

>>> IF013 - Fundamentos Teóricos de Informática
>>> Licenciatura de Sistemas - UNPSJB - Sede Trelew

Name: Celia Cintas[†], Pablo Navarro[‡], Samuel Almonacid[§]
Date: September 11, 2017



[†]cintas@cenpat-conicet.gob.ar, cintas.celia@gmail.com, @RTFMCelia

[‡]pnavarro@cenpat-conicet.gob.ar, pablo1n7@gmail.com

[§]almonacid@cenpat-conicet.gob.ar, almonacid.samuel.tw@gmail.com

>>> Unidad 3

1. Gramáticas sensibles al contexto. Autómatas acotados linealmente.
2. Propiedades formales de los lenguajes sensibles al contexto.
3. Maquinas de Turing. Reconocedoras y Generadoras.
4. Tesis Turing-Church. Limitaciones de la Computabilidad Efectiva. Maquinas de Turing No Determinísticas.
5. Problema de detención de Máquina de Turing.
6. Reductibilidad.
7. Redes de Petri.
8. Lenguajes y gramáticas sin restricciones.
9. Enumerabilidad de los lenguajes sensibles al contexto y argumento diagonal de Turing.

>>> Máquina de Turing y Computabilidad

Definición

Sea Σ un alfabeto y sean Y, N dos símbolos $\notin \Sigma$. Un lenguaje $L \subseteq \Sigma^*$ se dice decidable por una máquina de Turing (o Turing-decidible) si y sólo si la función $X_L : \Sigma^* \rightarrow \{Y, N\}$ es Turing-computable, y para cada $w \in \Sigma^*$, da una respuesta acorde con:

$$X_L(w) =_{def} \begin{cases} Y & \text{si } w \in L \\ N & \text{si } w \notin L \end{cases}$$

Definición

Una máquina de Turing no determinista es una quintupla

$T = (S, \Sigma, \delta, s_0, F)$ donde:

S es el conjunto de estados, $S \neq \emptyset$

Σ es el alfabeto de entrada.

$\delta : S \times \Sigma \rightarrow P(S \times \Sigma \times \{I, D, N\})$.

s_0 es el estado inicial, $s_0 \in S$.

F es el conjunto de estados finales, $F \subseteq S$.

>>> Máquina de Turing y Computabilidad (Cont.)

Teorema

Para cada máquina de Turing no determinista T_{nd} podemos construir una máquina de Turing determinista T_d equivalente.



>>> Tesis Turing-Church

Tesis 1 (de Turing) Un proceso naturalmente llamado procedimiento efectivo puede ser realizado por una máquina de Turing, es decir es **Turing Computable**.

Tesis 2 (de Church) Los procesos naturalmente llamados procedimientos efectivos o las funciones efectivamente computables son identificados con la clase de **Funciones Recursivas Parciales**.

>>> Tesis Turing-Church (Cont.)

1. Máquinas de Alan Turing (1936).
2. Teoría de Funciones Recursivas Parciales de K. Gödel y S. Kleene (1936).
3. λ -Cálculo de Alonzo Church (1941).
4. Sistemas Canónicos de Post (1943).
5. Algoritmo Generalizado de Markov (1951).
6. Gramáticas estructuradas por frases de Noam Chomsky (1959-1963).
7. Máquinas de registros de Shepardson y Sturgis (1963).
8. Redes de Petri (1962)

>>> Limitaciones de la Computabilidad Efectiva

Definición

Denominaremos **Problema de Decisión** a aquellos formulados a traves de una pregunta y que requieren una respuesta de tipo Si/No.

Definición

Un problema de decisión se dice **Soluble** si existe un algoritmo total para determinar si la propiedad es verdadera.

Definición

Un problema de decisión se dice **Parcialmente Soluble** si existe un procedimiento efectivo para determinar si la propiedad es verdadera.

Definición

Un problema de decisión es **Insoluble** si no existe un procedimiento efectivo para determinar si la propiedad es válida.

>>> Problema de la detención de la MT

Definición

Sean una máquina de Turing T y una cadena α , el problema de la detención de las máquinas de Turing se define como:
¿Existe un algoritmo para decidir si T se detendrá comenzando en el estado inicial con α en la cinta?

Teorema

El problema de la detención es Algorítmicamente Insoluble.

```
DEFINE DOESITHALT(PROGRAM):  
{  
    RETURN TRUE;  
}
```

THE BIG PICTURE SOLUTION
TO THE HALTING PROBLEM

Demostración

Por absurdo

>>> Reductibilidad

Definición

Sean dos problemas de decisión, PD_1 y PD_2 , diremos que el problema de decisión PD_1 se reduce al problema de decisión PD_2 y lo escribiremos $PD_1 \rightarrow_{reduct} PD_2$ si un algoritmo para solucionar PD_2 puede ser usado para construir la solución de PD_1 .

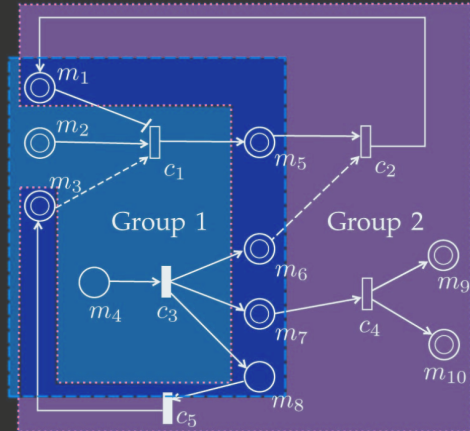
Teorema

Sean PD_1 y PD_2 dos problemas de decisión, se cumple lo siguiente:

1. Si $PD_1 \rightarrow_{reduct} PD_2$ y PD_2 es soluble, entonces PD_1 también lo es.
2. Si $PD_1 \rightarrow_{reduct} PD_2$ es insoluble, entonces PD_2 también lo es.

>>> Redes de Petri

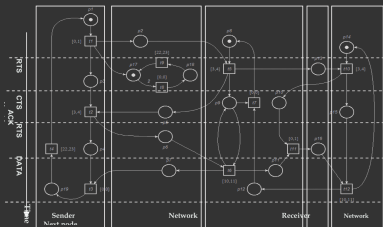
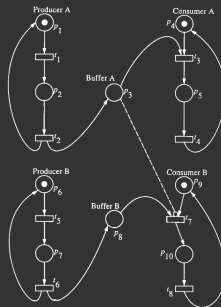
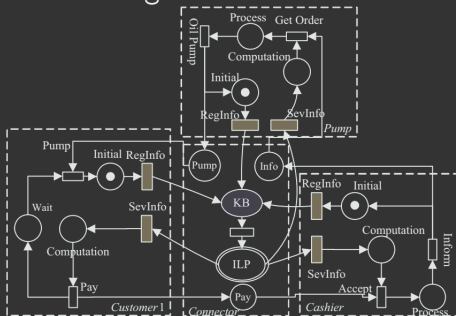
Hasta ahora hemos considerado modelos no deterministas como extensiones de otros deterministas. Las redes de Petri en cambio son **inherentemente** no deterministas.



High Performance Hybrid Functional Petri Net Simulations of Biological Pathway Models on CUDA. IEEE/ACM Transactions on Computational Biology and Bioinformatics.

>>> Redes de Petri (Cont.)

Aplicaciones de Redes de Petri Protocolos de comunicación -
 Redes de Computadoras - Control de Procesos Industriales -
 Simulación - Programación Concurrente y Paralela.



>>> Redes de Petri (Cont.)

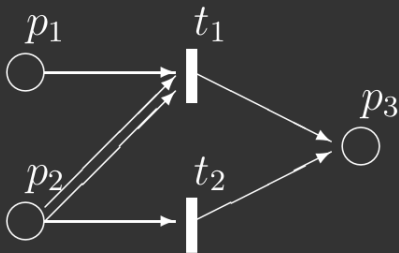
Definición

Una red de Petri (RP) es una cuaterna (P, T, IF, OF) donde:

- * $P = \{p_1, p_2, \dots, p_m\}$ es un conjunto finito de **lugares**.
- * $T = \{t_1, t_2, \dots, t_n\}$ es un conjunto finito de **transiciones**.
- * $IF: P \times T \rightarrow N$ es una función de entrada a las transiciones.
- * $OF: T \times P \rightarrow N$ es una función de salida de las transiciones.

>>> Redes de Petri (Cont.)

Una RP puede representarse gráficamente mediante un multidigrafo bipartito $G = (N, A)$. N es el conjunto de nodos del grafo y A el de arcos tal que $N = P \cup T$ y $P \cap T = \emptyset$.



$IF :$

$P \backslash T$	t_1	t_2
p_1	1	0
p_2	2	1
p_3	0	0

y

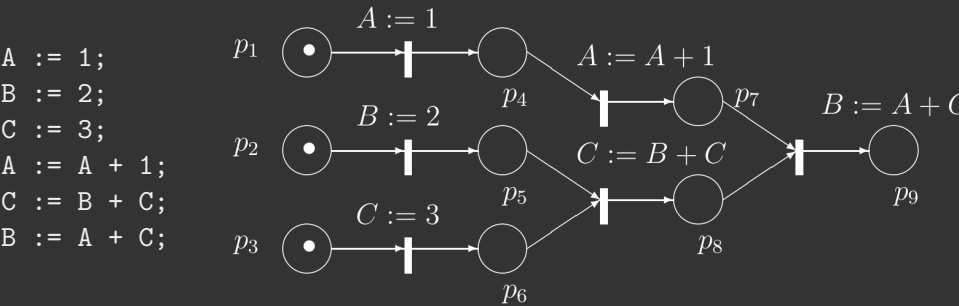
$OF :$

$T \backslash P$	p_1	p_2	p_3
t_1	0	0	1
t_2	0	0	1

>>> Redes de Petri (Cont.)

Definición

Un marcado de una red de Petri es un mapeo $M : P \rightarrow \mathbb{N}$.



>>> Redes de Petri (Cont.)

Definición

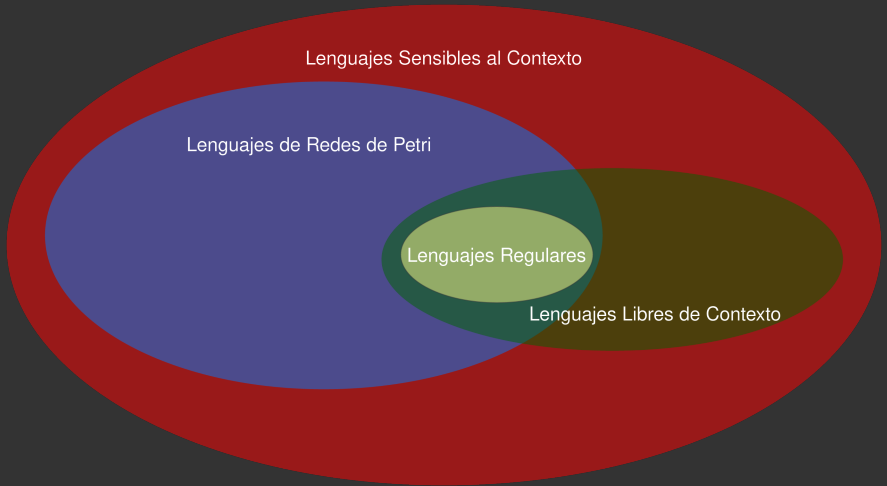
Para un dado marcado M de una red de Petri y una transición $t \in T$, diremos que t está habilitada por M si y solo si para cada lugar p , $M(p) \geq IF(p, t)$.

Definición

Sean M y M' dos marcados de una red de Petri, podemos establecer que M puede evolucionar a M' , $M \vdash M'$, si y solo si existe una transición t habilitada por M tal que para cada lugar p , $M'(p) = M(p) - IF(p, t) + OF(t, p)$. A la transición seleccionada para evolucionar de M a M' se la denomina transición disparada y el disparo consiste en el cambio de marcado.

```
>>> Redes de Petri (Cont.)
```

Expresividad de Redes de Petri



>>> Demo Time!

Redes de Petri en Python - Ver ipynb



>>> Gracias!



Bibliografía

1. Petri Nets: Properties, Analysis and Applications. Tadao Murata.
2. Petri Nets Applications. Edited by Pawel Pawlewski, 2010 under CC BY-NC-SA 3.0 license DOI: 10.5772/56888
3. Introduction to Automata Theory, Languages, and Computation - Hopcroft et. al 2007 (3er ed.)
4. Teoría de la Computación - Gonzalo Navarro 2011.
5. Fundamentos de Cs. de la Computación - Juan Carlos Augusto 1995.