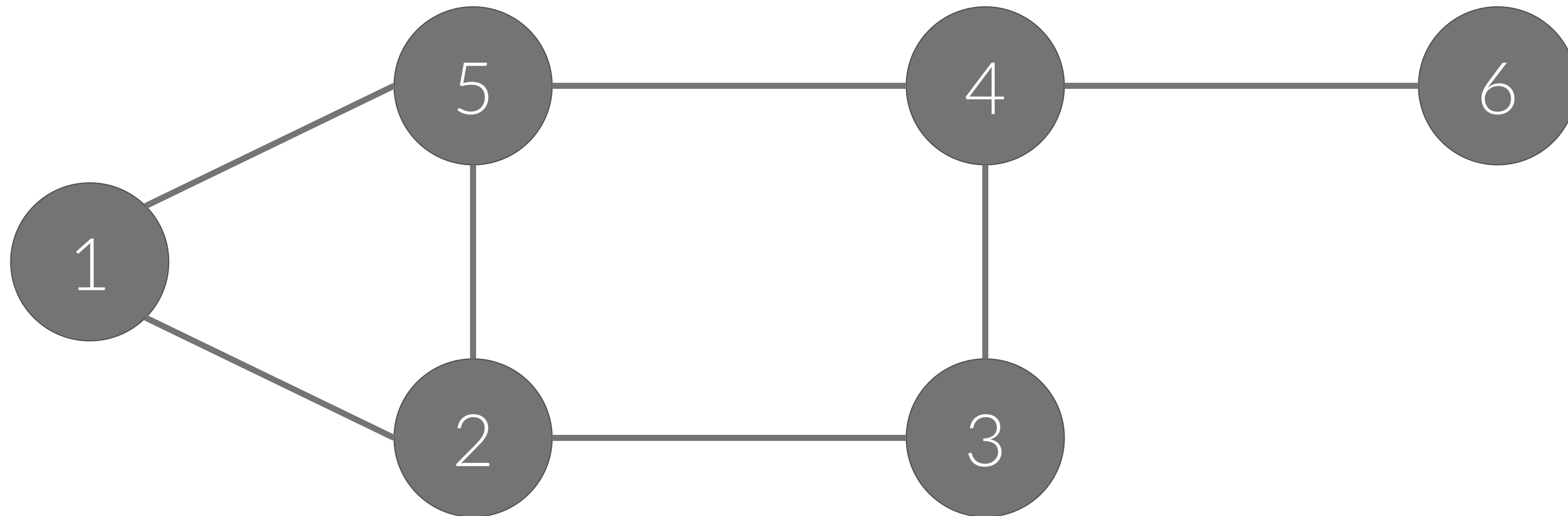


# 깊이 우선 탐색

## Depth First Search

41

- 스택을 이용해서 갈 수 있는 만큼 최대한 많이 가고
- 갈 수 없으면 이전 정점으로 돌아간다.



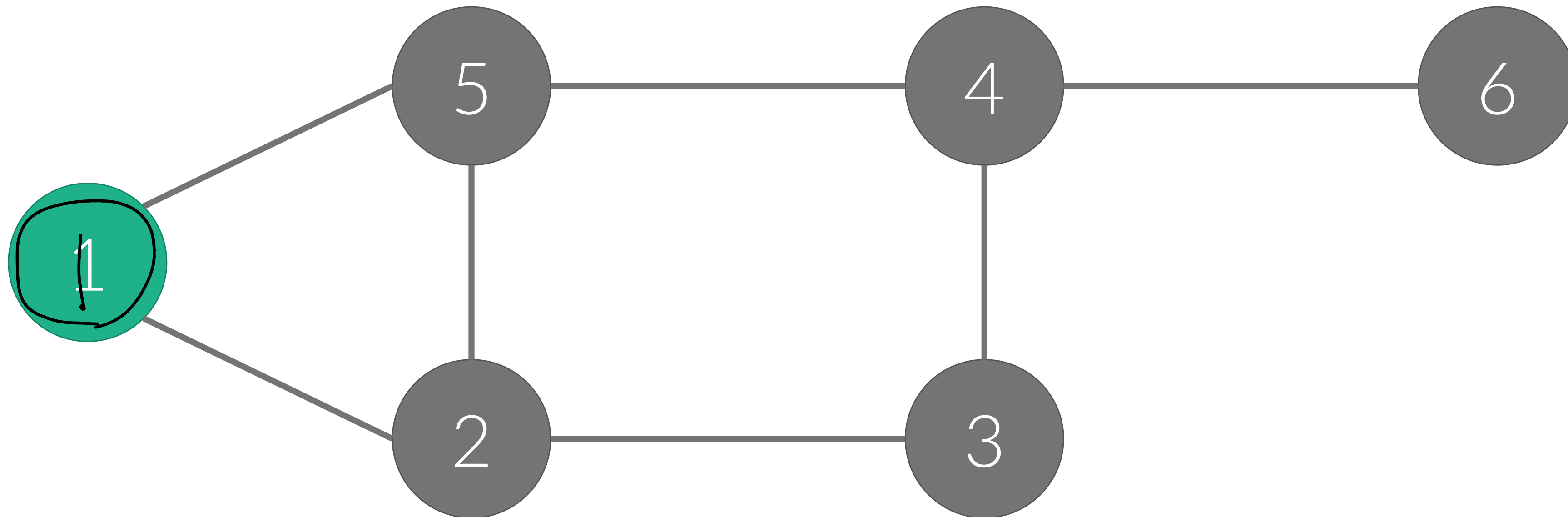
# 깊이 우선 탐색

42

Depth First Search

- 현재 정점: 1
- 순서: 1
- 스택: 1

| i                      | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|------------------------|---|---|---|---|---|---|
| $\Rightarrow$ check[i] | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |



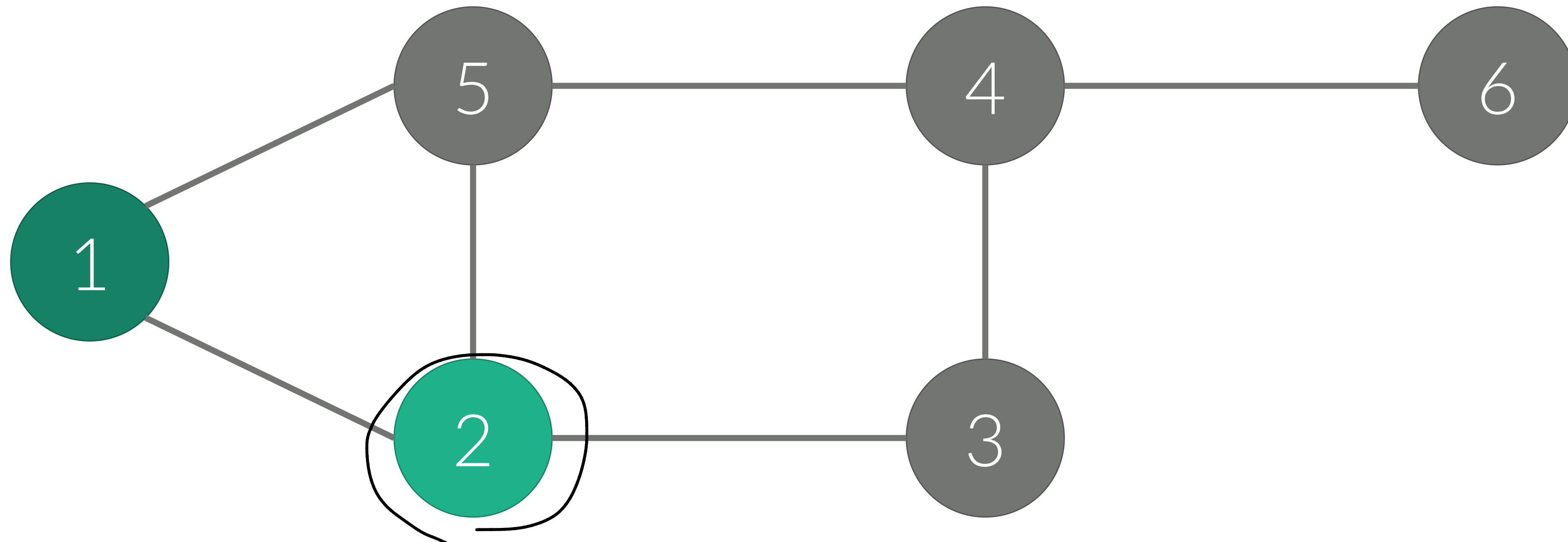
# 깊이 우선 탐색

43

Depth First Search

- 현재 정점: 2
- 순서: 1 2
- 스택: 1 2

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |



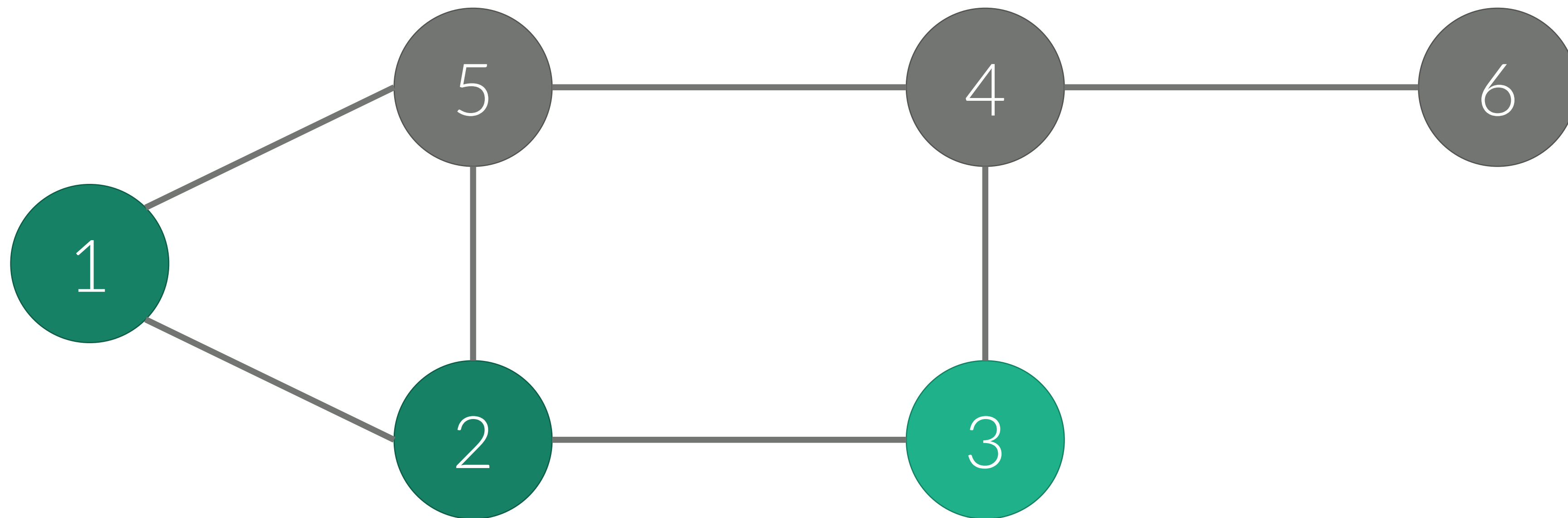
# 깊이 우선 탐색

44

Depth First Search

- 현재 정점: 3
- 순서: 1 2 3
- 스택: 1 2 3

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |



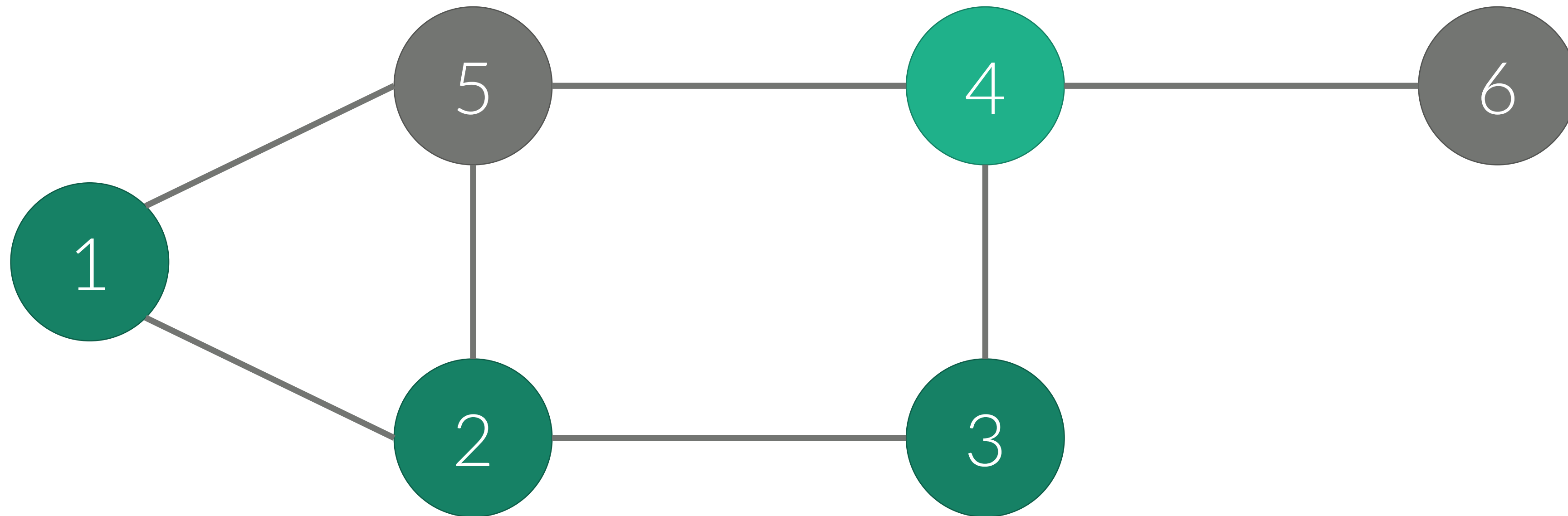
# 깊이 우선 탐색

45

Depth First Search

- 현재 정점: 4
- 순서: 1 2 3 4
- 스택: 1 2 3 4

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 |



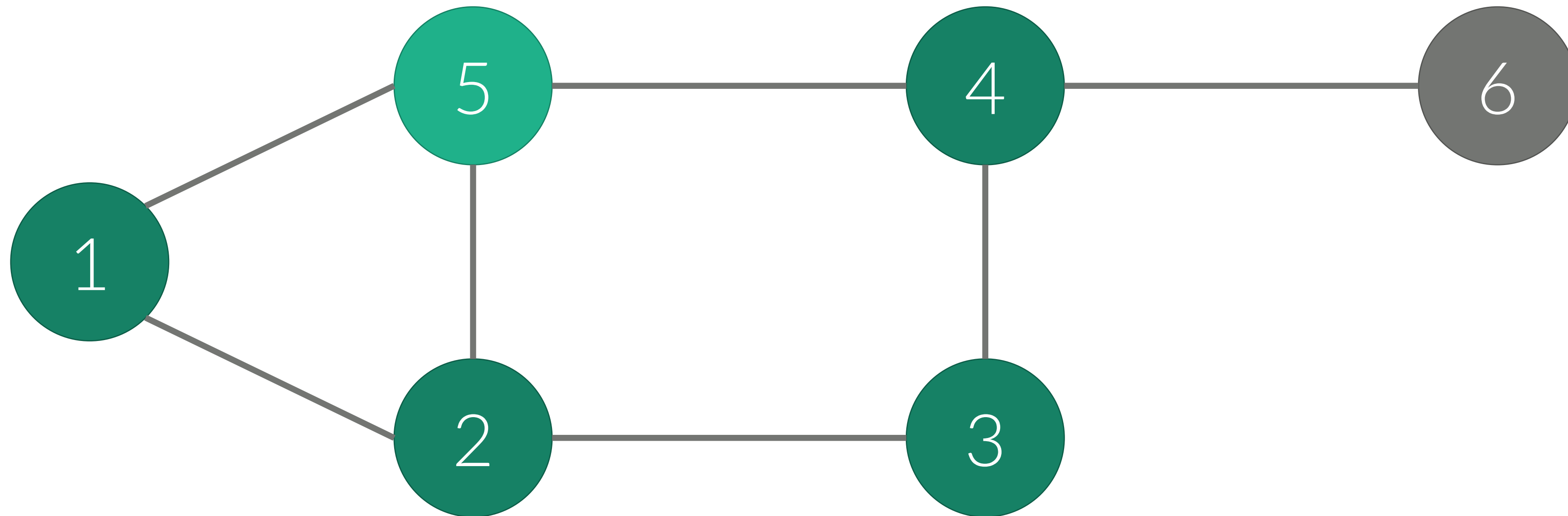
# 깊이 우선 탐색

46

Depth First Search

- 현재 정점: 5
- 순서: 1 2 3 4 5
- 스택: 1 2 3 ~~4~~ 5

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |



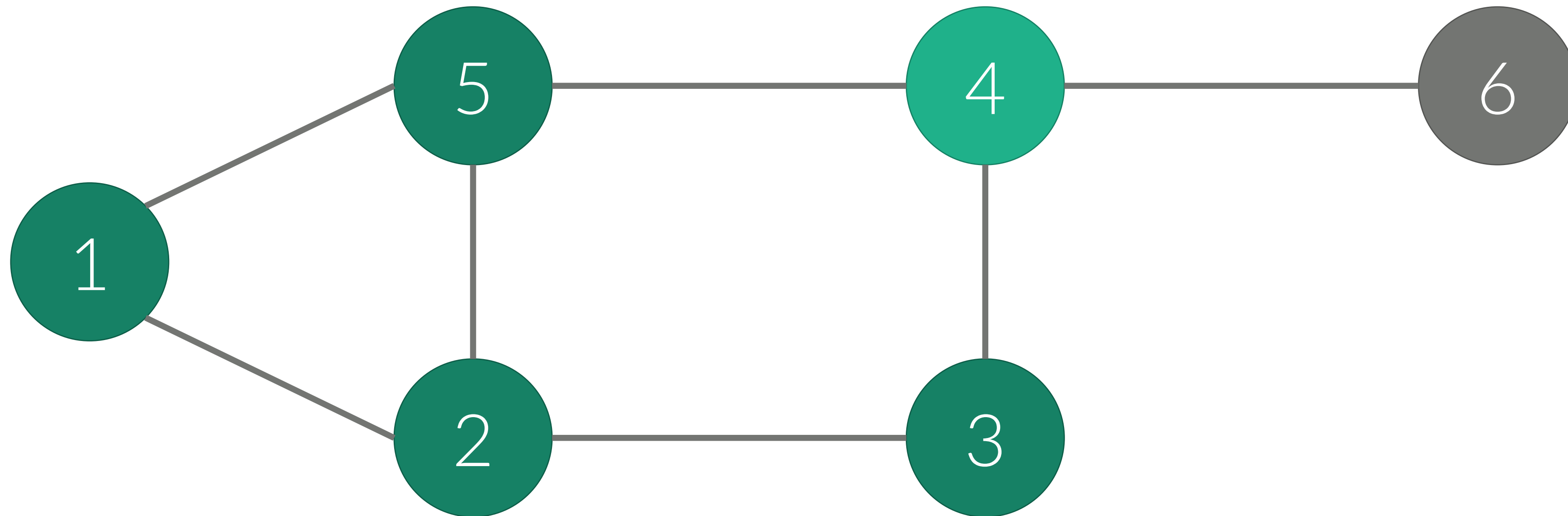
# 깊이 우선 탐색

47

## Depth First Search

- 현재 정점: 4
- 순서: 1 2 3 4 5
- 스택: 1 2 3 4
- 5에서 더 갈 수 있는 것이 없기 때문에, 4로 돌아간다.

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |



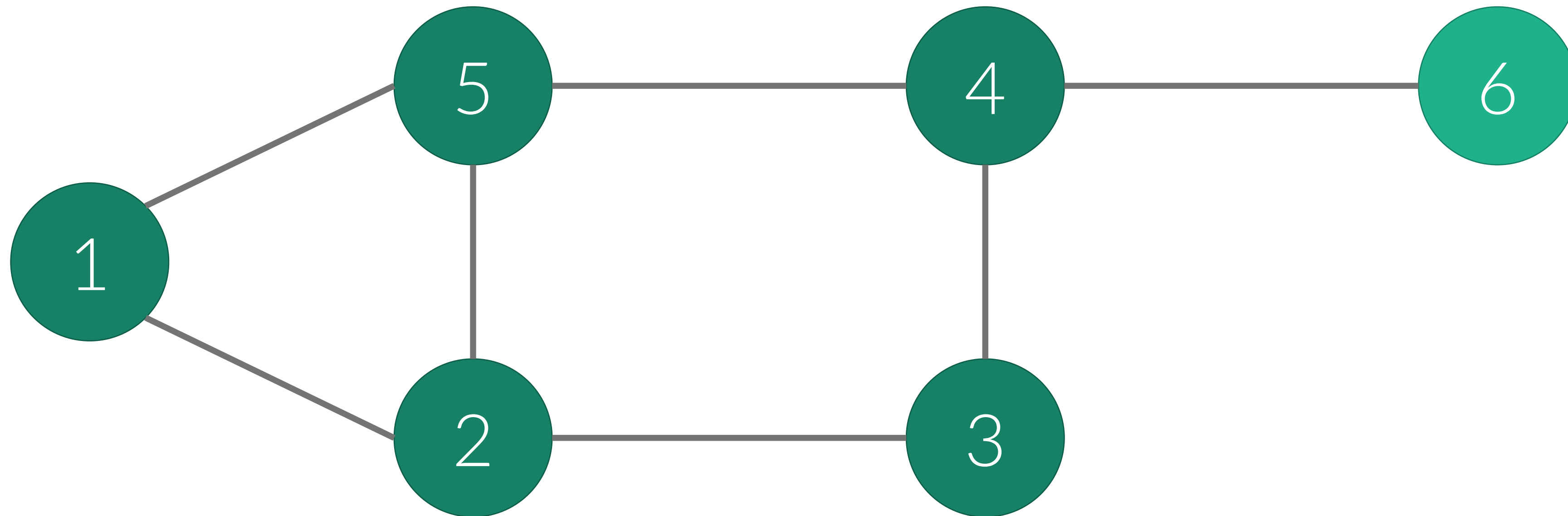
# 깊이 우선 탐색

48

Depth First Search

- 현재 정점: 6
- 순서: 1 2 3 4 5 6
- 스택: 1 2 3 4 6

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |





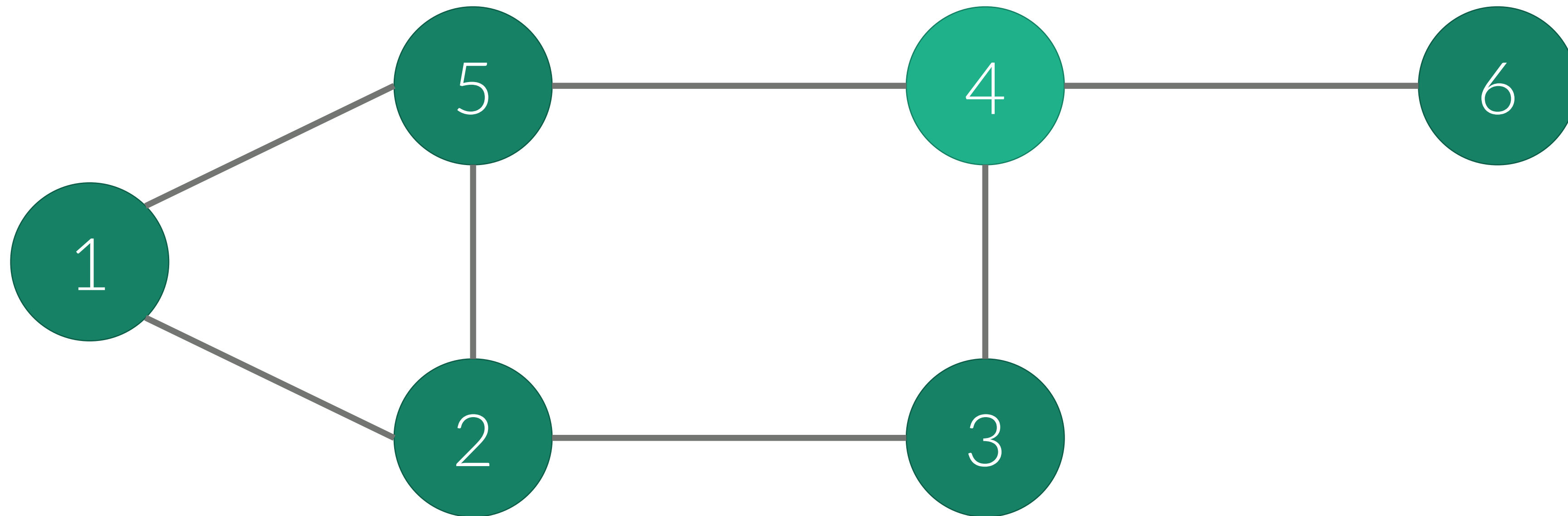
# 깊이 우선 탐색

49

Depth First Search

- 현재 정점: 4
- 순서: 1 2 3 4 5 6
- 스택: 1 2 3 4
- 6에서 갈 수 있는 것이 없기 때문에 4로 돌아간다.

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |



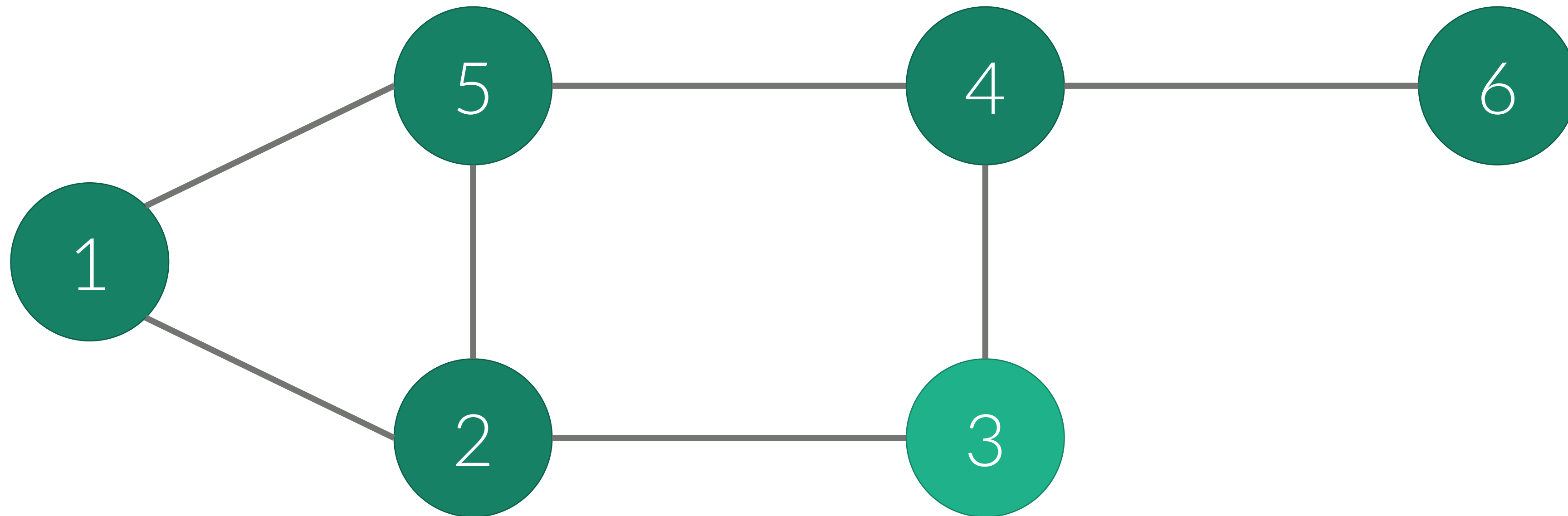
# 깊이 우선 탐색

50

Depth First Search

- 현재 정점: 3
- 순서: 1 2 3 4 5 6
- 스택: 1 2 3
- 4에서 갈 수 있는 것이 없기 때문에 3으로 돌아간다.

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |



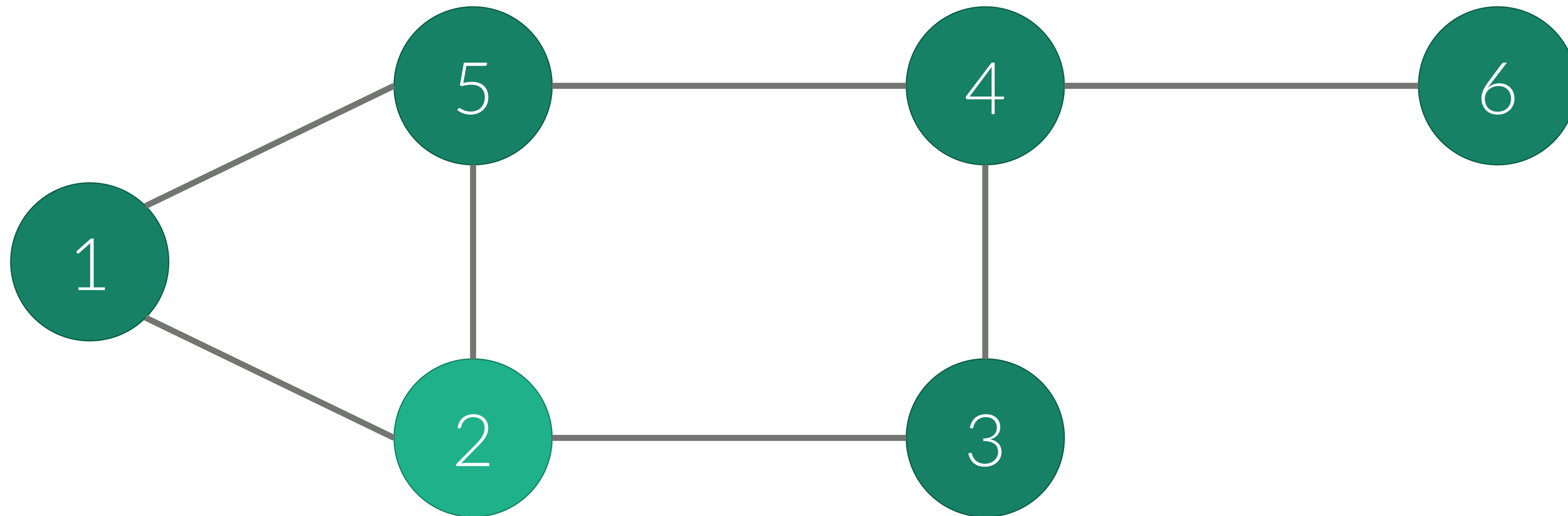
# 깊이 우선 탐색

51

Depth First Search

- 현재 정점: 2
- 순서: 1 2 3 4 5 6
- 스택: 1 2
- 3에서 갈 수 있는 것이 없기 때문에 2으로 돌아간다.

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |



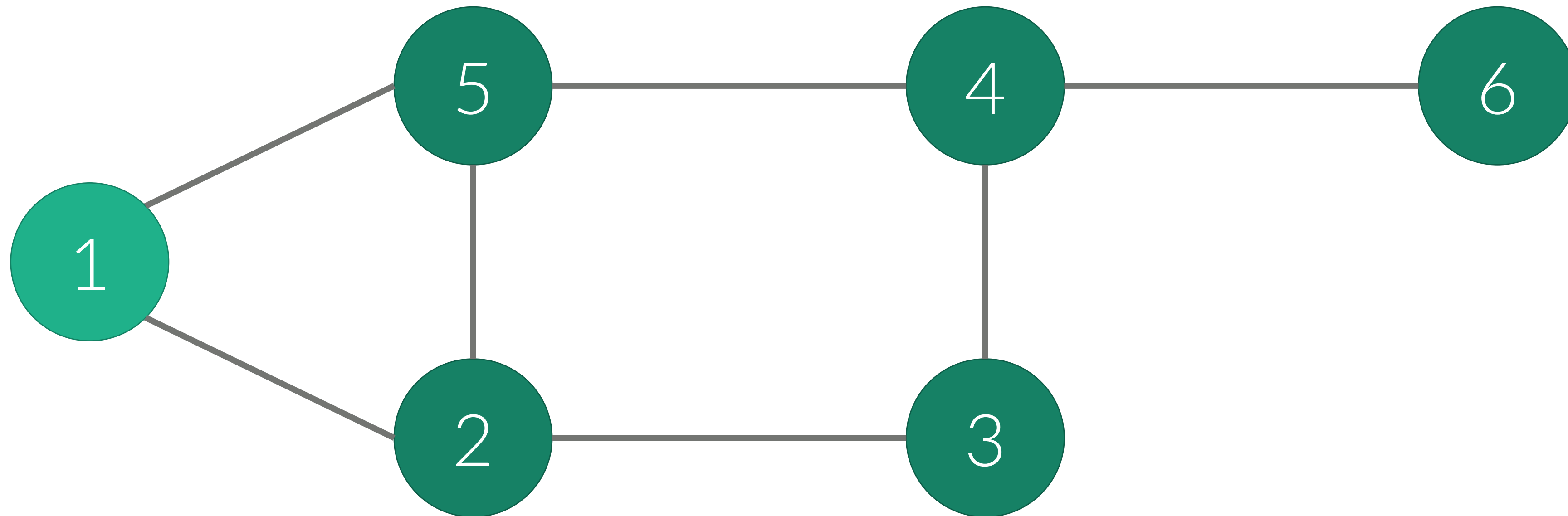
# 깊이 우선 탐색

52

Depth First Search

- 현재 정점: 1
- 순서: 1 2 3 4 5 6
- 스택: 1
- 2에서 갈 수 있는 것이 없기 때문에 1으로 돌아간다.

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |



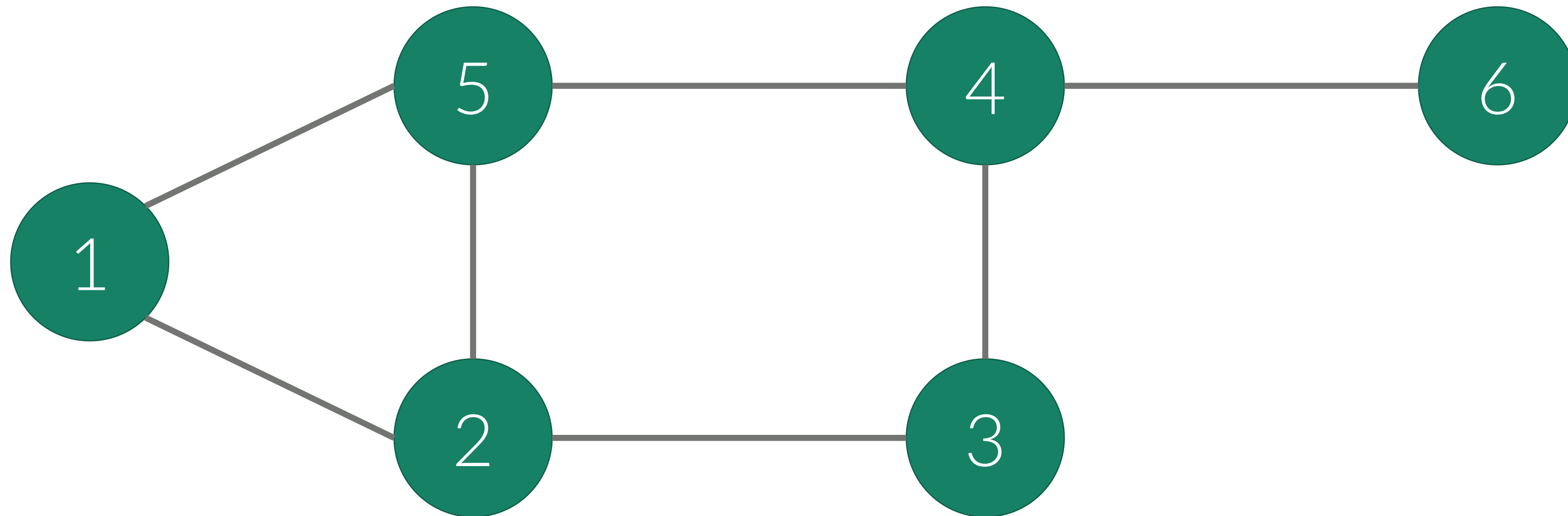
# 깊이 우선 탐색

53

Depth First Search

- 현재 정점:
- 순서: 1 2 3 4 5 6
- 스택:
- 탐색 종료

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |



# 깊이 우선 탐색

Depth First Search

- 재귀 호출을 이용해서 구현할 수 있다.

```
void dfs(int x) {  
    check[x] = true;  
    printf("%d ", x);  
    for (int i=1; i<=n; i++) {  
        if (a[x][i] == 1 && check[i] == false) {  
            dfs(i);  
        }  
    }  
}
```

$dfs(x)$   $x$ 의 방문  
정점의 개수  $V$ 번

$O(V)$

$O(V^2)$

- 인접 행렬을 이용한 구현

# 깊이 우선 탐색

Depth First Search

- 재귀 호출을 이용해서 구현할 수 있다.

```
void dfs(int x) {
    check[x] = true;
    printf("%d ", x);
    for (int i=0; i<a[x].size(); i++) {
        int y = a[x][i];
        if (check[y] == false) {
            dfs(y);
        }
    }
}
```

- 인접 리스트를 이용한 구현

dfs  $\times V$ 번  
~~dfs~~

$O(V+E)$

# 너비 우선 탐색

Breadth First Search

56

- 큐를 이용해서 지금 위치에서 갈 수 있는 것을 모두 큐에 넣는 방식
- 큐에 넣을 때 방문했다고 체크해야 한다.



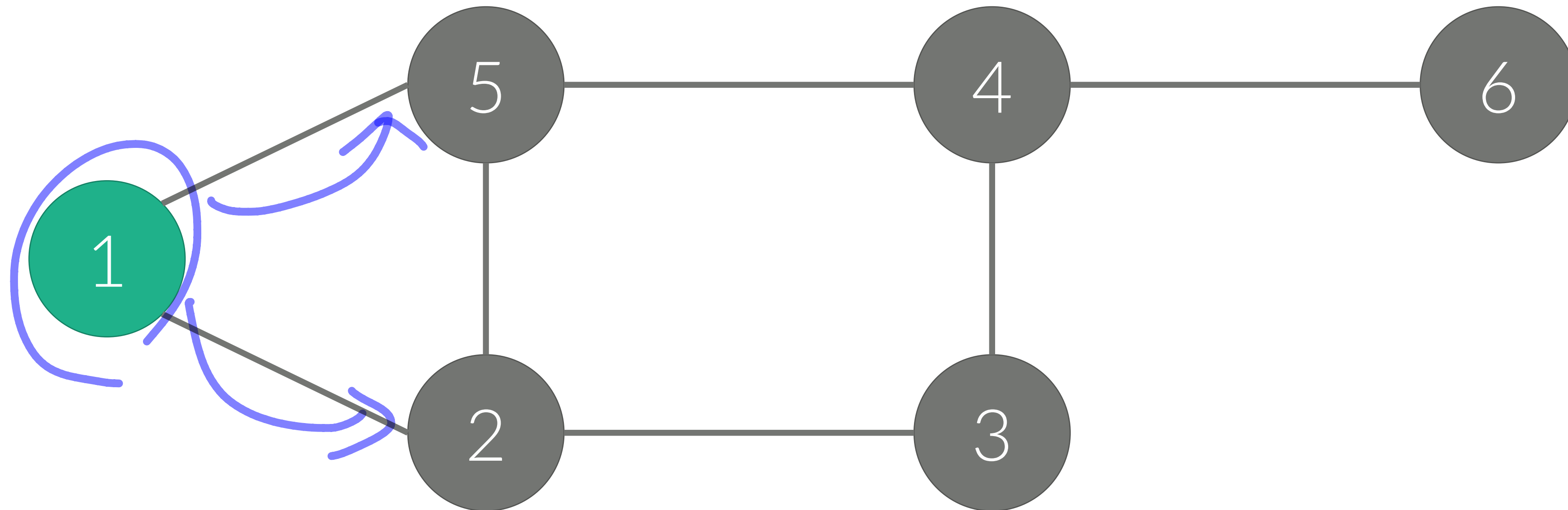
# 너비 우선 탐색

57

Breadth First Search

- 현재 정점: 1
- 순서: 1
- 큐: 1 2 5

| i        | 1 | 2            | 3 | 4 | 5            | 6 |
|----------|---|--------------|---|---|--------------|---|
| check[i] | 1 | <del>0</del> | 0 | 0 | <del>0</del> | 0 |



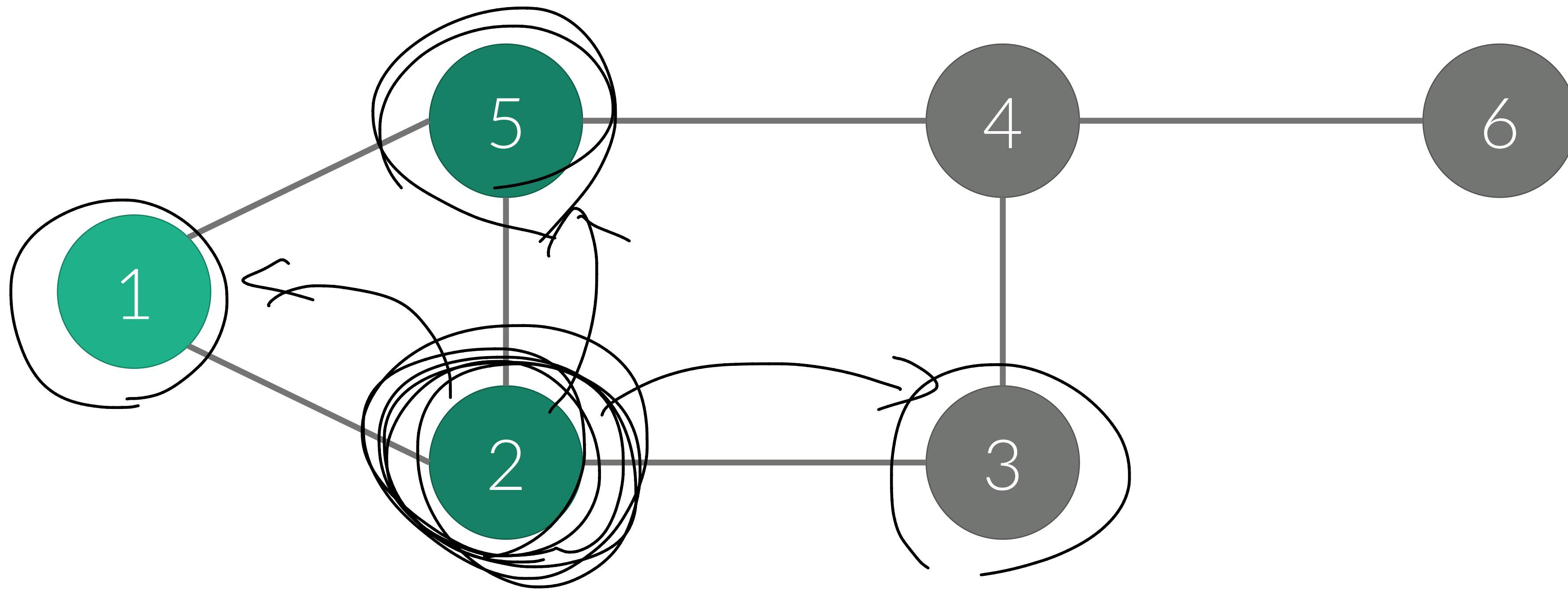
# 너비 우선 탐색

58

Breadth First Search

- 현재 정점: 1
- 순서: 1 2 5
- 큐: ~~1~~ 2 5 3 5

| i        | 1 | 2            | 3 | 4 | 5            | 6 |
|----------|---|--------------|---|---|--------------|---|
| check[i] | 1 | <del>1</del> | 0 | 0 | <del>1</del> | 0 |



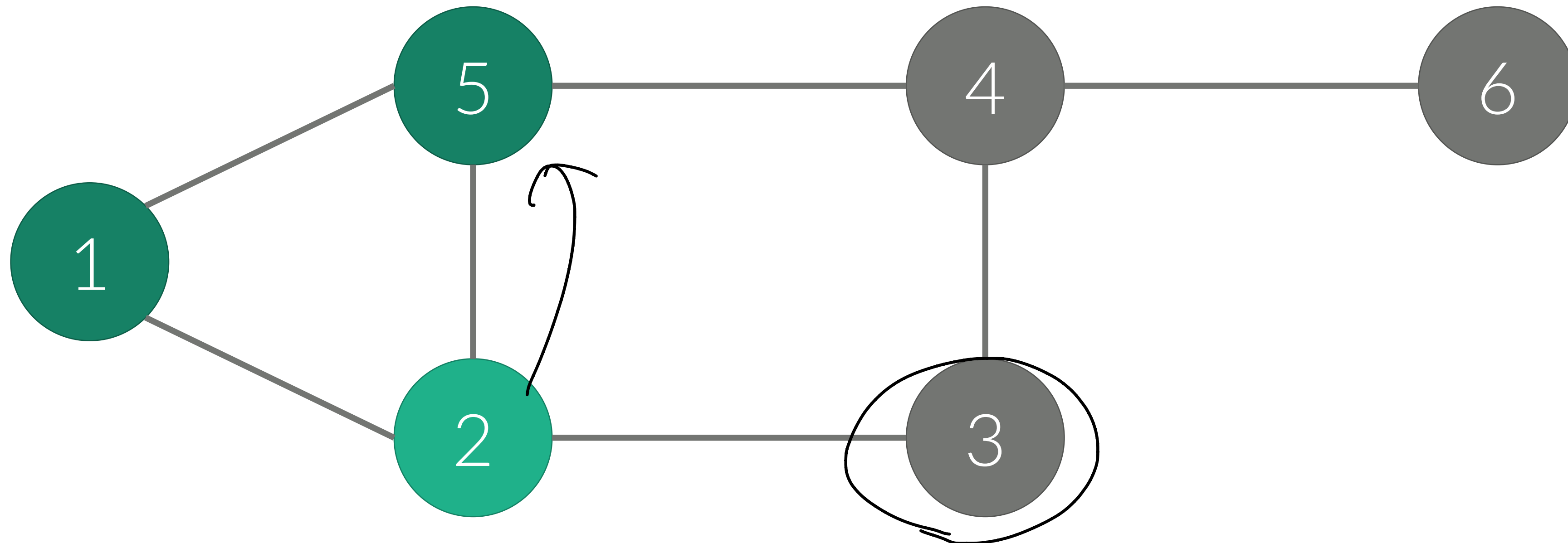
# 너비 우선 탐색

59

Breadth First Search

- 현재 정점: 2
- 순서: 1 2 5 3
- 큐: 2 5 3 ~~3~~

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 |



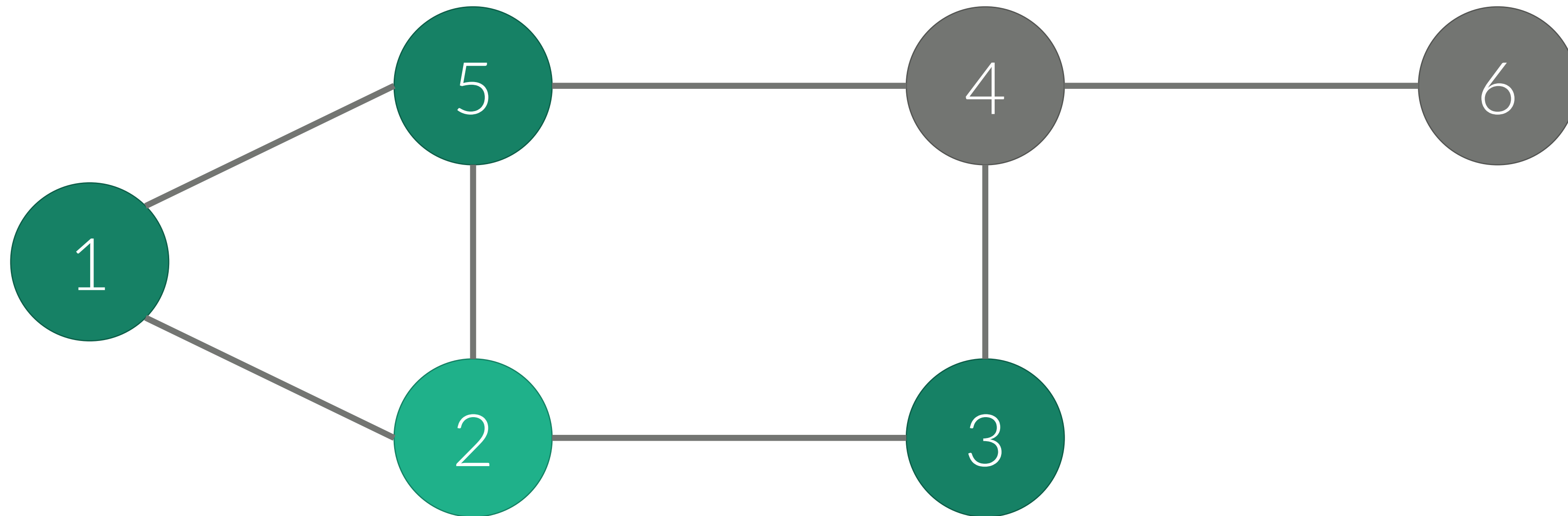
# 너비 우선 탐색

60

Breadth First Search

- 현재 정점: 2
- 순서: 1 2 5 3
- 큐: ~~X~~ 5 3

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |



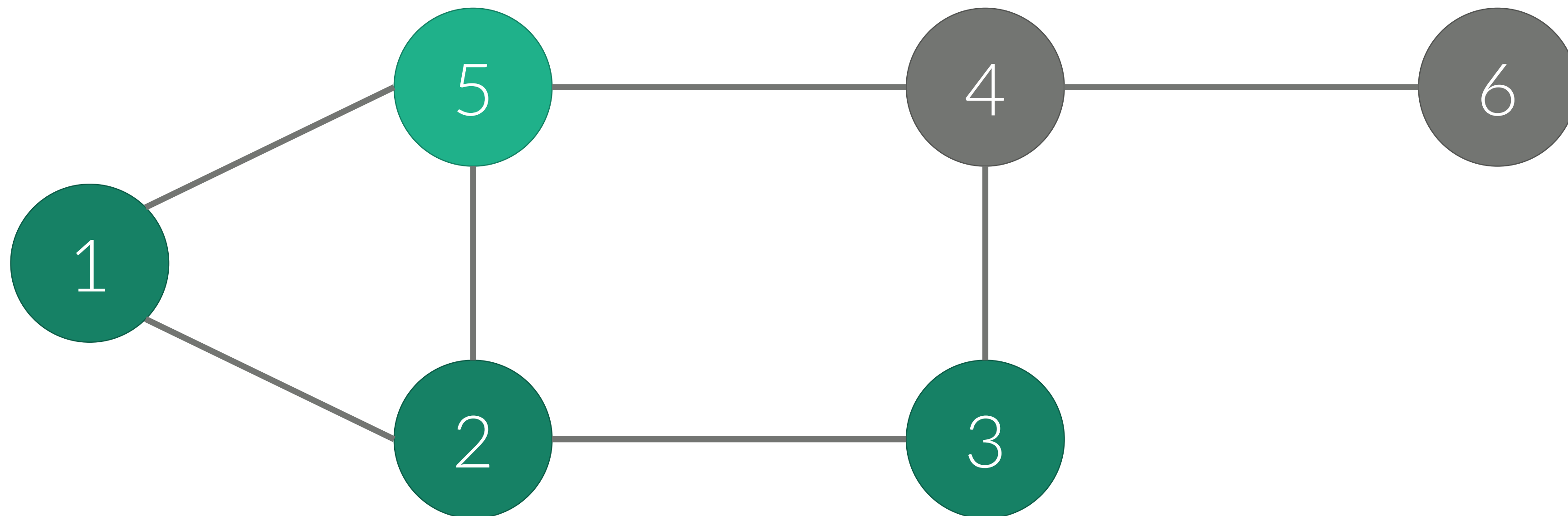
# 너비 우선 탐색

61

Breadth First Search

- 현재 정점: 5
- 순서: 1 2 5 3
- 큐: 5 3

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |



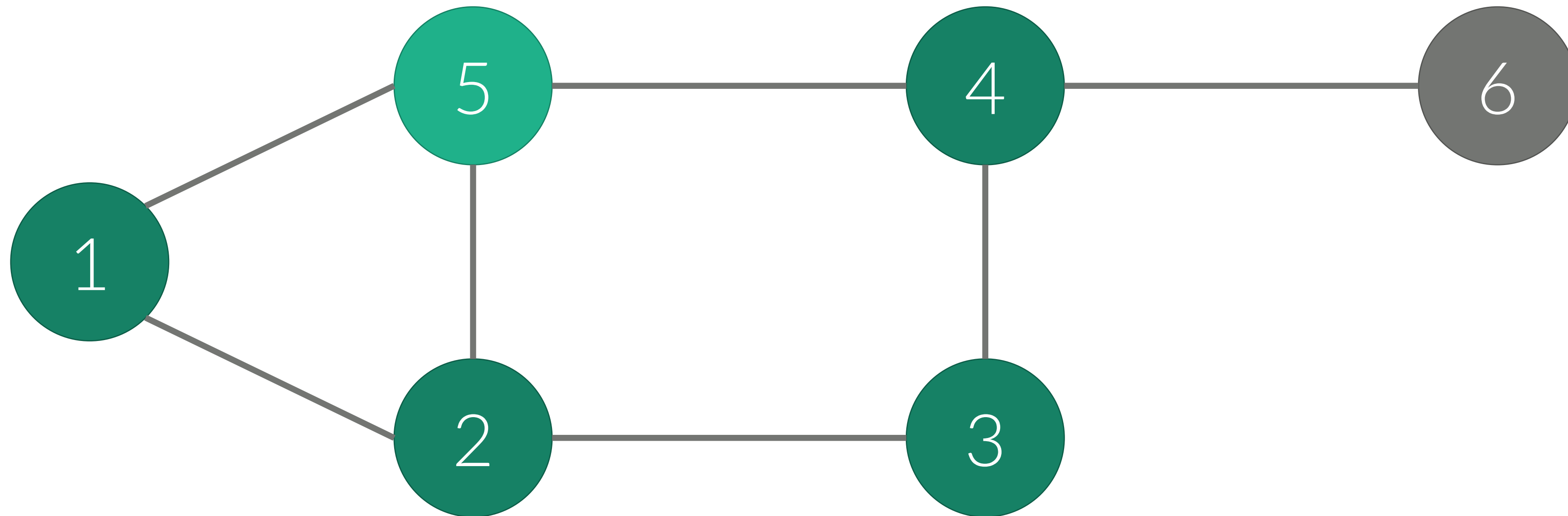
# 너비 우선 탐색

62

Breadth First Search

- 현재 정점: 5
- 순서: 1 2 5 3 4
- 큐: 5 3 4

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |



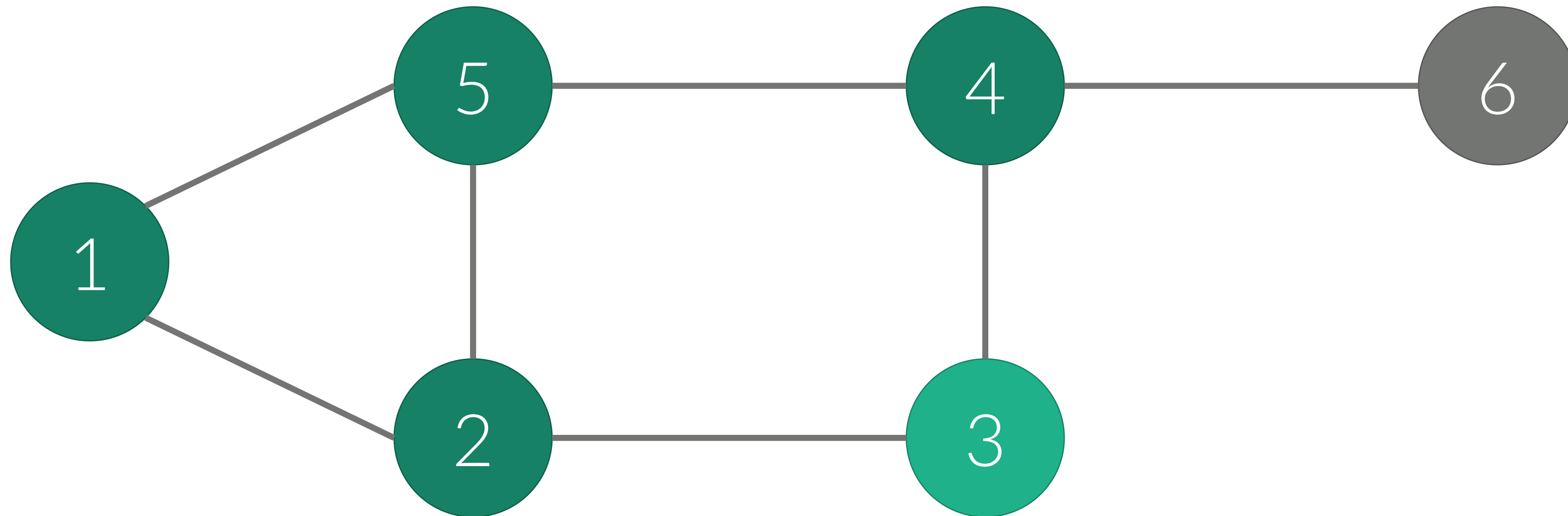
# 너비 우선 탐색

63

Breadth First Search

- 현재 정점: 3
- 순서: 1 2 5 3 4
- 큐: 3 4

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |



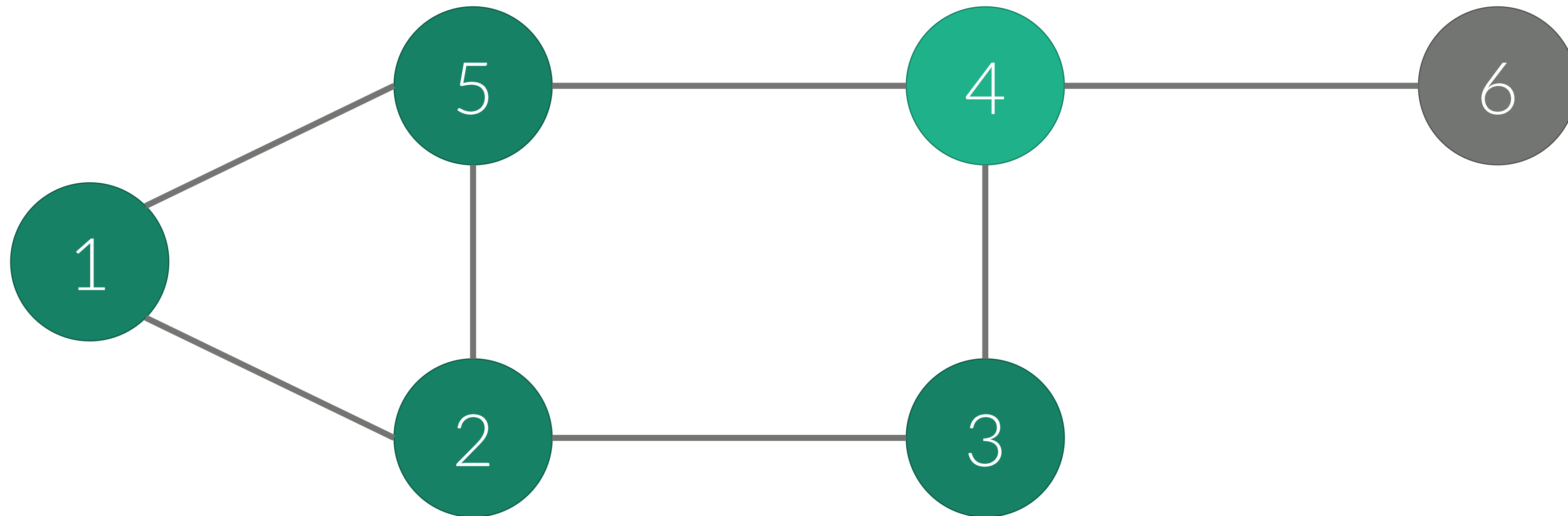
# 너비 우선 탐색

64

Breadth First Search

- 현재 정점: 4
- 순서: 1 2 5 3 4
- 큐: 4

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |





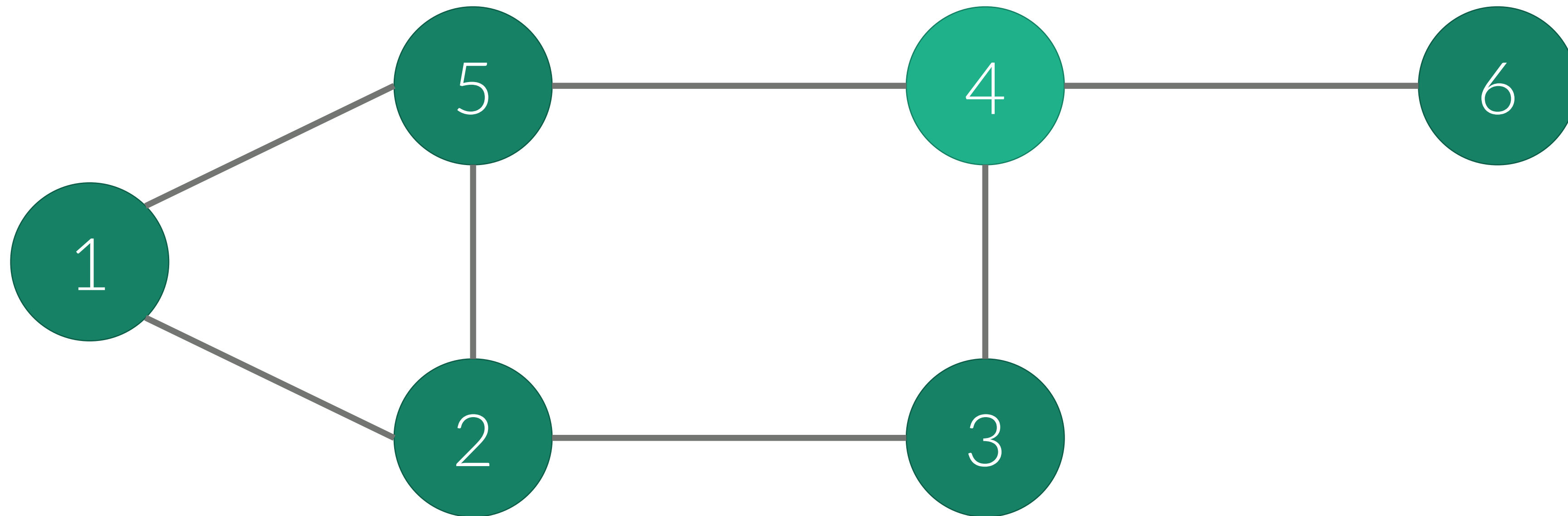
# 너비 우선 탐색

65

Breadth First Search

- 현재 정점: 4
- 순서: 1 2 5 3 4 6
- 큐: 4 6

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |



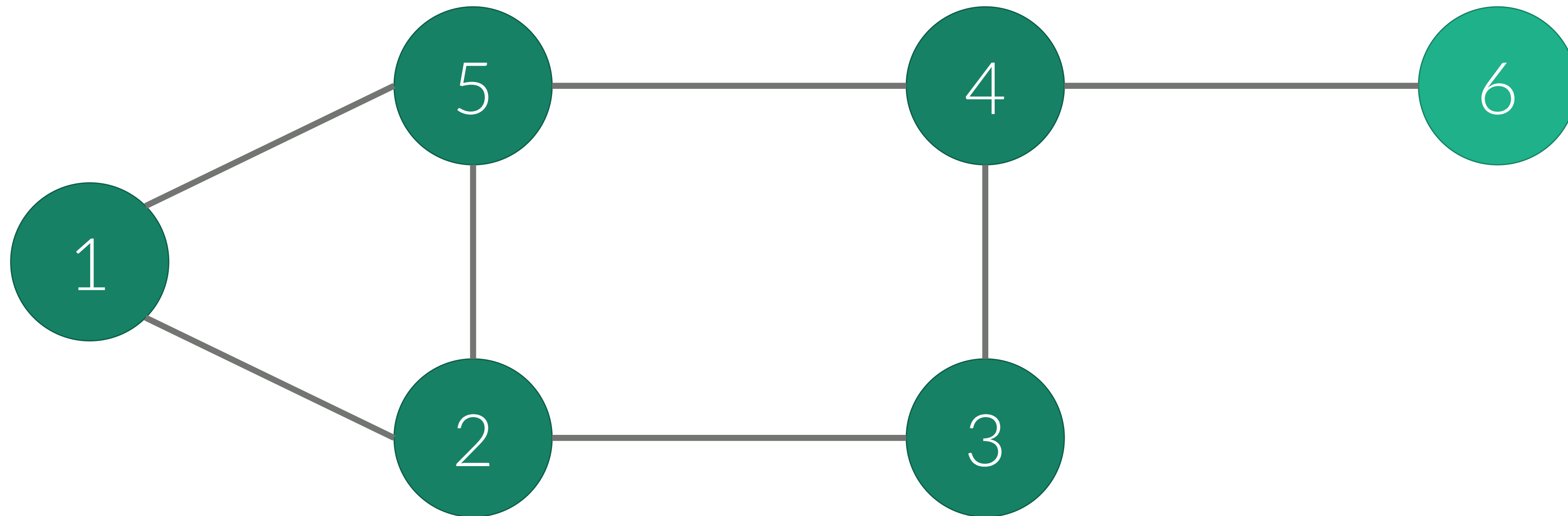
# 너비 우선 탐색

66

Breadth First Search

- 현재 정점: 6
- 순서: 1 2 5 3 4 6
- 큐: 6

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |



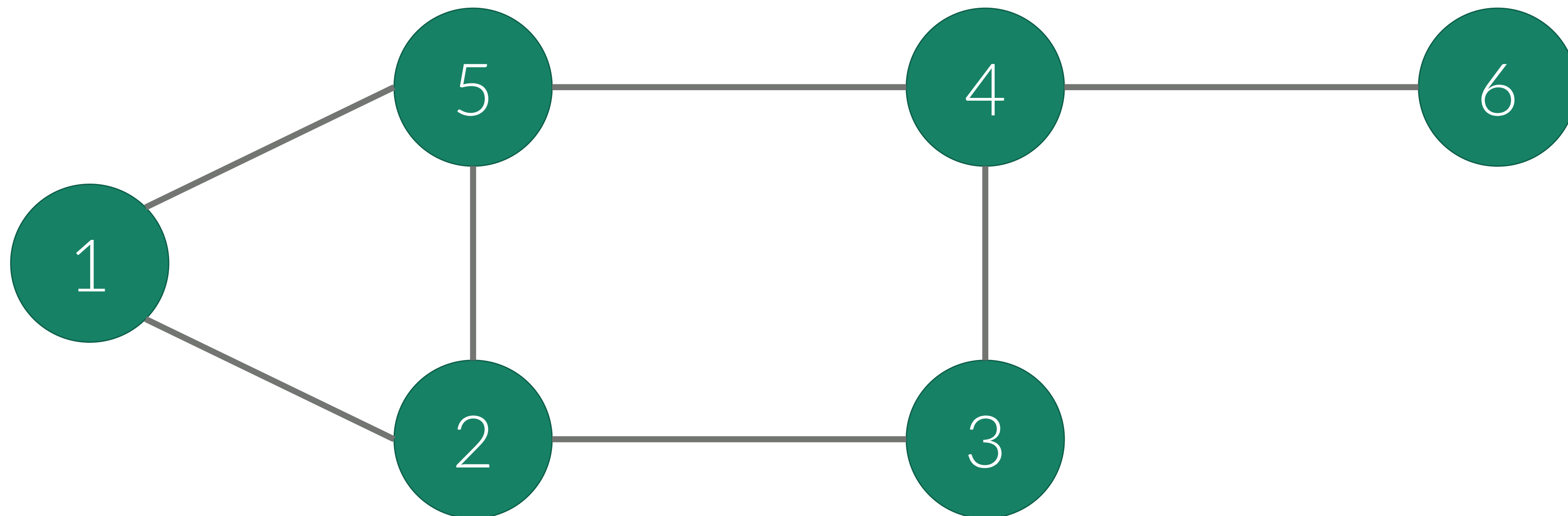
# 너비 우선 탐색

67

Breadth First Search

- 현재 정점: 6
- 순서: 1 2 5 3 4 6
- 큐:
- 탐색 완료

| i        | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----------|---|---|---|---|---|---|
| check[i] | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |



# 너비 우선 탐색

Breadth First Search

Queue <Integer>

- BFS의 구현은 Queue를 이용해서 할 수 있다. (인접 행렬)

①

```
queue<int> q;
```

```
check[1] = true; q.push(1);
```

```
while (!q.empty()) {
```

```
    int x = q.front(); q.pop();
```

```
    printf("%d ", x);
```

```
    for (int i=1; i<=n; i++) {
```

```
        if (a[x][i] == 1 && check[i] == false) {
```

```
            check[i] = true;
```

```
            q.push(i);
```

```
        }
```

```
    }
```

```
}
```

$O(V)$

# 너비 우선 탐색

## Breadth First Search

- BFS의 구현은 Queue를 이용해서 할 수 있다. (인접 리스트)

```
queue<int> q;  
check[1] = true; q.push(1);  
while (!q.empty()) {  
    int x = q.front(); q.pop();  
    printf("%d ", x);  
    for (int i=0; i<a[x].size(); i++) {  
        int y = a[x][i];  
        if (check[y] == false) {  
            check[y] = true; q.push(y);  
        }  
    }  
}
```

# 시간 복잡도

Time Complexity

- 인접 행렬:  $O(V^2)$
- 인접 리스트:  $O(V+E)$

# DFS와 BFS

<https://www.acmicpc.net/problem/1260>

- 그래프를 DFS로 탐색한 결과와 BFS로 탐색한 결과를 출력하는 문제

# DFS와 BFS

<https://www.acmicpc.net/problem/1260>

- 인접 리스트 소스: <http://codeplus.codes/67358d01aaeb434793de678961122486>
- 간선 리스트 소스: <http://codeplus.codes/bd786984224449e0b39b40d0d6d6e733>
- 비재귀 구현 소스: <http://codeplus.codes/362ddc2eb1394e478e9f623fd0ccc25e>



# 연결 요소

---

# 연결 요소

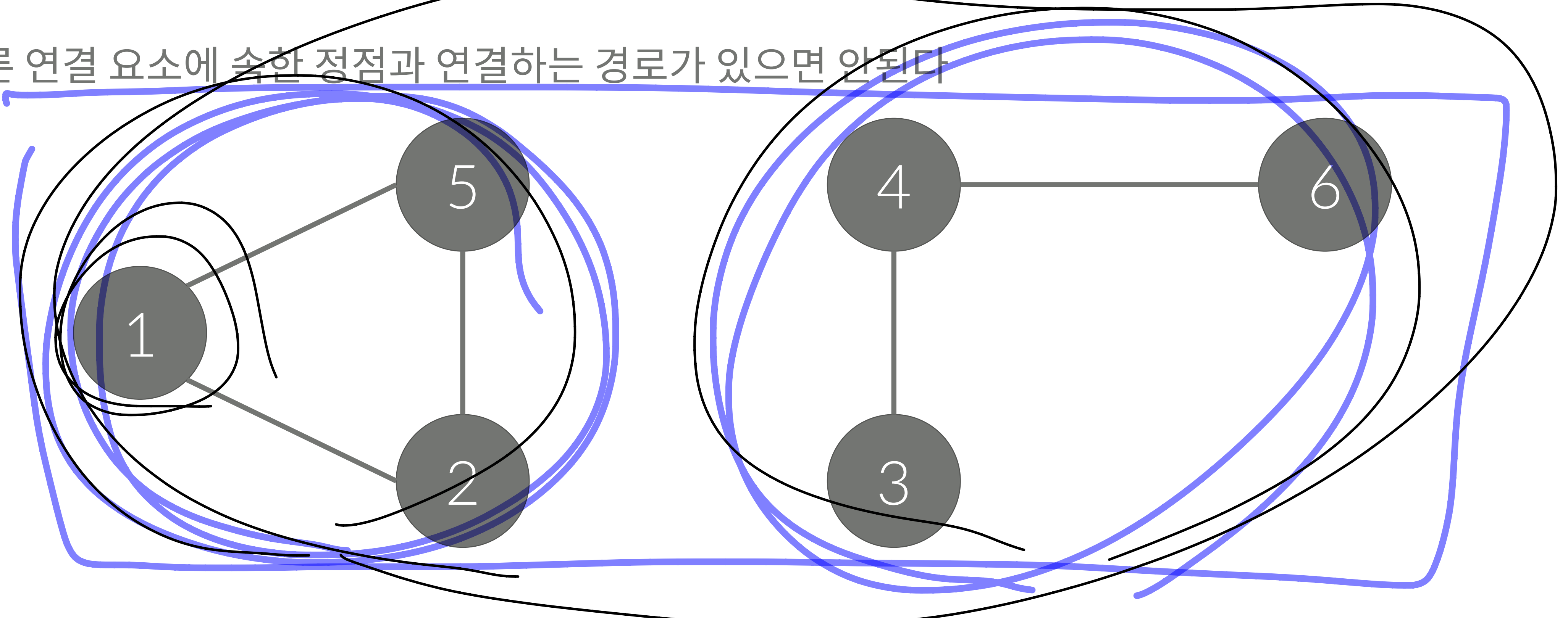
Connected Component

연결 그래프

74

(1개) → 2개  
2개

- 그래프가 아래 그림과 같이 나누어져 있지 않은 경우가 있을 수도 있다
- 이렇게 나누어진 각각의 그래프를 연결 요소라고 한다.
- 연결 요소에 속한 모든 정점을 연결하는 경로가 있어야 한다
- 또, 다른 연결 요소에 속한 정점과 연결하는 경로가 있으면 안된다



# 연결 요소

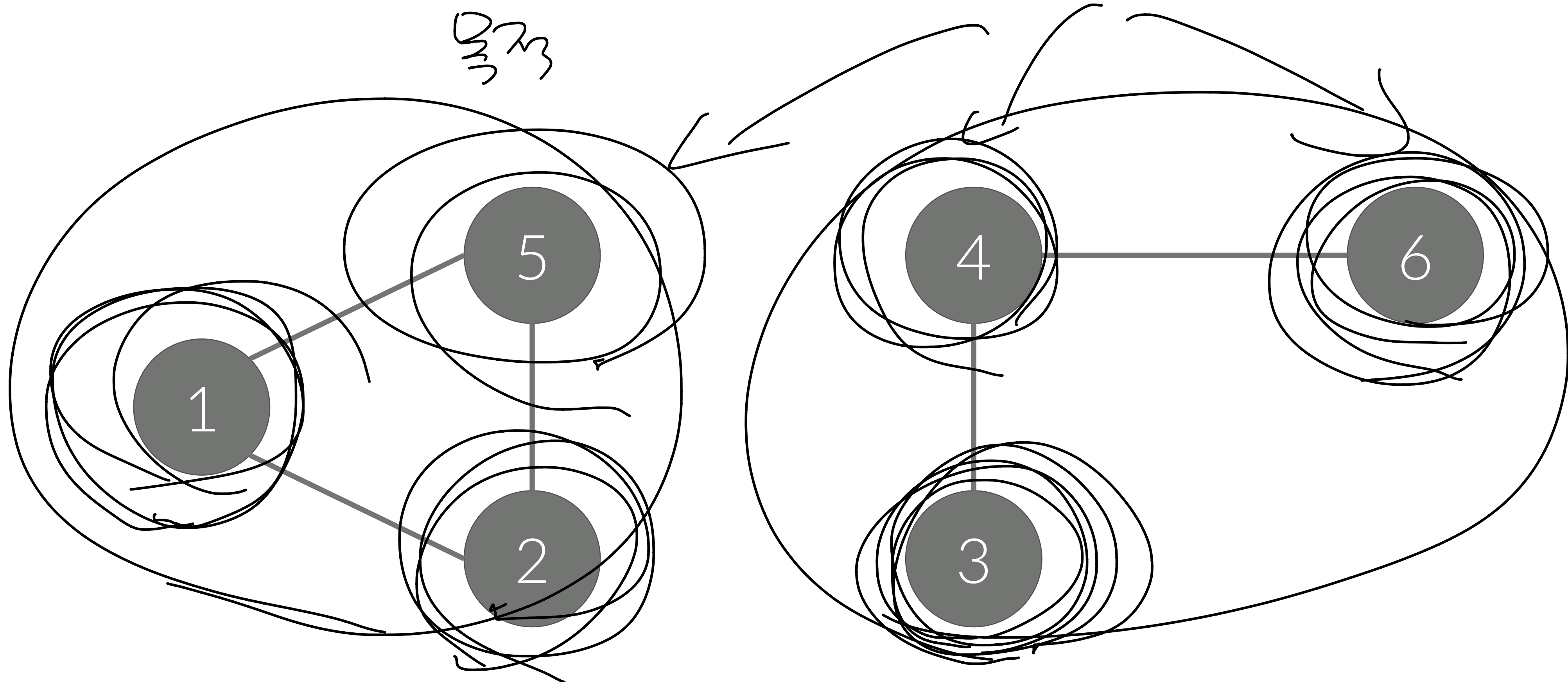
Connected Component

75

$N=6$       1 2 3 4  
[개]      3

- 아래 그래프는 총 2개의 연결 요소로 이루어져 있다
- 연결 요소를 구하는 것은 DFS나 BFS 탐색을 이용해서 구할 수 있다.

2개



# 연결 요소

<https://www.acmicpc.net/problem/11724>

- 연결 요소의 개수를 구하는 문제

# 연결 요소

<https://www.acmicpc.net/problem/11724>

- 소스: <http://codeplus.codes/59a464c71a6a4957abd6497c43c1e4a8>

# 이분 그래프

---

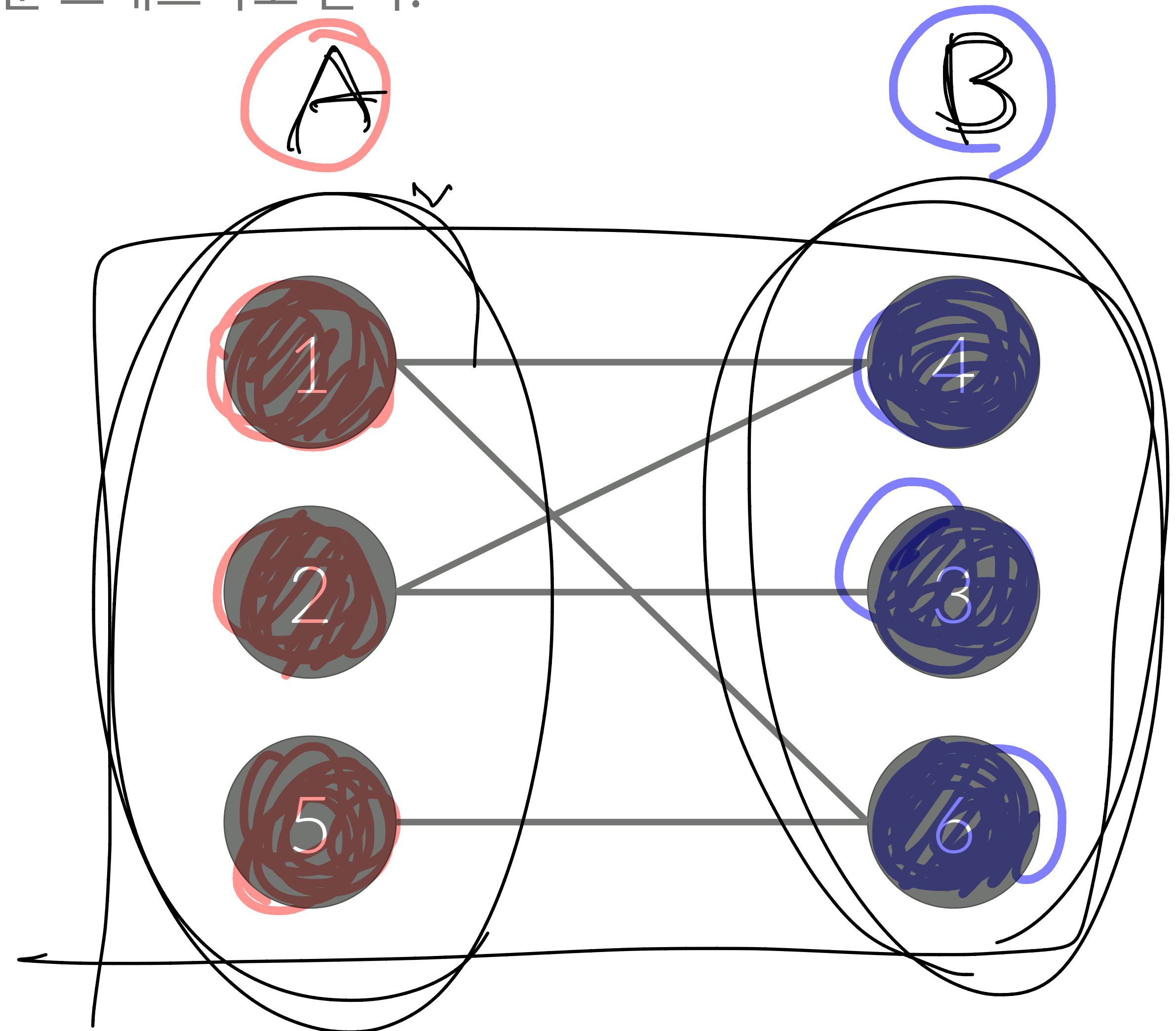
# 이분 그래프

Bipartite Graph

DFS, BFS

79

- 그래프를 다음과 같이 A와 B로 나눌 수 있으면 이분 그래프라고 한다.
- A에 포함되어 있는 정점끼리 연결된 간선이 없음
- B에 포함되어 있는 정점끼리 연결된 간선이 없음
- 모든 간선의 한 끝 점은 A에, 다른 끝 점은 B에

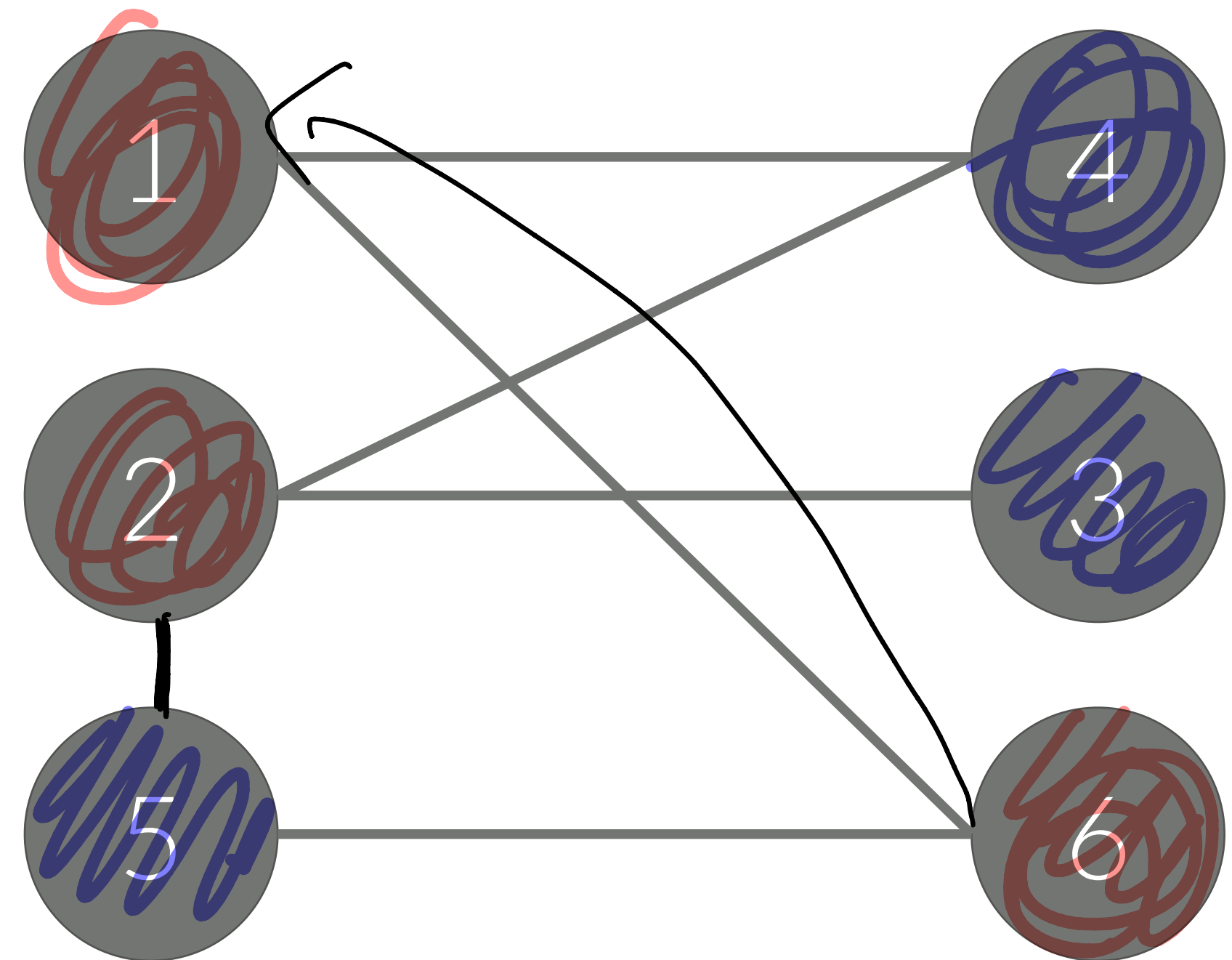


# 이분 그래프

Bipartite Graph

80

- 그래프를 DFS또는 BFS 탐색으로 이분 그래프인지 아닌지 알아낼 수 있다.





# 이분 그래프

<https://www.acmicpc.net/problem/1707>

- 그래프가 이분 그래프인지 아닌지 판별하는 문제

# 이분 그래프

<https://www.acmicpc.net/problem/1707>

DFS

- 소스: <http://codeplus.codes/e680a1b718534cb29185f7d8b4f0cd74>

# 플러드 필

---

# 플러드 필

Flood Fill

84

- 어떤 위치와 연결된 모든 위치를 찾는 알고리즘

# 단지번호붙이기

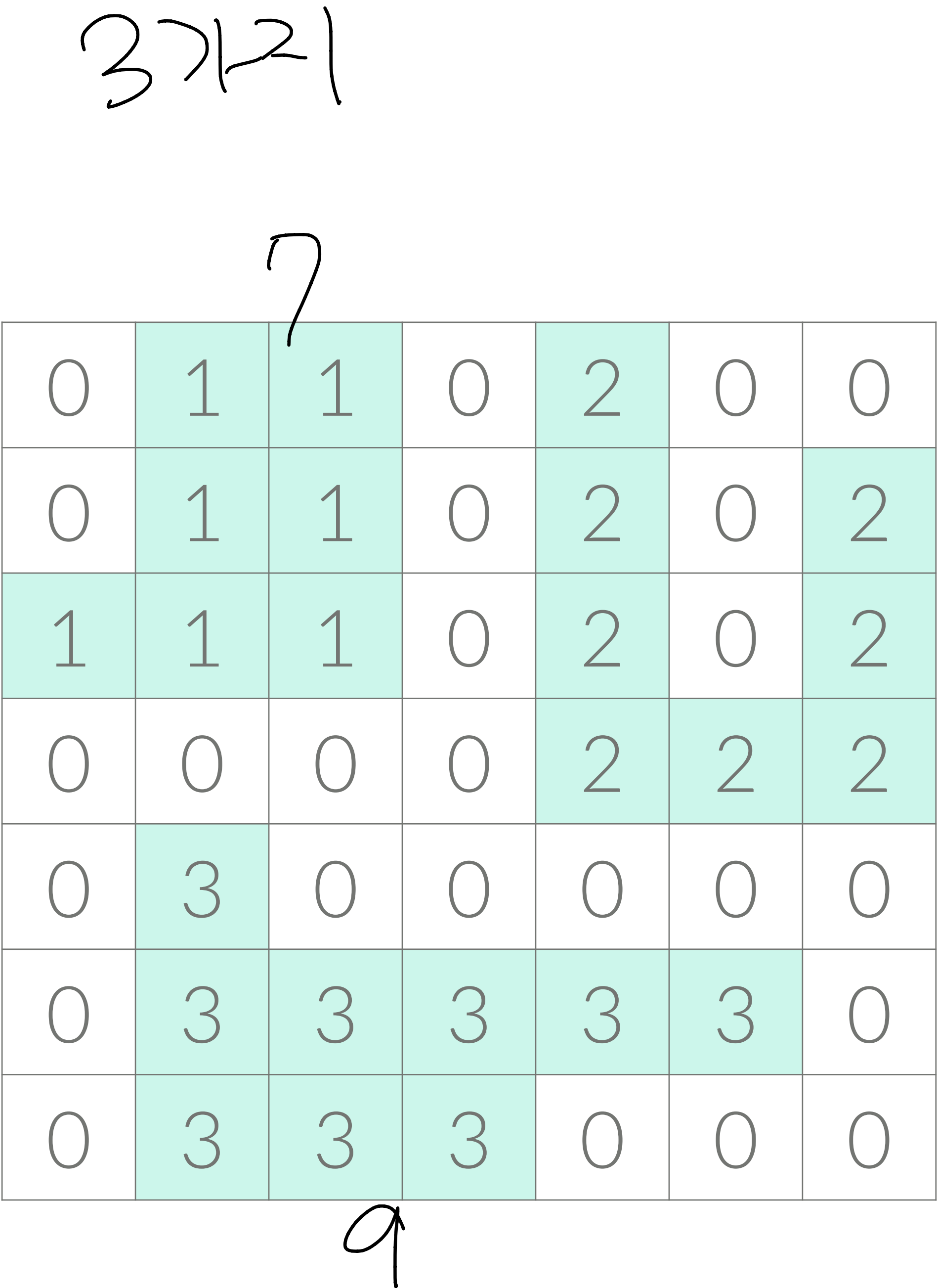
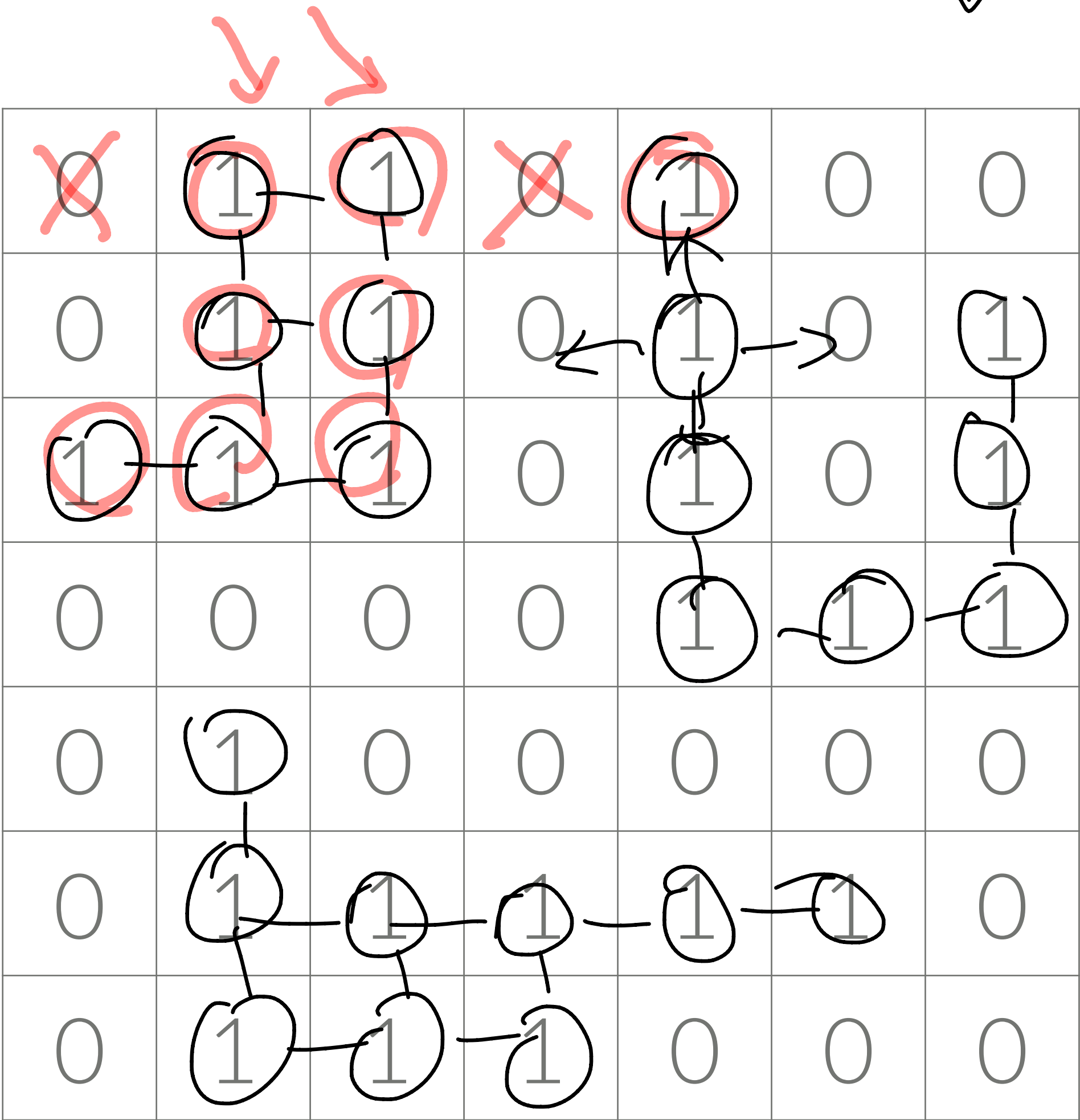
<https://www.acmicpc.net/problem/2667>

- 정사각형 모양의 지도가 있다
- 0은 집이 없는 곳, 1은 집이 있는 곳
- 지도를 가지고 연결된 집의 모임인 단지를 정의하고, 단지에 번호를 붙이려고 한다
- 연결: 좌우 아래위로 집이있는 경우



# 단지번호붙이기

<https://www.acmicpc.net/problem/2667>



# 단지번호붙이기

<https://www.acmicpc.net/problem/2667>

- DFS나 BFS 알고리즘을 이용해서 어떻게 이어져있는지 확인할 수 있다.
- $d[i][j] = (i, j)$ 를 방문안했으면 0, 했으면 단지 번호

# 단지번호붙이기

<https://www.acmicpc.net/problem/2667>

```
int cnt = 0;
for (int i=0; i<n; i++) {
    for (int j=0; j<n; j++) {
        if (a[i][j] == 1 && d[i][j] == 0) {
            bfs(i, j, ++cnt);
        }
    }
}
```



# 단지번호붙이기

<https://www.acmicpc.net/problem/2667>

$$(\underline{x}, \underline{y}) \rightarrow (\underline{nx}, \underline{ny})$$

$0 \sim n-1$

89

```
void bfs(int x, int y, int cnt) {  
    queue<pair<int, int>> q; q.push(make_pair(x, y)); d[x][y] = cnt;  
    while (!q.empty()) {  
        x = q.front().first; y = q.front().second; q.pop();  
        for (int k=0; k<4; k++) {  
            int nx = x+dx[k], ny = y+dy[k];  
            if (0 <= nx && nx < n && 0 <= ny && ny < n) {  
                if (a[nx][ny] == 1 && d[nx][ny] == 0) {  
                    q.push(make_pair(nx, ny)); d[nx][ny] = cnt;  
                }  
            }  
        }  
    }  
}
```

$dx[] = \{1, -1, 0, 0\}$   
 $dy[] = \{0, 0, 1, -1\}$   
↓ ↑ → ←

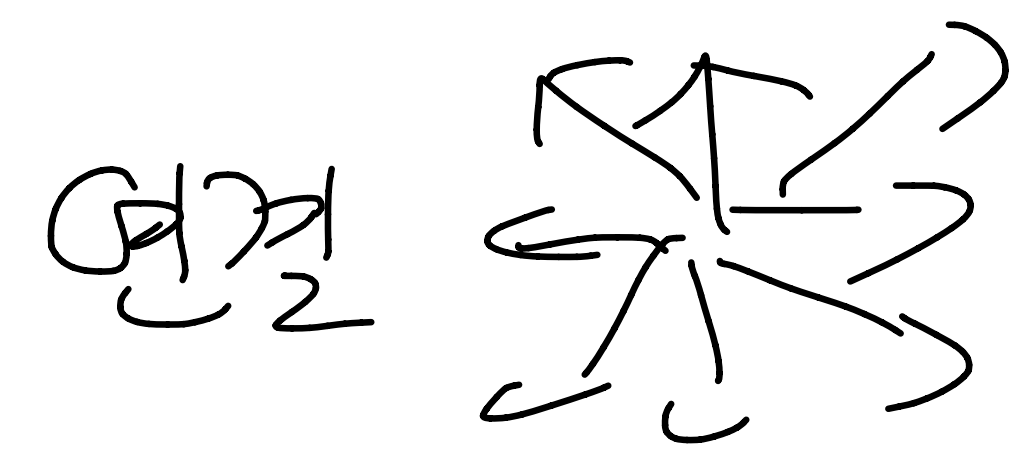
# 단지번호붙이기

<https://www.acmicpc.net/problem/2667>

- BFS 소스: <http://codeplus.codes/3e6999a82c774a51b2b70da44e90247f>
- DFS 소스: <http://codeplus.codes/23892898ed3045908a2316c632d55d08>

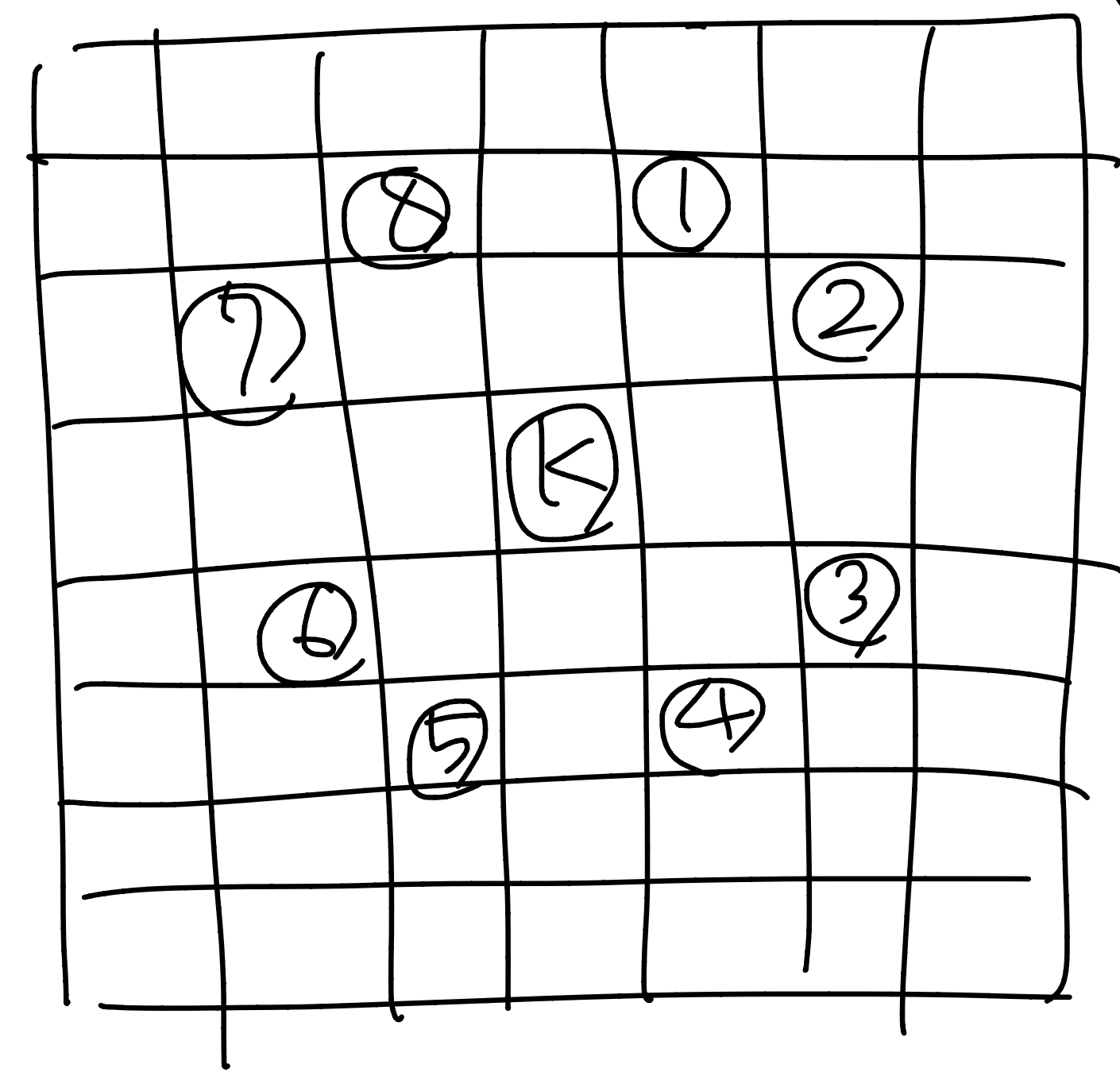
# 섬의 개수

<https://www.acmicpc.net/problem/4963>



- 소스: <http://codeplus.codes/eeebe2e472d44fc081f1ed68eb0b512d>

2 →  
1 ↓



$$\begin{aligned} dx[] &= \{1, -1, 0, 0, \boxed{-1}, \boxed{-1}, \boxed{1}, \boxed{1}\} \\ dy[] &= \{0, 0, 1, -1, \boxed{-1}, \boxed{1}, \boxed{-1}, \boxed{1}\} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} dx[] &= \{-2, -1, 1, 2, 2, 1, -1, -2\} \\ dy[] &= \{1, 2, 2, 1, -1, -2, -2, -1\} \end{aligned}$$

# BFS

---

# BFS

## BFS

- BFS의 목적은 임의의 정점에서 시작해서, 모든 정점을 한 번씩 방문하는 것이다.

# BFS

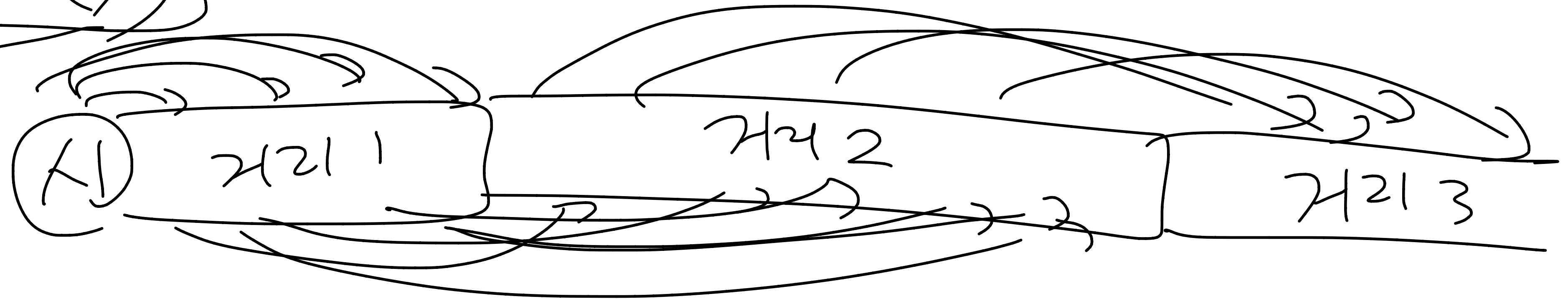
## BFS

- BFS는 최단 거리를 구하는 알고리즘이다.

# BFS

## BFS

- BFS는 모든 가중치가 1일 때, 최단 거리를 구하는 알고리즘이다.



# BFS

BFS

96

최단거리

- BFS를 이용해 해결할 수 있는 문제는 아래와 같은 조건을 만족해야 한다

1. 최소 비용 문제이어야 한다

2. 간선의 가중치가 1이어야 한다

3. 정점과 간선의 개수가 적어야 한다. (적다는 것은 문제의 조건에 맞춰서 해결할 수 있다는 것을 의미한다)

시간 제한  
메모리 제한



# BFS

## BFS

- BFS를 이용해 해결할 수 있는 문제는 아래와 같은 조건을 만족해야 한다
  1. 최소 비용 문제이어야 한다
  2. 간선의 가중치가 1이어야 한다
  3. 정점과 간선의 개수가 적어야 한다. (적다는 것은 문제의 조건에 맞춰서 해결할 수 있다는 것을 의미한다)
- 간선의 가중치가 문제에서 구하라고 하는 최소 비용과 의미가 일치해야 한다
- 즉, 거리의 최소값을 구하는 문제라면 가중치는 거리를 의미해야 하고, 시간의 최소값을 구하는 문제라면 가중치는 시간을 의미해야 한다

# 미로 탐색

<https://www.acmicpc.net/problem/2178>

- (1, 1) 에서 (N, M)으로 가는 가장 빠른 길을 구하는 문제
- DFS 탐색으로는 문제를 풀 수 없다.
- BFS 탐색을 사용해야 한다.
- BFS는 단계별로 진행된다는 사실을 이용

# 미로 탐색

<https://www.acmicpc.net/problem/2178>

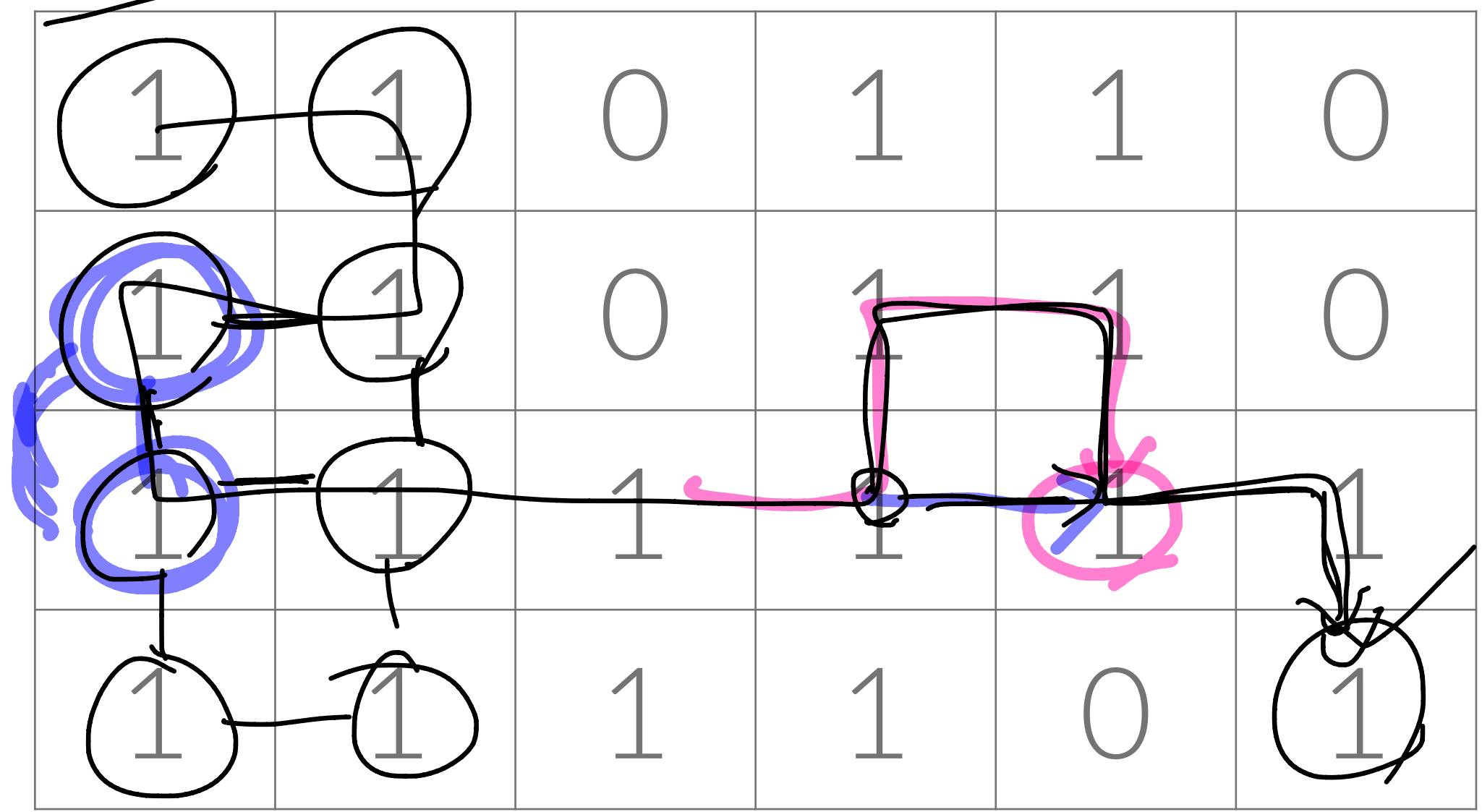
$N \times M$

0 빈칸  
1 벽

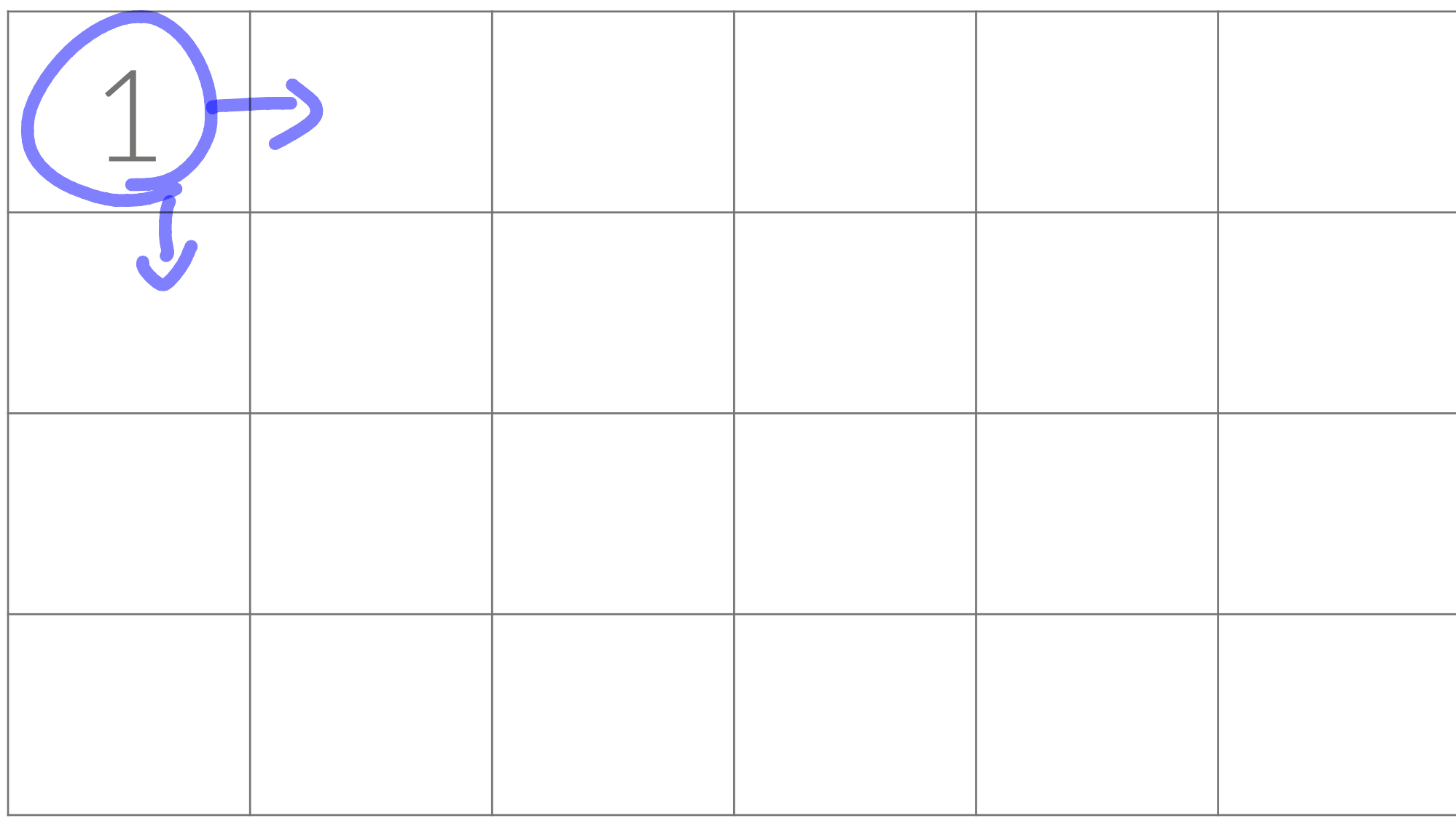
- (1, 1) 에서 (N, M)으로 가는 가장 빠른 길을 구하는 문제

방문한 칸 !!

시작



종료



# 미로 탐색

100

<https://www.acmicpc.net/problem/2178>

- (1, 1) 에서 (N, M)으로 가는 가장 빠른 길을 구하는 문제

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |

|   |   |  |  |  |  |
|---|---|--|--|--|--|
| 1 | 2 |  |  |  |  |
| 2 |   |  |  |  |  |
|   |   |  |  |  |  |
|   |   |  |  |  |  |

# 미로 탐색

<https://www.acmicpc.net/problem/2178>

- (1, 1) 에서 (N, M)으로 가는 가장 빠른 길을 구하는 문제

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |

|   |   |  |  |  |  |
|---|---|--|--|--|--|
| 1 | 2 |  |  |  |  |
| 2 | 3 |  |  |  |  |
| 3 |   |  |  |  |  |
|   |   |  |  |  |  |

# 미로 탐색

<https://www.acmicpc.net/problem/2178>

- (1, 1) 에서 (N, M)으로 가는 가장 빠른 길을 구하는 문제

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |

|   |   |  |  |  |  |
|---|---|--|--|--|--|
| 1 | 2 |  |  |  |  |
| 2 | 3 |  |  |  |  |
| 3 | 4 |  |  |  |  |
| 4 |   |  |  |  |  |

# 미로 탐색

<https://www.acmicpc.net/problem/2178>

- (1, 1) 에서 (N, M)으로 가는 가장 빠른 길을 구하는 문제

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |

|   |   |   |  |  |  |
|---|---|---|--|--|--|
| 1 | 2 |   |  |  |  |
| 2 | 3 |   |  |  |  |
| 3 | 4 | 5 |  |  |  |
| 4 | 5 |   |  |  |  |

# 미로 탐색

<https://www.acmicpc.net/problem/2178>

- (1, 1) 에서 (N, M)으로 가는 가장 빠른 길을 구하는 문제

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |

|   |   |   |   |  |  |
|---|---|---|---|--|--|
| 1 | 2 |   |   |  |  |
| 2 | 3 |   |   |  |  |
| 3 | 4 | 5 | 6 |  |  |
| 4 | 5 | 6 |   |  |  |



# 미로 탐색

<https://www.acmicpc.net/problem/2178>

- (1, 1) 에서 (N, M)으로 가는 가장 빠른 길을 구하는 문제

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |

|   |   |   |   |   |  |
|---|---|---|---|---|--|
| 1 | 2 |   |   |   |  |
| 2 | 3 |   | 7 |   |  |
| 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |  |
| 4 | 5 | 6 | 7 |   |  |

# 미로 탐색

<https://www.acmicpc.net/problem/2178>

- (1, 1) 에서 (N, M)으로 가는 가장 빠른 길을 구하는 문제

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 2 |   | 8 |   |   |
| 2 | 3 |   | 7 | 8 |   |
| 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
| 4 | 5 | 6 | 7 |   |   |

# 미로 탐색

<https://www.acmicpc.net/problem/2178>

- (1, 1) 에서 (N, M)으로 가는 가장 빠른 길을 구하는 문제

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 2 |   | 8 | 9 |   |
| 2 | 3 |   | 7 | 8 |   |
| 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 |
| 4 | 5 | 6 | 7 |   | 9 |

# 미로 탐색

108

<https://www.acmicpc.net/problem/2178>

- 소스: <http://codeplus.codes/3c4ab88008f14d8aa05c1885170b99f4>

# 토마토

<https://www.acmicpc.net/problem/7576>

- 하루가 지나면, 익은 토마토의 인접한 곳에 있는 익지 않은 토마토들이 익게 된다
- 인접한 곳: 앞, 뒤, 왼쪽, 오른쪽
- 토마토가 저절로 익는 경우는 없다
- 상자안의 익은 토마토와 익지 않은 토마토가 주어졌을 때, 며칠이 지나면 토마토가 모두 익는지 구하는 문제

# 토마토

110

<https://www.acmicpc.net/problem/7576>

- BFS 탐색을 하면서, 거리를 재는 방식으로 진행한다

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 8 | 7 | 6 | 5 | 4 | 3 |
| 7 | 6 | 5 | 4 | 3 | 2 |
| 6 | 5 | 4 | 3 | 2 | 1 |
| 5 | 4 | 3 | 2 | 1 | 0 |

# 토마토

111

<https://www.acmicpc.net/problem/7576>

- 소스: <http://codeplus.codes/77af5c9a751645f79b67466b533f9d77>

# 숨바꼭질

$$N \Rightarrow K$$

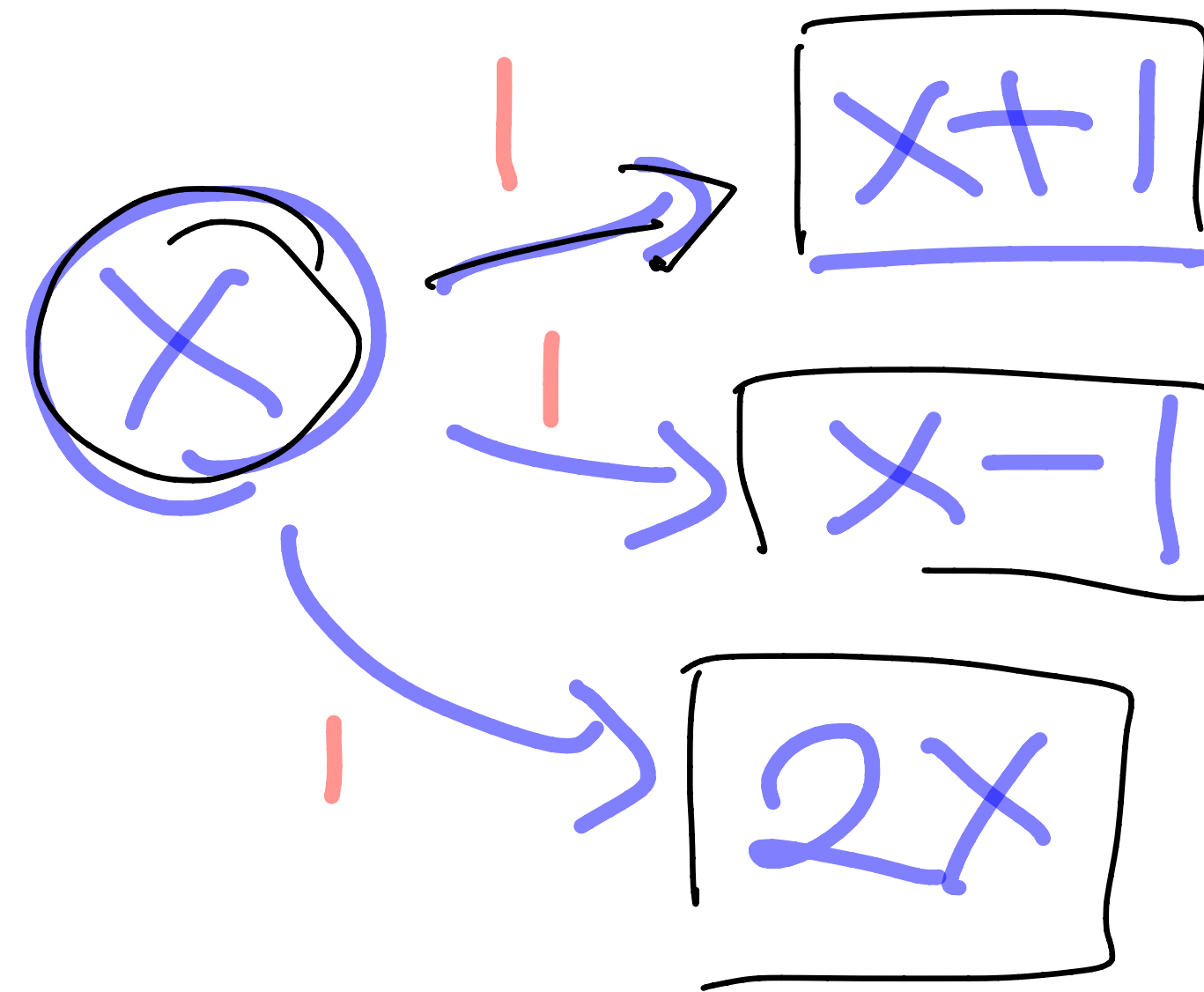
112

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

- 수빈이의 위치:  $N$
- 동생의 위치:  $K$
- 동생을 찾는 가장 빠른 시간을 구하는 문제

- 수빈이가 할 수 있는 행동 (위치:  $X$ )

1. 걷기:  $X+1$  또는  $X-1$ 로 이동 (1초)
2. 순간이동:  $2 \times X$ 로 이동 (1초)





# 숨바꼭질

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

- 수빈이의 위치:  $N$
- 동생의 위치:  $K$
- 동생을 찾는 **가장 빠른 시간**을 구하는 문제

- 수빈이가 할 수 있는 행동 (위치:  $X$ )

1. 걷기:  $X+1$  또는  $X-1$ 로 이동 (**1초**)

2. 순간이동:  $2 \times X$ 로 이동 (**1초**)

# 숨바꼭질

114

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

- 수빈이의 위치: 5
- 동생의 위치: 17
- 5-10-9-18-17 로 4초만에 동생을 찾을 수 있다.

# 숨바꼭질

115

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

- 큐에 수빈이의 위치를 넣어가면서 이동시킨다
- 한 번 방문한 곳은 다시 방문하지 않는 것이 좋기 때문에, 따로 배열에 체크하면서 방문

# 숨바꼭질

116

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

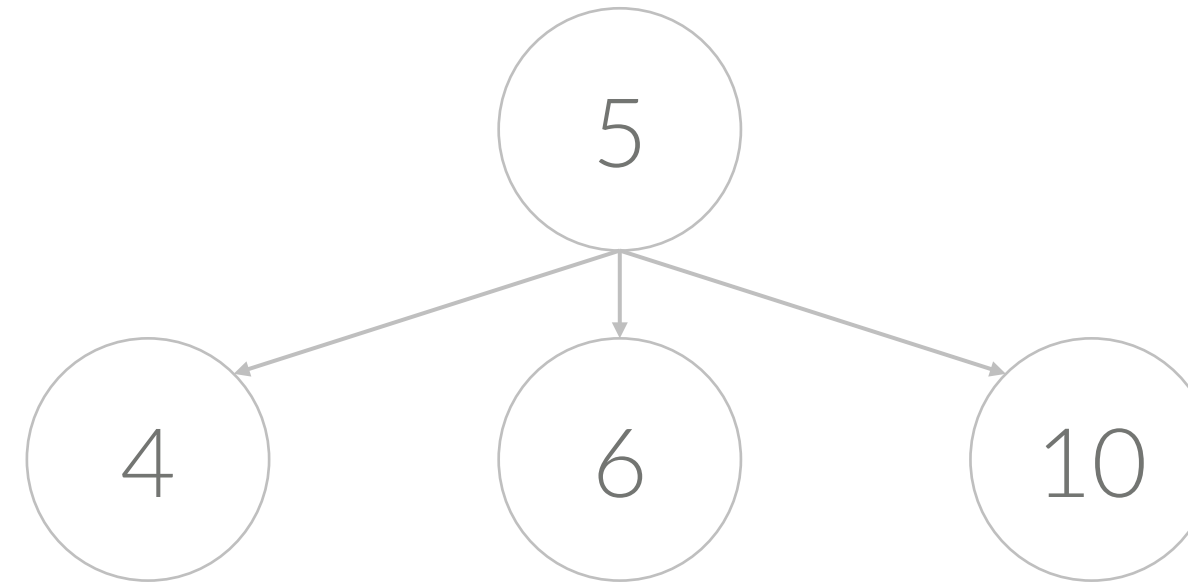
- 가장 처음
- Queue: 5

5

# 숨바꼭질

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

- 5에서 이동
- Queue: 5 4 6 10

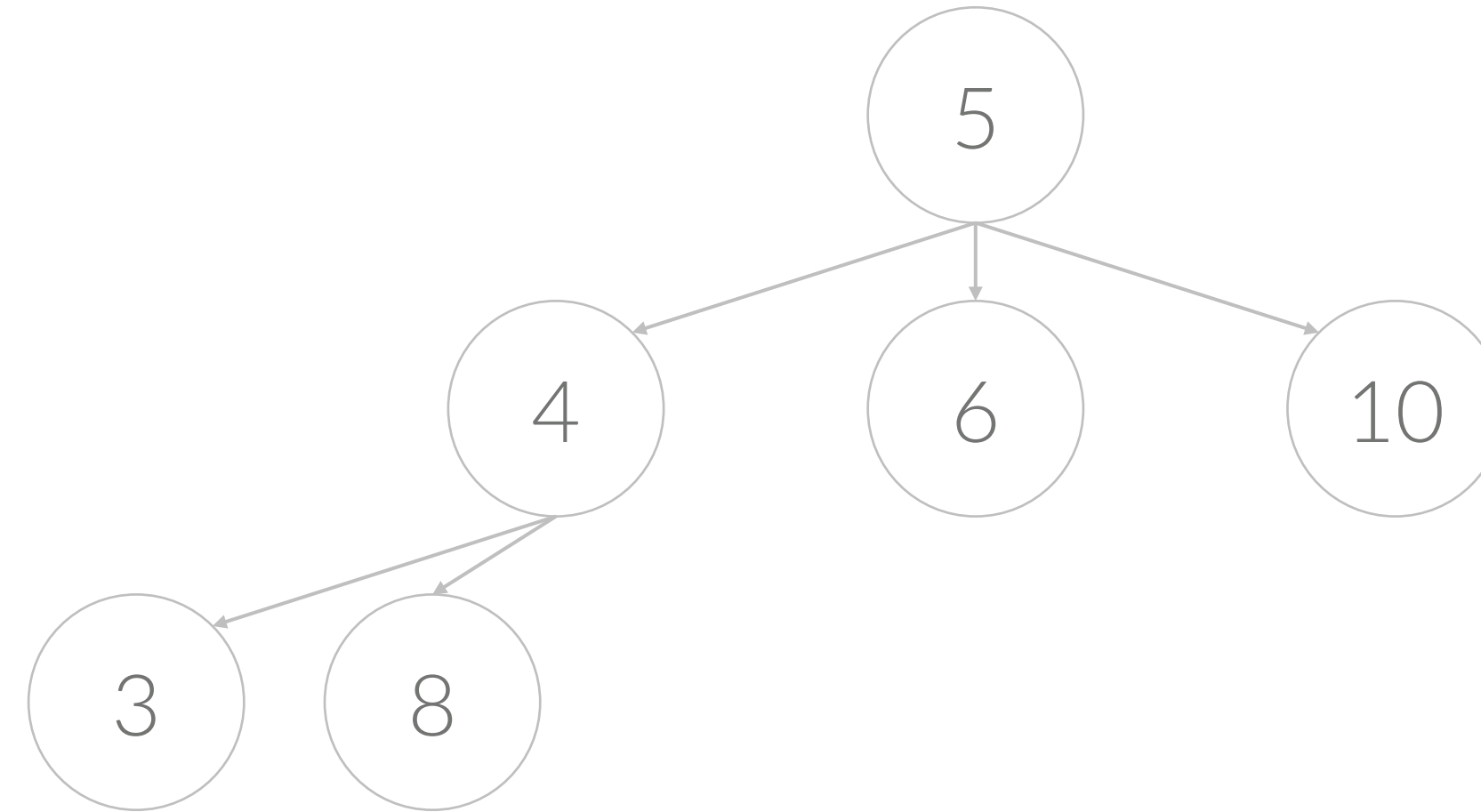


# 숨바꼭질

118

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

- 4에서 이동
- Queue: 5 4 6 10 3 8

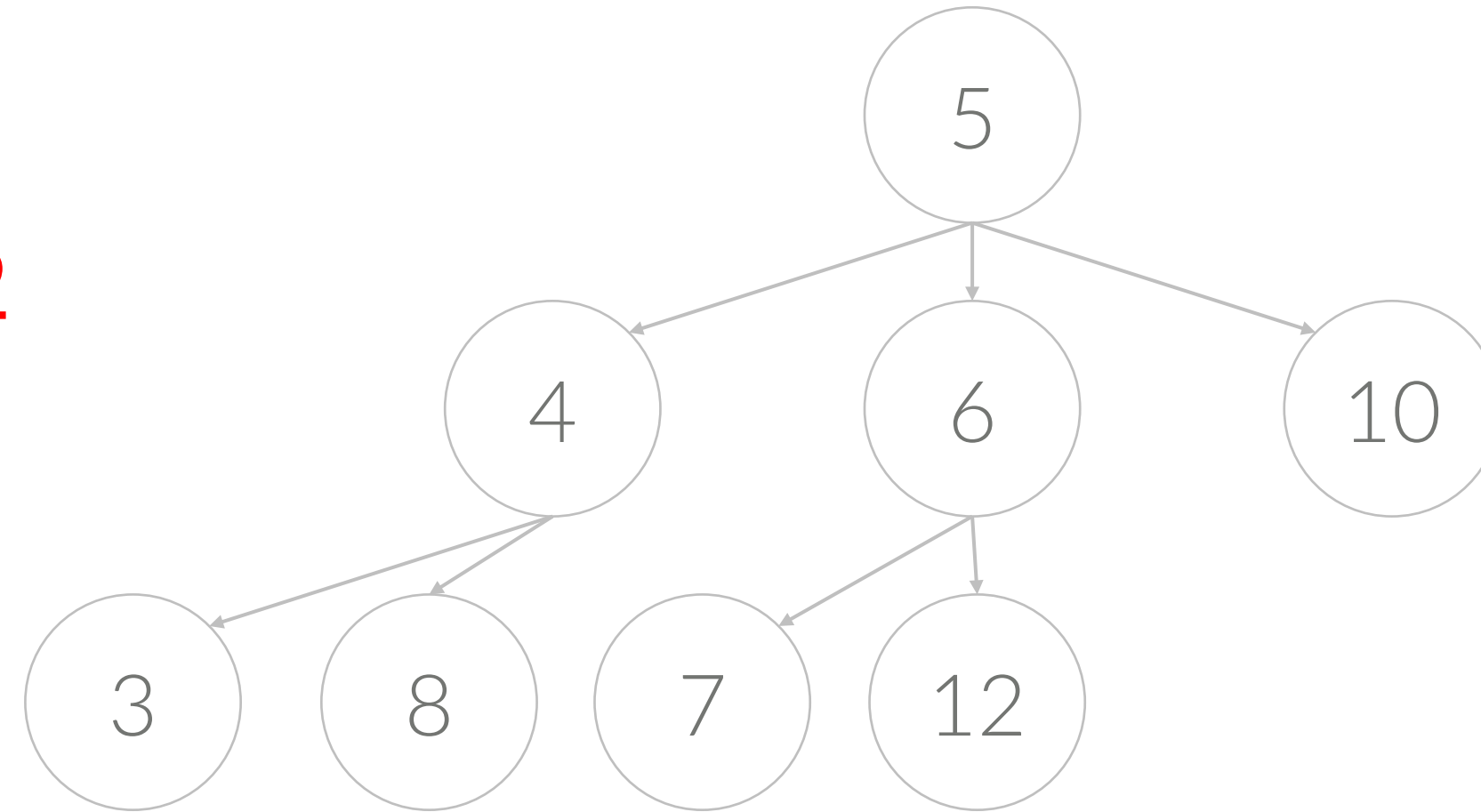


# 숨바꼭질

119

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

- 6에서 이동
- Queue: 5 4 6 10 3 8 7 12

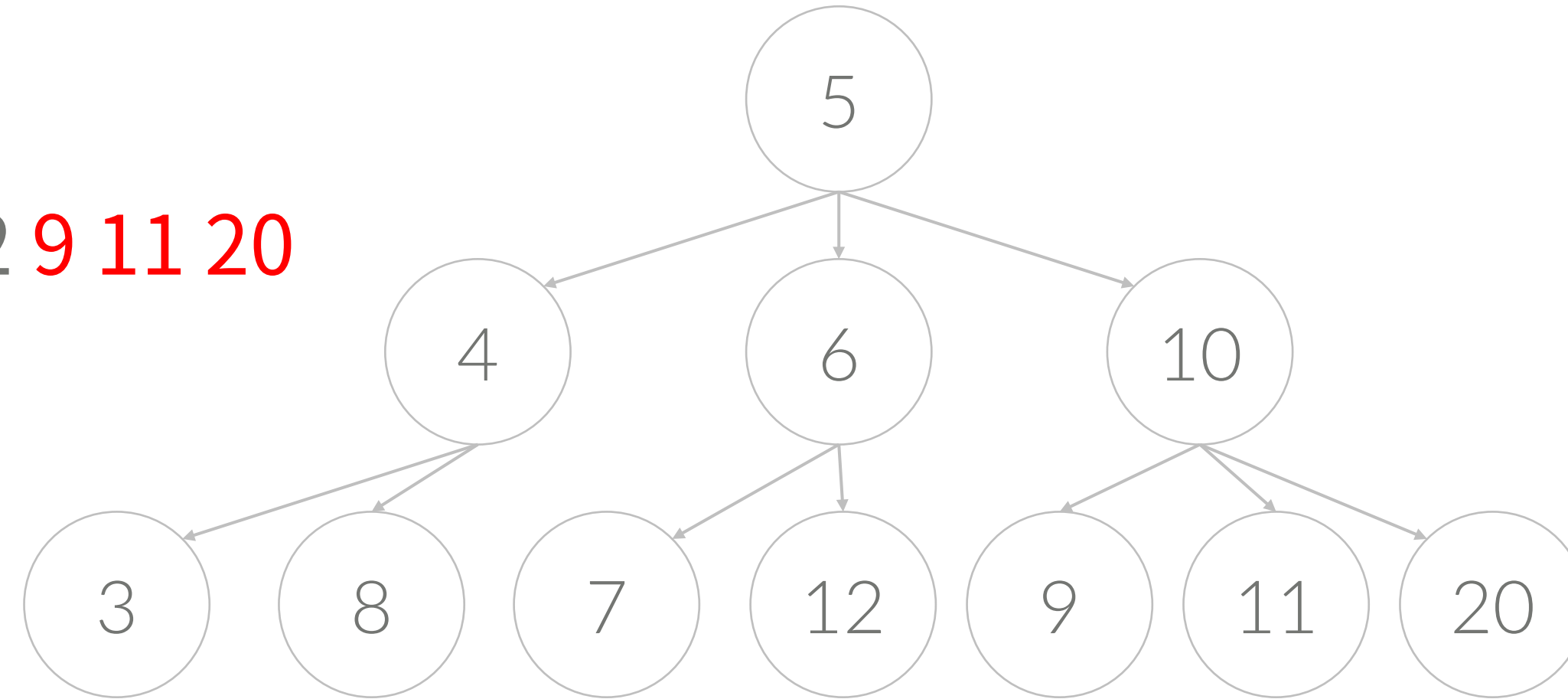


# 숨바꼭질

120

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

- 10에서 이동
- Queue: 5 4 6 10 3 8 7 12 9 11 20

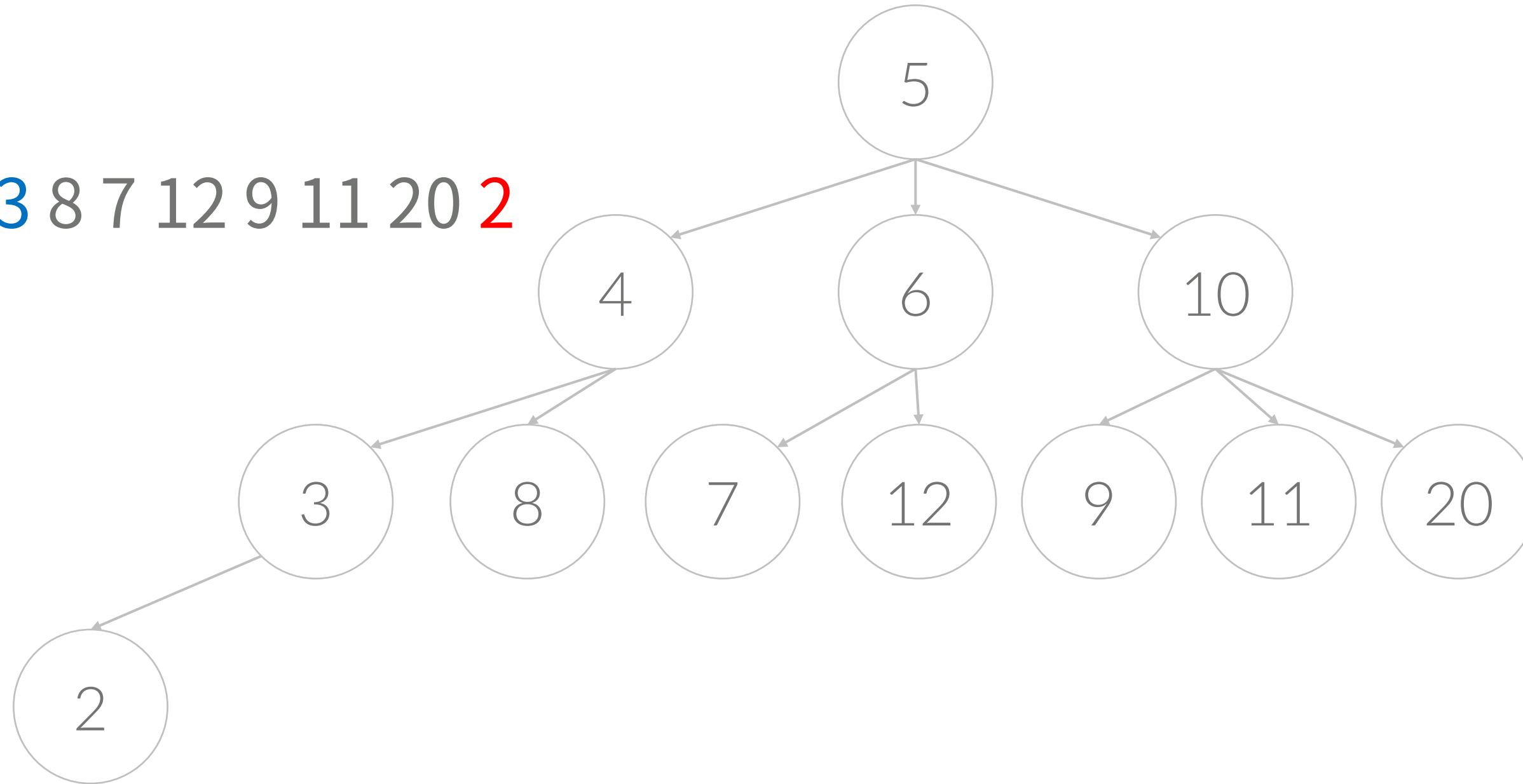




# 숨바꼭질

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

- 3에서 이동
- Queue: 5 4 6 10 3 8 7 12 9 11 20 2



# 숨바꼭질

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

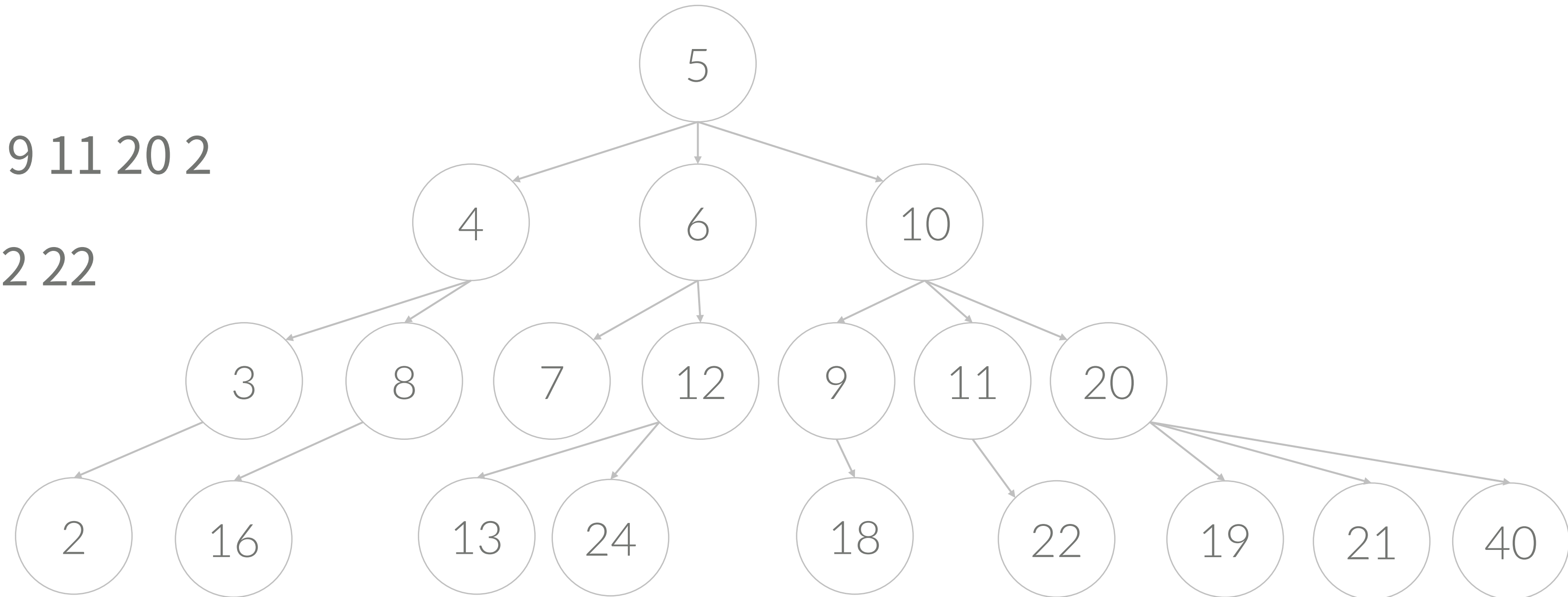
122

- 이런식으로...

# 숨바꼭질

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

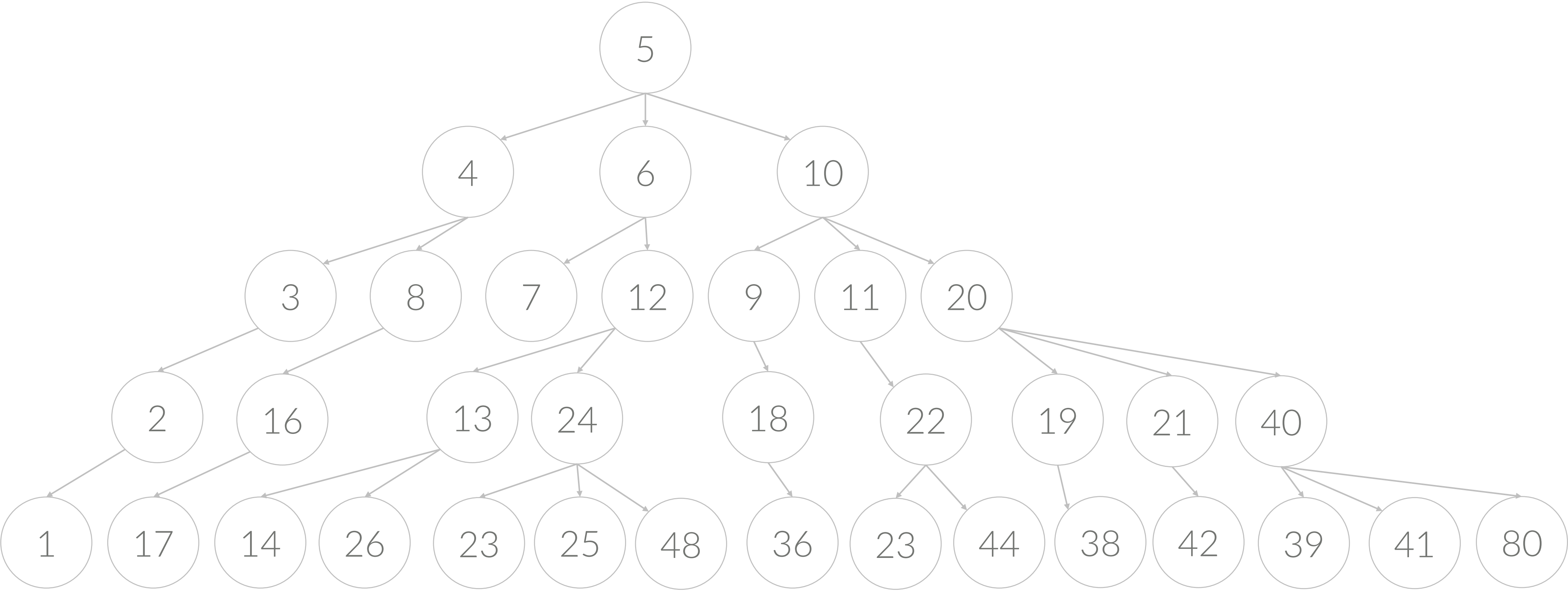
- Queue:
- 5 4 6 10 3 8 7 12 9 11 20 2
- 16 13 15 28 18 12 22
- 19 21 40



# 숨바꼭질

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

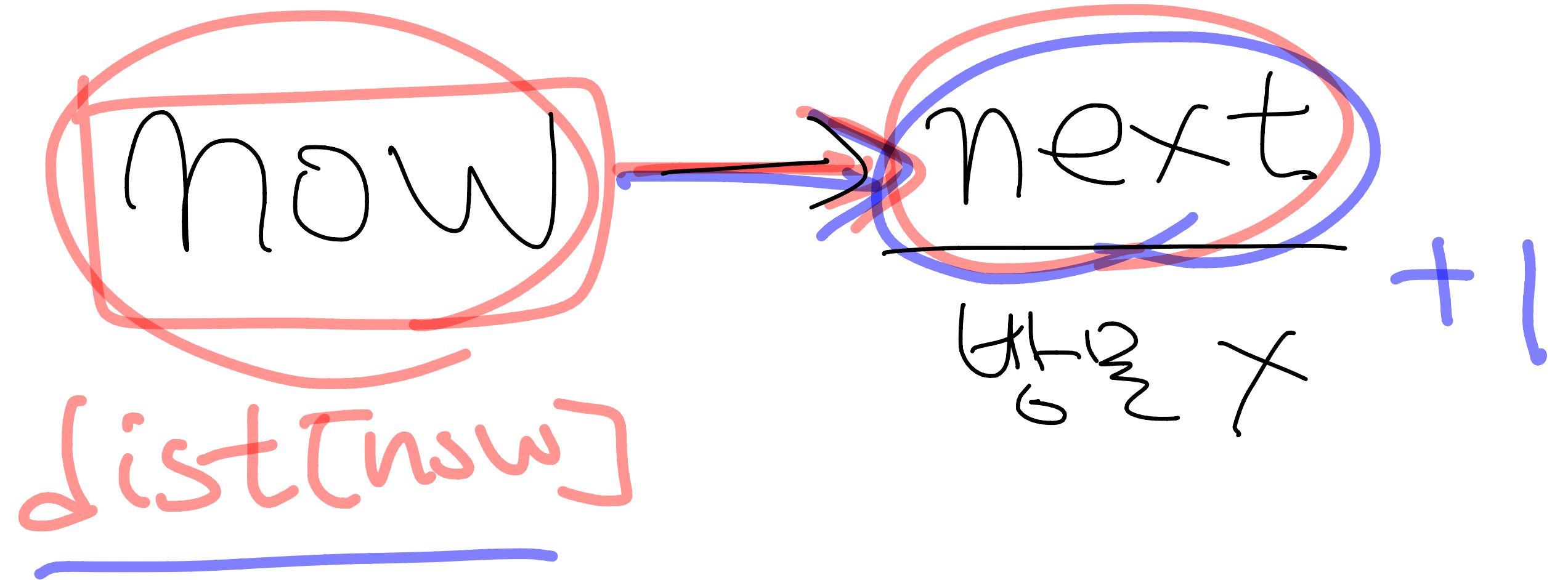
•



# 숨바꼭질

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

- check[i] = i를 방문했는지 <<
- dist[i] = i를 몇 번만에 방문했는지



# 숨바꼭질

$N \rightarrow M$

126

<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

```
check[n] = true;  
dist[n] = 0;  
queue<int> q;  
q.push(n);
```

now  $\rightarrow -1$   
 $\rightarrow +1$   
 $\rightarrow \times 2$

```
while (!q.empty()) {  
    int now = q.front();  
    q.pop();  
    if (now-1 >= 0) {  
        if (check[now-1] == false) {  
            q.push(now-1);  
            check[now-1] = true;  
            dist[now-1] = dist[now] + 1;  
        }  
    }  
}
```

```
if (now+1 < MAX) {  
    if (check[now+1] == false) {  
        q.push(now+1);  
        check[now+1] = true;  
        dist[now+1] = dist[now] + 1;  
    }  
}
```

```
if (now*2 < MAX) {  
    if (check[now*2] == false) {  
        q.push(now*2);  
        check[now*2] = true;  
        dist[now*2] = dist[now] + 1;  
    }  
}
```

# 숨바꼭질

127

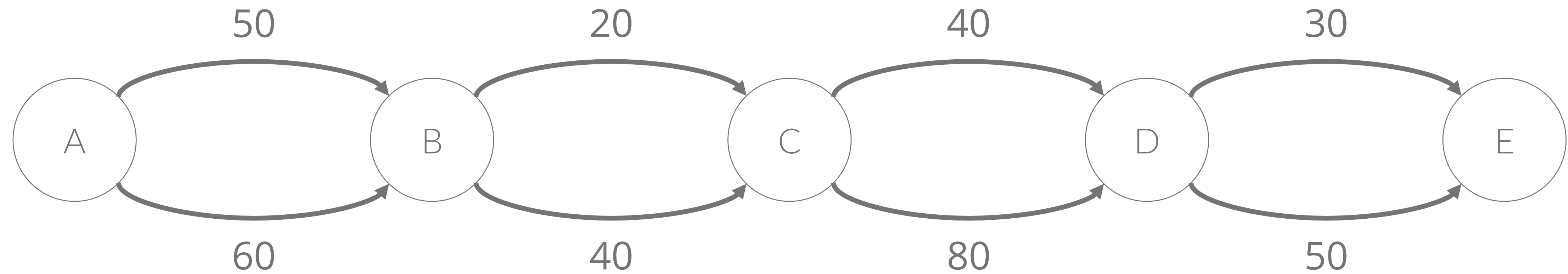
<https://www.acmicpc.net/problem/1697>

- 소스: <http://codeplus.codes/9116e7f3d4634964a7c5b3f0f88bb332>

# BFS

128

BFS



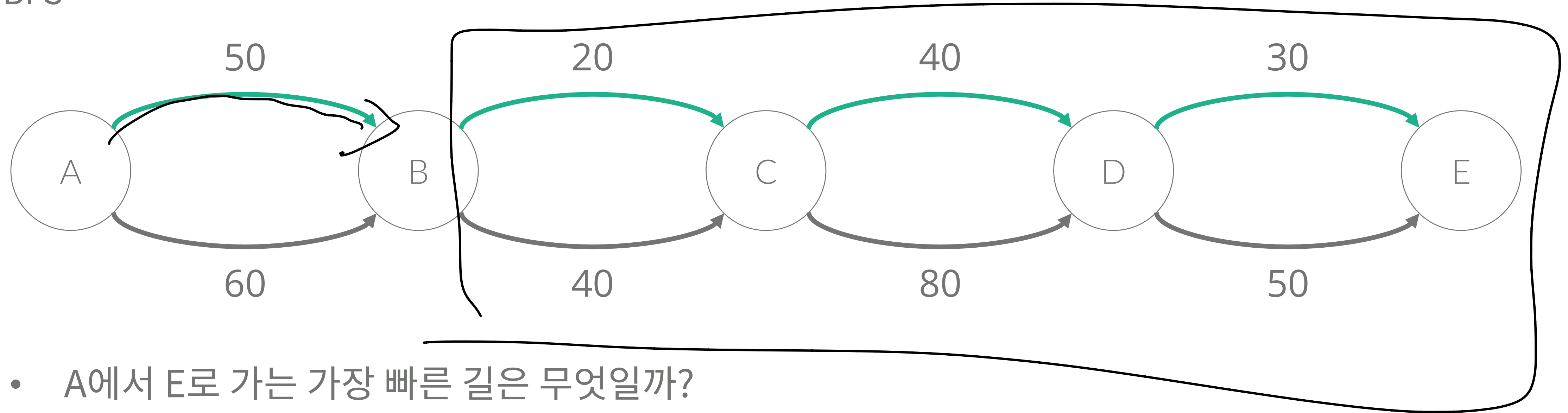
- A에서 E로 가는 가장 빠른 길은 무엇일까?



# BFS

129

BFS

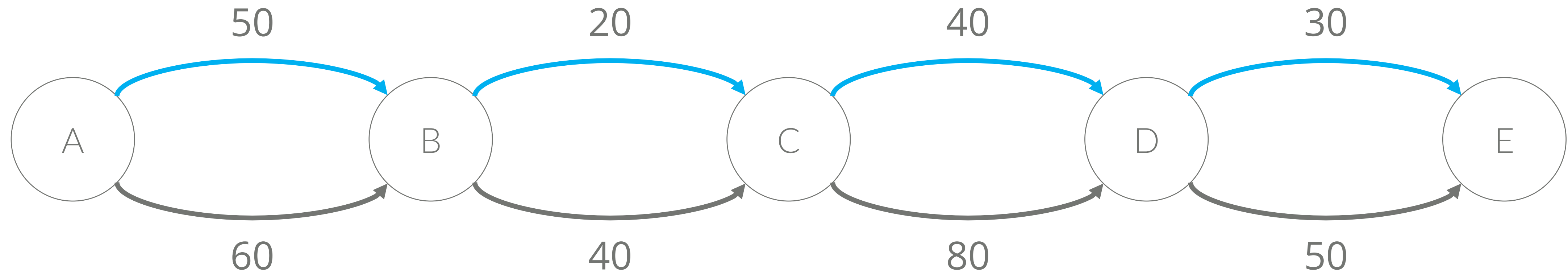


- A에서 E로 가는 가장 빠른 길은 무엇일까?
- A에서 B로 가는 가장 빠른 길 + B에서 E로 가는 가장 빠른 길

# BFS

130

BFS



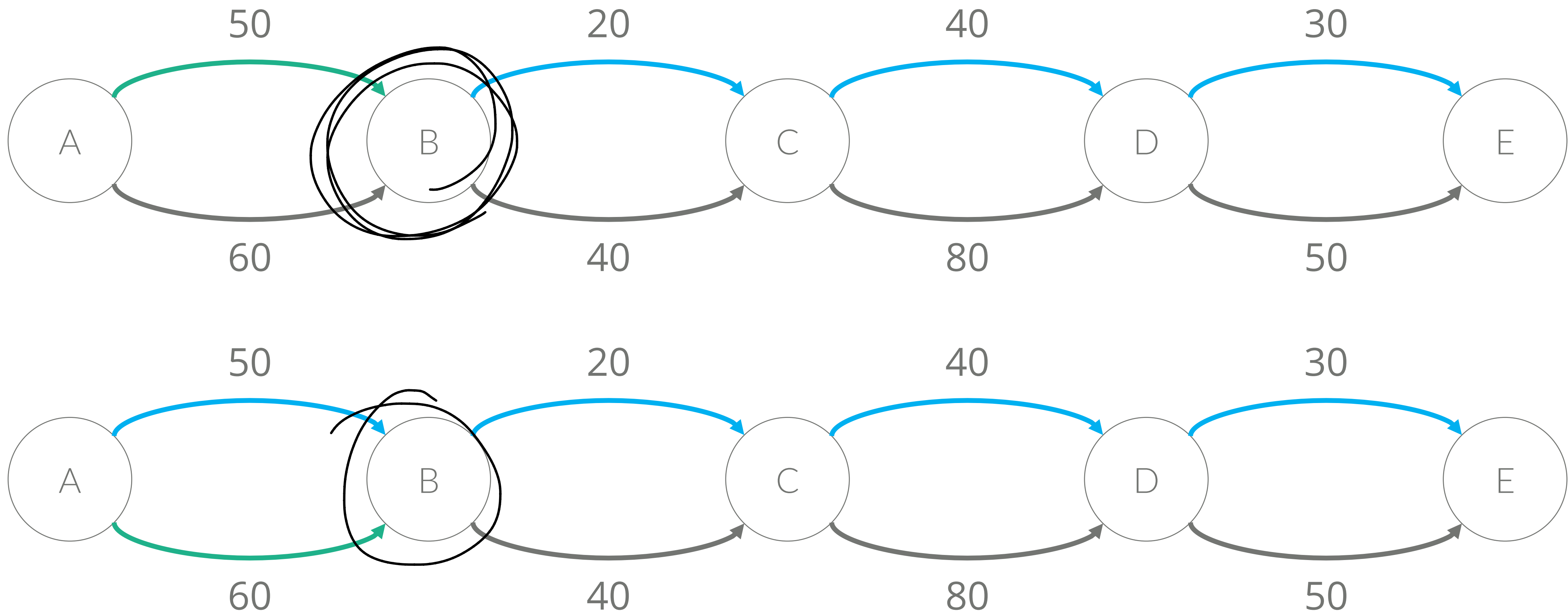
- A에서 E로 가는 가장 빠른 길은 무엇일까?
- 단, 파란 간선은 한 번만 사용할 수 있다.

# BFS

131

BFS

- 파란 간선을 한 번만 사용할 수 있다면, 위 B와 아래 B는 같은 정점이라고 할 수 없다

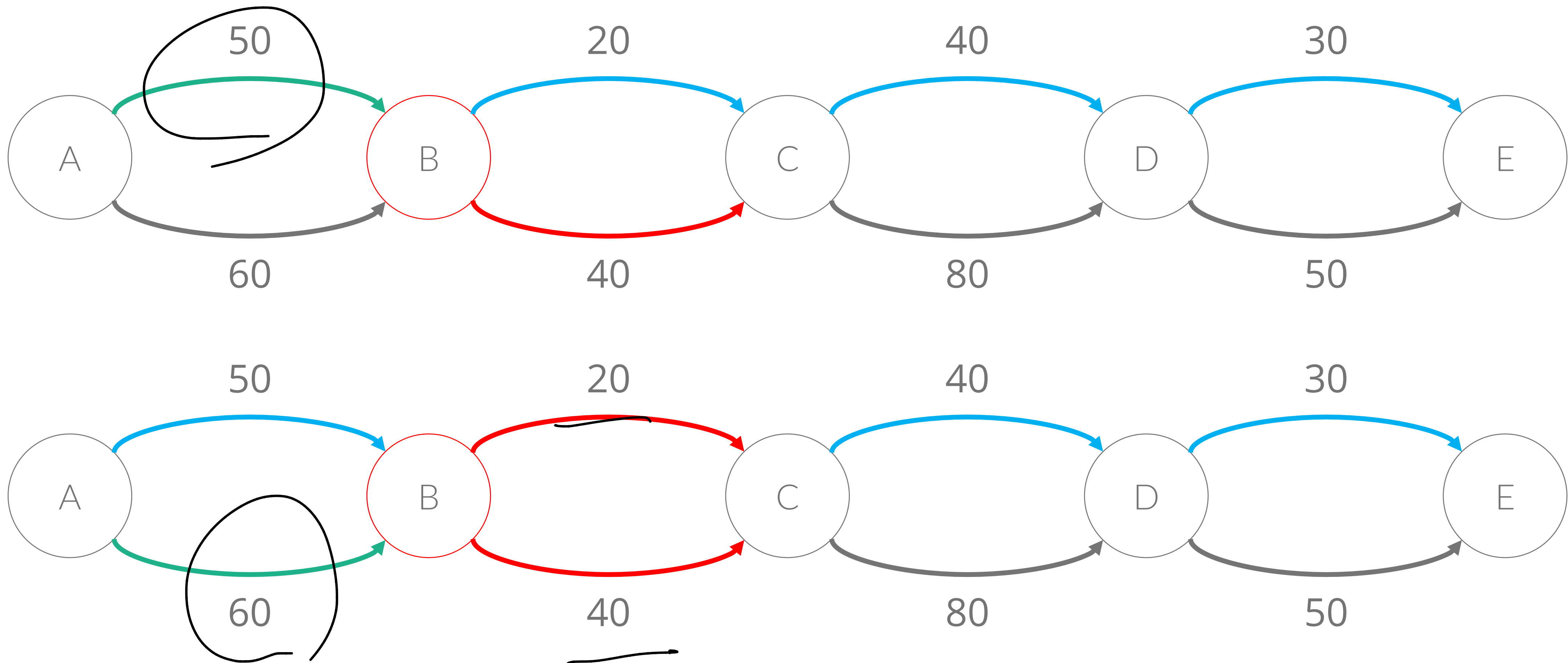


# BFS

132

## BFS

- 위 B와 아래 B에서 이동할 수 있는 방법이 다르기 때문에 같은 정점이 아니다



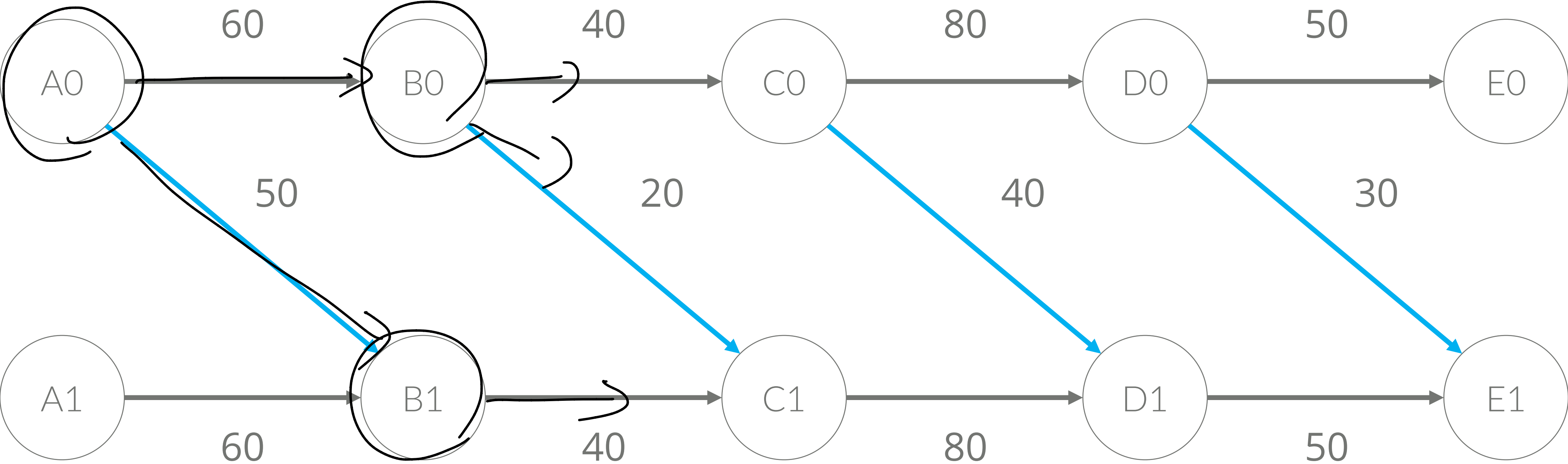
# BFS

## BFS

- 위 B와 아래 B를 다르다고 하는 기준은 파란 간선을 사용한 횟수이다
- 따라서, 정점을 파란 간선을 사용한 횟수를 기준으로 나눌 수 있다.

# BFS

BFS



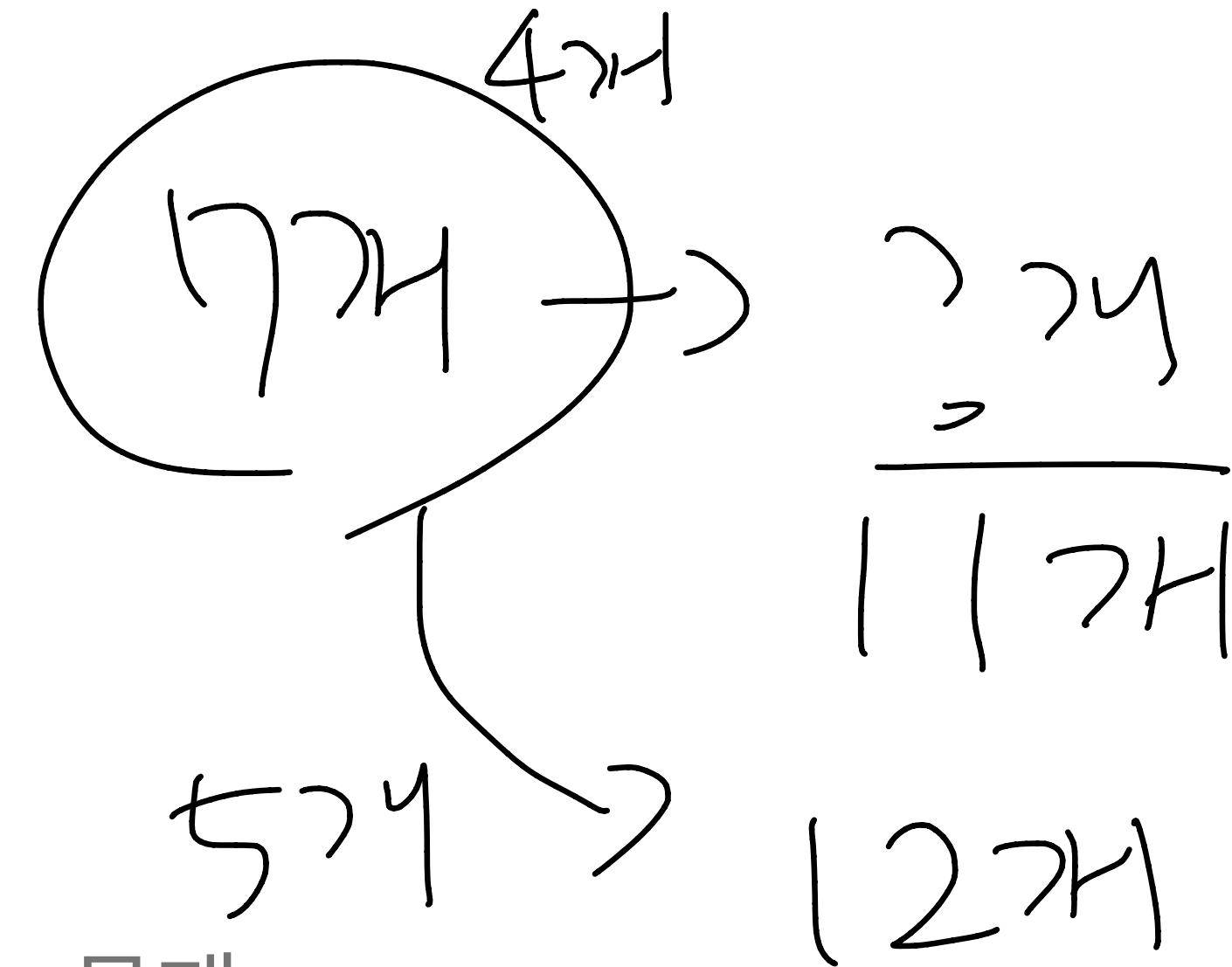
# 이모티콘

135

<https://www.acmicpc.net/problem/14226>

- 화면에 이모티콘은 1개다
- 할 수 있는 연산
  - 화면에 있는 이모티콘을 모두 복사해서 클립보드에 저장
  - 클립보드에 있는 모든 이모티콘을 화면에 붙여넣기
  - 화면에 있는 이모티콘 중 하나를 삭제
- S개의 이모티콘을 만드는데 걸리는 시간의 최소값을 구하는 문제

화면 7개 → 6개



# 이모티콘

<https://www.acmicpc.net/problem/14226>

- BFS에서 하나의 정점이 서로 다른 두 개의 정보를 저장하고 있으면 안된다
- 화면에 있는 이모티콘의 개수가 5개인 경우
- 클립보드에 있는 이모티콘의 개수에 따라서, 클립보드에서 복사하기 연산의 결과가 다르다
- 즉, 화면에 이모티콘의 개수  $s$ 와 클립보드에 있는 이모티콘의 개수  $c$ 가 중요하다



# 이모티콘

137

<https://www.acmicpc.net/problem/14226>

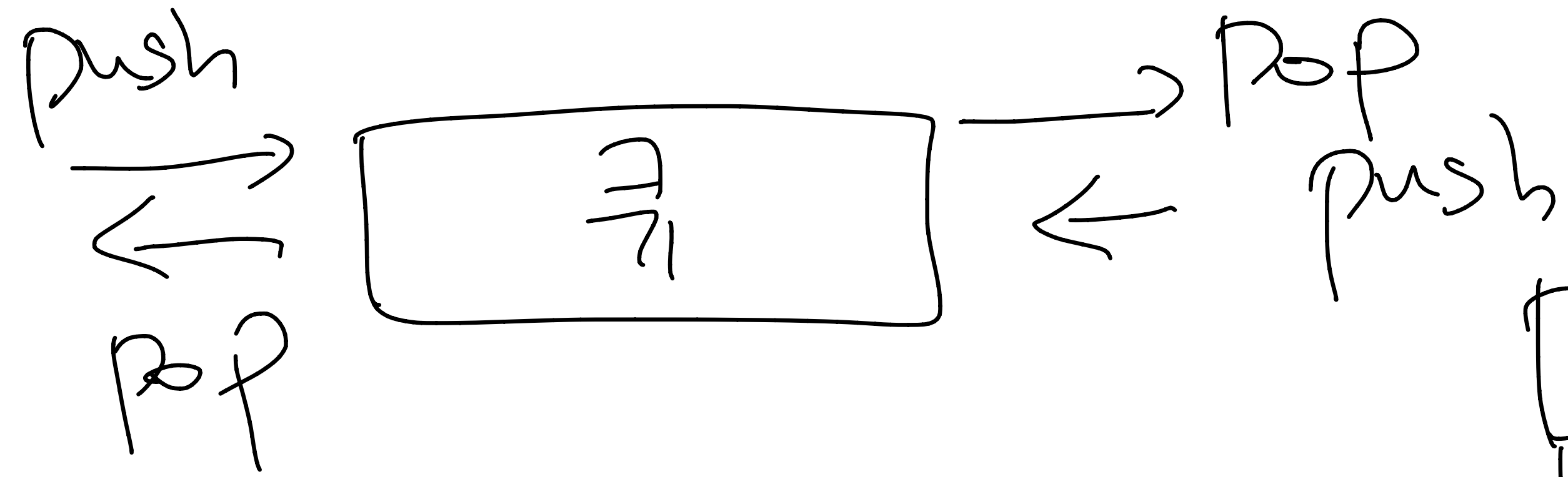
- 복사:  $(s, c) \rightarrow (s, s)$
- 붙여넣기:  $(s, c) \rightarrow (s+c, c)$
- 삭제:  $(s, c) \rightarrow (s-1, c)$
- $2 \leq S \leq 1,000$  이기 때문에 BFS 탐색으로 가능하다.

# 이모티콘

138

<https://www.acmicpc.net/problem/14226>

- 소스: <http://codeplus.codes/88648734b074475494ad8253b121cc68>



BFS

---

①

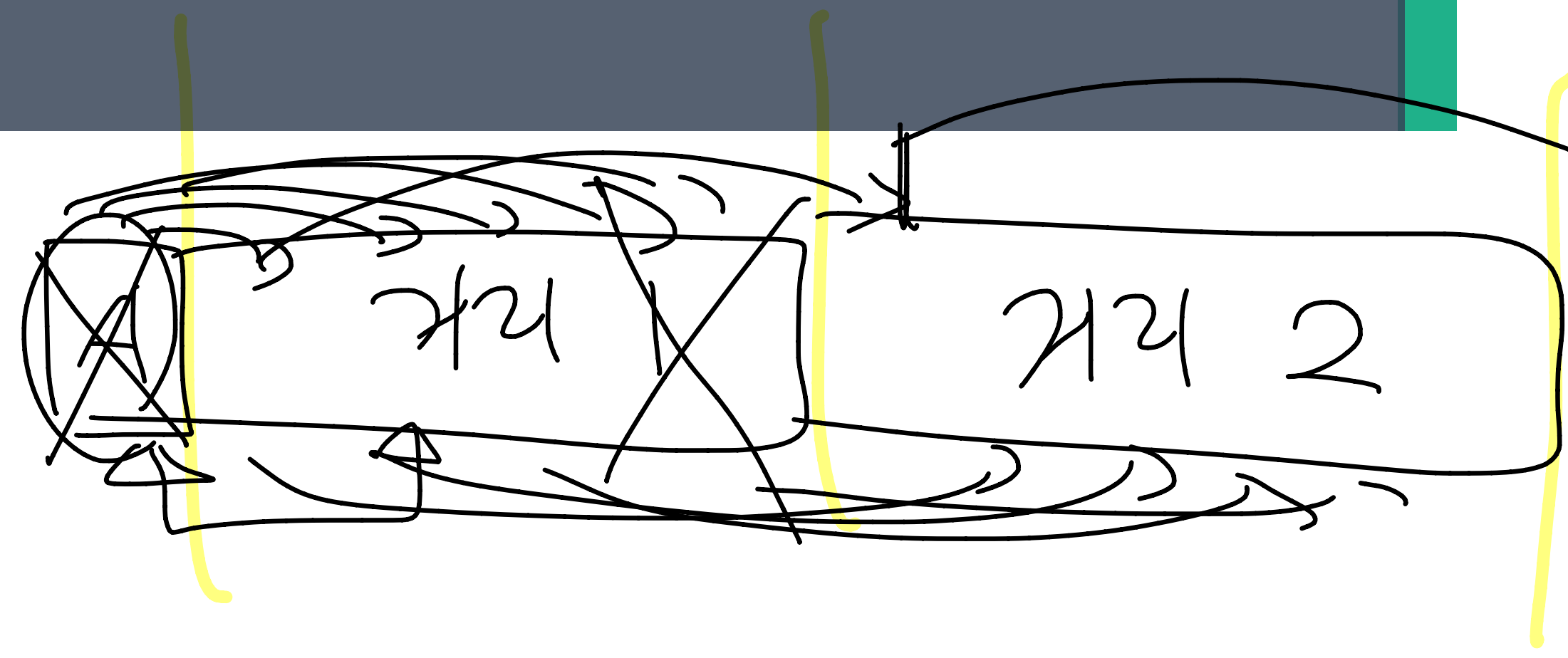
Deque

---

Double ended

Queue

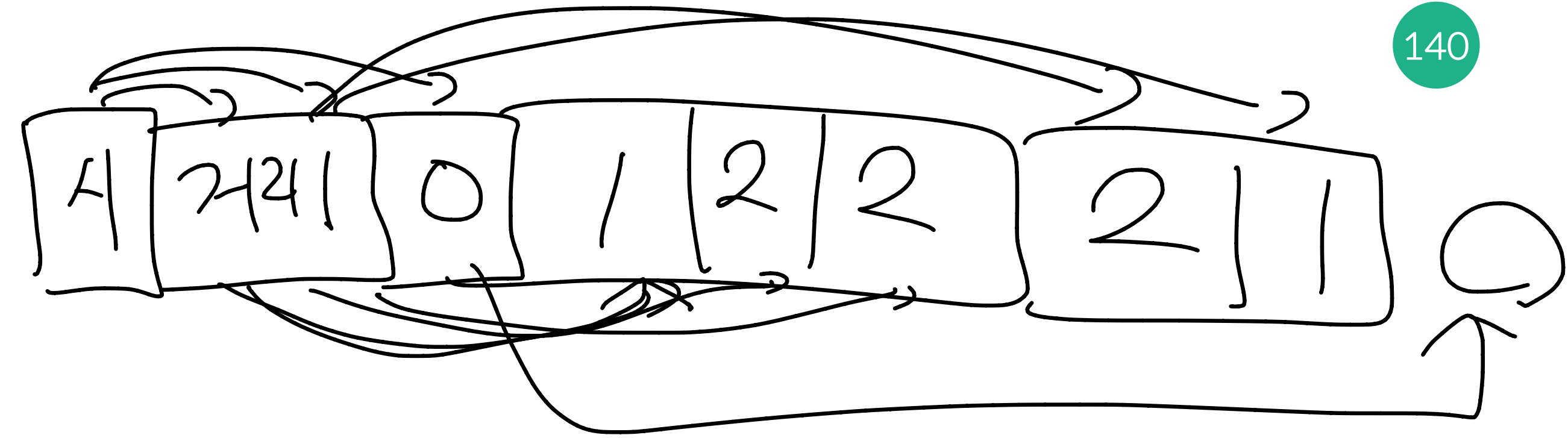
# 덱 사용하기



# 숨바꼭질 3

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 수빈이의 위치: N
  - 동생의 위치: K
  - 동생을 찾는 가장 빠른 시간을 구하는 문제
- 
- 수빈이가 할 수 있는 행동 (위치: X)
    1. 걷기:  $X+1$  또는  $X-1$ 로 이동 (1초)
    2. 순간이동:  $2 \times X$ 로 이동 (0초)



# 숨바꼭질 3

141

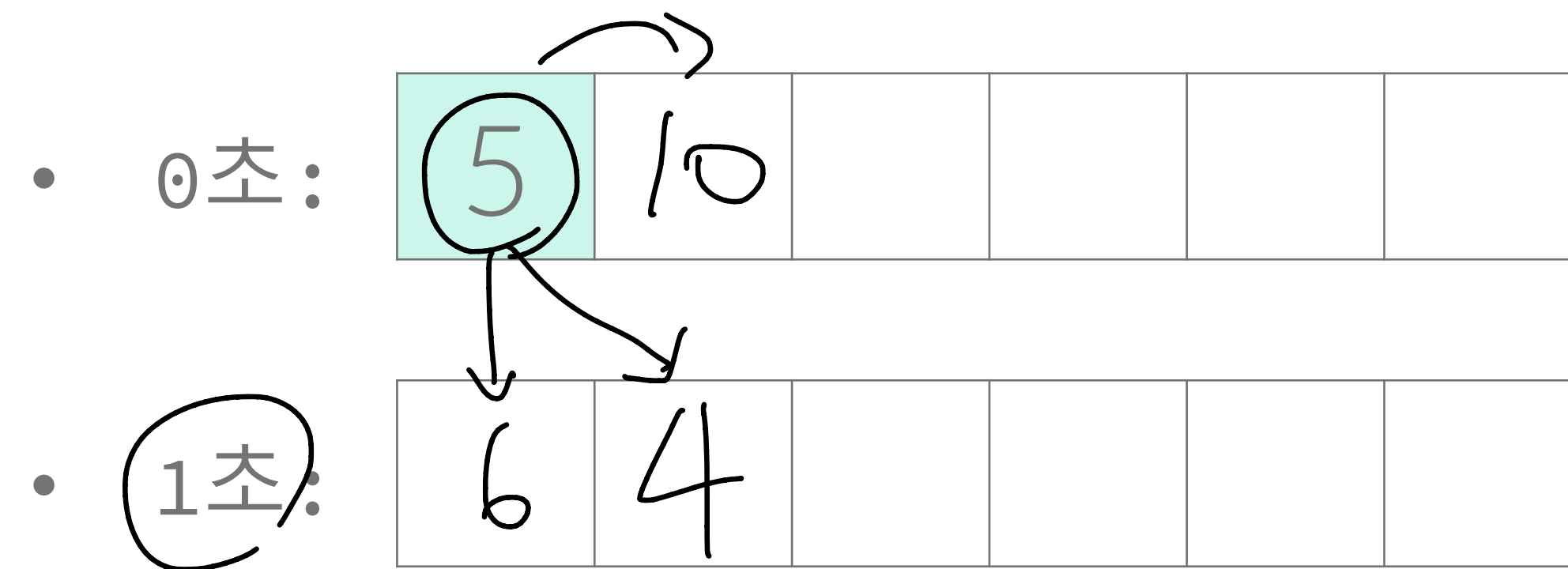
<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

# 숨바꼭질 3

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정



$$\begin{array}{rcl} \times 2 & (0초) \\ \hline + 1 & (1초) \\ - 1 & (1초) \\ \hline \end{array}$$

# 숨바꼭질 3

143

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

- 0초: 

|   |    |  |  |  |  |
|---|----|--|--|--|--|
| 5 | 10 |  |  |  |  |
|---|----|--|--|--|--|

- 1초: 

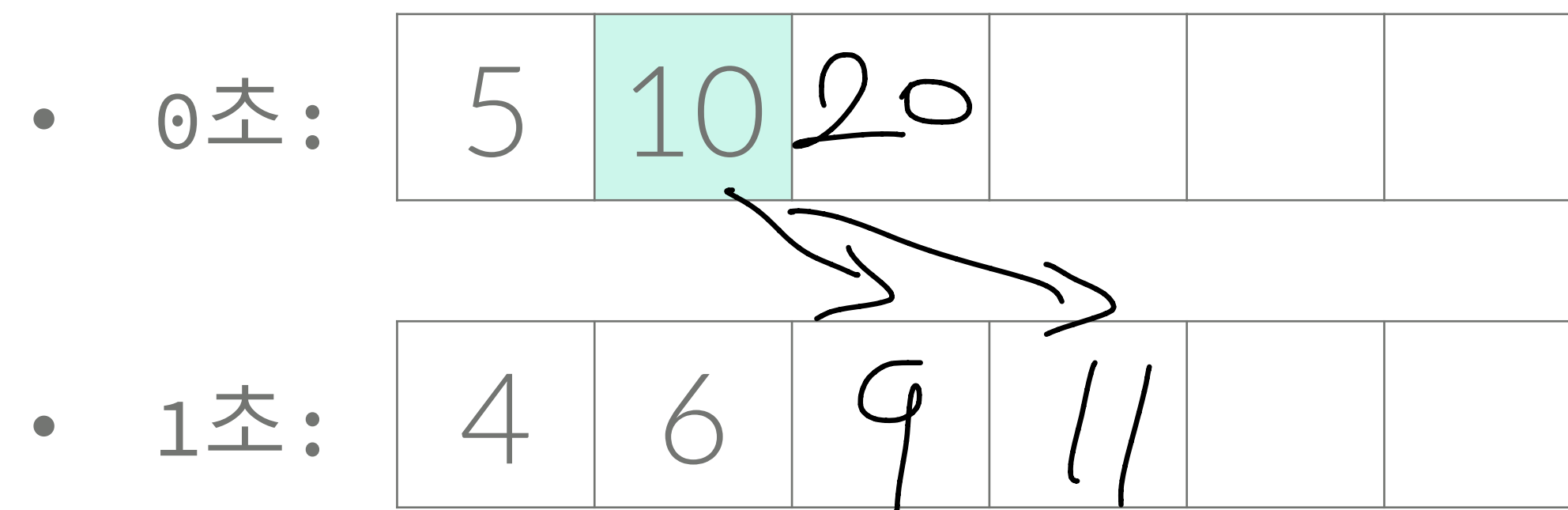
|   |   |  |  |  |  |
|---|---|--|--|--|--|
| 4 | 6 |  |  |  |  |
|---|---|--|--|--|--|

# 숨바꼭질 3

144

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정





# 숨바꼭질 3

145

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• 0초: 

|   |    |    |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|
| 5 | 10 | 20 |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|

• 1초: 

|   |   |   |    |  |  |
|---|---|---|----|--|--|
| 4 | 6 | 9 | 11 |  |  |
|---|---|---|----|--|--|

# 숨바꼭질 3

146

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• 0초: 

|   |    |    |              |  |  |
|---|----|----|--------------|--|--|
| 5 | 10 | 20 | <del>4</del> |  |  |
|---|----|----|--------------|--|--|

• 1초: 

|   |   |   |    |    |  |
|---|---|---|----|----|--|
| 4 | 6 | 9 | 11 | 19 |  |
|---|---|---|----|----|--|

# 숨바꼭질 3

147

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

- 0초: 

|   |    |    |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|
| 5 | 10 | 20 |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|

- 1초: 

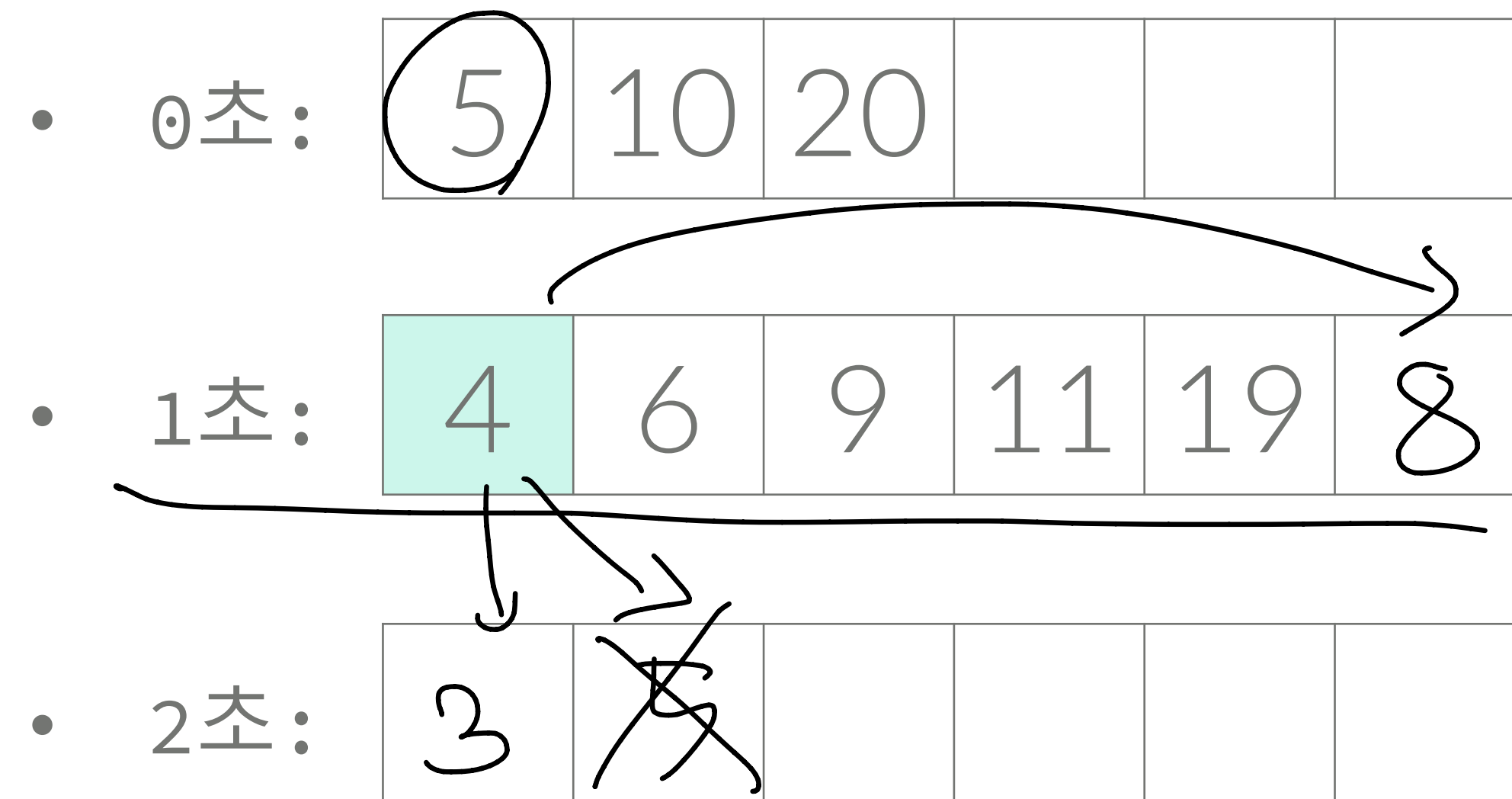
|   |   |   |    |    |  |
|---|---|---|----|----|--|
| 4 | 6 | 9 | 11 | 19 |  |
|---|---|---|----|----|--|

# 숨바꼭질 3

148

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정



# 숨바꼭질 3

149

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• 0초: 

|   |    |    |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|
| 5 | 10 | 20 |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|

• 1초: 

|   |   |   |    |    |   |
|---|---|---|----|----|---|
| 4 | 6 | 9 | 11 | 19 | 8 |
|---|---|---|----|----|---|

• 2초: 

|   |  |  |  |  |  |
|---|--|--|--|--|--|
| 3 |  |  |  |  |  |
|---|--|--|--|--|--|

# 숨바꼭질 3

150

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• 0초: 

|   |    |    |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|
| 5 | 10 | 20 |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|

• 1초: 

|   |   |   |    |    |   |  |  |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|--|--|--|--|--|--|
| 4 | 6 | 9 | 11 | 19 | 8 |  |  |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|--|--|--|--|--|--|

• 2초: 

|   |  |  |  |  |  |
|---|--|--|--|--|--|
| 3 |  |  |  |  |  |
|---|--|--|--|--|--|

# 숨바꼭질 3

151

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• 0초: 

|   |    |    |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|
| 5 | 10 | 20 |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|

• 1초: 

|   |   |   |    |    |   |    |  |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|--|--|--|--|--|
| 4 | 6 | 9 | 11 | 19 | 8 | 12 |  |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|--|--|--|--|--|

• 2초: 

|   |   |  |  |  |  |
|---|---|--|--|--|--|
| 3 | 7 |  |  |  |  |
|---|---|--|--|--|--|

# 숨바꼭질 3

152

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• 0초: 

|   |    |    |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|
| 5 | 10 | 20 |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|

• 1초: 

|   |   |   |    |    |   |    |  |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|--|--|--|--|--|
| 4 | 6 | 9 | 11 | 19 | 8 | 12 |  |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|--|--|--|--|--|

• 2초: 

|   |   |  |  |  |  |
|---|---|--|--|--|--|
| 3 | 7 |  |  |  |  |
|---|---|--|--|--|--|



# 숨바꼭질 3

153

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• 0초: 

|   |    |    |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|
| 5 | 10 | 20 |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|

• 1초: 

|   |   |   |    |    |   |    |    |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|----|--|--|--|--|
| 4 | 6 | 9 | 11 | 19 | 8 | 12 | 18 |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|----|--|--|--|--|

• 2초: 

|   |   |   |  |  |  |
|---|---|---|--|--|--|
| 3 | 7 | 8 |  |  |  |
|---|---|---|--|--|--|

# 숨바꼭질 3

154

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• 0초: 

|   |    |    |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|
| 5 | 10 | 20 |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|

• 1초: 

|   |   |   |    |    |   |    |    |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|----|--|--|--|--|
| 4 | 6 | 9 | 11 | 19 | 8 | 12 | 18 |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|----|--|--|--|--|

• 2초: 

|   |   |   |  |  |  |
|---|---|---|--|--|--|
| 3 | 7 | 8 |  |  |  |
|---|---|---|--|--|--|

# 숨바꼭질 3

155

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• 0초: 

|   |    |    |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|
| 5 | 10 | 20 |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|

• 1초: 

|   |   |   |    |    |   |    |    |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|----|--|--|--|--|
| 4 | 6 | 9 | 11 | 19 | 8 | 12 | 18 |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|----|--|--|--|--|

• 2초: 

|   |   |   |  |  |  |
|---|---|---|--|--|--|
| 3 | 7 | 8 |  |  |  |
|---|---|---|--|--|--|

# 숨바꼭질 3

156

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• 0초: 

|   |    |    |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|
| 5 | 10 | 20 |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|

• 1초: 

|   |   |   |    |    |   |    |    |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|----|--|--|--|--|
| 4 | 6 | 9 | 11 | 19 | 8 | 12 | 18 |  |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|----|--|--|--|--|

• 2초: 

|   |   |   |  |  |  |
|---|---|---|--|--|--|
| 3 | 7 | 8 |  |  |  |
|---|---|---|--|--|--|

# 숨바꼭질 3

157

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• 0초: 

|   |    |    |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|
| 5 | 10 | 20 |  |  |  |
|---|----|----|--|--|--|

• 1초: 

|   |   |   |    |    |   |    |    |    |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|----|----|--|--|--|
| 4 | 6 | 9 | 11 | 19 | 8 | 12 | 18 | 16 |  |  |  |
|---|---|---|----|----|---|----|----|----|--|--|--|

• 2초: 

|   |   |   |  |  |  |
|---|---|---|--|--|--|
| 3 | 7 | 8 |  |  |  |
|---|---|---|--|--|--|

# 숨바꼭질 3

158

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

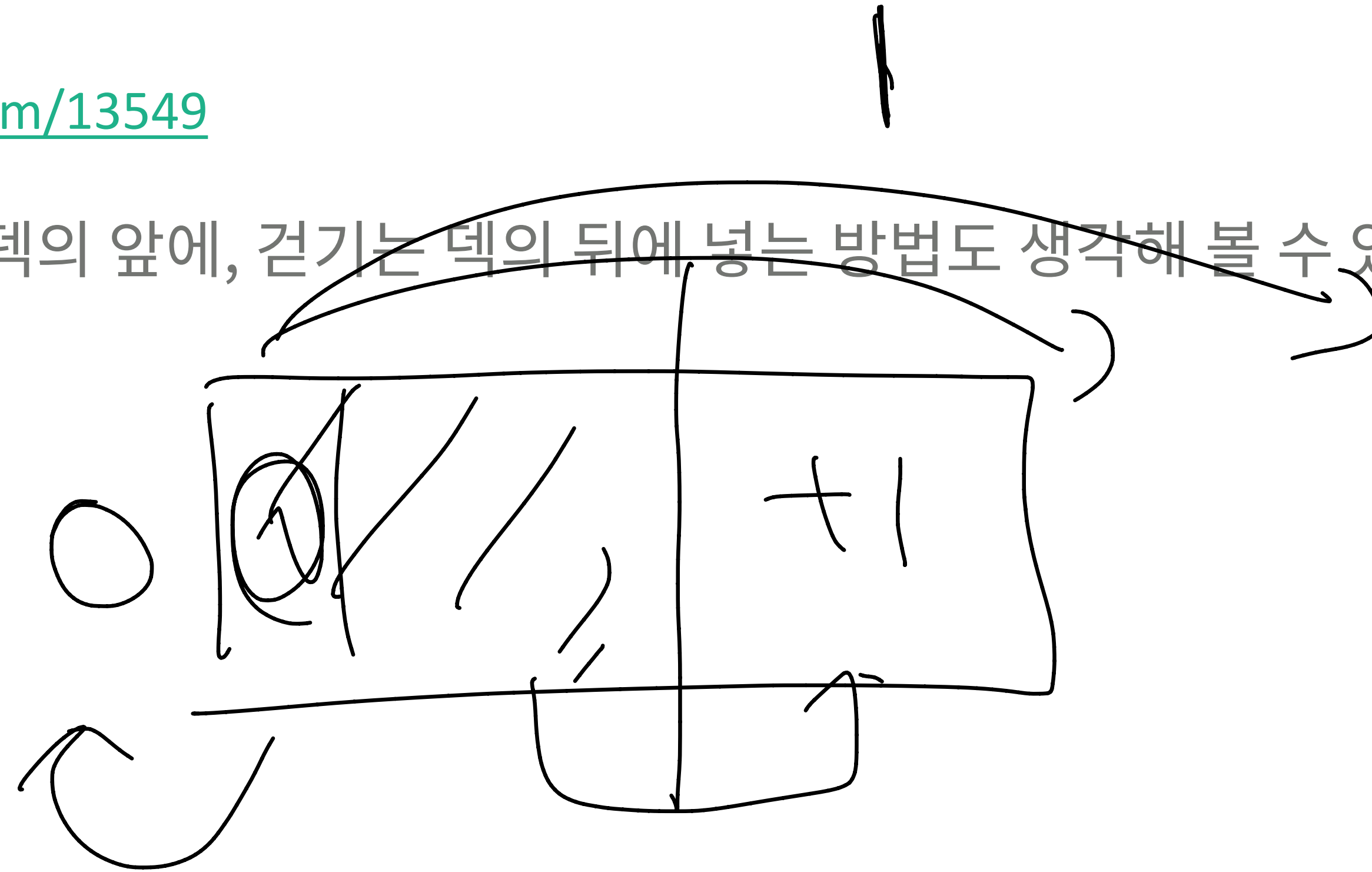
- 이런식으로 BFS를 진행한다.

# 숨바꼭질 3

159

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 덱을 사용해 순간 이동은 덱의 앞에, 걷기는 덱의 뒤에 넣는 방법도 생각해 볼 수 있다.



# 숨바꼭질 3

160

<https://www.acmicpc.net/problem/13549>

- 큐 소스: <http://codeplus.codes/337f9cfd8fa1431d8f1db309d996d70e>
- 덱 소스: <http://codeplus.codes/969bf7744a9b4e2d86231e97e243e5fc>



# 알고스팟

161

<https://www.acmicpc.net/problem/1261>

- 미로는  $N \times M$  크기이고, 총  $1 \times 1$  크기의 방으로 이루어져 있다
- 빈 방은 자유롭게 다닐 수 있지만, 벽은 부수지 않으면 이동할 수 없다
- $(x, y)$ 에 있을 때, 이동할 수 있는 방은  $(x+1, y)$ ,  $(x-1, y)$ ,  $(x, y+1)$ ,  $(x, y-1)$  이다
- $(1, 1)$ 에서  $(N, M)$ 으로 이동하려면 벽을 최소 몇 개 부수어야 하는지 구하는 문제

- 처음 상태

[illegible]

# 알고스팟

<https://www.acmicpc.net/problem/1261>

- 벽을 부수지 않고 이동할 수 있는 곳

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |

|   |   |  |  |  |  |
|---|---|--|--|--|--|
| 0 | 0 |  |  |  |  |
| 0 |   |  |  |  |  |
| 0 | 0 |  |  |  |  |
|   |   |  |  |  |  |
|   |   |  |  |  |  |
|   |   |  |  |  |  |

# 알고스팟

<https://www.acmicpc.net/problem/1261>

- 벽을 1개 부수고 이동할 수 있는 곳

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 1 |   |   |   |
| 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 1 |   |   |   |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |   |
| 1 |   | 1 | 1 |   |   |
|   | 1 | 1 | 1 |   |   |

# 알고스팟

<https://www.acmicpc.net/problem/1261>

- 벽을 2개 부수고 이동할 수 있는 곳

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |

|   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 1 | 2 | 2 | 2 |
| 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 1 | 2 | 2 | 2 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 2 |
| 1 | 2 | 1 | 1 | 2 | 2 |
| 2 | 1 | 1 | 1 | 2 | 2 |

# 알고스팟

<https://www.acmicpc.net/problem/1261>

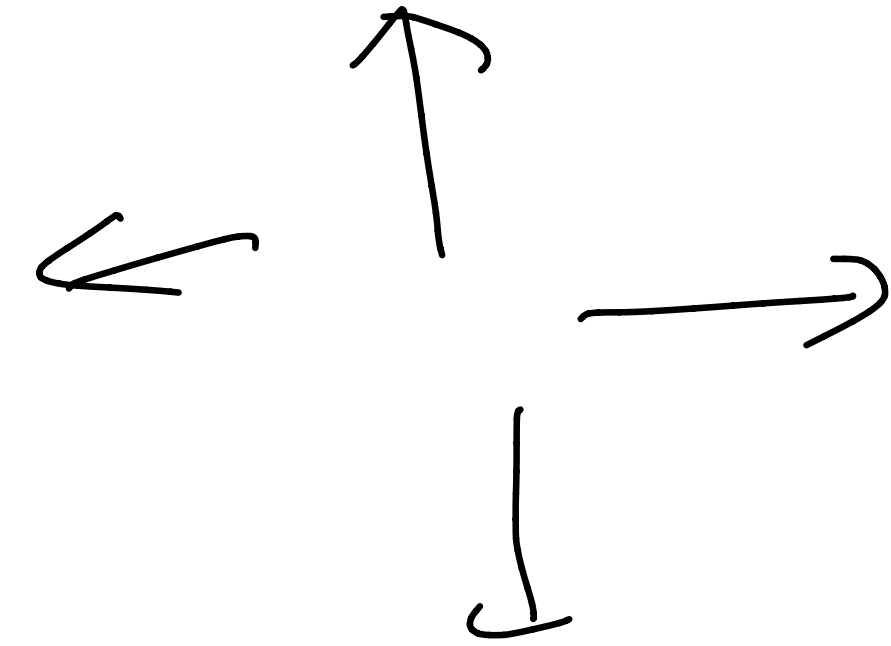
- BFS탐색을 벽을 부순 횟수에 따라서 나누어서 수행해야 한다.
- 소스: <http://codeplus.codes/39b009ac78f14b3d844d2e5129c728b3>

# 알고스팟

167

<https://www.acmicpc.net/problem/1261>

- 어차피 벽을 뚫는다고 안 뚫는다고 나누어지기 때문에, 덱을 사용한다
- 벽을 뚫는 경우에는 뒤에, 안 뚫는 경우에는 앞에 추가한다.
- 소스: <http://codeplus.codes/06807df347e5477aa21bb52572e0c246>



순서대로

X2  
+1  
-1  
=

가중치 2

가중치 1

# BFS

---

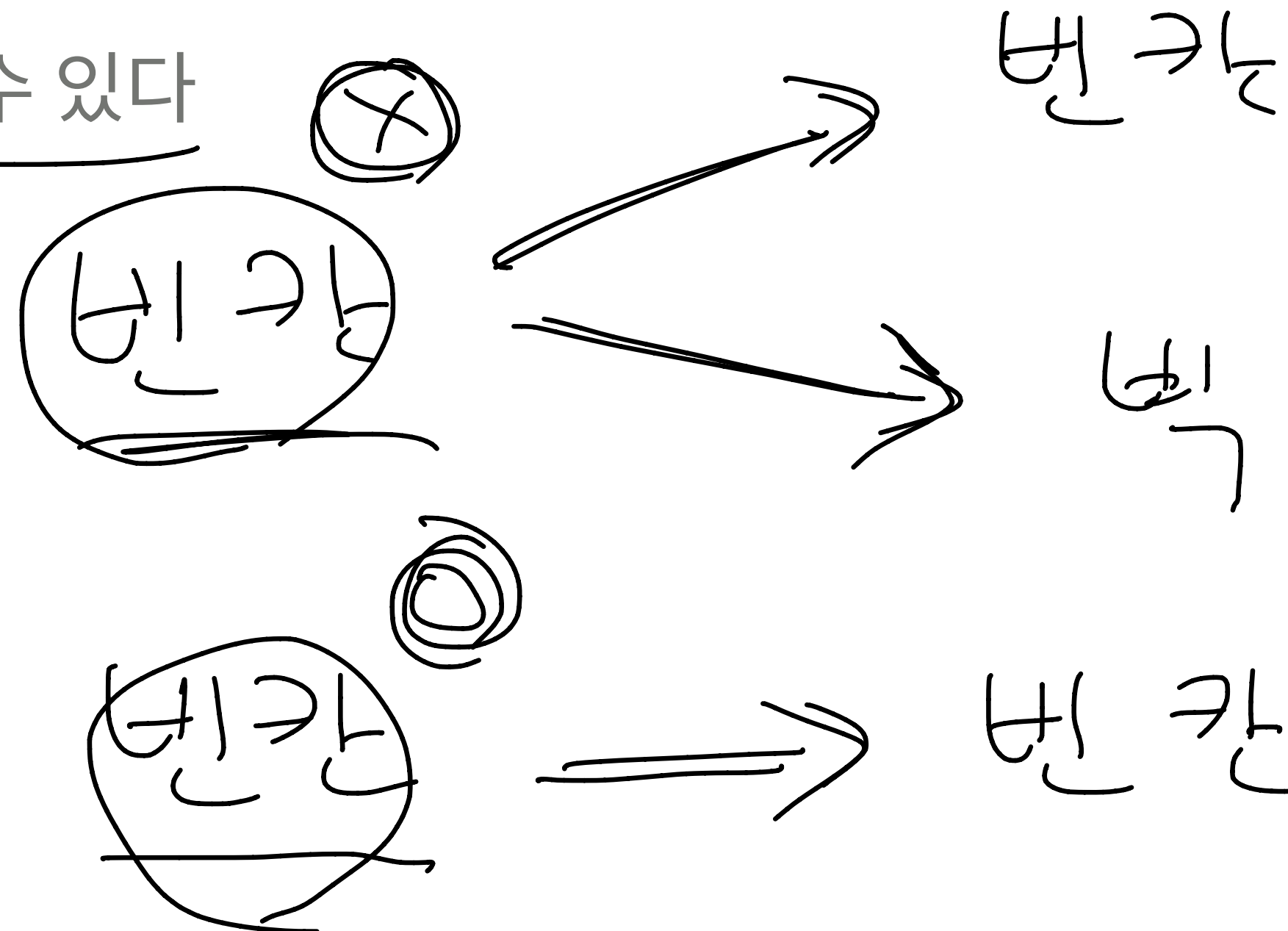


# 벽 부수고 이동하기

<https://www.acmicpc.net/problem/2206>

$(r, c)$

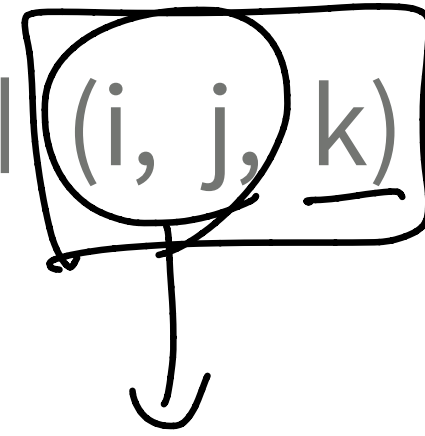
- $N \times M$ 의 행렬로 나타내는 지도에서 (1, 1)에서 (N, M)으로 최단 거리로 이동하는 문제
- 0은 빈 칸, 1은 벽
- 단, 벽은 한 번 부수고 지나갈 수 있다



# 벽 부수고 이동하기

<https://www.acmicpc.net/problem/2206>

- 벽을 부순다는 조건이 없으면 일반적인 미로 탐색 문제이다
- 어떤 칸에 방문했을 때, 벽을 부순 적이 있는 경우와 아직 부순 적이 없는 경우는 다른 경우이기 때문에
- 상태  $(i, j)$  대신에  $(i, j, k)$  ( $k == 0$ 이면 벽을 부순 적이 없음, 1이면 있음) 으로 BFS 탐색을 진행한다.



# 벽 부수고 이동하기

171

<https://www.acmicpc.net/problem/2206>

- 소스: <http://codeplus.codes/3199c842c7d14ea99aab9ddf29150ce5>

# 탈출

172

<https://www.acmicpc.net/problem/3055>

- 지도는 R행 C열이다
- 비어있는 곳은 '.'
- 물이 차있는 지역은 '\*'
- 돌은 'X'
- 비버의 굴은 'D'
- 고슴도치의 위치는 'S'

# 탈출

<https://www.acmicpc.net/problem/3055>

- 먼저, 물이 언제 차는지 미리 구해놓은 다음에
- 고슴도치를 그 다음에 이동시킨다

# 탈출

<https://www.acmicpc.net/problem/3055>

• 지도 상태

|   |   |    |    |
|---|---|----|----|
| . | D | .  | *) |
| . | . | .  | .  |
| . | . | X  | .  |
| S | . | *) | .  |
| . | . | .  | .  |

• 물이 차는 시간

|   |    |    |   |
|---|----|----|---|
| 5 | -1 | 1  | 0 |
| 4 | 3  | 2  | 1 |
| 3 | 2  | -1 | 0 |
| 2 | 1  | 0  | 1 |
| 3 | 2  | 1  | 2 |

• 고슴도치의 이동

|   |   |  |  |
|---|---|--|--|
|   |   |  |  |
|   |   |  |  |
|   |   |  |  |
| 0 | X |  |  |
|   |   |  |  |

# 탈출

<https://www.acmicpc.net/problem/3055>

- 지도 상태
- 물이 차는 시간
- 고슴도치의 이동

|   |   |   |   |
|---|---|---|---|
| . | D | . | * |
| . | . | . | . |
| . | . | X | . |
| S | . | * | . |
| . | . | . | . |

|   |    |    |   |
|---|----|----|---|
| 5 | -1 | 1  | 0 |
| 4 | 3  | 2  | 1 |
| 3 | 2  | -1 | 0 |
| 2 | 1  | 0  | 1 |
| 3 | 2  | 1  | 2 |

|   |  |  |  |
|---|--|--|--|
|   |  |  |  |
|   |  |  |  |
| 1 |  |  |  |
| 0 |  |  |  |
| 1 |  |  |  |

# 탈출

<https://www.acmicpc.net/problem/3055>

- 지도 상태
- 물이 차는 시간
- 고슴도치의 이동

|   |   |   |   |
|---|---|---|---|
| . | D | . | * |
| . | . | . | . |
| . | . | X | . |
| S | . | * | . |
| . | . | . | . |

|   |    |    |   |
|---|----|----|---|
| 5 | -1 | 1  | 0 |
| 4 | 3  | 2  | 1 |
| 3 | 2  | -1 | 0 |
| 2 | 1  | 0  | 1 |
| 3 | 2  | 1  | 2 |

|   |  |  |  |
|---|--|--|--|
|   |  |  |  |
| 2 |  |  |  |
| 1 |  |  |  |
| 0 |  |  |  |
| 1 |  |  |  |



# 탈출

<https://www.acmicpc.net/problem/3055>

- 지도 상태
- 물이 차는 시간
- 고슴도치의 이동

|   |   |   |   |
|---|---|---|---|
| . | D | . | * |
| . | . | . | . |
| . | . | X | . |
| S | . | * | . |
| . | . | . | . |

|   |    |    |   |
|---|----|----|---|
| 5 | -1 | 1  | 0 |
| 4 | 3  | 2  | 1 |
| 3 | 2  | -1 | 0 |
| 2 | 1  | 0  | 1 |
| 3 | 2  | 1  | 2 |

|   |  |  |  |
|---|--|--|--|
| 3 |  |  |  |
| 2 |  |  |  |
| 1 |  |  |  |
| 0 |  |  |  |
| 1 |  |  |  |

# 탈출

<https://www.acmicpc.net/problem/3055>

- 지도 상태
- 물이 차는 시간
- 고슴도치의 이동

|   |   |   |   |
|---|---|---|---|
| . | D | . | * |
| . | . | . | . |
| . | . | X | . |
| S | . | * | . |
| . | . | . | . |

|   |    |    |   |
|---|----|----|---|
| 5 | -1 | 1  | 0 |
| 4 | 3  | 2  | 1 |
| 3 | 2  | -1 | 0 |
| 2 | 1  | 0  | 1 |
| 3 | 2  | 1  | 2 |

|   |   |  |  |
|---|---|--|--|
| 3 | 4 |  |  |
| 2 |   |  |  |
| 1 |   |  |  |
| 0 |   |  |  |
| 1 |   |  |  |

# 탈출

179

<https://www.acmicpc.net/problem/3055>

- 소스: <http://codeplus.codes/63dbd8fc3bdd44a78e5cce72da82fa8d>

끝

---

# 코드 플러스

181

<https://code.plus>

- 슬라이드에 포함된 소스 코드를 보려면 "정보 수정 > 백준 온라인 저지 연동"을 통해 연동한 다음, "백준 온라인 저지"에 로그인해야 합니다.
- 강의 내용에 대한 질문은 코드 플러스의 "질문 게시판"에서 할 수 있습니다.
- 문제와 소스 코드는 슬라이드에 첨부된 링크를 통해서 볼 수 있으며, "백준 온라인 저지"에서 서비스됩니다.
- 슬라이드와 동영상 강의는 코드 플러스 사이트를 통해서만 볼 수 있으며, 동영상 강의의 녹화와 다운로드, 배포와 유통은 저작권법에 의해서 금지되어 있습니다.
- 다른 경로로 이 슬라이드나 동영상 강의를 본 경우에는 [codeplus@startlink.io](mailto:codeplus@startlink.io) 로 이메일 보내주세요.
- 강의 내용, 동영상 강의, 슬라이드, 첨부되어 있는 소스 코드의 저작권은 스타트링크와 최백준에게 있습니다.